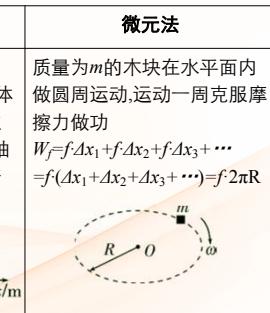
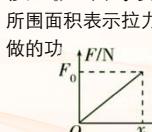
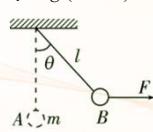


## 2. 变力做功的计算方法

(1) 功率法 (2) 功能关系法 (3) 图像法 (4) 微元法 (5) 转换法 (6) 平均力法

功率法	功能关系法	图像法	微元法
汽车以恒定功率P在水平路面上运动t时间的过程中,牵引力做功 $W_F=Pt$	力F把小球从A处缓慢拉到B处, F做功 $W_F$ , 则有 $W_F-mg(l(1-\cos\theta))=0$ 得 $W_F=mg(l(1-\cos\theta))$	一随位移均匀变化的水平拉力F拉着一物体在水平面上运动的位移为 $x_0$ , F-x图线与横轴所围面积表示拉力所做的功 $W_F=f\Delta x_1+f\Delta x_2+f\Delta x_3+\dots=f(\Delta x_1+\Delta x_2+\Delta x_3+\dots)=f\cdot 2\pi R$	质量为m的木块在水平面内做圆周运动,运动一周克服摩擦力做功



质量为m的木块在水平面内做圆周运动,运动一周克服摩擦力做功

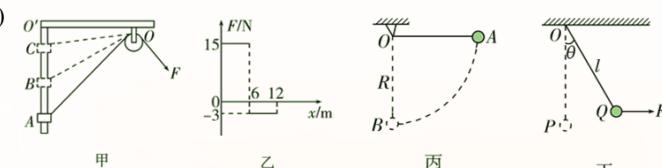
$$W_f=f\Delta x_1+f\Delta x_2+f\Delta x_3+\dots=f(\Delta x_1+\Delta x_2+\Delta x_3+\dots)=f\cdot 2\pi R$$

**注意** 平均力法中,平均力为力关于位移的平均值。

[返回目录](#)

**例** 如图所示,对于甲、乙、丙、丁四种情况下求解某个力所做的功,下列说法正确的是

(B)



A.图甲中若F不变,物块从A到C过程中力F做的功 $W=F\times AC$

B.图乙中,全过程中F做的总功为72 J

C.图丙中,若空气阻力f大小不变,小球从A运动到B过程中空气阻力做的功 $W_f=-\pi Rf$

D.图丁中,F始终保持水平,忽略空气阻力,无论是用F缓慢将小球从P拉到Q,还是F为恒力将小球从P拉到Q,F做的功都是 $W=Fl\sin\theta$

[返回目录](#)

**析** 图甲中绳子上的拉力大小不变,通过定滑轮改变了力的方向,故F做的功可转化为力与路程的乘积(等效转化法),物块从A到C过程中力F做的功为 $W=F(OA-OC)$ ,**A错误**;乙图中F-x图线与横轴所围的面积代表全过程F做的总功(图像法), $W=15\times 6 J+(-3)\times 6 J=72 J$ ,**B正确**;丙图中,若空气阻力f大小不变,可用微元法得空气阻力做的功为 $W=-f\frac{2\pi R}{4}=-\frac{1}{2}\pi Rf$ ,**C错误**;图丁中,F始终保持水平,当F为恒力将小球从P拉到Q时,F做的功是 $W=Fl\sin\theta$ ,而当用F缓慢将小球从P拉到Q时,F为水平方向的变力,由动能定理得 $-mg(l(1-\cos\theta))+W=0$ , $W=mg(l(1-\cos\theta))$ ,**D错误**。

[返回目录](#)

## 3. 合力做功的计算方法

(1)方法一:先求合力 $F_{合}$ ,再用 $W_{合}=F_{合}l \cos \alpha$ 求功(适用于合力为恒力)。

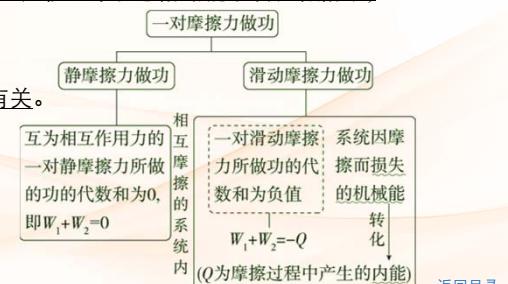
(2)方法二:先求各个力做的功 $W_1$ 、 $W_2$ 、 $W_3$ 、...,再应用 $W_{合}=W_1+W_2+W_3+\dots$ 求合力做的功(适用于多阶段运动过程)。

(3)方法三:利用动能定理 $W_{合}=E_{k2}-E_{k1}$ (已知初、末状态的动能求合力做的功)。

### 4. 摩擦力做功的计算

摩擦力可以做正功,也可以做负功,

还可以不做功。摩擦力做功与路径有关。



[返回目录](#)

## 要点2 功率的分析和计算

1. 功率的定义:功与完成这些功所用时间之比。功率描述力做功的快慢。

### 2. 平均功率的计算

(1) 利用  $\bar{P} = \frac{W}{t}$ 。

(2) 利用  $\bar{P} = F \cdot \bar{v}_F$ , 其中  $F$  必须为恒力,  $\bar{v}_F$  为物体沿  $F$  方向的平均速度。

