

Haskell Lecture 2

kinokkory@shiatsumat

目次

- 関数と仲良くなろう！
- データ型と仲良くなろう！
- 型クラスと仲良くなろう！
- ファンクタと仲良くなろう！
- モナドと友達になろう！
- いろいろなモナドを見てみよう！
- もっとモナドを便利にしよう！

目次2

- 入出力であそぼう！
- モナド変換子とあそぼう！
- 状態遷移であそぼう！
- エラー処理であそぼう！
- 構文解析であそぼう！
- フリーモナドとあそぼう！
- モナドライフを始めよう！

関数と仲良くなろう！

関数のおさらい

- 全ての関数型 $a \rightarrow b$ は一引数関数。
- 2引数関数の型は $a \rightarrow b \rightarrow c$ となる。
- 関数は部分適用ができる。

関数のライブラリ

$(\$)\ :: (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow b$

$f \$ x = f x$

-- \$ の優先順位は低く、かつ右結合

-- $f x \$ g y \$ h z = f x (g y (h z))$

-- 通常関数適用の優先順位は最高で左結合

$(.)\ :: (b \rightarrow c) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow c$

$(f.g) x = f (g x)$

-- $f.g$ は f と g の合成関数

関数のライブラリ2

```
id :: a -> a
```

```
id x = x
```

```
-- 恒等関数
```

```
const :: a -> b -> a
```

```
const x _ = x
```

```
-- const x は定数関数
```

関数のライブラリ3

`flip` :: (a->b->c) -> b-> a -> c

`flip` f x y = f y x

-- flip f は f の二引数を逆転したもの

`on` :: (b->b->c) -> (a->b) -> a -> a -> c

f `on` g = $\forall x\ y \rightarrow f\ (g\ x)\ (g\ y)$

-- f と g の一種の関数合成

fix

`fix` :: (a->a) -> a

`fix` f = f (`fix` f)

-- `fix` f は f の最小不動点

-- つまり $f\ x = x$ となる値 x のうち

-- 最小の計算で終わるもの

fixと再帰

`factorial` :: Int -> Int

`factorial` 0 = 1

`factorial` n = n * `factorial` (n-1)

は

`factorial` :: Int -> Int

`factorial` = `fix factorial'`

`factorial'` :: (Int->Int) -> Int -> Int

`factorial'` _ 0 = 1

`factorial'` f n = n * f (n-1)

と同じ。

データ型と仲良くなろう！

リスト

```
data [a]           -- a がたくさん  
  = a : [a]        -- cons  
  | []             -- nil
```

```
[ ] a = [a]
```

タプル

```
data () = ()           -- ユニット  
data (a,b) = (a,b)     -- ペア（直積型）  
data (a,b,c) = (a,b,c) -- トリプル
```

```
(,) a b = ((,) a) b = (a,b)
```

```
(,) x y = ((,) x) y = (x,y)
```

Maybe

```
data Maybe a    -- a かもしれない  
  = Just a      -- 値がある  
  | Nothing     -- 値がない
```

Either

```
data Either a b -- aまたはb（直和型）  
  = Left a      -- a  
  | Right b     -- b
```

枚举型

```
data Bool = True | False
```

```
data ArithException  
  = Overflow  
  | Underflow  
  | LossOfPrecision  
  | DividedByZero  
  | Denormal  
  | RatioZeroDenominator
```


木構造

```
data BinTree a          -- 二分木
  = Bin a (BinTree a) (BinTree a)
  | Tip
```

```
data RoseTree a         -- 多分木
  = Rose a [RoseTree a]
```

抽象構文本

```
data Expression      -- 数式
  = ENumber Int
  | EBinary Symbol Expression Expression
  | EUnary Symbol Expression
```

Identity, Const, Tagged

```
newtype Identity a = Identity {runIdentity::a}
```

```
newtype Const a b = Const {getConst :: a}
```

```
newtype Tagged a b = Tagged {unTagged :: b}
```

代数的データ型は直積の直和

```
data D
  = C1 T1a T2a
  | C2 T2a T2b
```

は

```
type D = Either (T1a,T2a) (T2b,T2b)
```

と大体同じ (同型)。

代数的データ型は直積の直和 2

```
data D
  = C1
  | C2 T2
  | C3 T3a T3b T3c
```

は

```
type D = Either (Either () T2) (T3a,T3b,T3c)
```

と大体同じ (同型)。

型クラスと仲良くなろう！

Eq

```
class Eq a where                                -- 等しさがある
    (==) :: a -> a -> Bool                      -- 等しい
    (/=) :: a -> a -> Bool                      -- 等しくない
    x == y = not (x /= y)
    x /= y = not (x == y)
```

Ord

```
data Ordering = LT | EQ | GT
class Eq a => Ord a where -- 比較可能
    compare :: a -> a -> Ordering
    (<), (>=), (>), (<=) :: a -> a -> Bool
    max, min :: a -> a -> a
    x<y = compare x y == LT
    x>=y = compare x y /= LT
    ...
```


