

New Skills for New Jobs

Apriori Algoritması

Doç. Dr. Serkan SAVAS

Apriori Algoritması: Temel Bilgiler

Apriori Algoritması, birliktelik kuralları ve sık öge kümeleri madenciliği için etkili bir algoritmadır.

Anahtar Kavramlar:

- Sık Öğeler Kümesi: En az desteğe sahip öge kümeleri (denoted by L_i for i_{th} -Itemset).
- Apriori Mülkiyet: Yeterli öge kümesinin herhangi bir alt kümesi sık olmalıdır.
- Birleştirme İşlemi: L_k 'yi bulmak için, L_{k-1} 'i kendisiyle birleştirerek bir aday k -öge kümesi oluşturulur.

Itemset Nedir?

Öğelerin bir araya gelmesiyle oluşan kümeye **öğ** **kümesi** denir.

Herhangi bir öğ kümesi k - öğeye sahipse buna **k -öğ** **kümesi** denir.

Bir öğ kümesi iki veya daha fazla öğeden oluşur.

Sıklıkla ortaya çıkan bir öğ kümesine **sık öğ** **kümesi** denir.

Bu nedenle *sık öğ kümesi madenciliği, sıklıkla bir arada bulunan öğeleri belirlemeye yönelik bir veri madenciliği tekniğidir.*

Örneğin, Ekmek ve tereyağı, Dizüstü bilgisayar ve Antivirüs yazılımı vb.

Sık Kullanılan Öğeler Kümesi Nedir?

Bir öge kümesi, destek ve güven için minimum bir eşik değerini karşılıyorsa sık olarak adlandırılır.

Destek, öğelerin tek bir işlemde birlikte satın alındığı işlemleri gösterir.

Güven, öğelerin birbirini ardına satın alındığı işlemleri gösterir.

Sık öge kümesi madenciliği yöntemi için, yalnızca minimum eşik desteği ve güven gereksinimlerini karşılayan işlemleri dikkate alıyoruz. Bu madencilik algoritmalarından elde edilen içgörüler birçok fayda, maliyet azaltma ve gelişmiş rekabet avantajı sunar.

Sık Kullanılan Öğeler Kümesi Nedir?

Veri madenciliği için harcanan zaman ve sık madencilik için veri hacmi arasında bir değiş tokuş vardır.

Sık madencilik algoritması, öge kümelerinin gizli kalıplarını kısa sürede ve daha az bellek tüketimiyle çıkarmak için verimli bir algoritmadır.

Sık Örüntü Madenciliği (FPM)

Sık örüntü madenciliği algoritması, bir veri kümesindeki farklı öğeler arasındaki ilişkileri keşfetmek için veri madenciliğinin en önemli tekniklerinden biridir.

Bu ilişkiler birliktelik kuralları şeklinde temsil edilir. Verilerdeki düzensizlikleri bulmaya yardımcı olur.

FPM, veri analizi, yazılım hataları, çapraz pazarlama, satış kampanyası analizi, pazar sepeti analizi vb. alanlarda birçok uygulamaya sahiptir.

Sık Örüntü Madenciliği (FPM)

Apriori aracılığıyla keşfedilen sık öge kümelerinin veri madenciliği görevlerinde birçok uygulaması vardır.

Veritabanındaki ilginç örüntüleri bulma, sıralamayı bulma ve birliktelik kurallarının madenciliği gibi görevler bunlardan en önemlileridir.

Birliktelik Kuralları

Birliktelik Kuralı Madenciliği şu şekilde tanımlanır:

- $I = \{ \dots \}$ öğeler olarak adlandırılan 'n' ikili öznitelik kümesi olsun.
- $D = \{ \dots \}$ veritabanı olarak adlandırılan işlem kümesi olsun.

D'deki her işlem benzersiz bir işlem kimliğine sahiptir ve I'daki öğelerin bir alt kümesini içerir.

Bir kural, $X \rightarrow Y$ biçiminde bir çıkarım olarak tanımlanır; burada X, Y? I ve $X \rightarrow Y = ?$ X ve Y öğeleri kümesi sırasıyla kuralın öncülü ve sonucu olarak adlandırılır.

Birliktelik Kuralları

Birliktelik kurallarının öğrenilmesi, büyük veri tabanlarında öznitelikler arasındaki ilişkileri bulmak için kullanılır.

Bir birliktelik kuralı, $A \Rightarrow B$, "**bir dizi işlem için, A öge kümesinin bazı değerleri, minimum destek ve güvenin karşılandığı koşullar altında B öge kümesinin değerlerini belirler**" şeklinde olacaktır.

