

§ 8.2 消声器原理



一、惠更斯原理

——任一波面上各点都可以看作是发射子波的波源

子波源发出子波形成的包络面是下一时刻新的波面

——**1678** 年惠更斯提出的原理

——可以确定波在任一时刻的波面和波的传播方向

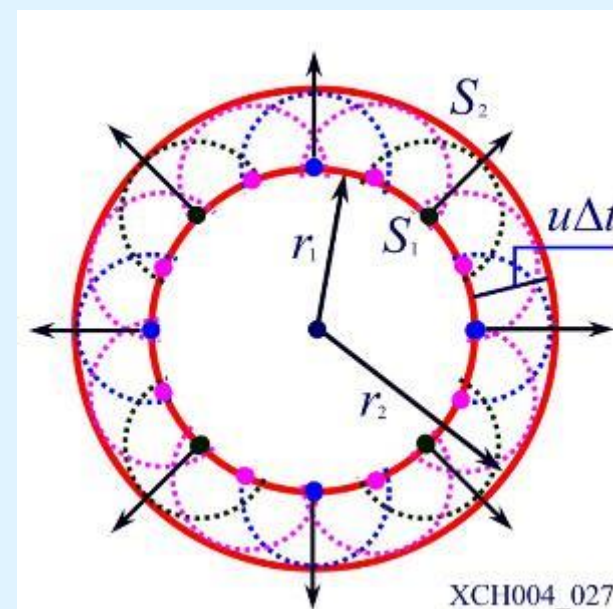
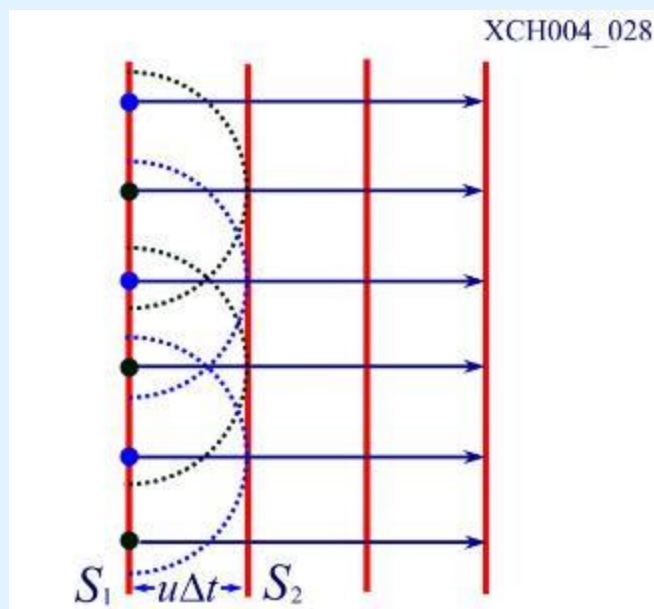
反射波__折射波__波的衍射