Enum

```
class Enum a where  -- 列举可能
  succ, pred :: a -> a
  toEnum :: Int -> a
  fromEnum :: a -> Int
  enumFrom :: a -> [a]
  enumFromThen :: a -> a -> [a]
  enumFromTo :: a -> a -> [a]
  enumFromThenTo :: a -> a -> a -> [a]
```

Bounded

```
class Bounded a where -- 最小値と最大値がある  
    minBound, maxBound :: a
```

Show

```
class Show a where -- 文字列に変換可能  
  show :: a -> String
```

Read

```
type ReadS a = String -> [(a,String)]  
class Read a where -- 文字列から変換可能  
    readsPrec :: Int -> ReadS a  
read :: Read a => String -> a
```

Ix

```
class Ord a => Ix a where -- 区間を考えられる
  range :: (a,a) -> [a]
  index :: (a,a) -> a -> Int
  inRange :: (a,a) -> a -> Bool
  rangeSize :: (a,a) -> Int
```

deriving

- `Eq, Ord, Enum, Bounded, Show, Read, Ix` については、インスタンス宣言をしなくても、データの宣言の際に `deriving` を用いればインスタンスにできる。

```
data Bool = True | False  
  deriving (Eq,Ord,Enum,Bounded,Show,Read,Ix)
```

Num

```
class Num a where
    (+),(*),(-) :: a -> a -> a
    negate :: a -> a
    abs :: a -> a
    signum :: a -> a
    fromInteger :: Integer -> a
```

Real

```
data Ratio a = !a :% !a
type Rational = Ratio Integer
class (Num a, Ord a) => Real a where
    toRational :: a -> Rational
```


Integral

```
class (Real a, Enum a) => Integral a where  
    quot, rem, div, mod :: a -> a -> a  
    quotRem, divMod :: a -> a -> (a,a)  
    toInteger :: a -> Integer
```

Fractional, RealFrac

```
class (Num a) => Fractional a where  
    (/) :: a -> a -> a  
    recip :: a -> a  
    fromRational :: Rational -> a
```

```
class (Real a, Fractional a) => RealFrac a where  
    truncate, round, ceiling, floor  
        :: (Integral b) => a -> b  
    properFraction :: (Integral b) => a -> (b, a)
```

Floating, RealFloat

```
class (Fractional a) => Floating a where
    pi :: a
    exp, log, sqrt, sin, cos, tan, asin, acos, atan,
    sinh, cosh, tanh, asinh, aconh, atanh :: a -> a
    (**), logBase :: a -> a -> a
```

```
class (RealFrac a, Floating a) => RealFloat a
where
    floatRadix :: a -> Integer
    ...
```

モノイド

```
class Monoid a where  
  mempty :: a  
  mappend :: a -> a -> a  
  mconcat :: [a] -> a  
  mconcat = foldr mappend mempty
```

(<>) = mappend

モノイド則

$\text{mempty} \langle \rangle x = x \langle \rangle \text{mempty} = x$

$x \langle \rangle (y \langle \rangle z) = (x \langle \rangle y) \langle \rangle z$

ファンクタと仲良くなろう！

ファンクタって何？

- データ間の変換をおこなうためのもの。
- 日本語の訳語は関手。
- 型引数をひとつ取るデータ型は、基本的には必ずファンクタにすることができる。

class Functor f where

 fmap :: (a -> b) -> f a -> f b

(<\$>) = fmap

ファンクタ則

`fmap id == id`

`fmap (f . g) == fmap f . fmap g`

リストファンクタ

instance Functor [] where
 fmap = map

map f = foldr ($\forall x \ a \rightarrow f \ x : a$)

map f [a,b,c] = [f a, f b, f c]

Maybeファンクタ, Eitherファンクタ

```
instance Functor Maybe where  
    fmap _ Nothing = Nothing  
    fmap f (Just a) = Just (f a)
```

```
instance Functor (Either a) where  
    fmap _ (Left x) = Left x  
    fmap f (Right y) = Right (f y)
```

タプルファンクタ

instance Functor ((,) a) where
fmap f (x,y) = (x,f y)

関数ファンクタ

instance Functor ((->) a) where

`fmap` f x = f.x

-- f :: b -> c, x :: a -> b, fmap f x :: a -> c

Identity/Const/Taggedファンクタ

instance Functor **Identity** where
 fmap f (Id x) = Id (f x)

instance Functor (**Const** a) where
 fmap _ x = x

instance Functor (**Tagged** a) where
 fmap f (Tagged x) = Tagged (f x)

ファンクタがいっぱい

- これまでの例から考えると、多くのデータ型はファンクタ！
- 再帰的なデータ型の場合、fmapも再帰的になる。
- 実は、ghcのDeriveFunctor拡張でファンクタを自動生成 (deriving Functor) できる。