Birliktelik Kuralları

Destek ve Güven şu örnekle gösterilebilir:

Ekmek=> tereyağı [destek=%2, güven=%60]

Yukarıdaki ifade bir birliktelik kuralı örneğidir. Bu, ekmek ve tereyağını birlikte satın alan %2'lik bir işlem olduğu ve tereyağının yanı sıra ekmek de satın alan %60'lık bir müşteri kitlesi olduğu anlamına gelir.

Birliktelik Kuralları

A ve B öge kümeleri için Destek ve Güven formülleri:

$$\text{Support (A)} = \frac{\text{Number of transaction in which A appears}}{\text{Total number of transactions}}$$

$$\text{Confidence (A} \rightarrow \text{B)} = \frac{\text{Support(A} \cup \text{B)}}{\text{Support(A)}}$$

Birliktelik Kuralları

- Lift değeri:

Lift (kaldırma) değeri, Apriori algoritmasında sıklıkla kullanılan bir metrik olarak karşımıza çıkar. Lift değeri, iki öğenin birlikte görülme olasılığının bağımsız olarak görülme olasılığına oranıdır. Yani, bir öğe setinin lift değeri, bu öğelerin birlikte görülme durumunun rastgele olasılığına göre ne kadar daha yüksek olduğunu gösterir.

$$\text{Lift}(X \rightarrow Y) = \frac{\text{support}(X \cup Y)}{\text{support}(X) \times \text{support}(Y)}$$

Burada:

- X ve Y , iki öğe setidir.
- $\text{support}(X \cup Y)$, X ve Y öğe setlerinin birlikte görülme destek (support) değerini temsil eder.
- $\text{support}(X)$ ve $\text{support}(Y)$, sırasıyla X ve Y öğe setlerinin destek değerlerini temsil eder.

Birliktelik Kuralları

- Lift değeri 1'den büyükse, iki öğenin birlikte görülme olasılığı, rastgele bir şekilde görülme olasılığından daha yüksektir.
- Yani, lift değeri büyüdükçe, iki öğenin birlikte görülme eğilimi artar. Eğer lift değeri 1'e eşit veya daha küçükse, bu, iki öğenin birlikte görülme olasılığının rastgele seçilme olasılığından daha düşük olduğunu gösterir.
- Bu durumda, iki öge arasında bir ilişki olabilir, ancak bu ilişki güçlü değildir.

Birliktelik Kuralları

Birliktelik kuralı madenciliği 2 adımdan oluşur:

1. Tüm sık öge kümelerini bulun.
2. Yukarıdaki sık öge kümelerinden birliktelik kuralları oluşturun.

Neden Sık Öğeler Kümesi Madenciliği?

Sık öge kümesi veya örüntü madenciliği, sık örüntülere, sıralı örüntülere ve diğer birçok veri madenciliği görevine dayanan birliktelik kuralları, korelasyonlar ve grafik örüntü kısıtlamalarının madenciliğindeki geniş uygulamaları nedeniyle yaygın olarak kullanılmaktadır.

Apriori Algoritması - Sık Örüntü Algoritmaları

Apriori algoritması, sık öge kümesi madenciliği için önerilen ilk algoritmadır.

Daha sonra R Agarwal ve R Srikant tarafından geliştirilmiş ve Apriori olarak bilinmeye başlanmıştır.

Bu algoritma, arama uzayını azaltmak için "birleştirme" ve "budama" olmak üzere iki adım kullanır. En sık rastlanan öge kümelerini keşfetmek için yinelemeli bir yaklaşımdır.

Apriori der ki...

I ögesinin sık olmama olasılığı şöyledir:

- $P(I) < \text{minimum destek eşiği}$, o zaman I sık değildir.
- $P(I+A) < \text{minimum destek eşiği}$, o zaman I+A sık değildir, burada A da öge kümesine aittir.
- Bir öge kümesi minimum destekten daha düşük bir değere sahipse, tüm üst kümeleri de minimum desteğin altına düşecek ve böylece göz ardı edilebilecektir. Bu özellik **Antimonotone** özelliği olarak adlandırılır.

Apriori Algoritmasında izlenen adımlar...

- **Birleştirme Adımı:** Bu adım, her bir öğeyi kendisiyle birleştirerek K -öge kümelerinden $(K+1)$ öge kümesi oluşturur.
- **Budama Adımı:** Bu adım, veritabanındaki her bir öğenin sayısını tarar. Aday öge minimum desteği karşılamıyorsa, seyrek olarak kabul edilir ve bu nedenle kaldırılır. Bu adım, aday öge kümelerinin boyutunu azaltmak için gerçekleştirilir.

