

讲究先来后到的“队列”

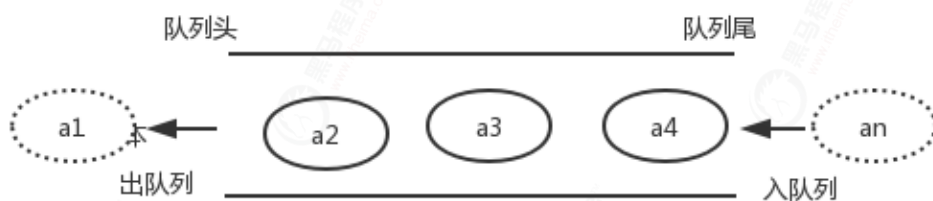
今日目标：

- 1：能够说出队列的存储结构及操作特点
- 2：能够说出java中队列相关的API
- 3：完成基于单链表的队列实现
- 4：完成实战题目

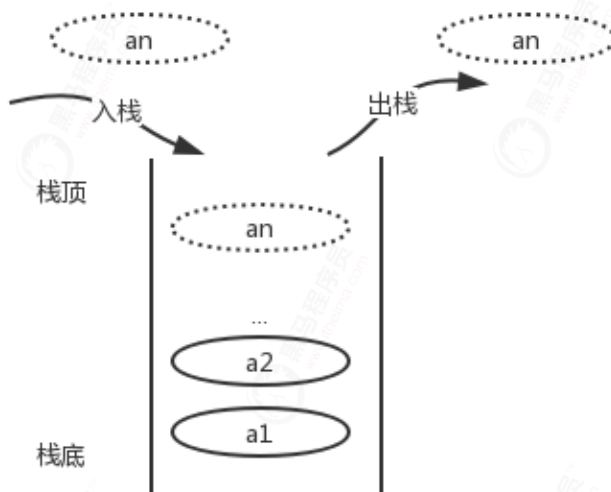
1、存储结构及特点

队列（Queue）和栈一样，代表具有某一类操作特征的数据结构，我们拿日常生活中的一个场景来举例说明，我们去车站的窗口买票，那就要排队，那先来的人就先买，后到的人就后买，先来的人排到队头，后来的人排在队尾，不允许插队，**先进先出，这就是典型的队列**。队列先进先出的特点英文表示为：First In First Out即**FIFO**，为了更好的理解队列这种数据结构，我们以一幅图的形式来表示，并且我们将队列的特点和栈进行比较，如下：

队列：存储结构及操作特点



栈：存储结构及操作特点



队列和栈一样都属于一种操作受限的线性表，栈只允许在一端进行操作，分别是入栈和出栈，而队列跟栈很相似，支持的操作也有限，最基本的两个操作一个叫入队列，将数据插入到队列尾部，另一个叫出队，从队列头部取出一个数据。

注意：入队列和出队列操作的时间复杂度均为 $O(1)$

2、队列的实现

2.1、java API

像队列和栈这种数据结构在高级语言中的实现特别的丰富，也特别的成熟。

Interface Queue: <<https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/Queue.html>

	<i>Throws exception</i>	<i>Returns special value</i>
Insert	<code>add(e)</code>	<code>offer(e)</code>
Remove	<code>remove()</code>	<code>poll()</code>
Examine	<code>element()</code>	<code>peek()</code>

Interface Deque: <https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/Deque.html>

在两端支持元素插入和移除的一种线性集合，这个接口定义了访问deque两端元素的方法。

	First Element (Head)		Last Element (Tail)	
	<i>Throws exception</i>	<i>Special value</i>	<i>Throws exception</i>	<i>Special value</i>
Insert	<code>addFirst(e)</code>	<code>offerFirst(e)</code>	<code>addLast(e)</code>	<code>offerLast(e)</code>
Remove	<code>removeFirst()</code>	<code>pollFirst()</code>	<code>removeLast()</code>	<code>pollLast()</code>
Examine	<code>getFirst()</code>	<code>peekFirst()</code>	<code>getLast()</code>	<code>peekLast()</code>

Class PriorityQueue: <https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/PriorityQueue.html>

