

LeetCode 精选 TOP 面试题 (3)

98. 验证二叉搜索树

思路

(深度优先遍历) $O(n)$

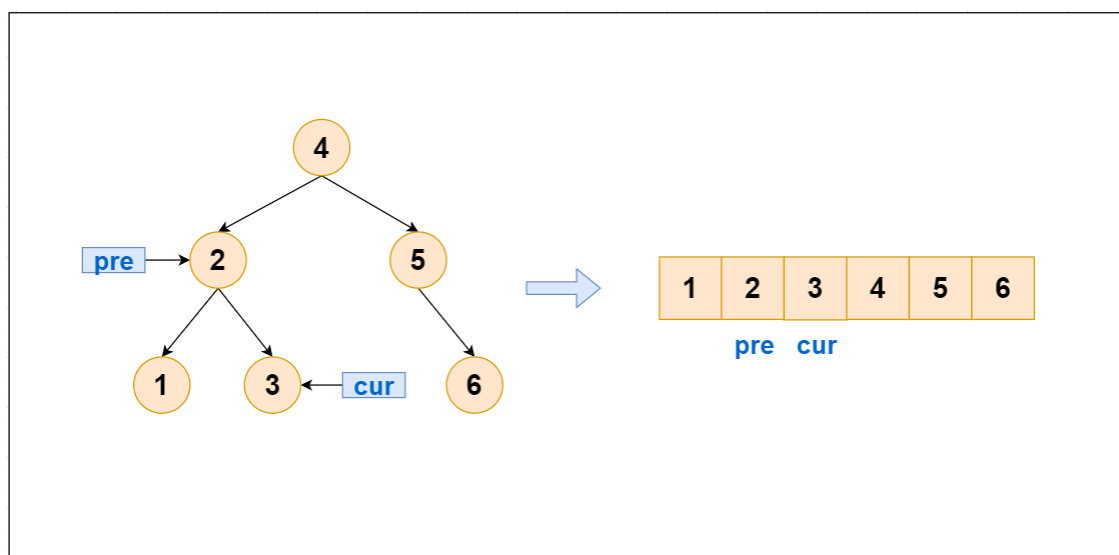
二叉搜索树是一种节点值之间具有一定数量级次序的二叉树，对于树中每个节点：

- 若其左子树存在，则其左子树中每个节点的值都**小于**该节点值；
- 若其右子树存在，则其右子树中每个节点的值都**大于**该节点值。

我们知道二叉搜索树「中序遍历」得到的值构成的序列一定是升序的。因此我们可以对二叉树进行中序遍历，判断当前节点是否大于中序遍历的前一个节点，如果大于，说明说明这个序列是升序的，整棵树是二叉搜索树，否则不是。

二叉树的中序遍历顺序为：左根右

图示：



过程：

- 1、我们定义一个节点变量 `pre` 用来记录中序遍历的前一个节点。
- 2、中序遍历二叉树，在遍历过程中判断当前节点是否大于中序遍历的前一个节点。如果**大于**不做任何处理，如果**小于等于**说明不满足二叉搜索树的性质，返回 `false`。

细节：

- 1、`pre` 节点的初始值要设置为 `null`。
- 2、具体实现过程看代码。

时间复杂度分析：树中每个节点仅被遍历一遍，所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
```

```

6      *      TreeNode *right;
7      *      TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8      *      TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9      *      TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
left(left), right(right) {}
10     * };
11     */
12     class Solution {
13     public:
14         TreeNode* pre = nullptr;
15         bool isValidBST(TreeNode* root) {
16             if(!root) return true;
17             if(!isValidBST(root->left)) return false;
18             if(pre && root->val <= pre->val) return false;
19             pre = root;
20             return isValidBST(root->right);
21         }
22     };

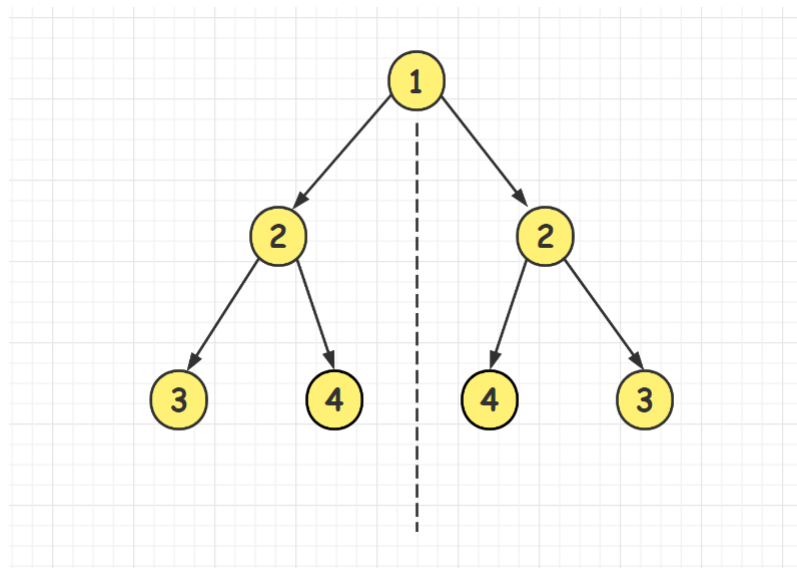
```

101. 对称二叉树

思路

(递归) $O(n)$

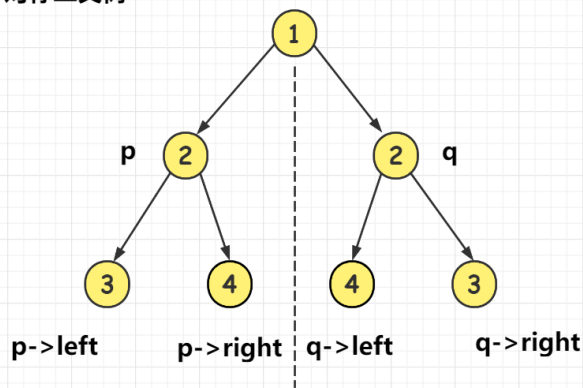
样例如图



两个子树对称当且仅当：

1. 两个子树的根节点值相等；
2. 第一棵子树的左子树和第二棵子树的右子树对称，且第一棵子树的右子树和第二棵子树的左子树对称；

对称二叉树



根节点值相同:

$p \rightarrow val = q \rightarrow val$

左右子树对称:

$p \rightarrow left = q \rightarrow right$

$p \rightarrow right = q \rightarrow left$

过程如下

- 1、我们定义两个指针 p 和 q , 让 p 和 q 指针一开始分别指向左子树和右子树。
- 2、同步移动这两个指针来遍历这棵树, 每次检查当前 p 和 q 节点的值是否相等, 如果相等再判断左右子树是否对称。

递归边界

- p 和 q 节点都为空时, 左右子树都为空, 返回 `true`
- p 和 q 节点只有一个为空时, 左右子树不对称, 返回 `false`
- p 和 q 节点值不相等, 左右子树不对称, 返回 `false`

时间复杂度分析: 从上到下每个节点仅被遍历一遍, 所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  /**
2  * Definition for a binary tree node.
3  * struct TreeNode {
4  *     int val;
5  *     TreeNode *left;
6  *     TreeNode *right;
7  *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8  *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9  *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10     left(left), right(right) {}
11     * };
12     */
13     class Solution {
14     public:
15         bool isSymmetric(TreeNode* root) {
16             if(!root) return true;
17             return dfs(root->left, root->right);
18         }
19         bool dfs(TreeNode* p, TreeNode* q){
20             if(!p && !q) return true;
21             if(!p || !q) return false;
22             if(p->val != q->val) return false;
23             return dfs(p->left, q->right) && dfs(p->right, q->left);
24         }
25     };
```

102. 二叉树的层序遍历

思路

(BFS) $O(n)$

我们从根节点开始按宽度优先的顺序遍历整棵树，每次先扩展左儿子，再扩展右儿子。

这样我们会：

1. 先扩展根节点；
2. 再依次扩展根节点的左右儿子，也就是从左到右扩展第二层节点；
3. 再依次从左到右扩展第三层节点；
4. 依次类推

然后在遍历过程中我们给每一层加一个结尾标记 `NULL`，当我们访问到一层的结尾时，由于 `BFS` 的特点，我们刚好把下一层都加到了队列中。这个时候就可以给这层加上结尾标记 `NULL` 了，每次遍历到一层的结尾 `NULL` 时，就将这一层添加到结果中。

