

Matlab (I)



张晓平

武汉大学



2018 年 9 月 10 日

目录 I

1. 运行 matlab

- ▶ 启动 matlab
- ▶ matlab 用于表达式计算
- ▶ 函数与变量

2. 矩阵与向量

- ▶ 创建矩阵和向量
- ▶ 下标操作
- ▶ 冒号操作

3. 变量的其他类型

- ▶ 复数
- ▶ 字符串

目录 II

- ▶ 多项式

4. 矩阵向量操作

- ▶ 基本的矩阵向量操作
- ▶ 向量化
- ▶ 数组运算符

5. matlab 的 workspace

6. 绘图

1. 运行 matlab



1.1 启动 matlab



启动 matlab

- ▶ 双击图标  .
- ▶ 进入命令窗口，可用来输入命令或显示纯文本结果。

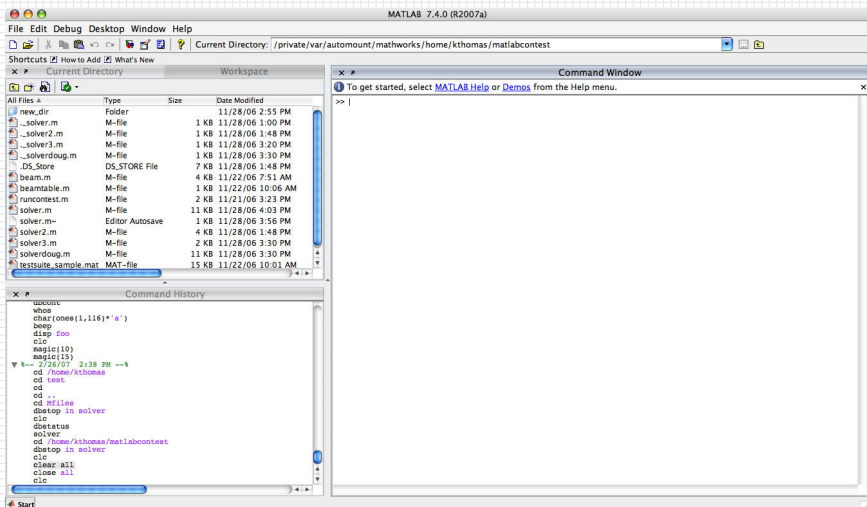
启动 matlab

- ▶ 双击图标  .
- ▶ 进入命令窗口，可用来输入命令或显示纯文本结果。

学习 matlab 的一个有效方法就是

边学边用

启动 matlab



- ▶ matlab 桌面给用户提供了多种方法来进行人机交互：
 - ▶ 在命令窗口中输入命令
 - ▶ 查看变量的值
 - ▶ 编辑函数与脚本
 - ▶ 图形的创建与标注
- ▶ 键入

```
playbackdemo('desktop')
```

可观看 matlab 桌面的动画演示。

[illegible]

matlab 充当计算器

```
>> 2 + 6 - 4
```

```
ans =
```

```
4
```

```
>> ans/2
```

```
ans =
```

```
2
```

ans为自动变量

赋值

```
>> a = 5
```

```
a =
```

```
5
```

```
>> b = 6
```

```
b =
```

```
6
```

```
>> c = b/a
```

```
c =
```

```
1.2000
```

1.3 函数与变量



预定义变量和内置函数

```
>> pi  
ans =  
    3.1416  
>> sin(ans/4)  
ans =  
    0.7071
```

函数的参数紧跟在函数名后的括号中。

预定义变量和内置函数

```
>> pi
ans =
    3.1416
>> sin(ans/4)
ans =
    0.7071
```

函数的参数紧跟在函数名后的括号中。注意：角度采用弧度制！

内置函数

```
>> log(256)
```

```
ans =  
      5.5452
```

```
>> log10(256)
```

```
ans =  
      2.4082
```

```
>> log2(256)
```

```
ans =  
      8
```


在线帮助

- 使用在线帮助查询指定函数的信息：

```
>> help sqrt
```

在线帮助

- ▶ 使用在线帮助查询指定函数的信息：

```
>> help sqrt
```

- ▶ 使用 doc 函数可打开使用手册的联机版本，这对查询更复杂的命令非常有用：

```
>> doc plot
```

在线帮助

- ▶ 使用在线帮助查询指定函数的信息：

```
>> help sqrt
```

- ▶ 使用 doc 函数可打开使用手册的联机版本，这对查询更复杂的命令非常有用：

```
>> doc plot
```

- ▶ 使用 lookfor 可用来查找某个特殊主题的相关函数。当函数名未知时，用 lookfor 查找函数可知 matlab 是否提供所需操作的相关函数：

```
>> lookfor functionName
```

联机帮助

- ▶ 语法

```
>> help functionName
```

联机帮助

- ▶ 语法

```
>> help functionName
```

- ▶ 举例

```
>> help log
```

联机帮助

- ▶ 语法

```
>> help functionName
```

- ▶ 举例

```
>> help log
```

- ▶ 结果

```
LOG      Natural logarithm.
```

```
LOG(X) is the natural logarithm of the  
elements of X.
```

```
Complex results are produced if X is not  
positive.
```

```
See also log1p, log2, log10, exp, logm,  
reallog.
```

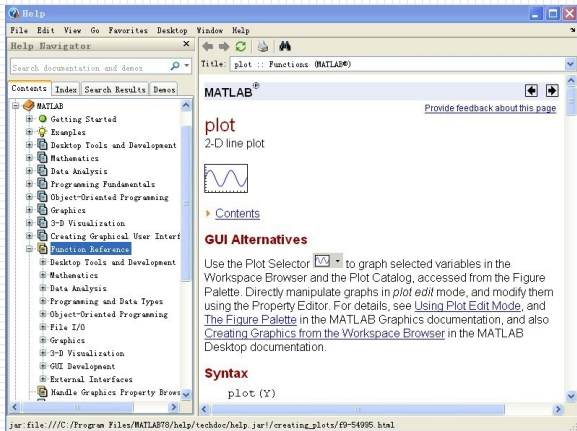
```
...
```

`help`函数提供了一份如何使用命令的紧凑说明，要得到某个命令更为详尽的信息，可以使用`doc`函数.

