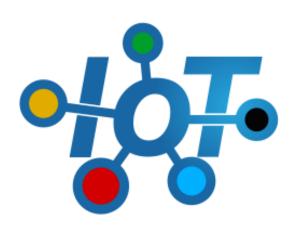
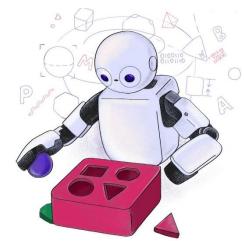
TP557 - Tópicos avançados em IoT e Machine Learning: *Classificação com DNNs*





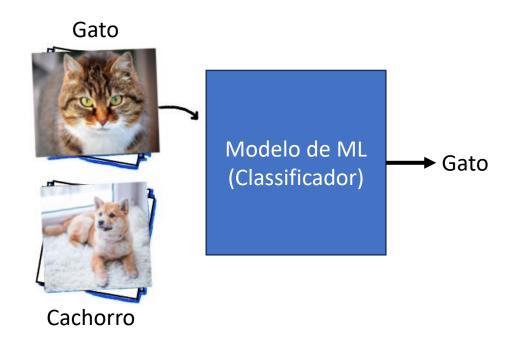


Felipe Augusto Pereira de Figueiredo felipe.figueiredo@inatel.br

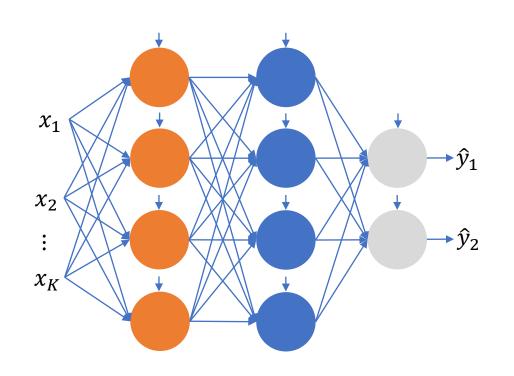
O que vamos ver?

- Anteriormente, vimos como os computadores aprendem através do ajuste dos parâmetros (i.e., dos pesos) de um modelo de ML a relação entre as entradas, x, e a saída esperada, y.
- Ou seja eles encontram um mapeamento (uma função) entre x e y.
- Quando os valores de x são mapeados em valores contínuos, $y \in \mathbb{R}$, chamados o problema de regressão.
- Neste tópico, veremos um outro problema de mapeamento, mas desta vez, os valores de x são mapeados em valores de um conjunto finito e discreto de valores, $y = \{0, 1, ..., Q 1\}, y \subset \mathbb{N}$, onde Q define o número de valores de saída.
- Esse problema é chamado de *classificação*.

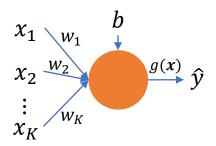
Classificação



- A ideia da classificação, como o próprio nome já diz, é atribuir classes (ou grupos) aos dados de entrada.
- Por exemplo, informar o animal presente em uma imagem (i.e., conjunto de *pixels*).
- Existem vários algoritmos de ML para solucionar este problema:
 - Regressão Logística e *Softmax*;
 - Árvores de Decisão;
 - Máquinas de vetores de suporte;
 - etc.
- Porém, neste curso, focaremos no uso de *redes neurais artificiais* para classificação.

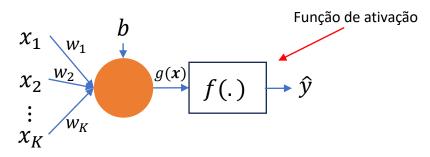


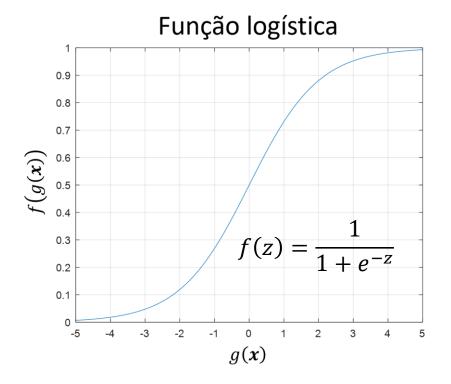
- Na sequência, veremos como *redes* neurais com múltiplas camadas podem também resolver problemas de classificação, bastando fazer algumas alterações na arquitetura da rede.
- Basicamente, precisamos alterar a função de ativação da camada de saída e a função de erro/loss.



$$\hat{y} = g(\mathbf{x}) = \left(\sum_{k=1}^{K} w_k x_k\right) + b$$

- Até agora, usamos um neurônio (sem função de ativação, f(.)) para mapear valores de x em y, ou seja, encontrar uma relação linear entre eles.
 - Lembrando que, em geral, x é um vetor contendo vários atributos.
- Entretanto, os neurônios podem ser usados para *classificação binária* se usarmos uma função de ativação, f(.), do tipo sigmoide (ou logística), por exemplo.

