

LeetCode 热题 HOT 100 (2)

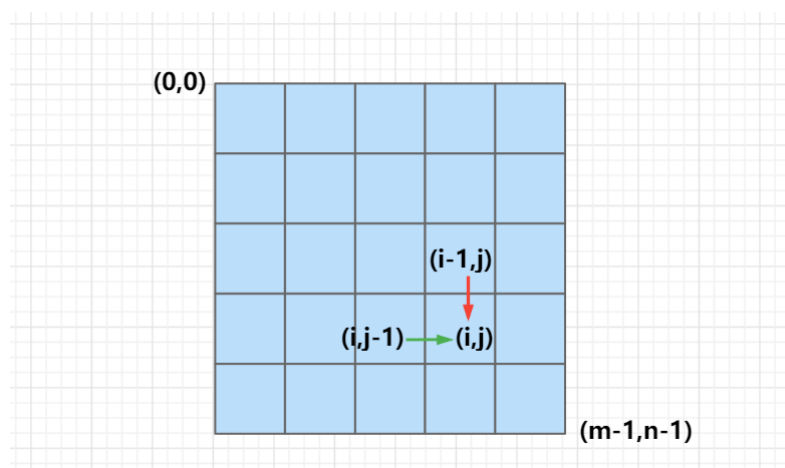
62. 不同路径

思路

(动态规划) $O(m * n)$

状态表示: $f[i, j]$ 表示从 $(0, 0)$ 走到 (i, j) 的所有不同路径的方案数。那么, $f[m-1][n-1]$ 就表示从网格左上角到网格右下角的所有不同路径的方案数, 即为答案。

状态转移:



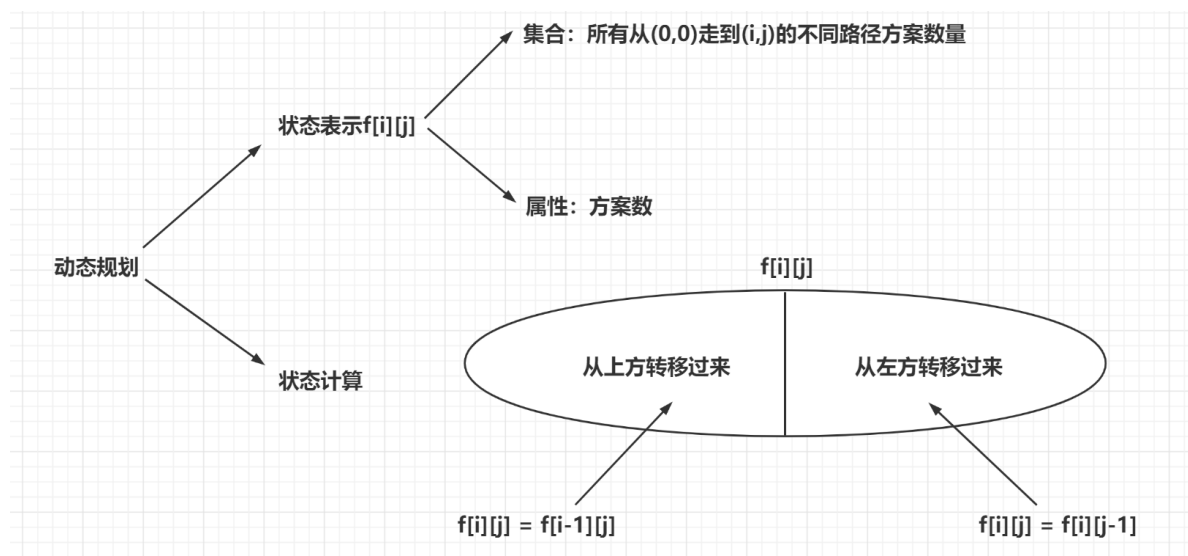
由于限制了只能**向下走**或者**向右走**, 因此到达 (i, j) 有两条路径

- 从上方转移过来, $f[i][j] = f[i-1][j]$;
- 从左方转移过来, $f[i][j] = f[i][j-1]$;

因此, 状态计算方程为: $f[i][j] = f[i-1][j] + f[i][j-1]$, 将向右和向下两条路径的方案数相加起来。

初始化条件: $f[0][0] = 1$, 从 $(0, 0)$ 到达 $(0, 0)$ 只有一条路径。

分析图示:



时间复杂度分析: $O(m * n)$, 其中 m 和 n 分别是网格的行数和列数。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int uniquePaths(int m, int n) {
4          if(!n || !m) return 0;
5          vector<vector<int>>f(m + 1, vector<int>(n + 1));
6          f[0][0] = 1;
7          for(int i = 0; i < m; i++)
8              for(int j = 0; j < n; j++){
9                  if(!i && !j) continue;
10                 if(i) f[i][j] += f[i - 1][j];
11                 if(j) f[i][j] += f[i][j - 1];
12             }
13         return f[m - 1][n - 1];
14     }
15 };

```

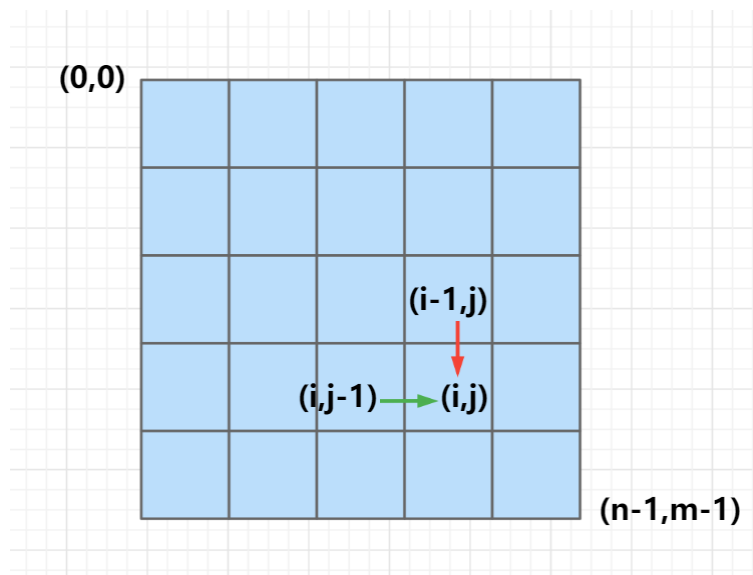
64. 最小路径和

思路

(动态规划) $O(m * n)$

状态表示： $f[i, j]$ 表示从 $(0, 0)$ 走到 (i, j) 的最小路径和。那么， $f[n-1][m-1]$ 就表示从网格左上角到网格右下角的最小路径和，即为答案。

状态转移：



由于限制了只会**向下走**或者**向右走**，因此到达 (i, j) 有两条路径

- 从上方转移过来， $f[i][j] = f[i-1][j] + \text{grid}[i][j]$
- 从左方转移过来， $f[i][j] = f[i][j-1] + \text{grid}[i][j]$

因此，**状态计算方程为：** $f[i][j] = \max(f[i-1][j], f[i][j-1]) + \text{grid}[i][j]$ ，从向右和向下两条路径中选择路径之和最小的转移过来，再加上 $\text{grid}[i][j]$ 的值。

初始化条件： $f[0][0] = \text{grid}[0][0]$ ，其余都初始化为正无穷。

时间复杂度分析： $O(m * n)$ ，其中 m 和 n 分别是网格的行数和列数。

c++代码

```

1  class Solution {

```

```

2 public:
3     int minPathSum(vector<vector<int>>& grid) {
4         int n = grid.size(), m = grid[0].size();
5         vector<vector<int>> f(n + 1, vector<int>(m + 1, INT_MAX));
6         f[0][0] = grid[0][0];
7         for(int i = 0; i < n; i++){
8             for(int j = 0; j < m; j++){
9                 if(!i && !j) continue;
10                if(i) f[i][j] = min(f[i - 1][j] + grid[i][j], f[i][j]);
11                if(j) f[i][j] = min(f[i][j - 1] + grid[i][j], f[i][j]);
12            }
13        }
14        return f[n - 1][m - 1];
15    };

```

70. 爬楼梯

思路

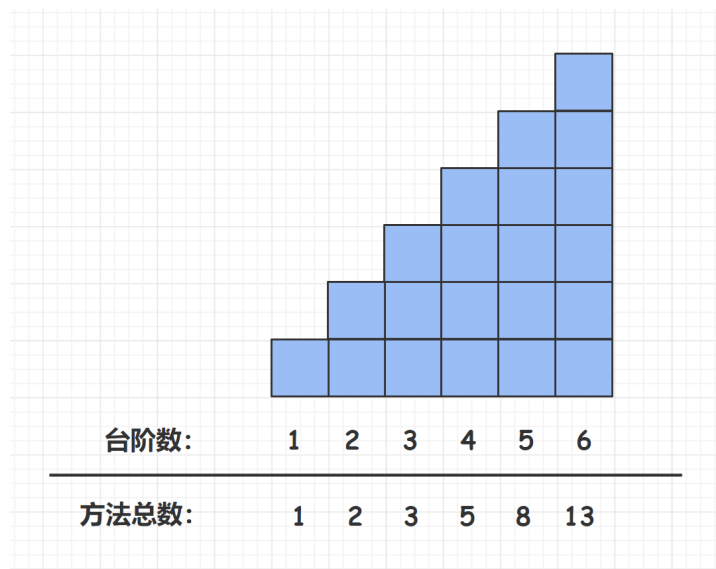
(递推) $O(n)$

分析题目可以发现：

- 上 1 阶台阶：有 1 种方式。
- 上 2 阶台阶：有 1+1 和 2 两种方式。
- 上 3 阶台阶：到达第 3 阶的方法总数就是到第 1 阶和第 2 阶的方法数之和。
- 上 n 阶台阶，到达第 n 阶的方法总数就是到第 $(n-1)$ 阶和第 $(n-2)$ 阶的方法数之和。

因此，定义数组 $f[i]$ 表示上 i 级台阶的方案数，则枚举最后一步是上 1 级台阶，还是上 2 级台阶，所以有：

$f[i] = f[i-1] + f[i-2]$ 。



时间复杂度分析：递推状态数 $O(n)$ ，转移时间复杂度是 $O(1)$ ，所以总时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int climbStairs(int n) {
4          if(n <= 2) return n;
5          vector<int> f(n + 1);
6          f[1] = 1;
7          f[2] = 2;
8          for(int i = 3; i <= n; i++){
9              f[i] = f[i - 1] + f[i - 2];
10         }
11         return f[n];
12     }
13 };

