# 컴퓨터 공학 기초 실험2 보고서

실험제목: Traffic Light Controller with/without Left Turn Signals

실험일자: 2023년 10월 16일 (월)

제출일자: 2023년 10월 25일 (수)

학 과: 컴퓨터공학과

담당교수: 이준환 교수님

실습분반: 월요일 0, 1, 2

학 번: 20222020264

성 명: 최봉규

# 1. 제목 및 목적

#### A. 제목

Traffic Light Controller with/without Left Turn Signals

#### B. 목적

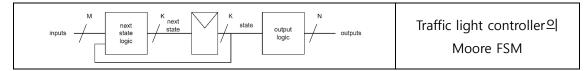
이번 실습에서는 신호등을 제어하는 Logic을 구현한다. Sequential logic을 Verilog로 짜는 방법을 학습하고 이를 구현해본다. Verilog의 코드 구현 방식인 Behavior과 struct 방식을 이해하고 이를 이용해 두 가지의 traffic light controller를 구현한다.

# 2. 원리(배경지식)

신호등  $L_A$ 는 'Academic Ave.'의 차량 통행을 제어하는 신호등이고,  $L_B$ 는 'Bravado Blvd'의 차량 통행을 제어하는 신호등이다. 일반적인 신호등의 경우는 시간에 따라 변하지만, 이번 실습을 통해 구현하려는 신호등은 거리에 차량이 있을 때 신호등이 초록색이 되고, 없을 때는 빨간색이 된다. 차량이 있음을 감지하기 위하여 'Academic Ave.'에 traffic sensor인  $T_A$ 를, 'Bravado Blvd.'에 traffic sensor인  $T_B$ 를 설치한다.

신호등의 구현을 위해 다음 규칙을 만족해야 한다.

- Traffic light는 교통이 없을 때 초록색에서 노란색을 거쳐 빨간색으로 변한다.
- 만약 traffic light  $L_A$ 가 초록색이거나 노란색이면, traffic light  $L_B$ 는 빨간색이다. 반대 의 경우에도 마찬가지이다.



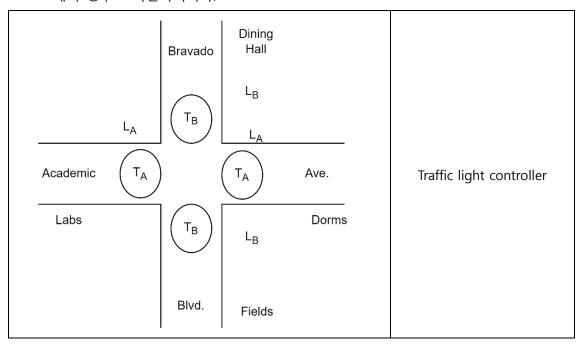
신호등을 제어하는 logic을 구현한다. 앞서 실습한 tragic light controller에 left turn signal을 추가하여 구현한다. 신호등  $L_A$ 는 'Academic Ave.'의 차량 통행을 제어하는 신호등이다.  $L_B$ 는 'Bravado Blvd.'의 차량 통행을 제어하는 신호등이다. 시간에 따라 변하는 신호등이 아닌 거리에 차량이 있을 때 신호등이 초록색이 되고, 없을 때는 빨간색이 된다. 차량이 있음을 감지하기 위하여 'Academic Ave.'에 traffic sensor인  $T_{A}$ ,  $T_B$ 는 직진에 대한 차량을 감시한다. Traffic sensor인  $T_{AL}$ ,  $T_{BL}$ 은 좌회전에 대한 차량을 감시한다.

신호등의 구현은 다음을 만족한다.

- Traffic light는 교통이 없을 때 초록색에서 노란색을 거쳐 좌회전으로 변한다.
- Traffic light는 교통이 없을 때 좌회전에서 노란색을 거쳐 빨간색으로 변한다.
- Traffic light는 비록 좌회전하는 교통이 없더라도 초록색에서 좌회전으로 우선 변해

야 한다.

- 만약 traffic light  $L_A$ 가 초록색, 노란색, 좌회전일 동안에  $L_B$ 는 빨간색이어야 한다. 반대의 경우도 마찬가지이다.

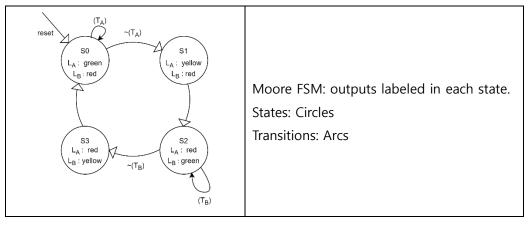


# 3. 설계 세부사항

1) Traffic Light Controller

| Define states  | S0, S1, S2, S3  |
|----------------|---|
| Define inputs  | T <sub>A</sub> , T <sub>B</sub>                                       |
| Define outputs | L <sub>A1</sub> , L <sub>A0</sub> , L <sub>B1</sub> , L <sub>B0</sub> |

# Draw the diagram



**Encoding states** 

| Current state | $Q_1$ | $Q_0$ |
|---------------|-------|-------|
| S0            | 0     | 0     |
| S1            | 0     | 1     |
| S2            | 1     | 1     |
| S3            | 1     | 0     |

# FSM Encoded State Transition Table

| Curren         | it state | Inp            | uts            | Next state     |       |  |  |
|----------------|----------|----------------|----------------|----------------|-------|--|--|
| Q <sub>1</sub> | $Q_0$    | T <sub>A</sub> | T <sub>B</sub> | D <sub>1</sub> | $D_0$ |  |  |
| 0              | 0        | 0              | Х              | 0              | 1     |  |  |
| 0              | 0        | 1              | Х              | 0              | 0     |  |  |
| 0              | 1        | Χ              | Х              | 1              | 0     |  |  |
| 1              | 0        | Х              | 0              | 1              | 1     |  |  |
| 1              | 0        | Х              | 1              | 1              | 0     |  |  |
| 1              | 1        | Х              | Х              | 0              | 0     |  |  |

| Boolean equation | $D_1 = Q_1 \oplus Q_0$             |
|------------------|------------------------------------|
| boolean equation | $D_0 = !Q_1!Q_0!T_A + Q_1!Q_0!T_B$ |

# FSM output table

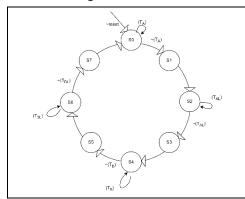
| Curren | t state | Outputs         |                 |                 |                 |  |  |  |
|--------|---------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|--|--|--|
| $Q_1$  | $Q_0$   | L <sub>A1</sub> | L <sub>A0</sub> | L <sub>B1</sub> | L <sub>B0</sub> |  |  |  |
| 0      | 0       | 0               | 0               | 1               | 0               |  |  |  |
| 0      | 1       | 0               | 1               | 1               | 0               |  |  |  |
| 1      | 0       | 1               | 0               | 0               | 0               |  |  |  |
| 1      | 1       | 1               | 0               | 0               | 1               |  |  |  |

|                  | $L_{A1} = Q_1$ $L_{A0} = Q_1Q_0$ |
|------------------|----------------------------------|
| Boolean equation | $L_{B1} = \sim Q_1$              |
|                  | $L_{B0} = Q_1 Q_0$               |

# 2) Traffic Light Controller with Left Turn signals

| Define states  | S0, S1, S2, S3, S4, S5, S6, S7  |
|----------------|---|
| Define inputs  | T <sub>A</sub> , T <sub>B</sub> , T <sub>AL</sub> , T <sub>BL</sub>   |
| Define outputs | L <sub>A1</sub> , L <sub>A0</sub> , L <sub>B1</sub> , L <sub>B0</sub> |

# Draw the diagram



Moore FSM: outputs labeled in each state.

States: Circles Transitions: Arcs

# **Encoding states**

| Current state | Q <sub>2</sub> | $Q_1$ | $Q_0$ |
|---------------|----------------|-------|-------|
| S0            | 0              | 0     | 0     |
| S1            | 0              | 0     | 1     |
| S2            | 0              | 1     | 0     |
| S3            | 0              | 1     | 1     |
| S4            | 1              | 0     | 0     |
| S5            | 1              | 0     | 1     |
| S6            | 1              | 1     | 0     |
| S7            | 1              | 1     | 1     |

# FSM Encoded State Transition Table

| Cu             | rrent sta      | ate   |                | Inp             | out            |                 | N              | lext stat      | e              |
|----------------|----------------|-------|----------------|-----------------|----------------|-----------------|----------------|----------------|----------------|
| Q <sub>2</sub> | Q <sub>1</sub> | $Q_0$ | T <sub>A</sub> | T <sub>AL</sub> | T <sub>B</sub> | T <sub>BL</sub> | D <sub>2</sub> | D <sub>1</sub> | D <sub>0</sub> |
| 0              | 0              | 0     | 0              | Χ               | Χ              | Χ               | 0              | 0              | 1              |
| 0              | 0              | 0     | 1              | Χ               | Χ              | Χ               | 0              | 0              | 0              |
| 0              | 0              | 1     | Χ              | Χ               | Χ              | Χ               | 0              | 1              | 0              |
| 0              | 1              | 0     | Χ              | 0               | Χ              | Χ               | 0              | 1              | 1              |
| 0              | 1              | 0     | Χ              | 1               | Х              | Х               | 0              | 1              | 0              |
| 0              | 1              | 1     | Χ              | Χ               | Χ              | Χ               | 1              | 0              | 0              |
| 1              | 0              | 0     | Χ              | Χ               | 0              | Χ               | 1              | 0              | 1              |
| 1              | 0              | 0     | Χ              | Χ               | 1              | Χ               | 1              | 0              | 0              |
| 1              | 1              | 0     | Х              | Х               | Х              | 0               | 1              | 1              | 1              |
| 1              | 1              | 0     | Χ              | Х               | Х              | 1               | 1              | 1              | 0              |
| 1              | 1              | 1     | Χ              | Χ               | Х              | Χ               | 0              | 0              | 0              |