联机帮助

键入`doc`命令将打开`help`浏览器：

```
>> doc plot
```



查找函数

- 语法

```
>> lookfor string
```

查找函数

- ▶ 语法

```
>> lookfor string
```

- ▶ 举例

```
>> lookfor cosine
```

查找函数

- ▶ 语法

```
>> lookfor string
```

- ▶ 举例

```
>> lookfor cosine
```

- ▶ 结果

```
cos      - Cosine of argument in radians.  
cosh     - Hyperbolic cosine.  
cosd     - Cosine of argument in degrees.  
acos     - Inverse cosine, result in radians.  
acosd    - Inverse cosine, result in degrees.  
...
```

利用分号禁止输出

给 x , y , z 赋值, 但只输出 z 的值:

```
>> x = 5;  
>> y = sqrt(59);  
>> z = log(y) + x^0.25  
z =  
    3.5341
```

函数与变量

键入变量名，同时省略分号可以打印该变量的值

```
>> x = 5;  
>> y = sqrt(59);  
>> z = log(y) + x^0.25  
z =  
    3.5341  
>> y  
y =  
    7.6811
```

函数与变量

一行输入多个表达式，用逗号或分号把每个表达式分开

```
>> a = 5; b = sin(a), c = cosh(a)
```

```
b =  
    -0.9589
```

```
c =  
    74.2099
```

函数与变量

一行输入多个表达式，用逗号或分号把每个表达式分开

```
>> a = 5; b = sin(a), c = cosh(a)
```

```
b =  
    -0.9589
```

```
c =  
    74.2099
```

分号限制输出，逗号允许输出。

matlab 变量

- ▶ 变量要先定义，再使用。
- ▶ 当一个变量未被定义时，在给它赋值时会被创建，并且其值可通过后面的赋值语句来改变：

```
>> t = 5;  
>> t = t + 2  
t =  
    7
```

- ▶ 等号右边的任何变量必须在前面被定义过才能使用。

```
>> x = 2*z  
??? Undefined function or variable 'z'.
```


- ▶ 命名规则:
 - ▶ 以a-z或者A-Z开头
 - ▶ 其余字符只能为a-z, A-Z, 0-9 或者下划线 _
 - ▶ 不能超过 31 个字符
 - ▶ 不能与内置变量, 内置函数或者自定义函数重名
 - ▶ 区分大小写

- ▶ 命名规则:
 - ▶ 以a-z或者A-Z开头
 - ▶ 其余字符只能为a-z, A-Z, 0-9 或者下划线 _
 - ▶ 不能超过 31 个字符
 - ▶ 不能与内置变量, 内置函数或者自定义函数重名
 - ▶ 区分大小写
- ▶ 举例

```
xxxxxxx,  pipeRadius,  widgets_per_box  
mysum,  mySum
```

函数与变量

名称	含义
ans	当表达式的值未赋给某个变量时，系统自动将它赋给 ans
eps	浮点精度 (机器精度)
i, j	单位虚数
pi	π
realmax	最大正浮点数 (1.7977e+308)
realmin	最小正浮点数 (2.2251e-308)
Inf	∞ , 比最大正浮点数 realmax 大, 是 1/0 的值
NaN	不是一个数, 如 0/0 的值

函数与变量

- 规则：

内置变量由内置函数使用，所以用户最好不要给内置变量重新赋值

函数与变量

- ▶ 规则：

内置变量由内置函数使用，所以用户最好不要给内置变量重新赋值

- ▶ 例外：

i 和 j 被预置为 $\sqrt{-1}$ ，但在矩阵下标中常用到它们。

2. 矩阵与向量



矩阵与向量

谨记 matlab 中的所有变量都是数组。

通过变量名访问数组，通过下标 (index) 访问数组中的元素。

矩阵与向量

谨记 matlab 中的所有变量都是数组。

通过变量名访问数组，通过下标 (index) 访问数组中的元素。

- ▶ 向量：只有一行或者只有一列的矩阵
- ▶ 标量：只有一行且只有一列的矩阵
- ▶ 字符串：字符型数组

2.1 创建矩阵和向量



创建 matlab 变量

matlab 变量通过赋值语句创建

```
>> x = expression
```

`expression`可以是：

- ▶ 手动输入
- ▶ 用数学表达式得到矩阵
- ▶ 使用内置函数，函数的返回值是矩阵
- ▶ 用户编写函数，函数的返回值是矩阵
- ▶ 从磁盘文件中导入矩阵数据

矩阵和向量的逐元创建

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 3 & 1 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}, x = \begin{pmatrix} 5 \\ 7 \\ 9 \\ 2 \end{pmatrix}, v = (9 \quad -3 \quad 4 \quad 1)$$

矩阵和向量的逐元创建

```
>> A = [3 2; 3 1; 1 4]
```

```
A =
```

```
3     2
```

```
3     1
```

```
1     4
```

矩阵和向量的逐元创建

```
>> A = [3 2; 3 1; 1 4]
A =
     3     2
     3     1
     1     4
```

```
>> x = [5; 7; 9; 2]
x =
     5
     7
     9
     2
>> v = [9 -3 4 1]
v =
     9    -3     4     1
```

矩阵和向量的逐元创建

手动输入向量时，各元素用方括号括起来。

矩阵和向量的逐元创建

手动输入向量时，各元素用方括号括起来。

创建行向量时，用空格分隔元素

```
>> v = [7 3 9]
```

```
v =
```

```
    7    3    9
```

矩阵和向量的逐元创建

手动输入向量时，各元素用方括号括起来。

创建行向量时，用空格分隔元素

```
>> v = [7 3 9]  
v =  
    7     3     9
```

创建列向量时，用分号断行

```
>> v = [2;  
        6;  
        1]
```


矩阵和向量的逐元创建

矩阵赋值时，行元素以空格分隔，列以分号分隔

```
>> A = [1 2 3; 5 7 11; 13 17 19]
```

A =

1	2	3
5	7	11
13	17	19

转置算子

矩阵一旦创建，可通过其他运算符进行转换。

转置算子

矩阵一旦创建，可通过其他运算符进行转换。

转置操作符将行向量转化为列向量（反之亦然），将矩阵的行转化为列。

```
>> v = [2 4 1 6]
```

```
v =
```

```
    2    4    1    6
```

```
>> w = v'
```

```
w =
```

```
    2
```

```
    4
```

```
    1
```

```
    6
```