### 3. 瞬时功率的计算

(1) 利用公式  $P = F \cdot v \cos\alpha$ , 其中  $v$  为  $t$  时刻的瞬时速度。

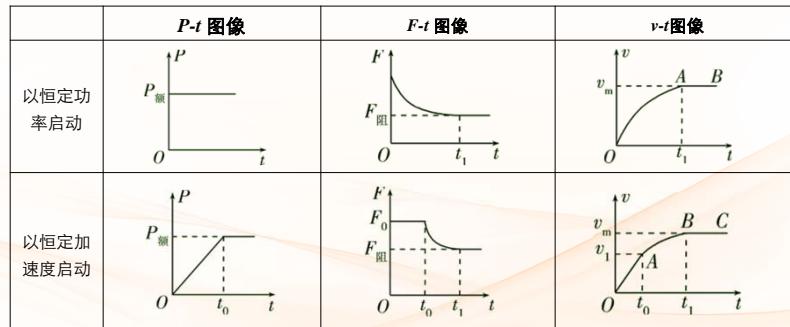
(2) 利用公式  $P = F \cdot v_F$ , 其中  $v_F$  为物体的速度  $v$  在力  $F$  方向上的分速度。

(3) 利用公式  $P = F_v \cdot v$ , 其中  $F_v$  为物体受到的外力  $F$  在速度  $v$  方向上的分力。

[返回目录](#)

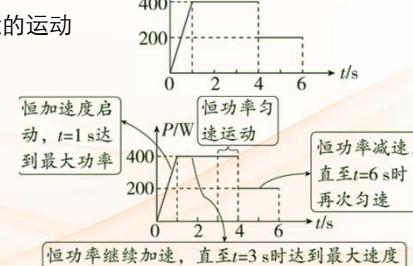
## 要点3 机车启动问题

两种启动方式


[返回目录](#)

**例** 一提升装置把静置于水平地面上的重物竖直向上提升的过程中,提升装置功率随时间变化的  $P-t$  图像如图所示。在  $t=1$ s 时,重物上升的速度达到最大速度的一半,在  $t=3$ s 时,达到最大速度  $v_m=20m/s$ ,在  $t=6$ s 时,重物再次匀速上升,取  $g=10m/s^2$ ,不计一切阻力。下列说法正确的是 ( D )

- A. 在  $0 \sim 1$ s 时间内,重物做加速度逐渐增大的运动
- B. 在  $t=1$ s 时,重物的加速度大小为  $20m/s^2$
- C. 在  $t=6$ s 时,重物的速度大小为  $5m/s$
- D. 在  $0 \sim 6$ s 时间内,重物上升的高度为  $85m$


[返回目录](#)

**解析** 在  $0 \sim 1$ s 时间内, 提升装置的功率  $P = Fv = Fat = F \cdot \frac{F-mg}{m}t$ , 功率  $P$  随时间  $t$  均匀增大, 说明重物所受合力不变, 做匀加速运动, A 错误。在  $t=3$ s 时, 达到最大速度  $v_m=20m/s$  后, 重物做匀速运动, 则有  $P_m = Fv_m = mgv_m$ , 可得  $m=2 kg$ ; 在  $t=1$ s 时, 重物的加速度  $a = \frac{F-mg}{m}$ , 其中  $F = \frac{P_m}{v_m}$ , 联立解得  $a=10m/s^2$ , B 错误。在  $t=6$ s 时, 重物再次匀速上升, 由  $P_6 = Fv_6 = mgv_6$  可得  $v_6=10 \frac{m}{s}$ , C 错误。在  $0 \sim 1$ s 时间内重物做匀加速运动, 则有  $h_1 = \frac{1}{2}a t_1^2 = \frac{1}{2} \times 10 \times 1^2 m = 5m$ ; 在  $1 \sim 3$ s 时间内, 重物做加速度减小的加速运动, 则有  $P_m t_2 - mgh_2 = \frac{1}{2}mv_m^2 - \frac{1}{2}m\left(\frac{v_m}{2}\right)^2$ , 解得  $h_2=25m$ ; 在  $3 \sim 4$ s 时间内, 重物做匀速运动, 则有  $h_3=v_m t_3=20m$ ; 在  $4 \sim 6$ s 时间内, 重物做加速度逐渐减小的减速运动, 则有  $\frac{P_m}{2}t_4 - mgh_4 = \frac{1}{2}mv_6^2 - \frac{1}{2}mv_m^2$ , 解得  $h_4=35m$ ; 重物在  $0 \sim 6$ s 时间内, 上升的高度  $h=h_1+h_2+h_3+h_4=85m$ , D 正确。

[返回目录](#)

**关键·规律**

机车启动问题三个重要关系式

(1)无论哪种启动方式,机车的最大速度都等于其匀速运动时的速度,即 $v_m = \frac{P_{额}}{F_{阻}}$ 。

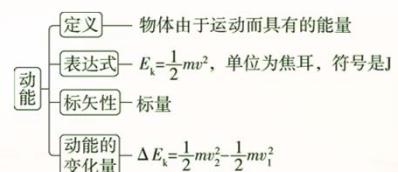
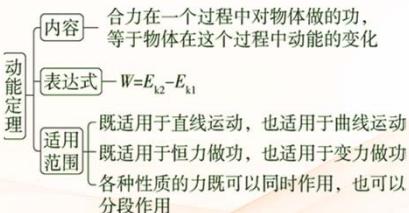
(2)机车以恒定加速度启动的过程中,匀加速过程结束时,功率最大,但速度不是最大, $v_i = \frac{P_{额}}{F} < v_m = \frac{P_{额}}{F_{阻}}$ 。

(3)机车以恒定功率启动时,牵引力做的功 $W=P_{额}t$ 。由动能定理得 $P_{额}t - F_{阻}x = \Delta E_k$ 。此式经常用于求解机车以恒定功率启动过程的位移大小或运动时间。

[返回目录](#)

**第2节****动能定理及其应用**

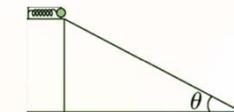
[返回目录](#)