| D2 Column 1 Column 2 Column 3 Column 4 Column 5 Column 5 Column 6 |                    |   |                    |   |                    |   |                    |   |       |   |     |
|---|--------------------|---|--------------------|---|--------------------|---|--------------------|---|-------|---|-----|
|   | 1000000            | 1 | 100000-            | 1 | 1000-0-            | 1 | 1000-              | 1 | 100   | 1 | 10  |
|   | 0110000            | 1 | 1000-00            | 1 | 100-00-            | 1 | 1000               | 1 | 100-  | 1 | 1-0 |
|   | 1000001<br>1000100 | 1 | 100-000<br>10000-0 | 1 | 10000              | 1 | 10-0-0-            | 1 | 1-00- |   |     |
|   | 100100             | 1 | 10-0000            | 1 | 1-0000-            | 1 | 100-0              | 1 | 1-00  |   |     |
|   | 1000010            | 1 | 1-00000            | 1 | 10000              | 1 | 1000-              | 1 | 100   |   |     |
|   | 1010000            | 2 | 011000-            | 1 | 10000              | 1 | 1-0-00-            | 1 | 1-0-0 |   |     |
|   | 1100000            | 2 | 01100-0            | 1 | 10-0-00            | 1 | 10-00              | 1 | 100   |   |     |
|   | 0110001<br>0110010 | 2 | 0110-00<br>011-000 | 1 | 1-00-00            | 1 | 1-000              | 1 | 1-00  |   |     |
|   | 011010             | 2 | 1000-01            | 1 | 10000              | 1 | 1000               | 2 | 101   |   |     |
|   | 0111000            | 2 | 100-001            | 1 | 1-0-000            | 1 | 1-000              | 2 | 1-01  |   |     |
|   | 1000101            | 2 | 10000-1            | 1 | 10-00-0            | 1 | 10-00              | 2 | 101   |   |     |
|   | 1001001            | 2 | 10-0001            | 1 | 1-000-0            | 1 | 1-000              | 2 | 1-0-1 |   |     |
|   | 1001100            | 2 | 1-00001            | 2 | 01100              | 1 | 100-0              | 2 | 10-1  |   |     |
|   | 1000011            | 2 | 100010-<br>100-100 | 2 | 0110-0-<br>011-00- | 2 | 1-0-0-0<br>0110    | 2 | 1-01  |   |     |
|   | 1001010            | 2 | 10001-0            | 2 | 01100              | 2 | 011-0              | 2 | 1-01- |   |     |
|   | 1010001            | 2 | 10-0100            | 2 | 011-0-0            | 2 | 0110-              | 2 | 101   |   |     |
|   | 1010010            | 2 | 1-00100            | 2 | 01100              | 2 | 0110               | 2 | 110   |   |     |
|   | 1010100            | 2 | 100100-            | 2 | 10001              | 2 | 1001               |   |       |   |     |
|   | 1011000            | 2 | 1001-00            | 2 | 10001              | 2 | 1001               | _ |       |   |     |
|   | 1100001<br>1100010 | 2 | 10010-0<br>10-1000 | 2 | 10-0-01<br>1-00-01 | 2 | 1-001              |   |       |   |     |
|   | 1100100            | 2 | 1-01000            | 2 | 100-0-1            | 2 | 1-001              |   |       |   |     |
|   | 1101000            | 2 | 100001-            | 2 | 10001              | 2 | 100-1              |   |       |   |     |
|   | 0110011            | 2 | 1000-10            | 2 | 1-0-001            | 2 | 1-0-0-1            |   |       |   |     |
|   | 0110101            | 2 | 100-010            | 2 | 10-00-1            | 2 | 100-1              |   |       |   |     |
|   | 0110110            | 2 | 10-0010            | 2 | 1-000-1            | 2 | 1010-              |   |       |   |     |
|   | 0111001<br>0111010 | 2 | 1-00010<br>101000- | 2 | 100-10-            | 2 | 1-0-10-            |   |       |   |     |
|   | 0111100            | 2 | 10100-0            | 2 | 10-010-            | 2 | 1-001              |   |       |   |     |
|   | 1001101            | 2 | 1010-00            | 2 | 1-0010-            | 2 | 101-0              |   |       |   |     |
|   | 1000111            | 2 | 101-000            | 2 | 100-1-0            | 2 | 1-0-1-0            |   |       |   |     |
|   | 1001011            | 2 | 110000-            | 2 | 10100              | 2 | 1001               |   |       |   |     |
|   | 1001110            | 2 | 11000-0<br>1100-00 | 2 | 1-0-100            | 2 | 10-1-0-<br>1-01-0- |   |       |   |     |
|   | 1010011            | 2 | 110-000            | 2 | 1-001-0            | 2 | 10-10              |   |       |   |     |
|   | 1010110            | 3 | 01100-1            | 2 | 1001-0-            | 2 | 1-010              |   |       |   |     |
|   | 1011001            | 3 | 0110-01            | 2 | 10010              | 2 | 10-10              |   |       |   |     |
|   | 1011010            | 3 | 011-001            | 2 | 10-100-            | 2 | 1-010              |   |       |   |     |
|   | 1011100            | 3 | 011001-            | 2 | 1-0100-            | 2 | 1001-              |   |       |   |     |
|   | 1100011<br>1100101 | 3 | 0110-10<br>011-010 | 2 | 10010              | 2 | 10-0-1-            |   |       |   |     |
|   | 1100101            | 3 | 011010-            | 2 | 1-01-00            | 2 | 1001-              |   |       |   |     |
|   | 1101001            | 3 | 01101-0            | 2 | 10-10-0            | 2 | 1-0-01-            |   |       |   |     |
|   | 1101010            | 3 | 011-100            | 2 | 1-010-0            | 2 | 1010               |   |       |   |     |
|   | 1101100            | 3 | 011100-            | 2 | 1000-1-            | 2 | 1-010              |   |       |   |     |
|   | 0110111<br>0111011 | 3 | 01110-0<br>0111-00 | 2 | 100-01-            | 2 | 1010               |   |       |   |     |
|   | 011101             | 3 | 100-101            | 2 | 1-0001-            | 2 | 1010-              |   |       |   |     |
|   | 0111110            | 3 | 10001-1            | 2 | 10010              | 2 | 1010               |   |       |   |     |
|   | 1001111            | 3 | 10-0101            | 2 | 10-0-10            | 2 | 1100               |   |       |   |     |
|   | 1010111            | 3 | 1-00101            | 2 | 1-00-10            | 2 | 110-0              |   |       |   |     |
|   | 1011011            | 3 | 1001-01            | 2 | 10010              | 2 | 1100-              |   |       |   |     |
|   | 1011101            | 3 | 10010-1            | 2 | 1-0-010            | 3 | 1100<br>0111       |   |       |   |     |
|   | 1011110            | 3 | 10-1001<br>1-01001 | 2 | 10100              | 3 | 0111-              |   |       |   |     |
|   | 1101011            | 3 | 100110-            | 2 | 101-00-            | 3 | 011-1              |   |       |   |     |
|   | 1101101            | 3 | 10011-0            | 2 | 10100              | 3 | 0111               |   |       |   |     |
|   | 1101110            | 3 | 10-1100            | 2 | 101-0-0            | 3 | 101-1              |   |       |   |     |
|   | 0111111            | 3 | 1-01100            | 2 | 10100              | 3 | 1-0-1-1            |   |       |   |     |
|   | 1011111            | 3 | 1000-11<br>100-011 | 2 | 11000              | 3 | 10-11              |   |       |   |     |
|   | 1101111            | 3 | 10-0011            | 2 | 110-00-            | 3 | 10-11              |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1-00011            | 2 | 11000              | 3 | 1-011              |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 100011-            | 2 | 110-0-0            | 3 | 1011               |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 100-110            | 2 | 11000              | 3 | 1-011              |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 10-0110            | 3 | 01101              | 3 | 1011-              |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1-00110<br>100101- | 3 | 011-0-1<br>01101   | 3 | 1-0-11-<br>10-1-1- |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1001-10            | 3 | 0110-1-            | 3 | 1-01-1-            |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 10-1010            | 3 | 011-01-            | 3 | 1011               |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1-01010            | 3 | 01110              | 3 | 1011-              |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 10100-1            | 3 | 01101              | 3 | 101-1              |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1010-01<br>101-001 | 3 | 011-10-            | 3 | 1011               |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 101001-            | 3 | 011-1-0            | 3 | 1101               |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1010-10            | 3 | 0111-0-            | 3 | 110-1              |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 101-010            | 3 | 01110              | 3 | 1101               |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 101010-            | 3 | 100-1-1            |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 10101-0            | 3 | 10101              |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 101-100            | 3 | 1-0-101            |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 101100-            | 3 | 10-01-1            |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 10110-0            | 3 | 1-001-1            |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1011-00<br>11000-1 | 3 | 10011              |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1100-01            | 3 | 1-01-01            |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 110-001            | 3 | 10-10-1            |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 110001-            | 3 | 1-010-1            |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 1100-10            | 3 | 10011              |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 110-010            | 3 | 10-110-            |   |                    |   |       |   |     |
|   |                    | 3 | 110010-            | 3 | 1-0110-<br>10-11-0 |   |                    |   |       |   |     |

