

错题

- 1、如图,在平面直角坐标系中,正方形ABCO的点A、C分别在x轴、y轴上,点B坐标为(6,6) 连接AC.抛物线 $y = x^2 + bx + c$ 经过B、C两点. □

(1)求抛物线的解析式. (2)若动点E从原点出发,以每秒一个单位的速度,沿折线 $O - C - B - A$ 做匀速运动,同时点F从原点出发,以相同的速度向x正半轴方向做匀速运动,过点E作 $ED \perp x$ 轴于点D,当点E停止运动时,点F也停止运动.设 $\triangle EFD$ 的面积为S,运动时间为 $x(0 < x < 18)$,试写出S与x的函数关系式,并求出S的最大值. (3)P是直线AC上的点,在抛物线上是否存在点Q,使以O、C、P、Q为顶点的四边形是菱形? 若存在,求出点Q的坐标;若不存在,请说明理由.

- 2、如图,已知直线 $a \parallel b$,线段AB在直线a上,BC垂直于a交b于点C,且 $AB = BC$,P是线段BC上异于两端点的一点,过点P的直线分别交b、a于点D、E(点A、E位于点B的两侧),满足 $BP = BE$,连接AP、CE. □

(1)求证: $\triangle ABP \cong \triangle CBE$; (2)连结AD、BD,BD与AP相交于点F.如图2. ①当 $\frac{BC}{BP} = 2$ 时,求证:

$AP \perp BD$; ②当 $\frac{BC}{BP} = n (n > 1)$ 时,设 $\triangle PAD$ 的面积为 S_1 , $\triangle PCE$ 的面积为 S_2 ,求 $\frac{S_1}{S_2}$ 的值.

- 3、如图,某新建小区要设计一个等腰梯形的花园,梯形花园上底长120米,下底长180米,上下底相距80米,在两腰中点连线(虚线)处有一条横向通道,上下底之间有两条纵向通道,各通道的宽度相等.设通道的宽为x米. □

(1)用含x的式子表示横向通道的面积; (2)当三条通道的面积是梯形面积的 $\frac{1}{8}$ 时,求通道的宽; (3)根据设计的要求,通道的宽不能超过6米.如果修建通道的总费用(万元)与通道的宽度成正比例关系,比例系数是5.5,花坛其余部分的绿化费用为每平方米0.02万元,那么当通道的宽度为多少米时,所建花

坛的总费用最少? 最少费用是多少万元?

4、在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 两条直角边 a, b 满足 $a^2 - 4ab + 3b^2 = 0$, 则 $\sin A =$ _____

5、如图 $\odot O$ 是 $\triangle ABC$ 的外接圆, 连结 OA 、 OC , $\odot O$ 的半径为 2, $\sin B = \frac{3}{4}$, 则弦 AC 的长为 () □

A. $\frac{3}{2}$ B. $\sqrt{7}$ C. 3 D. $\frac{3}{4}$

6、如图, $\odot O$ 的半径为 2, 弦 BD 为 $2\sqrt{3}$ cm, A 为 \widehat{BD} 的中点, E 为弦 AC 的中点且在弦 BD 上, 则四边形 $ABCD$ 的面积为 _____ . □

7、二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) 图象如图, 下列结论: ① $abc > 0$; ② $2a + b = 0$; ③当 $m \neq 1$ 时, $a + b > am^2 + bm$; ④ $a - b + c > 0$; ⑤若 $ax_1^2 + bx_1 = ax_2^2 + bx_2$, 且 $x_1 \neq x_2$, $x_1 + x_2 = 2$. 其中正确的有 _____ . (填序号) □

8、如图, 四边形 $ABCD$ 内接于 $\odot O$, AB 是直径, AC 和 BD 相交于点 E , 且 OC 平行于 AD , 分别延长 AB 、 CD 交于 P , 且 $PB = 2OB$, $CD = 4$. □

(1) 求证: $DC = BC$; (2) 求 PC 的长; (3) 求 $\sin \angle CAB$ 的值.

