

# 2018年「大学物理 2」水州電子科技大学期中试题 🖊



考试时间: 2018 年 11 月 11 日

课程编号: A0715012

任课教师: 大学物理教学团队

解析制作: 未央物理讲师 Axia





● 简谐振动

## 1. 选择题 (每题 3 分, 共 27 分)

#### ☑ 题目 1

一沿 x 轴做简谐振动的弹簧振子,振幅为 A,周期为 T,振动方程用余弦函数表示,如果该振子的初相为  $\frac{3}{4}\pi$ ,则 t=0 时刻, 质点的位置在

A. 过 
$$x = +\frac{\sqrt{2}}{2}A$$
 处,向负方向运动

C. 过 
$$x = -\frac{\sqrt{2}}{2}A$$
 处,向负方向运动

B. 过 
$$x = -\frac{\sqrt{2}}{2}A$$
 处,向正方向运动

D. 过 
$$x = +\frac{\sqrt{2}}{2}A$$
 处,向正方向运动

#### ☑ 题目 2

一质点沿 x 轴做简谐振动, 振动方程为  $x=0.08\cos\left(\pi t+\frac{1}{3}\pi\right)$  (SI). 从 t=0 时刻起, 到质点位置在 x=-0.04m 处, 且向 x 轴正方向运动的最短时间间隔为

A. 
$$\frac{1}{2}$$
s

$$C = 2s$$

● 简谐振动

Arr 分析与解 此时质点的相位为  $\varphi = \frac{4}{3}\pi$ , 则相位变化  $\Delta \varphi = \pi$ , 时间间隔  $\Delta t = \frac{\Delta \varphi}{\omega} = 1$ s. 故本题选择  $\mathbf{B}$  项.

#### ☑ 题目 3

沿着相反方向传播的两列相干波, 其表达式为

$$y_1 = A \cos 2\pi \left(vt - \frac{x}{1}\right), \ y_2 = A \cos 2\pi \left(vt + \frac{x}{1}\right)$$

叠加后形成的驻波中,波腹的位置坐标为(其中  $k=0,1,2,3,\cdots$ )

A. 
$$x = \pm k\lambda$$

B 
$$y = \pm (2k + 1)\lambda /4$$

B. 
$$x = \pm (2k+1)\lambda/4$$
 C.  $x = \pm (2k+1)\lambda/2$  D.  $x = \pm k\lambda/2$ 

D. 
$$x = \pm k\lambda/2$$

驻波

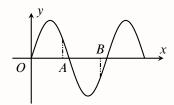
lacksquare 分析与解 形成的驻波表达式为,  $y=y_1+y_2=2A\cos(2\pi\nu t)\cos(2\pi x/\lambda)$ , 故波腹位置坐标为  $x=\pm k\lambda/2$ .

#### ☑ 题目 4

→ 波的能量

B

图示为一平面简谐机械波在 t 时刻的波形曲线. 若此时 A 点处媒质质元的 振动动能在增大,则



- A. A 点处质元的弹性势能在减小
- B. 波沿 x 轴负方向传播
- C. B 点处质元的振动动能在减小 D. 各点能量密度都不随时间变化

#### ☑ 分析与解

- A 点的振动动能在增大、所以 A 点在靠近平衡位置、波沿 x 轴负方向传播、B 项正确
- 波沿 x 轴负方向传播, 由图可知 B 点在靠近平衡位置, 其振动动能在增大、C 项错误
- 根据机械波的特性: 动能和势能同时增大或减小, 能量密度随时间变化, A、D 项错误

### ☑ 题目 5

₩ 驻波

在驻波中,两个相邻波节间各质点的振动

- A. 振幅相同,相位相同 B. 振幅不同,相位相同 C. 振幅相同,相位不同 D. 振幅不同,相位不同
- ☑ 分析与解 根据驻波波形的特点「波形并不向前推进、而是在介质中来回振荡」. 故本题选择 B 项.