| 3  |                            |  |  |  |
|--|----------------------------|--|--|--|
| 3   1101-00   3   1-00-11  |                            |  |  |  |
| 101-00   3   1-00-11   |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4   0110-1   3   10-110  |                            |  |  |  |
| 4   0111-01   3   1001-1-     4   0111-0   3   1-0101-     4   0111-0   3   1-0101-     4   0111-0   3   1-01-10     4   1011-1   3   100-1-     4   1001-1   3   101-0-     4   1-0101   3   101-0-     4   1-0101   3   101-0-     4   1-0101   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   101-0-     4   1-0011   3   100-0-     4   1-0011   3   100-0-     4   1-0011   3   100-0-     4   1-0011   3   100-0-     4   1-0010   3   100-0-     4   1-0010   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   3   100-0-     4   101-10   4   101-1-     4   100-11   4   011-1-     4   100-11   4   011-1-     4   100-10   4   100-1-     5   101-11   4   101-1-     6   101-11   4   101-1-     7   101-11   4   101-1-     8   101-11   4   101-1-     9   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     5   101-11   4   101-1-     6   101-11   4   101-1-     7   101-11   4   101-1-     8   101-11   4   101-1-     9   101-11   4   101-1-     9   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-11   4   101-1-     101-10   5   101-10   4   101-1-     101-10   5   101-1 |                            |  |  |  |
| 4   011101   3   10-101     4   011110   3   10-100     4   011110   3   10-100     4   011110   3   10-100     4   10011-1   3   1010-1     4   10-101   3   1010-1     4   10-101   3   1010-1     4   10-101   3   1010-1     4   10-111   3   1010-1     4   10-111   3   1010-1     4   10-111   3   1010-1     4   10-111   3   1010-1     4   10-111   3   1010-1     4   10-111   3   1010-1     4   10-111   3   1010-1     4   10-110   3   10110-1     4   10-110   3   10110-1     4   10-110   3   10110-1     4   10-110   3   10110-1     4   10-110   3   100-1     4   10-11   3   100-1     4   10-101   3   100-1     4   10-101   3   100-1     4   10-101   3   100-1     4   10-101   3   100-1     4   10-101   3   100-1     4   10110-1   3   100-1     4   10110-1   3   100-1     4   10110-1   3   100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     5   1011-1   4   1011-1     6   10-111   4   1011-1     7   10-111   4   10-11     8   10-111   4   10-11     9   10-111   4   10-11     10-111   4   10-11     10-111   4   10-11     10-111   4   10-11     10-11   5   1011-1   4   101-1     5   1011-1   5   1011-1     5   1011-1   5   1011-1     5   1011-1   5   1011-1     5   1011-1   5   1011-1     5   1011-1   5   1011-1     5   1011-1   5   1011-1     5   1011-1   5   1011-1     |                            |  |  |  |
| 4   0111-0   3   1-010-1     4   0111-0   3   1-01-10     4   1011-1   3   101-0     4   101-1   3   101-0     4   1-0101   3   101-0     4   1-0101   3   101-0     4   1-0101   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   1011-0     4   1-0110   3   101-0     4   1-0110   3   101-0     4   1-0110   3   101-0     4   1-0111   3   101-0     4   1-0111   3   100-1     4   1-0111   3   100-1     4   1-0110   3   100-1     4   1-0110   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   3   100-1     4   101-1   4   101-1     4   101-1   4   101-1     4   100-1   4   101-1     5   101-1   4   101-1     6   101-1   4   101-1     7   101-1   4   101-1     8   101-1   4   101-1     9   101-1   4   101-1     101-1   4   101-1     101-1   4   101-1     101-1   5   101-1     101-1   4   101-1     5   101-1   5   101-1     5   101-1   5   101-1     5   101-1   5   101-1     5   101-1   5   101-1     5   101-1   5   101-1     5   101-1   5   101-1     5   |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4   1001-1   3   1010-1     4   1-0110   3   101-0     4   100-11   3   101-0     4   100-11   3   101-0     4   100-11   3   101-0     4   100-11   3   1010-0     4   1001-1   3   1010-0     4   1001-1   3   1010-0     4   1-0101   3   1010-0     4   1-0101   3   1011-0     4   1-0101   3   1011-0     4   10011   3   1011-0     4   10011   3   1011-0     4   1010-1   3   1010-0     4   1010-1   3   1010-0     4   1010-1   3   1100-1     4   1010-1   3   1100-1     4   1010-1   3   1100-1     4   1010-1   3   1100-1     4   1010-1   3   1100-1     4   1010-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1100-1     4   10110-1   3   1101-0     4   10110-1   4   1011-1     4   1010-1   4   1011-1     4   1100-1   4   1011-1     4   1100-1   4   1011-1     4   1100-1   4   1011-1     5   10111   4   1011-1     5   10111   4   1011-1     5   10111   4   1011-1     5   10111   4   1011-1     5   10111   4   1011-1     5   10111   4   1011-1     5   10111   4   1011-1     5   10111   4   1011-1     6   1011-1   4   1011-1     7   1011-1   4   1011-1     8   1011-1   4   1011-1     9   1011-1   4   1011-1     9   1011-1   4   1011-1     1011-1   5   101111   4   1011-1     5   101111   4   1011-1     6   101111   4   1011-1     7   101111   4   1011-1     8   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   101111   4   1011-1     9   1011111   4   1011-1     9   101111111   1011-1     9   1011111111111111111111111111111111             |                            |  |  |  |
| 4 10-1010 3 101-01 4 10-1011 3 1010-1 4 100-111 3 1010-1 4 10-0111 3 101-10 4 10-0111 3 101-10 4 10-1011 3 101-10 4 10-1011 3 101-10 4 10-1011 3 101-10 4 10-1011 3 101-10 4 10-1011 3 1010-1 4 10-1011 3 1010-1 4 10-1010 3 1011-0 4 10-1010 3 1010-0 4 1010-11 3 100-1 4 1010-11 3 100-1 4 1010-11 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 100-1 4 101-10 3 101-0 4 101-10 3 101-0 4 101-10 3 101-0 4 101-10 3 101-0 4 101-10 3 101-0 4 101-10 3 101-0 4 101-10 4 101-1-1 4 100-11 4 011-1-1 4 100-11 4 011-1-1 4 100-11 4 011-1-1 4 100-11 4 011-1-1 5 101-10 4 1011-1 5 101-11 4 101-1-1   |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4   100-111   3   101-01-     4   1-00111   3   101-10     4   1-00111   3   101-10     4   10-1011   3   101-10     4   10-1011   3   101-10     4   10-1011   3   101-10     4   100-111   3   1010-0     4   10-1010   3   1010-0     4   10-1010   3   1010-0     4   10-1010   3   1010-0     4   100-11   3   100-1     4   100-11   3   100-1     4   100-11   3   100-1     4   1001-1   3   100-1     4   1001-1   3   100-1     4   1001-1   3   100-1     4   1001-1   3   100-1     4   1011-0   3   100-1     4   1011-0   3   100-1     5   101-11   4   1011-1     6   1001-1   4   1011-1     7   100-1   4   100-1     8   100-1   4   100-1     9   100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   5   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4   100-1     100-1   4    |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| A  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4 1011-0 3 101-0 4 1100-11 4 011-11 4 1100-11 4 011-1-1 4 1100-11 4 011-1-1 4 1100-10 4 0111-1 4 1100-10 4 0111-1 4 1101-10 4 1011-1 4 11010-1 4 10-11-1 4 11010-1 4 10-11-1 4 1101-10 4 10-11-1 4 1101-10 4 10-11-1 5 011-11 4 10-11-1 5 101-11 4 101-1-1 5 101-11 4 110-1-1 5 101-11 4 110-1-1 5 1101-11 4 110-1-1 5 1101-11 4 110-1-1   |                            |  |  |  |
| 4 1100-11 4 01111 4 1100-11 4 011-1-1 4 1100-11 4 011-1-1 4 110-10 4 01111 4 1100-10 4 01111 4 1100-10 4 01111 4 1100-10 4 10-11-1 4 1101-01 4 10-11-1 4 1101-01 4 10-11-1 4 1101-01 4 10-11-1 5 011-11 4 101-1-1 5 1011-11 4 101-1-1 5 1011-11 4 101-1-1 5 1011-11 4 101-1-1 5 101-11 4 110-1-1 5 101-11 4 110-1-1 5 101-11 4 110-1-1 5 101-11 4 110-1-1 5 110-11 4 110-1-1 5 110-11 4 110-1-1   |                            |  |  |  |
| 4 110-011 4 011-1-1 4 11001-1 4 011-1-1 4 11001-1 4 0111-1 4 11001-1 4 0111-1 4 11001-1 4 0111-1 4 1101-1 4 10-11-1 4 1101-0 4 1-0-11-1 4 1101-0 4 1-0-11-1 4 1101-0 4 1-0-11-1 5 011-1 4 10-1-1 5 1011-1 4 101-1-1 5 101-11 4 110-1-1 5 1101-11 4 110-1-1 5 1101-11 4 110-1-1 5 1101-11 4 1101-1-1 5 1101-11 4 1101-1-1 5 1101-11 4 1101-1-1  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4         110-101         4         0111-1           4         1100110         4         0111-1           4         1101-01         4         1011-1           4         1101-01         4         1-01-11           4         1101-01         4         1-0-111           4         11011-0         4         1-0-111           4         11011-0         4         1-0-111           4         11011-0         4         1-0-111           5         011-111         4         1-01-11           5         0111-11         4         1-011-1           5         0111-11         4         101-1-1           5         01111-1         4         101-1-1           5         1011-11         4         101-1-1           5         1011-11         4         1011-1           5         1011-11         4         1011-1           5         1011-11         4         1011-1           5         1011-1         4         110-11           5         1011-1         4         110-11           5         1011-1         4         110-11           5<   |                            |  |  |  |
| 4         110-110         4         01111           4         11010-01         4         10-11-1           4         1101-01         4         1-01-11           4         1101-10         4         10-111           4         11011-0         4         10-111           4         11011-0         4         10-111           5         011-111         4         10-111-           5         0111-11         4         10-11-           5         01111-1         4         101-11-           5         01111-1         4         101-1-1           5         10-1111         4         101-1-1           5         10-1111         4         101-1-1           5         1011-11         4         1011-1-1           5         1011-11         4         1011-1-1           5         1011-11         4         1011-1-1           5         1011-11         4         110-1-1           5         1011-11         4         110-1-1           5         1011-11         4         110-1-1           5         1011-11         4         110-1-1  |                            |  |  |  |
| 4 11010-1 4 10-11-1 4 1101-1 4 10-11-1 4 11010-1 4 10-111 4 110110- 4 10-111 4 110110- 4 10-111 5 0111-1 4 10-11-1 5 0111-1 4 101-1-1 5 10111-1 4 101-1-1 5 10111-1 4 101-1-1 5 10111-1 4 101-1-1 5 10111-1 4 1011-1 5 10111-1 4 1011-1 5 10111-1 4 1011-1 5 10111-1 4 1011-1 5 10111-1 4 1011-1 5 1011-1 4 1011-1 5 1011-1 4 1011-1 5 1011-1 4 1011-1 5 1011-1 4 1011-1 5 1011-1 4 1011-1 5 1011-1 4 1011-1 5 1011-1 4 101-1 5 1011-1 4 101-1 5 1011-1 4 110-1 5 1011-1 4 110-1 5 110-11 4 110-1-1 5 110-11 4 110-1-1 5 110-11 4 110-1-1 5 110-1-1 4 110-1-1 5 110-1-1 4 110-1-1  |                            |  |  |  |
| 4 1101-01 4 1-011-1  4 110101- 4 10-111  4 110110- 4 10-111  4 110110- 4 10-111  4 110110- 4 10-111  5 011-11 4 10-111  5 0111-1 4 101-11  5 101-11 4 101-11  5 101-11 4 101-1-  5 101-11 4 101-1-  5 101-11 4 101-1-  5 101-11 4 1011-1  5 101-11 4 1011-1  5 101-11 4 1011-1  5 101-11 4 1011-1  5 101-11 4 1011-1  5 101-11 4 1011-1  5 101-11 4 1011-1  5 1011-1 4 100-11  5 1011-1 4 110-11  5 1011-1 4 110-11  5 101-11 4 110-11  5 101-11 4 110-11  5 101-11 4 110-11  5 101-11 4 110-11  |                            |  |  |  |
| 4 110101- 4 10-111 4 110110 4 10-111 4 110110 4 10-111 4 110110 4 10-111 5 011-11 4 10-111 5 0111-1 4 10-11- 5 0111-1 4 101-1- 5 01111- 4 101-1- 5 10-111 4 101-1- 5 10-111 4 101-1- 5 10-111 4 101-1- 5 10-111 4 101-1- 5 101-11 4 1011 5 101-11 4 1011 5 101-11 4 1011 5 101-11 4 1011 5 101-11 4 101-1- 5 101-11 4 110-1- 5 101-11 4 110-1- 5 101-11 4 110-1- 5 101-11 4 110-1- 5 101-11 4 110-1- 5 110-11 4 110-1- 5 110-11 4 110-1- 5 110-11 4 110-1- 5 110-11 4 110-1-   |                            |  |  |  |
| 4     1101-10     4     1-0-11       4     11011-0     4     1-0-11       5     011-11     4     1-0-11       5     0111-11     4     1-0-11       5     0111-1     4     1-0-11       5     01111-1     4     101-1-1       5     1-0-111     4     101-1-1       5     1-0-111     4     101-1-1       5     1-0-111     4     101-1-1       5     101-111     4     1011-1-1       5     1011-11     4     110-1-1       5     10111-1     4     110-1-1       5     10111-1     4     110-1-1       5     110-111     4     110-1-1       5     110-111     4     110-1-1       5     1101-11     4     110-1-1       5     1101-11     4     110-1-1       5     1101-11     4     110-1-1       5     1101-1     4     110-1-1       5     1101-1     4     110-1-1       5     1101-1     4     110-1-1       5     1101-1     4     110-1-1       5     1101-1     4     1101-1-1       5     1101-1     4 </th <th></th>  |                            |  |  |  |
| 4  |                            |  |  |  |
| 4     11011-0     4     1-01-11       5     011-111     4     1-0111-       5     0111-1     4     1-0111-       5     01111-1     4     101-1-1       5     10-1111     4     101-1-1       5     1-01111     4     1011-1-1       5     1-01111     4     1011-1-1       5     1011-11     4     1011-1-1       5     1011-11     4     110-1-1       5     10111-1     4     110-1-1       5     10111-1     4     110-1-1       5     110-111     4     110-1-1       5     1101-11     4     110-1-1       5     1101-11     4     110-1-1       5     1101-11     4     110-1-1       5     1101-11     4     110-1-1       5     1101-11     4     1101-1-1   |                            |  |  |  |
| S   011-11   4   10-111-   |                            |  |  |  |
| 5 01111-1 4 101-11 5 01111-1 4 101-1-1 5 10-1111 4 101-1-1 5 1-01111 4 1011-1 5 101-111 4 1011-1 5 1011-11 4 1011-1 5 1011-1 4 110-11 5 1011-1 4 110-11 5 1011-1 4 110-1-1 5 1011-1 4 110-1-1 5 1011-1 4 110-1-1 5 110-11 4 110-1-1 5 110-11 4 110-1-1   |                            |  |  |  |
| 5 011111- 4 101-1-1 5 10-1111 4 101-1-1 5 1-01111 4 10111 5 101-111 4 1011 5 1011-1 4 1011 5 10111-1 4 100-11 5 10111-1 4 110-11 5 10111-1 4 110-11 5 110-111 4 110-1-1 5 110-111 4 110-1-1 5 110-111 4 110-1-1 5 110-1-1 4 110-1-1  |                            |  |  |  |
| 5 10-1111 4 101-11- 5 1-01111 4 1011-1 5 101-111 4 1011-1 5 1011-1 4 10111- 5 1011-1 4 110-11 5 10111-1 4 110-11 5 10111-1 4 110-11 5 110-11 4 110-1- 5 110-11 4 110-1- 5 1101-11 4 1101-1 5 1101-1 4 1101-1   |                            |  |  |  |
| 5 1-01111 4 10111<br>5 1011-11 4 10111<br>5 1011-11 4 10111<br>5 10111-1 4 110-11<br>5 10111-1 4 110-11<br>5 110-111 4 110-1-1<br>5 1101-11 4 11011<br>5 1101-11 4 11011   |                            |  |  |  |
| 5   101-11   4   1011-1-   |                            |  |  |  |
| 5 1011-11 4 10111 5 10111-1 4 110-11 5 101111- 4 110-1-1 5 110-111 4 110-1-1 5 1101-11 4 1101-1 5 1101-11 4 1101-1 5 1101-1 4 1101-1   |                            |  |  |  |
| 5   1011-1   4   110-11   5   10111-1   4   110-1-1   5   110-11   4   110-1-1   5   110-11   4   1101-1   5   1101-1   4   1101-1   5   11011-1   4   1101-1   5   11011-1   4   1101-1-1   5   11011-1   4   1101-1-1   5   11011-1   4   1101-1-1   5   11011-1   4   1101-1-1   5   11011-1   4   1101-1-1   5   11011-1   11011-1   5   11011-1   11011-1   11011-1   11011-1   11011-1   11011-1   11011-1   110 |                            |  |  |  |
| 5 101111- 4 110-1-1<br>5 110-111 4 110-11-<br>5 1101-11 4 11011<br>5 11011-1 4 1101-1-   |                            |  |  |  |
| 5 1101-11 4 11011<br>5 11011-1 4 1101-1-   |                            |  |  |  |
| 5 11011-1 4 1101-1-  |                            |  |  |  |
|  |                            |  |  |  |
| 3 110111- 4 11011  |                            |  |  |  |
|  |                            |  |  |  |
| Prime Implicants Essential Prime Implic  | Essential Prime Implicants |  |  |  |
| 011  | 011                        |  |  |  |
| 10   |                            |  |  |  |
| 1-0  |                            |  |  |  |