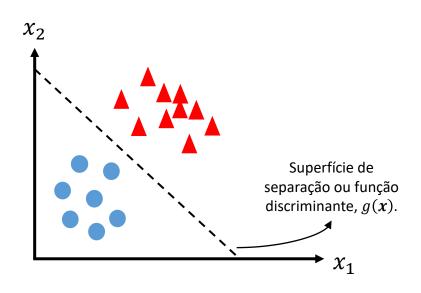




 Ao usarmos uma função de ativação, o modelo matemático do neurônio passa a ser expresso por

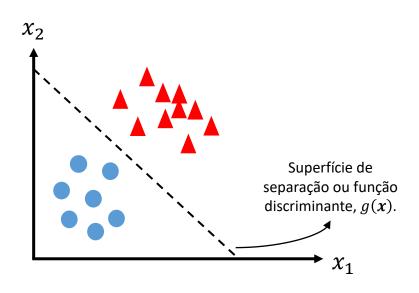
$$\hat{y} = f(g(\mathbf{x})) = f\left(\left(\sum_{k=1}^{K} w_k x_k\right) + b\right).$$

- A função de ativação logística, f(.), é uma suavização da função degrau e, portanto, derivável, que mapeia os valores de g(x) (intervalo infinito) em valores no intervalo [0,1].
- Notem que g(x) continua sendo a equação de um hiperplano.



- ▲ Classe 0 (Classe negativa)
- Classe 1 (Classe positiva)

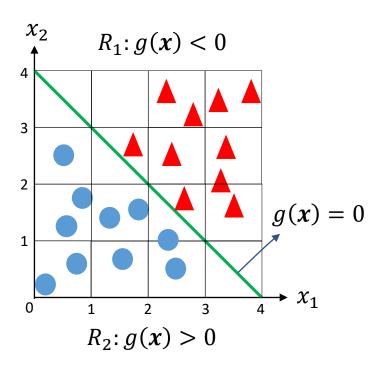
Quando o neurônio opera como um classificador binário, a combinação linear definida por g(x), define uma superfície de separação linear entre dois grupos distintos de dados (i.e., classes), ao invés de uma função que aproxima o comportamento dos dados.



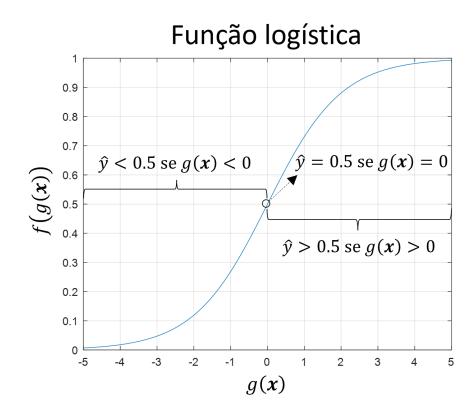
- ▲ Classe 0 (Classe negativa)
- Classe 1 (Classe positiva)

- O neurônio separa as classes usando *hiperplanos* (retas, planos, etc.).
- Nesse contexto, a função g(x) é chamada também de *função discriminante*, pois seus valores de saída são usados para separar as classes.

Função discriminante, g(x)



- Vamos supor a seguinte função discriminante: $g(x) = 4 x_1 x_2$, a qual é mostrada na figura ao lado.
- Agora vamos encontrar as regiões de decisão substituindo alguns valores nela.
 - $x_1 = 1$ e $x_2 = 1$ resulta em g(x) > 0. ✓ Região da classe *positiva*, C_2 .
 - $x_1 = 3$ e $x_2 = 3$ resulta em g(x) < 0. ✓ Região da classe *negativa*, C_1 .
 - $x_1 = 1$ e $x_2 = 3$ resulta em g(x) = 0.
 - ✓ *Indeterminação*: não podemos afirmar a qual classe o exemplo pertence.
 - ✓ Podemos atribuir arbitrariamente a uma das duas classes ou escolher a classe que possui maior número de exemplos.



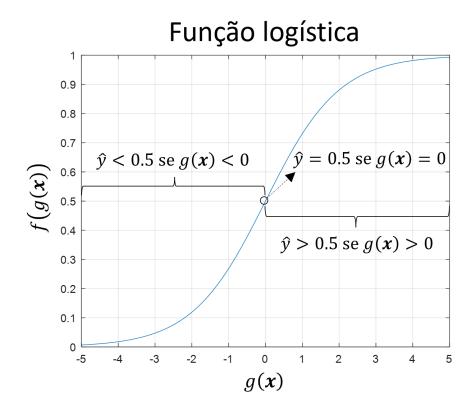
• Ao passar g(x) pela função de ativação,

$$f(.), \text{ temos os seguintes valores de saída:}$$

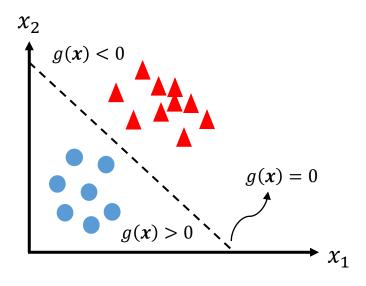
$$f(g(x)) = \begin{cases} 0 \le \hat{y} < 0.5, & \text{se } g(x) < 0 \\ 0.5 < \hat{y} \le 1, & \text{se } g(x) > 0.5 \end{cases}$$

$$g(x) = \begin{cases} 0.5 < \hat{y} \le 1, & \text{se } g(x) > 0.5 \\ 0.5, & \text{se } g(x) = 0 \end{cases}$$

• Esses valores de saída do neurônio são interpretados como sendo a probabilidade (pois valores estão no intervalo [0, 1]) de xpertencer à classe positiva.



- A probabilidade da classe negativa é obtida através do complemento de \hat{y} , i.e., $1 \hat{y}$.
- Notem \hat{y} pode assumir qualquer valor no intervalo [0, 1], ou seja, esse é um problema de regressão e não de classificação!
- Então como obtemos um classificador?

