

## Dokumentacja do projektu Szeregowanie zadań

### 1. Treść zadania

Zaimplementować algorytm ewolucyjny planujący wykonanie  $N$  zadań na  $M$  procesorach w taki sposób aby suma opóźnień w wykonaniu była jak najmniejsza. Na jedno zadanie składa się: czas trwania  $T$  i deadline wykonania - wartość  $D$ . Obliczenia przerwać po pewnej liczbie generacji bez poprawy wyniku. WE: plik z listą zadań, liczba  $M$  procesorów. WY: harmonogram zadań i suma opóźnień.

### 2. Przyjęte założenia

Przyjęto następujący format pliku wejściowego: w pierwszej linii znajduje się liczba procesorów  $M$ , natomiast w każdej kolejnej linii umieszczone są dwie liczby - w kolejności określające czas wykonania  $T$  oraz deadline zadania  $D$ . Plik powinien być w formacie .txt

Każdemu zadaniu nadawany jest numer ID zgodny z jego kolejnością.

### Podział odpowiedzialności w zespole

**Bogusław:** Opracowanie algorytmu, wstępna implementacja i ulepszanie kodu, przeprowadzenie testów, opracowanie dokumentacji

**Jakub:** rozwinięcie i zoptymalizowanie implementacji, opracowanie wyników testów, opracowanie dokumentacji

### 3. Opis algorytmu

Zadania są przechowywane w klasach które mają atrybut *nowy\_proc* określający czy dany obiekt klasy jest zadaniem czy jest znacznikiem symbolizującym, że kolejne zadania są przydzielone do następnego procesora.

Przykładowo następujący wektor zadań:

*id\_zadania:* 1        0        2        0        3        4

*nowy\_proc:* false    true    false    true    false    false

zostanie zinterpretowany jako następujący przydział zadań do procesorów

Procesor 1: 1

Procesor 2: 2

Procesor 3: 3, 4

W programie został zastosowany algorytm programowania ewolucyjnego:

0. Wygeneruj  $P$  - populację MI osobników

1. Reprodukuj z  $P$  MI-elementową populację potomną  $R$ , stosując mutację dla każdego osobnika z  $P$ . Najlepszych 90% z  $P$  jest mutowanych poprzez zamianę miejsc 2 losowych zadań, natomiast 10% najgorszych z  $P$  jest mutowanych poprzez przesunięcie losowego zadania rozdzielającego na procesory o jedną pozycję w lewo bądź w prawo, a następnie zamianie tego punktu podziału z losowym zadaniem (takim które nie jest zadaniem rozdzielającym).

2. Utwórz nowe  $P$  jako MI osobników wybranych z  $P \cup R$ .

3. Jeśli w ostatnich  $N$  generacjach nie było poprawy minimalnej wartości funkcji celu, zakończ działanie algorytmu. W przeciwnym razie wróć do punktu 1.

Zastosowanie algorytmu z krzyżowaniem, nie było możliwe ponieważ, umiejscowienie jednego zadania w danym miejscu na procesorze nakłada ograniczenia na pozostałe zadania, więc nie można połączyć części uszeregowanych zadań od jednego rodzica i części od drugiego.

Opisane powyżej mutowanie 90% populacji zapewnia eksploatację, a 10% eksplorację.

