Haskell Lecture 2

kinokkory@shiatsumat

目次

- 関数と仲良くなろう!
- データ型と仲良くなろう!
- 型クラスと仲良くなろう!
- ファンクタと仲良くなろう!
- モナドと友達になろう!
- いろいろなモナドを見てみよう!
- もっとモナドを便利にしよう!

目次2

- 入出力であそぼう!
- モナド変換子とあそぼう!
- 状態遷移であそぼう!
- エラー処理であそぼう!
- 構文解析であそぼう!
- フリーモナドとあそぼう!
- モナドライフを始めよう!

関数と仲良くなろう!

関数のおさらい

- 全ての関数型a->bは一引数関数。
- 2引数関数の型はa->b->cとなる。
 a->b->c = a->(b->c)
 f x y = (f x) y
- 関数は部分適用ができる。

関数のライブラリ

- (\$) :: (a->b) -> a -> bf \\$ x = f x
- --\$の優先順位は低く、かつ右結合
- -- f x \$ g y \$ h z = f x (g y (h z))
- -- 通常の関数適用の優先順位は最高で左結合

関数のライブラリ2

```
id :: a -> a
id x = x
-- 恒等関数
```

```
const :: a -> b -> a
const x _ = x
-- const x は定数関数
```

関数のライブラリ3

```
flip::(a->b->c)->b->a->c
flip f x y = f y x
-- flip f は f の二引数を逆転したもの
```

```
on :: (b->b->c) -> (a->b) -> a -> a -> c
(f 'on' g) x y = f (g x) (g y)
-- fとgの一種の関数合成
```

fix

```
fix::(a->a) -> a
fix f = f (fix f)
-- fix f は f の最小不動点
-- つまり f x = x となる値x のうち
-- 最小の計算で終わるもの
```

fixと再帰

```
factorial :: Int -> Int
factorial 0 = 1
factorial n = n * factorial (n-1)
は
factorial :: Int -> Int
factorial = fix factorial'
factorial' :: (Int->Int) -> Int -> Int
factorial' \emptyset = 1
factorial' f n = n * f (n-1)
と同じ。
```

データ型と仲良くなろう!

リスト

```
data [a] -- a がたくさん
= a:[a] -- cons
| [] -- nil
```

$$[] a = [a]$$

タプル

```
data () = () -- ユニット
data (a,b) = (a,b) -- ペア (直積型)
data (a,b,c) = (a,b,c) -- トリプル
```

$$(,)$$
 a b = $((,)$ a) b = (a,b)

$$(,) \times y = ((,) \times) y = (x,y)$$

Maybe

```
data Maybe a -- a かもしれない
= Just a -- 値がある
| Nothing -- 値がない
```

Either

```
data Either a b -- aまたはb (直和型)
= Left a -- a
| Right b -- b
```

列挙型

data Bool = True | False

data ArithException

- = Overflow
 - Underflow
 - LossOfPrecision
 - DividedByZero
 - Denormal
 - RatioZeroDenominator

木構造

```
data BinTree a -- 二分木
= Bin a (BinTree a) (BinTree a)
| Tip

data RoseTree a -- 多分木
= Rose a [RoseTree a]
```

抽象構文木

data Expression -- 数式

- = ENumber Int
 - EBinary Symbol Expression Expression
 - EUnary Symbol Expression

Identity, Const, Tagged

```
newtype Identity a = Identity {runIdentity::a}
newtype Const a b = Const {getConst :: a}
newtype Tagged a b = Tagged {unTagged :: b}
```

代数的データ型は直積の直和

```
data D
= C1 T1a T2a
| C2 T2a T2b
は
type D = Either (T1a,T2a) (T2b,T2b)
と大体同じ (同型)。
```

代数的データ型は直積の直和 2

```
data D
= C1
| C2 T2
| C3 T3a T3b T3c
は
type D = Either (Either () T2) (T3a,T3b,T3c)
と大体同じ (同型)。
```

型クラスと仲良くなろう!