#### ☑ 题目 6

● 多普勒效应

- 一机车汽笛频率为 550Hz, 机车以 30m/s 的速度驶近静止的观察者, 观察者听到声音的频率是 (空气中声速 330m/s)
  - A. 605Hz
- B. 600Hz

- C. 504Hz
- D. 500Hz

#### ✓ 分析与解

已知多普勒效应观察者 (Observer) 和发射源 (Source) 的的频率关系为

$$v = \frac{u \pm v_o}{u \mp v_s} v_0$$

 $v_o$  为观察者速度,接近为 +,远离为 -;  $v_s$  为发射源速度,接近为 -,远离为 +.观察者静止,其所听频率为

$$\nu = \frac{330}{330 - 30} \times 550 \text{Hz} \approx 605 \text{Hz}$$

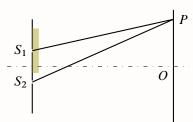
故本题选择 C 项.

#### ☑ 题目 7

▶ 双缝干涉

[ A ]

如图所示,用波长  $\lambda = 600$ nm 的单色光做杨氏双缝实验,在光 P 处产生 第 5 级明纹极大, 现将折射率 n = 1.5 的薄透明玻璃片盖在其中一条缝上, 此时 P 处变成第一级明纹极大的位置,则此玻璃片厚度为



- A.  $4.8 \times 10^{-4}$  cm B.  $6.0 \times 10^{-4}$  cm C.  $7.2 \times 10^{-4}$  cm D.  $8.4 \times 10^{-4}$  cm
- ☑ 分析与解 遮住后光程差变化 5λ λ = 2400nm = (n 1)e, 得玻璃片厚度 e = 4.8×10<sup>-4</sup>cm. 故本题选择 A 项.

#### ☑ 题目 8

▶ 劈尖干涉 【 D 】

两块平玻璃构成空气劈尖,左边为棱边,用单色平行光垂直入射,若上面的平玻璃慢慢地向上平移,则干涉条纹

- A. 向棱边方向平移, 条纹间隔变小
- B. 向远离棱的方向平移, 条纹间隔不变
- C. 向远离棱的方向平移,条纹间隔变大
- D. 向棱边方向平移, 条纹间隔不变
- ightharpoonup 分析与解 平移过程中空气劈形膜的顶角不变,所以条纹间隔不变; 平移过程中每处的光程差增大,所以对应的条纹级数增大,表现为向棱边方向平移. 故本题选择 ightharpoonup 项.

#### ▶ 题目 9

● 弗琅禾费衍射 【 C

在单缝夫琅和费衍射实验中,波长为  $\lambda$  的单色光垂直入射在宽度为  $a=6\lambda$  的单缝上,对应于衍射角为  $30^\circ$  的方向,单缝处波阵面可分成的半波带数目为

A. 2 个

B. 4 个

C. 6 个

- D. 8 个
- ☑ 分析与解 由衍射公式  $a \sin \theta = k\lambda$  得 k = 3,可分成的半波带数目为 2k = 6. 故本题选择  $\mathbb{C}$  项.

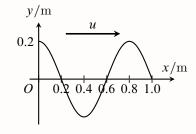
### 2. 填空题 (共 25 分)

### ☑ 题目 10 (本题 4 分)

● 平面简谐波的物理量

一平面简谐波沿 x 轴正方向传播, 波速 u=120m/s, t=0 时刻的波形曲 线如图所示, 则简谐波的波长 0.8m , 频率 150Hz .





#### ☑ 题目 11 (本题 3 分)

▶ 光程和光程差

如图所示,两相干波源  $S_1$  和  $S_2$  相距  $\frac{\lambda}{4}$ ,  $S_1$  的相位比  $S_2$  的相位超前  $\frac{\pi}{3}$ . 在  $S_1S_2$  的连线上两者外侧 P 点两波引起的简谐振动的相位差是  $\frac{5\pi}{6}$  .

$$\begin{array}{ccc} P & S_1 & S_2 \\ & & \downarrow & \frac{1}{4}\lambda & \longrightarrow \end{array}$$

ightharpoonup 分析与解 因传播过程而造成的相位差为  $\frac{2\pi\delta}{\lambda}=\frac{2\pi\cdot\lambda/4}{\lambda}=\frac{\pi}{2}$ ,又因为  $S_1$  的相位比  $S_2$  的相位超前  $\frac{\pi}{3}$ ,所以 P 点处两波引起的相位差为  $\frac{5\pi}{6}$ .