元素不再遵循先进先出的特性了，出队列的顺序跟入队列的顺序无关，只跟元素的优先级有关系。队列中的每个元素都会指定一个优先级，根据优先级的大小关系出队列。

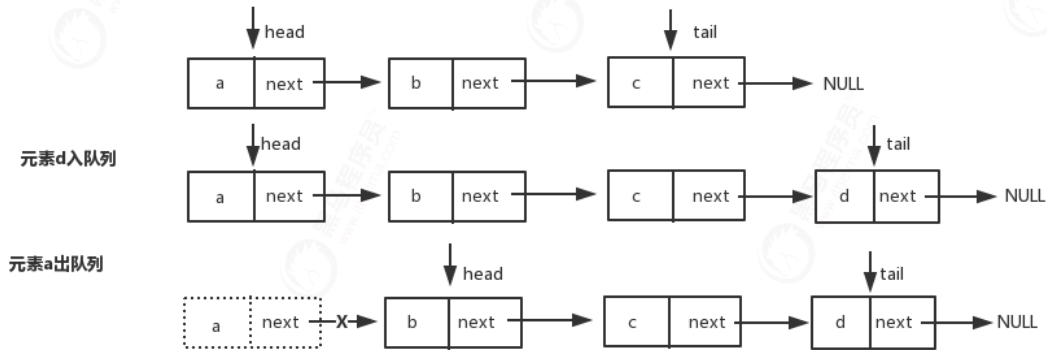
插入操作是 $O(1)$ 的复杂度，而取出操作是 $O(\log n)$ 的复杂度。

PriorityQueue底层具体实现的数据结构较为多样和复杂度：heap，BST等

2.2、基于链表实现队列

跟栈一样，队列可以用数组来实现，也可以用链表来实现。用数组实现的栈叫作顺序栈，用链表实现的栈叫作链式栈。同样，用数组实现的队列叫作顺序队列，用链表实现的队列叫作链式队列。

这一节我们来看基于单链表实现的队列，我们同样需要两个指针：head 指针和 tail 指针。它们分别指向链表的第一个结点和最后一个结点。如图所示，入队时， $\text{tail} \rightarrow \text{next} = \text{new_node}$, $\text{tail} = \text{tail} \rightarrow \text{next}$ ；出队时， $\text{head} = \text{head} \rightarrow \text{next}$ ，如下图所示：



(1) 创建队列接口Queue: `com.itheima.queue.Queue<E>`

```

1  package com.itheima.queue;
2
3  /**
4   * Created by 传智播客*黑马程序员.
5   */
6  public interface Queue<E> {
7
8      /**
9       * 在不违反容量限制的情况下立即将指定的元素插入此队列，成功时返回true，
10      * 如果当前没有可用空间，则抛出IllegalStateException异常
11      * @param e
12      * @return
13      */
14      boolean add(E e);
15
16      /**
17       * 在不违反容量限制的情况下立即将指定的元素插入到此队列中。成功时返回true，
18       * @param e
19       * @return
20       */
21      boolean offer(E e);
22
23      /**
24       * 检索并删除此队列的头。如果队列为空抛出NoSuchElementException
25       * @return
26       */
27      E remove();
28
29      /**
30       * 检索并删除此队列的头，如果此队列为空，则返回null。
31       * @return
32       */
33      E poll();
34
35      /**
36       * 检索但不删除此队列的头。如果队列为空抛出NoSuchElementException
37       * 此方法与peek的不同之处在于，如果该队列为空，则会抛出异常。

```

```

38     * @return
39     */
40     E element();
41
42     /**
43     * 检索但不删除此队列的头，或如果此队列为空，则返回null。
44     * @return
45     */
46     E peek();
47     /**
48     * 返回队列中元素个数
49     * @return
50     */
51     int size();
52
53     /**
54     * 判断队列是否为空
55     * @return
56     */
57     boolean isEmpty();
58 }