**要点1 动能定理的理解和基本应用****1. 动能****2. 动能定理**

[返回目录](#)

**例** 如图所示, 在倾角为 $\theta$ 的斜面顶端有一压缩的弹簧, 弹簧将一个小球弹射出去, 若小球从斜面水平抛出的初动能为 $E_1$ , 小球落到斜面上的动能为 $E_2$ 。不计空气阻力, 下列结论正确的是 ( D )

- A.  $\tan \theta = \sqrt{\frac{E_2 - E_1}{E_1}}$   
 B.  $\tan \theta = \sqrt{\frac{E_2 - E_1}{2E_1}}$   
 C.  $\tan \theta = \sqrt{\frac{E_2 - E_1}{3E_1}}$   
 D.  $\tan \theta = \sqrt{\frac{E_2 - E_1}{4E_1}}$

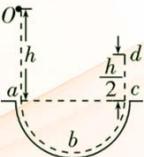


**析** 根据题意, 设小球落在斜面上时速度为 $v$ , 竖直分速度为 $v_y$ , 则有 $v^2 = v_0^2 + v_y^2$ 。小球的初动能 $E_1 = \frac{1}{2}mv_0^2$ , 落到斜面上时的动能 $E_2 = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m(v_0^2 + v_y^2)$ , 则有 $E_2 - E_1 = \frac{1}{2}mv_y^2$ 。设小球落在斜面上时, 速度与水平方向夹角为 $\alpha$ , 则有 $\tan \theta = \frac{v_y}{v_0}$ ,  $\tan \alpha = \frac{v_y}{v_0}$ , 则有 $\frac{v_y}{v_0} = \frac{1}{2}\sqrt{\frac{E_2 - E_1}{E_1}} = \frac{1}{2}\sqrt{\frac{E_2 - E_1}{4E_1}}$ 。

[返回目录](#)

**例** (多选)冬奥会上有一种单板滑雪U型池项目,如图所示为U型池示意图。半径 $R=\frac{1}{2}h$ 的半圆形池内各处粗糙程度相同,其中a、c在同一水平面,且b为U型池最低点。某运动员从距a点正上方h高的O点自由下落,由左侧切线进入池中,从右侧切线飞出后上升至最高位置d点(相对c点高度为 $\frac{1}{2}h$ )。不计空气阻力,重力加速度为g,则运动员 (BD)

- A.每次经过b点时重力的功率不同 $\sqrt{gh}$
- B.第一次经过c点时的速度大小为 $\sqrt{\frac{5}{2}gh}$
- C.第一次经过b点时的速度大小为
- D.从d向下返回一定能越过a点再上升一定高度



[返回目录](#)

**解析** 运动员每次经过b点时速度均沿水平方向,重力的方向始终竖直向下,两者相互垂直,所以在b点重力的功率始终等于0,A错误。运动员第一次从c点到达右侧最高点d的过程中,由动能定理有 $-\frac{1}{2}mv_c^2=-\frac{1}{2}mgh$ ,解得 $v_c=\sqrt{gh}$ ,B正确。运动员从O处自由下落,到达d点,由动能定理有 $0=\frac{1}{2}mgh+W_f$ ,解得 $W_f=-\frac{1}{2}mgh$ ,运动员第一次从a到c过程,半圆形池上同一水平高度的两个位置处,其在左侧位置处的速度大于在右侧位置处的速度,即运动员对左侧位置处的压力更大,受到的滑动摩擦力也更大,即运动员从O到b克服摩擦力做的功 $W_i>\frac{1}{4}mgh$ ,运动员第一次从O到b,由动能定理有 $\frac{1}{2}mv_b^2=\frac{3}{2}mgh-W_i<\frac{5}{4}mgh$ ,可知 $v_b<\sqrt{\frac{5}{2}gh}$ ,C错误。运动员第一次从c到a过程,经过半圆形池上的同一位置时的速度大小都比第一次从a到c过程中的速度小,受到的滑动摩擦力也更小,则第一次从c到a过程克服摩擦力做的功 $W_2<\frac{1}{2}mgh$ ,运动员从d到a过程,由动能定理有 $\frac{1}{2}mv_a^2=\frac{1}{2}mgh-W_2>0$ ,解得 $v_a>0$ ,即运动员可以越过a点继续上升,D正确。

[返回目录](#)

## 关键·规律

应用动能定理解题的一般步骤

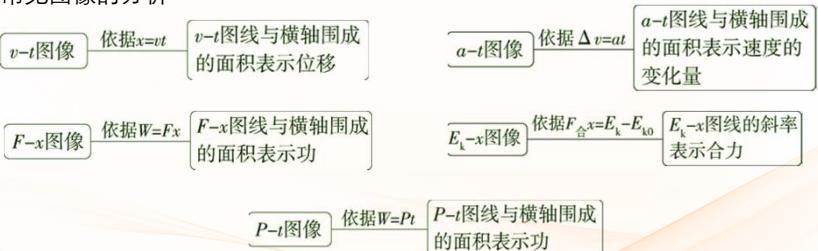


动能是标量,动能定理是标量式,解题时不能分解动能。

[返回目录](#)

## 要点2 动能定理与图像结合的问题

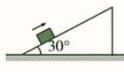
常见图像的分析



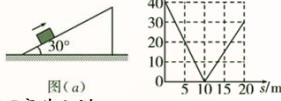
[返回目录](#)

**例** 如图(a)所示,一物块以一定初速度沿倾角为 $30^\circ$ 的固定斜面上滑,运动过程中摩擦力大小恒定,物块动能 $E_k$ 与运动路程 $s$ 的关系如图(b)所示。重力加速度大小取 $10\text{m/s}^2$ ,物块质量 $m$ 和所受摩擦力大小 $f$ 分别为 (A)