### ☑ 题目 12 (本题 3 分)

● 简谐振动

用 40N 的力拉一轻弹簧, 可使其伸长 20cm. 此弹簧下应挂 0.5 kg 的物体, 才能使其做简谐振动的周期为  $T=0.1\pi$ .

☑ 分析与解 弹簧劲度系数 k = 40 N/0.2 m = 200 N/m; 由振子振动周期  $T = 2\pi \sqrt{m/k}$  得  $m = kT^2/4\pi^2 = 0.5 \text{kg}$ .

#### ☑ 题目 13 (本题 3 分)

▶ 光的相干条件

在双缝干涉实验中,用白光照射时,明纹会出现彩色条纹,明纹外侧呈<u>红</u>颜色;如果用纯绿色滤光片和纯蓝色滤光片分别盖住两缝,则<u>不能</u>产生干涉条纹(填能或不能).

☑ 分析与解 波长越大,明纹张角越大,所以外侧呈红色;根据干涉条件「频率相等」,此时不能产生干涉条纹.

#### ☑ 题目 14 (本题 3 分)

● 相干光的叠加后的光强分布

光强均为  $I_0$  的两束相干光发生干涉时,在相遇区域内可能出现的最大光强是  $4I_0$  ,可能出现的最小光强是 0 .

ightharpoonup 分析与解 两种情况分别对应「干涉相长」与「干涉相消」,即  $I=I_1+I_2\pm 2\sqrt{I_1I_2}$ ,对应光强分别为  $4I_0$  与 0.

#### ☑ 题目 15 (本题 3 分)

● 增透膜

在照相机镜头的玻璃片上均匀镀有一层折射率为n的介质薄膜 (n大于玻璃的折射率),以增强某一波长 $\lambda$ 的透射光能量. 假设光线垂直入射,则介质膜的最小厚度应为 $\frac{\lambda}{2n}$ .

#### ☑ 分析与解

- 当光从光密介质射向光疏介质时,反射光没有半波损失. 所以两个表面反射光光程差为  $\delta=2ne+rac{\lambda}{2}$ .
- 使反射光干涉相消, 即  $2ne+\frac{\lambda}{2}=\frac{2k+1}{2}\lambda$ . 解得 k=1 时,  $e_{\min}=\frac{\lambda}{2n}$ .

#### ☑ 题目 16 (本题 3 分)

▶ 牛顿环

波长  $\lambda = 600$ nm 的单色光垂直照射到牛顿环的装置上,第三级明纹与第七级明纹所对应的空气膜厚度之差为 1200 nm.

#### ☑ 分析与解

由明环半径公式  $r_k = \sqrt{\frac{2k-1}{2}\lambda R}$  得第三级明纹与第七级明纹所对应的空气膜厚度之差为

$$\Delta d = \sqrt{R^2 - r_3^2} - \sqrt{R^2 - r_7^2} \frac{\sqrt{1 - \frac{\lambda}{R}} \sim 1 - \frac{\lambda}{2r}}{\lambda \ll R} R \left( 1 - \frac{5\lambda}{4R} \right) - R \left( 1 - \frac{13\lambda}{4R} \right) = 2\lambda = 600 \text{nm}$$

#### ☑ 题目 17 (本题 3 分)

● 弗琅禾费衍射

测量未知单缝宽度 a 的一种方法是:用已知波长  $\lambda$  的平行光垂直入射在单缝上,在距单缝的距离为 f 处测出衍射 花样的中央亮纹宽度为 L (实验上保证  $f\approx 10^3a$ ),则由单缝衍射的原理可标出 a 与  $\lambda$ ,f,L 的关系为  $a=\frac{2\lambda f}{L}$  .

Arr 分析与解 由衍射公式  $a\sin\theta=\lambda$  得中央明纹张角  $2\theta\approx\frac{2\lambda}{a}$ ,所以中央明纹宽度  $L=\frac{2\lambda f}{a}$ ,即  $a=\frac{2\lambda f}{L}$ .

### 3. 计算题 (共 48 分)

#### ☑ 题目 18 (本题 10 分)

● 简谐振动

一质点按如下规律沿 x 轴做简谐振动

$$x = 0.2\cos\left(4\pi t + \frac{1}{3}\pi\right) \text{(SI)}$$

求此振动的周期、振幅、初相、速度最大值和加速度最大值.