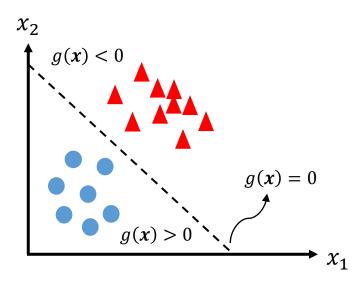


- ▲ Classe 0 (Classe negativa)
- Classe 1 (Classe positiva)

• Para classificar, quantizamos os valores de saída da função de ativação:

$$C = \begin{cases} 0, & \hat{y} < 0.5, \\ 1, & \hat{y} > 0.5, \\ \text{uma ou outra,} & \hat{y} = 0.5. \end{cases}$$

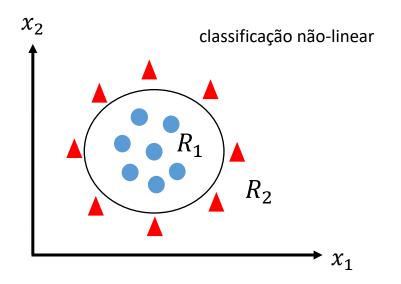
• Em geral, quando $\hat{y} = 0.5$, atribui-se x à classe mais frequente ou a uma das duas classes de forma arbitrária.

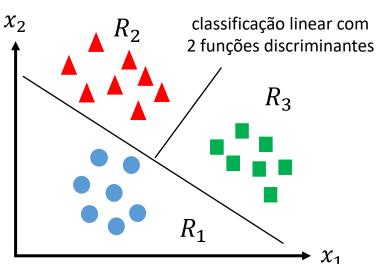


- ▲ Classe 0 (Classe negativa)
- Classe 1 (Classe positiva)

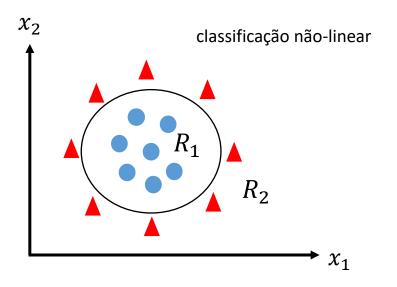
- Quanto mais distante de g(x) estiver x, maior será a probabilidade dele pertencer a uma das duas classes.
- O *objetivo* do treinamento do classificador é *encontrar os pesos* de g(x) de forma que as *classes sejam separadas da melhor forma possível*.
- Ou seja, assim como na regressão, minimizar uma função de erro.

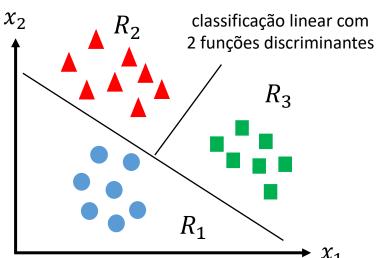
Mas e se tivermos mais de duas classes ou elas não puderem ser separadas por hiperplanos?



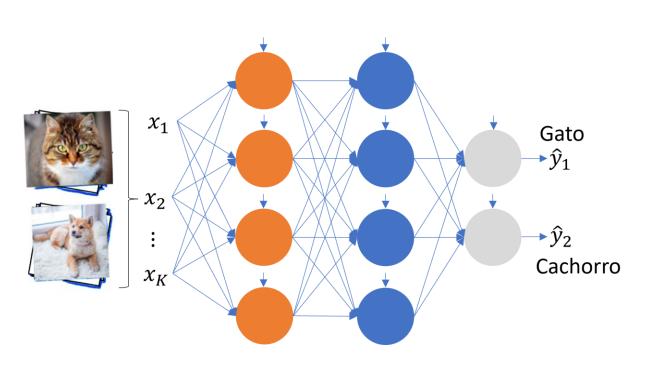


 Se precisarmos resolver problemas com mais classes ou mais complexos (e.g., que exijam superfícies de separação não-lineares ou várias delas), podemos agrupar vários neurônios e usar uma rede neural.

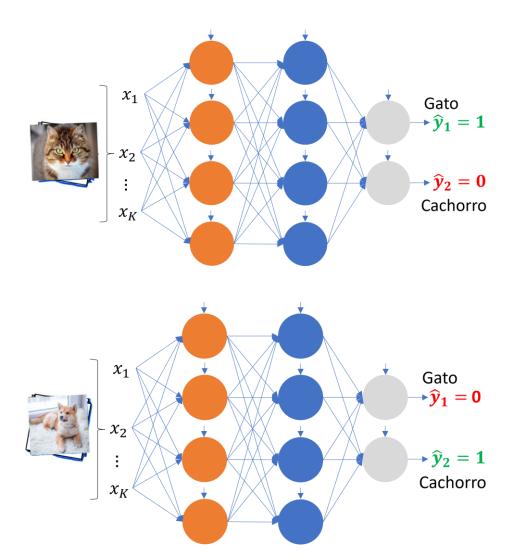




- No caso com múltiplas classes, teremos vários neurônios na camada de saída da rede, um para cada classe do problema de classificação.
- Cada saída da rede neural dá a probabilidade de uma das classes.
- OBS.: Mesmo no caso com duas classes, podemos criar uma rede com duas saídas, onde cada uma delas dá a probabilidade de uma das classes.



- Portanto, se quisermos projetar uma rede neural capaz de distinguir entre gatos e cachorros, poderíamos ter um neurônio de saída representando gatos e outro representando cães.
- Cada neurônio de saída irá apresentar a probabilidade de uma imagem de entrada pertencer a uma das classes.



