Homework 6

SNU 4190.310, 2019 가을

Kwangkeun Yi

Due: 11/16(토) 24:00

이번 숙제의 목적은:

- 상위언어의 실행을 하위언어로 실현할 때 드러나는 프로그램 실행에 필 요한 부품/개념들을 체험해보기.
- 언어사이의 자동 번역기를 제작해보기.
- 메모리 재활용의 기본개념을 상위에서 구현해보기.

Exercise 1 (40pts) "SM5"

K--(교재 4.3) 프로그램들을 가상 기계(abstract machine)인 SM5에서 실행될 수 있도록 번역하는 번역기를 제작한다.

SM5는 가상의 기계이다. "SM"은 "Stack Machine"을 뜻하고, "5"는 그 기계의 부품이 5개이기 때문이다:

S는 스택, M은 메모리, E는 환경, C는 명령어, K는 남은 할 일("continuation" 이라고 부름)을 뜻하고 다음 집합들의 원소이다:

 $S \in Stack = Svalue\ list$

 $M \in Memory = Loc \rightarrow Value$

 $E \in Environment = (Var \times (Loc + Proc)) list$

 $C \in Command = Cmd \ list$

 $K \in Continuation = (Command \times Environment) list$

기계의 작동은 다음과 같이 기계의 상태가 변화하는 과정으로 정의할 수 있다:

$$(S, M, E, C, K) \Rightarrow (S', M', E', C', K')$$

언제 어떻게 위의 기계작동의 한 스텝(⇒)이 일어나는 지는 다음과 같다:

$$(S, & M, E, & \text{push } v :: C, K) \\ \Rightarrow (v :: S, & M, E, & C, K) \\ (S, & M, E, & \text{push } x :: C, K) \\ \Rightarrow (w :: S, & M, E, & C, K) \text{ if } (x, w) \text{ is the first such entry in } E \\ (S, & M, E, & \text{push } (x, C') :: C, K) \\ \Rightarrow ((x, C', E) :: S, & M, E, & C, K) \\ (w :: S, & M, E, & \text{pop } :: C, K) \\ \Rightarrow (S, & M, E, & C, K) \\ (l :: v :: S, & M, E, & \text{store } :: C, K) \\ \Rightarrow (S, & M \{l \mapsto v\}, E, & C, K) \\ (l :: S, & M, E, & \text{load } :: C, K) \\ \end{pmatrix}$$

C, K

M, E,

 \Rightarrow (M(l) :: S,

E,

C, K) print z and newline

M,

$$(v_2 :: v_1 :: S, \qquad M, \quad E, \quad \text{add} :: C, \quad K) \\ \Rightarrow (plus(v_1, v_2) :: S, \quad M, \quad E, \quad C, \quad K) \\ (v_2 :: v_1 :: S, \quad M, \quad E, \quad \text{sub} :: C, \quad K) \\ \Rightarrow (minus(v_1, v_2) :: S, \quad M, \quad E, \quad C, \quad K) \\ \Rightarrow ((z_1 :: z_1 :: S, \quad M, \quad E, \quad \text{mul} :: C, \quad K) \\ \Rightarrow ((z_1 :: z_2) :: S, \quad M, \quad E, \quad C, \quad K) \\ \Rightarrow ((z_1 :: z_1 :: S, \quad M, \quad E, \quad C, \quad K) \\ \Rightarrow (equal(v_1, v_2) :: S, \quad M, \quad E, \quad C, \quad K) \\ \Rightarrow (equal(v_1, v_2) :: S, \quad M, \quad E, \quad C, \quad K) \\ \Rightarrow (less(v_1, v_2) :: S, \quad M, \quad E, \quad C, \quad K) \\ \Rightarrow (less(v_1, v_2) :: S, \quad M, \quad E, \quad C, \quad K) \\ \Rightarrow (-b :: S, \quad M, \quad E, \quad \text{not} :: C, \quad K) \\ \Rightarrow (-b :: S, \quad M, \quad E, \quad \text{not} :: C, \quad K) \\ \Rightarrow (less(z_1, z_2) = z_1 + z_2 \\ plus(z_1, z_2) = z_1 + z_2 \\ plus(z_1, z_2) = (a, z_1 + z_2) \quad \text{if} \ z_1 + z_2 \ge 0 \\ plus(z_1, z_2) = (a, z_1 + z_2) \quad \text{if} \ z_1 + z_2 \ge 0 \\ minus(z_1, z_2) = z_1 - z_2 \\ minus((a, z_1), z_2) = (a, z_1 - z_2) \quad \text{if} \ z_1 - z_2 \ge 0 \\ equal(z_1, z_2) = z_1 = z_2 \\ equal(b_1, b_2) = b_1 = b_2 \\ equal(c_1, \cdot) = true \\ equal(r_1, r_2) = (\forall x, l) \in r_1 : \langle x, l \rangle \in r_2) \land (\forall \langle x, l \rangle \in r_2 : \langle x, l \rangle \in r_1) \\ equal((a_1, z_1), \langle a_2, z_2 \rangle) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 = a_2 \land z_1 = z_2 \\ equal((a_1, z_1), (a_2, z_2)) = a_1 =$$

SM5의 프로그램 C를 실행한다는 것은, C만 가지고 있는 빈 기계상태를 위에서 정의한 방식으로 변환해 간다는 뜻이다:

 $(empty, empty, empty, C, empty) \Rightarrow \cdots \Rightarrow \cdots$

예를들어,

는 K-- 프로그램 write 1+2과 같은 일을 하게 된다.

여러분이 할 것은, 잘 돌아가는 K-- 프로그램을 입력으로 받아서 같은 일을 하는 SM5 프로그램으로 변환하는 함수

trans: K.program -> Sm5.command

를 작성하는 것이다.

trans가 제대로 정의되었는지는, K-- 프로그램 E에 대해서, K.run(E)와 Sm5.run(trans(E))을 실행해서 확인할 수 있을 것이다.

모듈 Sm5, 모듈 K, 그리고 K--의 파서는 제공된다(TA 페이지 참고). □

Exercise 2 (40pts) "SM5 Limited = SM5 + 메모리 재활용"

SM5 메모리에서는 무한히 많은 새로운 주소가 샘솟을 수 없다.

이제, SM5의 메모리는 $8K(2^{13})$ 개의 주소만 있다고 하자. 위의 문제에서 주어진 모듈 Sm5를 뜯어 고쳐서, malloc할 것이 더이상 없을 때 메모리를 재활용하는 함수 gc를 장착하라. 즉,

$$(S, M, E, \mathtt{malloc} :: C, K) \Rightarrow (l :: S, M, E, C, K)$$
 new l

이 아래와 같이 변경될 것이다:

 $\begin{array}{lll} (S,M,E,\mathtt{malloc}::C,K) & \Rightarrow & (l::S,M,E,C,K) & \text{new } l, \text{ if } |\mathrm{dom}M| < 2^{13} \\ (S,M,E,\mathtt{malloc}::C,K) & \Rightarrow & (l::S,\mathrm{gc}(\cdots),E,C,K) & \text{recycled } l, \text{ if } |\mathrm{dom}M| = 2^{13} \\ \end{array}$

재활용함수 gc는 실제 구현보다 훨씬 간단하다. 현재 메모리에서 미래에 사용할 수 있는 부분만을 모으면 될 것이다. 그러한 부분들은 현재 기계 상태의 세개의 부품에서 부터 도달 가능한 모든 메모리 주소들이 될 것이다.