Eq

```
class Eq a where -- 等しさがある
(==):: a -> a -> Bool -- 等しい
(/=):: a -> a -> Bool -- 等しくない
x == y = not (x /= y)
x /= y = not (x == y)
```

Ord

```
data Ordering = LT | EQ | GT
class Eq a => Ord a where -- 比較可能
    compare :: a -> a -> Ordering
    (<), (>=), (>), (<=) :: a -> a -> Bool
    max, min :: a -> a -> a
    x<y = compare x y == LT
    x>=y = compare x y /= LT
...
```

Enum

```
class Enum a where -- 列挙可能
succ, pred :: a -> a
toEnum :: Int -> a
fromEnum :: a -> Int
enumFrom :: a -> [a]
enumFromThen :: a -> a -> [a]
enumFromTo :: a -> a -> [a]
enumFromThenTo :: a -> a -> [a]
```

Bounded

class Bounded a where -- 最小値と最大値がある minBound, maxBound :: a

Show

```
class Show a where -- 文字列に変換可能
show :: a -> String
```

Read

```
type ReadS a = String -> [(a,String)]
class Read a where -- 文字列から変換可能
readsPrec :: Int -> ReadS a
read :: Read a => String -> a
```

Ix

```
class Ord a => Ix a where -- 区間を考えられる range :: (a,a) -> [a] index :: (a,a) -> a -> Int inRange :: (a,a) -> a -> Bool rangeSize :: (a,a) -> Int
```

deriving

• Eq, Ord, Enum, Bounded, Show, Read, Ix については、インスタンス宣言をしなくても、データの宣言の際にderivingを用いればインスタンスにできる。

data Bool = True | False
 deriving (Eq,Ord,Enum,Bounded,Show,Read,Ix)

Num

```
class Num a where
    (+),(*),(-) :: a -> a -> a
    negate :: a -> a
    abs :: a -> a
    signum :: a -> a
    fromInteger :: Integer -> a
```

Real

```
data Ratio a = !a :% !a
type Rational = Ratio Integer
class (Num a, Ord a) => Real a where
    toRational :: a -> Rational
```

Integral

```
class (Real a, Enum a) => Integral a where quot, rem, div, mod :: a -> a -> a quotRem, divMod :: a -> a -> (a,a) toInteger :: a -> Integer
```

Fractional, RealFrac

(/) :: a -> a -> a

class (Num a) => Fractional a where

```
recip :: a -> a
  fromRational :: Rational -> a

class (Real a, Fractional a) => RealFrac a where
  truncate,round,ceiling,floor
  :: (Integral b) => a -> b
  properFraction :: (Integral b) => a -> (b,a)
```

Floating, RealFloat

```
class (Fractional a) => Floating a where
     pi :: a
     exp,log,sqrt,sin,cos,tan,asin,acos,atan,
     sinh,cosh,tanh,asinh,aconh,atanh :: a -> a
     (**),logBase :: a -> a -> a
class (RealFrac a, Floating a) => RealFloat a
where
     floatRadix :: a -> Integer
```

モノイド

(<>) = mappend

```
class Monoid a where

mempty :: a

mappend :: a -> a -> a

mconcat :: [a] -> a

mconcat = foldr mappend mempty
```

モノイド則

mempty
$$<> x = x <> mempty = x$$

 $x <> (y <> z) = (x <> y) <> z$

ファンクタと仲良くなろう!

ファンクタって何?

- データ間の変換をおこなうためのもの。
- 日本語の訳語は関手。
- 型引数をひとつ取るデータ型は、基本的には 必ずファンクタにすることができる。

class Functor f where

$$(<$>) = fmap$$

ファンクタ則

```
fmap id == id
fmap (f . g) == fmap f . fmap g
```

リストファンクタ

```
instance Functor [] where
fmap = map
```

```
map f[] = []
map f(x:xs) = f(x) : map f(xs)
```

map f[a,b,c] = [fa, fb, fc]

Maybeファンクタ, Eitherファンクタ

```
instance Functor Maybe where
  fmap _ Nothing = Nothing
  fmap f (Just a) = Just (f a)
```

```
instance Functor (Either a) where
  fmap _ (Left x) = Left x
  fmap f (Right y) = Right (f y)
```

タプルファンクタ

```
instance Functor ((,)) a) where fmap f(x,y) = (x,f)
```

関数ファンクタ

```
instance Functor ((->) a) where
    fmap f x = f.x
    -- f :: b -> c, x :: a -> b, fmap f x :: a -> c
```