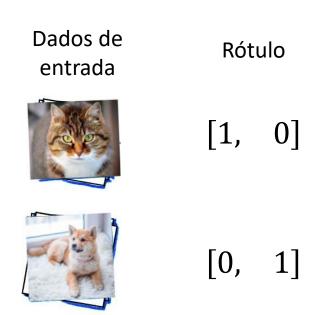
- Então, se uma imagem de um gato for passada para a rede, o neurônio que representa os gatos terá um alto valor de probabilidade (teoricamente 1) e o que representa os cachorros terá um baixo valor de probabilidade (teoricamente 0).
- O contrário ocorreria se imagem de um cachorro fosse passada para a rede.

Dados de entrada

[1, 0]

[0, 1]

 As saídas da rede nos fornecem uma maneira de rotular cães e gatos fazendo com que o rótulo de uma imagem seja um vetor contendo a saída desejada de cada um dos neurônios da camada de saída.



- Portanto, se o primeiro neurônio da camada de saída representa gatos e o segundo cães, podemos dizer que o rótulo (i.e., saída esperada) para imagens de gatos é dado pelo vetor: [1, 0].
- E o rótulo para imagens de cães é dado pelo vetor [0, 1].
- Essa forma de representar os rótulos é chamada de *codificação one-hot*.
 - Vetor onde um único elemento é igual a 1 (indicando a classe verdadeira) e todos os outros são iguais a 0.

- E se quiséssemos usar uma rede neural para reconhecer dígitos escritos à mão?
 - Esse é um problema com 10 classes, os dígitos de 0 a 9.
- Quantos neurônios seriam necessários na camada de saída?
- Como seria a codificação one-hot dos rótulos nesse caso?

```
0 \rightarrow [1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
1 \rightarrow [0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
2 \rightarrow [0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
3 \rightarrow [0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0]
4 \rightarrow [0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0]
5 \rightarrow [0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0]
6 \rightarrow [0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0]
7 \rightarrow [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0]
8 \rightarrow [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0]
9 \rightarrow [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1]
```

- Precisaríamos de *10 neurônios*, 1 para cada um dos 10 possíveis dígitos (0 a 9).
- O rótulo seria um vetor com 10 elementos.
- Porém, apenas um dos elementos seria diferente de 0, aquele que identifica a qual dígito x pertence.
- Vejamos na sequência um código que usa uma rede neural para reconhecer dígitos escritos à mão.

A base de dados

import tensorflow as tf

```
data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()

X_train = X_train / 255.0

X_test = X_test / 255.0

model = tf.keras.models.Sequential(
  [tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28, 28)),
  tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
  tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

- Usaremos a base de dados dos dígitos escritos à mão do MNIST (Modified National Institute of Standards and Technology).
- Ela é uma coleção de *imagens* de dígitos escritos à mão.
- O TensorFlow apresenta uma função (i.e., load_data()) que baixa e divide os dados em conjuntos de treinamento e teste.

A base de dados

- A base de dados possui um conjunto de treinamento de 60.000 imagens e um conjunto de teste de 10.000 imagens.
- São *imagens em escala de cinza* com 28x28 pixels dos dígitos de 0 a 9.
 - Notem que as imagens são arrays bidimensionais.

A base de dados

- Os pixels são representados por valores inteiros não sinalizados de 8 bits, i.e., variam de 0 a 255.
- Cada pixel será um atributo de entrada da rede neural.
- Os rótulos são valores de 0 a 9.

Normalização dos dados

```
import tensorflow as tf

data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()
```

```
X_train = X_train / 255.0
X_test = X_test / 255.0
```

```
model = tf.keras.models.Sequential(
   [tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28,28)),
   tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
   tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

- Para melhorar a estabilidade do treinamento e aumentar a velocidade de convergência, nós normalizamos os valores das imagens.
 - Em geral, as redes neurais se comportam bem melhor se os dados são escalonados.
- Normalizamos os valores dos pixels de forma que fiquem no intervalo entre 0 e 1.
- Para fazer isso, dividimos os valores por 255.



Definindo a rede neural

```
import tensorflow as tf

data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()

X_train = X_train / 255.0

X_test = X_test / 255.0

model = tf.keras.models.Sequential(
  [tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28,28)),
   tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
   tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

• Como fizemos antes, definimos a rede *empilhando* (i.e., listando) algumas camadas em uma rede *sequencial* (i.e., *dense feed forward*).

Definindo a rede neural

```
import tensorflow as tf

data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()

X_train = X_train / 255.0

X_test = X_test / 255.0
```

```
model = tf.keras.models.Sequential(
   [tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28,28)),
   tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
   tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

- Não existe uma regra para definirmos a arquitetura da rede (i.e., número de camadas, nós, otimizador, função de erro, etc.), o mais indicado é testar diferentes arquiteturas, de preferência com técnicas de otimização hiperparamétrica.
- Assim, apenas para ilustrar como realizar classificação com redes neurais, iremos adotar uma arquitetura qualquer.