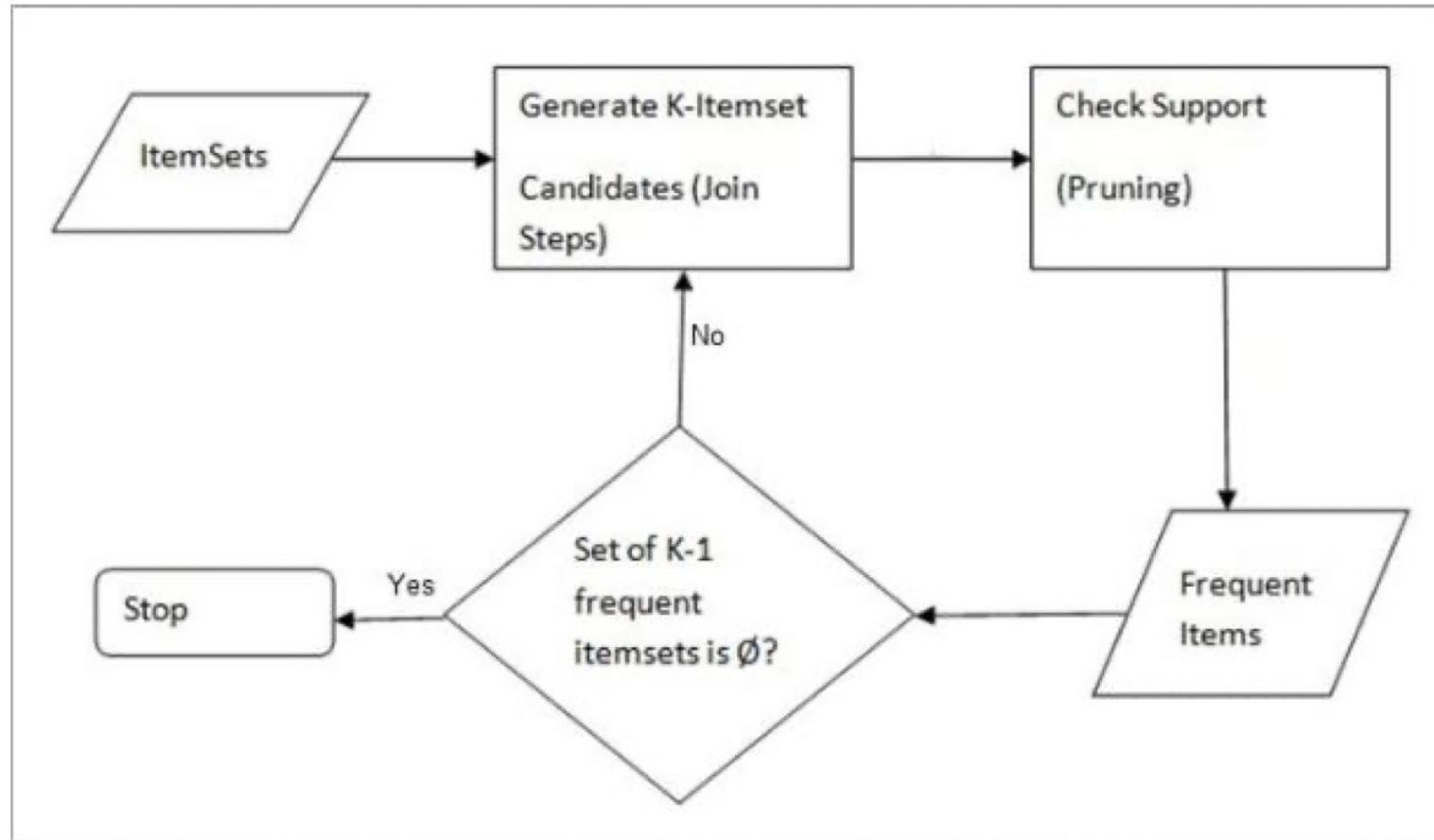
Apriori'de Adımlar

- #1) Algoritmanın ilk iterasyonunda, her bir öge 1-itemset adayı olarak alınır. Algoritma her bir öğenin oluşumlarını sayacaktır.
- #2) Bazı minimum destek, min_sup (örneğin 2) olsun. Oluşumu min_sup 'u karşılayan 1 - öge kümeleri kümesi belirlenir. Sadece min_sup 'a eşit veya daha fazla olan adaylar bir sonraki iterasyon için öne alınır ve diğerleri budanır.
- #3) Daha sonra, min_sup ile 2'li sık öğeler kümesi keşfedilir. Bunun için birleştirme adımında öğeler kendisiyle birleştirilerek 2'li bir grup oluşturularak 2'li öge kümesi oluşturulur.

