

# 基础语法

## 字符串

### 1. 大小写转换

```
text: str
text.upper() # 变全大写
text.lower() # 变全小写
text.capitalize() # 首字母大写
text.title() # 单个字母大写
text.swapcase() # 大小写转换
s[idx].isdigit() # 判断是否为整
s.isnumeric() # 判断是否为数字（包含汉字、阿拉伯数字等）更广泛
```

补充：需要十分注意的一点事，当我们把str转化为list时（如'sfda'：转化为的是['s', 'f', 'd', 'a']，而不是['sfda']）

### 2. 索引技巧

#### 2.1 列表：

`list.index()`

# 返回第一个匹配元素的索引，如果找不到该元素则会引发 `ValueError` 异常

```
list.index(element, start, end)
```

```
my_list = [10, 20, 30, 40, 50, 30]
index = my_list.index(30)
print(index) # 输出: 2
```

```
index = my_list.index(30, 3)
print(index) # 输出: 5
```

```
list(zip(a, b)) # a, b两列表, [1, 2, 4]; [1, 3, 4]=>[[1, 1], [2, 3], [4, 4]]
```

#### 2.2 字符串：

`str.find()` 和 `str.index()`

```

my_string = "Hello, world!"
index = my_string.find("world")
print(index) # 输出: 7

index = my_string.find("Python")
print(index) # 输出: -1

my_string = "Hello, world!"
index = my_string.index("world")
print(index) # 输出: 7

index = my_string.index("Python") # 引发 ValueError

```

## 2.3 字典:

```

my_dict = {'a': 1, 'b': 2, 'c': 3}
exists = 'b' in my_dict
print(exists) # 输出: True

exists = 'd' in my_dict
print(exists) # 输出: False

keys_list = list(my_dict.keys())
index = keys_list.index('b')
print(index) # 输出: 1

# 直接查找字典中的键
index = list(my_dict).index('b')
print(index) # 输出: 1

dict.get(key, default=None)
# 返回指定键的值，如果值不在字典中返回default值
dict.setdefault(key, default=None)
# 和get()类似，但如果键不存在于字典中，将会添加键并将值设为default

```

## 2.4 集合

```

set1 = {1, 2, 3}
set2 = {3, 4, 5}

# 并集
union_set = set1 | set2
print("并集:", union_set) # 输出: {1, 2, 3, 4, 5}

# 交集
intersection_set = set1 & set2
print("交集:", intersection_set) # 输出: {3}

# 差集
difference_set = set1 - set2
print("差集:", difference_set) # 输出: {1, 2}

# 对称差集
symmetric_difference_set = set1 ^ set2

```

```
print("对称差集:", symmetric_difference_set) # 输出: {1, 2, 4, 5}
```

## import相关

```
# pylint: skip-file
import heapq
from collections import defaultdict
from collections import deque
import bisect
from functools import lru_cache
@lru_cache(maxsize=None)
import sys
sys.setrecursionlimit(1<<32)
import math
math.ceil() # 函数进行向上取整
math.floor() # 函数进行向下取整。
math.isqrt() # 开方取整
exit()
```

```
from collections import Counter
# 创建一个包含多个重复元素的列表/字典
data = [1, 2, 3, 4, 1, 2, 3, 1, 2, 1]
# 使用Counter函数统计各个元素出现的次数
counter_result = Counter(data)
print(counter_result)
#输出
Counter({1: 4, 2: 3, 3: 2, 4: 1})
```

## bisect

### 1. bisect.bisect\_left(a, x, lo=0, hi=len(a))

- 在列表 `a` 中查找元素 `x` 的插入点，使得插入后仍保持排序。
- 返回插入点的索引，插入点位于 `a` 中所有等于 `x` 的元素之前。

### 2. bisect.bisect\_right(a, x, lo=0, hi=len(a)) 或 bisect.bisect(a, x, lo=0, hi=len(a))

- 类似于 `bisect_left`，但插入点位于 `a` 中所有等于 `x` 的元素之后。

### 3. bisect.insort\_left(a, x, lo=0, hi=len(a))

- 在 `a` 中查找 `x` 的插入点并插入 `x`，保持列表 `a` 的有序。
- 插入点位于 `a` 中所有等于 `x` 的元素之前。

### 4. bisect.insort\_right(a, x, lo=0, hi=len(a)) 或 bisect.insort(a, x, lo=0, hi=len(a))

- 类似于 `insort_left`，但插入点位于 `a` 中所有等于 `x` 的元素之后。

## 示例代码

```
python复制代码import bisect

a = [1, 2, 4, 4, 5]

# 查找插入点
print(bisect.bisect_left(a, 4)) # 输出: 2
```

```
print(bisect.bisect_right(a, 4)) # 输出: 4

# 插入元素
bisect.insort_left(a, 3)
print(a) # 输出: [1, 2, 3, 4, 4, 5]

bisect.insort_right(a, 4)
print(a) # 输出: [1, 2, 3, 4, 4, 4, 5]
```

## 内置函数

```
sorted(iterable[, key[, reverse]]) # 返回值
list.sort([key[, reverse]])

print(*list)

lambda
aim_list = sorted(list, key = lambda o: o[1]) # 举例
```

python itertools.product(range(2), repeat=6) 生成6元元组, 01的全排列  
可用于: for l in itertools.product(range(n), repeat=(m))

## 转换

### 进制

```
b = bin(item) # 2进制
o = oct(item) # 8进制
h = hex(item) # 16进制
```

### ASCII

```
ord(char) -> ASCII_value
chr(ascii_value) -> char
```

### print保留小数

```
print("%.6f" % x)
print("{:.6f}".format(result))
# 当输出内容很多时:
print('\n'.join(map(str, ans)))
```

## 算法

### 1.埃氏筛

```
n = int(input())
prime = [0]*2 + [1]*(n-1)
for i in range(n+1):
    if prime[i]:
```

```
for j in range(i*i, n+1, i):
    prime[j] = 0
```