ファンクタにしよう！

```
data RoseTree a      -- 多分木
  = Rose a [RoseTree a]
```

```
instance Functor RoseTree where
  fmap f (Rose x rs) =
    Rose (f x) (fmap (fmap f) rs)
```

反変ファンクタって何？

- ファンクタと逆の対応付けをするもの。
- ふつうのファンクタは**共変**ファンクタともいう。
共変と**反変**は**双対**の概念。
- `contravariant package` にある。

```
class Contravariant where  
    contramap :: (a -> b) -> f b -> f a  
    (>$<) = contramap  
    (>$$<) = flip contramap
```


反変ファンクタ則

`contramap id = id`

`contramap f . contramap g = contramap (g . f)`

双対関数反変ファンクタ

```
newtype Op a b = Op {getOp :: b -> a}
```

```
instance Contravariant (Op a) where  
  contramap f g = Op (getOp g . f)  
  -- f :: b -> c, g :: Op a c  
  -- contramap f g :: Op a b
```

双ファンクタって何？

- ファンクタの2引数版。
- bifunctors package にある。

```
class Bifunctor p where
  bimap :: (a->b) -> (c->d) -> p a c -> p b d
  first :: (a->b) -> p a c -> p b c
  second :: (b->c) -> p a b -> p a c
  first f = bimap f id
  second f = bimap id f
```

双ファンクタ則

`bimap id id = id`

`first id = id`

`second id = id`

`bimap f g = first f . second g`

`bimap (f . g) (h . i) = bimap f h . bimap g i`

`first (f . g) = first f . first g`

`second (f . g) = second f . second g`

タプル双ファンクタ

instance Bifunctor (,) where
 bimap f g (x,y) = (f x, g y)

Either双ファンクタ

instance Bifunctor `Either` where

`bimap` `f` `_` (`Left` `x`) = `Left` (`f` `x`)

`bimap` `_` `g` (`Right` `y`) = `Right` (`g` `y`)

Const/Tagged双ファンクタ

instance Bifunctor **Const** where

bimap f _ (Const a) = Const (f a)

instance Bifunctor **Tagged** where

bimap _ g (Tagged b) = Tagged (g b)

共変と反変

基本的な型構築子のそれぞれの引数について、
共変 (+) か反変 (-) かをあらわすと以下の通り。

- (+, +)
- Either + + (以降、+ | + と表記する。)
- - -> +

共変 : covariant
反変 : contravariant

組み合わせ

$$+ \times + = +, + \times - = -, - \times + = -, - \times - = +$$

- $(+, +, +)$
- $+ | + | +$
- $- \rightarrow (- \rightarrow +)$
- $(+ \rightarrow -) \rightarrow +$
- $((- \rightarrow +) \rightarrow -) \rightarrow +$
- $(+, +) | (+, +)$
- $(-, -) \rightarrow (+, +)$
- $(- | -) \rightarrow (+ | +)$

(? -> -) -> + の共変性

```
data Foo b c a = Foo ((a -> b) -> c)
instance Functor (Foo b c) where
    fmap f (Foo x) = Foo (λy -> x (y . f))
-- f :: a -> d
-- x :: (a -> b) -> c
-- y :: d -> b
-- y . f :: a -> b
-- λy -> x (y . f) :: (d -> b) -> c
```

自由変と固定変

- `newtype Const a b = Const a` の場合、
bは右辺にあらわれていないので、**+**とも**-**ともとれる状態。このとき、自由変 (**L**) とする。
 - `data X a b = Fun a -> b | Nuf b -> a` の場合、
aもbも**+**と**-**の両方でなくてはならず、問題。
このとき、固定変 (**T**) とする。
 - `Const` **+** **L**
 - `X` **T** **T**
- 自由変 : free-variant (or 非変 : nonvariant)
固定変 : fixed-variant (or 不変 : invariant)

補足

- Identity +
- Tagged \perp +
- Maybe +
- [+]
- BinaryTree +
- RoseTree +

ファンクタはすごい！

- すべてのデータ型は直和・直積・関数型と再帰的定義によって書ける。
- よって、ほとんどの一引数のデータ型は、**ファンクタ**か**反変ファンクタ**のいずれかである。
- 双ファンクタは**ファンクタ**の二引数版である。同様にして、**反変ファンクタ**と**ファンクタ**の二引数からなる版もつくれるし、n引数版のものもつくれる。
- ほとんどのデータ型は広い意味での**ファンクタ**！

モナドと友達になろう！

モナドって何？

- 手続き型的な計算を抽象化したもの。
- 計算を構造化して柔軟に扱えるようになる。
- さまざまなモナドに触れることが理解の近道。
- モナドはとっても楽しい！

モナドの定義

```
class Monad m where
    (>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b
    (>>)  :: m a -> m b -> m b
    return :: a -> m a
    fail   :: String -> m a
    m >> k = m >>= \_ -> k
    fail s = error s
```