Camada de achatamento

```
import tensorflow as tf

data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()

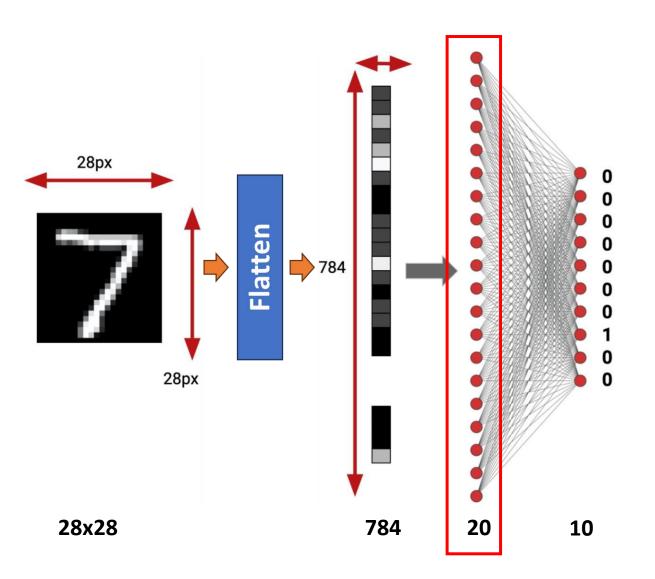
X_train = X_train / 255.0

X_test = X_test / 255.0

model = tf.keras.models.Sequential(
[tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28,28)),
    tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
    tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

- Como as imagens são *arrays* bidimensionais com dimensão 28x28 pixels, a primeira operação que precisamos realizar é *transformá-las em arrays unidimensionais* com 784 pixels (i.e., 28x28 = 784 pixels).
- Essa camada não tem parâmetros a serem aprendidos durante o treinamento, ela só redimensiona os dados de entrada.
- Assim, a primeira camada da rede, Flatten, realiza uma operação de achatamento das arrays 2D de entrada.

Por que achatamos as imagens?



- Notem que a camada (oculta) seguinte à *Flatten* tem 20 neurônios.
- Essa camada oculta espera como entrada uma array unidimensional.
- Assim, precisamos que as imagens sejam transformadas em arrays com uma única dimensão e 784 elementos.

Camada de achatamento

```
import tensorflow as tf

data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()

X_train = X_train / 255.0

X_test = X_test / 255.0

model = tf.keras.models.Sequential(
    [tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28,28)),
    tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
    tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

- Como a camada *Flatten* é a primeira camada, devemos definir nela as dimensões de entrada.
- Definimos que a camada deve esperar por arrays de entrada com dimensões 28x28.
- Se ela receber *arrays* com dimensões diferentes, um erro será lançado.
- OBS.: Lembrem-se que não definimos o número de exemplos de entrada pois ele varia com o tamanho do mini-batch.

Camada oculta

```
import tensorflow as tf

data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()

X_train = X_train / 255.0

X_test = X_test / 255.0

model = tf.keras.models.Sequential(
   [tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28,28)),
   tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
   tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

- Na sequência, definimos a primeira e única camada oculta densa desta rede.
- Como discutido anteriormente, ela possui 20 neurônios.
 - Esse número foi escolhido de forma arbitrária*.

^{*}Mais tarde vocês explorarão outras arquiteturas.

Camada oculta

```
import tensorflow as tf

data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()

X_train = X_train / 255.0

X_test = X_test / 255.0

model = tf.keras.models.Sequential(
   [tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28,28)),
   tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
   tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

- Com poucos nós, a rede pode não ter capacidade suficiente para aprender as características contidas nas imagens.
- Por outro lado, com muitos nós a rede pode se especializar demais ou ficar muito lenta para aprender.
- A camada usa função de ativação ReLU, que iremos detalhar em seguida.

Camada de saída

```
import tensorflow as tf

data = tf.keras.datasets.mnist
(X_train, y_train), (X_test, y_test) = data.load_data()

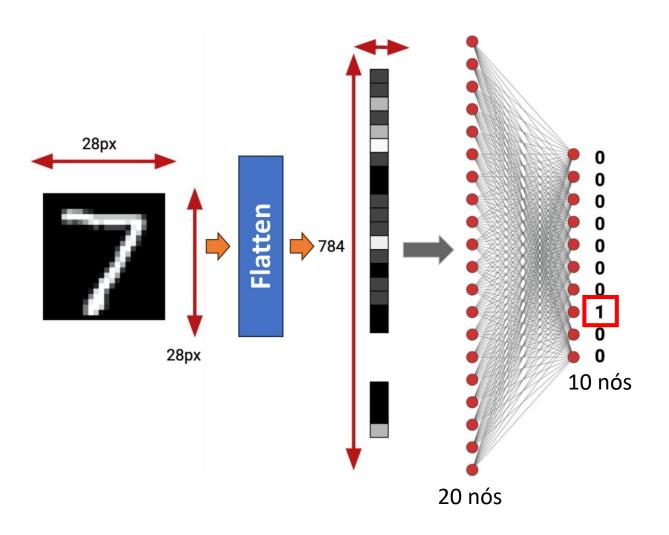
X_train = X_train / 255.0

X_test = X_test / 255.0

model = tf.keras.models.Sequential(
   [tf.keras.layers.Flatten(input_shape=(28,28)),
    tf.keras.layers.Dense(20, activation=tf.nn.relu),
   tf.keras.layers.Dense(10, activation=tf.nn.softmax)])
```

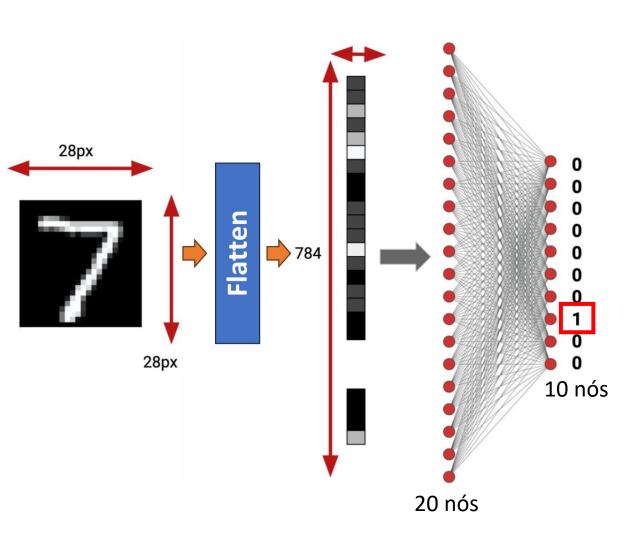
- Como temos 10 possíveis classes, a camada de saída possui 10 neurônios, um para calcular a probabilidade de cada uma das classes do problema.
- Ela usa função de ativação *Softmax*, a qual discutiremos em detalhes a seguir.