```

72. 编辑距离

思路

(动态规划) $O(n * m)$

给你两个单词 `word1` 和 `word2`，请你计算出将 `word1` 转换成 `word2` 所使用的最少操作数。

状态表示： `f[i][j]` 表示将 `word1` 的前 `i` 个字符变成 `word2` 的前 `j` 个字符需要进行的最少操作次数。

状态计算：

如何计算 `f[i][j]`？考虑 `word1` 的第 `i` 个字符与 `word2` 的第 `j` 个字符（下标从 1 开始），分为两种情况：

- 1、`word1[i] == word2[j]`，则 `f[i][j] == f[i - 1][j - 1]`；
- 2、`word1[i] != word2[j]`，我们有三种选择，替换、删除、插入：
 - **替换：** 替换 `word1` 的第 `i` 个字符或者替换 `word2` 的第 `j` 个字符，则 `f[i][j] == f[i - 1][j - 1] + 1`；
 - **删除：** 删除 `word1` 的第 `i` 个字符或者删除 `word2` 的第 `j` 个字符，则 `f[i][j] = min(f[i - 1][j], f[i][j - 1]) + 1`；
 - **插入：** 在 `word2[j]` 后面添加 `word1[i]` 或者在 `word1[i]` 后添加 `word2[j]`，则 `f[i][j] = min(f[i - 1][j], f[i][j - 1]) + 1`；

初始化：

```

1  for(int i = 0; i <= n; i++) f[i][0] = i;    //将长度为i的word1变成长度为0的word2
    需要进行最少i次删除操作
2  for(int i = 0; i <= m; i++) f[0][i] = i;    //将长度为i的word2变成长度为0的word1
    需要进行最少i次添加操作

```

时间复杂度分析： 状态数为 $O(n * m)$ ，状态计算为 $O(1)$ ，因此总的时间复杂度为 $O(n * m)$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int minDistance(string word1, string word2) {
4          int n = word1.size(), m = word2.size();
5          word1 = ' ' + word1;
6          word2 = ' ' + word2;

```

```

7         vector<vector<int>>>f(n + 1, vector<int>(m + 1));
8         for(int i = 0; i <= n; i++) f[i][0] = i; //i次删除
9         for(int i = 0; i <= m; i++) f[0][i] = i; //i次添加 word1 -> word2
10        for(int i = 1; i <= n; i++)
11            for(int j = 1; j <= m; j++){
12                f[i][j] = min(f[i - 1][j], f[i][j - 1]) + 1; //添加或者删除
13                int t = word1[i] != word2[j];
14                f[i][j] = min(f[i][j], f[i - 1][j - 1] + t); //替换
15            }
16        return f[n][m];
17    }
18 };

```

75. 颜色分类 *

思路

(双指针) $O(n)$

类似于刷油漆。

先全部刷成蓝色

2	2	2	2	2	2	2	2
---	---	---	---	---	---	---	---

将前cnt(0) + cnt(1)个方块刷成白色

1	1	1	1	1	2	2	2
---	---	---	---	---	---	---	---

将前cnt(1)个方块刷成红色

0	0	1	1	1	2	2	2
---	---	---	---	---	---	---	---

时间复杂度分析：一次遍历，因此为 $O(n)$ 。

c++代码

```

1     class Solution {
2     public:
3         void sortColors(vector<int>& nums) {
4             int j = 0, k = 0;
5             for(int i = 0; i < nums.size(); i++){
6                 int num = nums[i];
7                 nums[i] = 2;
8
9                 if(num < 2) nums[j++] = 1;
10                if(num < 1) nums[k++] = 0;
11            }
12        }
13    };