| D <sub>1</sub> |                    |   |                    |                        |   |                    |   |               |       |  |  |
|----------------|--------------------|---|--------------------|------------------------|---|--------------------|---|---------------|-------|--|--|
|                | == Column 1 ====== |   |                    | ===== Column 3 ======  |   |                    |   |               |       |  |  |
|                | 0010000<br>0100000 | 1 | 001000-            | 1 00100                | 1 | 0010               | 1 | 001           | 1 -01 |  |  |
|                | 0010000            | 1 | 00100-0<br>0010-00 | 1 0010-0-              | 1 | -0100              | 1 | -010<br>-01-0 | 1 -10 |  |  |
|                | 0010001            | 1 | 001-000            | 1 -01000-              | 1 | 0010-              | 1 | -010-         |       |  |  |
|                | 0010100            | 1 | -010000            | 1 00100                | 1 | -010-0-            | 1 | -010          |       |  |  |
|                | 0011000            | 1 | 010000-            | 1 001-0-0              | 1 | -01-00-            | 1 | 010           |       |  |  |
|                | 0100001            | 1 | 01000-0            | 1 -0100-0              | 1 | 0010               | 1 | -100          |       |  |  |
|                | 0100010            | 1 | 0100-00            | 1 00100                | 1 | -0100              | 1 | -10-0         |       |  |  |
|                | 0100100            | 1 | 010-000            | 1 -010-00              | 1 | -01-0-0            | 1 | -100-         |       |  |  |
|                | 0101000            | 1 | -100000            | 1 -01-000              | 1 | -0100              | 1 | -100          |       |  |  |
|                | 1010000            | 2 | 00100-1            | 1 01000                | 1 | 0100               | 2 | -011          |       |  |  |
|                | 1100000            | 2 | 0010-01            | 1 0100-0-              | 1 | 010-0              | 2 | -011-         |       |  |  |
|                | 0010011            | 2 | 001-001            | 1 010-00-              | 1 | -1000              | 2 | -01-1         |       |  |  |
|                | 0010101            | 2 | -010001            | 1 -10000-              | 1 | 0100-              | 2 | -011          |       |  |  |
|                | 0010110            | 2 | 001001-            | 1 01000                | 1 | -100-0-            | 2 | -101          |       |  |  |
|                | 0011001            | 2 | 0010-10            | 1 010-0-0              | 1 | -10-00-            | 2 | -101-         |       |  |  |
|                | 0011010            | 2 | 001-010            | 1 -1000-0              | 1 | 0100               | 2 | -10-1         |       |  |  |
|                | 0011100            | 2 | -010010            | 1 01000                | 1 | -1000              | 2 | -101          |       |  |  |
|                | 0100011            | 2 | 001010-            | 1 -100-00              | 1 | -10-0-0            | 2 | 101           |       |  |  |
|                | 0100101<br>0100110 | 2 | 00101-0<br>001-100 | 1 -10-000<br>2 00101   | 2 | -1000<br>0011      | 2 | 110           |       |  |  |
|                | 010110             | 2 | -010100            | 2 00101                | 2 | -0101              |   |               |       |  |  |
|                | 0101010            | 2 | 001100-            | 2 -0100-1              | 2 | -01-0-1            |   |               |       |  |  |
|                | 0101100            | 2 | 00110-0            | 2 00101                | 2 | -0101              |   |               |       |  |  |
|                | 1010001            | 2 | 0011-00            | 2 -010-01              | 2 | 0011-              |   |               |       |  |  |
|                | 1010010            | 2 | -011000            | 2 -01-001              | 2 | -010-1-            |   |               |       |  |  |
|                | 1010100            | 2 | 01000-1            | 2 0010-1-              | 2 | -01-01-            |   |               |       |  |  |
|                | 1011000            | 2 | 0100-01            | 2 001-01-              | 2 | -0110              |   |               |       |  |  |
|                | 1100001            | 2 | 010-001            | 2 -01001-              | 2 | 001-1              |   |               |       |  |  |
|                | 1100010            | 2 | -100001            | 2 00110                | 2 | -0101              |   |               |       |  |  |
|                | 1100100            | 2 | 010001-            | 2 -010-10              | 2 | -01-10-            |   |               |       |  |  |
|                | 1101000            | 2 | 0100-10            | 2 -01-010<br>2 00101   | 2 | -01-1-0<br>0011    |   |               |       |  |  |
|                | 0010111<br>0011011 | 2 | 010-010<br>-100010 | 2 00101                | 2 | -0110              |   |               |       |  |  |
|                | 0011011            | 2 | 010010-            | 2 -01010-              | 2 | -011-0-            |   |               |       |  |  |
|                | 0011110            | 2 | 01001-0            | 2 001-1-0              | 2 | -0110              |   |               |       |  |  |
|                | 0100111            | 2 | 010-100            | 2 -0101-0              | 2 | 0101               |   |               |       |  |  |
|                | 0101011            | 2 | -100100            | 2 -01-100              | 2 | -1001              |   |               |       |  |  |
|                | 0101101            | 2 | 010100-            | 2 00110                | 2 | -10-0-1            |   |               |       |  |  |
|                | 0101110            | 2 | 01010-0            | 2 0011-0-              | 2 | -1001              |   |               |       |  |  |
|                | 1010011            | 2 | 0101-00            | 2 -01100-              | 2 | 0101-              |   |               |       |  |  |
|                | 1010101            | 2 | -101000            | 2 00110                | 2 | -100-1-            |   |               |       |  |  |
|                | 1010110            | 2 | 101000-            | 2 -0110-0              | 2 | -10-01-            |   |               |       |  |  |
|                | 1011001            | 2 | 10100-0            | 2 -011-00              | 2 | -1010              |   |               |       |  |  |
|                | 1011010            | 2 | 1010-00            | 2 01001                | 2 | 010-1              |   |               |       |  |  |
|                | 1011100<br>1100011 | 2 | 101-000<br>110000- | 2 010-0-1<br>2 -1000-1 | 2 | -1001<br>-10-10-   |   |               |       |  |  |
|                | 1100101            | 2 | 11000-0            | 2 01001                | 2 | -10-1-0            |   |               |       |  |  |
|                | 1100110            | 2 | 1100-00            | 2 -100-01              | 2 | 0101               |   |               |       |  |  |
|                | 1101001            | 2 | 110-000            | 2 -10-001              | 2 | -1010              |   |               |       |  |  |
|                | 1101010            | 3 | 0010-11            | 2 0100-1-              | 2 | -101-0-            |   |               |       |  |  |
|                | 1101100            | 3 | 001-011            | 2 010-01-              | 2 | -1010              |   |               |       |  |  |
|                | 0011111            | 3 | -010011            | 2 -10001-              | 2 | 1010               |   |               |       |  |  |
|                | 0101111            | 3 | 00101-1            | 2 01010                | 2 | 101-0              |   |               |       |  |  |
|                | 1010111            | 3 | 001-101            | 2 -100-10              | 2 | 1010-              |   |               |       |  |  |
|                | 1011011            | 3 | -010101            | 2 -10-010              | 2 | 1010               |   |               |       |  |  |
|                | 1011101            | 3 | 001011-            | 2 01001                | 2 | 1100               |   |               |       |  |  |
|                | 1011110            | 3 | 001-110            | 2 010-10-              | 2 | 110-0              |   |               |       |  |  |
|                | 1100111            | 3 | -010110            | 2 -10010-              | 2 | 1100-              |   |               |       |  |  |
|                | 1101011            | 3 | 00110-1            | 2 010-1-0              | 2 | 1100               |   |               |       |  |  |
|                | 1101101            | 3 | 0011-01<br>-011001 | 2 -1001-0              | 3 | -0111              |   |               |       |  |  |
|                | 1101110            | 3 | 001101-            | 2 -10-100<br>2 01010   | 3 | -01-1-1<br>-01-11- |   |               |       |  |  |
|                | 1101111            | 3 | 0011-10            | 2 01010                | 3 | -0111              |   |               |       |  |  |
|                | HOHH               | 3 | -011010            | 2 -10100-              | 3 | -011-1-            |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 001110-            | 2 01010                | 3 | -0111              |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 00111-0            | 2 -1010-0              | 3 | -1011              |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | -011100            | 2 -101-00              | 3 | -10-1-1            |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 0100-11            | 2 10100                | 3 | -10-11-            |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | .010-011           | 2 1010-0-              | 3 | -1011              |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | -100011            | 2 101-00-              | 3 | -101-1-            |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 01001-1            | 2 10100                | 3 | -1011              |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 010-101            | 2 101-0-0              | 3 | 1011               |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | -100101            | 2 10100                | 3 | 1011-              |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 010011-<br>010-110 | 2 11000<br>2 1100-0-   | 3 | 101-1              |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | -100110            | 2 1100-0-              | 3 | 1101               |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 01010-1            | 2 11000                | 3 | 1101               |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 01010-1            | 2 11000                | 3 | 110-1              |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | -101001            | 2 11000                | 3 | 1101               |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 010101-            | 3 00111                |   | 1101               |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 0101-10            | 3 -010-11              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | -101010            | 3 -01-011              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 010110-            | 3 001-1-1              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 01011-0            | 3 -0101-1              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | -101100            | 3 -01-101              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 10100-1            | 3 001-11-              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 1010-01            | 3 -01011-              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 101-001            | 3 -01-110              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 101001-            | 3 00111                |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 1010-10            | 3 -0110-1              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 101-010            | 3 -011-01              |   |                    |   |               |       |  |  |
|                |                    | 3 | 101010-            | 3 0011-1-              |   |                    |   |               |       |  |  |

