

Projektdokumentation

Bewegungsanalyse einer Videosequenz
mit dem Ansatz des Papers von Aach und Kunz

von

Laura Anger	(Matrikelnr. 11086356)
Timo Breuer	(Matrikelnr. 11089822)
Lukas Kolhagen	(Matrikelnr. 11084355)

Durchgeführt im
Master Medientechnologie
im
Sommersemester 2016

Betreuer:

Prof. Dr. Dietmar Kunz
Institut für Medien- und Phototechnik

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	3
1.1	Ansatz im Paper von Aach und Kunz	3
1.2	Projektziel	3
2	Verfahren	4
2.1	Bewegungsschätzung	4
2.2	Programmablauf	5
2.3	Kostenfunktion	5
2.3.1	Datenterm	6
2.3.2	Örtliche Kohärenz	7
2.3.3	Zeitliche Kohärenz	8
2.4	Visualisierung	8
3	Auswertung	9
3.1	Testmaterial	9
3.2	Auswertung der Testmaterialien	10
3.3	Einschwingverhalten	12
3.3.1	Bewegungsvektorfelder	13
3.3.2	Innerhalb eines Bildes	14
3.4	Parameter der Regularisierungsterme	14
4	Zusammenfassung	15
5	Arbeitsaufteilung	15

1 Einleitung

Lukas

Diese Ausarbeitung ist Teil der Abschlussprojekt-Dokumentation im Modul „Weiterführende Themen der Bildverarbeitung“ im Master Medientechnologie an der Technischen Hochschule Köln.

Das Projekt beschäftigte sich mit der Bewegungsanalyse einer Videosequenz mit dem Ansatz des Papers von Aach und Kunz^[1]. Es wurde bearbeitet von Laura Anger, Timo Breuer und Lukas Kolhagen.

1.1 Ansatz im Paper von Aach und Kunz

Die Grundlage für das vorliegende Projekt bildet das Paper „Bayesian motion estimation for temporally recursive noise reduction in X-ray fluoroscopy“. Dieses beschäftigt sich mit der Entwicklung einer robusten Methode zur Bewegungsschätzung für die speziellen Anforderungen der stark rauschenden Aufnahmen einer Röntgen-Fluoroskopie. Der Ansatz beruht auf der Modellierung drei essenzieller Faktoren:

Datenterm: Unterschied der Grauwerte zweier aufeinander folgender Bildern.

Örtliche Kohärenz: Außer an Randbereichen von Objekten, bewegen sich Nachbarschaften meist in die gleiche Richtung.

Zeitliche Kohärenz: Bewegungen verlaufen normalerweise kontinuierlich, sodass sich ein Bildblock zwischen zwei Bildern wahrscheinlich in dieselbe Richtung weiterbewegt oder die Richtung nur gering ändert.

Eine genaue Beschreibung dieser Faktoren erfolgt in [2.3](#).

1.2 Projektziel

Die Zielsetzung für das Projekt „Bewegungsanalyse einer Videosequenz“ war eine Übertragung des Ansatzes von Röntgenbildern auf normale Videosequenzen. Infolge dessen war eine Vernachlässigung der speziellen Anforderung des Bildrauschens möglich, da Röntgenbilder – insbesondere als Teil einer Fluoroskopie – zum Schutz des Patienten und des medizinischen Personals nur sehr geringe Röntgendosen enthalten dürfen und deshalb ein extrem schlechtes Signal-zu-Rauschverhältnis aufweisen. Diese Problematik besteht bei normalen Videosequenzen nicht, weshalb für die Untersuchung von vergleichsweise geringem und etwa gleich verteiltem Rauschen ausgegangen werden konnte.