#### ☑ 分析与解

- 初相:  $\varphi_0 = \frac{1}{3}\pi$  ......(2pt)

#### ☑ 题目 19 (本题 8 分)

### ● 简谐振动,平面简谐波的波函数

某质点做简谐振动,周期为 3s,振幅为 0.5m, t=0 时刻,质点恰好处在平衡位置并向正方向运动,求

- 1. 该质点的振动方程.
- 2. 此振动以速度 u = 5m/s 沿 x 轴正方向传播时,形成的一维简谐波的波动方程(以平衡位置为坐标原点).
- 3. 该波的波长.

#### ☑ 分析与解

1. 由题意得,质点的角频率  $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{3} \mathrm{s}^{-1}$ ,质点的初相  $\varphi = -\frac{\pi}{2}$ . 故质点的振动方程为 · · · · · · · · · · (1pt)

$$y_0 = 0.5 \cos\left(\frac{2\pi}{3}t - \frac{\pi}{2}\right) \tag{2pt}$$

2. 波动表达式

$$y = A\cos\left[\omega\left(t - \frac{x}{u}\right) + \varphi\right] = 0.5\cos\left[\frac{2\pi}{3}\left(t - \frac{x}{5}\right) - \frac{\pi}{2}\right]$$
 (3pt)

#### ☑ 题目 20 (本题 10 分)

→ 牛顿环

用波长  $\lambda = 780$ nm 的单色光做牛顿环实验,测得第 k 个暗环半径  $r_k = 4$ mm,第 k+6 个暗环半径  $r_{k+6} = 7$ mm,求平凸透镜的凸面的曲率半径 R.

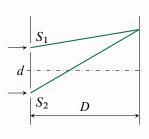
ightharpoonup 分析与解 根据暗环半径公式  $r_k=\sqrt{k\lambda R},\; r_{k+6}=\sqrt{(k+6)\lambda R}$  得  $R=(r_{k+6}^2-r_k^2)/6\lambda=7.05$ m.

#### ☑ 题目 21 (本题 10 分)

▶ 双缝干涉

双缝干涉实验装置如图所示,双缝与屏之间的距离 D=150cm,两缝之间的距离 d=0.50mm,用波长  $\lambda=600$ nm 的单色光垂直照射双缝.

- 1. 求原点 O(零级明条纹所在处)上方第 3 级明条纹的坐标
- 2. 如果用厚度 e = 0.02mm, 折射率 n = 1.67 的透明薄膜覆盖在图中的  $S_1$  缝后面, 求上述第 3 级明条纹的坐标 x'.



#### ☑ 分析与解

 $1. \ x_3 = \frac{3\lambda D}{d} = 5.4 \text{mm}. \tag{4pt}$  2. 根据明纹条件,此时的光程差为

$$\delta = r_2 - r_1 - (n-1)e = \frac{x_3'd}{D} - (n-1)e = k\lambda$$
 (4pt)

得 
$$x_3' = [k\lambda + (n-1)e]\frac{D}{d} = 45.6$$
mm. (2pt)

### ☑ 题目 22 (本题 10 分)

→ 弗琅禾费衍射

波长为 760nm 的平行光垂直地入射于一宽为 0.5mm 的狭缝, 若在缝的后面有一焦距为 2m 的薄透镜, 使光线会聚 于一屏幕上, 试求

- 1. 中央明纹宽度
- 2. 第一级明纹的位置,两侧第二级暗纹之间的距离( $1nm = 10^{-9}m$ ).

#### ☑ 分析与解

1. 中央明条纹宽度 
$$\Delta x_0 = \frac{2\lambda f}{a} = 6.08 \text{mm}.$$
 (3pt)
2. 第一级明纹位置  $a \sin \varphi_1 = \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} = \pm \frac{3}{2} \lambda$ ,  $x_1 = f \sin \varphi_1 = \frac{3\lambda f}{2a} = \pm 4.56 \text{mm}.$  (3pt)
第二级暗纹位置  $a \sin \varphi_2 = \pm k \lambda = \pm 2\lambda$ ,  $\Delta x_2 = |2 \cdot f \sin \varphi_2| = \frac{4\lambda f}{a} = 12.16 \text{mm}.$  (3pt)