转置算子

变量被创建后，可被重新赋值。

```
>> x = 2;  
>> x = x + 2  
x =  
    4
```

```
>> y = [1 2 3 4]  
y =  
    1    2    3    4  
>> y = y'  
y =  
    1  
    2  
    3  
    4
```

创建矩阵和向量

- ▶ 用内置函数创建向量：
`linspace`和 `logspace`
- ▶ 用内置函数创建矩阵：
`ones`, `zeros`, `eye`, `diag`, ...

注意: `ones`和`zeros`也能用于创建向量。

创建矩阵和向量

`linspace`函数创建一个行向量，其元素值之间的差值相同。

创建矩阵和向量

`linspace`函数创建一个行向量，其元素值之间的差值相同。

```
x = linspace(startValue, endValue)
                                (nelements = 100)
x = linspace(startValue, endValue, nelements)
```

创建矩阵和向量

`linspace`函数创建一个行向量，其元素值之间的差值相同。

```
x = linspace(startValue, endValue)
                                (nelements = 100)
```

```
x = linspace(startValue, endValue, nelements)
```

```
>> u = linspace(0.0, 0.25, 5)
```

```
u =
```

```
    0    0.0625    0.1250    0.1875    0.2500
```

```
>> u = linspace(0.0, 0.25);
```


创建矩阵和向量

`linspace`函数创建一个行向量，其元素值之间的差值相同。

```
x = linspace(startValue, endValue)
                                (nelements = 100)
x = linspace(startValue, endValue, nelements)
```

```
>> u = linspace(0.0, 0.25, 5)
u =
    0    0.0625    0.1250    0.1875    0.2500
>> u = linspace(0.0, 0.25);
```

谨记：语句以冒号结束会禁止输出。

用linspace创建向量

要创建列向量，只需加上转置操作符。

```
>> v = linspace(0, 9, 4)'
```

```
v =
```

```
0
```

```
3
```

```
6
```

```
9
```

举例：三角函数的使用

```
>> x = linspace(0, 2*pi, 6)';  
>> y = sin(x);  
>> z = cos(x);  
>> [x y z]  
ans =  
         0         0         1.0000  
1.2566     0.9511     0.3090  
2.5133     0.5878    -0.8090  
3.7699    -0.5878    -0.8090  
5.0265    -0.9511     0.3090  
6.2832    -0.0000     1.0000
```

举例：三角函数的使用

- ▶ 表达式 $y = \sin(x)$ 和 $z = \cos(x)$ 使用向量化操作。

举例：三角函数的使用

- ▶ 表达式 $y = \sin(x)$ 和 $z = \cos(x)$ 使用向量化操作。
- ▶ 如果向量函数的输入为向量或矩阵，则输出通常为相同尺寸的向量或矩阵。

用logspace创建向量

同`linspace`类似，`logspace`函数创建一个行向量，其元素之间间距相等，且为对数步长。

用logspace创建向量

同`linspace`类似，`logspace`函数创建一个行向量，其元素之间间距相等，且为对数步长。

```
x = logspace(startValue, endValue)
```

```
x = logspace(startValue, endValue, nelements)
```

创建位于 $10^{\text{startValue}}$ 和 10^{endValue} 间的 `nelements` 个元素(缺省值为 100)。

用logspace创建向量

同`linspace`类似，`logspace`函数创建一个行向量，其元素之间间距相等，且为对数步长。

```
x = logspace(startValue, endValue)
x = logspace(startValue, endValue, nelements)
```

创建位于 $10^{\text{startValue}}$ 和 10^{endValue} 间的 `nelements` 个元素(缺省值为 100)。

```
>> u = logspace(1, 4, 4)
u =
    10    100   1000  10000
```


用函数创建矩阵

名称	含义
diag	创建含指定主对角元的矩阵，或提取矩阵的主对角元
eye	创建单位阵
ones	创建所有元素为 1 的矩阵
rand	创建元素为随机数的矩阵
zeros	创建所有元素皆为 0 的矩阵
linspace	创建等间距元素的行向量
logspace	创建对数间距的行向量

用函数创建矩阵

用`ones`和`zeros`设置矩阵或向量的初值。

用函数创建矩阵

用`ones`和`zeros`设置矩阵或向量的初值。

```
A = ones(nrows, ncols)
```

```
A = zeros(nrows, ncols)
```

用函数创建矩阵

用`ones`和`zeros`设置矩阵或向量的初值。

```
A = ones(nrows, ncols)
```

```
A = zeros(nrows, ncols)
```

```
>> D = ones(3, 3)
```

```
D =
```

```
1     1     1
1     1     1
1     1     1
```

```
>> E = ones(2, 4)
```

```
E =
```

```
1     1     1     1
1     1     1     1
```

用函数创建矩阵

ones 和 zeros 也可用于创建向量。

<code>v = ones(1, ncols)</code>	创建元素均为 1 的列向量
<code>v = ones(nrows, 1)</code>	创建元素均为 1 的行向量
<code>v = zeros(1, ncols)</code>	创建元素均为 0 的列向量
<code>v = zeros(nrows, 1)</code>	创建元素均为 0 的行向量

用函数创建矩阵

```
>> s = ones(1, 4)
```

```
s =
```

```
    1    1    1    1
```

```
>> t = ones(3, 1)
```

```
t =
```

```
    1
```

```
    1
```

```
    1
```

用函数创建矩阵 (4)