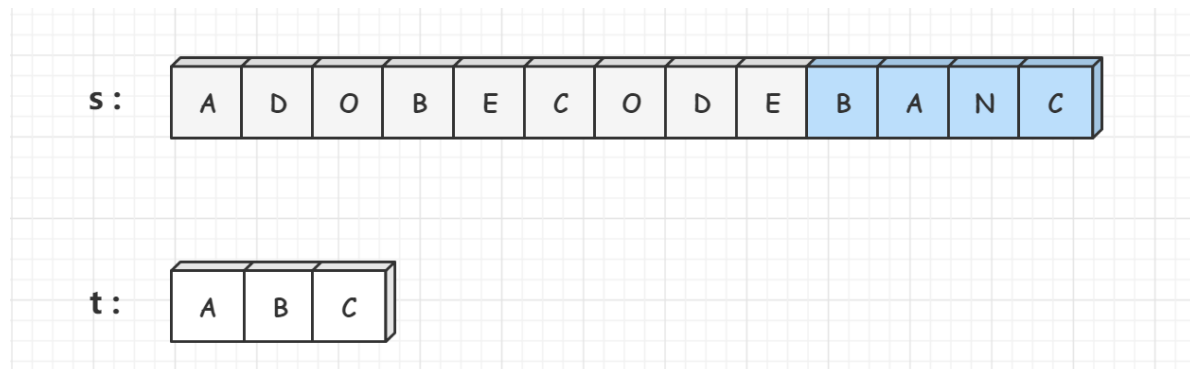
```

76. 最小覆盖子串

思路

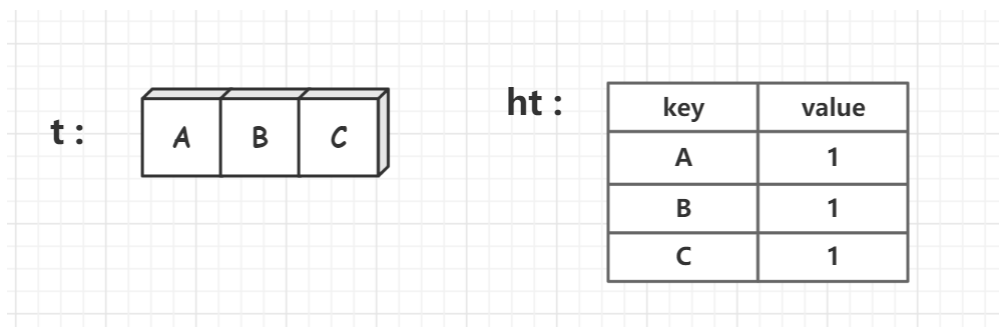
(滑动窗口) $O(n)$

这道题要求我们返回字符串 s 中包含字符串 t 的全部字符的最小窗口，我们利用滑动窗口的思想解决这个问题。因此我们需要两个哈希表， hs 哈希表维护的是 s 字符串中滑动窗口中各个字符出现多少次， ht 哈希表维护的是 t 字符串各个字符出现多少次。如果 hs 哈希表中包含 ht 哈希表中的所有字符，并且对应的个数都不小于 ht 哈希表中各个字符的个数，那么说明当前的窗口是可行的，可行中的长度最短的滑动窗口就是答案。

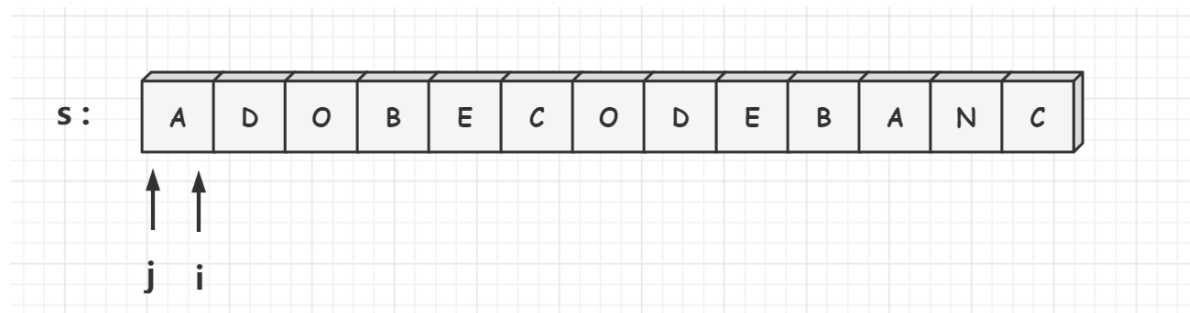


过程如下:

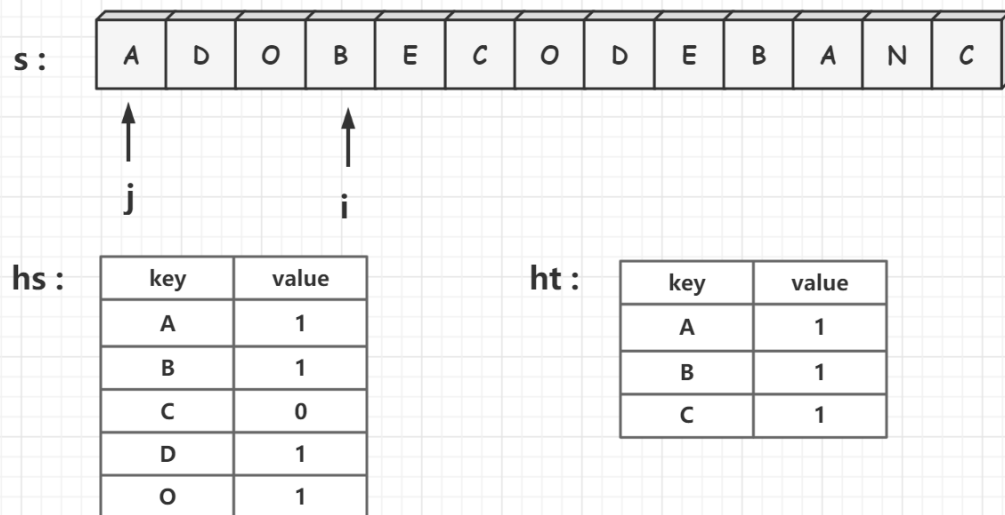
- 1、遍历 t 字符串，用 ht 哈希表记录 t 字符串各个字符出现的次数。



- 2、定义两个指针 j 和 i ， j 指针用于收缩窗口， i 指针用于延伸窗口，则区间 $[j, i]$ 表示当前滑动窗口。首先让 i 和 j 指针都指向字符串 s 开头，然后枚举整个字符串 s ，枚举过程中，不断增加 i 使滑动窗口增大，相当于向右扩展滑动窗口。



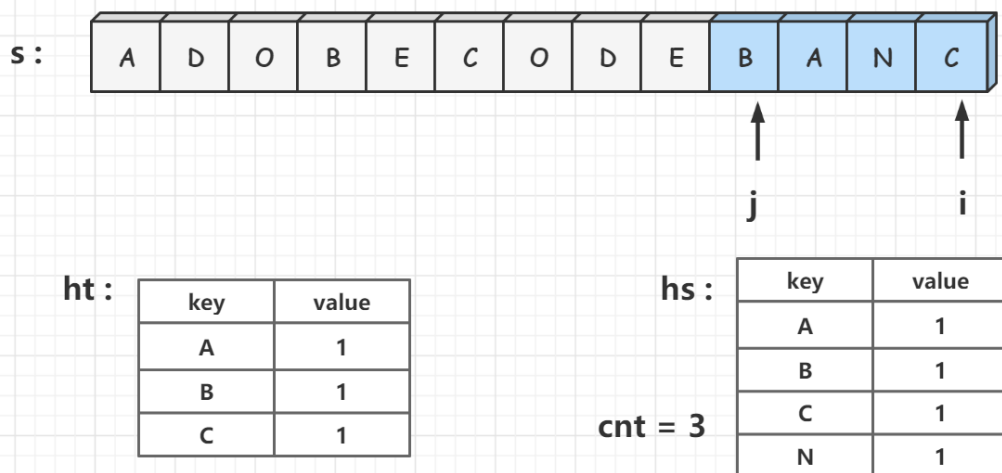
- 3、每次向右扩展滑动窗口一步，将 $s[i]$ 加入滑动窗口中，而新加入了 $s[i]$ ，相当于滑动窗口维护的字符数加一，即 $hs[s[i]]++$ 。



4、对于新加入的字符 $s[i]$, 如果 $hs[s[i]] \leq ht[s[i]]$, 说明当前新加入的字符 $s[i]$ 是必需的, 且还未到达字符串 t 所要求的数量。因此我们还需要事先定义一个 cnt 变量, cnt 维护的是 s 字符串 $[j, i]$ 区间中满足 t 字符串的元素个数, 记录相对应字符的总数。新加入的字符 $s[i]$ 必需, 则 $cnt++$ 。

5、我们向右扩展滑动窗口的同时也不能忘记收缩滑动窗口。因此当 $hs[s[j]] > ht[s[j]]$ 时, 说明 hs 哈希表中 $s[j]$ 的数量多于 ht 哈希表中 $s[j]$ 的数量, 此时我们就需要向右收缩滑动窗口, $j++$ 并使 $hs[s[j]]--$, 即 $hs[s[j++]]--$ 。

6、当 $cnt == t.size$ 时, 说明此时滑动窗口包含字符串 t 的全部字符。我们重复上述过程找到最小窗口即为答案。



时间复杂度分析: 两个指针都严格递增, 最多移动 n 次, 所以总时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      string minWindow(string s, string t) {
4          unordered_map<int, int> hs, ht;
5          for(char c : t) ht[c]++;
6          string res;
7          int cnt = 0;
8          for(int i = 0, j = 0; i < s.size(); i++){
9              hs[s[i]]++;
10             if(hs[s[i]] <= ht[s[i]]) cnt++;

```

```

11         while (hs[s[j]] > ht[s[j]]) hs[s[j++]]--;
12         if (cnt == t.size()) {
13             if (res.empty() || i - j + 1 < res.size())
14                 r0.es = s.substr(j, i - j + 1);
15         }
16     }
17     return res;
18 }
19 };

```

78. 子集

思路

思路1

(二进制) $O(2^n n)$

对于一个大小为 n 的数组 `nums` 来说，由于每个数有**选**和**不选**两种情况，因此总共有 2^n 种情况。我们用 n 位二进制数 0 到 $2^n - 1$ 表示每个数的选择状态情况，在某种情况 i 中，若该二进制数 i 的第 j 位是 **1**，则表示 `nums` 数组第 j 位这个数选，我们将 `nums[j]` 加入到 `path` 中，枚举完 i 这种情况，将 `path` 加入到 `res` 中。

例如对于集合 `[1, 2, 3]`

0/1序列	表示集合	对应的二进制数
000	[]	0
001	[3]	1
010	[2]	2
011	[2, 3]	3
100	[1]	4
101	[1, 3]	5
110	[1, 2]	6
111	[1, 2, 3]	7

时间复杂度分析：一共枚举 2^n 个数，每个数枚举 n 位，所以总时间复杂度是 $O(2^n n)$ 。

c++代码1

```

1  class Solution {
2  public:
3      vector<vector<int>> subsets(vector<int>& nums) {
4          vector<vector<int>> res;
5          int n = nums.size();
6          for (int i = 0; i < 1<<n; i++)
7          {
8              vector<int> path;
9              for (int j = 0; j < n; j++)
10             {
11                 if (i >> j & 1)

```



```

12         path.push_back(nums[j]);
13     }
14     res.push_back(path);
15 }
16 return res;
17 }
18 };

```

时间复杂度分析：一共枚举 2^n 个数，每个数枚举 n 位，所以总时间复杂度是 $O(2^n n)$ 。

思路2

(递归) $O(2^n n)$

一共 n 个位置，递归枚举每个位置的数 **选** 还是 **不选**，然后递归到下一层。

递归函数设计

- 递归参数：`void dfs(vector<int>& nums, int u)`，第一个参数是 `nums` 数组，第二个参数是 `u`，表示当前枚举到 `nums` 数组中的第 `u` 位。
- 递归边界：`u == nums.size()`，当枚举到第 `nums.size()` 位时，递归结束，我们将结果放到答案数组 `res` 中。