```

(2) 创建实现类: `LinkedListQueue` 并实现 `Queue<E>` 接口, 添加相应方法

(3) 编写构造, 创建链表节点对象 `Node`, 添加属性 `size`, 头尾指针 `head`, `tail`

```

1  int size;
2
3  Node<E> head;
4
5  Node<E> tail;
6
7  public LinkedListQueue(){
8
9  private static class Node<E>{
10     E val;
11     Node<E> next;
12     public Node(E val, Node<E> next){
13         this.val = val;
14         this.next = next;
15     }
16 }

```

(4) 完成 `size, isEmpty` 方法

```

1  @Override
2  public int size() {
3      return size;
4  }
5
6  @Override
7  public boolean isEmpty() {
8      return size == 0;
9  }

```

(5) 完成 add,offer 方法

```

1  @Override
2  public boolean add(E e) {
3      linkLast(e);
4      return true;
5  }
6
7  private void linkLast(E e){
8      Node<E> t = tail;
9      Node<E> newNode = new Node<>(e,null);
10     tail = newNode;
11     if (t == null) {
12         head = newNode;
13     }else {
14         t.next = newNode;
15     }
16     size++;
17 }
18
19 @Override
20 public boolean offer(E e) {
21     linkLast(e);
22     return true;
23 }

```

add和offer的差异不是任何情况下都有的，如果基于数组实现当容量不够时add可以抛异常，offer可以直接返回false，当然也可以扩容！

(6) 完成 remove,poll 方法

```

1  @Override
2  public E remove() {
3      if (size == 0) {
4          throw new NoSuchElementException("队列为空!");
5      }
6      Node<E> h = unlinkHead();
7      return h.val;
8  }
9
10 private Node<E> unlinkHead(){

```

```

11     Node<E> h = head;
12     head = h.next;
13     h.next = null;
14     size--;
15     return h;
16 }
17
18 @Override
19 public E poll() {
20     if (size == 0) {
21         return null;
22     }
23     Node<E> h = unlinkHead();
24     return h.val;
25 }

```

(7) 完成 `element, peek` 方法

```

1  @Override
2  public E element() {
3      if (size == 0) {
4          throw new NoSuchElementException("队列为空!");
5      }
6      Node<E> h = head;
7      return h.val;
8  }
9
10 @Override
11 public E peek() {
12     if (size == 0) {
13         return null;
14     }
15     Node<E> h = head;
16     return h.val;
17 }

```

(5) 完成 `toString` 方法

```

1  @Override
2  public String toString() {
3      StringBuilder sb = new StringBuilder();
4      Node<E> h = head;
5      while (h!=null){
6          sb.append(h.val).append("->");
7          h = h.next;
8      }
9      return sb.append("null").toString();
10 }

```

(6) 编写测试类: `com.itheima.queue.LinkedListQueueTest`

```

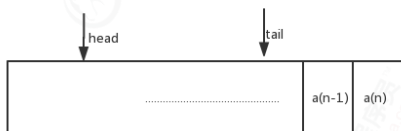
1 public class LinkedListQueueTest {
2     public static void main(String[] args) {
3         Queue queue = new LinkedListQueue();
4         queue.add("黑马程序员");
5         queue.offer("博学谷");
6         queue.offer("传智汇");
7         queue.offer("传智专修学院");
8         System.out.println("队列是否为空: "+queue.isEmpty()+" , 队列元素个数为: "+queue.size());
9         System.out.println(queue);
10        System.out.println("队列头元素: "+queue.remove());
11        System.out.println(queue);
12        System.out.println("队列头元素: "+queue.poll());
13        System.out.println(queue);
14        System.out.println("队列头元素: "+queue.element());
15        System.out.println(queue);
16        System.out.println("队列头元素: "+queue.peek());
17        System.out.println(queue);
18    }
19 }