9、在不透明的口袋中, 有三张形状、大小、质地完全相同的纸片, 三张纸片上分别写有函数: ① $y = -x$, ② $y = -\frac{3}{x}$, ③ $y = 2x^2$. (1) 在上面三个函数中, 其函数图象满足在第二象限内 y 随 x 的增大而减小的函数有 _____ (请填写番号); 现从口袋中随机抽取一张卡片, 则抽到的卡片上的函数图象满足在第二象限内 y 随 x 的增大而减小的概率为 _____; (2) 王亮和李明两名同学设计了一个游戏, 规则为: 王亮先

从口袋中随机抽取一张卡片,不放回,李明再从口袋中随机抽取一张卡片,若两人抽到的卡片上的函数图象都满足在第二象限内y随x的增大而减小,则王亮得3分,否则李明得2分,请用列表或画树状图的方法说明这个游戏对双方公平吗? 若你认为不公平,如何修改规则才能使该游戏对双方公平呢?

标准答案

$$1、 \therefore S_{\Delta} = \frac{1}{2}OE \cdot OF = \frac{1}{2}x^2 (0 < x \leq 6)$$

$$\therefore S_{\Delta} = \frac{1}{2}OE \cdot OF = \frac{1}{2}x^2 (0 < x \leq 6)$$

解:(1) \because 正方形ABCD, $B(6, 6)$

解:(1) \because 正方形ABCD, $B(6, 6)$

$$\therefore C(0, 6)$$

$$\therefore C(0, 6)$$

\because B、C在抛物线上

\because B、C在抛物线上

$$\therefore \begin{cases} c = 6 \\ -\frac{b}{2} = 3 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} c = 6 \\ -\frac{b}{2} = 3 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} c = 6 \\ b = -6 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} c = 6 \\ b = -6 \end{cases}$$

$$\therefore y = x^2 - 6x + 6$$

$$\therefore y = x^2 - 6x + 6$$

(2)①当E在OC上运动时

(2)①当E在OC上运动时

$$OE = x, OF = x$$

$$OE = x, OF = x$$

②当E在BC上运动时

②当E在BC上运动时

E到OA的距离为6

E到OA的距离为6

$$OF = x - 6$$

$$OF = x - 6$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 6 [x - (x - 6)] = 18 (6 < x \leq 12)$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times 6 [x - (x - 6)] = 18 (6 < x \leq 12)$$

③当E在BA上运动时

③当E在BA上运动时

E到AB的距离为 $(18 - x)$

E到AB的距离为 $(18 - x)$

$$OF = x - 6$$

$$OF = x - 6$$

$$\therefore S_{\Delta} = \frac{1}{2} \cdot (18 - x)(x - 6) = \frac{1}{2}(-108 + 24x - x^2) = -\frac{1}{2}x^2 + 12x - 54 (12 < x < 18)$$

$$\therefore S_{\Delta} = \frac{1}{2} \cdot (18 - x)(x - 6) = \frac{1}{2}(-108 + 24x - x^2) = -\frac{1}{2}x^2 + 12x - 54 (12 < x < 18)$$

$$S = \begin{cases} \frac{1}{2}x^2 (0 < x \leq 6) \\ 18 (6 < x \leq 12) \\ -\frac{1}{2}x^2 + 12x - 54 (12 < x < 18) \end{cases}$$

$$S = \begin{cases} \frac{1}{2}x^2 (0 < x \leq 6) \\ 18 (6 < x \leq 12) \\ -\frac{1}{2}x^2 + 12x - 54 (12 < x < 18) \end{cases}$$