Identity/Const/Taggedファンクタ

```
instance Functor Identity where fmap f (Id x) = Id (f x)
```

```
instance Functor (Const a) where fmap _ x = x
```

```
instance Functor (Tagged a) where
fmap f (Tagged x) = Tagged (f x)
```

ファンクタがいっぱい

- これまでの例から考えると、多くのデータ型は ファンクタ!
- 再帰的なデータ型の場合、fmapも再帰的になる。
- 実は、ghcのDeriveFunctor拡張でファンクタを 自動生成 (deriving Functor) できる。 (deriving Functorの挙動を理解するのも重要)

ファンクタにしよう!

```
data RoseTree a -- 多分木
= Rose a [RoseTree a]
```

```
instance Functor RoseTree where
  fmap f (Rose x rs) =
    Rose (f x) (fmap (fmap f) rs)
```

反変ファンクタって何?

- ファンクタと逆の対応付けをするもの。
- ふつうのファンクタは共変ファンクタともいう。 共変と反変は双対の概念。
- contravariant package にある。

```
class Contravariant where
        contramap :: (a -> b) -> f b -> f a
(>$<) = contramap
(>$$<) = flip contramap</pre>
```

反変ファンクタ則

```
contramap id = id
contramap f . contramap g = contramap (g . f)
```

双対関数反変ファンクタ

```
newtype Op a b = Op {getOp :: b -> a}
instance Contravariant (Op a) where
    contramap f g = Op (getOp g . f)
    -- f :: b -> c, g :: Op a c
    -- contramap f g :: Op a b
```

双ファンクタって何?

- ファンクタの2引数版。
- bifunctors package にある。

class Bifunctor p where

```
bimap :: (a->b) -> (c->d) -> p a c -> p b d
first :: (a->b) -> p a c -> p b c
second :: (b->c) -> p a b -> p a c
first f = bimap f id
second f = bimap id f
```

双ファンクタ則

```
bimap id id = id
first id = id
second id = id
bimap f g = first f . second g
bimap (f . g) (h . i) = bimap f h . bimap h i
first (f . g) = first f . first g
second (f . g) = second f . second g
```

タプル双ファンクタ

```
instance Bifunctor (,) where bimap f g (x,y) = (f x, g y)
```

Either双ファンクタ

```
instance Bifunctor Either where
  bimap f _ (Left x) = Left (f x)
  bimap _ g (Right y) = Right (g y)
```

Const/Tagged双ファンクタ

```
instance Bifunctor Const where
bimap f _ (Const a) = Const (f a)
```

```
instance Bifunctor Tagged where bimap _ g (Tagged b) = Tagged (g b)
```

共変と反変

基本的な型構築子のそれぞれの引数について、 共変 (+) か反変 (-) かをあらわすと以下の通り。

- (+,+)
- Either + + (以降、+ | + と表記する。)
- - -> +

共変: covariant

反変: contravariant

組み合わせ

(?->-)->+の共変性

```
data Foo b c a = Foo ((a -> b) -> c)
instance Functor (Foo b c) where
    fmap f (Foo x) = Foo (\footnote{y} -> x (y . f))
    -- f :: a -> d
    -- x :: (a -> b) -> c
    -- y :: d -> b
    -- y . f :: a -> b
    -- \footnote{y} -> x (y . f) :: (d -> b) -> c
```

自由変と固定変

- newtype Const a b = Const a の場合、 bは右辺にあらわれていないので、+とも-ともとれる状態。このとき、自由変(\bot)とする。
- data X a b = Fun (a -> b) | Nuf (b -> a) の場合、 aもbも+と-の両方でなくてはならず、問題。 このとき、固定変 (T) とする。
- Const + __
- X T T

自由変: free-variant (or 非変: nonvariant) 固定変: fixed-variant (or 不変: invariant)

補足

- Identity +
- Maybe +
- [+]
- BinaryTree +
- RoseTree +

ファンクタはすごい!