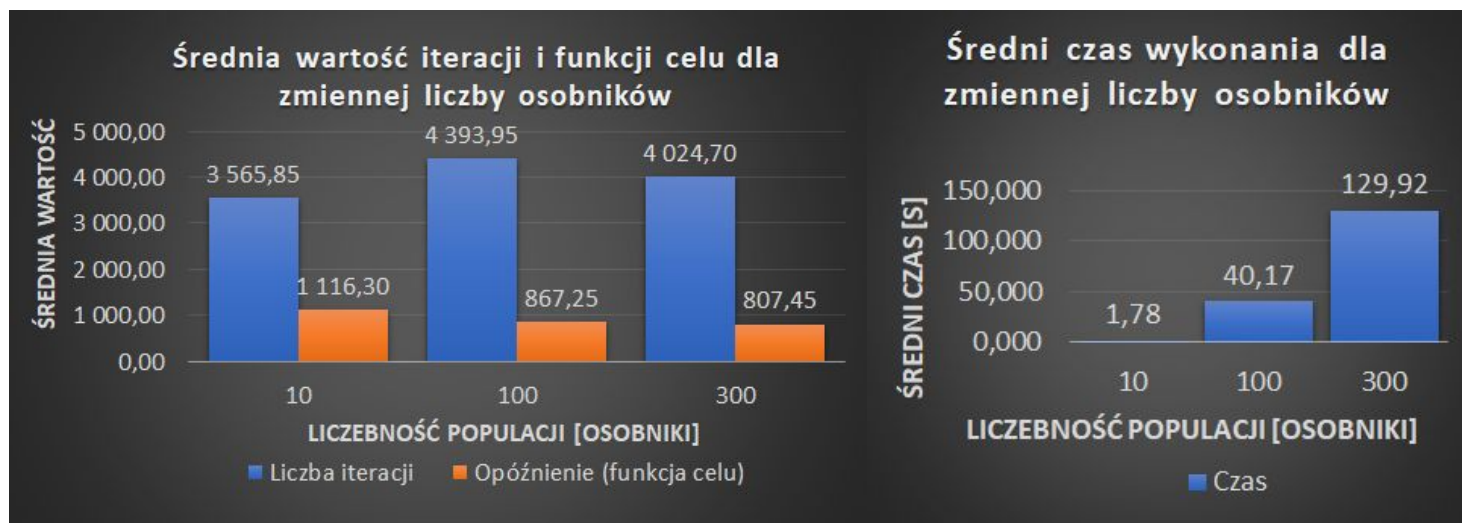
### 4. Przebieg testów oraz otrzymane wyniki

Dla każdego z następujących eksperymentów algorytm wykonano 25 razy i zebrano liczbę iteracji (po których algorytm się zatrzymał i zwrócił wynik), czas wykonania algorytmu oraz uzyskaną w wyniku działania minimalną wartość funkcji celu, czyli sumę opóźnień.

Prezentujemy 2 najciekawsze eksperymenty z tych które przeprowadziliśmy.

a). Parametry: 200 zadań, 10 procesorów, 100 iteracji bez poprawy

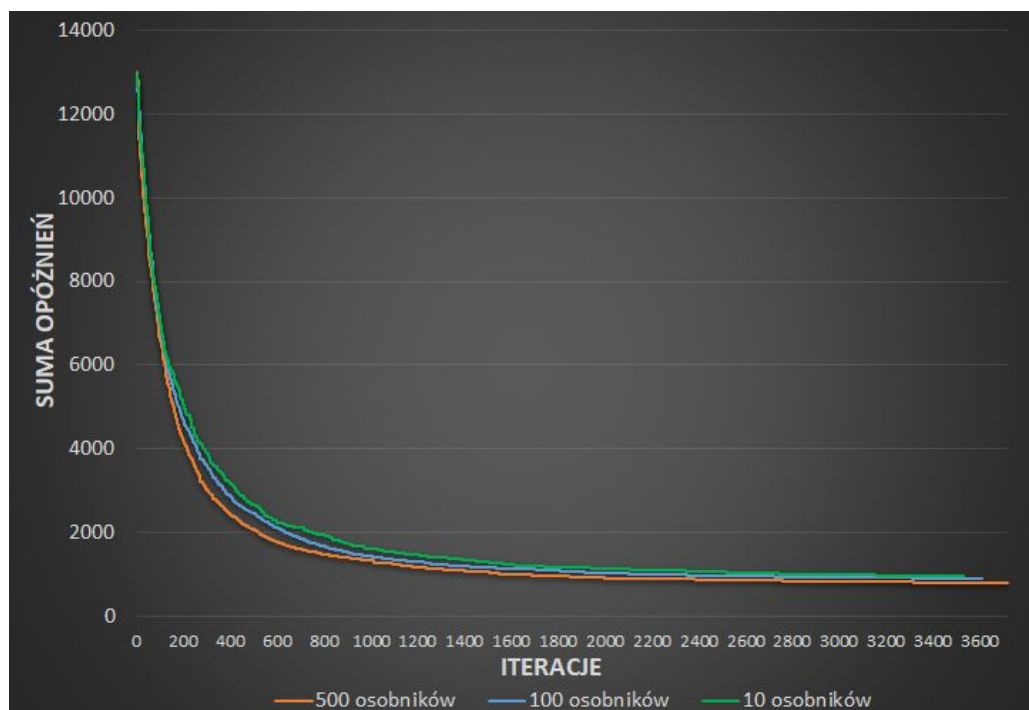
Liczba osobników w populacji była zmienna i wynosiła: 10, 100 i 300.