## 2.强联通子图

Kosaraju's算法可以分为以下几个步骤：

1. **第一次DFS**：对图进行一次DFS，并记录每个顶点的完成时间（即DFS从该顶点返回的时间）。
2. **转置图**：将图中所有边的方向反转，得到转置图。
3. **第二次DFS**：根据第一次DFS记录的完成时间的逆序，对转置图进行DFS。每次DFS遍历到的所有顶点构成一个强连通分量。

### 详细步骤

1. **第一次DFS**：
  - 初始化一个栈用于记录DFS完成时间顺序。
  - 对图中的每个顶点执行DFS，如果顶点尚未被访问过，则从该顶点开始DFS。
  - DFS过程中，当一个顶点的所有邻居都被访问过后，将该顶点压入栈中。
2. **转置图**：
  - 创建一个新的图，边的方向与原图相反。
3. **第二次DFS**：
  - 初始化一个新的访问标记数组。
  - 根据栈中的顺序（即第一步中记录的完成时间的逆序）对转置图进行DFS。
  - 每次从栈中弹出一个顶点，如果该顶点尚未被访问过，则从该顶点开始DFS，每次DFS遍历到的所有顶点构成一个强连通分量。

### 示例代码

以下是Kosaraju's算法的Python实现：

```
from collections import defaultdict

class Graph:
    def __init__(self, vertices):
        self.graph = defaultdict(list)
        self.V = vertices

    def addEdge(self, u, v):
        self.graph[u].append(v)

    def _dfs(self, v, visited, stack):
        visited[v] = True
        for neighbour in self.graph[v]:
            if not visited[neighbour]:
                self._dfs(neighbour, visited, stack)
        stack.append(v)

    def _transpose(self):
        g = Graph(self.V)
        for i in self.graph:
```

```

        for j in self.graph[i]:
            g.addEdge(j, i)
    return g

def _fillOrder(self, v, visited, stack):
    visited[v] = True
    for neighbour in self.graph[v]:
        if not visited[neighbour]:
            self._fillOrder(neighbour, visited, stack)
    stack.append(v)

def _dfsUtil(self, v, visited):
    visited[v] = True
    print(v, end=' ')
    for neighbour in self.graph[v]:
        if not visited[neighbour]:
            self._dfsutil(neighbour, visited)

def printSCCs(self):
    stack = []
    visited = [False] * self.v

    for i in range(self.v):
        if not visited[i]:
            self._fillOrder(i, visited, stack)

    gr = self._transpose()

    visited = [False] * self.v

    while stack:
        i = stack.pop()
        if not visited[i]:
            gr._dfsutil(i, visited)
            print("")

# 示例使用
g = Graph(5)
g.addEdge(1, 0)
g.addEdge(0, 2)
g.addEdge(2, 1)
g.addEdge(0, 3)
g.addEdge(3, 4)

print("Strongly Connected Components:")
g.printSCCs()

```

## 代码说明

### 1. Graph类:

- 初始化图的邻接表表示。
- `addEdge` 方法用于添加图的边。

### 2. `_dfs`和`_fillOrder`:

- `_dfs` 方法用于深度优先搜索，并在顶点完成时将其添加到栈中。
- `_fillOrder` 方法用于填充栈，记录顶点的完成顺序。

### 3. `_transpose`:

- `_transpose` 方法用于生成转置图。

### 4. `_dfsUtil`:

- `_dfsUtil` 方法用于在转置图上进行DFS。

### 5. `printSCCs`:

- `printSCCs` 方法结合上述方法实现Kosaraju's算法，用于打印强连通分量。

在这个实现中，我们首先对原图进行一次DFS，并记录每个顶点的完成时间顺序。然后我们构造转置图，并根据完成时间顺序的逆序对转置图进行DFS，找到所有强连通分量。

## 二分查找

```
# hi:不可行最小值, lo:可行最大值
lo, hi, ans = 0, max(lst), 0
while lo + 1 < hi:
    mid = (lo + hi) // 2
    # print(lo, hi, mid)
    if check(mid): # 返回True, 是因为num>m, 是确定不合适
        ans = mid
        lo = mid # 所以lo可以置为 mid + 1。
    else:
        hi = mid
#print(lo)
print(ans)
```

## 数据结构

### 单调栈

- 栈中元素单调。若题目时间复杂度降不下来，可以考虑。（Tough预定知识点）

### 并查集

```
P = list(range(N))
def p(x):
    if P[x] == x:
        return x
    else:
        P[x] = p(P[x])
        return P[x]

def union(x, y):
    px, py = p(x), p(y)
    if px==py:
        return True
    else:
        if <不合法>: # 根据题意, 有时可略
            return False
        else:
```

```
P[px] = py
return True
```

## 8.Trie

### 1. 插入 (Insert) :

```
class TrieNode:
    def __init__(self):
        self.children = {}
        self.is_end_of_word = False

class Trie:
    def __init__(self):
        self.root = TrieNode()

    def insert(self, word):
        node = self.root
        for char in word:
            if char not in node.children:
                node.children[char] = TrieNode()
            node = node.children[char]
        node.is_end_of_word = True
```

### 2. 查找 (Search) :

```
def search(self, word):
    node = self.root
    for char in word:
        if char not in node.children:
            return False
        node = node.children[char]
    return node.is_end_of_word
```

### 3. 前缀查询 (StartsWith) :

```
def starts_with(self, prefix):
    node = self.root
    for char in prefix:
        if char not in node.children:
            return False
        node = node.children[char]
    return True
```