- すべてのデータ型は直和・直積・関数型と 再帰的定義によって書ける。
- よって、ほとんどの一引数のデータ型は、 ファンクタか反変ファンクタのいずれかである。
- 双ファンクタはファンクタの二引数版である。 同様にして、反変ファンクタとファンクタの 二引数からなる版もつくれるし、n引数版のもの もつくれる。
- ほとんどのデータ型は広い意味でのファンクタ!

モナドと友達になろう!

モナドって何?

- 手続き型的な計算を抽象化したもの。
- 計算を構造化して柔軟に扱えるようになる。
- さまざまなモナドに触れることが理解の近道。
- モナドはとっても楽しい!

モナドの定義

モナドの意味

- (>>=):: m a -> (a -> m b) -> m b 第一引数を計算した結果を、第二引数に渡して、あらたな結果を得る(バインドと読む)。
- (>>):: m a -> m b -> m b 第一引数を計算し、その結果を無視して、第二引数 の計算を引き続き行う。

return :: a -> m a 値を返す単純な計算を得る。

一方向なモナド

- モナドのメンバ関数のみをもちいるとき、 「a->ma」という操作をすることはできるが、 「ma->a」という操作はすることができない。
- IOモナドは基本的に、内部のデータ構造を隠蔽している。このおかげで、Haskellにおいて参照透過性が守られている。これがIOモナドの一方向性である。

一方向なモナドだけれど

main関数の型は IO a 。だから、IOモナドから 脱出できなくても構わない。

do記法

```
do 文1
文2
…
文n
モナド
```

という形式で書く。

文はモナドか、モナドから値を取りだす操作 ("x <- exp", ただしx :: a, exp :: m a) か、let式 (let x = exp) のいずれか。

do記法の意味

```
単なる糖衣構文。
do x <- e1
y <- e2
e3
は
e1 >>= (\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac
```

failはなんなのか

- あんまり気にしなくていいと思う。自分でfail を呼び出すことは少ない。
- ただdo記法中でパターンマッチに失敗すると呼ばれるので、その動作を変えたければ、failを変えればよい。

モナド則

このモナド則はプログラムを書く上では 重要ではありません。

結合法則 (m>>=f)>>= g = m>>=(\forall x->f x>>=g) 単位元則 return x >>= f = f x 単位元則 m >>= return = m

いろいろなモナドを見てみよう!

Identityモナド

```
instance Monad Identity where

return x = Identity x

(Identity x) >>= f = f x
```

ただ普通に計算するだけのモナド。

Maybeモナド

instance Monad Maybe where

```
return x = Just x

(Just x) >>= k = k x

Nothing >>= _ = Nothing

fail _ = Nothing
```

部分関数を実現しているモナド。

Listモナド

```
instance Monad [] where
    return x = [x]
    m >>= k = foldr ((++).k) [] m
    fail _ = []
```

多値関数を実現しているモナド。

関数モナド

```
instance Monad ((->) a) where

return x = \( \frac{4}{2} \) -> x

f >>= k = \( \frac{4}{7} \) -> k (f r) r

-- f :: a -> b, k :: b -> a -> c, r :: a

-- f >>= k :: a -> c
```

一種の関数合成をしつづける不思議なモナド。 実はReaderモナドそのもの。

もっとモナドを便利にしよう!

モナドはファンクタ

instance Monad m => Functor m where
fmap f x = x >>= (return.f)

このコードを動かすにはghc拡張が必要。 WrappedMonadを使うと同様のことができる。

アプリカティヴって何?

```
class Functor f => Applicative f where

pure :: a -> f a

(<*>) :: f (a->b) -> f a -> f b

(*>) :: f a -> f b -> f b

(<*) :: f a -> f b -> f a

f *> g = g

f <* g = f
```

関数適用のできるファンクタ。

アプリカティヴ則

```
pure id <*> v = v
pure (.) <*> u <*> v <*> w = u <*> (v <*> w)
pure f <*> pure x = pure (f x)
u <*> pure y = pure ($ y) <*> u
```

ちなみに、fmap f x = pure f <*> x

モナドはアプリカティヴ

```
instance Monad m => Applicative m where
    pure = return
    f <*> g = do{x <- f; y <- g; return (x y)}</pre>
```