- A. $m=0.7\text{ kg}, f=0.5\text{ N}$     B. $m=0.7\text{ kg}, f=1.0\text{ N}$   
 C. $m=0.8\text{ kg}, f=0.5\text{ N}$     D. $m=0.8\text{ kg}, f=1.0\text{ N}$



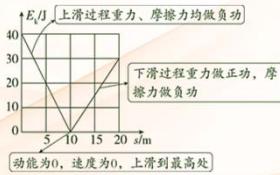
图(a)



图(b)

**解析** 由题图(b)可知,物块在上滑过程中动能由 $E_{k1}=40\text{ J}$ 变为0,说明物块上滑到 $s=10\text{ m}$ 时速度为零,则由动能定理得 $-mgh-fs=0-E_{k1}$ ;接下来返回到出发点时,动能变为 $E_{k2}=30\text{ J}$ ,则由动能定理得 $mgh-fs=E_{k2}, h=s \cdot \sin 30^\circ$ ,联立解得 $m=0.7\text{ kg}, f=0.5\text{ N}$ , A正确。

**一题多解**  $E_k-s$ 图线的斜率表示物块受到的合力。上滑过程,物块做匀减速运动,斜率的绝对值表示所受合力大小,即 $mg\sin\theta+f=4\text{ N}$ ;下滑过程,物块做匀加速运动,斜率绝对值表示所受合力大小,即 $mg\sin\theta-f=3\text{ N}$ ,联立解得 $m=0.7\text{ kg}, f=0.5\text{ N}$ , A正确。

[返回目录](#)

## 小专题 10

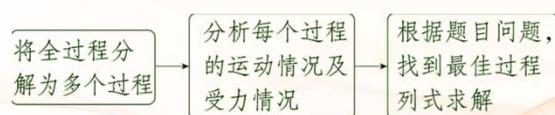
# 动能定理在多过程运动中的应用

[返回目录](#)

动能定理既适用于直线运动,也适用于曲线运动;既适用于恒力做功,也适用于变力做功;既适用于单过程运动,也适用于多过程运动。

1.当物体运动涉及多个阶段和多个过程时,若题目要求计算某一中间物理量,需分阶段列动能定理;若不需要研究运动的中间状态,可以对全程列动能定理,从而避开每个运动过程的具体细节。

### 2.思路分析



### 提醒注意

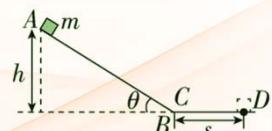
①各阶段的衔接点起承前启后的作用。②变力做功容易出错,需重点分析。

[返回目录](#)

### 题型1 动能定理在“单向”多过程运动中的应用

**例** 如图所示, $ABCD$ 是一条长轨道,其中 $AB$ 段是倾角为 $\theta$ 的斜面, $CD$ 段是水平的, $BC$ 段是与 $AB$ 和 $CD$ 都相切的一小段圆弧,其长度可以忽略不计。一质量为 $m$ 的滑块(可视为质点)在 $A$ 点由静止释放,沿轨道滑下,最后停在 $D$ 点。 $A$ 、 $C$ 之间高度差为 $h$ , $C$ 、 $D$ 之间距离为 $s$ 。现用一方向始终与轨道平行的力推滑块,使它缓慢地由 $D$ 点推回到 $A$ 点。滑块与轨道间的动摩擦因数为 $\mu$ ,重力加速度为 $g$ ,则推力对滑块做的功为(B)

- A. $mgh$     B. $2mgh$   
 C. $\mu mg\left(s + \frac{h}{\sin \theta}\right)$     D. $\mu mgs + \mu mgh \cot \theta$

[返回目录](#)

### 解析 解法一 分阶段应用动能定理

设滑块滑到C点的速度为 $v_C$ ,从A到C过程运用动能定理有 $mgh-\mu mg \cos \theta \frac{h}{\sin \theta} = \frac{1}{2}mv_C^2$ ,从C到D过程运用动能定理有 $-\mu mgs = -\frac{1}{2}mv_C^2$ ,设推力对滑块做的功为 $W_F$ ,从D到A由动能定理有 $W_F - \mu mgs - \mu mg \cos \theta \frac{h}{\sin \theta} - mgh = 0$ ,联立上述方程解得 $W_F = 2mgh$ ,B正确。

### 解法二 全过程应用动能定理

从A到D全过程,由动能定理有 $mgh - \mu mg \cos \theta \frac{h}{\sin \theta} - \mu mgs = 0$ ,从A到D再从D到A的过程,由动能定理得 $W_F - 2\mu mgs - 2\mu mg \cos \theta \frac{h}{\sin \theta} = 0$ (初、末位置高度不变,重力做功为0),联立解得 $W_F = 2mgh$ ,B正确。

[返回目录](#)

### 题型2 动能定理在往复运动中的应用

#### 1. 往复运动的特性是什么?

物体的运动过程具有重复性、往返性,描述运动的物理量多数是变化的,而且重复的次数又往往是无限或者难以确定的。

#### 2. 往复运动中特殊的物理量是什么?

路程。往复运动的路程不再与位移相等,使得利用运动学公式解题复杂繁琐。

#### 3. 哪些力做的功与路程无关或相关?

- (1)无关:重力。重力做功只与初、末位置有关,与路径和路程无关。
- (2)相关:滑动摩擦力(或其他阻力)。克服摩擦力做的功 $W_f = fs$ , $s$ 为路程。

#### 4. 动能定理的便捷性体现在哪里?

动能定理只涉及物体的初、末状态,可简化运动过程中的分析。

[返回目录](#)

## 第3节

# 机械能守恒定律 及其应用

[返回目录](#)

