

2020年「大学物理 2 | 水州をチ州以大学期中试题 🥒



考试时间: 2020 年 11 月 21 日

任课教师: 大学物理教学团队

课程编号: A0715012 解析制作: 未央物理讲师 Axia

图 (a)、(b)、(c) 为三个不同的简谐振动系统,组成各系统的各弹簧的原长、 各弹簧的劲度系数及重物质量均相同. 三个系统的固有角频率平方之比为





1. 选择题 (每题 3 分, 共 27 分)

☑ 题目 1

(b)

A. $2:1:\frac{1}{2}$ B. 1:2:4 C. 2:2:1 D. 1:1:2

ightharpoonup 分析与解 三种情况的弹簧劲度系数分别为 $k_1=rac{k}{2},\ k_2=k,\ k_3=2k$. 由弹簧振子固有角频率的表达式 $\omega^2=rac{k}{m}$ 得 $\omega_1^2:\omega_2^2:\omega_3^2=k_1:k_2:k_3=1:2:4$. 故本题选择 B 项.

☑ 题目 2

弹簧振子 【 D 】

一弹簧振子作简谐振动,当位移为振幅的一半时,其动能为总能量的

A. $\frac{1}{4}$

B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{1}{\sqrt{2}}$ D. $\frac{3}{4}$

E. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

☑ 分析与解 此时物块动能为 $E_k = \frac{1}{2}kA^2 - \frac{1}{2}k\left(\frac{A}{2}\right)^2 = \frac{3}{8}kA^2$,所以此时物块动能是总能量的 $\frac{\frac{3}{8}kA^2}{\frac{1}{6}kA^2} = \frac{3}{4}$.

☑ 颞目 3

● 平面简谐波

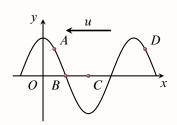
横波以波速 u 沿 x 轴负方向传播.t 时刻波形曲线如图. 则该时刻

A. A 点的振动速度大于零

B. B 点静止不动

C. C 点向下运动

D. D 点的振动速度小于零



☑ 分析与解 画出横波传播很短时间后的波形,根据各点上下位置变化趋势即可判断.

☑ 题目 4

波的能量

一平面简谐波在弹性媒介中传播,在媒质质元从最大位移处回到平衡位置的过程中

A. 它的势能转换成动能

B. 它的动能转换成势能

C. 它从相邻一段质元获得能量, 其能量逐渐增加 D. 它把能量传给相邻一段质元, 其能量逐渐减小

☑ 分析与解 波在传播过程中介质质元振动的动能和势能同时变化、在从最大位移处运动到平衡位置的过程中动能 变大, 所以势能也变大, 其能量逐渐增加. 故本题选择 C 项.

☑ 题目 5

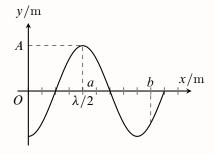
1 驻波

[C]

某时刻**驻波**波形曲线如图所示,则 $a \times b$ 两点振动的相位差是

- A. 0
- B. $\frac{1}{2}\pi$
- С. π
- D. $\frac{5}{4}\pi$

☑ 分析与解 a、b 两点位于波节的两侧, 所以两点处质元的振动相位相反, 相位差为 π . 故本题选择 \mathbb{C} 项.



☑ 题目 6

→ 光程和光程差 I B

 S_1 , S_2 是两个相干光源, 它们到 P 点的距离分别为 r_1 和 r_2 . 路径 S_1P 垂直穿过一块厚度为 t_1 , 折射率为 n_1 的介 质板,路径 S_2P 垂直穿过厚度为 t_2 ,折射率为 n_2 的另一介质板,其余部分可看作真空,这两条路径的光程差等于

A.
$$(r_2 + n_2 t_2) - (r_1 + n_1 t_1)$$

B.
$$[r_2 + (n_2 - 1)t_2] - [r_1 + (n_1 - 1)t_1]$$

C.
$$(r_2 - n_2 t_2) - (r_1 - n_1 t_1)$$

D.
$$n_2t_2 - n_1t_1$$

☑ 分析与解 路径 2 的光程为 $r_2 - t_2 + n_2 t_2 = r_2 + (n_2 - 1)t_2$,同理路径 1 的光程为 = $r_1 + (n_1 - 1)t_1$. 所以两条路 径的光程差为 $[r_2 + (n_2 - 1)t_2] - [r_1 + (n_1 - 1)t_1]$. 故本题选择 B 项.

☑ 题目 7

双缝干涉

在双缝干涉实验中,为使屏上的干涉条纹间距变大,可采取的办法是

A. 使屏靠近双缝

- B. 使两缝的间距变小 C. 把两缝的宽度调窄 D. 改用短波长单色光

lacksquare 分析与解 已知双缝干涉条纹间距公式 $\Delta x = \lambda L/d$. 要使 Δx 变大, 可增大波长 λ 、屏幕与双缝的距离 L 或减 小双缝间距 d. 故本题选择 B 项.