时间复杂度分析：一共 2^n 个状态，每种状态需要 $O(n)$ 的时间来构造子集。

c++代码2

```

1  class Solution {
2  public:
3      vector<vector<int>>> res;
4      vector<int> path;
5      vector<vector<int>>> subsets(vector<int>& nums) {
6          dfs(nums, 0);
7          return res;
8      }
9      void dfs(vector<int>& nums, int u)
10     {
11         if (u == nums.size()) // 递归边界
12         {
13             res.push_back(path);
14             return;
15         }
16         dfs(nums, u+1); // 不选第u位，递归下一层
17         path.push_back(nums[u]);
18         dfs(nums, u+1); // 选第u位，递归下一层
19         path.pop_back(); // 回溯
20     }
21 };

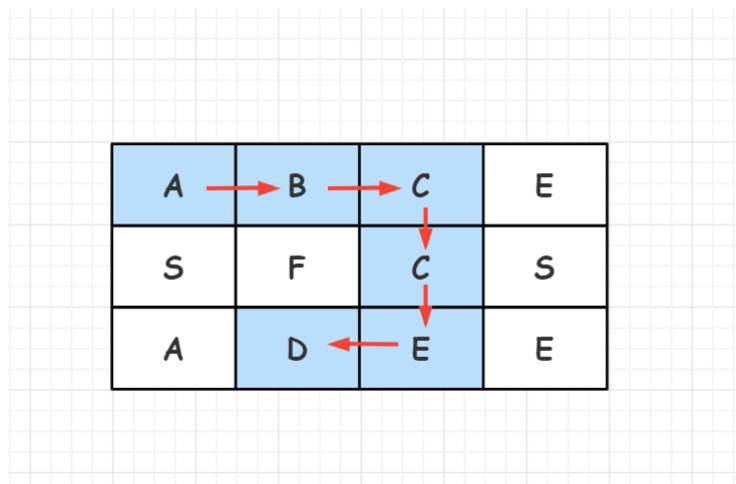
```

79. 单词搜索

思路

(回溯) $O(n^2 3^k)$

深度优先搜索，我们定义这样一种搜索顺序，即先枚举单词的起点，然后依次枚举单词的每个字母。在这个过程中需要将已经使用过的字母改成一个特殊字母，以避免重复使用字符。



递归函数设计:

```
1 bool dfs(vector<vector<char>>& board, string& word, int u, int x, int y)
```

u 代表当前枚举到了目标单词 `word` 第 u 个位置。

x , y 是当前搜索到的二维字符网格的横纵坐标。

搜索过程如下:

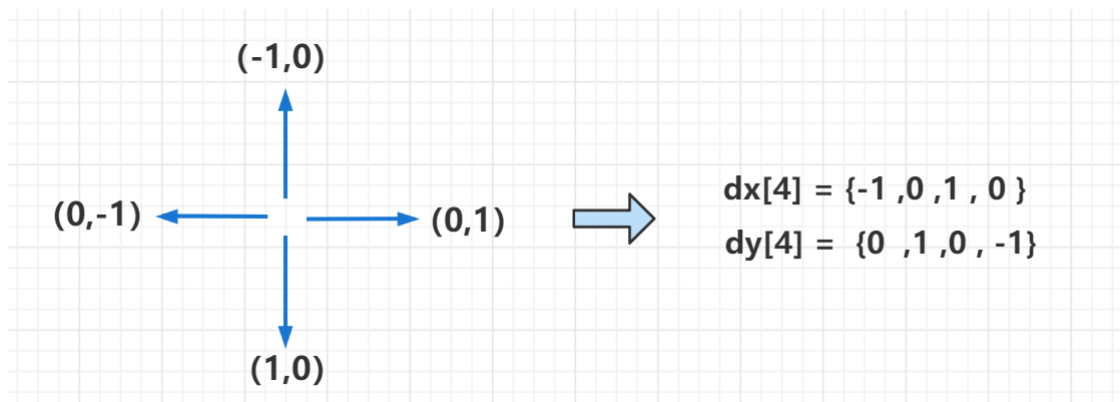
- 1、在二维字符网格中枚举每个单词的起点。
- 2、从该起点出发向四周搜索单词 `word`, 并记录此时枚举到单词 `word` 的第 u 个位置 (u 从 0 开始)。
- 3、如果当前搜索的位置 (x, y) 的元素 `board[x][y] == word[u]`, 则继续向四周搜索。
- 4、直到枚举到单词 `word` 的最后一个字母返回 `true`, 否则返回 `false`。

递归边界:

- 1、当搜索过程出现当前位置 `board[x][y] != word[u]`, 说明当前路径不合法, 返回 `false`。
- 2、`u == word.size() - 1`, 成功搜索到单词末尾, 返回 `true`。

实现细节:

- 1、搜索过的位置继续搜索下一层时, 需要对当前位置进行标识, 表示已经搜索
- 2、可以使用偏移数组来简化代码。



时间复杂度分析: 单词起点一共有 n^2 个, 单词的每个字母一共有上下左右四个方向可以选择, 但由于不能走回头路, 所以除了单词首字母外, 仅有三种选择。所以总时间复杂度是 $O(n^2 3^k)$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      bool exist(vector<vector<char>>& board, string word) {
4          for(int i = 0; i < board.size(); i++)
5              for(int j = 0; j < board[i].size(); j++)
6                  if(dfs(board, word, 0, i, j))
7                      return true;
8          return false;
9      }
10     int dx[4] = {-1, 0, 1, 0}, dy[4] = {0, 1, 0, -1};
11     bool dfs(vector<vector<char>>& board, string word, int u, int x, int y){
12         if(board[x][y] != word[u]) return false;
13         if(u == word.size() - 1){
14             return true;
15         }
16         char t = board[x][y];
17         board[x][y] = '.';
18         for(int i = 0; i < 4; i++){
19             int a = x + dx[i], b = y + dy[i];
20             if(a < 0 || a >= board.size() || b < 0 || b >= board[0].size() ||
board[a][b] == '.') continue;
21             if(dfs(board, word, u + 1, a, b))
22                 return true;
23         }
24         board[x][y] = t;
25         return false;
26     }
27 };

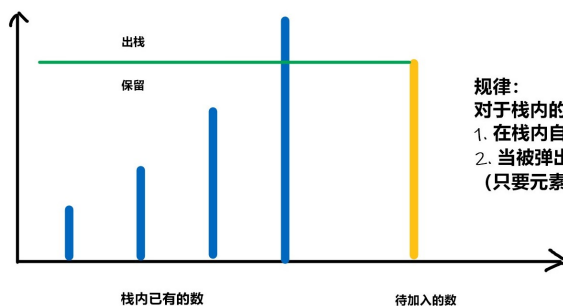
```

84. 柱状图中最大的矩形

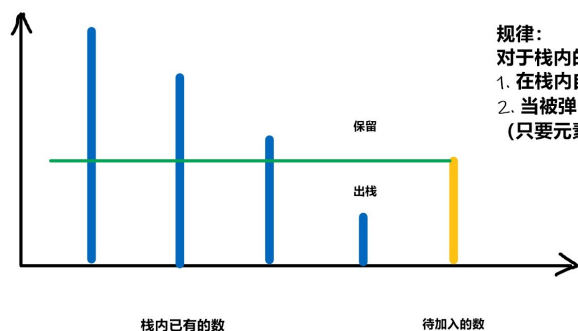
思路

(单调栈)

单调递增栈



单调递减栈



对于每个柱子 i ，找到左边第一个比它小的柱子位置 $left[i]$ ，和找到右边第一个比它小的柱子的位置 $right[i]$ ， $(right[i] - left[i] - 1) * heights[i]$ 是当前柱子所能找到的最大的矩形面积。

c++代码

```
1  class Solution {
2  public:
3      int largestRectangleArea(vector<int>& h) {
4          int n = h.size();
5          vector<int> left(n), right(n);
6          stack<int> st; //单调递增栈
7
8          // 寻找左边第一个小于h[i]的数的下标
9          for(int i = 0; i < n; i++){
10             while(!st.empty() && h[st.top()] >= h[i]) st.pop(); //维护单调递
11             if(st.empty()) left[i] = -1;
12             else left[i] = st.top();
13             st.push(i);
14         }
15
16         st = stack<int>();
17         // 寻找右边第一个小于h[i]的数的下标
18         for(int i = n - 1; i >= 0; i--){
19             while(!st.empty() && h[st.top()] >= h[i]) st.pop(); //维护单调递
20             if(st.empty()) right[i] = n;
21             else right[i] = st.top();
22             st.push(i);
23         }
24
25         int res = 0;
26         for(int i = 0; i < n; i++){
27             res = max(res, (right[i] - left[i] - 1) * h[i]);
28         }
29         return res;
30     }
31 };
```

85. 最大矩形

思路

(单调栈) $O(n^2)$

我们可以枚举每一行，将每一行看成一条基准线。对于某一行，看每个格子向上最多能到达的位置，当做这个位置的高度，然后就转化成了 [LC84](#) 的问题，如下图是转化过程（当枚举到第6行时，对应的各个柱子，红色的为对应的柱子）：

	1	0	1	0	0	1	0	1
	1	1	0	1	1	0	0	1
	0	0	1	1	0	1	1	1
	1	0	1	0	1	1	1	0
	1	1	1	0	1	0	1	1
第6行	1	1	1	1	1	0	1	1
	1	1	0	0	1	1	1	1
	0	0	1	1	0	0	0	1

枚举每一行都会得到一个最大矩形的结果，这些结果中最大的一个就是答案。

我们如何得到各个柱子的高度？

动态规划

状态表示： $h[i][j]$ 表示以 (i, j) 为起点对应柱子的最大高度。

状态计算：如果 $matrix[i][j] == 1$ 的话，则 $h[i][j] = h[i - 1][j] + 1$ ，否则 $h[i][j] = 0$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2      public:
3      int maxRectangleh(vector<int> h){
4          int n = h.size();
5          vector<int> left(n), right(n);
6          stack<int> stk;
7          for(int i = 0; i < n; i++){
8              while(!stk.empty() && h[stk.top()] >= h[i]) stk.pop(); // 单调递
9              if(stk.empty()) left[i] = -1;
10             else left[i] = stk.top(); // 左边第一个比h[i]小的位置
11             stk.push(i);
12         }
13         stk = stack<int>(); //栈清空
14         for(int i = n - 1; i >= 0; i--){
15             while(!stk.empty() && h[stk.top()] >= h[i]) stk.pop();
16             if(stk.empty()) right[i] = n;
17             else right[i] = stk.top(); // 右边第一个比h[i]小的位置
18             stk.push(i);
19         }
20         int res = 0;
21         for(int i = 0; i < n; i++) res = max(res, h[i] * (right[i] - left[i]
22         - 1));
23         return res;
24     }
25     int maximalRectangle(vector<vector<char>>& matrix) {
26         int n = matrix.size(), m = matrix[0].size();
27         if(!n || !m) return 0;