モナドの意味

$(>>=) :: m\ a \rightarrow (a \rightarrow m\ b) \rightarrow m\ b$

第一引数を計算した結果を、第二引数に渡して、あらたな結果を得る（バインドと読む）。

$(>>) :: m\ a \rightarrow m\ b \rightarrow m\ b$

第一引数を計算し、その結果を無視して、第二引数の計算を引き続き行う。

$return :: a \rightarrow m\ a$

値を返す単純な計算を得る。

一方向なモナド

- モナドのメンバ関数のみをもちいるとき、
「`a -> m a`」という操作をすることはできるが、
「`m a -> a`」という操作はすることができない。
- IOモナドは基本的に、内部のデータ構造を隠蔽している。このおかげで、Haskellにおいて[参照透過性](#)が守られている。これがIOモナドの[一方性](#)である。

一方向なモナドだけれど

- main関数の型は `IO a`。だから、IOモナドから脱出できなくても構わない。

do記法

```
do 文1  
   文2  
   ...  
   文n  
   モナド
```

という形式で書く。

文はモナドか、モナドから値を取りだす操作 (" $x \leftarrow \text{exp}$ ", ただし $x :: a$, $\text{exp} :: m\ a$) か、let式 ($\text{let } x = \text{exp}$) のいずれか。

do記法の意味

単なる糖衣構文。

```
do x <- e1  
   y <- e2  
   e3
```

は

$$e1 \gg= (\forall x \rightarrow e2 \gg= (\forall y \rightarrow e3))$$

と変換できる。

(Listモナドなどでの挙動を理解しよう。)

failはなんなのか

- あんまり気にしなくていいと思う。自分でfailを呼び出すことは少ない。
- ただdo記法中でパターンマッチに失敗すると呼ばれるので、その動作を変えたければ、failを変えればよい。

いろいろなモナドを見てみよう！

Identityモナド

```
instance Monad Identity where  
    return x          = Identity x  
    (Identity x) >>= f = f x
```

ただ普通に計算するだけのモナド。

Maybeモナド

```
instance Monad Maybe where
    return x          = Just x
    (Just x) >>= k    = k x
    Nothing >>= _     = Nothing
    fail _            = Nothing
```

部分関数を実現しているモナド。

Listモナド

```
instance Monad [] where  
    return x    = [x]  
    m >>= k     = foldr ((++).k) [] m  
    fail _      = []
```

多値関数を実現しているモナド。

関数モナド

```
instance Monad ((->) a) where
    return x    =  $\forall \_ \rightarrow x$ 
    f >>= k     =  $\forall r \rightarrow k (f\ r)\ r$ 
    -- f :: a -> b, k :: b -> a -> c, r :: a
    -- f >>= k :: a -> c
```

一種の関数合成をしつづける不思議なモナド。
実はReaderモナドそのもの。

もっとモナドを便利にしよう！

モナドはファンクタ

```
instance Monad m => Functor m where  
    fmap f x = x >>= (return.f)
```

このコードを動かすにはghc拡張が必要。
WrappedMonadを使うと同様のことができる。

アプリカティヴって何？

```
class Functor f => Applicative f where  
  pure :: a -> f a  
  (<*>) :: f (a->b) -> f a -> f b  
  (*>) :: f a -> f b -> f b  
  (<*) :: f a -> f b -> f a  
  f *> g = g  
  f <* g = f
```

関数適用のできるファンクタ。

アプリカティヴ則

`pure id <*> v = v`

`pure (.) <*> u <*> v <*> w = u <*> (v <*> w)`

`pure f <*> pure x = pure (f x)`

`u <*> pure y = pure ($ y) <*> u`

ちなみに、`fmap f x = pure f <*> x`

モナドはアプリカティヴ

```
instance Monad m => Applicative m where  
    pure = return  
    f <*> g = do{x <- f; y <- g; return (x y)}
```

このコードを動かすにはghc拡張が必要。
WrappedMonadを使うと同様のことができる。

モナドはアプリカティヴ2

`do {x<-a; y<-b; z<-c; return (f a b c)}` は
`f <$> a <*> b <*> c` と書ける。

モナドじゃないアプリカティヴ

```
instance Monoid a => Applicative ((,) a) where  
  pure x = (mempty, x)  
  (u, f) <*> (v, x) = (u <> v, f x)
```

オルターナティブって何？

```
class Applicative f => Alternative f where
  empty :: f a
  (<|>) :: f a -> f a -> f a
  some :: f a -> f [a]
  many :: f a -> f [a]
  some v = (:) <$> v <*> many v
  many v = some v <|> pure []
```

モノイドのあるアプリカティヴ。

モナドプラスって何？

```
class Monad m => MonadPlus m where  
    mzero :: m a  
    mplus :: m a -> m a -> m a
```

失敗と選択のあるモナド。

Listモナドプラス

```
instance MonadPlus [] where  
    mzero = []  
    mplus = (++)
```