A rede neural



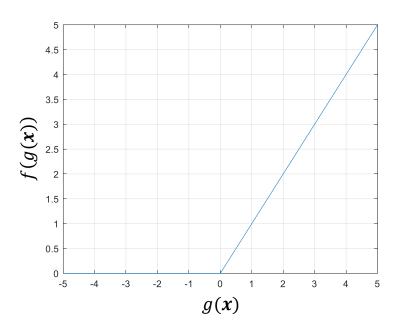
- A figura mostra a rede neural densa que criamos, com 20 neurônios na camada oculta e 10 na de saída.
- Cada neurônio está conectado a cada entrada ou neurônio da camada anterior.

A rede neural



- Assim, se alimentarmos a rede com os pixels de uma imagem contendo um número 7.
- Então, desejaríamos que o neurônio de saída que representa o número 7 fosse o que tivesse o maior valor de probabilidade (em teoria 1).
- Portanto, o rótulo dessa imagem é um vetor com 10 elementos contendo 0s, com exceção do elemento que representa o dígito 7, o qual terá o valor 1.

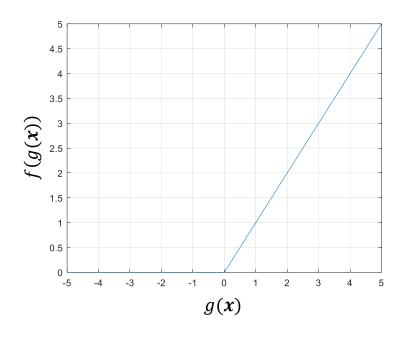
Funções de ativação: ReLU



$$\hat{y} = f(g(\mathbf{x})) = \max(0, g(\mathbf{x}))$$

- Como vimos, a camada oculta usa funções de ativação *Rectified Linear Unit* (ReLU) em seus neurônios.
- É uma função não-linear em que sua saída é igual 0 quando $g(x) \le 0$ e o próprio g(x) quando g(x) > 0.
- É uma das funções mais amplamente utilizadas em redes neurais.
- Suas principais *vantagens* são a sua *simplicidade e eficiência computacional*.

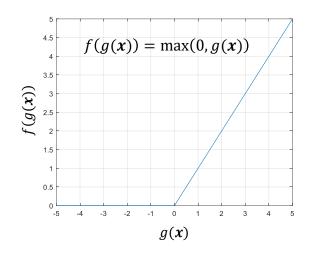
Funções de ativação: ReLU

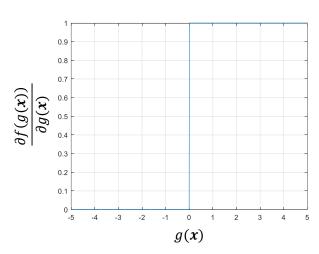


$$\hat{y} = f(g(\mathbf{x})) = \max(0, g(\mathbf{x}))$$

- Ajuda a mitigar o problema do desaparecimento de gradiente, que ocorre com funções de ativação como a sigmoide e tangente hiperbólica quando usadas em redes profundas.
- Ela introduz *não linearidade* nas redes, permitindo que elas *aprendam padrões e a modelar relacionamentos complexos nos dados*.
- OBS.: Redes com neurônios usando *ativação linear só podem modelar relacionamentos lineares* entre entradas e saídas.

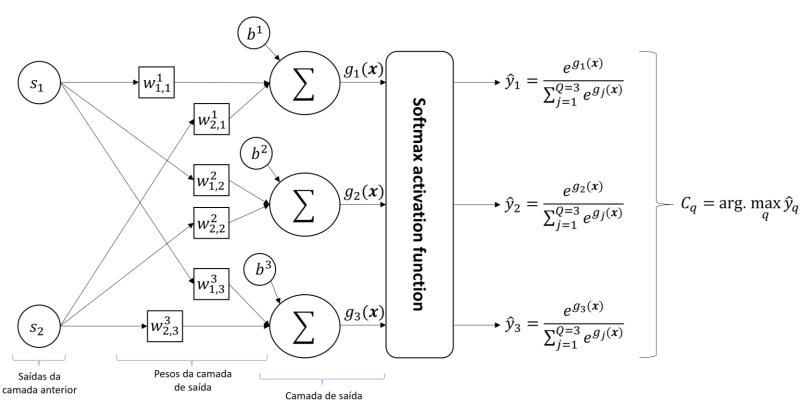
Funções de ativação: ReLU





- Uma desvantagem é que ela pode levar ao problema da *ReLU agonizante*.
- Esse problema ocorre quando os neurônios têm saída igual a zero durante o treinamento e, consequentemente, não conseguem atualizar seus pesos durante a retropropagação.
- Para mitigar esse problema, foram propostas algumas variantes como: <u>Leaky</u> <u>ReLU, Parametric ReLU, Exponential</u> <u>Linear Units (ELU) e Gaussian Error Linear</u> Unit (GELU).