`eye` 用于创建指定尺寸的单位阵，也可用于创建主对角元为 1 的非方阵。

```
A = eye(n)
```

```
A = eye(nrows, ncols)
```

用函数创建矩阵 (4)

`eye` 用于创建指定尺寸的单位阵，也可用于创建主对角元为 1 的非方阵。

```
A = eye(n)
```

```
A = eye(nrows, ncols)
```

```
>> C = eye(4)
```

```
C =
```

1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	1	0
0	0	0	1

```
>> D = eye(3, 4)
```

1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	1	0

用函数创建矩阵

`diag` 既可用于创建指定主对角元的矩阵，也可用于提取矩阵的主对角元。

```
A = diag(v)
```

```
v = diag(A)
```

用函数创建矩阵

```
>> v= [1 2 3];
```

```
>> A = diag(v)
```

```
A =
```

```
1    0    0
0    2    0
0    0    3
```

```
>> B = [1:4; 5:8; 9:12]
```

```
B =
```

```
1    2    3    4
5    6    7    8
9   10   11   12
```

```
>> w = diag(B)
```

```
w =
```

```
1
6
11
```

用函数创建矩阵

diag 函数的功能取决于输入的特征。

```
>> A = diag([3 2 1])
```

```
A =
```

```
    3     0     0
    0     2     0
    0     0     1
```

```
>> B = [4 2 2; 3 6 9; 1 1 7];
```

```
>> v = diag(B)
```

```
v =
```

```
    4
    6
    7
```

2.2 下标操作



下标操作

1、下标操作可用于访问矩阵元素。

```
>> A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9];
```

```
>> b = A(3, 2)
```

```
b =
```

```
8
```

```
>> c = A(1, 1)
```

```
c =
```

```
1
```

下标操作

2、下标操作也可用于矩阵元素赋值或修改元素的值。

```
>> A(1, 1) = c/b;
```

```
A =
```

0.2500	2.0000	3.0000
4.0000	5.0000	6.0000
7.0000	8.0000	9.0000

下标操作

2、下标操作也可用于矩阵元素赋值或修改元素的值。

```
>> A(1, 1) = c/b;
```

```
A =
```

0.2500	2.0000	3.0000
4.0000	5.0000	6.0000
7.0000	8.0000	9.0000

超过矩阵维数的元素访问会导致错误。

```
>> A(1, 4)
```

```
??? Attempted to access A(1,4); index out of  
bounds because size(A)=[3,3].
```

下标操作

3、超过矩阵维数的**元素赋值**会调整矩阵的尺寸，换句话说，**matlab** 会自动在运行中调整矩阵尺寸。

```
>> A = [1 2; 3 4];
```

```
A =
```

```
1     2
3     4
```

```
>> A(3, 3) = 11
```

```
A =
```

```
1     2     0
3     4     0
0     0    11
```


2.3 冒号操作



冒号操作

冒号操作对高效使用 matlab 非常重要。冒号既可用作操作符也可用作通配符。用冒号操作可

- ▶ 创建矩阵
- ▶ 访问或提取矩阵元素

冒号操作

语法:

```
vector = startValue:endValue
```

```
vector = startValue:increment:endValue
```

冒号操作

语法:

```
vector = startValue:endValue
```

```
vector = startValue:increment:endValue
```

注意: startValue, increment 和 endValue 不一定是整数。

冒号操作

1、创建行向量。

```
>> s = 1:4
```

```
s =
```

```
1      2      3      4
```

```
>> t = 0:0.1:0.4
```

```
t =
```

```
0      0.1000      0.2000      0.3000      0.4000
```

冒号操作

2、创建列向量。

```
>> u = (1:4)'
```

```
u =
```

```
1
```

```
2
```

```
3
```

```
4
```

```
>> v = 1:5'
```

```
v =
```

```
1
```

```
2
```

```
3
```

```
4
```

```
5
```

冒号操作

2、创建列向量。

```
>> u = (1:4)'
```

```
u =
```

```
1
```

```
2
```

```
3
```

```
4
```

```
>> v = 1:5'
```

```
v =
```

```
1
```

```
2
```

```
3
```

```
4
```

```
5
```

v 是行向量，因为转置操作符的作用范围为5，即5'还是5.

冒号操作

3、作为通配符访问整行或整列。

```
>> A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]
```

```
A =
```

```
1     2     3
4     5     6
7     8     9
```

```
>> A(:, 1)
```

```
ans =
```

```
1
4
7
```

```
>> A(2, :)
```

```
ans =
```

```
4     5     6
```


冒号操作

4、访问行或列的子集。

```
>> A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]
```

```
A =
```

1	2	3
4	5	6
7	8	9

```
>> A(2:3, 1)
```

```
ans =
```

4
7

```
>> A(1:2, 2:3)
```

```
ans =
```

2	3
5	6

冒号操作

5、用作一些复杂操作的紧凑表达。

```
>> A = ones(8, 8);
```

```
>> A(3:6, 3:6) = zeros(4, 4)
```

```
A =
```

1	1	1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

冒号操作

6、将任何向量转换成列向量。

```
>> x = 1:4;
```

```
>> y = x(:)
```

```
y =
```

```
1
```

```
2
```

```
3
```

```
4
```

冒号操作

7、逐列添加将矩阵转换成列向量。

```
>> A = rand(2, 2);
```

```
A =
```

```
    0.8147    0.1270  
    0.9058    0.9134
```

```
>> v = A(:)
```

```
v =
```

```
    0.8147  
    0.9058  
    0.1270  
    0.9134
```

3. 变量的其他类型



变量的其他类型

在 matlab 的计算中，经常用到数值型变量和字符型变量。数值型变量可以是实数或复数。字符型变量主要用在图形的标注或用户定义的函数名中。

以下讨论几种数值或者字符矩阵的简单变种：

- ▶ 复数
- ▶ 字符串
- ▶ 多项式

3.1 复数



复数

- ▶ 复数计算已经完全集成到 `matlab` 中, `matlab` 将所有变量都看成复数。
- ▶ 虚数单位被系统预定义为 $i = j = \sqrt{-1}$ 。