### 要点1 机械能守恒的判断

#### 一、重力势能

**1. 重力做功的特点:**物体运动时,重力对它做的功只跟它的起点和终点的位置有关,而跟物体运动的路径无关。

**2. 重力势能的表达式:** $E_p = mgh$ ( $h$ 是物体相对于参考平面的高度)。

#### 3. 重力势能的变化与重力做功的关系

重力对物体做多少正功,物体的重力势能就减少多少;重力对物体做多少负功,物体的重力势能就增加多少,即 $W_G = -\Delta E_p$ 。

#### 二、弹性势能

**1. 表达式:** $E_p = \frac{1}{2}kx^2$ ( $x$ 是相对弹簧原长的形变量)。

**2. 弹力做功与弹性势能变化的关系:**弹力做正功,弹性势能减少;弹力做负功,弹性势能增加。

[返回目录](#)

### 三、机械能守恒定律

**1. 内容:**在只有重力或弹力做功的物体系统内,动能与势能可以互相转化,而总的机械能保持不变。

#### 2. 表达形式

- (1) 守恒观点: $E_1=E_2$ 或 $E_{p1}+E_{k1}=E_{p2}+E_{k2}$ (需选取零势能面)。
- (2) 转化观点: $\Delta E_k+\Delta E_p=0$ (动能与势能间的转化)。
- (3) 转移观点: $\Delta E_a+\Delta E_b=0$ (系统内物体间机械能的转移)。

**提醒** 机械能守恒是指整个过程中系统机械能保持不变,而非仅初、末状态机械能相等。

[返回目录](#)

### 总结归纳 判断机械能守恒的三种方法

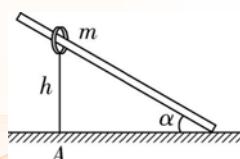
条件分析	能量转化	特殊情境
只有重力和系统内弹力做功,没有其他力做功	只有系统内物体间动能和势能的相互转化,系统内无机械能与其他形式能的转化	绳子突然绷紧、物体间非弹性碰撞等特定情境,机械能不守恒

[返回目录](#)

### 要点2 单物体的机械能守恒问题

**例** 如图所示,固定的倾斜光滑杆上套有一个质量为 $m$ 的圆环,圆环与一橡皮绳相连,橡皮绳的另一端固定在地面上的A点,橡皮绳竖直时处于原长且离A点高度为 $h$ 。让圆环由静止沿杆滑下,滑到杆的底端时速度为0。重力加速度为 $g$ 。在圆环下滑过程中( C )

- A. 圆环的机械能守恒
- B. 橡皮绳的弹性势能一直增大
- C. 橡皮绳的弹性势能增加了 $mgh$
- D. 橡皮绳再次达到原长时圆环动能最大



[返回目录](#)

**解析** 圆环沿杆滑下,滑到杆的底端的过程中只有两个力对圆环做功,即圆环受到的重力和橡皮绳的拉力,所以圆环的机械能不守恒,但圆环和橡皮绳组成的系统(以下简称系统)机械能守恒,A错误;橡皮绳的弹性势能随橡皮绳的伸长量的变化而变化,由题图知橡皮绳先变松弛后被拉伸,故橡皮绳的弹性势能先不变后增大,B错误;圆环下滑过程中系统的机械能守恒,圆环的重力势能减小了 $mgh$ ,动能变化量为0,则圆环的机械能减少了 $mgh$ ,圆环的机械能的减少量等于橡皮绳的弹性势能增加量,橡皮绳的弹性势能增加了 $mgh$ ,C正确;圆环开始下滑至橡皮绳再次达到原长的过程中动能一直增大,但此时圆环动能不是最大,因为当沿杆方向重力的分力大于橡皮绳弹力的分力时,圆环会继续加速,故当沿杆方向合力为零时,圆环的动能最大,D错误。

[返回目录](#)

### 关键·规律 判断机械能守恒的“两点”注意

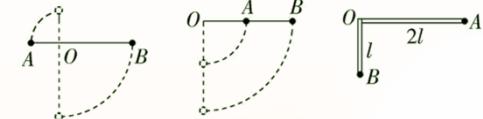
- (1)系统机械能守恒时,机械能一般在系统内物体间转移,其中的单个物体机械能不一定守恒。
- (2)机械能守恒的条件绝不是合力做的功等于零,更不是合力等于零,而是只有重力和系统内弹力做功。

[返回目录](#)

### 要点3 系统的机械能守恒问题

#### 1.不含弹簧的物体系统

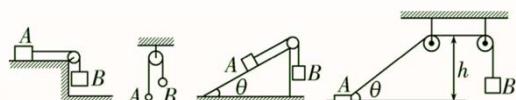
- (1)轻杆连接的物体系统图例及三大特点



- ①转动时两物体角速度相等。
- ②杆对物体的作用力不一定沿杆的方向,杆能对物体做功,单个物体机械能不一定守恒。
- ③对于杆和物体组成的系统,忽略空气阻力和各种摩擦且只有重力和杆的弹力对物体A、B做功,则系统机械能守恒。

[返回目录](#)

#### (2)轻绳连接的物体系统图例及三点提醒



- ①分清两物体是速度大小相等,还是沿绳方向的分速度大小相等。
- ②抓住两物体的位移大小关系或竖直方向高度变化的关系。
- ③对于单个物体,一般绳上的力要做功,机械能不守恒;但对于绳连接的系统,只有重力和系统内绳的拉力做功,其他力不做功,则机械能守恒。

[返回目录](#)