2 Verfahren

Laura

In [1] wird das Verfahren, was dieser Ausarbeitung zu Grunde liegt beschrieben. Der dort aufgeführte Algorithmus wurde speziell für Röntgenaufnahmen entwickelt, um Arzt und Patienten im Rahmen von Behandlungen, welche Röntgenstrahlung verwenden vor gesundheitlichen Konsequenzen zu schützen. Es handelt sich bei dem Ansatz um ein Block-Matching Verfahren, welche dem Satz von Bayes folgen.

Im vorliegenden Fall soll das Verfahren allerdings auf gewöhnlichen Bildsequenzen angewandt werden. Im Folgenden wird das zu grundliegende Verfahren erläutert und auf eventuelle Änderungen im Algorithmus eingegangen.

2.1 Bewegungsschätzung

Laura

Um zu verstehen, wie die Bewegungsschätzung im einzelnen funktioniert, muss man sich zunächst klar machen, wie das geschätzte Bewegungsvektorfeld überhaupt definiert ist.

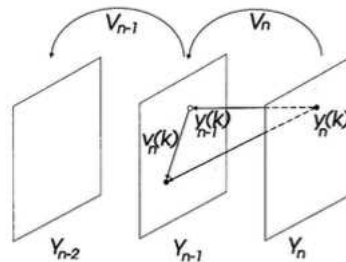


Abbildung 1: Beziehung zwischen Bewegungsvektorfeld und Einzelbildern [1].

In Abbildung 1 sieht man drei Frames einer Bildsequenz. Y_n steht hierbei für das n -te Bild dieser Sequenz und $y_n(k)$ ist der Grauwert des Pixels an der Stelle k . Das k steht für ein Koordinatenpärchen (k_x, k_y) und es gilt $k = 1, \dots, N$, wobei N die Anzahl der Pixel eines Frames ist. Der eingezeichnete Vektor $v_n(k)$ ist derjenige Vektor, der auf k addiert wird, sodass sich die Position des entsprechenden Pixels im vorherigen Bild ergibt. All diese Bewegungsvektoren zusammengekommen ergeben das Bewegungsvektorfeld eines Frames, welches in der Abbildung mit V_n bezeichnet wird.

Das geschätzte Bewegungsvektorfeld \hat{V}_n ergibt sich nach den Ausführungen von Aach und Kunz zu:

$$\hat{V}_n = \arg \max_V \left[p(Y_n, Y_{n-1}, |V) \cdot p(\hat{V}_{n-1}|V) \cdot p(V) \right] \quad (1)$$

Da es sich um einen bayesschen Ansatz handelt, gilt es sich mit bedingten Wahrscheinlichkeiten auseinander zu setzen. Der erste Faktor der Formel 1 ist im Originalansatz zur Modellierung des Rauschens gedacht. Es ist davon auszugehen, dass Röntgenbilder weit aus mehr verrauscht sind, als reale Bildsequenzen auf die das vorliegende Verfahren angewandt werden soll. Deshalb liegt es nahe, dass Rauschen weitgehend zu vernachlässigen und durch einen reinen Datenterm zu ersetzen. Mehr Details dazu kann man in Kapitel 2.3.1 nachlesen. Bei den beiden anderen Faktoren handelt es sich zum einen um die örtliche und zum anderen um die zeitliche Kohärenz. Beide werden in den Kapiteln 2.3.2 bzw. 2.3.3 näher beschrieben.

2.2 Programmablauf

Der Programmablauf des ImageJ-Plug-Ins in Form der `run()`-Methode, die aufgrund des implementierten `PlugInFilter`-Interfaces überschrieben werden muss, ist in Abbildung 2 dargestellt.

Grob betrachtet, werden in der `run()`-Methode drei `for`-Schleifen geschachtelt ausgeführt. Die innerste Schleife läuft über jeden Block des Bildes und bestimmt für diesen den Bewegungsvektor mit den geringsten Kosten aus den 14 berechneten Alternativen. Die Blockgröße ist variabel und kann z. B. 8×8 betragen.