Apriori'de Adımlar

- #4) 2 öğeli adaylar min-sup eşik değeri kullanılarak budanır. Artık tabloda yalnızca min-sup değerine sahip 2'li öge kümesi olacaktır.
- #5) Bir sonraki iterasyon, birleştirme ve budama adımı kullanarak 3 öğeli kümeler oluşturacaktır. Bu yineleme, 3 öğeli kümelerin alt kümelerinin, yani her grubun 2 öğeli alt kümelerinin min_sup'a düştüğü antimonotone özelliğini izleyecektir. Tüm 2 öğeli alt kümeler sıkıysa, üst küme sık olacaktır, aksi takdirde budanacaktır.
- #6) Sonraki adım, 3 öge kümesini kendisiyle birleştirerek ve alt kümesi min_sup kriterlerini karşılamıyorsa budayarak 4 öge kümesi oluşturmayı takip edecektir. En sık öge kümesine ulaşıldığında algoritma durdurulur.

Support threshold=50%, Confidence= 60%



Support threshold=50% $\Rightarrow 0.5 * 6 = 3 \Rightarrow$
min_sup=3

Transaction	List of items
T1	I1,I2,I3
T2	I2,I3,I4
T3	I4,I5
T4	I1,I2,I4
T5	I1,I2,I3,I5
T6	I1,I2,I3,I4

Budama Aşaması:

I5 ögesi min_sup=3'ü karşılamıyor, bu nedenle budanacak. Yalnızca I1, I2, I3, I4'ün min_sup sayısını karşıladığını görebiliriz.

Item	Count
I1	4
I2	5
I3	4
I4	4
I5	2



Item	Count
I1	4
I2	5
I3	4
I4	4

Birleştirme Adımı: 2 öge kümesi oluşturma. İşlem tablosundan 2-itemset'in oluşumları...

Transaction	List of items
T1	I1,I2,I3
T2	I2,I3,I4
T3	I4,I5
T4	I1,I2,I4
T5	I1,I2,I3,I5
T6	I1,I2,I3,I4

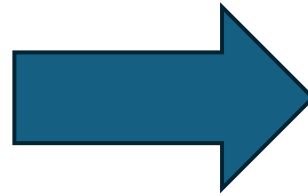


Item	Count
I1,I2	4
I1,I3	3
I1,I4	2
I2,I3	4
I2,I4	3
I3,I4	2

Budama Aşaması:

{I1, I4} and {I3, I4} öğeleri min_sup=3'ü karşılamıyor, bu nedenle budanacak.

Item	Count
I1,I2	4
I1,I3	3
I1,I4	2
I2,I3	4
I2,I4	3
I3,I4	2



Item	Count
I1,I2	4
I1,I3	3
I2,I3	4
I2,I4	3

Birleştirme ve Budama Adımı: 3 öge kümesi oluşturma.

İşlem tablosundan 3 ögeli kümenin oluşumlarını bulun.

Son tablodan da min_sup'ı destekleyen 2 ögeli alt kümeleri bulun.

Öge kümesi {I1, I2, I3} alt kümeleri için son tabloda {I1, I2}, {I1, I3}, {I2, I3}'ün oluştuğunu görebiliriz, bu nedenle {I1, I2, I3} sıktır. {I1, I2, I4} öge kümesi için {I1, I2}, {I1, I4}, {I2, I4}, kümelerine bakılmalıdır. {I1, I4} alt kümesinin sık olmadığını görebiliriz, çünkü tabloda yer almamaktadır, bu nedenle {I1, I2, I4} sık değildir, dolayısıyla silinmiştir.

Transaction	List of items
T1	I1,I2,I3
T2	I2,I3,I4
T3	I4,I5
T4	I1,I2,I4
T5	I1,I2,I3,I5
T6	I1,I2,I3,I4

Item	Count
I1,I2	4
I1,I3	3
I2,I3	4
I2,I4	3

Yalnızca {I1, I2, I3} sıktır.