```

2.3、小结

1. 队列的实现如果基于数组，其实就是操作下标，我们维护两个下标，head，tail分别代表队列的头，尾指针，如图：

用两个下标head，tail代表队列头，尾指针



需要注意的几个特殊情况如下：

判断 尾指针已到达数组最右端，如图所示：



此时：我们无法再向数组尾部插入元素了，在这样一个情况下又分为两种情况：

- 1: 数组中还有位置可以存储元素
- 2: 数组中已经没有位置可以存储元素了

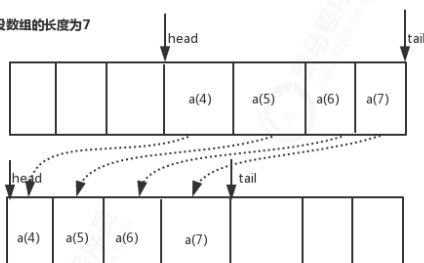
所以接下来有一个判断：`if(head==0){`



这属于第二种情况：数组中已经没有位置可以存储元素了，那接下来就要对队列进行扩容，执行 `grow(elements.length)`；底层的扩容逻辑和之前的扩容逻辑和ArrayList的扩容逻辑一样这里就不再赘述了

如果判断条件不满足：则属于第一种情况，数组中还有位置可以存储，只不过数组末尾不能在存储数据了而已，那时我们需要做的事情就是将数组中的数据依次向前挪动，将数组尾部空出来可以继续插入元素，如下图所示：

假设数组的长度为7



数据挪动之后：

课后作业：请按照此思路实现一个基于数组的队列

2. 当然，在java中有一个比较常用的实现：`java.util.LinkedList`，我们先来看它的定义

```
1 public class LinkedList<E>
2     extends AbstractSequentialList<E>
3     implements List<E>, Deque<E>, Cloneable, java.io.Serializable
4 {
5
6 }
```

`LinkedList`实现了 `List`，`Deque` 接口，而 `Deque` 又继承自 `Queue` 接口

```
1 public interface Deque<E> extends Queue<E> {}
```

<https://docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/util/Deque.html>

从 `Deque` 接口的定义可以看出，它里面不仅包含队列操作的相关api，比如 `add`, `offer`, `peek`, `poll` 等，还有双端队列操作的api，如 `addFirst`, `offerFirst`, `peekFirst` 等等。除此之外它还包含栈相关的操作api，如 `push`, `pop`。

也就是说 `LinkedList` 功能是多样性的，能当作 `List` 集合用，能当作 `Queue` 队列用，能当作 `Deque` 双端队列用，也能当作 `Stack` 栈来使用。