Die nächst äußere Schleife ist für die Iterationen zuständig. In den Iterationen wird innerhalb eines Bildes des Input-Stacks das Bewegungsvektorfeld mehrfach berechnet und jeweils das zuletzt berechnete Ergebnis als Grundlage für die nächste Berechnung verwendet. Dies ist erforderlich, um die Abweichung der Bewegungsvektoren pro Frame so gering wie möglich zu halten. Gleichzeitig hängt die Wahl der Anzahl der Iterationen natürlich davon ab, welche Performanz die Berechnung erreichen soll, also wie schnell ein Ergebnis benötigt wird.

Die äußere Schleife läuft über den Stack und sorgt somit dafür, dass die Berechnungen pro Block und Iteration jeweils für jedes Bild des Input-Stacks erfolgen.

Sobald ein Bild fertig bearbeitet ist, die äußere Schleife also einen Durchlauf absolviert hat, wird der Fortschrittsbalken im ImageJ-Fenster aktualisiert, damit der Benutzer eine Rückmeldung bekommt, wie weit die Berechnung fortgeschritten ist.

Zuletzt wird in der `run()`-Methode noch das Ausgabefenster, in welchem der Input-Stack inklusive der überlagerten Bewegungsvektorfelder dargestellt wird, generiert und dessen Methode zur Anzeige aufgerufen.

2.3 Kostenfunktion

Alle

2.3.1 Datenterm

Lukas

Der Datenterm als Teil der zu minimierenden Kostenfunktion hat die Aufgabe, die Veränderung der Grauwerte beim Vergleich zweier Bilder zu quantifizieren. Da angenommen wird, dass diese gemessenen Veränderungen nur durch Bewegung und Rauschen verursacht wird, lässt sich das Rauschen selbst modellieren, indem vor dem Vergleich der Bilder die tatsächliche Bewegung herausgerechnet, also eins der Bilder entsprechend des zuvor ermittelten Bewegungsvektors verschoben wird.

Der zu minimierende Ausdruck für die Modellierung des Rauschens für ganze Bilder lautet:

$$p(Y_n, Y_{n-1}|V) = c' \cdot e^{-\sum_{\vec{k}} \frac{\left[d\left(\vec{k}, \vec{v}\left(\vec{k}\right)\right)\right]^2}{4 \cdot \sigma^2\left(\vec{k}\right)}} \quad (2)$$

Da ebenfalls angenommen wird, dass die Bewegung über das ganze Bild nicht konstant ist, wird das Bild in Blöcke unterteilt. Des weiteren führt die Übertragung des eigentlichen Problems von Röntgenbildern auf normale Bildsequenzen zu der Erkenntnis, dass die Poisson-Verteilung des Rauschens bei Röntgenbildern aufgrund der niedrigen Anzahl von Röntgenquanten, bei normalen Bildern in eine Normalverteilung übergeht. Aus diesem Grund kann der Term unter dem Bruchstrich im Exponenten von Gleichung 2 vernachlässigt werden. Da der verbleibende Ausdruck von Gleichung 2 minimal wird, wenn der Exponent der Exponentialfunktion minimal wird, genügt für das Minimierungsproblem

$$d\left(\vec{k}, \vec{v}\left(\vec{k}\right)\right) = y_n\left(\vec{k}\right) - y_{n-1}\left(\vec{k} + \vec{v}\left(\vec{k}\right)\right) \quad (3)$$

wobei $y_n\left(\vec{k}\right)$ der aktuelle Block und $y_{n-1}\left(\vec{k} + \vec{v}\left(\vec{k}\right)\right)$ der zu vergleichende Block des vorherigen Bildes, verschoben um $\vec{v}\left(\vec{k}\right)$ ist.

Um etwaige Probleme am Rand des Bildes zu verhindern, wurde eine Randbehandlung implementiert, welche verhindert, dass Blockadressen im vorherigen y_{n-1} -Bild außerhalb der Bildgrenzen liegen.