—— t 时刻的波面 S_1

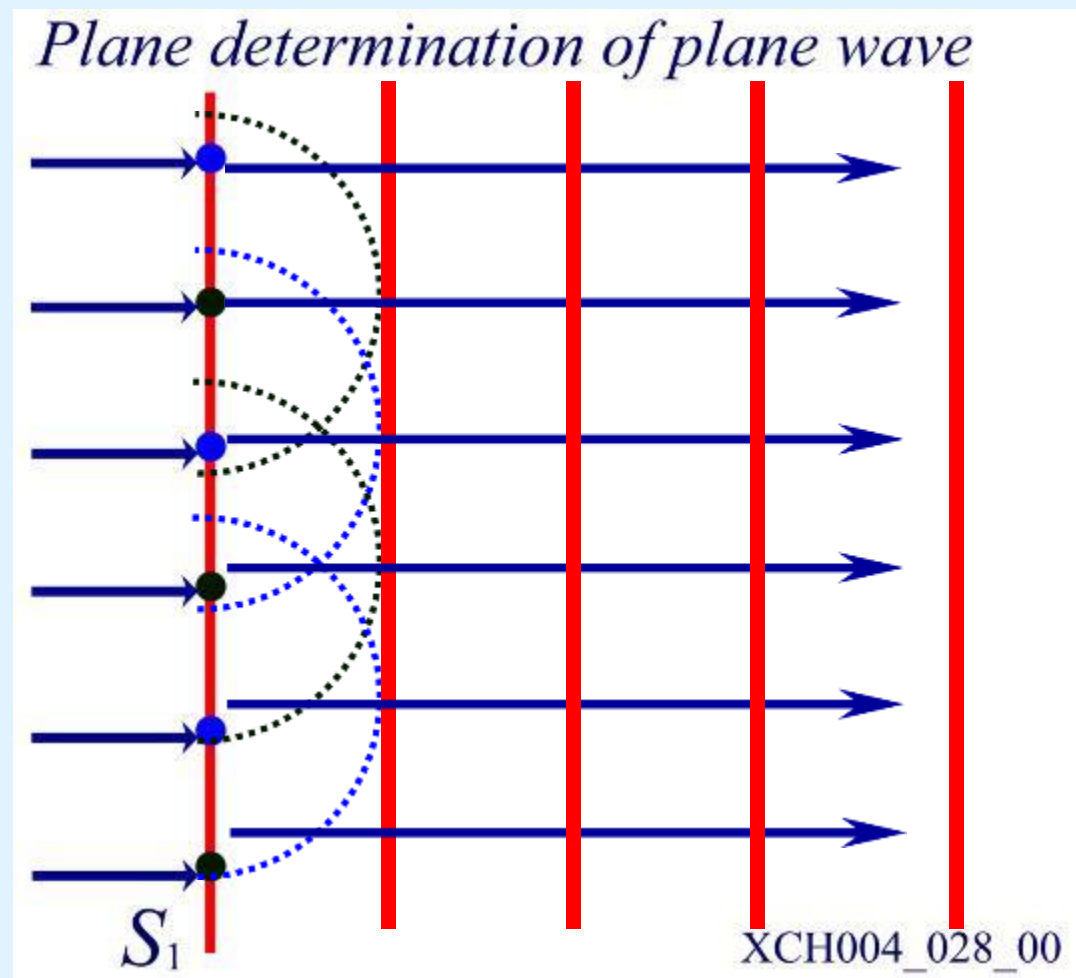
波面上各子波源在时间 Δt 内发出半径为 $u\Delta t$ 的子波

—— $t + \Delta t$ 时刻的波面 S_2 为所有这些子波的包络面

S_1 和 S_2 面之间的距离 $\Delta r = u\Delta t$

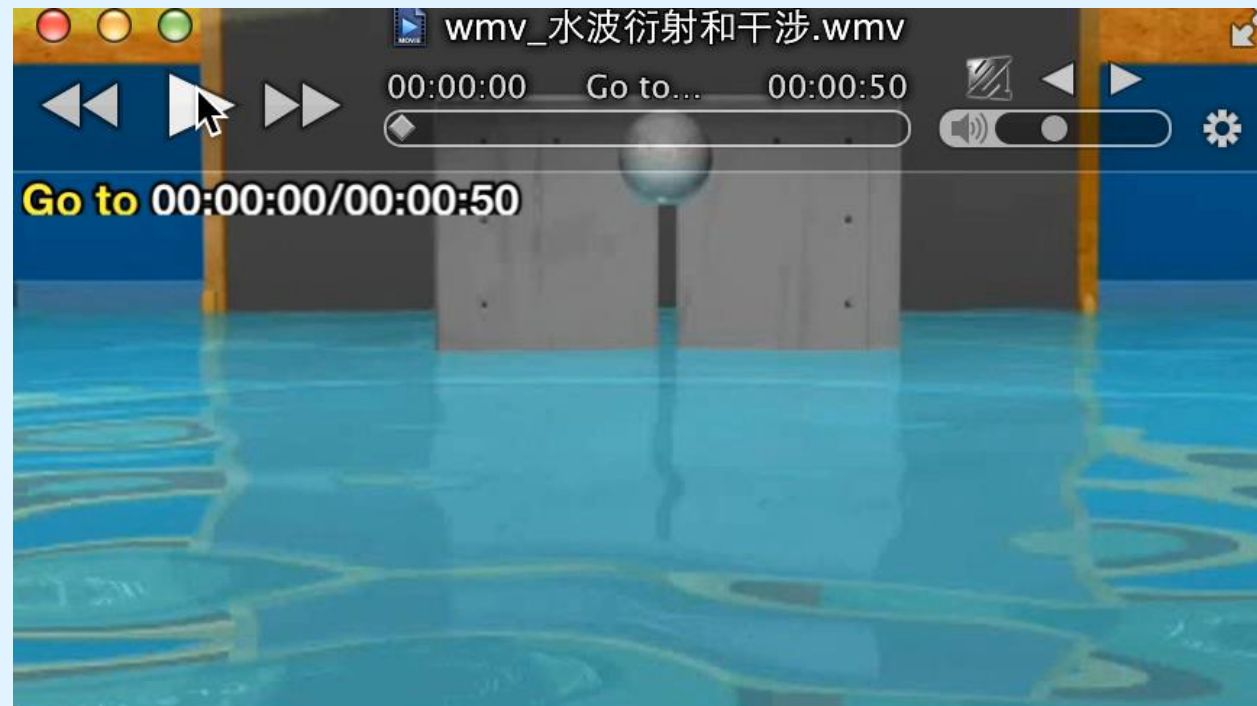


平面波波面和传播方向的确定



二、 波的衍射

衍射 —— 波在传播过程中通过障碍物偏离原来传播方向



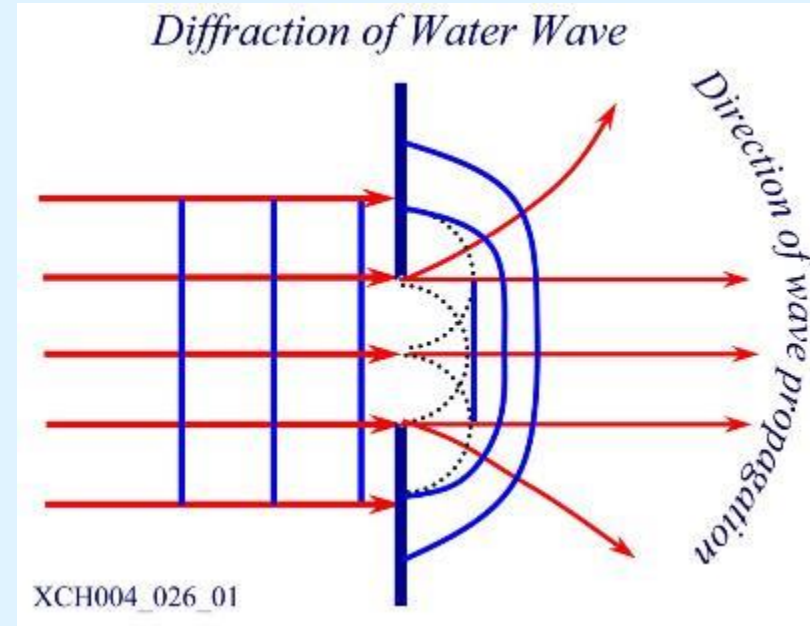
水面波经过狭缝

衍射现象的程度取决与波长与障碍物的大小 —— $\frac{\lambda}{a}$

在单缝衍射中满足 $\frac{\lambda}{a} \sim 1$