Item
I1,I2,I3
I1,I2,I4
I1,I3,I4
I2,I3,I4

Bu tablolara göre kurallar:

$\{I1, I2\} \Rightarrow \{I3\}$:

- Confidence = support $\{I1, I2, I3\}$ / support $\{I1, I2\}$ = $(3/4) * 100 = 75\%$

$\{I1, I3\} \Rightarrow \{I2\}$:

- Confidence = support $\{I1, I2, I3\}$ / support $\{I1, I3\}$ = $(3/3) * 100 = 100\%$

$\{I2, I3\} \Rightarrow \{I1\}$:

- Confidence = support $\{I1, I2, I3\}$ / support $\{I2, I3\}$ = $(3/4) * 100 = 75\%$

$\{I1\} \Rightarrow \{I2, I3\}$:

- Confidence = support $\{I1, I2, I3\}$ / support $\{I1\}$ = $(3/4) * 100 = 75\%$

$\{I2\} \Rightarrow \{I1, I3\}$:

- Confidence = support $\{I1, I2, I3\}$ / support $\{I2\}$ = $(3/5) * 100 = 60\%$

$\{I3\} \Rightarrow \{I1, I2\}$:

- Confidence = support $\{I1, I2, I3\}$ / support $\{I3\}$ = $(3/4) * 100 = 75\%$

Bu, minimum güven eşiğinin %60 olması durumunda yukarıdaki tüm birliktelik kurallarının güçlü olduğunu göstermektedir.

Avantaj ve Dezavantajları

+++

Anlaşılması kolay algoritma

Join ve Prune adımlarının büyük veritabanlarındaki büyük öge kümelerine uygulanması kolaydır

Öge kümeleri çok büyükse ve minimum destek çok düşük tutulursa yüksek hesaplama gerektirir.

Tüm veritabanının taranması gerekir.

Apriori Verimliliğini Artırma Yöntemleri

Hash Tabanlı Teknik: Bu yöntem, k-öge kümelerini ve bunlara karşılık gelen sayıyı oluşturmak için hash tablosu adı verilen hash tabanlı bir yapı kullanır. Tabloyu oluşturmak için bir hash fonksiyonu kullanır.

İşlem Azaltma: Bu yöntem iterasyonlarda taranan işlem sayısını azaltır. Sık öge içermeyen işlemler işaretlenir veya kaldırılır.

Apriori Verimliliğini Artırma Yöntemleri

Bölümleme: Bu yöntem, sık öge kümelerini çıkarmak için yalnızca iki veritabanı taraması gerektirir. Herhangi bir öge kümesinin veritabanında potansiyel olarak sık olması için, veritabanının bölümlerinden en az birinde sık olması gerektiğini söyler.

Örnekleme: Bu yöntem D veritabanından rastgele bir S örneği seçer ve ardından S'de sık öge kümesi arar. Bu durum min_sup değeri düşürülerek azaltılabilir.

Dinamik Öge Kümesi Sayımı: Bu teknik, herhangi bir anda yeni aday öge kümeleri ekleyebilir.

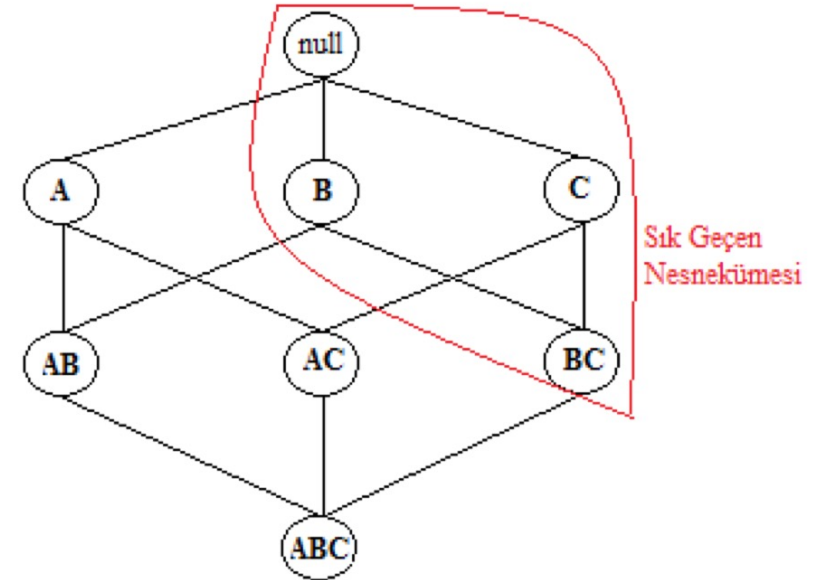
Apriori

Birliktelik kural analizinin temelini oluşturan, algoritmalar içerisinde en fazla bilinen ve kullanılan algoritmadır ve adı da önceki anlamındaki ‘prior’ kelimesinden gelmektedir.