复数

```
>> sqrt(-4)
ans =
    0 + 2.0000i
>> x = 1 + 2*i
x =
    1.0000 + 2.0000i
>> y = 1 - 2*i
y =
    1.0000 - 2.0000i
>> z = x*y
z =
    5
```

虚数单位

i 和 j 是缺省值为 $\sqrt{-1}$ 的 matlab 变量

```
>> i^2
```

```
ans =
```

```
-1
```

虚数单位

i 和 j 均可重新赋值

```
>> i = 5;  
>> t = 8;  
>> u = sqrt(i-t);  
u =  
    0 + 1.7321i  
>> u * u  
ans =  
   -3.0000
```

虚数单位

- ▶ 给复数赋值时，常数与 i 或 j 做乘积时 $*$ 号可用可不用。

```
>> x = 1 + 2 * i;
```

```
>> x = 1 + 2i;      %两种方式等价
```

虚数单位

- ▶ 给复数赋值时，常数与 i 或 j 做乘积时 $*$ 号可用可不用。

```
>> x = 1 + 2 * i;
```

```
>> x = 1 + 2i;           %两种方式等价
```

- ▶ 只要单位虚数 i 和 j 处于表达式的尾部，可省略 $*$ 号。

```
>> x = 1 + i * 2;
```

```
>> x = 1 + i2;           %错误
```

虚数单位

- ▶ 给复数赋值时，常数与*i*或*j*做乘积时 * 号可用可不用。

```
>> x = 1 + 2 * i;
```

```
>> x = 1 + 2i;           %两种方式等价
```

- ▶ 只要单位虚数*i*和*j*处于表达式的尾部，可省略 * 号。

```
>> x = 1 + i * 2;
```

```
>> x = 1 + i2;           %错误
```

- ▶ *i*或*j*不能和变量名一起用，否则会引起混乱：

```
>> w = 2;
```

```
>> x = 1 + wi
```

```
?? Undefined function or variable wi.
```

虚数单位

i和j通常用作数组下标

```
>> A = [1 2; 3 4];
```

```
>> i = 2;
```

```
>> A(i, i) = 1
```

```
A =
```

```
  1  2
```

```
  3  1
```

```
>> x = A(2, j)
```

```
??? Subscript indices must either be real  
positive integers or logicals.
```

虚数单位

i和**j**通常用作数组下标

```
>> A = [1 2; 3 4];
```

```
>> i = 2;
```

```
>> A(i, i) = 1
```

```
A =
```

```
  1  2
```

```
  3  1
```

```
>> x = A(2, j)
```

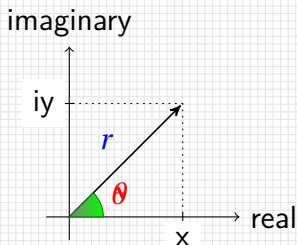
```
??? Subscript indices must either be real  
positive integers or logicals.
```

注意: 在进行复数运算时, 最好保持**i**或**j**的预赋值为 $\sqrt{-1}$ 。

复数

Euler 公式表示一个复数:

$$\begin{cases} z = \zeta e^{i\theta} \\ x = \operatorname{Re}(z) = |z| \cos(\theta) = r \cos(\theta) \\ x = i \operatorname{Im}(z) = i |z| \sin(\theta) = i r \sin(\theta) \end{cases}$$



复数

名称	含义
abs	复数的模 $\text{abs}(z)$ 等价于 $\sqrt{\text{real}(z)^2 + \text{imag}(z)^2}$
angle	复数的辐角
exp	若 x 为实数, 则 $\exp(x) = e^x$ 若 z 为复数, 则 $\exp(z) = e^{\text{Re}(z)}(\cos \text{Im}(z) + i \sin \text{Im}(z))$
conj	复数的共轭
imag	复数的虚部
real	复数的实部

复数

```
>> zeta = 5;  
>> theta = pi/3;  
>> z = zeta * exp(i*theta)  
z =  
    2.5000 + 4.3301i  
>> abs(z)  
ans =  
    5  
>> sqrt(z*conj(z))  
ans =  
    5
```

复数

```
>> zeta = 5;  
>> theta = pi/3;  
>> z = zeta * exp(i*theta)  
z =  
    2.5000 + 4.3301i  
>> abs(z)  
ans =  
    5  
>> sqrt(z*conj(z))  
ans =  
    5
```

```
>> x = real(z)  
x =  
    2.5000  
>> y = imag(z)  
ans =  
    4.3301  
>> angle(z)*180/pi  
ans =  
    60.0000
```

复数

```
>> zeta = 5;  
>> theta = pi/3;  
>> z = zeta * exp(i*theta)  
z =  
    2.5000 + 4.3301i  
>> abs(z)  
ans =  
    5  
>> sqrt(z*conj(z))  
ans =  
    5
```

```
>> x = real(z)  
x =  
    2.5000  
>> y = imag(z)  
ans =  
    4.3301  
>> angle(z)*180/pi  
ans =  
    60.0000
```

谨记：所有角度均采用弧度制。

3.2 字符串



字符串

- ▶ 字符串是元素为字符的矩阵
- ▶ 字符串常量用单引号表示
- ▶ 冒号操作和下标操作仍适用

字符串

```
>> first = 'Black';  
>> last  = 'Smith';  
>> name  = [first, '_', last]  
name =  
Black Smith  
>> length(name)  
ans =  
    11  
>> name(8:11)  
ans =  
mith
```


字符串操作

名称	含义
char	利用 ASCII 码将整数转换为字符，或字符矩阵
findstr	从一个字符串中寻找指定字符串
length	返回字符串的字符个数
num2str	将数字转换成字符串
str2num	将字符串转换成数字
strcmp	比较两个字符串
strncmp	比较两个字符串的前 n 个元素
sprintf	用作格式化输出

字符串操作

`num2str`: 将数字转换成字符串

```
>> msg1 = ['There_are_', num2str(100/2.54), ...  
          '_inches_in_a_meter']  
msg1 =  
There are 39.3701 inches in a meter
```