时间复杂度分析： 每个节点仅会被遍历一次，因此时间复杂度为 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
11    * };
12    */
13    class Solution {
14    public:
15        vector<vector<int>> levelOrder(TreeNode* root) {
16            vector<vector<int>> res;
17            vector<int> path;
18            queue<TreeNode*> q;
19            q.push(root);
20            q.push(nullptr);
21            while(q.size()){
22                auto t = q.front();
23                q.pop();
24                if(!t){
25                    if(path.empty()) break; //如果当前层没有元素，直接结束（防止进入死
26                    循环）
27                    res.push_back(path);
28                    path.clear();
29                    q.push(nullptr);
30                }else{
31                    path.push_back(t->val);
32                    if(t->left) q.push(t->left);
33                    if(t->right) q.push(t->right);
34                }
35            }
36        }
37    }
```

```

34         return res;
35     }
36 };

```

103. 二叉树的锯齿形层序遍历

思路

(BFS) $O(n)$

我们从根节点开始按宽度优先的顺序遍历整棵树，每次先扩展左儿子，再扩展右儿子。

这样我们会：

1. 先扩展根节点；
2. 再依次扩展根节点的左右儿子，也就是从左到右扩展第二层节点；
3. 再依次从左到右扩展第三层节点；
4. 依次类推

然后在遍历过程中我们给每一层加一个结尾标记 `NULL`，当我们访问到一层的结尾时，由于 `BFS` 的特点，我们刚好把下一层都加到了队列中。这个时候就可以给这层加上结尾标记 `NULL` 了。

再给每一层加一个标记，奇数行为从左到右，偶数行为从右到左。

c++代码

```

1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
11    * };
12    */
13    class Solution {
14    public:
15        vector<vector<int>> zigzagLevelOrder(TreeNode* root) {
16            vector<vector<int>> res;
17            vector<int> path;
18            queue<TreeNode*> q;
19            bool flag = true;
20            q.push(root);
21            q.push(nullptr);
22            while(q.size()){
23                auto t = q.front();
24                q.pop();
25                if(!t){
26                    if(path.empty()) break;
27                    if(!flag) reverse(path.begin(), path.end());
28                    res.push_back(path);
29                    path.clear();
30                    q.push(nullptr);
31                    flag = !flag;
32                }else{
33                    path.push_back(t->val);
34                }
35                if(t->left) q.push(t->left);
36                if(t->right) q.push(t->right);
37            }
38            return res;
39        }
40    };

```

```

33         if(t->left) q.push(t->left);
34         if(t->right) q.push(t->right);
35     }
36 }
37 return res;
38 }
39 };

```

104. 二叉树的最大深度

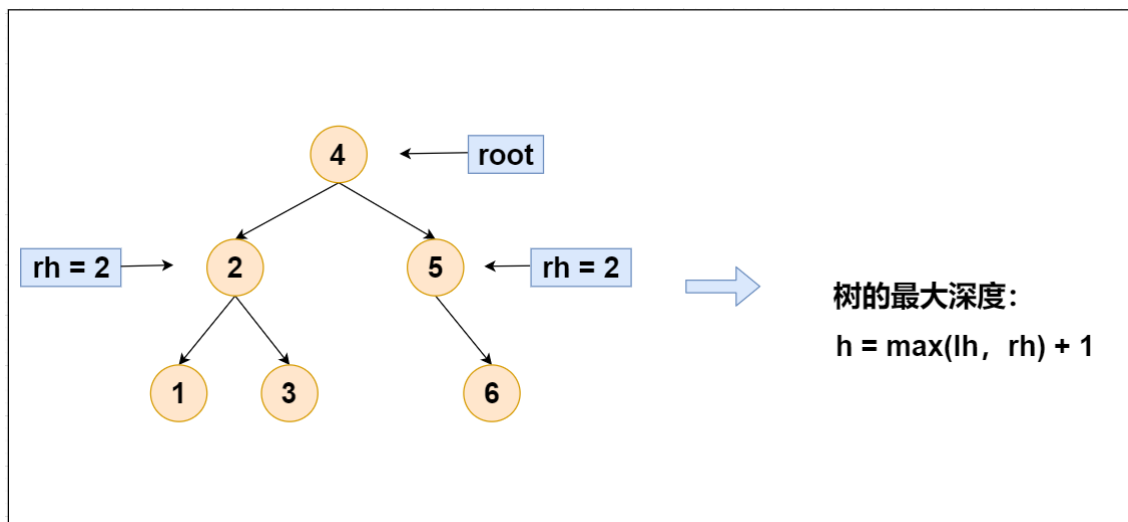
思路

(递归) $O(n)$

当前树的最大深度等于左右子树的最大深度加 1，也就是说如果我们知道了左子树和右子树的最大深度

lh 和 rh，那么该二叉树的最大深度即为 $\max(lh, rh) + 1$

图示：



递归设计：

- 1、递归边界：当前节点为空时，树的深度为 0
- 2、递归返回值：返回当前子树的深度，即 $\max(lh, rh) + 1$

时间复杂度分析：树中每个节点只被遍历一次，所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
11    * };
12    */
13    class Solution {
14    public:
15        int maxDepth(TreeNode* root) {
16            if(!root) return 0;

```

```

16     int lh = maxDepth(root->left), rh = maxDepth(root->right);
17     return max(lh, rh) + 1;
18 }
19 };

```

105. 从前序与中序遍历序列构造二叉树

思路

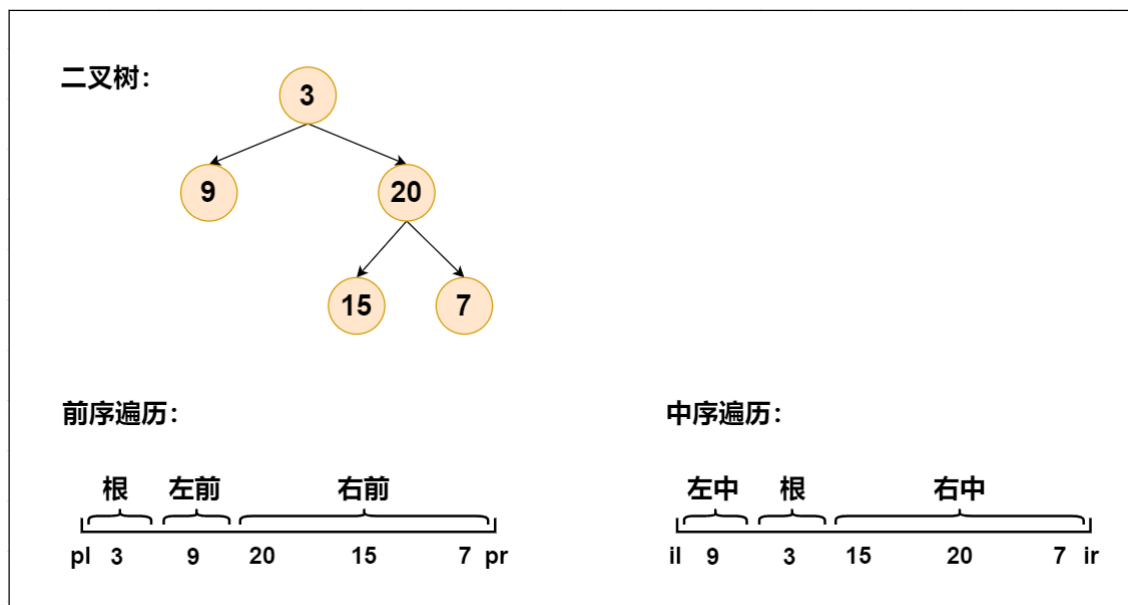
(递归)

二叉树:

- 二叉树前序遍历的顺序为：根左右
- 二叉树中序遍历的顺序为：左根右

我们递归建立整棵二叉树：先创建根节点，然后递归创建左右子树，并让指针指向两棵子树。

图示：



具体步骤如下：

- 1、先利用前序遍历找根节点，前序遍历的第一个数，就是根节点的值；
- 2、在中序遍历中找到根节点的位置 `pos`，则 `pos` 左边是左子树的中序遍历，右边是右子树的中序遍历；
- 3、假设左子树的中序遍历的长度是 `k`，则在前序遍历中，根节点后面的 `k` 个数，是左子树的前序遍历，剩下的数是右子树的前序遍历；
- 4、有了左右子树的前序遍历和中序遍历，我们可以先递归创建出根节点，然后再递归创建左右子树，再将这两颗子树接到根节点的左右位置；