当 $0 < x \leq 6$ 时, $S_{max} = 18$

当 $0 < x \leq 6$ 时, $S_{max} = 18$

当 $6 < x \leq 12$ 时, $S_{max} = 18$

当 $6 < x \leq 12$ 时, $S_{max} = 18$

当 $12 < x < 18$ 时, $S < 18$

当 $12 < x < 18$ 时, $S < 18$

$$\therefore S_{max} = 18$$

$$\therefore S_{max} = 18$$

(3)当以OC为边时,则P与A重合,Q与B重合

(3)当以OC为边时,则P与A重合,Q与B重合

$$\therefore Q(6, 6)$$

$$\therefore Q(6, 6)$$

当以OC为对角线,则P为AC中点

当以OC为对角线,则P为AC中点

$$\therefore P(3, 3), \text{则 } Q(-3, 3)$$

$$\therefore P(3, 3), \text{则 } Q(-3, 3)$$

∴Q不在抛物线上

∴Q不在抛物线上

故存在Q点, $Q(6, 6)$

故存在Q点, $Q(6, 6)$

2、解:(1) ∵ $CB \perp a$

$$\therefore \angle ABP = \angle CBE = 90^\circ$$

又 ∵ $AB = BC, BP = BE$

$$\therefore \triangle ABP \cong \triangle CBE (SAS)$$

$$(2) \textcircled{1}: \frac{BC}{BP} = 2$$

∴ P 为 BC 中点

$$\text{即有 } \frac{DC}{BE} = \frac{CP}{BP} = 1$$

$$\therefore DC = CP = BP = BE$$

$$\therefore \triangle BCD \cong \triangle ABP (SAS)$$

$$\therefore \angle DBP = \angle BAP$$

$$\therefore \angle BAP + \angle BPA = 90^\circ$$

$$\therefore \angle DBP + \angle APB = 90^\circ$$

$$\therefore \angle PFB = 90^\circ$$

$$\therefore AP \perp BD$$

$$\textcircled{2} S_{\triangle PAD} = S_{\triangle AED} - S_{\triangle APE}$$

$$= \frac{1}{2} AE (BC - BP)$$

$$S_{\triangle PCE} = S_{\triangle BCE} - S_{\triangle PBE}$$

$$= \frac{1}{2} BE (BC - BP)$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle PAD}}{S_{\triangle PCE}} = \frac{\frac{1}{2} AE (BC - BP)}{\frac{1}{2} BE (BC - BP)} = \frac{AE}{BE}$$

$$\text{又 } \therefore \frac{BC}{BP} = n$$

$$\therefore AE = (n + 1)BP$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle PAD}}{S_{\triangle PCE}} = n + 1$$

$$\therefore \frac{S_1}{S_2} = n + 1$$

3、解:(1) 横向通道为梯形, 其中位线为: $\frac{120 + 180}{2} = 150$ (米)

∴ 横行通道面积为 $150x$ (m^2)

(2) 由题意得:

$$150x + 80x \times 2 - 2x^2 = 150 \times 80 \times \frac{1}{8}$$

$$\text{即: } 2x^2 - 310x + 1500 = 0$$

解得: $x = 150$ (舍去) 或 $x = 5$

∴ 通道宽为 $5m$

(3) 设总费用为 y 万元

由题意得: $y = (150 \times 80 - 150x - 80x \times 2 + 2x^2) \times 0.02 + 5.5x$

$$= 0.04x^2 - 0.7x + 240 \quad (0 < x \leq 6)$$

$$x = -\frac{b}{2a} = 8.75$$

\therefore 当 $0 < x \leq 6$ 时, y 随 x 增大而减小

当 $x = 6$ 时, $y_{\text{最}} = 237.24$ (万元)

4、 $\frac{\sqrt{2}}{2}$ 或 $\frac{3}{10}\sqrt{10}$

5、 C

6、 $2\sqrt{3}cm^2$

7、 ②③⑤

8、 (1) 证明 $\therefore AD \parallel OC$

$$\therefore \angle DAB = \angle COB$$

$$\therefore \angle DAB = \angle COB = 2\angle CAB$$

$$\therefore \angle DAC = \angle CAB$$

$$\therefore DC = BC$$

(2) 解 $\therefore OC \parallel AD$

$$\therefore \frac{PC}{CD} = \frac{PO}{OA}$$

$$\text{又 } \therefore PB = 2OB$$

$$\therefore \frac{3OB}{OA} = \frac{PC}{4}$$

$$\therefore PC = 12$$

(3) 解 $\therefore PD$ 与 $\odot O$ 交于 CD , PA 与 $\odot O$ 交于 AB

$$\therefore PC \cdot PD = PB \cdot PA$$

$$\therefore 12 \times (12 + 4) = 2r \times 4r$$

$$\therefore r = 2\sqrt{6}$$

在 $\triangle ABC$ 中

$\therefore AB$ 为直径

$$\therefore \angle ACB = 90^\circ$$

$$\therefore \sin \angle CAB = \frac{BC}{2r} = \frac{\sqrt{6}}{6}$$

9、 (1) ①③

$$\frac{2}{3}$$

(2)解:树状图为:

□

两人抽到卡片的函数都满足在第二象限内y随x增大而减小有两种情况

$$\therefore \text{王亮获胜概率为: } \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$\text{李明获胜概率为: } 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$

$$\therefore \text{每次王亮获得积分为 } \frac{1}{3} \times 3 = 1 \text{ 分, 李明获得积分 } \frac{2}{3} \times 2 = \frac{4}{3} \text{ 分}$$

\therefore 不公平

可以改变积分使游戏变公平.改为:两人抽到的卡片上的函数图象都满足在第二象限内y随x增大而减小.则王亮得4分,否则李明得2分.