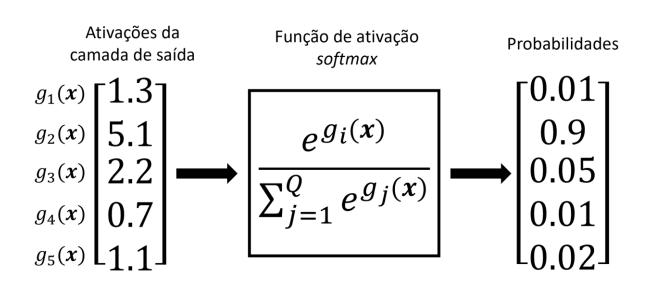
Funções de ativação: Softmax



com 3 neurônios

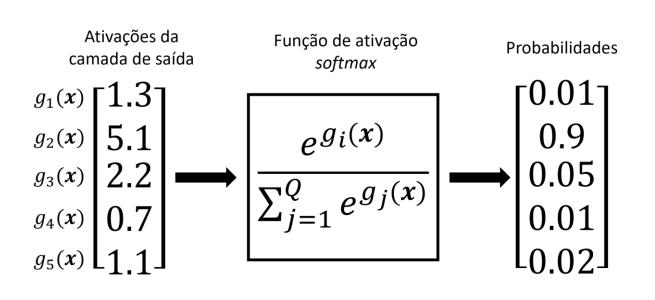
- Usada frequentemente na camada de saída de redes neurais usadas para tarefas de classificação, onde a rede precisa atribuir uma probabilidade para cada classe possível.
- Transforma um vetor de valores de ativação em uma distribuição de probabilidades.
- É uma generalização da função sigmoide.

Funções de ativação: Softmax



- A função opera da seguinte maneira.
- Dado um *vetor de valores de* ativação $(g_i(x), \forall i)$, ela
 - calcula a exponencial de cada ativação,
 - normaliza essas exponenciais dividindo-as pela soma de todas as exponenciais
 - e, por final, gera uma distribuição de probabilidades das classes.

Funções de ativação: Softmax



- Ela garante que as saídas estejam no intervalo entre 0 e 1, e a soma de todas as saídas seja igual a 1, tornando-as interpretáveis como uma função massa de probabilidade.
- Isso é crucial para tarefas de classificação *multiclasse*, onde se deseja determinar a probabilidade de um exemplo de entrada pertencer a cada classe possível.
 - Multiclasse: cada exemplo é atribuído a uma única classe exclusiva.

• Vamos usar o otimizador Adam, o qual *ajusta adaptativamente passos de aprendizagem independentes* dependendo do histórico de gradientes passados, *acelerando a convergência do algoritmo*.

- Como função de erro (i.e., loss), usaremos a função conhecida como entropia cruzada categórica esparsa.
- Não usamos o MSE pois ele é uma métrica usada em problemas de regressão, onde queremos predizer valores contínuos.

```
model.compile(optimizer = 'adam',

loss = 'sparse_categorical_crossentropy',

metrics = ['accuracy']
)

history = model.fit(X_train, y_train, epochs=20)
```

- No entanto, em problemas de classificação, as saídas são categóricas (pertencem a diferentes classes) e muitas vezes codificadas como vetores one-hot.
- Nesses casos, usamos entropia cruzada categórica.

Entropia cruzada categórica

- Métrica frequentemente utilizada para avaliar o desempenho de modelos de classificação multiclasse.
- Ela mede a diferença entre as distribuições de probabilidade previstas pelo modelo e as distribuições dos rótulos das classes.
- A função da *entropia cruzada média* é dada por

$$\hat{y}_q(n)$$
 tende a 1, caso contrário, o erro aumenta.

$$J_e(\mathbf{W}) = -\frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} \sum_{q=0}^{Q-1} 1\{y(n) == q\} \log (\hat{y}_q(n)),$$

onde Q é o número classes, N é o número de exemplos, $1\{\cdot\}$ é a **função indicadora** (1{condição verdadeira} = 1 e 1{condição falsa} = 0), W é a matriz de **pesos**, y(n) é rótulo do n-ésimo exemplo de entrada e $\hat{y}_q(n)$ é a q-ésima saída do modelo para o n-ésimo exemplo de entrada.

Entropia cruzada categórica

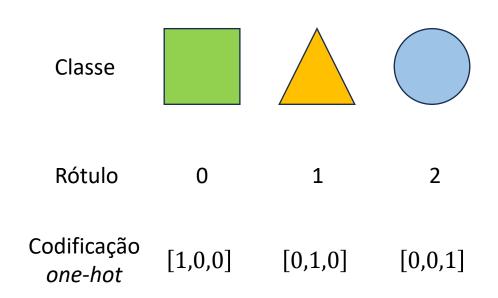
• Usando-se a codificação *one-hot*, a equação pode ser re-escrita como

$$J_e(\mathbf{W}) = -\frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} \mathbf{y}(n)^T \log(\widehat{\mathbf{y}}(n)),$$

onde $y(n) = [1\{y(n) == 1\}, \cdots, 1\{y(n) == Q\}]^T \in \mathbb{R}^{Q \times 1}$ é um vetor coluna com os rótulos utilizando a codificação **one-hot** e $\hat{y}(n) = [\hat{y}_0(n), \cdots, \hat{y}_{Q-1}(n)]^T \in \mathbb{R}^{Q \times 1}$ é um vetor coluna com as Q saídas do modelo para o n-ésimo exemplo de entrada.

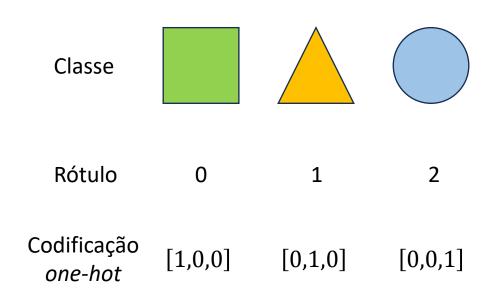
• Durante o *treinamento* do modelo, o *objetivo é minimizar a entropia cruzada categórica*, ou seja, fazer com que as *probabilidades previstas pelo modelo se aproximem ao máximo dos rótulos dos exemplos*.