细节1：如何在中序遍历中对根节点快速定位？

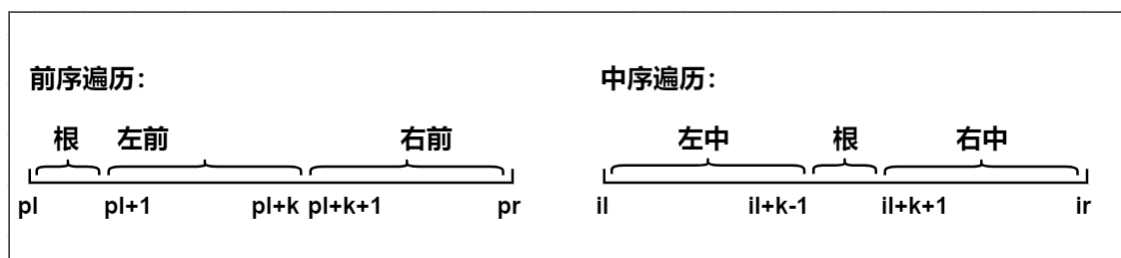
一种简单的方法是直接扫描整个中序遍历的结果并找出根节点，但这样做的时间复杂度较高。我们可以考虑使用哈希表来帮助我们快速地定位根节点。对于哈希映射中的每个键值对，键表示一个元素（节点的值），值表示其在中序遍历中的出现位置。

细节2：如何确定左右子树的前序遍历和中序遍历范围？

- 1、根据哈希表找到中序遍历的根节点位置，我们记作 `pos`

- 2、用 $pos - il$ (il 为中序遍历左端点) 得到中序遍历的长度 k ，由于一棵树的前序遍历和中序遍历的长度相等，因此前序遍历的长度也为 k 。有了前序和中序遍历的长度，根据如上具体步骤 2，3，我们就能很快确定左右子树的前序遍历和中序遍历范围。

如图所示：



pl, pr 对应一棵子树的前序遍历区间的左右端点， il, ir 对应一棵子树的中序遍历区间的左右端点。

时间复杂度分析: $O(n)$ ，其中 n 是树中的节点个数。

C++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
11    * };
12    */
13    class Solution {
14    public:
15        unordered_map<int, int> hash;
16        TreeNode* buildTree(vector<int>& preorder, vector<int>& inorder) {
17            int n = inorder.size();
18            for(int i = 0; i < n; i++){
19                hash[inorder[i]] = i;
20            }
21            return dfs(preorder, 0, n - 1, inorder, 0, n - 1);
22        }
23        TreeNode* dfs(vector<int>& pre, int pl, int pr, vector<int>& in, int il,
24            int ir){
25            if(pl > pr) return nullptr;
26            int pos = hash[pre[pl]];
27            int k = pos - il;
28            TreeNode* root = new TreeNode(pre[pl]);
29            root->left = dfs(pre, pl + 1, pl + k, in, il, il + k - 1);
30            root->right = dfs(pre, pl + k + 1, pr, in, il + k + 1, ir);
31            return root;
32        }
33    };
34    }
```


108. 将有序数组转换为二叉搜索树

思路

(二叉搜索树, 递归) $O(n)$

二叉搜索树的中序遍历为有序的, 为左根右。

递归建立整棵二叉树:

- 1、每次以中点为根, 以左半部分为左子树, 右半部分为右子树。
- 2、先分别递归建立左子树和右子树, 然后令根节点的指针分别指向两棵子树。

时间复杂度分析: 一共建立 n 个节点, 在递归函数中, 建立每个节点的复杂度是 $O(1)$, 所以总时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
left(left), right(right) {}
10  * };
11  */
12  class Solution {
13  public:
14      TreeNode* sortedArrayToBST(vector<int>& nums) {
15          int n = nums.size();
16          return dfs(nums, 0, n - 1);
17      }
18      TreeNode* dfs(vector<int>& nums, int l, int r){
19          if(l > r) return nullptr;
20          int k = (l + r) / 2;
21          TreeNode* root = new TreeNode(nums[k]);
22          root->left = dfs(nums, l, k - 1);
23          root->right = dfs(nums, k + 1, r);
24          return root;
25      }
26  };
```

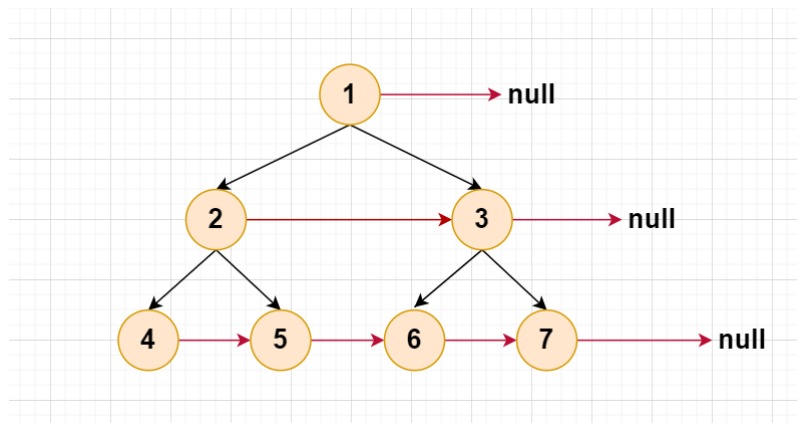
116. 填充每个节点的下一个右侧节点指针

思路

(BFS, 树的遍历) $O(n)$

从根节点开始宽度优先遍历, 每次遍历一层, 遍历时按从左到右的顺序, 对于每个节点, 先让左儿子指向右儿子, 最后让这一层最右侧的节点指向 **NULL**。直到我们遍历到叶节点所在的层为止。

我们举个例子, 如图所示:



对于 2 这个节点：

- 1、先让左儿子指向右儿子，即 `2->left->next = 2->right`。
- 2、然后让右儿子指向下一个节点的左儿子，即 `2->right->next = 2->next->left`。

具体实现过程如下：

- 1、记录根节点 `source = root`，从根节点 `root` 开始遍历。
- 2、如果 `root->left` 存在，我们遍历该层的所有节点，每层从最左边节点开始，假设当前遍历的节点为 `p`。
 - 先让 `p` 的左儿子指向右儿子，即 `p->left->next = p->right`。
 - 如果 `p->next` 存在，我们就让 `p` 的右儿子指向下一个节点（即 `p->next` 节点）的左儿子。
- 3、每遍历完一层节点，让 `root = root->left`。
- 4、最后返回 `source` 节点。

时间复杂度分析： 每个节点仅会遍历一次，所以总时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  /*
2  // Definition for a Node.
3  class Node {
4  public:
5      int val;
6      Node* left;
7      Node* right;
8      Node* next;
9
10     Node() : val(0), left(NULL), right(NULL), next(NULL) {}
11
12     Node(int _val) : val(_val), left(NULL), right(NULL), next(NULL) {}
13
14     Node(int _val, Node* _left, Node* _right, Node* _next)
15         : val(_val), left(_left), right(_right), next(_next) {}
16 };
17 */
18
19 class Solution {
20 public:
21     Node* connect(Node* root) {
22         if(!root) return NULL;
23         Node* source = root;
24         while(root->left){

```

```

25         for(Node* p = root; p; p = p->next){
26             p->left->next = p->right;
27             if(p->next) p->right->next = p->next->left;
28         }
29         root = root->left;
30     }
31     return source;
32 }
33 };

```

118. 杨辉三角

思路

(动态规划) $O(n^2)$

状态表示: $f[i][j]$ 表示第 i 行第 j 列应该填的数字。

状态计算: $f[i][j] = f[i-1][j-1] + f[i-1][j]$

时间复杂度分析: $O(n^2)$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      vector<vector<int>> generate(int n) {
4          vector<vector<int>> f;
5          for(int i = 0; i < n; i++){
6              vector<int> line(i + 1); //每行的元素个数为i + 1
7              line[0] = line[i] = 1; //每行首尾元素为1
8              for(int j = 1; j < i; j++){
9                  line[j] = f[i-1][j-1] + f[i-1][j]; //填写一行
10                 f.push_back(line);
11             }
12             return f;
13         }
14     };