```

```

27         vector<vector<int>>h(n + 1, vector<int>(m + 1));
28         for(int i = 0; i < n; i++)
29             for(int j = 0; j < m; j++)
30                 if(matrix[i][j] == '1'){
31                     if(i) h[i][j] = h[i - 1][j] + 1;
32                     else h[i][j] = 1;
33                 }
34         int res = 0;
35         for(int i = 0; i < n; i++) res = max(res, maxRectangleh(h[i]));
36         return res;
37     }
38 };

```

94. 二叉树的中序遍历

思路

思路1

(递归)

按照 左子树 => 根节点 => 右子树的顺序进行遍历二叉树。

c++代码1

```

1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10 left(left), right(right) {}
11 * };
12 */
13 class Solution {
14 public:
15     vector<int> res;
16     vector<int> inorderTraversal(TreeNode* root) {
17         dfs(root);
18         return res;
19     }
20     void dfs(TreeNode* root){
21         if(!root) return ;
22         dfs(root->left);
23         res.push_back(root->val);
24         dfs(root->right);
25     }
26 };

```

思路2

(迭代)

假设当前树的根节点为 `root`，如果 `root != null`，将整颗树的左链压入栈中。此时的栈顶元素就是我们想要的中序遍历结果，将其加入 `res` 中。如果有右子树，按照相同的步骤处理右子树。

c++代码2

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10  left(left), right(right) {}
11  * };
12  */
13  class Solution {
14  public:
15      vector<int> inorderTraversal(TreeNode* root) {
16          vector<int> res;
17          stack<TreeNode*> stk;
18          while(root || stk.size()){
19              while(root){ //将左子链压入栈中
20                  stk.push(root);
21                  root = root->left;
22              }
23              root = stk.top();
24              stk.pop();
25              res.push_back(root->val); // 当前栈顶元素就是中序遍历的结果
26              root = root->right; //处理右子树
27          }
28          return res;
29      }
30  };
```

96. 不同的二叉搜索树

思路

(动态规划) $O(n^2)$

状态表示: `f[n]` 表示 `n` 个节点的二叉搜索树一共有多少种?

状态计算:

当给定的二叉树节点固定时，对应的二叉搜索树的情况数量也一定固定。对于节点数为 `i` 的二叉搜索树，我们去枚举二叉树的根节点的位置 `j`，那么左子树区间为 `[1, j - 1]`，节点数为 `j - 1`，右子树区间为 `[j + 1, i]`，节点数为 `[i - j]`。将左子树长度和右子树的长度相乘就是节点数为 `i`，根节点位置为 `j` 二叉树的种类，即 `f[i] = f[j - 1] * f[i - j]`。

而对于长度为 `n` 的二叉树，根据根节点位置的划分，左子树可以有 `0, 1, ..., n - 1` 个节点，对应的右子树有 `n - 1, n - 2, ..., 0` 个节点，`f[n]` 是所有这些情况的加和，所以

$$f[n] = \sum_{k=0}^{n-1} f[k] * f[n - 1 - k]。$$

初始化:

$f[0]=1$ ，节点数为 0 的二叉树只有一种，为空树。

时间复杂度分析：状态总共有 n 个，状态转移的复杂度是 $O(n)$ ，所以总时间复杂度是 $O(n^2)$ 。

c++代码

```
1 class solution {
2 public:
3     int numTrees(int n) {
4         vector<int>f(n + 1);
5         f[0] = 1;
6         for(int i = 1; i <= n; i++) // 枚举二叉树的长度
7             for(int j = 1; j <= i; j++) // 枚举根节点所在的位置
8                 f[i] += f[j - 1] * f[i - j]; // 左子树长度 * 右子树长度 (映射)
9         return f[n];
10    }
11};
```

98. 验证二叉搜索树

思路

(深度优先遍历) $O(n)$

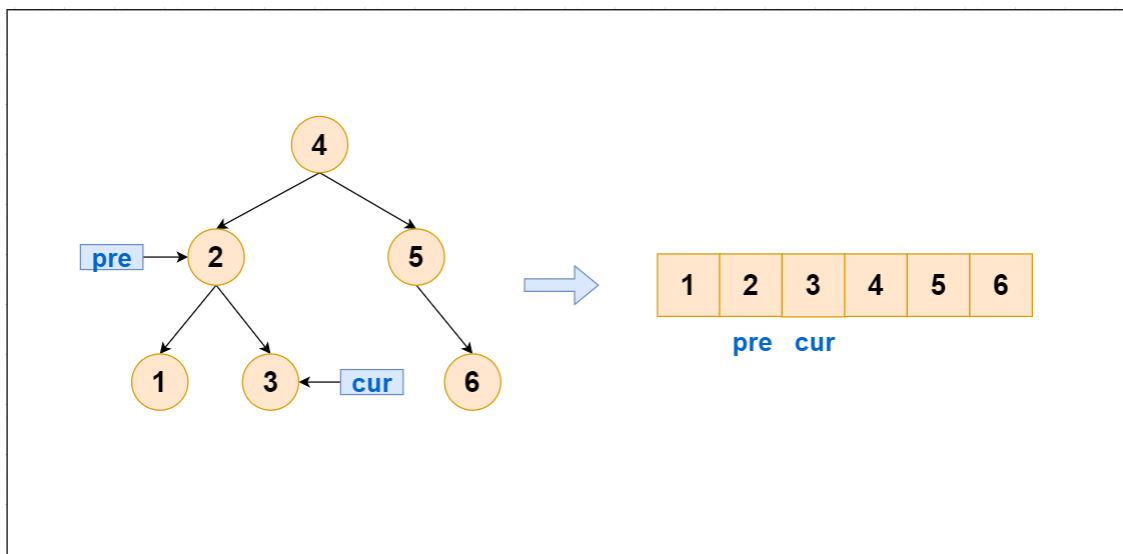
二叉搜索树是一种节点值之间具有一定数量级次序的二叉树，对于树中每个节点：

- 若其左子树存在，则其左子树中每个节点的值都**小于**该节点值；
- 若其右子树存在，则其右子树中每个节点的值都**大于**该节点值。

我们知道二叉搜索树「中序遍历」得到的值构成的序列一定是升序的。因此我们可以对二叉树进行中序遍历，判断当前节点是否大于中序遍历的前一个节点，如果大于，说明说明这个序列是升序的，整棵树是二叉搜索树，否则不是。

二叉树的中序遍历顺序为：左根右

图示：



过程：

- 1、我们定义一个节点变量 **pre** 用来记录中序遍历的前一个节点。
- 2、中序遍历二叉树，在遍历过程中判断当前节点是否大于中序遍历的前一个节点。如果**大于**不做任何处理，如果**小于等于**说明不满足二叉搜索树的性质，返回 **false**。

细节:

- 1、pre 节点的初始值要设置为 null。
- 2、具体实现过程看代码。

时间复杂度分析: 树中每个节点仅被遍历一遍, 所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10  left(left), right(right) {}
11  * };
12  */
13  class Solution {
14  public:
15      TreeNode* pre = nullptr;
16      bool isValidBST(TreeNode* root) {
17          //判断当前节点的左子树是否满足二叉搜索树, 如果不满足, 直接返回false, 无序递归右
18          //子树
19          if(!isValidBST(root->left)) return false;
20          //如果前一个节点不为空并且当前节点<=前一个节点, 直接返回false
21          if( pre && root->val <= pre->val) return false;
22          //否则, 将当前节点设置为pre
23          pre = root;
24          return isValidBST(root->right); //递归判断右子树
25      }
26  };
```