Apriori algoritmasının temel özelliği; eğer bir nesne küme sık geçen ise bu kümenin bütün alt kümeleri de sık geçen nesne küme olmalıdır. Aynı mantıkla nesne küme sık kullanılmayan ise bu kümenin bütün alt kümeleri de sık kullanılmayan nesne küme olarak değerlendirilir.

Apriori

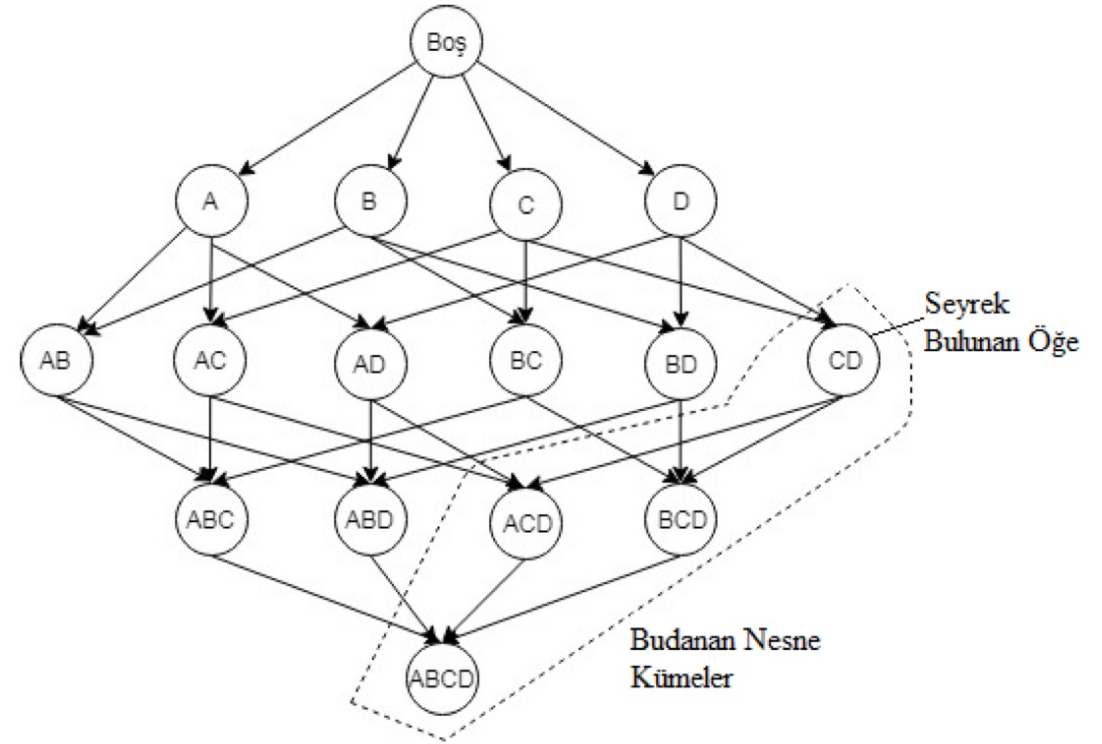
Şekilde gösterildiği gibi kırmızı yuvarlak içerisinde alınmış alanın sık kullanılan nesne kümelerinin olduğu düşünülürse $\{BC\}$ kümesinin bir sık geçen nesne kümesi olduğu varsayılır. $\{BC\}$ kümelerini içeren her işlemin bu kümenin alt kümeleri olan $\{B\}$, $\{C\}$ kümelerini de içerir sonucuna varılır. $\{BC\}$ sık geçen nesne kümesi ise bütün alt kümeleri de sık geçen nesne kümesi olmalıdır.



Apriori

Sık olmayan bir nesne kümenin bütün alt kümeleri de sık olmayan nesnekümelerdir.

Şekilde gösterilen {CD} kümesinin sık olmayan küme olarak bulunduğu tespit edilmiş, {CD} kümesini kapsayan {ACD}, {BCD}, {ABCD} üst kümeleri de sık olmayan küme kabul edileceği için bu kümeler budanabilir.



Apriori

Apriori algoritması başlangıçta veri tabanını tarar ve öğelerinin veri tabanında kaç kez geçtiklerine dair bilgiyi içeren destek değerlerini bulur. Başlangıçta girilen minimum destek değerinden daha küçük destek değerine sahip öğeler nesne kümelerine dâhil edilmez, bu öğeler ayıklanarak veri tabanı sadeleştirilir.

Nesne kümelerin tekli destek değerlerinden yararlanarak ikili nesne kümeler oluşturur, ikili nesne kümelerin destek değerini hesaplayarak düşük destek değere sahip öğeleri ayıklayarak sadeleştirir.