```

121. 买卖股票的最佳时机

思路

(数组) $O(n)$

- 1、当枚举到 i 时, $minv$ 维护的是 $[0, i]$ 最小的价格, $price[i] - minv$ 是在当前点 i 买入的最大收益,
- 2、计算所有点的最大收益取最大值

时间复杂度 $O(n)$

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int maxProfit(vector<int>& prices) {
4          int res = 0, minv = INT_MAX;
5          for(int i = 0; i < prices.size(); i++){
6              minv = min(minv, prices[i]);
7              res = max(res, prices[i] - minv);
8          }
9          return res;
10     }
11 };

```

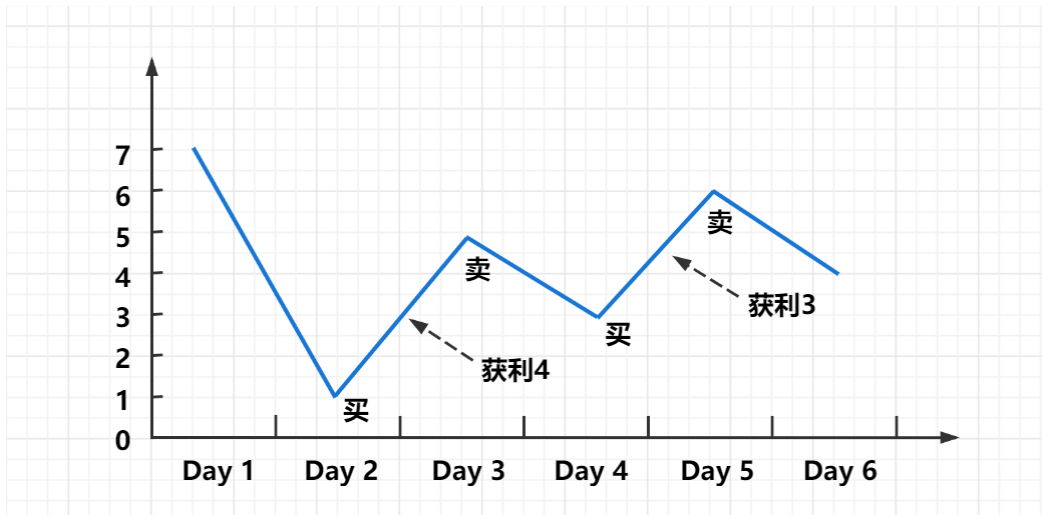
122. 买卖股票的最佳时机 II

思路

(贪心) $O(n)$

对于 $[i, j]$ 这一区间，我们知道: $p[j] - p[i] = (p[i+1] - p[i]) + (p[i+2] - p[i+1]) + \dots + (p[j] - p[j-1])$ 。如果我们每个长度为 1 的区间都取正数，这样我们得到的 $p[j] - p[i]$ 价值一定是最大的。

因此我们考虑相邻两天的股票价格，如果后一天的股票价格大于前一天的，那么在进行买入卖出操作后，即可获利。而且这样在不考虑交易次数的前提下，这样的贪心一定能获得最大的利润。



具体过程如下:

- 1、枚举整个数组，如果发现 $prices[i + 1] > prices[i]$ ，我们就在第 i 天买入，第 $i+1$ 天卖出，并将利润 $prices[i + 1] - prices[i]$ 记录到答案 res 中。
- 2、返回总利润 res 。

时间复杂度分析: $O(n)$, n 是数组的长度。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int maxProfit(vector<int>& prices) {
4          int res = 0;
5          for(int i = 0 ; i + 1 < prices.size(); i++){
6              if(prices[i + 1] > prices[i])
7                  res += prices[i + 1] - prices[i];
8          }
9          return res;
10     }
11 };

```

124. 二叉树中的最大路径和

思路

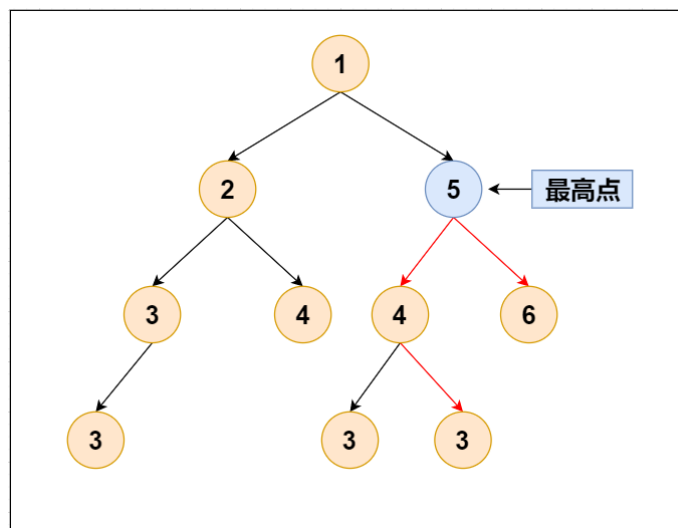
(递归，树的遍历) $O(n^2)$

路径

在这道题目中，路径是指从树中某个节点开始，沿着树中的边走，走到某个节点为止，路过的所有节点的集合。**路径的权值和是指路径中所有节点的权值的总和。**

对于一棵树，我们可以将其划分为很多的子树，如下图所示，虚线矩形围起来的子树。我们把这颗子树的蓝色节点称为该子树最高节点。用最高节点可以将整条路径分为两部分：从该节点向左子树延伸的路径，和从该节点向右子树延伸的部分。

如图所示：



我们可以递归遍历整棵树，递归时维护从每个子树从最高节点开始往下延伸的最大路径和。

- 对于每个子树的最大节点，递归计算完左右子树后，我们将左右子树维护的两条最大路径，和该点拼接起来，就可以得到以这个点为最高节点子树的最大路径。（这条路径一定是：**左子树路径->最高节点->右子树路径**）
- 然后维护从这个点往下延伸的最大路径：从左右子树的路径中选择权值大的一条延伸即可。（只能从**左右子树之间选一条路径**）

最后整颗树的最大路径和为：根节点值+左子树最大路径和+右子树最大路径和，即 `left_max + right_max + root->val`

注意：

如果某条路径之和小于 0，那么我们选择不走该条路径，因此其路径之和应和 0 之间取最大值。

时间复杂度分析：每个节点仅会遍历一次，所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
11    * };
12    */
13    class Solution {
14    public:
15        int res = INT_MIN;
16        int maxPathSum(TreeNode* root) {
17            dfs(root);
18            return res;
19        }
20        int dfs(TreeNode* root){
21            if(!root) return 0;
22            int left = max(0, dfs(root->left)), right = max(0, dfs(root->right));
23            res = max(res, root->val + left + right);
24            return root->val + max(left, right);
25        }
26    };
```

125. 验证回文串

思路

(线性扫描) $O(n)$

具体过程如下：

- 1、定义两个指针分别从前往后开始，往中间扫描。
- 2、每次迭代两个指针分别向中间靠近一步，靠近的过程中忽略除了字母和数字的其他字符。
- 3、然后判断两个指针所指的字符是否相等，如果不相等，说明不是回文串。
- 4、当两个指针相遇时，说明原字符串是回文串。

时间复杂度分析：每个字符仅会被扫描一次，所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  class Solution {
2  public:
3      bool check(char c){
4          return c >= '0' && c <= '9' || c >= 'a' && c <= 'z' || c >= 'A' && c <= 'Z';
5      }
6
7      bool isPalindrome(string s) {
```

```

8         int l = 0, r = s.size() - 1;
9         while(l < r){
10             while(l < r && !check(s[l])) l++; //左指针跳过其他字符
11             while(l < r && !check(s[r])) r--; //右指针跳过其他字符
12             if(l < r && tolower(s[l]) != tolower(s[r])) return false; //转
为小写比较
13             l++, r--;
14         }
15         return true;
16     }
17 };

```

127. 单词接龙

思路

(最短路, BFS) $O(n^2L)$

我们对问题进行抽象:

将单词看做点, 如果两个单词可以相互转化, 则在相应的点之间连一条无向边。那问题就变成了求从起点到终点的最短路。

然后考虑如何建图, 这里我们选择:

- 枚举所有单词对, 然后判断是否可以通过改变一个字母相互转化, 时间复杂度 $O(n^2L)$;

由于边权都相等, 所以可以用BFS求最短路。

时间复杂度分析:

- 1、建图, 通过上述分析可知, 时间复杂度是 $O(n^2L)$;
- 2、求最短路用的是BFS, 每个节点仅会遍历一次, 每个点遍历时需要 $O(L)$ 的计算量, 所以时间复杂度是 $O(nL)$;

所以总时间复杂度是 $O(26nL^2)$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int ladderLength(string beginword, string endword, vector<string>&
wordList) {
4          unordered_set<string> S;
5          unordered_map<string, int> dist;
6          queue<string> q;
7          dist[beginword] = 1;
8          q.push(beginword);
9          for (auto word: wordList) S.insert(word);
10
11         while (q.size()) {
12             auto t = q.front();
13             q.pop();
14             string r = t;
15             for (int i = 0; i < t.size(); i++) {
16                 t = r;
17                 for (char j = 'a'; j <= 'z'; j++) {
18                     if (r[i] != j) {
19                         t[i] = j;
20                         if (S.count(t) && dist.count(t) == 0) {

```

```

21         dist[t] = dist[r] + 1;
22         if (t == endword) return dist[t];
23         q.push(t);
24     }
25 }
26 }
27 }
28 return 0;
29 }
30 };

```

128. 最长连续序列

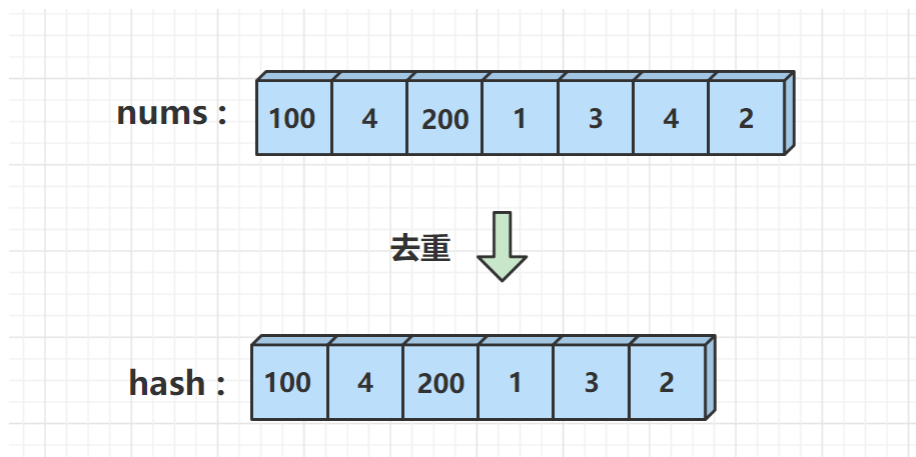
思路

(哈希) $O(n)$

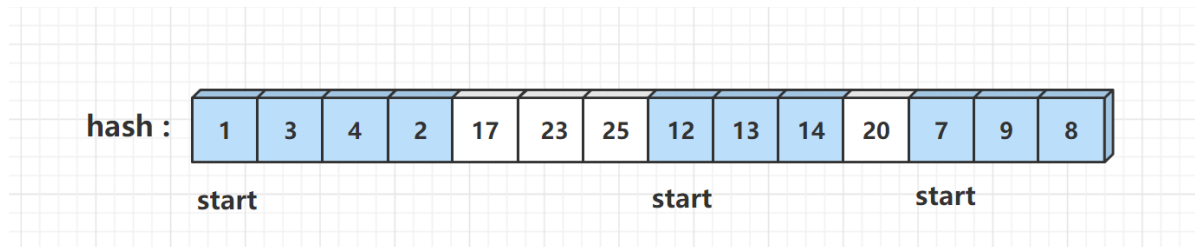
在一个未排序的整数数组 `nums` 中，找出最长的数字连续序列，朴素的做法是：枚举 `nums` 中的每一个数 `x`，并以 `x` 起点，在 `nums` 数组中查询 `x + 1, x + 2, ..., x + y` 是否存在。假设查询到了 `x + y`，那么长度即为 `y - x + 1`，不断枚举更新答案即可。

如果每次查询一个数都要遍历一遍 `nums` 数组的话，时间复杂度为 $O(n)$ ，其实我们可以用一个哈希表来存贮数组中的数，这样查询的时间就能优化为 $O(1)$ 。

数组哈希去重



为了保证 $O(n)$ 的时间复杂度，避免重复枚举一段序列，我们要从序列的起始数字向后枚举。也就是说如果有一个 `x, x+1, x+2, ..., x+y` 的连续序列，我们只会以 `x` 为起点向后枚举，而不会从 `x+1, x+2, ..., x+y` 向后枚举。



如何每次只枚举连续序列的起始数字 `x`？

其实只需要每次在哈希表中检查是否存在 `x - 1` 即可。如果 `x - 1` 存在，说明当前数 `x` 不是连续序列的起始数字，我们跳过这个数。

具体过程如下：

- 1、定义一个哈希表 `hash`，将 `nums` 数组中的数都放入哈希表中。

- 2、遍历哈希表 `hash`，如果当前数 `x` 的前驱 `x-1` 不存在，我们就以当前数 `x` 为起点向后枚举。
- 3、假设最长枚举到了数 `y`，那么连续序列长度即为 `y-x+1`。
- 4、不断枚举更新答案。

时间复杂度分析： `while` 循环最多执行 n 次，因此时间复杂度为 $O(n)$ 。

c++代码

```
1 class Solution {
2 public:
3     int longestConsecutive(vector<int>& nums) {
4         unordered_set<int> hash;
5         int res = 0;
6         for(int x : nums) hash.insert(x);
7         for(int x : hash){
8             if(!hash.count(x - 1)){
9                 int y = x;
10                while(hash.count(y + 1)) y++;
11                res = max(res, y - x + 1);
12            }
13        }
14        return res;
15    }
16 };
```

130. 被围绕的区域

思路

(Flood Fill, 深度优先遍历) $O(n^2)$

边界上的 'O' 不会被包围，所有不在边界上且不与边界相连的 'O' 都会被攻占。因此我们可以逆向考虑，先统计出哪些区域不会被攻占，然后将其它区域都变成 'X' 即可。

具体过程如下：

- 1、从外层出发，`dfs` 深度搜索，将不被包围的 'O' 变成 '#'。
- 2、最后枚举整个数组，把 'O' 和 'X' 变成 'X'，'#' 变成 'O'。

时间复杂度分析： $O(n^2)$ 。

c++代码

```
1 class Solution {
2 public:
3     vector<vector<char>> board; //全局变量
4     int dx[4] = {-1, 0, 1, 0}, dy[4] = {0, 1, 0, -1};
5     int n, m;
6     void solve(vector<vector<char>>& _board) {
7         board = _board;
8         n = board.size(), m = board[0].size();
9         if(!n) return ;
10
11        for(int i = 0; i < n; i++){ // 左右边界
12            if(board[i][0] == 'O') dfs(i, 0);
13            if(board[i][m - 1] == 'O') dfs(i, m - 1);
14        }
15    }
```