このコードを動かすにはghc拡張が必要。 WrappedMonadを使うと同様のことができる。

モナドはアプリカティヴ2

do {x<-a; y<-b; z<-c; return (f a b c)} は f <\$> a <*> b <*> c と書ける。

モナドじゃないアプリカティヴ

```
instance Monoid a => Applicative ((,) a) where
   pure x = (mempty, x)
   (u, f) <*> (v, x) = (u <> v, f x)
```

オルターナティヴって何?

```
class Applicative f => Alternative f where
  empty :: f a
  (<|>) :: f a -> f a -> f a
  some :: f a -> f [a]
  many :: f a -> f [a]
  some v = (:) <$> v <*> many v
  many v = some v <|> pure []
```

モノイドのあるアプリカティヴ。

モナドプラスって何?

class Monad m => MonadPlus m where

mzero :: m a

mplus :: m a -> m a -> m a

失敗と選択のあるモナド。

Listモナドプラス

```
instance MonadPlus [] where
   mzero = []
   mplus = (++)
```

Maybeモナドプラス

instance MonadPlus Maybe where

```
mzero = Nothing
Nothing `mplus` ys = ys
xs `mplus` _ = xs
```

モナドプラスはオルターナティヴ

instance MonadPlus m => Alternative m where
 empty = mzero
 (<|>) = mplus

このコードを動かすにはghc拡張が必要。 WrappedMonadを使うと同様のことができる。

繰り返し

```
sequence :: Monad m => [m a] -> m [a]
sequence_:: Monad m => [m a] -> m()
replicateM :: Monad m => Int -> m a -> m [a]
replicateM_ :: Monad m => Int -> m a -> m ()
mapM :: Monad m => (a -> m b) -> [a] -> m [b]
mapM_{-} :: Monad m => (a -> m b) -> [a] -> m ()
forM = flip mapM
forM_ = flip mapM_
forever:: Monad m => m a -> m b
```

畳み込み

```
foldM :: Monad m = > (a - > b - > m a) - > a - > [b] - > m a
```

 $foldM_{::}Monad m = >(a->b->m a)->a->[b]->m ()$

msum :: MonadPlus m => [m a] -> m a

条件分歧

```
guard :: MonadPlus m => Bool -> m ()
when :: Monad m => Bool -> m () -> m ()
unless = when.not
mfilter :: MonadPlus m=> (a->Bool)->m a->m a
```

その他

```
(=<<) = flip (>>=)
(>=>)::Monad m=>(a->m b)->(b->m c)->a->m c
(<=<) = flip (>=>)
join :: Monad m => m (m a) -> m a
liftM :: Monad m => (a -> r) -> m a -> m r
liftM2 :: Monad m = > (a - > b - > r) - > m a - > m b - > m r
liftM5 :: Monad m => ...
ap :: Monad m => m (a -> b) -> m a -> m b
```

モナド則 クライスリ圏版

```
(>=>)::Monad m=>(a->m b)->(b->m c)->(a->m c) f >=> g = x -> f x >>= g
```

-->=>とfmapから>>=を定義することもできる (>>=):: Monad m => m a -> (a -> m b) -> m b x >>= f = (const x >=> f) x

モナド則 クライスリ圏版2

```
結合法則 (f >=> g) >=> h = f >=> (g >=> h)
単位元則 return >=>f = f
単位元則 f >=> return = f
```

モナド則 自然変換版

```
join :: Monad m => m (m a) -> m a
join x = x >>= id
```

-- joinとfmapから>>=を定義することもできる (>>=):: Monad m => m a -> (a -> m b) -> m b x >>= f = join (fmap f x)

モナド則 自然変換版2

```
結合法則 join . fmap join = join . join
単位元則 join . return = id
単位元則 join . fmap return = id
自然性 return . f = fmap f . return
自然性 join . fmap (fmap f) = fmap f . join
```

入出力であそぼう!

