

下篇 通用网论

特殊网论 (EN系统, P/T系统,

Pr/T系统
有色网系统
关系网系统
随机网系统
时间网系统
随机时间网系统
有色时间网系统
数字网系统):

高级系统

以动态行为为研究目的

通用网论

(并发论, 同步论, 网拓扑, 网逻辑):
寻求网系统的共同基础 (P103七个目标)

概念级别: (四个, 由低到高) (特别设计, 具有信息传递特性)

确定 抽象 构造
并发关系 → 出现结构 → C/E系统 → 信息流网
(最基本现象) (所有个体的痕迹线构成的结构) (信息元件) (信息系统)

- 第五章: C/E系统 { C/E系统概念
公理及基本现象
S-完备及T-完备
↓
同步论 网逻辑
(第六章) (第七章)

- 第八章: 信息流结构
- 第九章: 网拓扑 (研究特殊的拓扑结构, 以沟通离散模型和连续模型之间的联系)
- 第十章: 并发论 (P168进一步讨论并发特性)
- 第十一章: 应用 (以例说明实际应用网系统)

第六章 C/E系统 (条件/事件系统)

一、定义

基本网系统 $(B, E; F, c_{in})$

$c, c' \in C_N$,

“向前”情态集

展望未来

回忆过去

“向前”可达关系
托肯沿F的流关系的
箭头方向流动
 $c \rightarrow c'$

“向后”可达关系

增加“向前”+“忽前忽后”可达关系
完全情态集

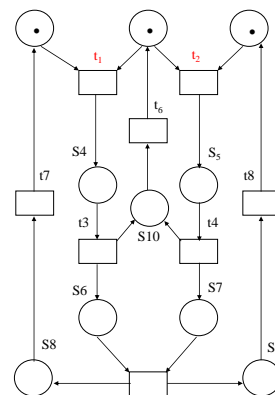
定义6.1 向后发生权

$(B, E; F, c_{in})$ —— EN系统, 二个丛 $c_1, c_2 \subseteq B$

若有 $\mu \subseteq E$,

使得 $c_1[\mu]c_2$, 就说在 c_2 有向后 (一步) 发生权,

发生结果是 c_1 , 记 $c_1 < [\mu] c_2$



例子 Σ_4

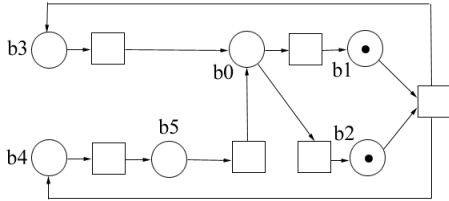
$$\because \{s_8, s_9, s_{10}\} \xrightarrow{\{t_7, t_8\}} \{s_1, s_3, s_{10}\}$$

$\therefore \{s_8, s_9, s_{10}\}$ 是 $\{s_1, s_3, s_{10}\}$ 的向后后继情态

记 $\{s_8, s_9, s_{10}\} < \{t_7, t_8\} \{s_1, s_3, s_{10}\}$

例子

$$\{b_4, b_5\} < [\mu] \{b_4, b_0\}$$



定义6.2 完全情态集

$(B, E; F, c_{in})$ EN系统, 完全情态集是满足以下条件的集合 $[c_{in}]$:

1. $c_{in} \in [c_{in}]$
2. 若 $c_1 \in [c_{in}]$, $c_2 \in B$, $\exists \mu \in E: c_1 [\mu > c_2$ (c_1 向前发生到达 c_2) 或 $c_2 [\mu > c_1$ (c_1 向后发生到达 c_2), 则 $c_2 \in [c_{in}]$
3. 仅以经过1, 2步得到的才属于 $[c_{in}]$

例子的完全情态集

$$[c_{in}] = \{ \{b_1, b_2\}, \{b_3, b_4\}, \{b_3, b_5\}, \{b_3, b_0\}, \{b_3, b_1\}, \{b_3, b_2\}, \\ \{b_4, b_0\}, \{b_4, b_1\}, \{b_4, b_2\}, \\ \{b_5, b_0\}, \{b_5, b_1\}, \{b_5, b_2\}, \\ \{b_0, b_1\}, \{b_0, b_2\}, \\ \{b_4, b_5\} \}$$