2.3.2 Örtliche Kohärenz

Timo

Die örtliche Kohärenz trägt als gewichteter Regularisierungsterm zur Kostenfunktion bei. Bei der Bestimmung der örtlichen Kohärenz wird von der Annahme ausgegangen, dass benachbarte Regionen in Bildfolgen ähnliche Bewegungsrichtungen aufweisen. Hierzu werden neben dem neuen möglichen Bewegungsvektor der untersuchten Bildposition die Bewegungsvektoren der jeweiligen 8er-Nachbarschaft betrachtet. Über die

Differenzen des Bewegungsvektor und der benachbarten Bewegungsvektoren ergibt sich eine a-priori-Wahrscheinlichkeitsdichte. Ziel ist daher die Minimierung des Exponenten der Wahrscheinlichkeitsdichte:

$$E_L(\vec{k}, V) = \sum_{\vec{l} \in N(\vec{k})} g_l \|\vec{v}(\vec{k}) - \vec{v}(\vec{l})\|_2^\nu \quad (4)$$

Der Faktor g_l gewichtet die normierte Differenz abhängig von der Position des betrachteten benachbarten Bewegungsvektor. Über den Parameter ν kann die verallgemeinerte Normalverteilung angepasst werden. Die Normalverteilung ($\nu = 2$) glättet das Bewegungsvektorfeld zu stark. Für $\nu = 1.3$ ergibt sich eine praktikable Parametrisierung.^[1]

Die Implementierung berechnet demnach die Summe bestehend aus den gewichteten normierten und mit dem Parameter ν potenzierten Differenzen. Hierzu wird neben dem Index der aktuell untersuchten Bildposition/-region der Listenindex des neuen möglichen Bewegungsvektors benötigt. Mit Hilfe des Index der untersuchten Bildposition können dann die benötigten Positionen der Nachbarregionen bestimmt werden. Zu beachten ist hierbei, dass für Randbereiche weniger Nachbarregionen untersucht werden bzw. nicht vorhanden sind. Nachdem die Differenzen gemäß dem euklidischen Abstand normiert sind, werden diese mit dem Parameter ν potenziert. Das Ergebnis wird für horizontale und vertikale Nachbarregionen mit dem Faktor $g_l = 1$ und für diagonale Nachbarregionen mit dem Faktor $g_l = 0.5$ gewichtet. Anschließend werden die gewichteten Ergebnisse aufsummiert und zurück gegeben.

2.3.3 Zeitliche Kohärenz

Lukas

2.4 Visualisierung

Laura

Um die Bewegungsvektorfelder darzustellen, wird sich mit Symbolen beholfen. Diese werden blockweise über die Videosequenz gelegt. Aus Darstellungsgründen wird das Video dazu um Faktor 4 in beide Bildrichtungen hoch skaliert. Da die einzelnen Bewegungsvektoren immer zwischen zwei Frames berechnet werden, wird genau ein Bewegungsvektorfeld weniger erzeugt, als das Eingangsmaterial Frames hat.

Bei den bereits erwähnten Symbolen handelt es sich um Kreise und Pfeile. Ein Kreis wird immer dann genutzt, wenn für den entsprechenden Block keine oder nur eine kleine Bewegung durch das Verfahren ermittelt wurde. Die Pfeile zeigen immer in Richtung der ermittelten Verschiebung. Beide Symbole haben ihren Startpunkt im Mittelpunkt des jeweiligen Blocks.

Die Randbereiche der einzelnen Bewegungsvektorfelder werden bei der Visualisierung ausgespart, da hier durch den Algorithmus begründete Fehlberechnungen auftreten.