| -(      | Implicar<br>01<br>10 | nts |                    | Éss |           | Prime I<br>-01<br>-10 | -      | ints |
|---------|----------------------|-----|--------------------|-----|-----------|-----------------------|--------|------|
| Dring o | Implican             | 4   | 11011              | Гал | -ontial r | Orino o I             | mplica | ntc  |
| 5       | 11011-1              | 4   | 1101-1-            |     |           |                       |        |      |
| 5       | 110-111<br>1101-11   | 4   | 110-11-<br>11011   |     |           |                       |        |      |
| 5       | 101111-              | 4   | 110-1-1            |     |           |                       |        |      |
| 5       | 1011-11<br>10111-1   | 4   | 10111<br>11011     |     |           |                       |        |      |
| 5       | 101-111              | 4   | 1011-1-            |     |           |                       |        |      |
| 5       | -011111<br>-101111   | 4   | 101-11-<br>10111   |     |           |                       |        |      |
| 4       | 11011-0              | 4   | 101-1-1            |     |           |                       |        |      |
| 4       | 1101-10<br>110110-   | 4   | -10111-<br>10111   |     |           |                       |        |      |
| 4       | 110101-              | 4   | -1011-1            |     |           |                       |        |      |
| 4       | 11010-1<br>1101-01   | 4   | -10-111<br>-101-11 |     |           |                       |        |      |
| 4       | 110-110              | 4   | -01111-            |     |           |                       |        |      |
| 4       | 110-101<br>110011-   | 4   | -011-11<br>-0111-1 |     |           |                       |        |      |
| 4       | 11001-1              | 4   | -01-111            |     |           |                       |        |      |
| 4       | 1100-11<br>110-011   | 3   | 1101-0-<br>11010   |     |           |                       |        |      |
| 4       | 10111-0              | 3   | 11010              |     |           |                       |        |      |
| 4       | 1011-10<br>101110-   | 3   | 110-10-<br>110-1-0 |     |           |                       |        |      |
| 4       | 101101-              | 3   | 11001              |     |           |                       |        |      |
| 4       | 1011-01              | 3   | 11010              |     |           |                       |        |      |
| 4       | 101-110<br>10110-1   | 3   | 1100-1-<br>110-01- |     |           |                       |        |      |
| 4       | 101011-              | 3   | 11001              |     |           |                       |        |      |
| 4       | 10101-1<br>101-101   | 3   | 11001<br>110-0-1   |     |           |                       |        |      |
| 4       | 101-011              | 3   | 10110              |     |           |                       |        |      |
| 4       | -101110<br>1010-11   | 3   | 10110              |     |           |                       |        |      |
| 4       | 010111-              | 3   | 101-1-0            |     |           |                       |        |      |
| 4       | -101101              | 3   | 101-10-            |     |           |                       |        |      |
| 4       | -101011<br>01011-1   | 3   | 10110<br>10101     |     |           |                       |        |      |
| 4       | 0101-11              | 3   | 101-01-            |     |           |                       |        |      |
| 4       | 010-111<br>-100111   | 3   | 10101<br>1010-1-   |     |           |                       |        |      |
| 4       | 001111-              | 3   | 10101              |     |           |                       |        |      |
| 4       | -011101              | 3   | -1011-0            |     |           |                       |        |      |
| 4       | -011011<br>00111-1   | 3   | 01011<br>-10110-   |     |           |                       |        |      |
| 4       | 0011-11              | 3   | -101-10            |     |           |                       |        |      |
| 4       | -010111              | 3   | 0101-1-<br>-10101- |     |           |                       |        |      |
| 3       | 1101-00              | 3   | -101-01            |     |           |                       |        |      |
| 3       | 110100-<br>11010-0   | 3   | 01011<br>-1010-1   |     |           |                       |        |      |
| 3       | 110-100              | 3   | -10-110            |     |           |                       |        |      |
| 3       | 110010-<br>11001-0   | 3   | 010-11-<br>-10011- |     |           |                       |        |      |
| 3       | 110-010              | 3   | -10-101            |     |           |                       |        |      |
| 3       | 110001-<br>1100-10   | 3   | 010-1-1<br>-1001-1 |     |           |                       |        |      |
| 3       | 110-001              | 3   | -10-011            |     |           |                       |        |      |
| 3       | 1100-01              | 3   | -100-11            |     |           |                       |        |      |
| 3       | 1011-00<br>11000-1   | 3   | -0111-0<br>01011   |     |           |                       |        |      |
| 3       | 10110-0              | 3   | -01110-            |     |           |                       |        |      |
| 3       | 101-100<br>101100-   | 3   | -011-10<br>00111   |     |           |                       |        |      |