```

16         for(int i = 0; i < m; i++){ //上下边界
17             if(board[0][i] == 'O') dfs(0, i);
18             if(board[n - 1][i] == 'O') dfs(n - 1, i);
19         }
20
21         for(int i = 0; i < n; i++)
22             for(int j = 0; j < m; j++)
23                 if(board[i][j] == '#') board[i][j] = 'O';
24                 else board[i][j] = 'X';
25         _board = board;
26     }
27     void dfs(int x, int y){
28         board[x][y] = '#';
29         for(int i = 0; i < 4; i++){
30             int a = x + dx[i], b = y + dy[i];
31             if(a >= 0 && a < n && b >= 0 && b < m && board[a][b] == 'O'){
32                 dfs(a, b);
33             }
34         }
35     }
36 };
37
38

```

131. 分割回文串

思路

(动态规划 + dfs) $O(2^n * n)$

预处理

状态表示： $f[i][j]$ 表示字符串 s 在区间 $[i, j]$ 的子串是否为一个回文串。 $f[i][j]$ 有两种状态，如果是，则 $f[i][j] = \text{ture}$ ，如果不是，则 $f[i][j] = \text{false}$ 。

状态计算：

对于字符串 s 的区间子串 $s[i, , j]$ ，我们去判断 $s[i]$ 和 $s[j]$ 是否相等：

- 1、如果 $s[i] == s[j]$ ，那么此时 $f[i][j]$ 的状态就取决于 $f[i + 1][j - 1]$ ，即 $f[i][j] = f[i + 1][j - 1]$ 。
- 2、如果 $s[i] != s[j]$ ，那么可以肯定 $s[i, , j]$ 一定不是回文串，即 $f[i][j] = \text{false}$ 。

因此，**状态转移方程为：**

边界：

$i == j$ 时， $f[i][j] = \text{true}$ 。

$(j - i) \leq 2$ 时，即子串 $s[i, , j]$ 三个或者两个字符长度时， $f[i][j] = \text{true}$

实现细节：

为了保证 $f[i + 1][j - 1]$ 的状态先于 $f[i][j]$ 被计算出来，我们需要先从小到大枚举 j ，再枚举 i 。

递归

递归函数设计：

```

1 | void dfs(string& s, int u)

```

`s` 代表字符串，`u` 是当前回文串的起始位置。对于每一个 `u`，都去枚举下一个回文串的最终位置 `i`，若 `[u, i]` 组成的字符串是一个回文串，则记录 `[u, i]` 组成的回文串，并递归到下一层 `i + 1` 的位置。

边界：

当 `u == s.size()` 时，表示已经分割完整整个字符串，将当前记录过的回文串链表加入到 `res` 中

时间复杂度分析： $O(2^n * n)$

c++代码

```
1  class Solution {
2  public:
3      vector<vector<string>> res;
4      vector<string> path;
5      vector<vector<bool>> f;
6      vector<vector<string>> partition(string s) {
7          int n = s.size();
8          f = vector<vector<bool>>(n, vector<bool>(n));
9          for(int j = 0; j < n; j++){
10             for(int i = 0; i <= j; i++){
11                 if(i == j) f[i][j] = true;
12                 else if(s[i] == s[j]){
13                     if(j - i <= 2 || f[i + 1][j - 1]) f[i][j] = true;
14                 }
15             }
16             dfs(s, 0);
17             return res;
18         }
19         void dfs(string& s, int u){
20             if(u == s.size()){
21                 res.push_back(path);
22                 return;
23             }
24             for(int i = u; i < s.size(); i++){
25                 if(f[u][i]){
26                     string t = s.substr(u, i - u + 1);
27                     path.push_back(t);
28                     dfs(s, i + 1);
29                     path.pop_back();
30                 }
31             }
32         }
33     };
```

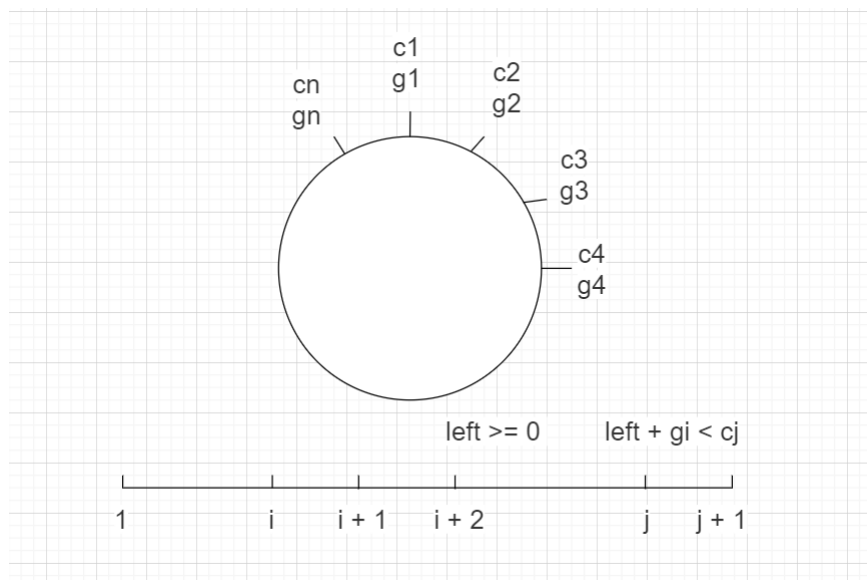
134. 加油站

思路

(贪心) $O(n)$

假如从第 `i` 个站开始走，没法走一圈回来，而是最多走到第 `j` 个站，那么从 `i...j` 之间的一个站点 `k` 开始走，也没有可能超过 `j` 这个站，因为从 `i` 走到 `k` 的时候是有 $>=0$ 的剩余油量的，但是从第 `k` 个站出发的话就没有这些油量了，所以更不可能走超过 `j`。

因此，如果没法到达第 `j` 个站，那么我们可以直接排除 `i + 1, i + 2, ..., j` 这些不合法加油站，直接从 `j+1` 加油站开始作为下一次的起点。



具体过程如下:

- 1、枚举每个起点 i ，初始化剩余油量 $left = 0$ ，每次走的站点数 $j = 0$ 。
- 2、下一个要到达的站点 $k = (i + j) \% n$ 。
- 3、到达下一个站点的油量变化为 $left += gas[k] - cost[k]$ 。
- 4、如果 $left < 0$ ，说明当前起点不合法，我们直接 **break**。
- 5、如果 $j == n$ ，说明我们又回到了起点，我们返回合法起点 i ，否则下一次起点为 $i + j + 1$ 。

时间复杂度分析: $O(n)$

c++代码