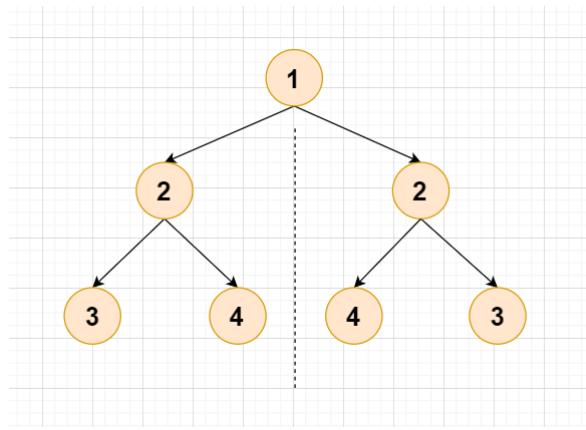
101. 对称二叉树

思路

(递归) $O(n)$

给定我们一个二叉树的根节点 root, 检查这颗二叉树是否轴对称。

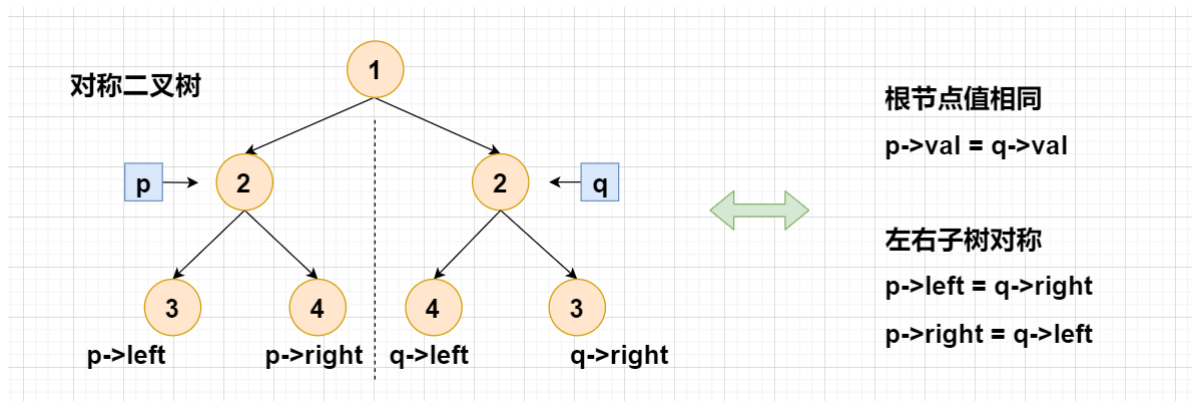
样例:



如样例所示，`root = [1,2,2,3,4,4,3]`，是一颗轴对称二叉树，因此我们返回 `true`。判断一棵二叉树是否轴对称，其实就是判断这颗二叉树的左右两个子树是否互为镜像。

两个子树互为镜像当且仅当：

1. 两个子树的根节点值相等；
2. 第一棵子树的左子树和第二棵子树的右子树对称，且第一棵子树的右子树和第二棵子树的左子树对称；



具体实现过程如下：

- 1、我们定义两个指针 `p` 和 `q`，让 `p` 和 `q` 指针一开始分别指向左子树和右子树。
- 2、同步移动这两个指针来遍历这棵树，每次检查当前 `p` 和 `q` 节点的值是否相等，如果相等再判断左右子树是否对称。

判断两颗树对称的递归边界：

- `p` 和 `q` 节点都为空时，左右子树都为空，返回 `true`
- `p` 和 `q` 节点只有一个为空时，左右子树不对称，返回 `false`
- `p` 和 `q` 节点值不相等，左右子树不对称，返回 `false`

时间复杂度分析： 从上到下每个节点仅被遍历一遍，所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
```

```

10     * };
11     */
12     class Solution {
13     public:
14         bool isSymmetric(TreeNode* root) {
15             if(!root) return true;
16             return dfs(root->left, root->right);
17         }
18         bool dfs(TreeNode* p, TreeNode* q){
19             if(!p && !q) return true;
20             if(!p || !q) return false;
21             if(p->val != q->val) return false;
22             return dfs(p->left, q->right) && dfs(p->right, q->left);
23         }
24     };

```

102. 二叉树的层序遍历

思路

(BFS) $O(n)$

我们从根节点开始按宽度优先的顺序遍历整棵树，每次先扩展左儿子，再扩展右儿子。

这样我们会：

1. 先扩展根节点；
2. 再依次扩展根节点的左右儿子，也就是从左到右扩展第二层节点；
3. 再依次从左到右扩展第三层节点；
4. 依次类推

然后在遍历过程中我们给每一层加一个结尾标记 `NULL`，当我们访问到一层的结尾时，由于 `BFS` 的特点，我们刚好把下一层都加到了队列中。这个时候就可以给这层加上结尾标记 `NULL` 了，每次遍历到一层的结尾 `NULL` 时，就将这一层添加到结果中。

时间复杂度分析： 每个节点仅会被遍历一次，因此时间复杂度为 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
11    * };
12    */
13    class Solution {
14    public:
15        vector<vector<int>> levelOrder(TreeNode* root) {
16            vector<vector<int>> res;
17            vector<int> path;
18            queue<TreeNode*> q;
19            q.push(root);
20            q.push(nullptr);

```

```

20         while(q.size()){
21             TreeNode* t = q.front();
22             q.pop();
23             if(!t){
24                 if(path.empty()) break; //如果当前层没有元素，直接结束（防止进入
死循环）
25                 res.push_back(path);
26                 path.clear();
27                 q.push(nullptr); //每一层的结尾加一个null标记结束
28             }else{
29                 path.push_back(t->val);
30                 if(t->left) q.push(t->left);
31                 if(t->right) q.push(t->right);
32             }
33         }
34         return res;
35     }
36 };

```

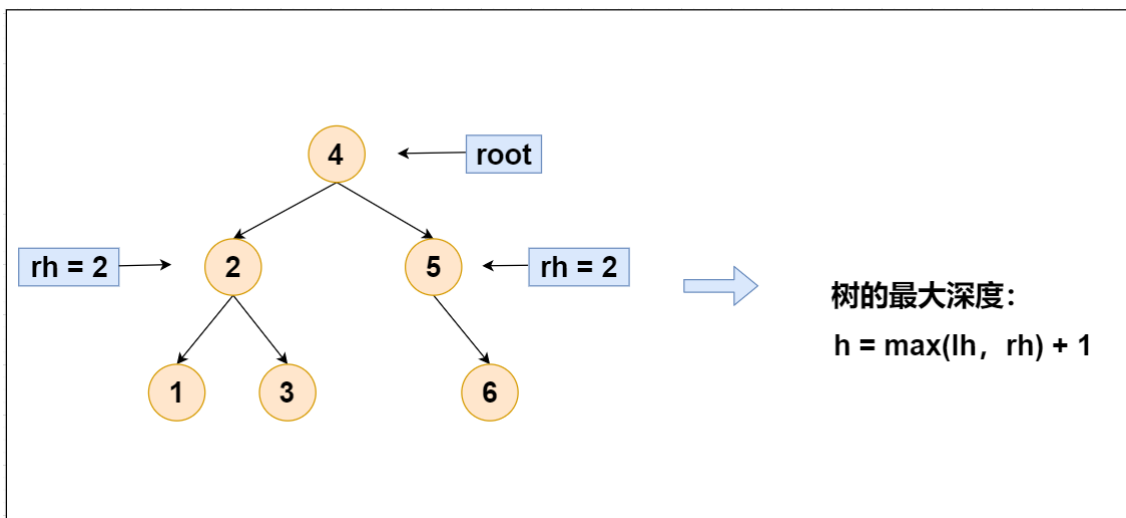
104. 二叉树的最大深度

思路

(递归) $O(n)$

当前树的最大深度等于左右子树的最大深度加 1，也就是说如果我们知道了左子树和右子树的最大深度 lh 和 rh ，那么该二叉树的最大深度即为 $\max(lh, rh) + 1$

图示：



递归设计：

- 1、递归边界：当前节点为空时，树的深度为 0
- 2、递归返回值：返回当前子树的深度，即 $\max(lh, rh) + 1$

时间复杂度分析：树中每个节点只被遍历一次，所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;

```