| <br>Column 1 ===== | ====== ( | Column 2 ===== |   | Column 3 ==== |   | = Column 4 === |
|--------------------|----------|----------------|---|---------------|---|----------------|
| 0000000            | 0        | 000000-        | 0 | 00000         | 0 | 0000           |
| 0000001            | 0        | 00000-0        | 0 | 0000-0-       | 0 | 0-000          |
| 0000010            | 0        | 0000-00        | 0 | 0-0000-       | 0 | -000-0-        |
| 0000100            | 0        | 0-00000        | 0 | -00000-       | 1 | 010-0          |
| 0100000            | 0        | -000000        | 0 | 00000         | 1 | -10-0-0        |
| 1000000            | 1        | 00000-1        | 0 | 0-000-0       | 1 | 1000-          |
| 0000011            | 1        | 0000-01        | 0 | -000-00       | 1 | 1-000          |
| 0000101            | 1        | 0-00001        | 0 | 00000         | 2 | 1100           |
| 0000110            | 1        | -000001        | 1 | 00001         |   |                |
| 0100001            | 1        | 000001-        | 1 | 0-000-1       |   |                |
| 0100010            | 1        | 0000-10        | 1 | -000-01       |   |                |
| 0101000            | 1        | 0-00010        | 1 | 0000-1-       |   |                |
| 1000001            | 1        | 000010-        | 1 | 0-0001-       |   |                |
| 1000100            | 1        | 000010-        | 1 | 00001         |   |                |
| 1001000            | 1        | -000100        | 1 | -00010-       |   |                |
| 1100000            | 1        | 010000-        | 1 | 01000         |   |                |
|                    |          |                | 1 |               |   |                |
| 0000111            | 1        | 01000-0        |   | 010-00-       |   |                |
|                    | 1        | 010-000        | 1 | 010-0-0       |   |                |
| 0101001            | 1        | -100000        | 1 | -1000-0       |   |                |
| 0101010            | 1        | 100000-        | 1 | -10-000       |   |                |
| 1000101            | 1        | 1000-00        | 1 | 1000-0-       |   |                |
| 1001001            | 1        | 100-000        | 1 | 100-00-       |   |                |
| 1001100            | 1        | 1-00000        | 1 | 10000         |   |                |
| 1100010            | 2        | 0000-11        | 1 | 1-00-00       |   |                |
| 1100100            | 2        | 0-00011        | 1 | 1-0-000       |   |                |
| 1101000            | 2        | 00001-1        | 2 | 010-0-1       |   |                |
| 0101011            | 2        | -000101        | 2 | 010-01-       |   |                |
| 1001101            | 2        | 000011-        | 2 | -10-010       |   | <u>.</u>       |
| 1100110            | 2        | 01000-1        | 2 | 01010         |   |                |
| 1101010            | 2        | 010-001        | 2 | -1010-0       |   |                |
| 1101100            | 2        | 010001-        | 2 | 10001         |   |                |
| 1101110            | 2        | 010-010        | 2 | 100-10-       |   |                |
|                    | 2        | -100010        | 2 | 1-0-100       |   |                |
|                    | 2        | 010100-        | 2 | 1001-0-       |   |                |
|                    | 2        | 01010-0        | 2 | 1-01-00       |   |                |
|                    | 2        | -101000        | 2 | 11000         |   |                |
|                    | 2        | 1000-01        | 2 | 110-0-0       |   |                |
|                    | 2        | 100-001        | 2 | 11000         |   |                |
|                    | 2        | 100010-        | 3 | 11010         |   |                |
|                    | 2        | 100-100        | 3 | 110-1-0       |   |                |
|                    | 2        | 1-00100        | 3 | 11010         |   |                |
|                    | 2        | 100100-        |   |               |   |                |
|                    | 2        | 1001-00        |   |               |   |                |
|                    | 2        | 1-01000        |   |               |   |                |
|                    | 2        | 11000-0        |   |               |   |                |
|                    | 2        | 1100-00        |   |               |   |                |
|                    | 2        |                |   |               |   |                |
|                    |          | 110-000        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 010-011        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 01010-1        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 010101-        |   |               |   |                |
|                    | 3        | -101010        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 100-101        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 1001-01        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 100110-        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 1-01100        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 1100-10        |   |               |   |                |
|                    | 3        | 110-010        |   |               |   |                |

| 3 110-100<br>3 11010-0<br>3 1101-00<br>4 110-110<br>4 1101-10<br>4 11011-0<br>Prime Implicants | Essential Prime Implicants     |
|--|--------------------------------|
| 00000<br>0000<br>0-000<br>-000-0-<br>010-0<br>-10-0-0<br>1-000<br>1100                         | 0000<br>010-0<br>1000-<br>1100 |

k-map으로 검증

| D <sub>2</sub> | 0000 | 0001 | 0011 | 0010 | 0110 | 0111 | 0101 | 0100 | 1100 | 1101 | 1111 | 1110 | 1010 | 1011 | 1001 | 1000 |
|----------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 000            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 001            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 011            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    |
| 010            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 110            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    |
| 111            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 101            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    |
| 100            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    |

| D <sub>1</sub> | 0000 | 0001 | 0011 | 0010 | 0110 | 0111 | 0101 | 0100 | 1100 | 1101 | 1111 | 1110 | 1010 | 1011 | 1001 | 1000 |
|----------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 000            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 001            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    |
| 011            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 010            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    |
| 110            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    |
| 111            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 101            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    |
| 100            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |

| D <sub>0</sub> | 0000 | 0001 | 0011 | 0010 | 0110 | 0111 | 0101 | 0100 | 1100 | 1101 | 1111 | 1110 | 1010 | 1011 | 1001 | 1000 |
|----------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 000            | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 1    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 001            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 011            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 010            | 1    | 1    | 1    | 1    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 1    | 1    | 1    | 1    |
| 110            | 1    | 0    | 0    | 1    | 1    | 0    | 0    | 1    | 1    | 0    | 0    | 1    | 1    | 0    | 0    | 1    |
| 111            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 101            | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    | 0    |
| 100            | 1    | 1    | 0    | 0    | 0    | 0    | 1    | 1    | 1    | 1    | 0    | 0    | 0    | 0    | 1    | 1    |

|                  | $D_2 = (Q_2)'Q_1Q_0 + Q_2(Q_1)' + Q_2(Q_0)'$                |
|------------------|---|
| Poologn aquation | $D_1 = Q_1 \oplus Q_0$                                      |
| Boolean equation | $D_0 = (Q_2)'(Q_1)'(Q_0)'(T_A)' + (Q_2)'Q_1(Q_0)'(T_{AL})'$ |
|                  | + $Q_2(Q_1)'(Q_0)'(T_B)'$ + $Q_2Q_1(Q_0)'(T_{BL})'$         |