| Odchylenie standardowe dla poszczególnych parametrów |        |        |        |
|--|--------|--------|--------|
| parametr\osobniki                                    | 10     | 100    | 300    |
| iteracje   | 784,57 | 887,49 | 548,14 |
| czas   | 0,378  | 8,289  | 17,596 |
| opóźnienie   | 157,13 | 63,29  | 52,74  |

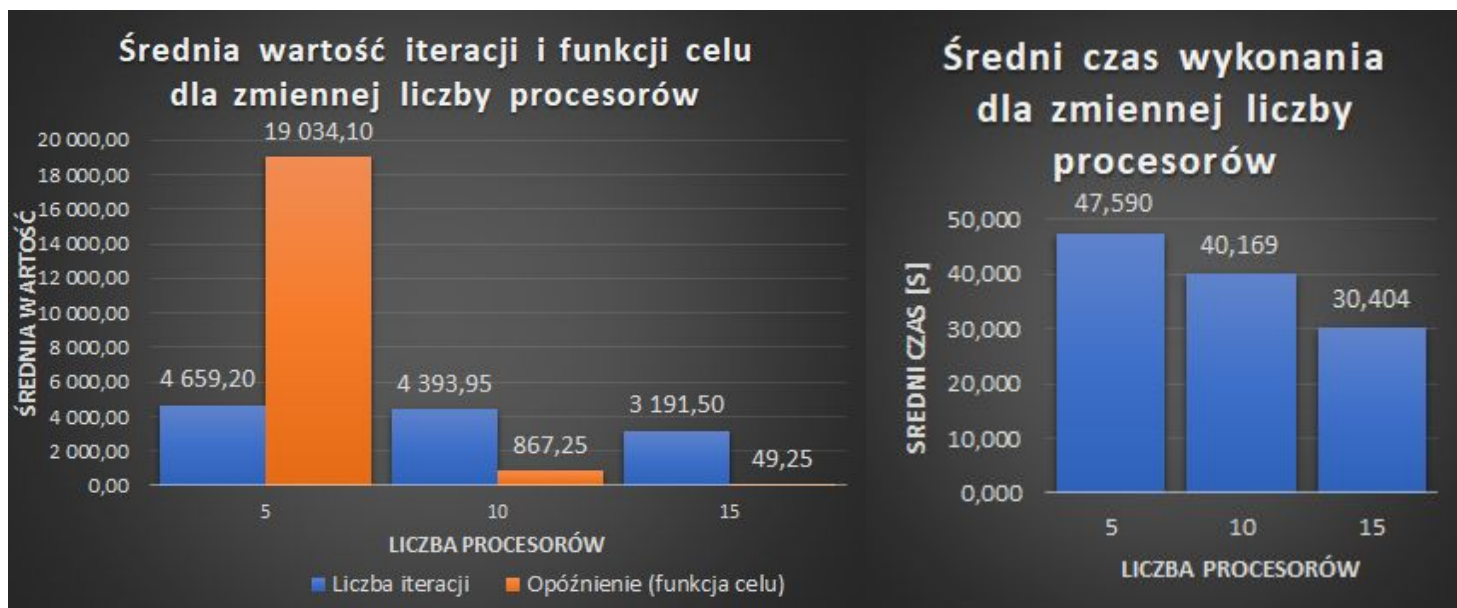
Z powyższych wykresów wynika, że zwiększając liczbę osobników, zwiększa się jakość rozwiązania, jak również zwiększa się czas wykonania algorytmu. Jest to zgodne z intuicją. Mając więcej osobników do mutacji możemy w każdej iteracji zbadać więcej możliwych rozwiązań co zajmuje więcej czasu, ale daje lepsze rezultaty. Natomiast zależność pomiędzy liczbą osobników i liczbą iteracji jest bardziej skomplikowana.