课后作业：请分析 `LinkedList` 底层的源码实现。

3、实战

3.1、622. 设计循环队列

<https://leetcode-cn.com/problems/design-circular-queue/>

循环队列很重要的一个作用是复用之前使用过的内存空间，适合用数组实现，使用链表的实现，创建结点和删除结点都是动态的，也就不存在需要循环利用的问题了。

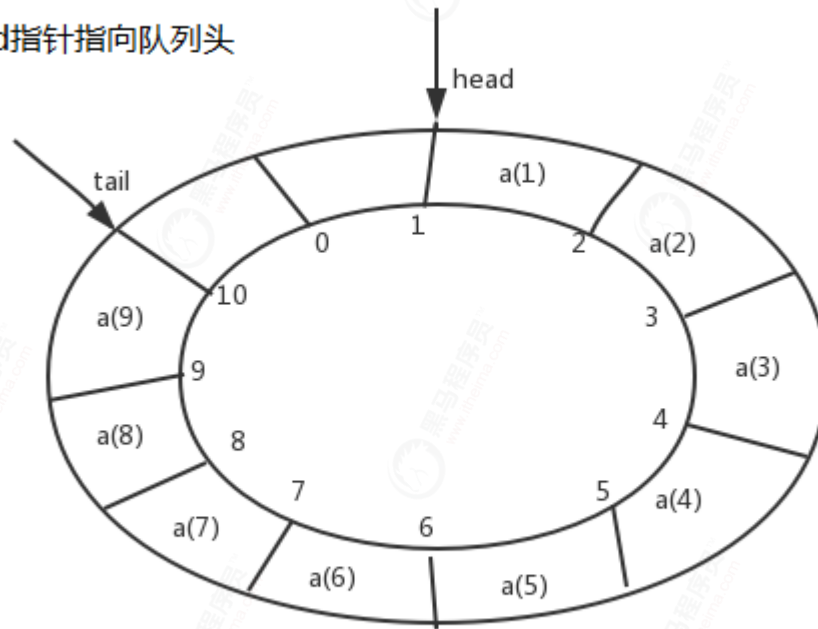
而且用数组实现循环队列也不要求我们对数组进行动态扩容与缩容。

思路分析：

循环队列，顾名思义，它长得像一个环。原本数组是有头有尾的，是一条直线。现在我们把首尾相连，形成了一个环，如下图所示：

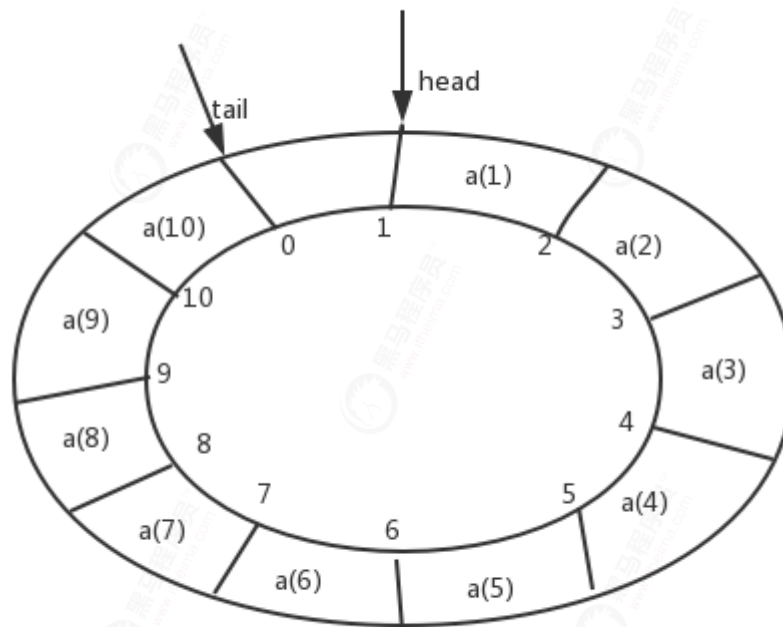
数组size=11

head指针指向队列头



tail指针指向队列尾部（即最后 1 个有效数据）的下一个位置，即下一个从队尾入队元素的位置。

从图中可知队列的大小为11，当前 head=1，tail=10。队列中9个元素，当有一个新的元素 a(10) 入队时，我们放入下标为10的位置。但这个时候，我们并不把 tail 更新为11，而是将其在环中后移一位，到下标为 0 的位置。所以，在 a(10)入队之后，循环队列中的元素就变成了下面的样子：



通过这样的方法，我们成功避免了数据搬移操作，也能重复利用已有的内存空间，看起来不难理解，但是循环队列的代码最关键的是如何确定好**队空和队满的判定条件**。

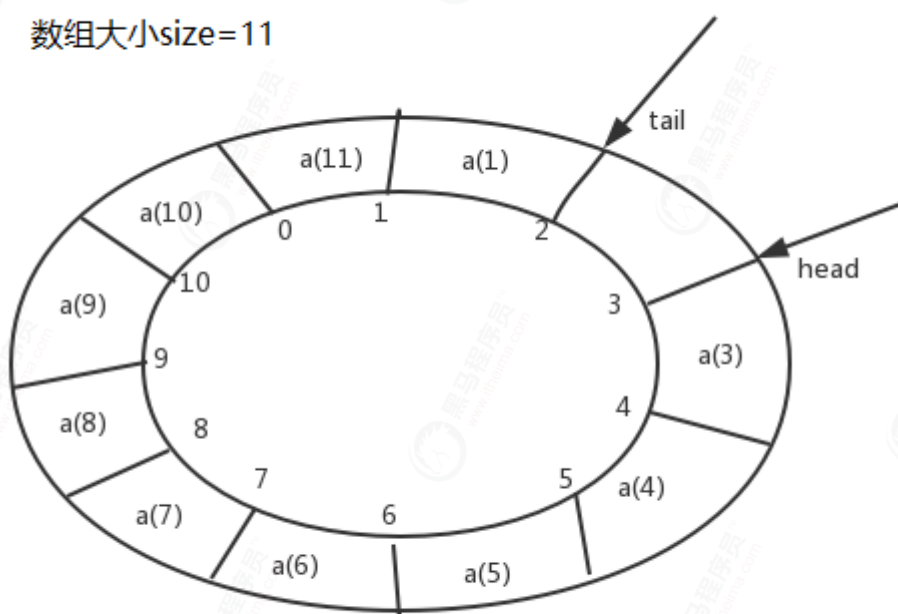
那如何来判定循环队列为空或者已满呢？

看到上面的图很多人立马想到说如果再向循环队列中存一个元素a(11)，将a(11)存入下标为0的位置，然后尾指针加1变成1，此时head=1,tail=1，所以立马决断出当满足head=tail时循环队列已满，这个结果真的对吗？