$\frac{\lambda}{a}$ 比值越大

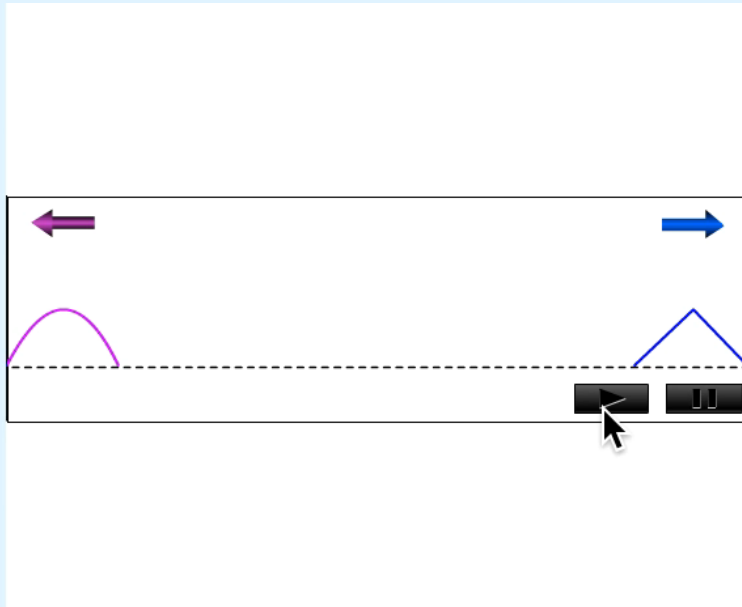
—— 衍射现象越明显



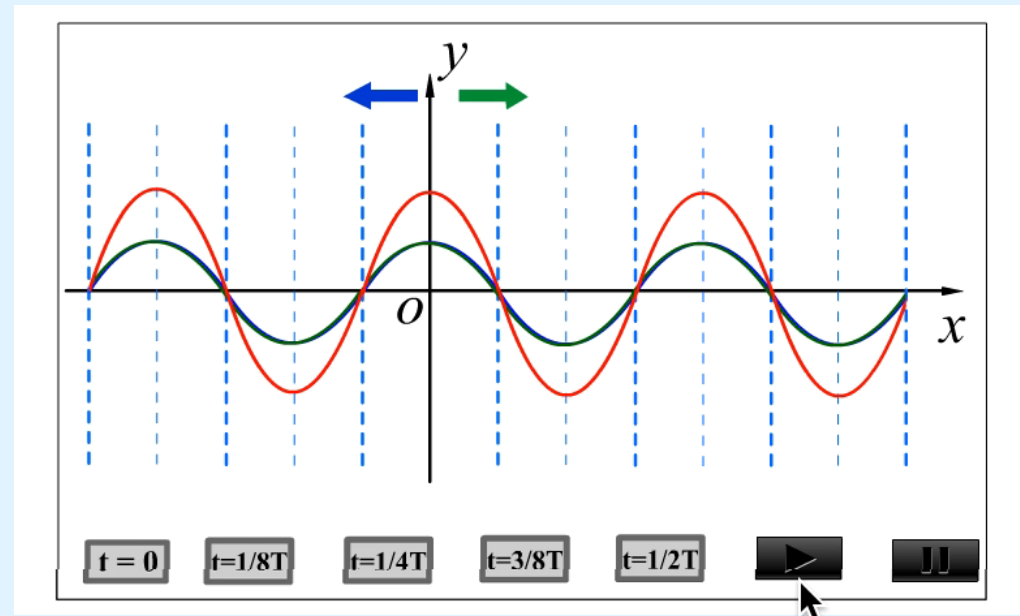
三、波的干涉

1 波的叠加原理

叠加原理 —— 几列波在相遇的区域合成
是各波单独存在时引起的位移矢量和



波的叠加



驻波

2 波的干涉

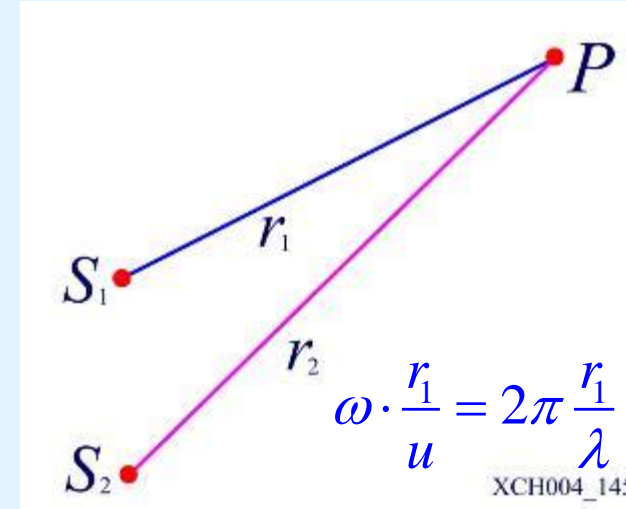
相干波 —— 两列波频率相同__振动方向一致__相差恒定

相干波源 —— 产生相干波的波源

波源
$$\begin{cases} y_{10}(t) = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1) \\ y_{20}(t) = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2) \end{cases}$$