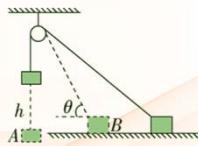
#### 2.含轻弹簧的物体系统

- (1)含轻弹簧的物体系统在只有系统内弹簧弹力和重力做功时,物体的动能、重力势能和弹簧的弹性势能之间相互转化,物体和弹簧组成的系统机械能守恒。
- (2)弹簧弹力做的功与弹簧弹性势能的关系为  $W_{\text{弹}} = E_{p1} - E_{p2}$ ,且弹簧弹力做功与路径无关,只与初、末状态弹簧形变量的大小有关。
- (3)由两个或两个以上的物体与弹簧组成的系统,当弹簧形变量最大时,弹簧两端连接的物体具有相同的速度(或沿弹簧方向的分速度相同);弹簧处于自然长度时,弹簧弹性势能最小(为零)。

[返回目录](#)

**例** 如图所示,物块A用不可伸长的轻绳绕过轻质光滑定滑轮与置于光滑水平面上的物块B连接,物块A、B的质量均为m,施加外力使物块A、B保持静止,此时轻绳恰好处于伸直状态。某时刻撤去外力,两物块同时由静止开始运动,当物块A下落高度为h时,其加速度大小为a,方向竖直向下,此时连接物块B的轻绳与水平方向的夹角为 $\theta$ ,整个过程物块B始终未离开水平面,已知重力加速度为g。不计空气阻力,当物块A下落高度为h时,下列说法正确的是(D)

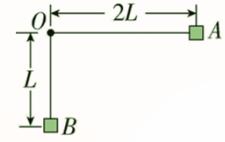
- A. 物块B的加速度大小为  $\frac{a}{\cos\theta}$
- B. 物块B的加速度大小为  $(g+a)\cos\theta$
- C. 物块A的速度大小为  $\sqrt{\frac{2gh}{1+\cos^2\theta}}$
- D. 物块A的速度大小为  $\sqrt{\frac{2gh\cos^2\theta}{1+\cos^2\theta}}$



**解析** 对物块A,根据牛顿第二定律有  $mg-T=ma_A$ ,对物块B,根据牛顿第二定律有  $T\cos\theta=ma_B$ ,联立解得  $a_B=(g-a)\cos\theta$ ,**AB错误**;对物块A、B及轻绳组成的整体,根据机械能守恒定律有  $mgh=\frac{1}{2}mv_A^2+\frac{1}{2}mv_B^2$ ,物块A和B的速度大小关系为  $v_A=v_B\cos\theta$ ,联立解得  $v_A=\sqrt{\frac{2gh\cos^2\theta}{1+\cos^2\theta}}$ ,**C错D对**。

[返回目录](#)

**例** 可视为质点、质量分别为m和2m的物块A、B用“L”形轻质直角支架连接,支架的两直角边OA、OB的长度分别为2L和L,支架可以绕连接处O无摩擦地自由转动。将直角边OA水平静止释放,已知重力加速度为g。求物块B的最大速度v。



**解析** 物块A、B围绕O点做圆周运动,任意时刻两者的角速度 $\omega$ 相等,它们的线速度大小之比  $v_A:v_B=2:1$ 。物块B有最大速度v时,物块A有最大速度  $2v$ ,设此时OB与竖直方向的夹角为 $\theta$ 。对于A和B构成的系统,由机械能守恒定律有

$$\frac{1}{2}m \times (2v)^2 + \frac{1}{2} \times 2mv^2 = mg \times 2L \sin \theta - 2mgL(1-\cos \theta), \text{ 化简可得 } v^2 = \frac{2gL}{3} [\sqrt{2} \sin(\theta + 45^\circ) - 1]$$

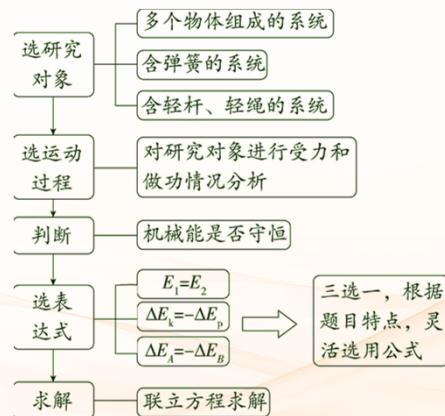
当 $\theta=45^\circ$ 时,物块B的速度有最大值且最大值为  $v=\sqrt{\frac{2(\sqrt{2}-1)gL}{3}}$ 。

**答案**  $\sqrt{\frac{2(\sqrt{2}-1)gL}{3}}$

[返回目录](#)

### 关键·方法

系统的机械能守恒  
问题的解题思路



[返回目录](#)

## 第4节

## 功能关系 能量守恒

[返回目录](#)

## 要点1 常见的功能关系的理解和应用

### 1. 对功能关系的理解

功是能量转化的量度,做功的过程就是能量转化的过程,不同形式的能量发生相互转化是通过做功来实现的。做功的多少与能量转化的多少在数值上相等。

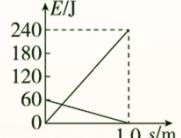
### 2. 力学中常见的功能关系



[返回目录](#)

**例** 现有一质量为 $m$ 的滑雪运动员从一定高度的斜坡自由下滑。如果运动员在下滑过程中受到的阻力恒定,斜坡倾角为 $30^\circ$ ,运动员滑至坡底的过程中,其机械能和动能随下滑距离 $s$ 变化的图像如图所示,重力加速度 $g=10m/s^2$ ,下列说法正确的是 ( B )

- A. 运动员下滑过程中只有重力做功
- B. 运动员下滑过程中受到的阻力为 $60\text{ N}$
- C. 运动员下滑时加速度的大小为 $5\text{ m/s}^2$
- D. 不能计算出运动员质量 $m$ 的大小