那我们在转换分析一下什么情况下队列为空？注意我们现在说的都是基于数组的循环队列，对比我们之前非循环的顺序队列判断为空的条件来看，如果是循环队列为空的条件仍然是head=tail，那此时就有冲突了，当head=tail时到底是队列为空还是队列已满？

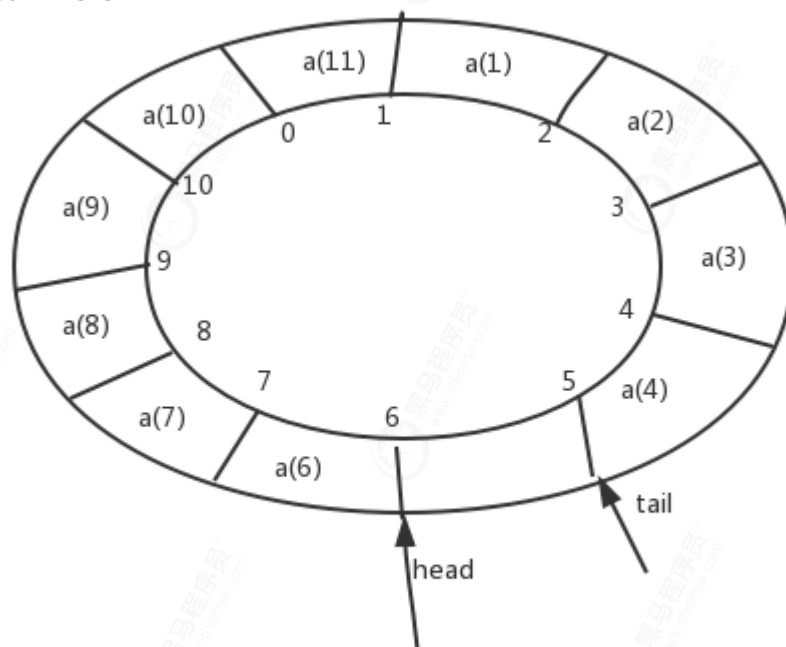
因此我们关于队列已满的判断条件并不正确，我们也不认为当把元素a(11)存入之后队列就满了，反而我们认为上面图中所画情况就是队列已满的情况，如果你还是不甚明白，我们在接着画几个队列已满的情况