☑ 题目 8

▶ 光的相干条件 【 D 】

用白光光源进行双缝干实验,若用一个纯红色滤光片遮盖一条缝,用一个纯蓝色滤光片遮盖另一条缝,则

A. 干涉条纹的宽度将发生改变

B. 产生红光和蓝光的两套彩色干涉条纹

C. 干涉条纹的亮度将发生改变

D. 不产生干涉条纹

☑ 分析与解 根据干涉条件「频率相等」,此时不能产生干涉条纹.故本题选择 D 项.

☑ 题目 9

◆ 牛顿环 【 B 】

用单色光垂直照射在观察牛顿环的装置上,当平凸透镜垂直向上缓慢平移而远离平面玻璃时,可以观察到这些环状 干涉条纹

- A. 向右平移
- B. 向中心收缩
- C. 向外扩张
- D. 静止不动
- E. 向左平移
- ☑ 分析与解 向中心收缩光程差减小,可抵消透镜上移时导致的光程差增大.故本题选择 B 项.

2. 填空题 (共 19 分)

☑ 题目 10 (本题 2 分)

● 简谐振动的合成

两个同方向简谐振动的振动方程分别为 $x_1 = 0.05\cos(4\pi t + \pi/3)$ (SI), $x_2 = 0.03\cos(4\pi - 2\pi/3)$ (SI), 合成振动的振幅为 0.02 m.

✓ 分析与解 $A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos(\varphi_2 - \varphi_1)} = 0.02$ m.

☑ 题目 11 (本题 4 分)

▶ 相干光的叠加后的光强分布

光强均为 I_0 的两束相干光发生干涉时,在相遇区域内可能出现的最大光强是 $4I_0$,可能出现的最小光强是 0 .

☑ 分析与解 两种情况分别对应「干涉相长」与「干涉相消」, 即 $I = I_1 + I_2 \pm 2\sqrt{I_1I_2}$, 对应光强分别为 $4I_0$ 与 0.

☑ 题目 12 (本题 4 分)

● 惠更斯原理

惠更斯引进<u>子波(或次波)</u>的概念提出了惠更斯原理,菲涅尔再用<u>子波相干叠加(或子波干涉)</u>的思想补充了惠更斯原理发展成了惠更斯-菲涅耳原理.

☑ 题目 13 (本题 2 分)

● 增透膜

波长为 λ 的单色光垂直入射厚度为 e、折射率 $n_2=1.30$ 的透明薄膜,膜上方、下方介质的折射率分别为 $n_1=1.00,\ n_3=1.50.$ 则两束反射光的光程差 $\delta=\underline{2.60e}$.

☑ 分析与解 由于 $n_3 > n_2 > n_1$,所以上表面与下表面的反射光均有半波损失,二者光程差为 $\delta = 2n_2 e = 2.60e$.

☑ 题目 14 (本题 4 分)

→ 弗琅禾费衍射

在单缝的夫琅禾费衍射实验中,屏上第三级暗纹对应于单缝处波面可划分为<u>6</u>个半波带,若将缝宽缩小一半,原来第三级暗纹处将是<u>明</u>纹(填"明"或"暗").

☑ 分析与解 半波带数目为 2k = 6.

☑ 题目 15 (本题 3 分)

▶ 迈克尔逊干涉仪

在迈克尔逊干涉仪的一条光路中,放入一折射率为 n,厚度为 d 的透明薄片,这条光路的光程改变了 2(n-1)d.

☑ 分析与解 迈克尔逊干涉仪光路上的某点光碰到反射镜后会再次经过此处,故原来的光程为 2d; 现在加入了透明薄片,使得这里的光程为 2nd,故光程差为 2(n-1)d. 故本题选择 A 项.

3. 计算题 (共 54 分)

☑ 题目 16 (本题 12 分)

简谐振动

一物体作简谐振动,其速度最大值 $v_{\rm max}=3\times 10^{-2}{
m m/s}$,其振幅 $A=2\times 10^{-2}{
m m}$. 若 t=0 时,物体位于平衡位置 且向 x 轴的负方向运动. 求

- 1. 振动周期 T.
- 2. 加速度的最大值 a_{max} .
- 3. 振动方程的数值式.

☑ 分析与解

1.
$$T = \frac{2\pi}{\omega} \frac{v_{\text{max}} = \omega A}{v} \frac{2\pi A}{v} = \frac{4}{3}\pi s.$$
 (4pt)
2. $a_{\text{max}} = \omega^2 A \frac{v_{\text{max}} = \omega A}{v} v^2 / A = 4.5 \times 10^{-2} \text{m/s}^2.$ (4pt)
3. 由于 $t = 0$ 时 $x = 0$, $v < 0$, 所以初相 $\varphi = \frac{\pi}{2}$. 由 1 问可知角频率 $\omega = 1.5 \text{s}^{-1}$, 所以振动方程为 · · · · · (2pt)

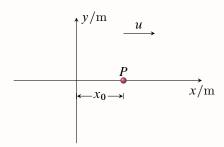
2.
$$a_{\text{max}} = \omega^2 A \xrightarrow{v_{\text{max}} = \omega A} v^2 / A = 4.5 \times 10^{-2} \text{m/s}^2$$
. (4pt)