# FSM output table

| (     | Current state  | е     |                 | Out             | put             |                 |
|-------|----------------|-------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| $Q_2$ | Q <sub>1</sub> | $Q_0$ | L <sub>A1</sub> | L <sub>A0</sub> | L <sub>B1</sub> | L <sub>B0</sub> |
| 0     | 0              | 0     | 0               | 0               | 1               | 1               |
| 0     | 0              | 1     | 0               | 1               | 1               | 1               |
| 0     | 1              | 0     | 1               | 0               | 1               | 1               |
| 0     | 1              | 1     | 0               | 1               | 1               | 1               |
| 1     | 0              | 0     | 1               | 1               | 0               | 0               |
| 1     | 0              | 1     | 1               | 1               | 0               | 1               |
| 1     | 1              | 0     | 1               | 1               | 1               | 0               |
| 1     | 1              | 1     | 1               | 1               | 0               | 1               |

| Paglage aquation | $L_{A1} = Q_2 + Q_1(Q_0)'$ $L_{A0} = Q_2 + Q_0$           |
|------------------|---|
| Boolean equation | $L_{B1} = \sim Q_2 + Q_1(Q_0)'$ $L_{B0} = \sim Q_2 + Q_0$ |

# 4. 설계 검증 및 실험 결과

# A. 시뮬레이션 결과

# 

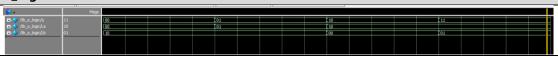


두 모듈 모두 같은 테스트 벤치를 사용했다. Behavior과 struct 모두 동일한 값을 갖으나, behavior의 경우에는 grey code를 이용하면서 red인 경우 11의 신호를 사용한다. 빨간 신호만 struct일 때는 10 behavior일 때는 11인 것을 감안했을 때 두 모듈은 정상 작동한다. 아래의 검증표는 struct 기준으로 작성되어 있다.

| ID | Description                | Input<br>condition              | Expected result          | Measured result          | Comparison |
|----|----------------------------|---------------------------------|--------------------------|--------------------------|------------|
| -  | Init                       | reset_n = 1<br>Ta = 0<br>Tb = 0 | La = 2'bxx<br>Lb = 2'bxx | La = 2'bxx<br>Lb = 2'bxx | Yes        |
| 1  | Check reset_1              | reset_n = 0                     | La = 2'b00<br>Lb = 2'b10 | La = 2'b00<br>Lb = 2'b10 | Yes        |
| 2  | Transition detection_01    | Ta = 1<br>Tb = 0                | La = 2'b00<br>Lb = 2'b10 | La = 2'b00<br>Lb = 2'b10 | Yes        |
| 3  | Transition detection_02    | Ta = 1<br>Tb = 1                | La = 2'b00<br>Lb = 2'b10 | La = 2'b00<br>Lb = 2'b10 | Yes        |
| 4  | Transition detection_03    | Ta = 0<br>Tb = 0                | La = 2'b01<br>Lb = 2'b10 | La = 2'b01<br>Lb = 2'b10 | Yes        |
| 5  | Check reset_2              | reset_n = 0                     | La = 2'b00<br>Lb = 2'b10 | La = 2'b00<br>Lb = 2'b10 | Yes        |
| 6  | Transition<br>detection_04 | reset_n = 1<br>Ta = 0<br>Tb = 1 | La = 2'b01<br>Lb = 2'b10 | La = 2'b01<br>Lb = 2'b10 | Yes        |
| 7  | Transition<br>detection_05 | Ta = 1<br>Tb = 1                | La = 2'b10<br>Lb = 2'b00 | La = 2'b10<br>Lb = 2'b00 | Yes        |

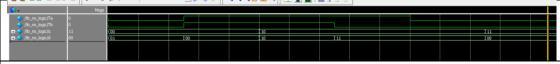
| 0  | Transition   | Ta = 0 | La = 2'b10 | La = 2'b10 | Voc |
|----|--------------|--------|------------|------------|-----|
| 8  | detection_06 | Tb = 1 | Lb = 2'b00 | Lb = 2'b00 | Yes |
| 0  | Transition   | Ta = 1 | La = 2'b10 | La = 2'b10 | Voc |
| 9  | detection_07 | Tb = 1 | Lb = 2'b00 | Lb = 2'b00 | Yes |
| 10 | Transition   | Ta = 0 | La = 2'b10 | La = 2'b10 | Voc |
| 10 | detection_08 | Tb = 0 | Lb = 2'b01 | Lb = 2'b01 | Yes |
| 11 | Transition   | Ta = 0 | La = 2'b00 | La = 2'b00 | Voc |
| 11 | detection_09 | Tb = 0 | Lb = 2'b10 | Lb = 2'b10 | Yes |

# o\_logic



q로 들어갈 수 있는 모든 상황을 넣은 결과 총 4가지가 나오게 되고 모든 경우에서의 La, Lb값은 예상 결과대로 움직임을 알 수 있다.

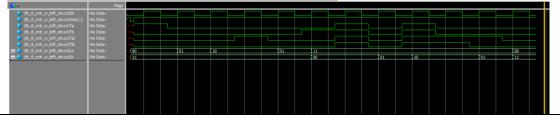
# ns\_logic



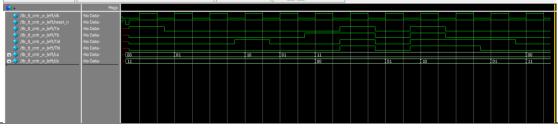
Ta, Tb는 현재 state q에 대한 input 값에 따라 d의 값이 변화하는 걸 확인할 수 있다. 의도한 대로 움직임을 알 수 있다.

# **Traffic Light Controller with left**

# 1) tl\_cntr\_w\_left\_sturct



# 2) tl\_cntr\_w\_left



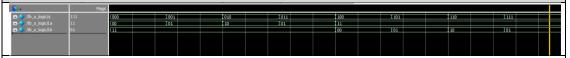
두 모듈 모두 같은 테스트 벤치를 사용했다. Behavior과 struct 모두 동일한 값을 갖는 것을 확인할 수 있다.

| ID | Description | Input<br>condition | Expected result | Measured result | Comparison |
|----|-------------|--------------------|-----------------|-----------------|------------|
| -  | Init        | reset_n = 1        | La = 2'bxx      | La = 2'bxx      | Yes        |

|    |                  |               | Lb = 2'bxx                 | Lb = 2'bxx                 |     |
|----|------------------|---------------|----------------------------|----------------------------|-----|
|    |                  |               | La = 2'b00                 | La = 2'b00                 |     |
| 1  | Check reset_1    | $reset_n = 0$ | Lb = 2'b11                 | Lb = 2'b11                 | Yes |
|    |                  | Ta = 1        | 25 2511                    |                            |     |
| 2  | Transition       | Tb = 0        | La = 2'b00                 | La = 2'b00                 | Yes |
|    | detection_01     | Tal = 0       | Lb = 2'b11                 | Lb = 2'b11                 |     |
|    | detection_o1     | Tbl = 0       | 2011                       | LD - 2 D11                 |     |
|    |                  | Ta = 0        |                            |                            |     |
| 3  | Transition       | Tb = 0        | La = 2'b01                 | La = 2'b01                 | Yes |
|    | detection_02     | Tal = 0       | Lb = 2'b11                 | Lb = 2'b11                 |     |
|    | detection_02     | Tbl = 0       | LD - 2 D11                 | LD - 2 DTT                 |     |
|    |                  | Ta = 0        |                            |                            |     |
| 4  | Transition       | Tb = 0        | La = 2'b01                 | La = 2'b01                 | Yes |
|    | detection_03     | Tal = 0       | La = 2 b01<br>Lb = 2'b11   | La = 2 b01<br>Lb = 2'b11   |     |
|    | detection_03     | Tbl = 0       | LD - 2 DTT                 | LD - 2 DTT                 |     |
|    |                  | Ta = 0        |                            |                            |     |
| 5  | Transition       | Tb = 0        | La = 2'b10                 | La = 2'b10                 | Yes |
|    |                  | Tal = 0       | La = 2 b 10<br>Lb = 2'b 11 | La = 2 b 10<br>Lb = 2'b 11 |     |
|    | detection_04     |               | LD = 2 D11                 | LD = 2 D11                 |     |
|    |                  | Tbl = 0       |                            |                            |     |
| 6  | Transition       | Ta = 0        | La - 2/b01                 | La - 2/b01                 |     |
|    |                  | Tb = 0        | La = 2'b01                 | La = 2'b01                 | Yes |
|    | detection_05     | Tal = 0       | Lb = 2'b11                 | Lb = 2'b11                 |     |
|    |                  | Tbl = 0       |                            |                            |     |
| 7  | Tue ne citi e ne | Ta = 0        | 1 - 2/1-11                 | 1 - 2/1-11                 | Yes |
|    | Transition       | Tb = 1        | La = 2'b11                 | La = 2'b11                 |     |
|    | detection_06     | Tal = 0       | Lb = 2'b00                 | Lb = 2'b00                 |     |
|    |                  | Tbl = 0       |                            |                            |     |
| 8  | To a differen    | Ta = 1        | 2/1.44                     | 2/1.44                     | Yes |
|    | Transition       | Tb = 1        | La = 2'b11                 | La = 2'b11                 |     |
|    | detection_07     | Tal = 1       | Lb = 2'b00                 | Lb = 2'b00                 |     |
|    |                  | Tbl = 1       |                            |                            |     |
| 9  |                  | Ta = 0        |                            |                            |     |
|    | Transition       | Tb = 0        | La = 2'b11                 | La = 2'b11                 | Yes |
|    | detection_08     | Tal = 0       | Lb = 2'b01                 | Lb = 2'b01                 |     |
|    |                  | Tbl = 0       |                            |                            |     |
| 10 |                  | Ta = 1        |                            |                            | Yes |
|    | Transition       | Tb = 1        | La = 2'b11                 | La = 2'b11                 |     |
|    | detection_09     | Tal = 1       | Lb = 2'b10                 | Lb = 2'b10                 |     |
|    |                  | Tbl = 1       |                            |                            |     |