字符串操作

`num2str`: 将数字转换成字符串

```
>> msg1 = ['There_are_', num2str(100/2.54), ...  
          '_inches_in_a_meter']  
msg1 =  
There are 39.3701 inches in a meter
```

`sprintf`: 用作格式化输出

```
>> msg2 = sprintf('There_are_%5.2f_cubic_inches_  
in_a_liter', 1000/2.54^3)  
msg2 =  
There are 61.02 cubic inches in a liter
```

字符串操作

`char`: 可用于连接字符串

```
>> both = char(msg1, msg2)
```

```
both =
```

```
There are 39.3701 inches in a meter
```

```
There are 61.02 cubic inches in a liter
```

字符串操作

`char`: 也可将 ASCII 码转换成字符

```
>> char(49)
```

```
ans =
```

```
1
```

```
>> char([77 65 84 76 65 66])
```

```
ans =
```

```
matlab
```

字符串操作

`strcmp`: 判断两个字符串是否相等

```
>> msg1 = 'Hello_C!';  
>> msg2 = 'Hello_matlab!';  
>> strcmp(msg1, msg2)  
ans =  
    0
```

字符串操作

`strncmp`: 判断两个字符串的前 n 个字符是否相等

```
>> strncmp(msg1, msg2, 6)
```

```
ans =
```

```
1
```

```
>> strncmp(msg1, msg2, 7)
```

```
ans =
```

```
0
```

字符串操作

`findstr`: 返回指定字符串在另一个字符串中的出现位置

```
>> findstr('l', msg1)
```

```
ans =
```

```
3    4
```

```
>> msg1(3:4)
```

```
ans =
```

```
ll
```


3.3 多项式



多项式

matlab 多项式以系数向量的方式存储。多项式系数以 x 的降幂形式存储：

$$P_n(x) = c_1 x^n + c_2 x^{n-1} + \cdots + c_n x + c_{n+1}.$$

多项式

例 计算 $x^3 - 2x + 12$ 在 $x = 1.5$ 的值

多项式

例 计算 $x^3 - 2x + 12$ 在 $x = 1.5$ 的值
将多项式系数存储在向量 c 中

```
>> c = [1 0 -2 12];
```

多项式

例 计算 $x^3 - 2x + 12$ 在 $x = 1.5$ 的值
将多项式系数存储在向量 `c` 中

```
>> c = [1 0 -2 12];
```

使用内置函数 `polyval` 计算多项式的值

```
>> polyval(c, 1.5)
ans =
    12.3750
```

多项式

名称	含义
conv	两个多项式的乘积
deconv	两个多项式的商
poly	创建指定根的多项式
polyder	对多项式求导数
polyval	计算多项式的值
polyfit	多项式拟合
roots	求多项式的根

4. 矩阵向量操作



matlab 中的线性代数

matlab 是matrix laboratory 的缩写。

matlab 的数据结构和语法使得线性代数的标准运算，如矩阵向量的加、减和乘积变得非常容易。

这里我们介绍几种常见的运算：

- ▶ 向量的加减
- ▶ 内积和外积
- ▶ 向量化
- ▶ 数组操作

4.1 基本的矩阵向量操作



向量的加减

向量的加减法是逐元运算。

```
>> u = [10 9 8];
```

```
>> v = [1 2 3];
```

```
>> u + v
```

```
ans =
```

```
11      11      11
```

```
>> u - v
```

```
ans =
```

```
9        7        8
```

向量的内积和外积

向量的内积使两个向量构成一个标量：

$$\sigma = \mathbf{u} \cdot \mathbf{v} = \mathbf{u} \mathbf{v}^T \iff \sigma = \sum u_i v_i$$

向量的外积使两个向量构成一个矩阵：

$$A = \mathbf{u}^T \mathbf{v} \iff a_{i,j} = \sum u_i v_j$$

向量的内积和外积

```
>> u = [10 9 8];
```

```
>> v = [1 2 3];
```

```
>> u * v'
```

```
ans =
```

```
52
```

```
>> u' * v
```

```
ans =
```

10	20	30
9	18	27
8	16	24

4.2 向量化



向量化

- ▶ 向量化，即使用简单、紧凑的表达式，而不使用显示的循环，来对向量的元素进行操作。
- ▶ 向量化使得计算得以简洁地表示，使程序员可以专注于正在执行的操作。
- ▶ 向量化对高效使用 `matlab` 非常重要。

使用内置函数向量化

- ▶ 大部分内置函数支持向量化操作。
- ▶ 如果输入是标量，则结果也为标量。
- ▶ 如果输入是向量或者矩阵，则输出为与输入相同尺寸的向量或矩阵。

使用内置函数向量化

```
>> x = 0:pi/4:pi
```

```
x =
```

```
0    0.7854    1.5708    2.3562    3.1416
```

```
>> y = cos(x)
```

```
y =
```

```
1.0000    0.7071    0.0000   -0.7071  
-1.0000
```


与 C 的不同

matlab 语句

```
x = 0:pi/4:pi;  
y = cos(x);
```

与 C 的不同

matlab 语句

```
x = 0:pi/4:pi;  
y = cos(x);
```

C 语句

```
double x[5], y[5];  
double pi = 3.1515926;  
double dx = pi/4.d0;  
int i;  
for (i = 0; i < 5; i++)  
{  
    x[i] = i * dx;  
    y[i] = sin(x[i]);  
}
```

与 C 的不同

matlab 语句

```
x = 0:pi/4:pi;  
y = cos(x);
```

C 语句

```
double x[5], y[5];  
double pi = 3.1515926;  
double dx = pi/4.d0;  
int i;  
for (i = 0; i < 5; i++)  
{  
    x[i] = i * dx;  
    y[i] = sin(x[i]);  
}
```

matlab 语句中没有出现显式的循环。

向量化

```
>> A = pi * [1 2; 3 4]
```

```
A =
```

```
    3.1416    6.2832
```

```
    9.4248   12.5664
```

```
>> S = sin(A)
```

```
S =
```

```
1.0e-15 *
```

```
    0.1225   -0.2449
```

```
    0.3674   -0.4899
```