```

1  class solution {
2  public:
3      int canCompleteCircuit(vector<int>& gas, vector<int>& cost) {
4          int n = gas.size();
5          for(int i = 0; i < n; ){// 枚举每个起点
6              int left = 0, j; //剩余油量，每次走的站点数
7              for(j = 0; j < n; j++){
8                  int k = (i + j) % n; //下一个要到达的站点
9                  left += gas[k] - cost[k];
10                 if(left < 0) break; //当前起点不合法
11             }
12             if(j == n) return i; //返回合法起点
13             i = i + j + 1; //下一次起点为j + 1
14         }
15         return -1;
16     }
17 };

```

136. 只出现一次的数字

思路

(位运算) $O(n)$

异或运算有以下三个性质:

- 1、 $0 \wedge 0 = 0$ ， $0 \wedge 1 = 1$ ， 0 异或任何数 = 任何数
- 2、 $1 \wedge 0 = 1$ ， $1 \wedge 1 = 0$ ， 1 异或任何数 = 任何数取反

- 3、任何数异或自己 = 把自己置 0，即 $a \oplus a = 0$

因此这道题可以用位运算来做，过程如下：

- 1、两个相同的元素经过异或之后会变为 0。
- 2、将数组所有元素异或在一起即可得到出现 1 次的元素值。

时间复杂度分析： $O(n)$ ，其中 n 是数组长度。

c++代码

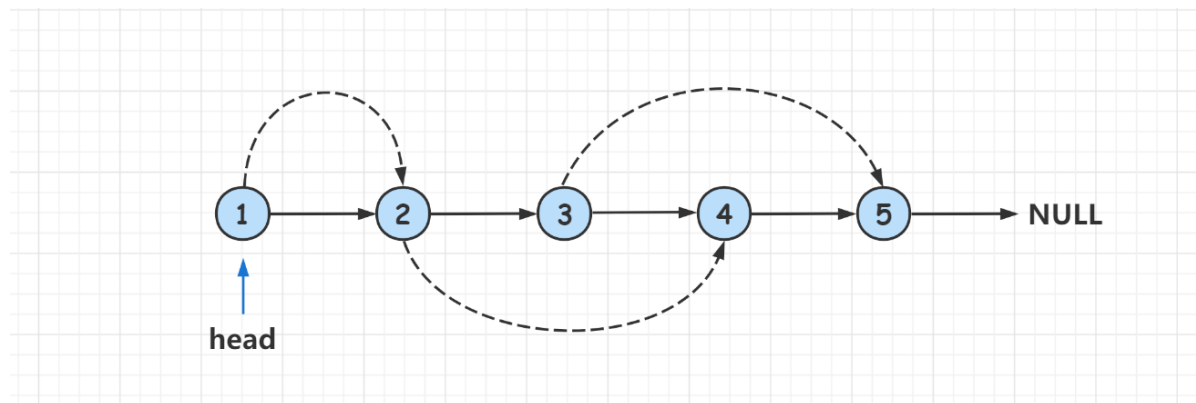
```
1  class Solution {
2  public:
3      int singleNumber(vector<int>& nums) {
4          int res = 0;
5          for(int x : nums){
6              res ^= x;
7          }
8          return res;
9      }
10 };
```

138. 复制带随机指针的链表

思路

(迭代) $O(n)$

题目要求我们复制一个长度为 n 的链表，该链表除了每个节点有一个指针指向下一个节点外，还有一个额外的指针指向链表中的任意节点或者 `null`，如下图所示：

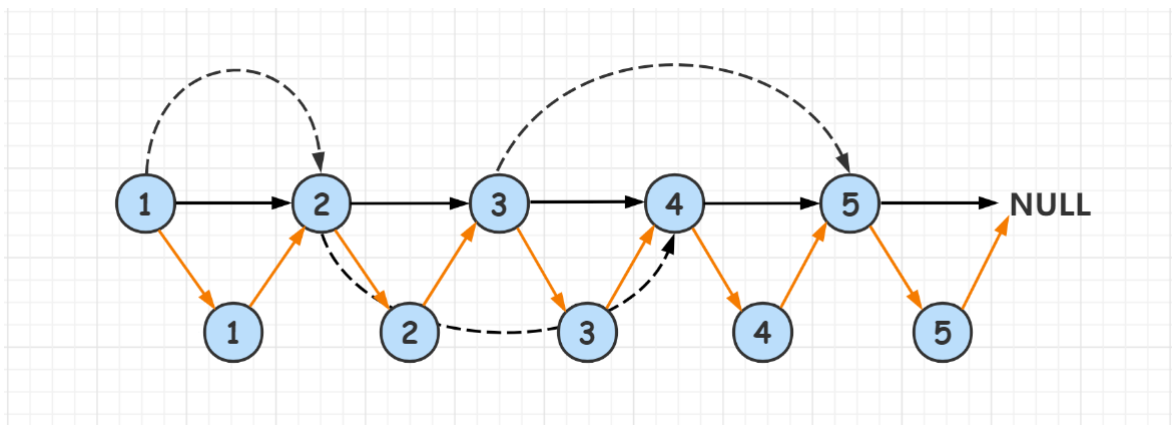


如何去复制一个带随机指针的链表？

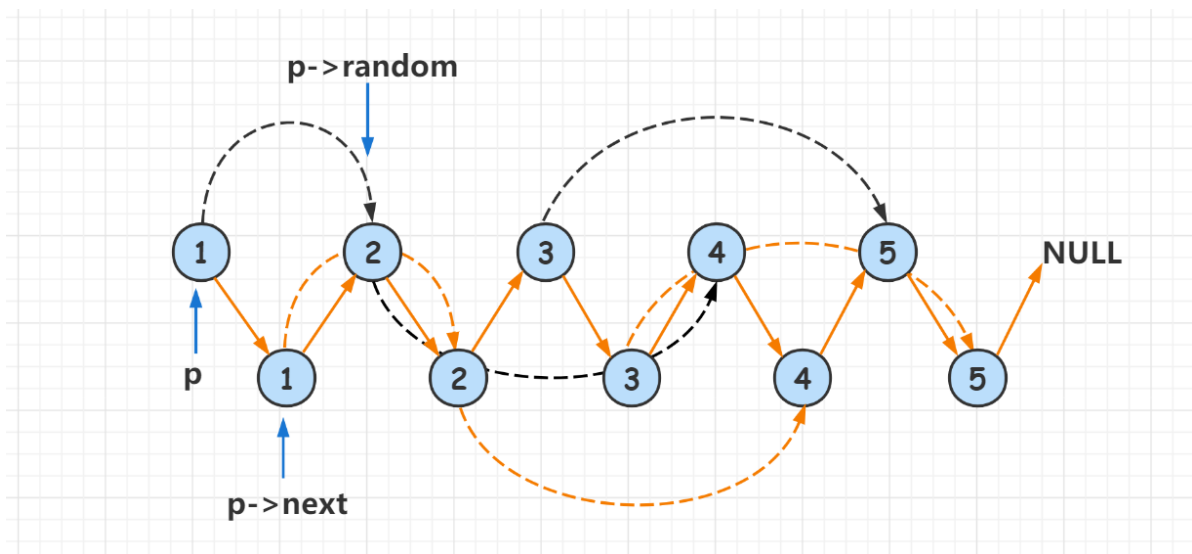
首先我们可以忽略 `random` 指针，然后对原链表的每个节点进行复制，并追加到原节点的后面，而后复制 `random` 指针。最后我们把原链表和复制链表拆分出来，并将原链表复原。

图示过程如下：

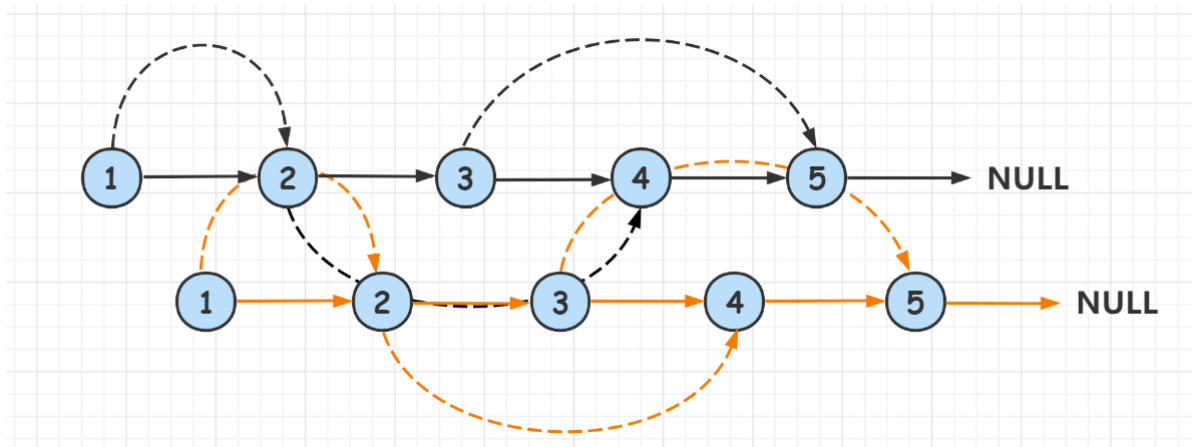
- 1、在每个节点的后面加上它的复制，并将原链表和复制链表连在一起。



2、从前往后遍历每一个原链表节点，对于有 `random` 指针的节点 `p`，我们让它的 `p->next->random = p->random->next`，这样我们就完成了对原链表 `random` 指针的复制。



3、最后我们把原链表和复制链表拆分出来，并将原链表复原。



具体过程如下：

- 1、定义一个 `p` 指针，遍历整个链表，复制每个节点，并将原链表和复制链表连在一起。
- 2、再次遍历整个链表，执行 `p->next->random = p->random->next`，复制 `random` 指针。
- 3、定义虚拟头节点 `dummy` 用来指向复制链表的头节点，将两个链表拆分并复原原链表。

时间复杂度分析： $O(n)$ ，其中 n 是链表的长度。

c++代码