3 Auswertung

Laura & Timo

3.1 Testmaterial

Laura

Das Verfahren wird anhand von drei unterschiedlichen Bildsequenzen getestet, die im Folgenden Testmaterial 1-3 genannt werden und alle eine Auflösung von 256x2656 Pixeln haben. Bei Testmaterial 1 und Testmaterial 2 wurde ein Bild um bekannte Werte in x- und y-Richtung verschoben. Anzumerken ist auch, dass beide Testmaterialien identisch verschoben wurden. Bei Testmaterial 3 kann die Bewegung der zu sehenden Objekte lediglich geschätzt werden. Alle Testmaterialien wurden für diese Dokumentation aufgenommen bzw. erstellt.



Abbildung 2: Standbild Testmaterial 1.

Testmaterial 1

Diese Bildsequenz besteht aus 150 Frames und wurde aus einem Bild der Stadt Köln erzeugt.

Bei den ersten und letzten 50 Frames wird ein Ausschnitt des Bildes um jeweils 10 Pixel nach links bzw. oben verschoben. In den mittleren 50 Frames wird der Bildinhalt um 10 Pixel nach links und 10 Pixel nach unten verschoben.



Abbildung 3: Standbild Testmaterial 2.

Testmaterial 2

Auf den 150 Frames, die diese Bildsequenz umfasst ist ein Blumenmotiv zu sehen, welches jeweils über 50 Frames in verschiedene Richtungen verschoben wird. Auf den ersten Frames erfolgt eine Verschiebung um 10 Pixel nach links. Während die mittleren Frames um sowohl 10 Pixel nach links, als auch 10 Pixel nach oben verschoben wurden, wurde der Bildinhalt der verbleibenden Frames nur um 10 Pixel nach oben verschoben.



Abbildung 4: Standbild Testmaterial 3.

Testmaterial 3

Bei Testmaterial 3 handelt es sich um eine reale Videosequenz, die in Köln Ehrenfeld aufgenommen wurde. Zu sehen sind ein Auto, dass sich von links nach rechts durch das Bild bewegt und eine Fahrradfahrerin, die das Bild genau entgegengesetzt durchfährt. Beide Objekte werden zeitweise durch verschiedene Objekte verdeckt. Die Kamera ist starr, weshalb für den restlichen Bildinhalt keine Bewegung zu erkennen ist. Insgesamt besteht die Testsequenz aus 118 Frames.

3.2 Auswertung der Testmaterialien

Laura

Im Folgenden wird das Verfahren anhand der in Kapitel 3.1 aufgeführten Testmaterialien ausgewertet. Dabei wurden für alle Materialien die gleichen Einstellungsparameter gewählt:

- 5 Iterationen
- $\nu = 1.5$
- $\lambda = 0.3$ und $\lambda_T = 0.3$

In Abbildung 6 sind jeweils drei Bewegungsvektorfelder für Testmaterial 1 und Testmaterial 2 zu sehen. Es ist deutlich erkennbar, dass die Bewegungsdetektion sowohl für hochfrequente, als auch für tieffrequente Bildinhalte funktioniert hat.

Die Abweichungen der berechneten von den tatsächlichen Bewegungsvektoren können bestimmt werden, da die Bewegung bekannt ist. Da sich alle Blöcke eines Frames mit der selben Geschwindigkeit in die selbe Richtung bewegen, kann die absolute Längenabweichung der einzelnen Vektoren über ein Frame aufsummiert und durch die Anzahl der Blöcke geteilt werden um ein Maß für die absolute Abweichung zu erhalten. Schaut man sich die so ermittelten Abweichungen für ein Frame an, wo in den vorherigen Frames keine Richtungsänderung stattgefunden hat, so beträgt diese im Durchschnitt für beide Testmaterialien ungefähr ein halbes Pixel. Da es wie in Kapitel 3.3 näher beschrieben dauert, bis die Bewegungsvektoren eingeschwungen sind, kommt es in den Frames 50 und 100 in beiden Testmaterialien zu einer Abweichung von bis zu 8 Pixeln. Das sind eben die Frames, wo sich die Bewegung verändert.