**解析** 运动员下滑过程中机械能发生变化,则除了重力做功之外必然还有其他力做功,

**A错误。**运动员下滑过程中所受支持力不做功,则阻力做的功等于机械能的变化量,即 $\Delta E = -F_f s$ ,解得受到的阻力 $F_f = \frac{-\Delta E}{s} = 60\text{ N}$ ,**B正确**。下滑到底端时的动能 $E_k = \frac{1}{2}mv^2 = 240\text{ J}$ , $v^2 = 2as$ , $mg\sin 30^\circ = F_f = ma$ ,联立得运动员下滑时加速度的大小 $a = 4\text{ m/s}^2$ , $m = 60\text{ kg}$ ,**CD错误**。

[返回目录](#)

## 要点2 能量守恒定律的理解和应用

**1. 定义:**能量既不会凭空产生,也不会凭空消失,它只能从一种形式转化为其他形式,或者从一个物体转移到别的物体,在转化或转移的过程中,能量的总量保持不变。

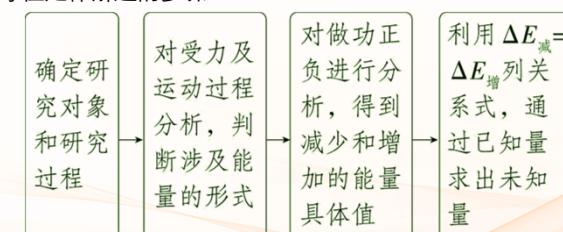
### 2. 对能量守恒定律的两点理解

- (1)某种形式的能量减少,一定存在其他形式的能量增加,且减少量和增加量一定相等。
- (2)某个物体的能量减少,一定存在其他物体的能量增加,且减少量和增加量一定相等。

[返回目录](#)

### 关键·方法

应用能量守恒定律解题的步骤



[返回目录](#)

## 小专题 11

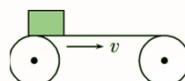
# 动力学和能量观点相结合的两类典型模型

[返回目录](#)

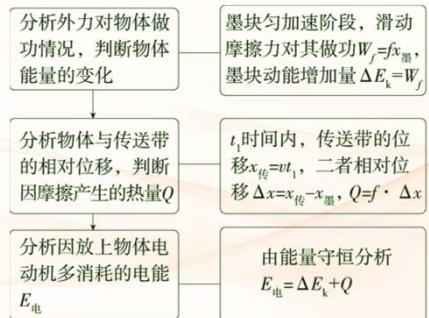
[返回目录](#)

### 题型1 传送带模型

如图所示,传送带在电动机带动下,始终以速度 $v$ 匀速转动。将质量为 $m$ 的墨块轻放在水平传送带上(初速度可忽略不计)。墨块与传送带间的动摩擦因数为 $\mu$ ,传送带足够长,重力加速度为 $g$ 。



#### 2.能量分析

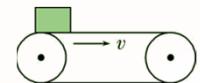


[返回目录](#)

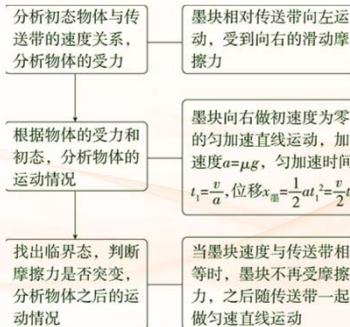
[返回目录](#)

### 题型1 传送带模型

如图所示,传送带在电动机带动下,始终以速度 $v$ 匀速转动。将质量为 $m$ 的墨块轻放在水平传送带上(初速度可忽略不计)。墨块与传送带间的动摩擦因数为 $\mu$ ,传送带足够长,重力加速度为 $g$ 。



#### 1.动力学分析



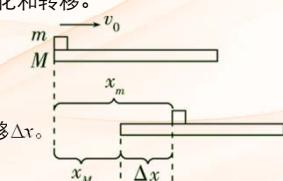
[返回目录](#)

### 题型2 滑块-木板模型

1.动力学分析: 对滑块和木板进行受力分析,利用牛顿第二定律计算各自的加速度,分析滑块和木板的运动时间、速度关系和位移关系。可以画出滑块和木板的速度随时间变化的图像,帮助分析和理解二者的相对运动情况。

#### 2.能量分析

- 对于滑块与木板相对静止的过程:由于相对位移为零,故滑块与木板所受的一对静摩擦力做功不产生内能。
- 对于滑块与木板相对滑动的过程
  - 利用功能关系分析滑块和木板各自的能量,分析系统能量的转化和转移。
  - 注意区分三个位移(如图所示)
    - 计算摩擦力对滑块做功时,用滑块相对地面的位移 $x_m$ ;
    - 计算摩擦力对木板做功时,用木板相对地面的位移 $x_M$ ;
    - 计算滑块和木板间因摩擦产生的热量时,用滑块相对木板的位移 $Δx$ 。



[返回目录](#)

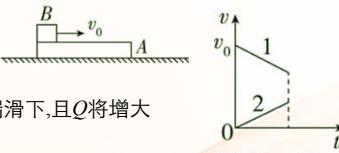
**例**一块质量为 $M$ 、长为 $l$ 的长木板 $A$ 静止放在光滑的水平面上,质量为 $m$ 的物体 $B$ (可视为质点)以初速度 $v_0$ 从左端滑上长木板 $A$ 的上表面并从右端滑下,该过程中,物体 $B$ 的动能减少量为 $\Delta E_{kB}$ ,长木板 $A$ 的动能增加量为 $\Delta E_{kA}$ , $A$ 、 $B$ 间因摩擦产生的热量为 $Q$ ,下列说法正确的是 ( B )

A. $A$ 、 $B$ 组成的系统动量、机械能均守恒

B. $\Delta E_{kB}$ 、 $\Delta E_{kA}$ 、 $Q$ 的值可能为 $\Delta E_{kB}=7\text{ J}$ , $\Delta E_{kA}=2\text{ J}$ , $Q=5\text{ J}$