```

6      *      TreeNode *right;
7      *      TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8      *      TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9      *      TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
left(left), right(right) {}
10     * };
11     */
12     class Solution {
13     public:
14         int maxDepth(TreeNode* root) {
15             if(!root) return 0;
16             int lh = maxDepth(root->left), rh = maxDepth(root->right);
17             return max(lh, rh) + 1;
18         }
19     };

```

105. 从前序与中序遍历序列构造二叉树

思路

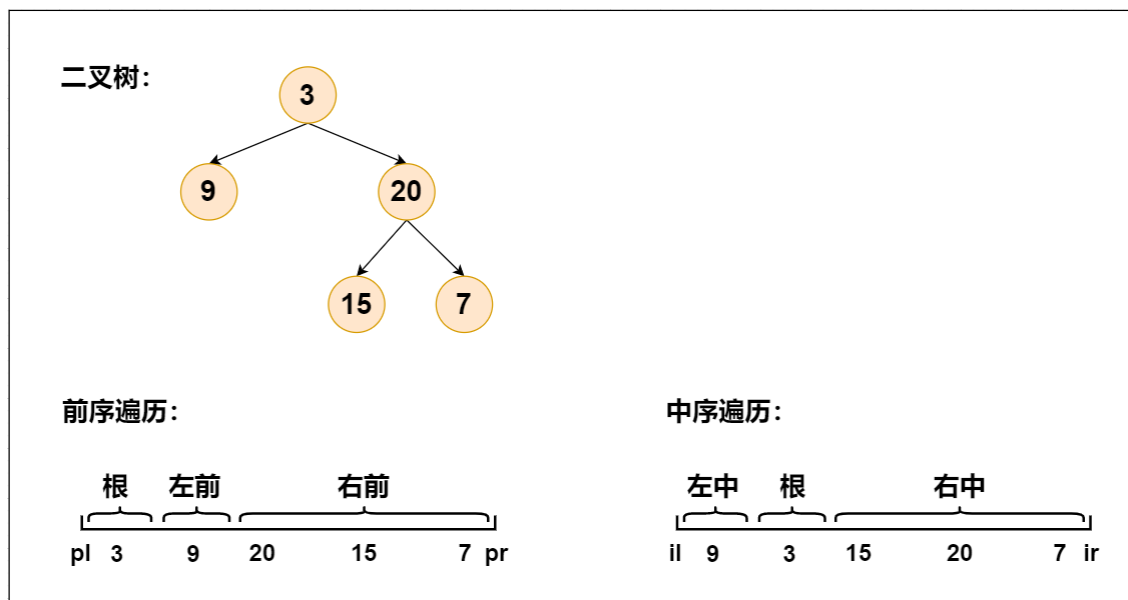
(递归) $O(n)$

二叉树:

- 二叉树前序遍历的顺序为: 根左右
- 二叉树中序遍历的顺序为: 左根右

我们递归建立整棵二叉树: 先创建根节点, 然后递归创建左右子树, 并让指针指向两棵子树。

图示:



具体步骤如下:

- 1、先利用前序遍历找根节点, 前序遍历的第一个数, 就是根节点的值;
- 2、在中序遍历中找到根节点的位置 `pos`, 则 `pos` 左边是左子树的中序遍历, 右边是右子树的中序遍历;
- 3、假设左子树的中序遍历的长度是 `k`, 则在前序遍历中, 根节点后面的 `k` 个数, 是左子树的前序遍历, 剩下的数是右子树的前序遍历;

- 4、有了左右子树的前序遍历和中序遍历，我们可以先递归创建出根节点，然后再递归创建左右子树，再将这两颗子树接到根节点的左右位置；

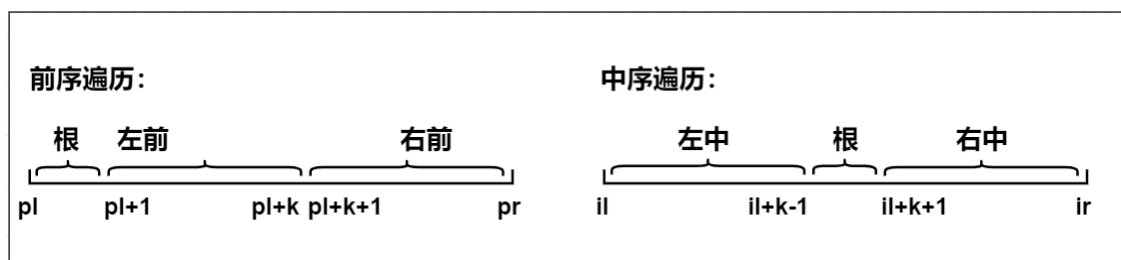
细节1：如何在中序遍历中对根节点快速定位？

一种简单的方法是直接扫描整个中序遍历的结果并找出根节点，但这样做的时间复杂度较高。我们可以考虑使用哈希表来帮助我们快速地定位根节点。对于哈希映射中的每个键值对，键表示一个元素（节点的值），值表示其在中序遍历中的出现位置。

细节2：如何确定左右子树的前序遍历和中序遍历范围？

- 1、根据哈希表找到中序遍历的根节点位置，我们记作 `pos`
- 2、用 `pos-il` (`il` 为中序遍历左端点) 得到中序遍历的长度 `k`，由于一棵树的前序遍历和中序遍历的长度相等，因此前序遍历的长度也为 `k`。有了前序和中序遍历的长度，根据如上具体步骤 2，3，我们就能很快确定左右子树的前序遍历和中序遍历范围。

如图所示：



`pl, pr` 对应一棵子树的前序遍历区间的左右端点，`il, ir` 对应一棵子树的中序遍历区间的左右端点。

时间复杂度分析： $O(n)$ ，其中 n 是树中的节点个数。

c++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
11    * };
12    */
13    class Solution {
14    public:
15        unordered_map<int, int> pos;
16        TreeNode* buildTree(vector<int>& preorder, vector<int>& inorder) {
17            int n = inorder.size();
18            for(int i = 0; i < n; i++){
19                pos[inorder[i]] = i;
20            }
21            return dfs(preorder, 0, n - 1, inorder, 0, n - 1);
22        }
23        TreeNode* dfs(vector<int>& pre, int pl, int pr, vector<int>& in, int il,
24            int ir){
25            if(pl > pr) return nullptr;
26            int k = pos[pre[pl]] - il; //中序遍历长度
```

```

25     TreeNode* root = new TreeNode(pre[p1]);
26     root->left = dfs(pre, p1 + 1, p1 + k, in, il, il + k - 1);
27     root->right = dfs(pre, p1 + k + 1, pr, in, il + k + 1, ir);
28     return root;
29 }
30 };

```

114. 二叉树展开为链表

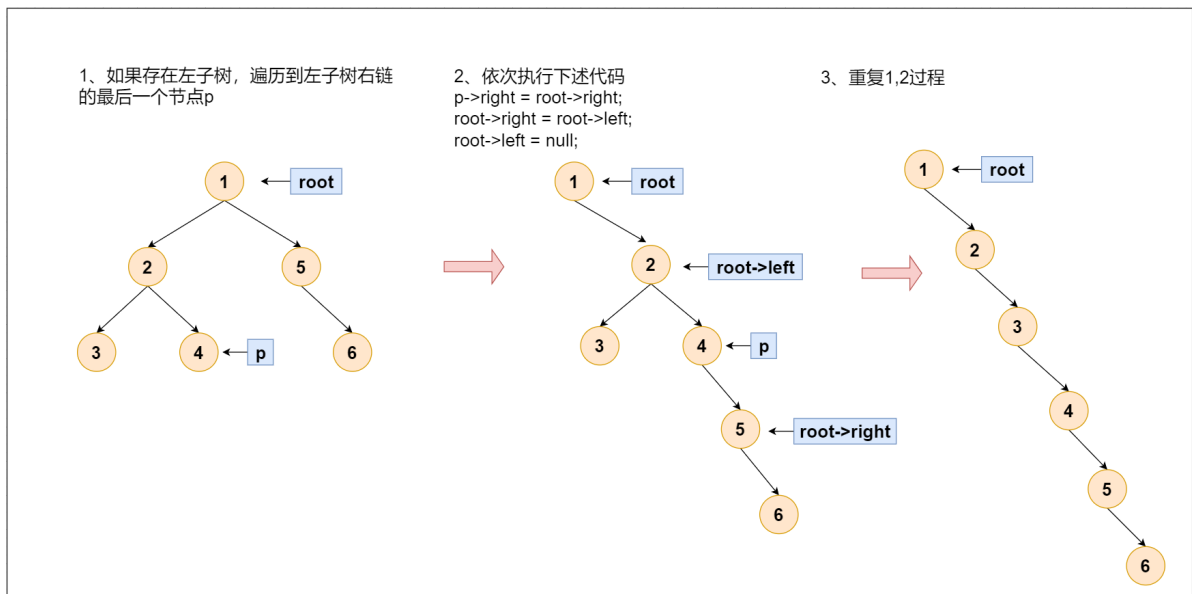
思路

(树的遍历) $O(n)$

对于当前节点：

- 1、如果存在左子树，则将左子树右链插入当前节点右边。
- 2、否则，遍历至右子树

图示过程如下：



时间复杂度分析：

虽然有两重循环，但外层循环会将所有节点遍历一次，内层循环会将除了根节点之外的其他内部结点的右链遍历一次，所以每个节点最多被遍历两次，所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
left(left), right(right) {}
10  * };
11  */
12  class solution {
13  public:
14      void flatten(TreeNode* root) {

```

```

15         while(root){
16             TreeNode* p = root->left;
17             if(p){
18                 while(p->right) p = p->right;
19                 p->right = root->right;
20                 root->right = root->left;
21                 root->left = nullptr;
22             }
23             root = root->right;
24         }
25     }
26 }
27 };

```

121. 买卖股票的最佳时机

思路

(遍历) $O(n)$

- 1、当枚举到 i 时， $minv$ 维护的是 $[0, i - 1]$ 最小的价格， $price[i] - minv$ 是在当前点 i 买入的最大收益，
- 2、计算所有点的最大收益取最大值

时间复杂度分析: $O(n)$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int maxProfit(vector<int>& prices) {
4          int res = 0, minv = INT_MAX;
5          for(int i = 0; i < prices.size(); i++){
6              minv = min(prices[i], minv);
7              res = max(res, prices[i] - minv);
8          }
9          return res;
10     }
11 };