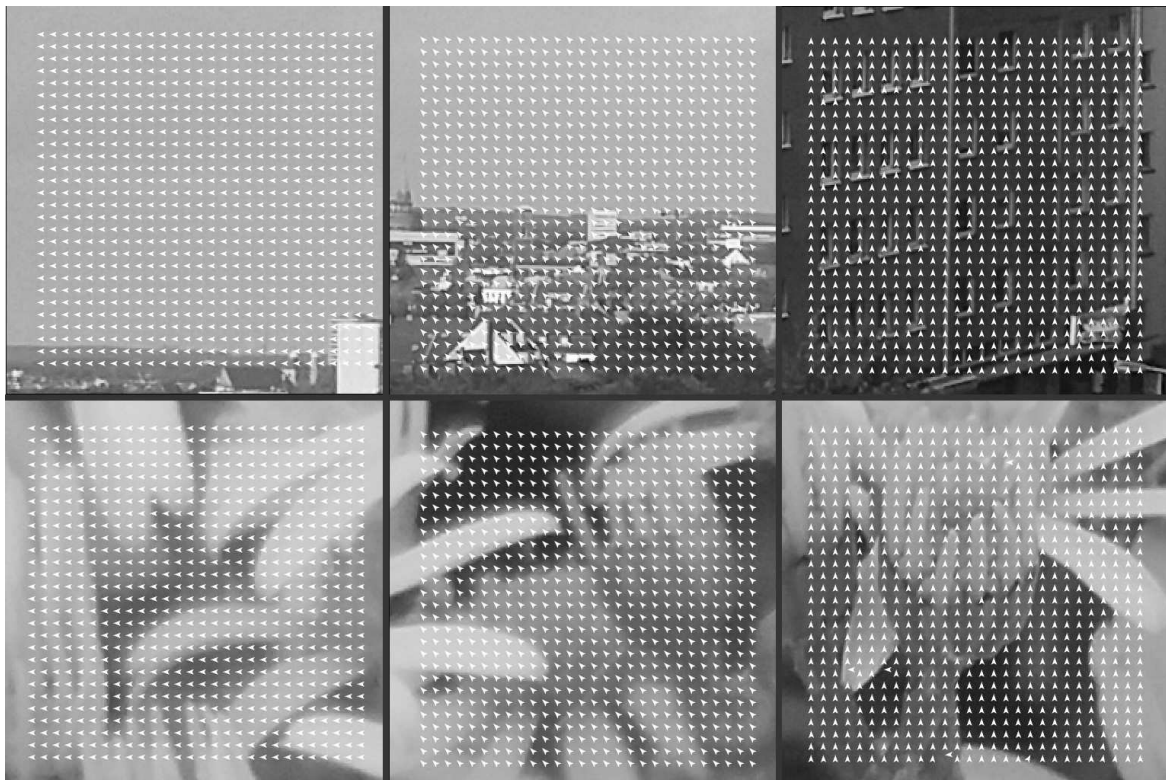


Abbildung 5: Bewegungsvektorfelder v.l.n.r. Frame 10, Frame 60 und Frame 110.
Oben Testmarial 1 und unten Testmaterial 2.

Da es sich bei Testmaterial 3 um eine reale Videosequenz handelt, deren Bewegungsvektoren unbekannt sind, kann die Auswertung hier nur rein visuell vorgenommen werden.

Abbildung 7 und Abbildung 8 zeigen jeweils ein Standbild aus dem Bewegungsvektorfeld, welches sich unter dem Namen *testmaterial3-bewegungsvektorfeld.tiff* auf der beiliegenden Daten-CD befindet.