Początkowo zwiększając liczbę osobników liczba iteracji rośnie, a następnie zaczyna maleć. Można to wytłumaczyć w ten sposób, że dla “średniej” ilości osobników, algorytm więcej eksploruje niż dla “małej” liczby, a następnie potrzebuje więcej iteracji by eksploatować osobników otrzymanych w tych eksploracjach. Dla “dużej” liczby zachodzi mocna eksploatacja i mocna eksploracja w każdej iteracji, więc algorytm potrzebuje mniej iteracji.



Po lewej stronie przedstawiono przykładowe przebiegi algorytmu dla różnej liczby osobników. Można zauważyć, że w początkowej fazie działania algorytmu istnieje mała różnica pomiędzy trzema przypadkami. Dopiero w okolicach 200 iteracji można zauważyć przewagę większej liczby osobników. Krzywe na wykresie przypominają parabole o wzorze  $y = \frac{a}{x}$ , gdzie dla większej liczby osobników większy jest współczynnik  $a$ .

b) Parametry: 200 zadań, 100 iteracji, 100 osobników w populacji  
Liczba procesorów była zmienna i wynosiła: 5, 10, 15



| Odchylenie standardowe dla poszczególnych parametrów |        |        |        |
|--|--------|--------|--------|
| parametr\procesory                                   | 5      | 10     | 15     |
| iteracje   | 653,55 | 887,49 | 691,01 |
| czas[s]  | 6,787  | 8,289  | 6,629  |
| opóźnienie   | 154,28 | 63,29  | 21,95  |

Z powyższych wykresów wynika, że algorytm radzi sobie lepiej z harmonogramowaniem zadań na większej ilości procesorów. Wraz ze wzrostem procesorów maleje liczba iteracji i czas wykonania.

## 5. Wnioski i przemyślenia

Dla stosunkowo małej liczby zadań np. 100 można stosować całkiem duże liczby osobników np. 500, by uzyskać dobrą jakość rozwiązania w rozsądnej ilości czasu. Dla zadań bardzo dużych jak 20000, duża liczba osobników np. 500, dałaby dobrą jakość rozwiązania lecz czas pracy byłby bardzo długi. W sytuacjach w których czas znalezienia rozwiązania jest ważny, a jakość rozwiązania stanowi mniejszy priorytet warto zastosować minimalną liczbę osobników tj. 10. Dla 10 osobników stosunek czasu wykonania do jakości rozwiązania jest **bardzo** korzystny.

Potencjalnym kierunkiem rozwoju algorytmu jest zmodyfikowanie go tak, by na początku działania bardziej eksplorował, a z biegiem czasu coraz bardziej eksploatował.

## 6. Instrukcja użytkownika

Program jest uruchamiany z konsoli i przyjmuje 3 argumenty:

**szereguj.out [nazwa pliku wejściowego] [iteracje bez poprawy] [liczba osobników]**

**[nazwa pliku wejściowego]** - nazwa pliku z którego zostaną odczytane dane.

**[iteracje bez poprawy]** - liczba iteracji w których nie było poprawy wyniku i po których program zakończy działanie.

**[liczba osobników]** - liczba osobników populacji.

z czego wymagany jest tylko [nazwa pliku wejściowego]. Jeśli nie poda się pozostałych argumentów przyjmowane są domyślne wartości czyli: `szereguj.exe [nazwa pliku wejściowego] 100 100`.

[iteracje bez poprawy] przyjmuje wartości z zakresu [30;500].

[liczba osobników] przyjmuje wartości z zakresu [10;500].

Program będzie na bieżąco wypisywał przebieg działania programu, a po zakończeniu działania algorytmu wypisze wynik do konsoli i do pliku o nazwie [nazwa pliku wejściowego]\_WYNIK.txt.