```

124. 二叉树中的最大路径和

思路

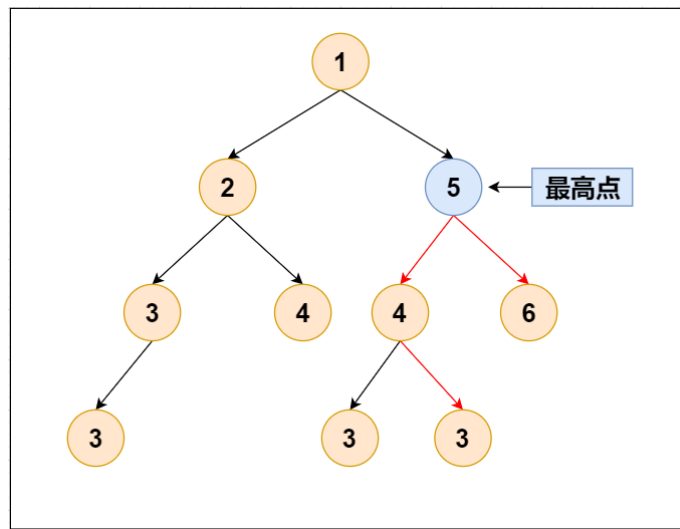
(递归, 树的遍历) $O(n^2)$

路径

在这道题目中，路径是指从树中某个节点开始，沿着树中的边走，走到某个节点为止，路过的所有节点的集合。**路径的权值和是指路径中所有节点的权值的总和。**

对于一棵树，我们可以将其划分为很多的子树，如下图所示，虚线矩形围起来的子树。我们把这颗子树的蓝色节点称为该子树最高节点。用最高节点可以将整条路径分为两部分：从该节点向左子树延伸的路径，和从该节点向右子树延伸的部分。

如图所示：



我们可以递归遍历整棵树，递归时维护从每个子树从最高节点开始往下延伸的最大路径和。

- 对于每个子树的最大节点，递归计算完左右子树后，我们将左右子树维护的两条最大路径，和该点拼接起来，就可以得到以这个点为最高节点子树的最大路径。（这条路径一定是：**左子树路径->最高节点->右子树路径**）
- 然后维护从这个点往下延伸的最大路径：从左右子树的路径中选择权值大的一条延伸即可。（只能从**左右子树之间选一条路径**）

最后整颗树的最大路径和为：根节点值+左子树最大路径和+右子树最大路径和，即 `left_max + right_max + root->val`

注意：

如果某条路径之和小于 0，那么我们选择不走该条路径，因此其路径之和应和 0 之间取最大值。

时间复杂度分析：每个节点仅会遍历一次，所以时间复杂度是 $O(n)$ 。

c++代码

```
1  /**
2   * Definition for a binary tree node.
3   * struct TreeNode {
4   *     int val;
5   *     TreeNode *left;
6   *     TreeNode *right;
7   *     TreeNode() : val(0), left(nullptr), right(nullptr) {}
8   *     TreeNode(int x) : val(x), left(nullptr), right(nullptr) {}
9   *     TreeNode(int x, TreeNode *left, TreeNode *right) : val(x),
10    left(left), right(right) {}
11    * };
12    */
13    class Solution {
14    public:
15        int res = INT_MIN;
16        int maxPathSum(TreeNode* root) {
17            dfs(root);
18            return res;
19        }
20        int dfs(TreeNode* root){ //root到叶节点的最大路径和
21            if(!root) return 0;
22            int left = max(0, dfs(root->left)), right = max(0, dfs(root->right));
23            res = max(res, root->val + left + right);
24        }
25    };
26    
```

```

23         return root->val + max(left, right);
24     }
25 };

```

128. 最长连续序列

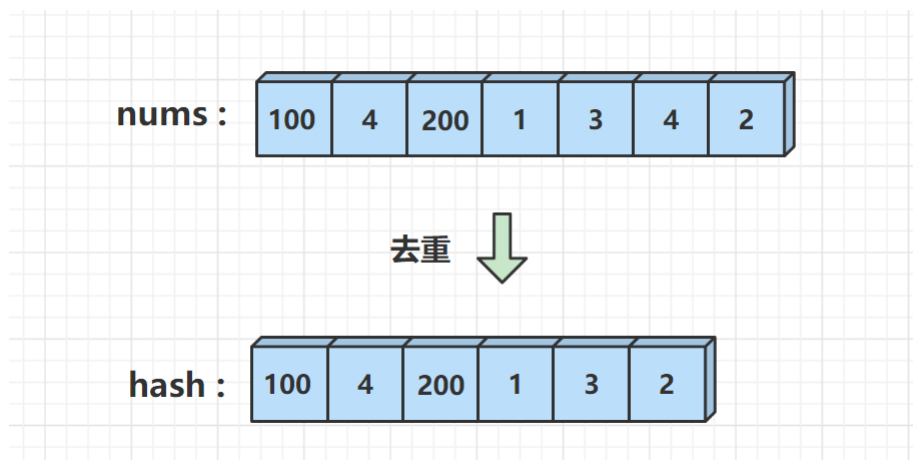
思路

(哈希) $O(n)$

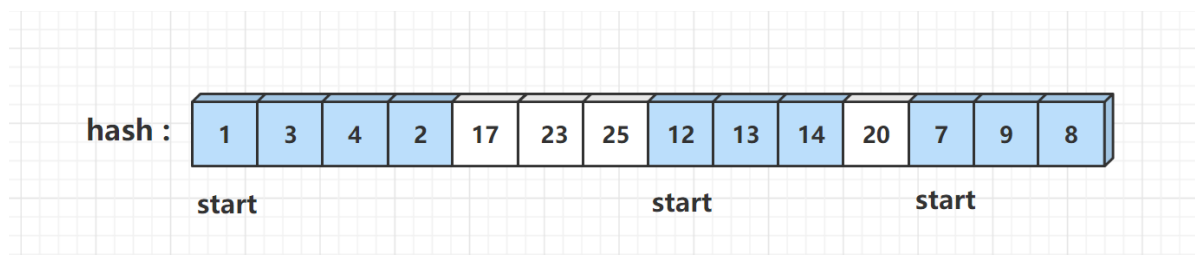
在一个未排序的整数数组 `nums` 中，找出最长的数字连续序列，朴素的做法是：枚举 `nums` 中的每一个数 `x`，并以 `x` 起点，在 `nums` 数组中查询 `x + 1, x + 2, ..., x + y` 是否存在。假设查询到了 `x + y`，那么长度即为 `y - x + 1`，不断枚举更新答案即可。

如果每次查询一个数都要遍历一遍 `nums` 数组的话，时间复杂度为 $O(n)$ ，其实我们可以用一个哈希表来存贮数组中的数，这样查询的时间就能优化为 $O(1)$ 。

数组哈希去重



为了保证 $O(n)$ 的时间复杂度，避免重复枚举一段序列，我们要从序列的起始数字向后枚举。也就是说如果有一个 `x, x+1, x+2, ..., x+y` 的连续序列，我们只会以 `x` 为起点向后枚举，而不会从 `x+1, x+2, ...` 向后枚举。



如何每次只枚举连续序列的起始数字 `x`？

其实只需要每次在哈希表中检查是否存在 `x - 1` 即可。如果 `x - 1` 存在，说明当前数 `x` 不是连续序列的起始数字，我们跳过这个数。

具体过程如下：

- 1、定义一个哈希表 `hash`，将 `nums` 数组中的数都放入哈希表中。
- 2、遍历哈希表 `hash`，如果当前数 `x` 的前驱 `x-1` 不存在，我们就以当前数 `x` 为起点向后枚举。
- 3、假设最长枚举到了数 `y`，那么连续序列长度即为 `y-x+1`。
- 4、不断枚举更新答案。

时间复杂度分析： `while` 循环最多执行 n 次，因此时间复杂度为 $O(n)$ 。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int longestConsecutive(vector<int>& nums) {
4          unordered_set<int> hash;
5          for(int x : nums) hash.insert(x);
6          int res = 0;
7          for(int x : hash){
8              if(!hash.count(x - 1)){
9                  int y = x;
10                 while(hash.count(y + 1)) y++;
11                 res = max(res, y - x + 1);
12             }
13         }
14         return res;
15     }
16 };

```

136. 只出现一次的数字

思路

(位运算) $O(n)$

异或运算有以下三个性质:

- 1、 $0 \wedge 0 = 0$, $0 \wedge 1 = 1$, 0 异或任何数 = 任何数
- 2、 $1 \wedge 0 = 1$, $1 \wedge 1 = 0$, 1 异或任何数 = 任何数取反
- 3、任何数异或自己 = 把自己置 0 , 即 $a \wedge a = 0$

因此这道题可以用位运算来做, 过程如下:

- 1、两个相同的元素经过异或之后会变为 0。
- 2、将数组所有元素异或在一起即可得到出现 1 次的元素值。

时间复杂度分析: $O(n)$, 其中 n 是数组长度。

c++代码

```

1  class Solution {
2  public:
3      int singleNumber(vector<int>& nums) {
4          int res = 0;
5          for(int x : nums){
6              res ^= x;
7          }
8          return res;
9      }
10 };

```