$\{b_4, b_5\}$ 是唯一一向后可达情态, 不属于原情态集 $\{b_1, b_2\}$

$\{b_4, b_5\}$ 属于 $[c_{in}]$ 的含义是: 追溯 $c_{in} = \{b_1, b_2\}$ 的历史, b_1, b_2 中的托肯有可能来自 b_4, b_5

定理6.1

$(B, E; F, c_{in})$ 是EN系统, 令 C_i 为从 c_{in} 至少需要 i 步(向前, 向后或交错)才能到达的情态所成的集合,

$$\text{则 } [c_{in}] = \{c_{in}\} \bigcup_{i=1}^{\infty} C_i$$

$$\text{令 } C = \{c_{in}\} \bigcup_{i=1}^{\infty} C_i$$

$$\text{证 } \begin{cases} \supseteq \text{若 } c \in C \Rightarrow c = c_{in} \text{ 或 } c \in C_i \Rightarrow c \in [c_{in}] \\ \subseteq \text{若 } c \in [c_{in}] \Rightarrow c = c_{in} \text{ 或 } \\ c \in C_i \Rightarrow c \in \{c_{in}\} \cup C_i = C \end{cases} \quad \begin{matrix} \\ \\ \infty \\ i=1 \end{matrix}$$

定理6.2

$(B, E; F, c_{in})$ 是EN系统, 设 $c_1, c_2 \in B$, 则 $[c_1] = [c_2]$ 或者 $[c_1] \cap [c_2] = \emptyset$

定理表明: 完全情态集是从上的等价类(由完全可达关系确定)

只要证 $[c_1] \cap [c_2] \neq \emptyset \Rightarrow [c_1] = [c_2]$

或者 $[c_1] \neq [c_2] \Rightarrow [c_1] \cap [c_2] = \emptyset$

$\because [c_1] \cap [c_2] \neq \emptyset, \therefore \exists c_0 \in B: c_0 \in [c_1] \cap [c_2]$



推论

当 $c' \in [c]$, 则 $[c'] = [c]$, 即

1. 完全情态集与选择其内的情态为初始情态无关
2. 完全情态集与选择其外的情态为初始情态有关

17

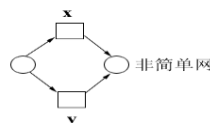
定义6.3 C/E系统

四元组 $\Sigma = (B, E; F, C)$ 为 C/E 系统 iff

1. $(B, E; F)$ 是简单网 — 基网
2. C 是从上的一个完全情态集, C 中的丛称为 Σ 的情态
3. $\forall b \in B, \exists c_1, c_2 \in C: b \in c_1 \wedge b \in \bar{c}_2$
4. $\forall e \in E, \exists c_1, c_2 \in C: c_1[e]c_2$

说明

1. 简单网: 不同成分都有区别 (EN系统中) 网 — 基网

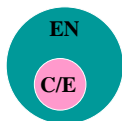


3. 每个条件都有机会成真, 也有机会成假
 4. 每个事件都有机会发生
- 否则在系统不起作用

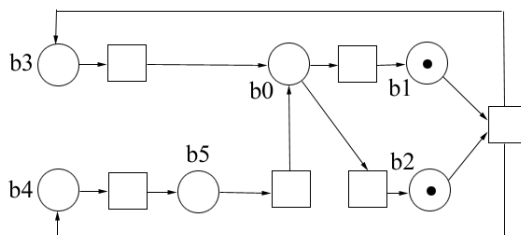
19

EN网系统与C/E系统关系

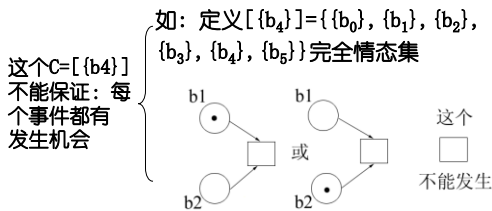
1. 由1, 2推出是一个EN系统



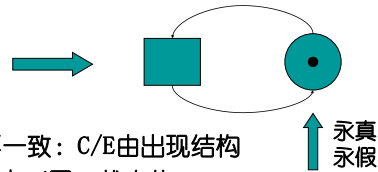
2. 图形表示一致 (下例子可以为EN, 也可以为C/E, 去除 C 中的 $\{b_4, b_5\}$ 为非完全情态)
3. C 的定义影响EN系统是否为C/E系统