数组大小size=11



或者

数组的大小size=11



我们把这种情况下的循环队列称之为队列已满，我们发现当队列满时，图中的 tail 指向的位置实际上是没有存储数据的，所以：

为了避免“队列为空”和“队列为满”的判别条件冲突，我们有意浪费了一个位置。

- 判别队列为空的条件是： $\text{head} == \text{tail}$;
- 判别队列为满的条件是： $(\text{tail} + 1) \% \text{capacity} == \text{head}$ 。可以这样理解，当 tail 循环到数组的前面，要从后面追上 front，还差一格的时候，判定队列为满，其中 capacity 为数组的大小

```
1  class MyCircularQueue {
2      int capacity;
3      //内容数组
4      int[] elementData;
5      //头指针
6      int front;
7      //尾指针
8      int rear;
9
10
11     /** Initialize your data structure here. Set the size of the queue to be k. */
12     public MyCircularQueue(int k) {
13         this.capacity = k+1;
14         elementData = new int[k+1];
15         front = rear = 0;
16     }
17
18     /** Insert an element into the circular queue. Return true if the operation is
```

```

18     successful. */
19     public boolean enqueue(int value) {
20         if (isFull()) {
21             return false;
22         }
23         elementData[rear] = value;
24         rear = (rear+1) % capacity;
25         return true;
26     }
27
28     /** Delete an element from the circular queue. Return true if the operation is
29     successful. */
30     public boolean dequeue() {
31         if (isEmpty()) {
32             return false;
33         }
34         front = (front+1) % capacity;
35         return true;
36     }
37
38     /** Get the front item from the queue. */
39     public int Front() {
40         if (isEmpty()) {
41             return -1;
42         }
43         return elementData[front];
44     }
45
46     /** Get the last item from the queue. */
47     public int Rear() {
48         if (isEmpty()) {
49             return -1;
50         }
51         return elementData[(rear+capacity-1)%capacity];
52     }
53
54     /** Checks whether the circular queue is empty or not. */
55     public boolean isEmpty() {
56         return front == rear;
57     }
58
59     /** Checks whether the circular queue is full or not. */
60     public boolean isFull() {
61         return front == (rear+1) % capacity;
62     }
63 }

```

3.2、641. 设计循环双端队列

<https://leetcode-cn.com/problems/design-circular-deque/>

与622是同类题目

```
1 class MyCircularDeque {
2     //定义数组容量
3     int capacity;
4     //定义数组
5     int[] elementData;
6     //定义front
7     int front;
8     //定义rear
9     int rear;
10
11     /** Initialize your data structure here. Set the size of the deque to be k. */
12     public MyCircularDeque(int k) {
13         this.capacity = k+1;
14         elementData = new int[capacity];
15         front = rear = 0;
16     }
17
18     /** Adds an item at the front of Deque. Return true if the operation is successful. */
19     public boolean insertFront(int value) {
20         if (isFull()) {
21             return false;
22         }
23         front = (front-1+capacity) % capacity;
24         elementData[front] = value;
25         return true;
26     }
27
28     /** Adds an item at the rear of Deque. Return true if the operation is successful. */
29     public boolean insertLast(int value) {
30         if (isFull()) {
31             return false;
32         }
33         elementData[rear] = value;
34         rear = (rear+1) % capacity;
35         return true;
36     }
37
38     /** Deletes an item from the front of Deque. Return true if the operation is successful.
39     */
40     public boolean deleteFront() {
41         if (isEmpty()) {
42             return false;
43         }
44         front = (front+1) % capacity;
45         return true;
46     }
47
48     /** Deletes an item from the rear of Deque. Return true if the operation is successful.
49     */
50     public boolean deleteLast() {
51         if (isEmpty()) {
```

```

50         return false;
51     }
52     rear = (rear-1+capacity) % capacity;
53     return true;
54 }
55
56 /** Get the front item from the deque. */
57 public int getFront() {
58     if (isEmpty()) {
59         return -1;
60     }
61     return elementData[front];
62 }
63
64 /** Get the last item from the deque. */
65 public int getRear() {
66     if (isEmpty()) {
67         return -1;
68     }
69     return elementData[(rear-1+capacity)%capacity];
70 }
71
72 /** Checks whether the circular deque is empty or not. */
73 public boolean isEmpty() {
74     return front == rear;
75 }
76
77 /** Checks whether the circular deque is full or not. */
78 public boolean isFull() {
79     return front == (rear+1) % capacity;
80 }
81 }

```

3.3、703. 数据流中的第K大元素

<https://leetcode-cn.com/problems/kth-largest-element-in-a-stream/>

采用java内置的PriorityQueue实现

```

1  class KthLargest {
2
3      int k;
4      //队列头是最小值,出队列的元素是队列中的最小值,也是队列中第k大的元素
5      PriorityQueue<Integer> queue; //此时队列元素的优先级由自然数的大小关系定义
6
7      public KthLargest(int k, int[] nums) {
8          this.k = k;
9          queue = new PriorityQueue(k);
10         for (int num: nums) {
11             add(num);
12         }

```



```
13     }  
14  
15     public int add(int val) {  
16         if (queue.size() < k) {  
17             queue.offer(val);  
18         }else if (val > queue.peek()) {  
19             queue.poll();  
20             queue.offer(val);  
21         }  
22         return queue.peek();  
23     }  
24 }
```