IOモナド

```
newtype IO a = ... instance Monad IO where
```

現実世界を裏で操作する計算。

ファイル処理

入出力

```
hGetChar :: Handle -> IO Char
hGetLine :: Handle -> IO String
hLookAhead :: Handle -> IO Char
hGetContents :: Handle -> IO String
hisEOF :: Handle -> IO Bool
hPutChar :: Handle -> Char -> IO ()
hPutStr :: Handle -> String -> IO ()
hPutStrLn :: Handle -> String -> IO ()
hPrint :: Show a => Handle -> a -> IO()
```

ランダムアクセス

```
data SeekMode =
   AbsoluteSeek | RelativeSeek | SeekFromEnd
data HandlePosn = HandlePosn Handle Integer
```

hFileSize :: Handle -> IO Integer

hTell :: Handle -> IO Integer

hSeek :: Handle -> SeekMode -> Integer -> IO()

hGetPosn :: Handle -> IO HandlePosn

hSetPosn :: HandlePosn -> IO ()

コンソール処理

```
stdin, stdout, stderr :: Handle
getChar = hGetChar stdin
getLine = hGetLine stdin
getContents = hGetContents stdin
isEOF = hIsEOF stdin
putChar = hPutChar stdout
putStr = hPutStr stdout
putStrLn = hPutStrLn stdout
print = hPrint stdout
```

便利な関数

```
readIO :: Read a => String -> IO a
```

readLn = getLine >>= readIO

interact :: (String -> String) -> IO ()

IOも遅延評価

- 遅延評価はHaskellの基本。
- IOも当然遅延評価される。
- うまく使いこなせると楽しい。

IOも遅延評価 例

main = interact \$ machine 0. lines

IORef

```
data IORef a = ...
newIORef :: a -> IO (IORef a)
readIORef :: IORef a -> IO a
writeIORef :: IORef a -> a -> IO ()
modifyIORef :: IORef a -> (a -> a) -> IO ()
modifyIORef' :: IORef a -> (a -> a) -> IO () 正格評価版
```

再代入可能な変数への参照。メモリの削減に役立つ。

性能比較

```
big = 1000000
go1 = f big >>= print
  where f 0 = return 0
         f n = f (n-1) >> = return.(+1)
go2 = do {r <- newIORef 0; replicateM_ big
(modifyIORef r (+1)); readIORef r >>= print}
go3 = do {r <- newIORef 0; replicateM_ big
(modifyIORef' r (+1)); readIORef r >>= print}
go3はgo1, go2と比べてメモリを大きく削減する
```

乱数生成

- 乱数も基本的に参照透明性を壊してしまう。
- そこでIOを用いて乱数を生成する。
- 基本的に、次の使い方だけ覚えればよい。

getStdRandom (randomR (lo::a,hi::a)) :: IO a

- -- lo以上hi以下の乱数の取得
- getStdRandom random :: IO a
- -- aの上限から下限までの範囲の乱数の取得
- -- ただし実数型については0以上1未満

モナド変換子とあそぼう!

モナド変換子って何?

- 複数のモナドの機能をくっつけて新しいモナドを作りたいことは多い。
- そこでモナド変換子。
- モナドを直列につなぐのに使える。

モナド変換子の定義

class MonadTrans t where lift :: Monad m => m a -> t m a

モナドを一段上のモナドにできる。 (各 t に対し Monad m => Monad (t m) をインスタンス宣言する必要がある。)

モナド変換子則

```
lift . return = return
lift (m >>= f) = lift m >>= (lift . f)
-- m :: t m a, f :: a -> t m b, m >>= f :: t m b
-- lift (m >>= f) :: m b
-- lift m :: m a, lift . f :: a -> m b
-- lift m >>= (lift . f) :: m b
```

MaybeTモナド変換子

```
newtype MaybeT m a =
    MaybeT {runMaybeT :: m (Maybe a)}
```

```
instance MonadTrans MaybeT where
lift m = MaybeT (Just <$> m)
```

MaybeTモナド変換子2

```
instance (Monad m)=>Monad (MaybeT m) where
    return = lift . return
    x >>= f = MaybeT $ do
         v <- runMaybeT x
         case v of
               Nothing -> return Nothing
               Just y -> runMaybeT (f y)
    fail = MaybeT (return Nothing)
```

ListTモナド変換子

```
newtype ListT m a = ListT {runListT :: m [a]}
instance MonadTrans ListT where
    lift m = ListT $ do {a <- m; return [a]}</pre>
```