21



4. 由3, 4推出 $(B, E; F)$ 为纯网



5. 含义不一致：C/E由出现结构构造而来（同一状态的不同出现“重叠”）

23

二、公理和基本现象

C/E定义 满足 外延公理

↓
系统结构 → 发生权, 后继情态, 情态间完全可达关系

→ 完全情态集C及可达关系r
→ 事件的结构 (事件与条件的关系)

设B—条件集 E—事件集 关系 $r \subseteq 2^B \times E \times 2^B$

C—基于r的完全可达类

↓
B的幂集 (B的所有子集所成的集合)

外延公理

对于任何 B, E, r, C 的 $(B, E; r, C)$, 必 \exists 函数 pre 及 $\text{post}: E \rightarrow 2^B$ ($e = \text{pre}(e)$ 及 $e = \text{post}(e)$) 满足:

- $\forall e \in E: (e \cup e') \neq \emptyset \wedge (e \cap e') = \emptyset$
- $\forall e_1, e_2 \in E: (e_1 = e_2 \wedge e_1' = e_2' \Rightarrow e_1 = e_2)$

每个事件都有外延—非孤立
不同事件外延不同—可以区分

- $\forall (c_1, e, c_2) \in r: c_1 - c_2 = e \wedge c_2 - c_1 = e'$

事件的发生只影响外延

- $\forall c \in C, \forall e \in E: (e \subseteq c \wedge e' \cap c = \emptyset \Rightarrow \exists c' \in C: (c, e, c') \in r)$

向前延之
向后发生权与外延之外的条件无关

- $\forall c \in C, \forall e \in E: (e \cap c = \emptyset \wedge e' \subseteq c \Rightarrow \exists c' \in C: (c', e, c) \in r)$

25

- C/E满足外延公理
- 不是所有 $(B, E; r, C)$ 都是C/E系统 (\because 公理没有规定C/E系统定义的3, 4二点)



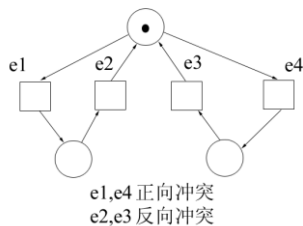
四元组 $(B, E; r, C)$

基本现象

C/E系统 → 完全情态集

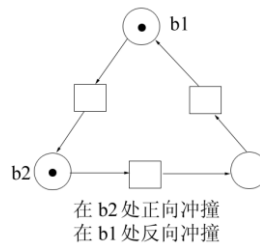
- 冲突
 - 冲撞
 - 并发
 - 混惑
- 以例子说明

冲突

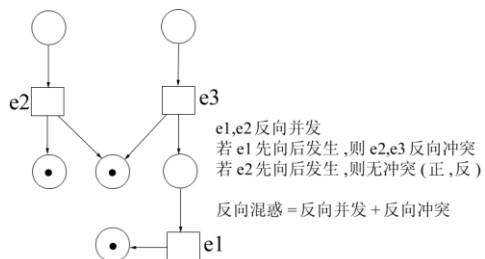


30

冲撞



并发和混惑



从现实角度(理解)

- 混惑系统——所选择不适当的子系统
——人为所致, 非客观
- 并发——加速运算和操作
——并发论 (第十章)
- 冲突 (选择) ——实现选择可以控制

33

三、完备化

S-补可以消除冲撞

假定无冲撞系统 (正反向)



完备化概念

$(B, E; F)$ 为 C/E 基网

$B_1, B_2 \subseteq B$

构造 \rightarrow 找 $e \in E, 'e = B_1 \wedge e' = B_2$

添加所有 e , 对 $(B, E; F)$ T-完备化

$E_1, E_2 \subseteq E$

构造 \rightarrow 找 $b \in B, 'b = E_1 \wedge b' = E_2$

添加所有 b , 对 $(B, E; F)$ S-完备化

定义6.4 完备化

$(S, T; F)$ —简单网

$\forall T_1, T_2 \subseteq T, (T_1, T_2) \neq (\emptyset, \emptyset), \exists \text{唯一 } s \in S:$
 $\cdot s = T_1 \wedge s' = T_2$