```
1  /*
2  // Definition for a Node.
```

```

3  class Node {
4  public:
5      int val;
6      Node* next;
7      Node* random;
8
9      Node(int _val) {
10         val = _val;
11         next = NULL;
12         random = NULL;
13     }
14 };
15 */
16
17 class Solution {
18 public:
19     Node* copyRandomList(Node* head) {
20         for(auto p = head; p; p = p->next->next) //复制每个节点，并将原链表和复
制链表连在一起。
21         {
22             auto q = new Node(p->val);
23             q->next = p->next;
24             p->next = q;
25         }
26
27         for(auto p = head; p; p = p->next->next) //复制random指针
28         {
29             if(p->random)
30                 p->next->random = p->random->next;
31         }
32
33         //拆分两个链表，并复原原链表
34         auto dummy = new Node(-1), cur = dummy;
35         for(auto p = head; p; p = p->next)
36         {
37             auto q = p->next;
38             cur = cur->next = q;
39             p->next = q->next;
40         }
41
42         return dummy->next;
43     }
44 };

```

139. 单词拆分

思路

(动态规划) $O(n^3)$

状态表示： $f[i]$ 表示字符串 s 的前 i 个字符是否可以拆分成 `wordDict`，其值有两个 `true` 和 `false`。

状态计算： 假设当前遍历到了第 i 个字符，依据最后一次拆分成的字符串 `str` 划分集合，最后一次拆分成的字符串 `str` 可以为 $s[0 \sim i - 1]$ ， $s[1 \sim i - 1]$ ，，， $s[j \sim i - 1]$ 。

状态转移方程： $f[i] = \text{ture}$ 的条件是： $f[j] = \text{ture}$ 并且 $s[j, i - 1]$ 在 `hash` 表中存在。

初始化： `f[0] = true`，表示空串合法。

实现细节：

为了快速判断字符串 `s` 拆分出来的子串在 `wordDict` 中出现，我们可以用一个哈希表存储 `wordDict` 中的每个 `word`。

时间复杂度分析： 状态枚举 $O(n^2)$ ，状态计算 $O(n)$ ，因此时间复杂度为 $O(n^3)$ 。

c++代码

```
1  class Solution {
2  public:
3      bool wordBreak(string s, vector<string>& wordDict) {
4          int n = s.size();
5          unordered_set<string> hash;
6          for(string word : wordDict){
7              hash.insert(word);
8          }
9          vector<bool> f(n + 1, false);
10         f[0] = true;
11         for(int i = 1; i <= n; i++){
12             for(int j = 0; j < i; j++){
13                 if(f[j] && hash.find(s.substr(j, i - j)) != hash.end()){
14                     f[i] = true;
15                     break;
16                 }
17             }
18             return f[n];
19         }
20     };
};
```

140. 单词拆分 II

思路

(回溯 + DP)

我们先来看看 [LeetCode139](#) 单词拆分 的思路：

状态表示： `f[i]` 表示字符串 `s` 的前 `i` 个字符是否可以拆分成 `wordDict`，其值有两个 `true` 和 `false`。

状态计算： 依据最后一次拆分成的字符串 `str` 划分集合，最后一次拆分成的字符串 `str` 可以为 `s[0 ~ i - 1]`，`s[1 ~ i - 1]`，，，`s[j ~ i - 1]`。

状态转移方程： `f[i] = true` 的条件是：`f[j] = true` 并且 `s[j, i - 1]` 在 `hash` 表中存在。

初始化： `f[0] = true`，表示空串且合法。

时间复杂度分析： 状态枚举 $O(n^2)$ ，状态计算 $O(n)$ ，因此时间复杂度为 $O(n^3)$ 。

```
1  class Solution {
2  public:
3      bool wordBreak(string s, vector<string>& wordDict) {
4          unordered_set<string> hash;    //存储单词
5          vector<bool> f(s.size() + 1, false);
6          f[0] = true;    //初始化
7          for(string word : wordDict){
```



```

8         hash.insert(word);
9     }
10    for(int i = 1; i <= s.size(); i++){
11        for(int j = 0; j < i; j++){ //for(int j = 1; j <= i; j++)
12            if(f[j] && hash.find(s.substr(j, i - j)) != hash.end()){
13                f[i] = true;
14                break; //只要有一个子集满足就ok了
15            }
16        }
17    }
18    return f[s.size()];
19 }
20 };

```

我们通过 DP 可以判断出一个字符串是否可以被合法的拼接，如果其可以合法拼接，则进行 dfs，找出所有的情况。

dfs 函数设计

```
1 void dfs(string s, int u, string path)
```

- `u` 表示下一个单词开始的位置。
- `path` 用来记录路径。

`dfs(s, u, path)` 表示，从 `s[u]` 开始拼接下一个单词 `s[u, i]`。如果 `s[u, i]` 出现在 `wordBreak` 中，并且 `f[u] = true`，即 `s` 的前 `u` 个字符可以被合法的拼接，则我们将 `s[u, i]` 拼接到 `path` 中，并从 `i + 1` 位置继续递归到下一层。

c++代码

```

1 class Solution {
2 public:
3     vector<string> res; //记录答案
4     unordered_set<string> hash; //哈希表
5     vector<bool> f;
6     vector<string> wordBreak(string s, vector<string>& wordDict) {
7         int n = s.size();
8         f.resize(n + 1);
9         f[0] = true;
10        for(string word : wordDict){
11            hash.insert(word);
12        }
13        for(int i = 1; i <= n; i++){
14            for(int j = 0; j < i; j++){
15                if(f[j] && hash.count(s.substr(j, i - j))){
16                    f[i] = true;
17                    break;
18                }
19            }
20            if(!f[n]) return res;
21            dfs(s, 0, "");
22            return res;
23        }
24
25        void dfs(string& s, int u, string path){
26            if(u == s.size()){

```

```

27         path.pop_back(); // 去除多余的空格
28         res.push_back(path);
29         return;
30     }
31     for(int i = u; i < s.size(); i++){ //[u, i]
32         if(f[u] && hash.count(s.substr(u, i - u + 1))){
33             dfs(s, i + 1, path + s.substr(u, i - u + 1) + ' ');
34         }
35     }
36 }
37 };

```

141. 环形链表

思路

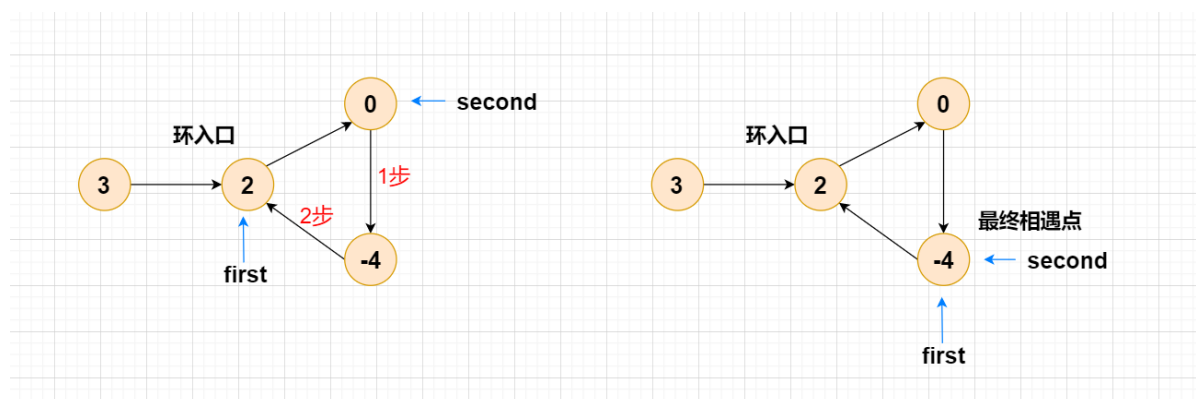
(链表, 指针扫描) $O(n)$

用两个指针从头开始扫描, 第一个指针每次走一步, 第二个指针每次走两步。如果走到 `null`, 说明不存在环; 否则如果两个指针相遇, 则说明存在环。

为什么呢?

假设链表存在环, 则当第一个指针走到环入口时, 第二个指针已经走到环上的某个位置, 距离环入口还差 x 步。由于第二个指针每次比第一个指针多走一步, 所以第一个指针再走 x 步, 两个指针就相遇了。

如下图所示:



第二个指针还差 2 步就可以到达环入口, 但是第二个指针每次比第一个指针多走 1 步, 因此第一个指针再走 2 步, 两个指针就会相遇。

时间复杂度分析:

第一个指针在环上走不到一圈, 所以第一个指针走的总步数小于链表总长度。而第二个指针走的路程是第一个指针的两倍, 所以总时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  /**
2   * Definition for singly-linked list.
3   * struct ListNode {
4   *     int val;
5   *     ListNode *next;
6   *     ListNode(int x) : val(x), next(NULL) {}
7   * };
8   */

```

```
9  class Solution {
10 public:
11     bool hasCycle(ListNode *head) {
12         if(!head || !head->next) return false;
13         auto first = head, second = head;
14         while(second){
15             first = first->next, second = second->next;
16             if(!second) return false;
17             second = second->next;
18             if(second == first) return true;
19         }
20         return false;
21     }
22 };
```