C. $\Delta E_{kB}$ 、 $\Delta E_{kA}$ 、 $Q$ 的值可能为 $\Delta E_{kB}=5\text{ J}$ , $\Delta E_{kA}=3\text{ J}$ , $Q=2\text{ J}$

D.若增大 $v_0$ 和长木板 $A$ 的质量 $M$ , $B$ 一定会从长木板 $A$ 的右端滑下,且 $Q$ 将增大



**解析**  $A$ 、 $B$ 系统所受合力为零,动量守恒; $A$ 、 $B$ 间有摩擦生热,系统机械能不守恒,A错。

画出物体 $B$ 和木板 $A$ 的 $v$ - $t$ 图像,分别如图中线1和2所示,1和2间的梯形面积表示板长 $l$ ,线1与 $t$ 轴所围面积表示 $B$ 的位移 $x_1$ ,线2与 $t$ 轴所围面积表示 $A$ 的位移 $x_2$ ,由图可知 $x_1>l$ , $x_2< l$ 。

又 $\Delta E_{kB}=fx_1$ , $\Delta E_{kA}=fx_2$ , $Q=f l$ ,有 $\Delta E_{kB}>Q>\Delta E_{kA}$ ,B对C错。若增大 $v_0$ 和板 $A$ 质量 $M$ ,图像中图线1将向上平移,图线2的斜率将变小,可知 $B$ 一定会从板 $A$ 右端滑下,而 $Q=fl$ 不变,D错误。

[返回目录](#)

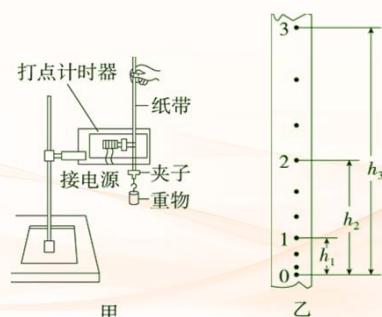
## 实验7

# 验证机械能守恒定律

[返回目录](#)

## 一、实验原理及装置图

求出重物的重力势能的减少量和对应过程动能的增加量,在实验误差允许范围内,若二者相等,说明机械能守恒,从而验证机械能守恒定律。



[返回目录](#)

## 二、操作要领及注意事项

**1.如何安装打点计时器和纸带:**使两限位孔在同一竖直线上,以减小摩擦力;纸带沿竖直方向拉直。

**2.如何选择重物:**选用密度大、体积小的重物。

**3.实验操作时应注意哪些细节:**实验时,应先接通电源,让打点计时器正常工作后再松开纸带,让重物从靠近打点计时器处下落。

**4.如何进行速度的计算:**速度不能用 $v=gt$ 或 $v=\sqrt{2gh}$ 计算,应根据纸带上测得的数据,利用 $v_n=\frac{h_{n+1}-h_{n-1}}{2T}$ 计算。

[返回目录](#)

### 三、数据处理

#### 1.方法一 利用起始点和第n个点

选择开始的两点间距接近2mm的一条纸带,选取打的第一个点为起始点,在实验误差允许范围内若满足 $mgh_n = \frac{1}{2}mv_n^2$ ,则机械能守恒定律得到验证。

#### 2.方法二 任取两点A、B

如果在实验误差允许范围内满足 $mgh_{AB} = \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2$ ,则机械能守恒定律得到验证。

#### 3.方法三 图像法

在实验误差允许范围内若 $\frac{1}{2}v^2-h$ 图线是一条过原点且斜率为g的倾斜直线,则机械能守恒定律得到验证。

[返回目录](#)

### 四、误差分析

#### 1.系统误差

(1)产生原因:本实验中因重物和纸带在下落过程中要克服各种阻力(空气阻力、打点计时器阻力)做功,故动能的增加量 $\Delta E_k$ 稍小于重力势能的减少量 $\Delta E_p$ ,即 $\Delta E_k < \Delta E_p$ 。

(2)改进的方法:调整器材的安装,尽可能地减小阻力等。

#### 2.偶然误差

(1)产生原因:本实验在长度测量时会产生误差。

(2)减小误差的方法:测下落距离时都从起始点量起,一次将各点对应的下落高度测量完,或者多次测量取平均值来减小误差。

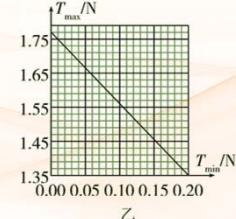
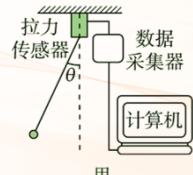
[返回目录](#)

### 五、其他方案

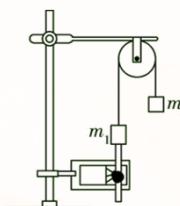
#### 方案一 利用数据采集器研究动能和重力势能转化所遵循的规律

转换测量物理量:改变 $\theta$ 角,通过细线拉力最大值和最小值的关系图像验证机械能守恒定律。 $T_{\max}-mg=\frac{mv^2}{l}$ 、 $T_{\min}=mg \cos \theta$ ,

若机械能守恒,则有 $mg(l-l \cos \theta)=\frac{1}{2}mv^2$ ,从而得到 $T_{\max}=3mg-2T_{\min}$ 。

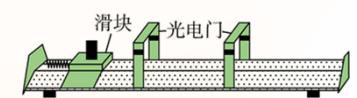

[返回目录](#)

#### 方案二 用定滑轮验证系统机械能守恒



以 $m_1$ 、 $m_2$ 组成的系统为研究对象,验证系统机械能守恒

#### 方案三 研究弹性势能与动能变化量之间的关系



压缩弹簧,释放后弹力作用于滑块,研究弹性势能变化量和动能变化量之间的关系

[返回目录](#)