Es ist deutlich zu erkennen, dass die Bereiche in denen keine Bewegung stattfindet weitgehend richtig detektiert wurden. Und auch die Bewegung des Autos und der Radfahrerin werden trotz der Verdeckung durch die Säule weitgehend erkannt. Auffällig ist, dass besonders die Blöcke, die hinter dem Auto liegen und deren Bildinhalt sich nicht mehr bewegt falsch berechnet sind. Das ist besonders gut in Abbildung 8 zu sehen und lässt sich auf das Einschwingverhalten zurückführen. Dieses wird in Kapitel 3.3 erklärt und ausgewertet.

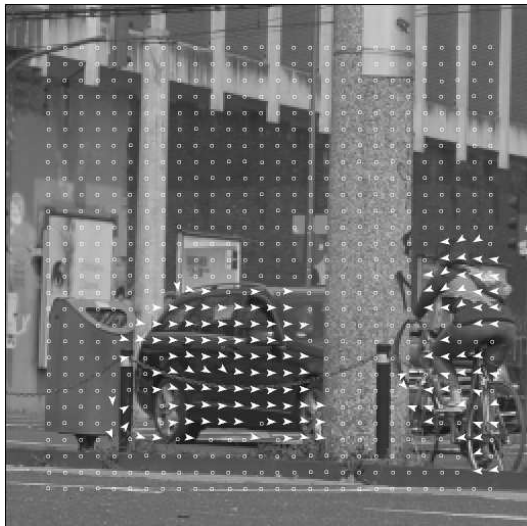


Abbildung 6: Bewegungsvektorfeld
Testmaterial 3. Frame 43.

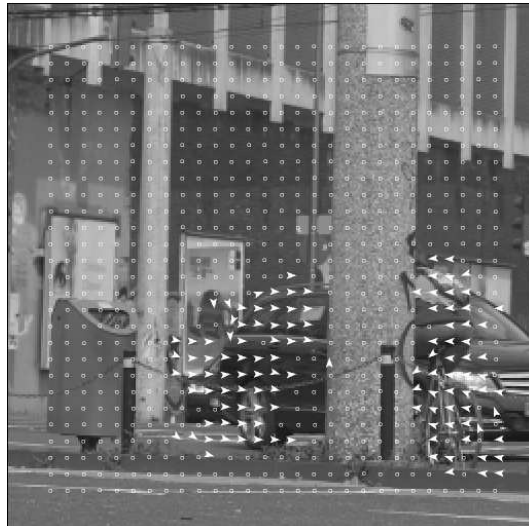


Abbildung 7: Bewegungsvektorfeld
Testmaterial 3. Frame 47.

Alle erzeugten Bewegungsvektorfelder können auf der beiliegenden Daten-CD eingesehen werden. Die Dateien heißen *bvf-1.tiff*, *bvf-2.tiff* und *bvf-3.tiff*.

3.3 Einschwingverhalten

Als Ausgangspunkt werden alle Bewegungsvektorfelder zu Beginn des Algorithmus auf den Nullvektor gesetzt. Das Verfahren muss sich also zunächst einschwingen. Dabei wird im Folgenden zwischen dem interframe und dem intraframe Einschwingen unterschieden.

3.3.1 Bewegungsvektorfelder

Timo

Im Folgenden wird das Konvergenzverhalten des Verfahrens über die Bilderfolgen untersucht. Zur Auswertung wird das *Testmaterial 1* und das *Testmaterial 2* benutzt. Die Parametereinstellungen werden wie folgt festgelegt:

- 10 Iterationen
- $\nu = 1.3$
- $\lambda = 0.001$ und $\lambda_T = 0.001$
- Bewegungsvektor $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 \\ 0 \end{pmatrix}$

Um das Konvergenzverhalten des Verfahrens zu untersuchen wird die Abweichung des geschätzten Bewegungsvektorfeldes zum realen (und bekannten) Bewegungsvektorfeld über die Bildfolge bestimmt. Zum Bemessen der Abweichung wird der relative Fehler der einzelnen Vektoren ermittelt, aufsummiert und anschließend durch die Gesamtanzahl der Bewegungsvektoren gemittelt. Abbildung ?? veranschaulicht das Konvergenzverhalten der zwei Bildfolgen. Spätestens nach der siebten Bildfolge konvergiert das Verfahren. Neben den Einstellungen für ν, λ und λ_t wird das Konvergenzverhalten durch den Bildinhalt des Testmaterials beeinflusst.