Maybeモナドプラス

instance `MonadPlus Maybe` where

`mzero` = `Nothing`

`Nothing `mplus` ys` = `ys`

`xs `mplus` _` = `xs`

モナドプラスはオルターナティブ

```
instance MonadPlus m => Alternative m where  
    empty = mzero  
    (<|>) = mplus
```

このコードを動かすにはghc拡張が必要。
WrappedMonadを使うと同様のことができる。

繰り返し

```
sequence :: Monad m => [m a] -> m [a]
sequence_ :: Monad m => [m a] -> m ()
replicateM :: Monad m => Int -> m a -> m [a]
replicateM_ :: Monad m => Int -> m a -> m ()
mapM :: Monad m => (a -> m b) -> [a] -> m [b]
mapM_ :: Monad m => (a -> m b) -> [a] -> m ()
forM = flip mapM
forM_ = flip mapM_
forever :: Monad m => m a -> m b
```


畳み込み

`foldM` :: Monad m => (a -> b -> m a) -> a -> [b] -> m a
`foldM_` :: Monad m => (a -> b -> m a) -> a -> [b] -> m ()
`msum` :: MonadPlus m => [m a] -> m a

条件分歧

`guard` :: MonadPlus m => Bool -> m ()

`when` :: Monad m => Bool -> m () -> m ()

`unless` = `when.not`

`mfilter` :: MonadPlus m => (a->Bool)->m a->m a

その他

$(= < <) = \text{flip } (> > =)$

$(> = >) :: \text{Monad } m \Rightarrow (a \rightarrow m b) \rightarrow (b \rightarrow m c) \rightarrow a \rightarrow m c$

$(< = <) = \text{flip } (> = >)$

$\text{join} :: \text{Monad } m \Rightarrow m (m a) \rightarrow m a$

$\text{liftM} :: \text{Monad } m \Rightarrow (a \rightarrow r) \rightarrow m a \rightarrow m r$

$\text{liftM2} :: \text{Monad } m \Rightarrow (a \rightarrow b \rightarrow r) \rightarrow m a \rightarrow m b \rightarrow m r$

$\text{ap} :: \text{Monad } m \Rightarrow m (a \rightarrow b) \rightarrow m a \rightarrow m b$

入出力であそぼう！

IOモナド

```
newtype IO a = ...  
instance Monad IO where  
...
```

現実世界を裏で操作する計算。

ファイル処理

```
data Handle = ...
```

```
data IOMode = ReadMode | WriteMode |  
             AppendMode | ReadWriteMode
```

```
type FilePath = String
```

```
openFile :: FilePath -> IOMode -> IO Handle
```

入出力

`hGetChar` :: Handle -> IO Char

`hGetLine` :: Handle -> IO String

`hLookAhead` :: Handle -> IO Char

`hGetContents` :: Handle -> IO String

`hIsEOF` :: Handle -> IO Bool

`hPutChar` :: Handle -> Char -> IO ()

`hPutStr` :: Handle -> String -> IO ()

`hPutStrLn` :: Handle -> String -> IO ()

`hPrint` :: Show a => Handle -> a -> IO ()

ランダムアクセス

```
data SeekMode =  
    AbsoluteSeek | RelativeSeek | SeekFromEnd  
data HandlePosn = HandlePosn Handle Integer
```

```
hFileSize :: Handle -> IO Integer  
hTell :: Handle -> IO Integer  
hSeek :: Handle -> SeekMode -> Integer -> IO()  
hGetPosn :: Handle -> IO HandlePosn  
hSetPosn :: HandlePosn -> IO ()
```


コンソール処理

```
stdin, stdout, stderr :: Handle
getChar = hGetChar stdin
getLine = hGetLine stdin
getContents = hGetContents stdin
isEOF = hIsEOF stdin
putChar = hPutChar stdout
putStr = hPutStr stdout
putStrLn = hPutStrLn stdout
print = hPrint stdout
```

便利な関数

`readIO` :: Read a => String -> IO a

`readLn` = getLine >>= readIO

`interact` :: (String -> String) -> IO ()

IOも遅延評価

- 遅延評価はHaskellの基本。
- IOも当然遅延評価される。
- うまく使いこなせると楽しい。

IOも遅延評価 例

```
machine :: Int -> [String] -> String
machine n (s:ss) = case s of
  "end" -> "goodbye¥n"
  "sum" -> "the sum is" ++ show n ++ "¥n"
          ++ machine 0 ss
  _ -> machine (n + read s) ss

main = interact $ machine 0 . lines
```

IORef

```
data IORef a = ...  
newIORef :: a -> IO (IORef a)  
readIORef :: IORef a -> IO a  
writeIORef :: IORef a -> a -> IO ()  
modifyIORef :: IORef a -> (a -> a) -> IO ()  
modifyIORef' :: IORef a -> (a -> a) -> IO () 正格評価版
```