Aynı işlemi ikili nesne kümelerden yararlanarak üçlü nesne kümeler oluşturarak devam eder. Bu tarama ve sadeleştirme işlemi, girilen minimum destek değerden küçük nesne kümesi kalmayana kadar devam eder.

Apriori

```
Apriori(T, MST) // T veri tabanı, MST minimum destek değeri
{
    Ck: k büyüklükte aday nesne küme;
    Lk: k büyüklükte sık kullanılan nesne küme;
    L1: sık kullanılan ürünler;
    for (k=1; Lk != Boş küme; k++)
    {
        Ck+1 = Lk tarafından oluşturulan adaylar;
        for each(veri tabanında işlem olduğu sürece)
            Ck+1 inci ürünün destek değerini bir artır;
        Lk+1 = Ck+1 deki destek değeri büyük olanları;
    }
} end|
Return Uk Lk;
```

Örnek

TID	Ürünler
1	Ekmek, Meyve Suyu, Soda
2	Su, Meyve Suyu, Çikolata
3	Ekmek, Su, Meyve Suyu, Çikolata
4	Su, Çikolata

İlk olarak kullanıcı tarafından destek değeri girilir. Bu örneklem için destek eşik değeri 2 olarak kabul edilmiştir. Tabloda bir D veri tabanına ait işlemler verilmiştir. Bu veri tabanında 4 işlem bulunmaktadır, $|D|=4$ olarak belirlenir. İlk olarak her bir nesne küme C1 aday kümesini oluşturmak için taranır ve elemanlarının destek değerleri hesaplanır.

Öğesi Listesi	Destek Değeri
Ekmek	2
Su	3
Meyve Suyu	3
Soda	1
Çikolata	3

Tablodaki değerlerine bakıldığında 4 ürünün destek değeri minimum destek değerinin üzerinde olduğu için sık kullanılan nesne kümeler olarak kabul edilir. Soda sık geçen nesne kümesinden çıkarılır. Bir öğeli nesne kümeler ile sık geçen L1 kümesi oluşturulur.

Örnek

- L1 aday kümesi:

Öge Listesi	Destek Değeri
Ekmek	2
Su	3
Meyve Suyu	3
Çikolata	3

İki öğeli sık geçen nesnekümeler (C2) oluşturulur. C2 aday kümesi öğelerin ikili kombinasyonu ile oluşur.

Öge Listesi	Destek Değeri
Ekmek, Su	1
Ekmek, Meyve Suyu	2
Ekmek, Çikolata	1
Su, Meyve Suyu	2
Su, Çikolata	3
Meyve Suyu, Çikolata	2

D veri tabanı bir kez daha taranır ve C2 kümesindeki öğelerin destek değerleri hesaplanır. C2 kümesindeki minimum destek değerine sahip olan 2 öğeli nesne kümeleri, L2 aday kümesini oluşturur.

Örnek

- L2 aday kümesi:

Öğe Listesi	Destek Değeri
Ekmek, Meyve Suyu	2
Su, Meyve Suyu	2
Su, Çikolata	3
Meyve Suyu, Çikolata	2

Üç öğeli sık geçen nesne kümeleri, kalan öğelerin üçlü kombinasyonu ile oluşturulur.

Su, Meyve Suyu, Çikolata → 2

Destek değeri 2'nin altında ürün olmadığı için L3 ve C3 aynı çıkacaktır.
3. adıma geçerken Apriori algoritmasının budama özelliği kullanılmamıştır.
Son olarak, oluşturulan 3 elemanlı {Su, Meyve Suyu, Çikolata} sık geçen nesne kümesinden %40 minimum destek kriterini sağlayan kural oluşturulmuştur.

Genelleştirilmiş Kural Türetme (Generalized Rule Induction - GRI)

GRI algoritması, verilerden kurallar türeterek çalışan kural tabanlı bir sınıflandırma algoritmasıdır.

RIPPER (Repeated Incremental Pruning to Produce Error Reduction) ve CN2 (Classification based on 2-of-n) gibi geleneksel kural tümevarım algoritmalarının bir genellemesidir ve daha esnek kural gösterimlerine izin verir.

GRI, bir veri kümesindeki örnekleri doğru bir şekilde sınıflandıran bir dizi kural oluşturmayı amaçlamaktadır.

Apriori'den farklı olarak GRI, birliktelik kuralı madenciliğinden ziyade sınıflandırmaya odaklanır.