向量化

```
>> A = pi * [1 2; 3 4]
```

```
A =
```

```
    3.1416    6.2832
```

```
    9.4248   12.5664
```

```
>> S = sin(A)
```

```
S =
```

```
1.0e-15 *
```

```
    0.1225   -0.2449
```

```
    0.3674   -0.4899
```

```
>> B = A/2
```

```
B =
```

```
    1.5708    3.1416
```

```
    4.7124    6.2832
```

```
>> T = sin(B)
```

```
T =
```

```
    1.0000    0.0000
```

```
   -1.0000
```

```
   -0.0000
```

4.3 数组运算符



数组运算符

- ▶ 数组运算符支持逐元操作，这与线性代数中的运算规则不一样；
- ▶ 数组运算符与标准运算相比，前面多了一个点；
- ▶ 数组运算符是编写向量化程序的一个重要工具。

数组运算符

- ▶ 数组运算符支持逐元操作，这与线性代数中的运算规则不一样；
- ▶ 数组运算符与标准运算相比，前面多了一个点；
- ▶ 数组运算符是编写向量化程序的一个重要工具。

名称	含义
. *	逐元乘积
. /	逐元 “右” 除
. \	逐元 “左” 除
. ^	逐元求幂

逐元乘法和除法

```
>> u = [1 2 3];
```

```
>> v = [4 5 6];
```

```
>> w = u.*v
```

```
w =
```

```
    4    10    18
```

```
>> x= u./v
```

```
x =
```

```
    0.2500    0.4000    0.5000
```

逐元乘法和除法

```
>> u = [1 2 3];  
>> v = [4 5 6];  
>> y = sin(pi*u/2) .* cos(pi*v/2)  
y =  
    1.0000    0.0000    1.0000  
  
>> z = sin(pi*u/2) ./ cos(pi*v/2)  
z =  
    1.0000    0.4000    1.0000
```

逐元乘法和除法应用于矩阵

```
>> A = [1 2 3 4; 5 6 7 8];  
>> B = [8 7 6 5; 4 3 2 1];  
>> A .* B
```

```
ans =  
      8      14      18      20  
     20      18      14       8
```

```
>> A * B  
??? Error using ==> * ...  
>> A * B'
```

```
ans =  
      60      20  
     164      60
```

用于矩阵求幂

```
>> A = [1 2 3 4; 5 6 7 8];
```

```
>> A.^2
```

```
ans =
```

```
     1     4     9    16
    25    36    49    64
```

[illegible]

matlab 的 workspace

所有变量都存在于 matlab 的 workspace。熟悉了 workspace 的概念，你就可以

- ▶ 创建、赋值、删除变量
- ▶ 从外部文件中载入数据
- ▶ 操作 matlab 的路径

matlab 的 workspace

- ▶ `clear`: 用于删除 workspace 中的所有变量。
- ▶ `who`: 用于显示 workspace 中的变量名。

```
>> clear
>> who
>> a = 5; b = 2; c = 1;
>> d(1) = sqrt(b^2 - 4*a*c);
>> d(2) = -d(1);
>> who
Your variables are:
      a      b      c      d
```


matlab 的 workspace

whos: 显示 workspace 中每个变量的名称、大小、内存分配以及变量类型。

```
>> whos
```

Name	Size	Bytes	Class	Attributes
a	1x1	8	double	
b	1x1	8	double	
c	1x1	8	double	
d	1x2	32	double	complex

matlab 的 workspace

内置变量的类型有double, char, sparse, struct, cell。一个变量的类型决定了数据的存储类型，我们只需要用到double型的数值数据以及char型的字符串数据。

外部文件

将数据写入文件

```
save fileName  
save fileName variable1 variable2 ...  
save fileName variable1 variable2 ... -ascii
```

读数据保存在矩阵中

```
load fileName  
load fileName matrixVariable
```

从外部文件中载入数据

例：从一个文件中读取数据，然后画图。

```
>> load file.dat  
>> xdata = file(:, 1);  
>> ydata = file(:, 2);  
>> plot(xdata, ydata)
```

从外部文件中载入数据

matlab 只能使用其路径下的函数和数据文件。

- ▶ 要将D:\matlab\code\加入路径，可键入

```
>> p = path;  
>> path(p, 'D:\matlab\code\');
```

- ▶ 路径的表示方法与操作系统有关，如Unix/Linux应写成

```
>> p = path;  
>> path(p, '~/matlab/code/');
```

6. 绘图



- ▶ 简单绘图
- ▶ 坐标轴标度及注释
- ▶ 2d 和 3d 绘图

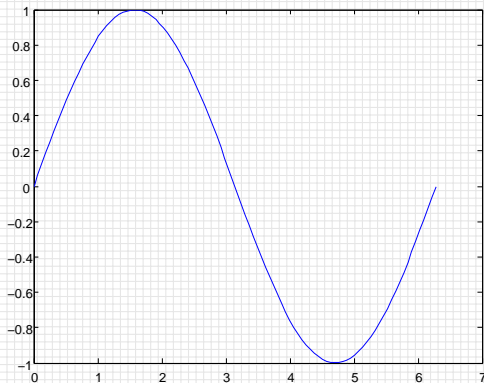
简单绘图

```
plot(x, y)
plot(xdata, ydata, symbol)
plot(x1, y1, x2, y2, ...)
plot(x1, y1, symbol1, x2, y2, symbol2, ...)
```

注意： x 和 y 必须有相同的尺寸，x1 和 y1 必须有相同的尺寸，x2 和 y2 必须有相同的尺寸，...

