问题: 是否存在 \mathbb{R} 上的开集 A, 使得 $m(\partial A) > 0$?

感觉有问题的一个例子: 首先先取开区间 (0,1), 类似于构造类 Cantor 集, 以中点 $\frac{1}{2}$ 半 径 $\frac{1}{4}$ 去掉一个闭区间,得到两个开区间;然后再在剩余两个开区间的中点以 $\frac{1}{16}$ 为半径 去掉两个闭区间,以此类推. 最后得到的集合记为 A,A 无内点,那么 $A\subseteq \partial A$,而且

$$m(A^c) = \frac{1}{4} \times 1 + \frac{1}{16} \times 2 + \frac{1}{64} \times 4 + \dots = \frac{1}{2}.$$

那么 $m(\partial A) > \frac{1}{2} > 0$. 这个应该是错的!