两波在 P 点引起的振动

$$\begin{cases} y_1(r_1, t) = A_1 \cos(\omega t - 2\pi \frac{r_1}{\lambda} + \varphi_1) \\ y_2(r_2, t) = A_2 \cos(\omega t - 2\pi \frac{r_2}{\lambda} + \varphi_2) \end{cases} \quad \begin{aligned} y &= y_1 + y_2 \\ y &= A \cos(\omega t + \varphi) \end{aligned}$$



P点合振动方程 $y = A \cos(\omega t + \varphi)$

合振动的振幅 $A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos \Delta\varphi}$

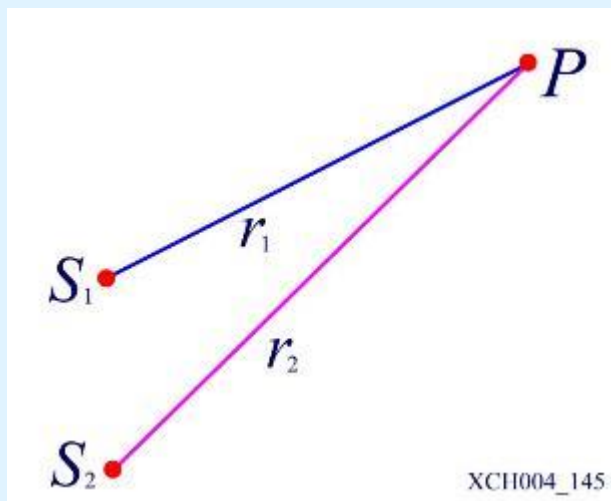
$$\Delta\varphi = (\omega t - 2\pi \frac{r_2}{\lambda} + \varphi_2) - (\omega t - 2\pi \frac{r_1}{\lambda} + \varphi_1)$$

相差 $\Delta\varphi = (\varphi_2 - \varphi_1) - 2\pi \frac{r_2 - r_1}{\lambda}$

强度 $I \propto A^2$

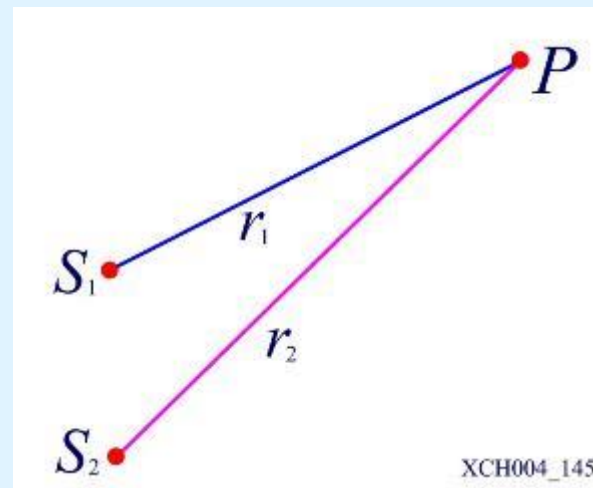
$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \Delta\varphi$$