称 $(S, T; F)$ —S-完备的

$\forall S_1, S_2 \subseteq S, (S_1, S_2) \neq (\emptyset, \emptyset), \exists \text{唯一 } t \in T:$
 $\cdot t = S_1 \wedge t' = S_2$

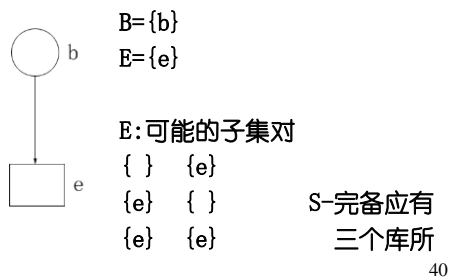
称 $(S, T; F)$ —T-完备的

说明

- C/E的基网 $(B, E; F)$ 的完备网，不一定对应C/E系统，所以用 $(S, T; F)$ 而非 $(B, E; F)$
- $(B, E; F)$ 构造最小S-完备网 $(S, T; F')$
—S-完备化操作
- $(B, E; F)$ 构造最小T-完备网 $(S, T; F')$
—T-完备化操作

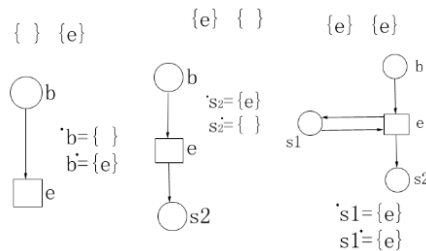
39

例子

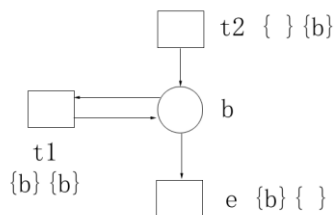


40

三个库所



对于T-完备同样操作



42

命题 6.1

1. 任何网不会同时S-完备的和T-完备的
2. 若 $(S, T; F)$ 是S-完备, 则 $|S| = 4^{|T|} - 1$, 且S中非伴随库所的个数为 $3^{|T|} - 1$
3. 若 $(S, T; F)$ 是T-完备, 则 $|T| = 4^{|S|} - 1$, 且T中纯元素 ($\cdot t \wedge t' = \emptyset$ 的T元素) 的个数是为 $3^{|S|} - 1$

证明

先证2: 令 $m = |T|$

T 的子集为 2^m 个, 则子集偶对 (T_1, T_2) 为 $2^m \times 2^m$ 个
 $= 4^m$

除去全为空的那一对 (ϕ, ϕ) , 则 $4^m - 1$

(T_1, T_2) 与 S -元素一一对之: $|S| = 4^{|T|} - 1$

设 s 是非伴随库所, 对应的 T 子集偶对为 (T_1, T_2)

即 $s = T_1, \quad s' = T_2$

$\therefore s \cap s' = \phi \therefore T_1 \cap T_2 = \phi$

44

设 $|T_1| = i$, 则 $|T - T_1| = m - i$ (T_2 从里选)

$T_1,$
 \downarrow

T_2
 \downarrow

C_m^i

可以是 $T - T_1$ 中的任一子集, 则 2^{m-i}

所以, 当 $|T_1| = i$ 时, (T_1, T_2) 共有 $C_m^i \cdot 2^{m-i}$

$i = 0, 1, 2, \dots, m$

$$\sum_{i=0}^m C_m^i \cdot 2^{m-i} = \sum_{i=0}^m \frac{m!}{i! (m-i)!} 2^{m-i} = 3^m$$

去除 (ϕ, ϕ) , 为 $3^m - 1$

证毕第2结论

证3: 与证2一样

证1 (反证法) 由 2, 3 $|S| = 4^{|T|} - 1$

$|T| = 4^{|S|} - 1$

$|S| = 4^{(4^{|S|} - 1)} - 1 \rightarrow |S| + 1 = 4^{(4^{|S|} - 1)}$

$\text{Log}_4(|S| + 1) = 4^{|S|} - 1$, 得到 $|S|$ 的非正整解

\therefore 任何网都不可能既是 S -完备又是 T -完备