再代入可能な変数への参照。

メモリの削減に役立つ。

乱数生成

- 乱数も基本的に参照透明性を壊してしまう。
- そこでIOを用いて乱数を生成する。
- 基本的に、次の使い方だけ覚えればよい。

```
getStdRandom (randomR (lo::a,hi::a)) :: IO a
```

```
-- lo以上hi以下の乱数の取得
```

```
getStdRandom random :: IO a
```

```
-- aの上限から下限までの範囲の乱数の取得
```

```
-- ただし実数型については0以上1未満
```

モナド変換子とあそぼう！

モナド変換子って何？

- 複数のモナドの機能をくっつけて新しいモナドを作りたいことは多い。
- そこでモナド変換子。
- モナドを直列につなぐのに使える。

モナド変換子の定義

```
class MonadTrans t where  
  lift :: Monad m => m a -> t m a
```

モナドを一段上のモナドにできる。

（各 t に対し $\text{Monad } m \Rightarrow \text{Monad } (t\ m)$ をインスタンス宣言する必要がある。）

モナド変換子則

`lift . return = return`

`lift (m >>= f) = lift m >>= (lift . f)`

`-- m :: t m a, f :: a -> t m b, m >>= f :: t m b`

`-- lift (m >>= f) :: m b`

`-- lift m :: m a, lift . f :: a -> m b`

`-- lift m >>= (lift . f) :: m b`

MaybeTモナド変換子

```
newtype MaybeT m a =  
    MaybeT {runMaybeT :: m (Maybe a)}
```

```
instance MonadTrans MaybeT where  
    lift m = MaybeT (Just <$> m)
```

MaybeTモナド変換子2

```
instance (Monad m) => Monad (MaybeT m) where
  return = lift . return
  x >>= f = MaybeT $ do
    v <- runMaybeT x
    case v of
      Nothing -> return Nothing
      Just y   -> runMaybeT (f y)
  fail _ = MaybeT (return Nothing)
```

ListTモナド変換子

```
newtype ListT m a = ListT {runListT :: m [a]}
```

```
instance MonadTrans ListT where
```

```
    lift m = ListT $ do {a <- m; return [a]}
```

ListTモナド変換子2

```
instance (Monad m) => Monad (ListT m) where
    return = lift . return
    m >>= k = ListT $ do
        a <- runListT m
        concat <$> mapM (runListT . k) a
    fail _ = ListT $ return []
```

MonadIO

```
class (Monad m) => MonadIO m where  
    liftIO :: IO a -> m a
```

IOからの変換。最適化のためにある。

MonadIOのインスタンス宣言

```
instance MonadIO IO where
```

```
    liftIO = id
```

```
instance (Monad m) => MonadIO (ListT m) where
```

```
    liftIO = lift . liftIO
```

```
-- ほぼすべてのモナド変換子で
```

```
-- このように宣言する
```


状態遷移であそぼう！

StateTとState

```
newtype StateT s m a =  
    StateT {runStateT :: s -> m (a,s)}
```

```
type State s = StateT s Identity
```

古い状態から値と新しい状態を得る。

StateTモナド変換子

```
instance MonadTrans StateT where
    lift m = StateT $ ((,) <$> m)
instance Monad m => Monad(StateT s m) where
    return = lift . return
    (StateT x) >>= f = StateT $ \s -> do
        (v,s') <- x s
        runStateT (f v) s'
    fail = StateT $ \_ -> fail msg
```

モナドステート

```
class Monad m => MonadState s m | m->s where
  get  :: m s
  put  :: s -> m ()
  state :: (s -> (a,s)) -> m a
  get = state (¥s -> (s,s))
  put s = state (¥_ -> ((()),s))
  state f = do ~(a,s') <- f <$> get
               put s'
               return a
```

s は m に応じて一意に決まる
(関数従属)

状態の取得と更新。

StateTモナドステート

```
instance Monad m => MonadState s (StateT s m)
where
    get = StateT $ \s -> return (s,s)
    put s = StateT $ \_ -> return ((),s)
```

ツッコミ

- Stateモナドは新しい状態にする際、古い状態は残したままで、取り替える方式にしてある。
- 古い状態を上書きしていく形式にすればいいじゃないか！
- そこでSTモナド。

STモナド

```
newtype ST s a =  
    ST (State# s -> (# State# s, a #))  
instance Monad (ST s) where  
    return x = ST (λs -> (#s,x#))  
    (ST m) >>= k = ST (λs ->  
        let{(#new_s,r#) = m s; ST k2 = k r} in  
        (k2 new_s))  
runST :: (forall s. ST s a) -> a
```

黒魔術によってStateモナドを効率化したもの。

STRef

```
data STRef s a = STRef (MutVar# s a)
newSTRef :: a -> ST s (STRef s a)
readSTRef :: STRef s a -> ST s a
writeSTRef :: STRef s a -> a -> ST s ()
modifySTRef :: STRef s a -> (a -> a) -> ST ()
modifySTRef' :: STRef s a -> (a -> a) -> ST ()
```