—— 相差决定空间一点波的强度



$$\begin{cases} I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \Delta\varphi \\ \Delta\varphi = (\varphi_2 - \varphi_1) - 2\pi \frac{r_2 - r_1}{\lambda} \end{cases}$$

★ 给定的空间一点 P



何处振幅最大？ 干涉加强

满足 $(\varphi_2 - \varphi_1) - 2\pi \frac{r_2 - r_1}{\lambda} = \pm 2k\pi$

$$\begin{cases} A_{\max} = A_1 + A_2 \\ I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \end{cases}$$

何处振幅最小？ 干涉减弱

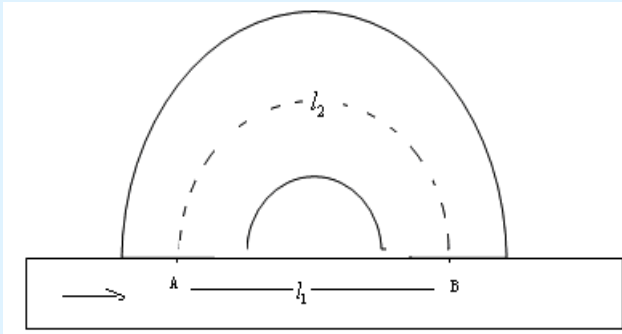
满足 $(\varphi_2 - \varphi_1) - 2\pi \frac{r_2 - r_1}{\lambda} = \pm(2k + 1)\pi$

$$\begin{cases} A_{\min} = |A_1 - A_2| \\ I = I_1 + I_2 - 2\sqrt{I_1 I_2} \end{cases}$$



计算消声器的 Δl

已知枪声频率在300~400Hz范围内，声速为340m/s，开枪后枪声经管道到达A点，然后分成两路传播，最后又在B相遇



$$j_2 = j_1$$

$$\text{枪声的波长范围} \quad \lambda = \frac{u}{n}$$

$$1.13 \sim 0.85 \text{ m}$$

干涉相消的条件

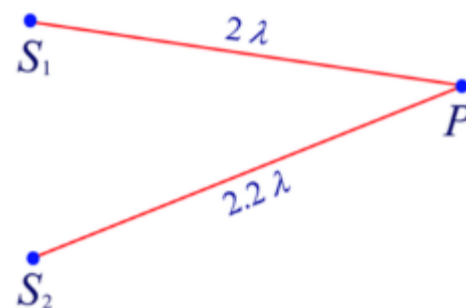
$$(j_2 - j_1) - 2\rho \frac{l_2 - l_1}{\lambda} = \pm(2k + 1)\rho$$

$$\Delta l = (2k + 1) \frac{\lambda}{2} \quad \Delta l_{\min} = 0.425 \text{ m}$$

$$\Delta l_{\max} = 0.566 \text{ m}$$

06. 如图所示, S_1 和 S_2 为两相干波源, 它们的振动方向均垂直图面, 发出波长为 λ 的简谐波。 P 点是两列波相遇区域一点, 已知 $S_1P = 2\lambda$, $S_2P = 2.2\lambda$, 两列波在 P 点发生的相消干涉, 若 S_1 的振动方程为: $y_1 = A\cos(2\pi t + \frac{\pi}{2})$, 则 S_2 的振动方程为:

- (A) $y_2 = A\cos(2\pi t - \frac{\pi}{2})$;
- (B) $y_2 = A\cos(2\pi t - \pi)$;
- (C) $y_2 = A\cos(2\pi t + \frac{\pi}{2})$;
- (D) $y_2 = 2A\cos(2\pi t - 0.1\pi)$ 。



选择题_06 图示

作业：W3 波的干涉 驻波