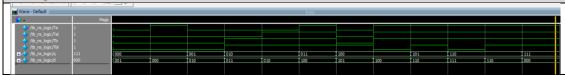
|    | 1            |         |            | ı          |     |
|----|--------------|---------|------------|------------|-----|
| 11 |              | Ta = 0  |            |            |     |
|    | Transition   | Tb = 0  | La = 2'b11 | La = 2'b11 | Yes |
|    | detection_10 | Tal = 1 | Lb = 2'b10 | Lb = 2'b10 |     |
|    |              | Tbl = 1 |            |            |     |
| 12 |              | Ta = 0  |            |            |     |
|    | Transition   | Tb = 0  | La = 2'b11 | La = 2'b11 | Yes |
|    | detection_11 | Tal = 1 | Lb = 2'b01 | Lb = 2'b01 |     |
|    |              | Tbl = 0 |            |            |     |
| 13 |              | Ta = 0  |            |            |     |
|    | Transition   | Tb = 0  | La = 2'b00 | La = 2'b00 | Yes |
|    | detection_12 | Tal = 0 | Lb = 2'b11 | Lb = 2'b11 |     |
|    |              | Tbl = 0 |            |            |     |

#### o\_logic



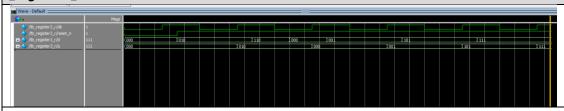
q는 3bits로 8개의 경우의 수가 나온다. 이에 대해 모든 경우의 수에 대해 La, Lb의 값을 확인한다. 각 state(q의 값)에 따라 La, Lb가 잘 나오는 것을 확인할 수가 있다.

#### ns\_logic



입력값은 3bits인 q와 Ta, Tb, Tal, Tbl을 이용하면 결과로 3bits d가 나온다. 각 state에 따른 입력값에 따라 다음 state를 가는지 결정한다. State가 encoding이 짝수인 경우에는 next state로 가는 경우엔 알맞은 입력값으로 Ta, Tb, Tal, Tbl을 주었을 경우이다. 하지만 홀수인 경우에는 신호가 yellow와 left신호를 켜지고 나서이다. 해당 state에서 다음 state로 갈때에는 어떤 값이던 되고 있는 것을 볼 수 있다.

#### \_register3\_r

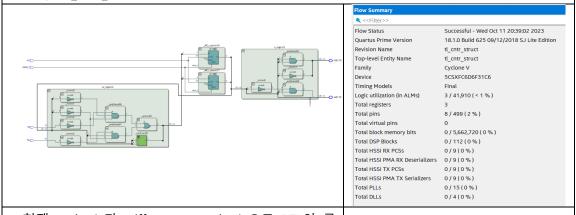


해당 테스트벤치는 \_register3\_r로 resettable register를 3개를 연결해서 사용한다. 처음에는 reset\_n이 하강하면서 q의 값은 000으로 결정된다. reset\_n이 1인 경우에는 clk이 상승할 때마다 q의 값이 update되는 것을 확인할 수 있다. clk이 상승하지 않을 때의 변한 값은 q에 반영되지 않는 것을 d의 값이3'b110일 때 확인할 수 있다.

# B. 합성(synthesis) 결과

# **Traffic Light Controller**

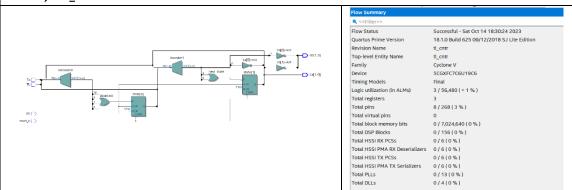
#### 1) tl\_cntr\_struct



현재 ns\_logic과 \_dff\_r\_async, o\_logic으로 RTL이 구성된 것을 확인할 수 있다. ns\_logic에는 q와 Ta, Tb의 조합으로 이루어진 것을 확인할 수 있으며 L1과 L0는 q의 조합으로만 이루어진 것을 확인할 수 있다. 구성을 확인하면 sequential circuits 부분과 combinational circuits 부분이 나누어진 것을 확인할 수 있다.

Top module은 tl\_cntr\_struct이고, Logic Utilization은 3, register는 3 개이다. total pins는 8개이다. Flow status를 보았을 때 successful로 syntax error가 없는 것을 확인할 수 있다.

#### 2) tl\_cntr

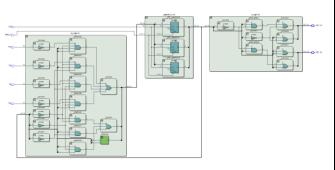


해당 RTL map은 tl\_cntr을 behavior로 구현했을 때나오는 모습이다. 2개의 register로 이루어진 모습과 decoder를 이용한 모습을 확인할 수 있다.

Top module은 tl\_cntr이고, Logic Utilization은 3, register는 3개이다. total pins는 8개이다. Flow status를 보았을 때 successful로 syntax error가 없는 것을 확인할 수 있다.

# **Traffic Light Controller with left turn**

#### 1) tl\_cntr\_w\_left\_struct

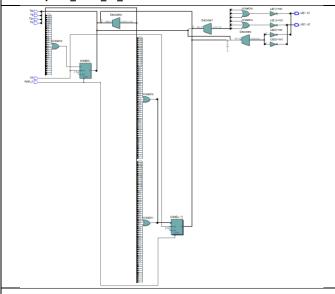


현재 ns\_logic과 \_dff\_r\_async, o\_logic으로 RTL이 구성된 것을 확인할 수 있다. ns\_logic에는 q와 Ta, Tb, Tal, Tbl의 조합으로 이루어진 것을 확인할 수 있으며 L1과 L0는 q의 조합으로만 이루어진 것을 확인할 수 있다. 구성을 확인하면 sequential circuits 부분과 combinational circuits 부분이 나누어진 것을 확인할 수 있다.

Flow Status Quartus Prime Version 18.1.0 Build 625 09/12/2018 SJ Lite Edition tl\_cntr\_w\_left\_struct tl\_cntr\_w\_left\_struct Top-level Entity Name Family Cyclone V Device Timing Models 5CSXFC6D6F31C6 5 / 41,910 ( < 1 %) Logic utilization (in ALMs) Total registers Total pins Total virtual pins Total block memory bits Total DSP Blocks Total HSSI RX PCSs 0 / 5.662.720 (0 %) 0/9(0%) Total HSSI PMA RX Deserializers 0/9(0%) Total HSSI PMA TX Serializers 0/9(0%)

Top module은 tl\_cntr\_w\_left\_struct 이고, Logic Utilization은 5, register 는 4개이다. total pins는 10개이다. Flow status를 보았을 때 successful 로 syntax error가 없는 것을 확인 할 수 있다.

#### 2) tl\_cntr\_w\_left



Successful - Sat Oct 14 18:47:08 2023 18.1.0 Build 625 09/12/2018 SJ Lite Edition Quartus Prime Version Revision Name tl\_cntr\_w\_left tl\_cntr\_w\_left Family Cyclone V 5CSXFC6D6F31C6 Timing Models 5 / 41,910 ( < 1 % ) Logic utilization (in ALMs) Total registers Total virtual pins 0 / 5.662.720 ( 0 % ) Total HSSI RX PCSs 0/9(0%) Total HSSI PMA RX Deserializers Total HSSI TX PCSs 0/9(0%) Total HSSI PMA TX Serializers 0/9(0%) Total DLLs 0/4(0%)

해당 RTL map은 tl\_cntr\_w\_left을 behavior로 구현했을 때 나오는 모습이다. 2개의 register로 이루어진 모습과 decoder를 이용한 모습을 확인할 수 있다. Top module은 tl\_cntr\_w\_left이고, Logic Utilization은 5, register는 4 개이다. total pins는 10개이다. Flow status를 보았을 때 successful로 syntax error가 없는 것을 확인할 수 있다.

# 5. 고찰 및 결론

# A. 고찰

Quine Mccluskey method을 이용하여  $D_2$ ,  $D_1$ ,  $D_0$ 의 부울식을 구할 때, 예시로 보여준  $D_2$ 에서부터 생각보다 너무 많은 column이 나와 비교하기가 쉽지 않았다. 이에 대한 방법을 강구하던 도중 1학기 디지털논리회로1에서 구현했던 qm 알고리즘을 이용하여 각 column과 pi, epi를 구할 수 있었다. 이 프로그램을 활용하여 traffic light controller with left struct의 next state에 대한 식을 어렵지 않게 구할 수 있었다.

# B. 결론

Behavior로 코드 짜는 거 어렵지 않다. 오히려 gate를 이용해서 구하는 것보다 굉장히 시간도 단축할 수 있었던 코딩 스타일이었다. 하지만, 이를 이용하면 하드웨어 설계에서 어떤 방식으로 해당 값을 도출할 수 있었는지 알 수 없기 때문에 struct 스타일의 방식이 중요하다는 것을 깨닫았다. Behavior는 struct를 짜기 전 전체적인 프로그램을 미리 결과를 테스트하는 용도이지 않을까 생각해 보았다.

# 6. 참고문헌

유지현 교수님/디지털논리회로1/광운대학교(컴퓨터정보공학부)/2023 이준환 교수님/컴퓨터공학기초실험/광운대학교(컴퓨터정보공학부)/2023