再代入可能な変数への参照。

IOはST RealWorld

```
data RealWorld = ??? -- Haskellの闇
newtype ST s a = ST (State# s ->
                      (# State# s, a #))
newtype IO a = IO (State# RealWorld ->
                   (# State# RealWorld, a #))
```

```
stToIO :: ST RealWorld a -> IO a
stToIO (ST m) = IO m
ioToST :: IO a -> ST RealWorld a
ioToST (IO m) = ST m
```

IORefはSTRef RealWorld

```
newtype IORef a = IORef (STRef RealWorld a)
```

ReaderTとReader

```
newtype ReaderT r m a =  
    ReaderT{runReaderT :: r -> m a}
```

```
type Reader = ReaderT Identity
```

環境を参照できる計算。

Readerは関数モナドと同じ。

ReaderTモナド変換子

```
instance MonadTrans (ReaderT r) where
    lift m = ReaderT $ \r -> m
instance Monad m => Monad (ReaderT r m) where
    return = lift . return
    m >>= k = ReaderT $ \r -> do
        a <- runReaderT m r
        runReaderT (k a) r
    fail msg = ReaderT $ \r -> fail msg
```

モナドリーダー

```
class Monad m => MonadReader r m | m -> r where  
  ask :: m r  
  local :: (r -> r) -> m a -> m a  
  reader :: (r -> a) -> m a  
  reader f = f <$> ask
```

環境の取得と更新。

ReaderTモナドリーダー

```
instance Monad m =>
```

```
MonadReader r (ReaderT r m) where
```

```
    ask = ReaderT return
```

```
    local f m = ReaderT $ \r ->
```

```
        runReaderT m (f r)
```

WriterTとWriter

```
newtype WriterT w m a =  
    WriterT {runWriterT :: m (a,w)}
```

```
type Writer = WriterT Identity
```

ログを蓄積する計算。

ログは必ずモノイドにする。

WriterTモナド変換子

```
instance Monoid w => MonadTrans (WriterT w)
where
    lift m=WriterT$
        do {a<-m; return (a,mempty)}
```


WriterTモナド変換子2

```
instance (Monoid w, Monad m) =>
  Monad (WriterT w m) where
  return = lift . return
  m >>= k = WriterT $ do
    ~(a, w) <- runWriterT m
    ~(b, w') <- runWriterT (k a)
    return (b, w<>w')
  fail = WriterT . fail
```

モナドライター

```
class (Monoid w, Monad m) => MonadWriter w m  
where
```

```
  writer :: (a, w) -> m a
```

```
  tell :: w -> m ()
```

```
  listen :: m a -> m (a, w)
```

```
  pass :: m (a, w -> w) -> m a
```

```
  writer ~(a,w) = tell w >> return a
```

```
  tell w = writer ((), w)
```

ログへの書き足しとログの取得。

WriterTモナドライター

```
instance (Monoid w, Monad m) =>
MonadWriter w (WriterT w m) where
  tell w = WriterT $ return ((),w)
  listen m = WriterT $ do
    ~(a,w) <- runWriterT m
    return ((a, w), w)
  pass m = WriterT $ do
    ~((a,f), w) <- runWriterT m
    return (a, f w)
```

RWSTとRWS

```
newtype RWST m r w s a =  
  RWST {runRWST :: r -> s -> m (a,s,w)}
```

```
type RWS = RWST Identity
```

ReaderTとWriterTとStateTを全部合成したもの。
かなり汎用的に使えて便利。

RWSTモナド変換子

```
instance Monoid w =>  
  MonadTrans (RWST r w s) where  
    lift m = RWST $ \_ s ->  
      do {a<-m; return (a,s,mempty)}
```

RWSTモナド変換子2

```
instance (Monoid w, Monad m) =>
Monad (RWST r w s m) where
  return = lift . return
  m >>= k = RWST $ \r s -> do
    ~(a,s',w) <- runRWST m r s
    ~(b,s'',w') <- runRWST (k a) r s'
    return (b, s'', w<>w')
  fail msg = RWST $ \_ _ -> fail msg
```

RWSTモナドステート

```
instance (Monoid w, Monad m) =>  
  MonadState s (RWST r w s m) where  
    get = RWST $ \_ s -> return (s,s,mempty)  
    put s = RWST $ \_ _ -> return ((),s,mempty)
```

RWSTモナドリーダー

```
instance (Monoid w, Monad m) =>  
  MonadReader r (RWST r w s m) where  
    ask = RWST $ \r s -> return (r,s,mempty)  
    local f m = RWST $ \r s -> runRWST m (f r) s
```


RWSTモナドライター

```
instance (Monoid w, Monad m) =>
MonadWriter w (RWST r w s m) where
  tell w = RWST $ \_ s -> return ((()),s,w)
  listen m = RWST $ \r s -> do
    ~(a,s',w) <- runRWST m r s
    return ((a,w),s',w)
  pass m = RWST $ \r s -> do
    ~((a,f),s',w) <- runRWST m r s
    return (a,s',f,w)
```