Entropia cruzada categórica esparsa



- É uma variação da entropia cruzada categórica que *ao invés de usar a codificação one-hot para os rótulos, utiliza valores inteiros* para indicar a classe a que pertence um exemplo.
- Essa variação é particularmente útil quando se lida com uma grande quantidade de classes.
- Por exemplo, imaginem armazenar os vetores one-hot de um problema com mil classes.

Entropia cruzada categórica esparsa



- Isso *economiza memória*, já que apenas *um valor inteiro é necessário em vez de um vetor one-hot*.
- Além disso, há uma diminuição no tempo de cálculo, já que podemos indexar diretamente a probabilidade de saída correta através do índice fornecido pelo rótulo.
 - Com isso, evita-se vários cálculos de multiplicação, log e soma.

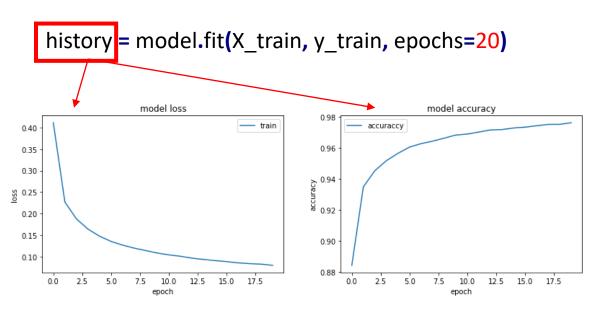
- Se os rótulos são valores *inteiros*, usamos a função de perda *sparse_categorical_crossentropy*.
- Caso contrário, se os rótulos estiverem no formato one-hot, deve-se usar a função de perda categorical_crossentropy.

Treinando o modelo

history = model.fit(X_train, y_train, epochs=20)

- Treinamos o modelo por apenas 20 épocas.
 - Veremos no exemplo que com essa quantidade de épocas já teremos bons resultados.

Avaliando o modelo



- Na sequência, avaliamos o desempenho do modelo durante o treinamento.
- Além da entropia cruzada, vejam que usamos a acurácia como métrica.
 - Acurácia mede a proporção de exemplos classificados corretamente em relação ao número total de exemplos.
- OBS.: A função minimizada é a da entropia cruzada. A acurácia é apenas calculada após cada época e não influencia no treinamento.

Avaliar e otimizar

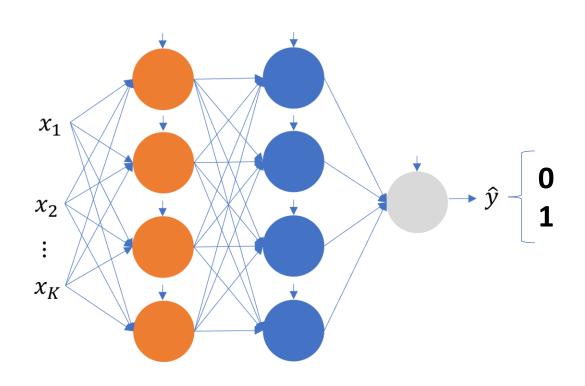
Realizando inferências

```
classifications = model.predict(X_test)

print(classifications[0])
# retorna o índice da maior probabilidade.
print("Predicted class: ", np.argmax(classifications[0]))
print("The actual class: ", y_test[0])
```

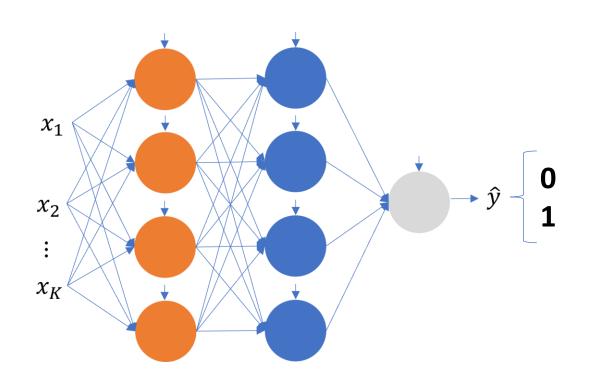
• Por fim, fazemos *inferências* com o modelo treinado usando com *amostras inéditas* para avaliar sua *capacidade de generalização*.

Classificação binária



- No caso da classificação binária, se os rótulos forem valores inteiros, 0 ou 1, podemos criar um classificador binário com apenas uma saída.
- Ou seja, com apenas um neurônio na camada de saída.
- Nesse caso, normalmente, também usamos funções ReLU como ativação das camadas ocultas.
- A função sigmoide é usada como ativação da camada de saída.

Classificação binária



- O otimizador é em geral escolhido entre Adam ou SGD, mas existem outros que podem ser testados: Nadam, RMSProp, etc.
- A função de perda deve ser a da *entropia cruzada binária*.
 - No TensorFlow é implementada pela classe <u>BinaryCrossentropy</u>.
- Se estivermos lidando com imagens e a rede for do tipo dense feed forward, devemos usar uma camada Flatten na entrada.

Exemplo

• Exemplo: Classificação de imagens com dígitos escritos à mão.



Atividades

• Quiz: "TP557 – Classificação com DNNs".

• Exercício: Detecção de peças de roupa

Perguntas?

Obrigado!