简单绘图

```
>> x = linspace(0, 2*pi);  
>> y = sin(x);  
>> plot(x, y);
```



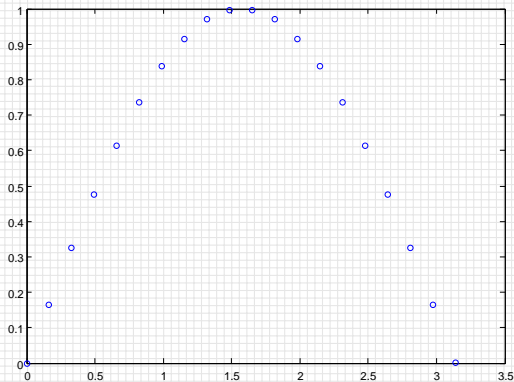
线条与符号的类型

颜色		符号			线条		
y	yellow 黄	.	point	^	triangle(up)	-	solid
m	magenta 紫红	o	circle	<	triangle(left)	:	dotted
c	cyan 蓝绿	x	x-mark	>	triangle(right)	-.	dashdot
r	red 红	+	plus	p	pentagram 五角星	-	dahsed
g	green 绿	*	star	h	hexagram 六角星		
b	blue 蓝	s	square				
w	white 白	d	diamond				
k	black 黑	v	triangle(down)				

要选择颜色/符号/线条类型，可从每一列中选一个元素。

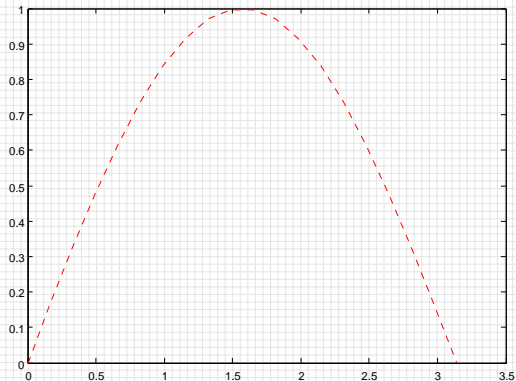
线条与符号的类型

```
>> x = linspace(0, pi, 10);  
>> y = sin(x);  
>> plot(x, y, 'bo');
```



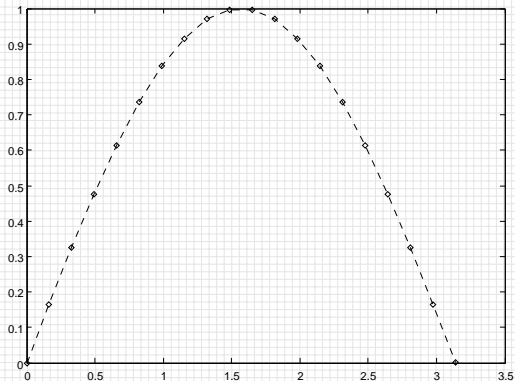
线条与符号的类型

```
>> plot(x, y, 'r--')
```



线条与符号的类型

```
>> plot(x, y, 'kd--')
```



可选的轴标注

- ▶ 在很多问题中，通过对数据进行对数转换可以更清晰地看出数据的某些特征，在对数坐标系中描绘数据点的曲线，可以直接地表现对数转换。
- ▶ 对数转换有双对数坐标转换和单轴对数坐标转换两种。
- ▶ 用`loglog`函数可以实现双对数坐标转换，用`semilogx`和`semilogy`函数可以实现单轴对数坐标转换。

可选的轴标注

名称	轴标注
<code>loglog</code>	表示 x、y 坐标都是对数坐标系
<code>semilogx</code>	表示 x 坐标轴是对数坐标系
<code>semilogy</code>	表示 y 坐标轴是对数坐标系
<code>plotyy</code>	有两个坐标轴，一个在左边，一个在右边

可选的轴标注

```
>> x = linspace(0, 3);  
>> y = 10*exp(-2*x);  
>> plot(x, y);  
>> semilogy(x, y);
```



subplot

- ▶ 功能：用于分割 figure，创建子坐标系
- ▶ 语法：

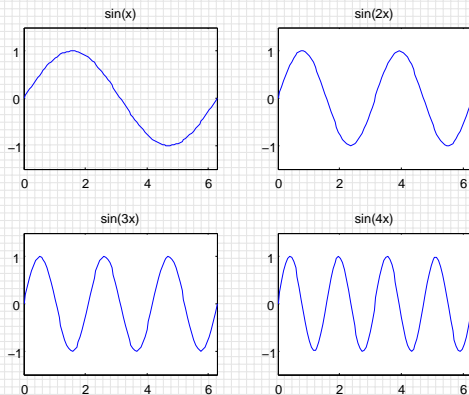
`subplot(nrows, ncols, thisplot)`

- ▶ 描述：将 figure 换份成 $m \times n$ 块，在第 `thisplot` 块中创建坐标系。

subplot

```
>> x = linspace(0, 2*pi);  
>> subplot(2,2,1);  
>> plot(x, sin(x)); axis([0 2*pi -1.5 1.5]);  
title('sin(x)');  
  
>> subplot(2,2,2);  
>> plot(x, sin(2*x)); axis([0 2*pi -1.5 1.5]);  
title('sin(2x)');  
  
>> subplot(2,2,3);  
>> plot(x, sin(3*x)); axis([0 2*pi -1.5 1.5]);  
title('sin(3x)');  
  
>> subplot(2,2,4);  
>> plot(x, sin(4*x)); axis([0 2*pi -1.5 1.5]);  
title('sin(4x)');
```

subplot



plot 的标注参数

名称	轴标注
axis	设置坐标轴参数
grid	绘制 x、y 轴主刻度上的网格线
gtext	在鼠标点击处添加文字
legend	创建图例说明
text	在指定的坐标点处添加文字
xlabel	标注 x 轴
ylabel	标注 y 轴
title	在图示上方添加标题

表: plot 的标注参数

plot 标注范例

```
>> load pdxTemp.dat;
>> m = pdxTemp(:,1);
>> T = pdxTemp(:,2:4);
>> plot(m,T(:,1),'ro',m,T(:,2),'k+',m,T(:,3),'b-');
>> xlabel('Month');
>> ylabel('Temperature_{ }^{\circ}F');
>> title('Monthly_average_temperature_for_PDX');
>> axis([1 12 20 100]);
>> legend('High','Low','Average',1);
```

plot 标注范例