3.3.2 Innerhalb eines Bildes

Laura

Wie in Kapitel 2.2 beschrieben wird die Bewegungsdetektion in jedem Frame über mehrere Iterationen hinweg ermittelt. Mit anderen Worten: V_n wird in jeder Iteration neu gesetzt und man kann davon sprechen. Im Folgenden wird die Veränderung der Vektoren nach jeder Iteration betrachtet. Dabei werden die Parameter wie in Kapitel 3.2 gewählt.

3.4 Parameter der Regularisierungsterme

Timo

Der folgende Abschnitt untersucht die geeignete Parametrisierung der Gewichtungen λ und λ_t der zwei Regularisierungsterme. Wie in [1] beschrieben, ist es möglich über die zwei Faktoren die Varianz der verallgemeinerten Normalverteilung zu modifizieren. Eine geeignete Parametrisierung kann demnach das Konvergenzverhalten des Verfahrens positiv beeinflussen.

Die Untersuchungen werden auf Basis von *Testmaterial 1* durchgeführt. Es gilt $\nu = 1.3$. Der Bewegungsvektor ist $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 \\ 0 \end{pmatrix}$. In Tabelle 10 wird das Einschwingen der ersten 10 Bewegungsvektorfelder unter Variation von λ und λ_t betrachtet. Zur Bestimmung der Abweichung des geschätzten Bewegungsvektorfeldes wird wie in 3.3.1 verfahren.

Bild	Abweichung für $\lambda, \lambda_t = \dots$				
	0.0	0.001	0.01	0.1	1.0
1	100.0 %	100.0 %	100.0 %	100.0 %	100.0 %
2	83.4 %	83.5 %	83.5 %	83.6 %	84.2 %
3	74.5 %	75.0 %	75.1 %	75.6 %	76.4 %
4	67.1 %	67.9 %	67.9 %	68.8 %	70.6 %
5	60.4 %	61.8 %	61.6 %	62.1 %	65.7 %
6	17.6 %	7.5 %	8.9 %	40.4 %	57.7 %
7	0.7 %	0.0 %	0.0 %	0.9 %	34.5 %
8	0.0 %	0.0 %	0.0 %	0.0 %	5.3 %
9	0.0 %	0.0 %	0.0 %	0.0 %	1.6 %
10	0.0 %	0.0 %	0.0 %	0.0 %	0.0 %

Tabelle 1: Werte zu Abbildung 10.

Sowohl für λ als auch für λ_t werden dieselben Größen eingestellt. Nach spätestens 10 Bildfolgen konvergiert das Verfahren für jede der betrachteten Parametrisierungen. Für die Werte 0.001 und 0.01 konvergiert das Verfahren bereits nach sieben Bildfolgen vollständig. Zu beachten ist hierbei, dass für $\lambda = 0.001$ und $\lambda_t = 0.001$ die Abweichung des geschätzten Bewegungsvektorfeldes bereits nach der sechsten Bildfolge am geringsten ist (ca. 7.5 %). Wie Tabelle 1 zu entnehmen ist, nimmt für größere Werte das Konvergenzverhalten ab. Die Wahl von $\lambda = 0.001$ und $\lambda_t = 0.001$ liefert das Optimum für die betrachteten Einstellungen.

4 Zusammenfassung

Lukas

5 Arbeitsaufteilung

Literatur

- [1] T. Aach and D. Kunz. Bayesian motion estimation for temporally recursive noise reduction in x-ray fluoroscopy. *Philips Journal of Research*, 51(2):231–251, 1998.