エラー処理であそぼう！

ErrorT

```
newtype ErrorT e m a =  
    ErrorT {runErrorT :: m (Either e a)}
```

エラーになる可能性のあるモナド。

Maybeモナドの改善版。

eは必ずエラーのインスタンス。

エラー

```
class Error a where  
  noMsg :: a  
  strMsg :: String -> a  
  noMsg = strMsg ""  
  strMsg _ = noMsg
```

ErrorTモナド変換子

```
instance Error e => MonadTrans (ErrorT e) where  
    lift m = ErrorT $ Right <$> m
```

ErrorTモナド変換子2

```
instance (Monad m, Error e) =>
  Monad (ErrorT e m) where
    return = lift . return
    m >>= k = ErrorT $ do
      a <- runErrorT m
      case a of
        Left _ -> return a
        Right _ -> runErrorT (k r)
    fail msg = ErrorT $ return (Left (strMsg msg))
```

モナドエラー

```
class Monad m => MonadError e m | m -> e where  
  throwError :: e -> m a  
  catchError m a -> (e -> m a) -> m a
```

エラーのスローとキャッチ。

ErrorTモナドエラー

```
instance (Monad m, Error e) =>
  MonadError e (ErrorT e m) where
  throwError l = ErrorT $ return (Left l)
  m `catchError` h = ErrorT $ do
    a <- runErrorT m
    case a of
      Left l -> runErrorT (h l)
      Right _ -> return a
```


ErrorTモナドプラス

```
instance (Monad m, Error e) =>
MonadPlus (ErrorT e m) where
  mzero = ErrorT $ return (Left noMsg)
  m `mplus` n = ErrorT $ do
    a <- runErrorT m
    case a of
      Left _ -> runErrorT n
      Right _ -> return a
```

構文解析であそぼう！

モナディックパーサー

- モナディックパーサーはすごく実用的。
- しかもモナドの総まとめとして最適。

いろいろなモナディックパーサー

- Parsec — いちばん有名
- Attoparsec — Parsecより機能が貧弱だが高速
- Pappy — パックラットパーサー

どれも使い方は似ている。
ここではParsecを紹介する。

ParsecTとParsec

さまざまなインスタンス宣言

基本操作

字句解析

高度な構文解析

入力についての状態遷移

走査場所についての状態遷移

ユーザー状態の遷移

エラー処理

フリーモナドとあそぼう！

モナドを作るのは面倒だ

- 新しいモナドを作ろうと思うと細々とした
インスタンス宣言が必要。すごく面倒くさい。
- そこでFreeモナドを使うと、新しいモナドを
簡単に生成できる！

Freeモナド

モナドフリー

```
class Monad m => MonadFree f m | m->f where  
    wrap :: f (m a) -> m a
```

一層くるむ。

Freeモナドフリー

FreeFとFreeT

FreeTモナド変換子

FreeTモナドフリー

Freeモナド — プリティプリント

Freeモナド ー 入力

Freeモナド ー 出力

Freeモナド ー 一時停止

Freeモナド — 終了

- 値を持たない

Freeモナド — 並行計算

Freeモナド — モナドの埋め込み

演習問題

モナドライフを始めよう！

さあ、旅立とう！

- モナドを使っているソースコードを**読もう**。
- モナドを使ってソースコードを**書こう**。
- **内部実装**をより詳しく見てみよう。
- モナドで**作曲**しよう。

演習問題

- NPCA Judgeに問題を上げてあります。
- 答えは僕が出してあるソースコードなどを参考にしてください。
- 間違っているかもしれませんが、ぜひ提出してください。

Pipes

Conduit

GUI — GLUT

- OpenGLをHaskellで使うためのもの。
- モナドを使うと手続き型にしか見えない。
- Haskellで簡単にGUIがつくれて感動！

GUI — Free Game

- Freeモナドでゲームを作ろうという試み。
- クロスプラットフォーム。
- fumieval氏が開発中。

圏論

- そろそろファンクタ則とかモナド則とか気になってきたはず。
- Haskellをつかうのには圏論は要らないけれど、プログラミングでの法則を説明したり、新しい概念を考えたりするのに圏論はつかえる。
- まずはソースコードを書くのが先決だけれど、なんとなく理解しておいてもいいかもしれない。

アロー

- モナドよりも一般化された計算機構。
- 僕も正直ほとんど理解していない。
- トレース圏とかが書けてうれしいみたい。

コモナド

- モナドの双対。再帰の一般化のために使える。

文献

- モナドのすべて
- 本物のプログラマはHaskellを使う
- Typeclassopedia (日本語訳)
- モナモナ言わないモナド入門
- あどけない話 (QAで学ぶMonadなど)

Haskell Lecture 3 へつづく