3. 由于
$$t = 0$$
 时 $x = 0$, $v < 0$, 所以初相 $\varphi = \frac{\pi}{2}$. 由 1 问可知角频率 $\omega = 1.5 \text{s}^{-1}$, 所以振动方程为 · · · · · · (2pt

$$x = 0.02\cos\left(1.5t + \frac{1}{2}\pi\right) \text{(SI)}$$

☑ 题目 17 (本题 6 分)

如图所示,一简谐波向 x 轴正向传播,波速 $u=500 \text{m/s}, x_0=1 \text{m}$ 处 P点的振动方程为 $y = 0.03\cos\left(500\pi t - \frac{\pi}{2}\right)$ (SI). 按图所示坐标系,写出相 应的波的表达式.



✓ 分析与解
$$y(x,t) = 0.03\cos\left[500\pi\left(t - \frac{x-1}{500}\right) - \frac{1}{2}\pi\right]$$
 (SI). · · · · · (6pt)

☑ 题目 18 (本题 12 分)

驻波

设入射波的表达式为 $y_1 = A \cos \left[2\pi \left(\frac{t}{T} + \frac{x}{\lambda} \right) \right]$, 在 x = 0 固定端发生反射,设反射时无能量损失. 求

- 2. 驻波的表达式
- 3. 波腹、波节的位置

☑ 分析与解

1. 到达反射端后波的传播方向改变,同时因半波损失带有 π 的相位差. 所以反射波的表达式为 ······(1pt)

$$y_2 = A\cos\left[2\pi\left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda}\right) + \pi\right] \tag{2pt}$$

2. 驻波表达式
$$y = y_1 + y_2 = 2A\cos\left(\frac{2\pi t}{T} + \frac{\pi}{2}\right)\cos\left(\frac{2\pi x}{\lambda} - \frac{\pi}{2}\right)$$
. (3pt)

2. 驻波表达式
$$y = y_1 + y_2 = 2A\cos\left(\frac{2\pi t}{T} + \frac{\pi}{2}\right)\cos\left(\frac{2\pi x}{\lambda} - \frac{\pi}{2}\right)$$
. (3pt)
3. 波腹的位置 $\cos\left(\frac{2\pi x}{\lambda} - \frac{\pi}{2}\right) = \pm 1$, $x = \frac{2k+1}{4}\lambda$, $k = 0, 1, 2, \dots$ (3pt)

波节的位置
$$\cos\left(\frac{2\pi x}{\lambda} - \frac{\pi}{2}\right) = 0$$
, $x = \frac{k}{2}\lambda$, $k = 0, 1, 2, \cdots$ (3pt)

☑ 题目 19 (本题 6 分)

▶ 双缝干涉

在双缝干涉实验中,双缝与屏间的距离 D=1.2m,双缝间距 d=0.45mm,若测得屏上干涉条纹相邻明条纹间距为 1.5mm,求光源发出的单色光的波长 λ.

ightharpoonup 分析与解 由 $\Delta x = \lambda D/d$ 得单色光波长 $\lambda = \Delta x d/D = 562.5 \mathrm{nm}.$ (6pt)

☑ 题目 20 (本题 12 分)

→ 劈尖干涉

用波长 500nm 的单色光垂直照射到由两块光学平玻璃构成的空气劈形膜上. 在观察反射光的干涉现象中,距劈形膜棱边 l=1.56cm 的 A 处是从棱边算起的第四条暗纹中心.

- 1. 求此空气劈形膜的劈尖角 θ .
- 2. 改用 600nm 的单色光垂直照射到此劈尖上仍观察反射光的干涉条纹, A 处是明条纹还是暗条纹?
- 3. 在第 2 问的情形从棱边到 A 处的范围共有几条明纹,几条暗纹?

☑ 分析与解

1. 考虑半波反射,两束光的光程差为 $\delta=2h_k+\frac{\lambda}{2}$,由暗纹条件······(1pt)

$$2h_4 + \frac{\lambda}{2} = \frac{2k-1}{2}\lambda = \frac{2\times 4-1}{2}\lambda \tag{2pt}$$

利用小角度近似得劈尖角 $\theta \approx \frac{h_4}{l} = 4.81 \times 10^{-5} \text{rad}, \ h_4 = 750 \text{nm}.$ (2pt)

2. 此时光程差 $\delta=2h_4+\frac{\lambda'}{2}=1800\mathrm{nm}=3\lambda'$,满足明纹条件 $\delta=k\lambda$. 所以 A 处是第 3 条明纹......(4pt)

3. 由棱边处的光程差 $\delta = \frac{\lambda}{2}$ 可知棱边处为暗纹. 所以共有 3 条明纹,3 条暗纹......(3pt)

☑ 题目 21 (本题 6 分)

▶ 弗琅禾费衍射

单缝的宽度 a=0.10mm,在缝后放一焦距为 50cm 的会聚透镜,用平行绿光($\lambda=546$ nm)垂直照射到单缝上,试求位于透镜焦平面处的屏幕上中央明条纹宽度.