Kural Üretimi

- Kural üretimi aşamasında, algoritma farklı özniteliklerin ve değerlerinin kombinasyonlarını düşünerek olası kural uzayını keşfeder.
- Bu keşif çeşitli stratejilerle yönlendirilebilir:
 - **En İyi-İlk Arama:** İlk olarak en umut verici öznitelik-değer kombinasyonlarını seçer ve aramayı ilerletir.
 - **Işın Araması:** Belirli bir boyutta aday kural kümesini korur ve devam etmek için en umut verici olanları seçer.
 - **Genetik Algoritmalar:** Evrimsel teknikleri kullanarak kural oluşturur ve ardışık nesiller boyunca kural oluşturur ve geliştirir.
- Strateji seçimi, veri kümesinin boyutu, kural uzayının karmaşıklığı ve hesaplama kaynakları gibi faktörlere bağlıdır.

Kural Değerlendirme

- Aday kurallar, kalitelerini ve kullanışlılıklarını değerlendirmek için birden fazla kriter temel alınarak değerlendirilir:
 - **Kapsam:** Kuralın veri kümesinde kapsadığı örneklerin oranı. Yüksek kapsama, kuralın veri kümesinin büyük bir bölümüne uygulandığını gösterir.
 - **Doğruluk:** Kural tarafından kapsanan örneklerin doğru bir şekilde sınıflandırılan oranı. Yüksek doğruluk, kuralın kapsadığı örneklerin çoğu için doğru tahminler yapılmasını sağlar.
 - **Basitlik:** Kuralın karmaşıklığı, genellikle içeren koşulların veya özniteliklerin sayısı ile ölçülür. Basit kurallar daha kolay yorumlanabilir ve genellenebilir.
 - **Genellik:** Kuralın eğitim veri kümesinin ötesindeki örnekler üzerinde ne kadar geçerli olduğu. Yüksek genellik oranı, kuralların yeni verilere de genelleme yapma olasılığının daha yüksek olduğunu gösterir.
- Değerlendirme metrikleri, alan bilgisi veya kullanıcı tercihlerine göre farklı şekillerde ağırlıklandırılabilir.

Kural Budama ve Kural Seçimi

- Değerlendirmeden sonra, aday kurallar tekrarlanarak gereksiz veya düşük kaliteli kurallar ortadan kaldırılır:
 - **Tekrarlılık Kaldırma:** Kural setinde örtüşen veya diğer kurallar tarafından emilen kuralları tanımlar ve kaldırır.
 - **Doğruluk Eşiği:** Düşük doğruluğa sahip veya belirli bir eşiğin altında kapsama alanına sahip kurallar, kural setinin kalitesini korumak için budanabilir.
 - **Basitlik Kısıtlamaları:** Karmaşık kurallar, genellikle daha basit ve yorumlanabilir kurallara öncelik vermek için tercih edilir.
- Budama, nihai kural setinin özlü, yorumlanabilir ve sınıflandırma için etkili olduğundan emin olmak için yapılır.

Kural Uygulaması

- Son kural seti elde edildikten sonra, yeni örneklerin sınıflandırılması veya tahmin edilmesi için uygulanabilir:
 - Sınıflandırma sırasında, her örnek, kurallara sırayla uygulanır ve örneğin koşullarını karşılayan ilk kurala atanır.
 - Kurallar, sırayla, güven seviyelerine veya kullanıcı tarafından belirlenen diğer kriterlere göre uygulanabilir.
- Sınıflandırma süreci şeffaf ve yorumlanabilir olduğundan, her bir örneğin nasıl karar verildiğine dair içgörüler sunar.

İteratif İyileştirme

- Bazı uygulamalarda, GRI algoritması, kural setini daha da optimize etmek için tekrarlayan rafine adımlar içerebilir:
 - İlk kural setini uyguladıktan sonra, sınıflandırma sonuçlarından gelen geri bildirimler, kuralları güncellemek veya iyileştirmek için kullanılabilir.
 - Rafine stratejiler, kuralların performansına dayalı olarak, doğrulama verileri veya diğer kriterlerle uyumlu olarak koşulları ayarlamak, yeni kurallar eklemek veya gereksiz kuralları kaldırmak gibi adımları içerebilir.
- İteratif iyileştirme, kuralların doğruluğunu ve genelleme yeteneğini artırarak, birkaç iterasyon boyunca kural setinin kalitesini artırır.

Örnek Uygulamalar

Kaynaklar

- University of Delphi: <https://www.cvs.edu.in/upload/Apriori%20Algorithm.pdf>
- Tokyürek, E:

BİRLİKTELİK KURAL ÇIKARIM ALGORİTMALARI KULLANILARAK MARKET SEPET ANALİZİ – Yüksek Lisans Tezi.