ListTモナド変換子2

```
instance (Monad m) => Monad (ListT m) where
    return = lift . return
    m >>= k = ListT $ do
        a <- runListT m
        concat <$> mapM (runListT . k) a
    fail _ = ListT $ return []
```

MonadIO

class (Monad m) => MonadIO m where
 liftIO :: IO a -> m a

IOからの変換。最適化のためにある。

MonadIOのインスタンス宣言

```
instance MonadIO IO where
    liftIO = id
instance (Monad m)=>MonadIO (ListT m) where
    liftIO = lift.liftIO
    -- ほぼすべてのモナド変換子で
    -- このように宣言する
```

状態遷移であそぼう!

StateT**\(\bigsiz**\)State

```
newtype StateT s m a =
    StateT {runStateT :: s -> m (a,s)}
```

type State s = StateT s Identity

古い状態から値と新しい状態を得る。

StateTモナド変換子

モナドステート

状態の取得と更新。

```
class Monad m => MonadState s m | m->s where
                               sはmに応じて一意に決まる
     get :: m s
                               (関数従属)
     put :: s -> m ()
     state :: (s -> (a,s)) -> m a
     qet = state(¥s -> (s,s))
     put s = state (Y_- -> ((),s))
     state f = do \sim (a,s') < -f < $> get
                  put s'
                  return a
```

StateTモナドステート

```
instance Monad m=> MonadState s (StateT s m)
where
    get = StateT $ \times -> return (s,s)
    put s = StateT $ \times_-> return ((),s)
```

ツッコミ

- Stateモナドは新しい状態にする際、古い状態は 残したままで、取り替える方式にしてある。
- 古い状態を上書きしていく形式にすればいい じゃないか!
- そこでSTモナド。

STモナド

黒魔術によってStateモナドを効率化したもの。

STRef

```
data STRef s a = STRef (MutVar# s a)
newSTRef :: a -> ST s (STRef s a)
readSTRef :: STRef s a -> ST s a
writeSTRef :: STRef s a -> a -> ST s ()
modifySTRef :: STRef s a -> (a -> a) -> ST ()
modifySTRef' :: STRef s a -> (a -> a) -> ST ()
```

再代入可能な変数への参照。

IOはST RealWorld

```
stToIO :: ST RealWorld a -> IO a
stToIO (ST m) = IO m
ioToST :: IO a -> ST RealWorld a
ioToST (IO m) = ST m
```

IORef(&STRef RealWorld

newtype IORef a = IORef (STRef RealWorld a)

ReaderT & Reader

```
newtype ReaderT r m a =
    ReaderT{runReaderT :: r -> m a}
```

type Reader = ReaderT Identity

環境を参照できる計算。 Readerは関数モナドと同じ。

ReaderTモナド変換子

```
instance MonadTrans (ReaderT r) where
    lift m = ReaderT $ \mathbb{Y} -> m
instance Monad m=>Monad(ReaderT r m) where
    return = lift return
    m >>= k = ReaderT \$ Yr -> do
          a <- runReaderT m r
          runReaderT (k a) r
    fail msg = ReaderT $ \times_- -> fail msg
```

モナドリーダー

```
class Monad m=>MonadReader r m | m->r where
    ask :: m r
    local :: (r -> r) -> m a -> m a
    reader :: (r -> a) -> m a
    reader f = f <$> ask
```

環境の取得と局所実行。

ReaderTモナドリーダー

```
instance Monad m =>
MonadReader r (ReaderT r m) where
    ask = ReaderT return
    local f m = ReaderT $\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac
```

WriterTとWriter

```
newtype WriterT w m a =
    WriterT {runWriterT :: m (a,w)}
```

type Writer = WriterT Identity

ログを蓄積する計算。 ログは必ずモノイドにする。

WriterTモナド変換子

WriterTモナド変換子2

モナドライター

```
where
writer::(a, w) -> m a
tell::w -> m()
listen::ma->m(a, w)
pass::m(a, w -> w) -> m a
writer ~(a,w) = tell w >> return a
tell w = writer((), w)
ログへの書き足しとログの取得。
```

class (Monoid w, Monad m)=>MonadWriter w m

WriterTモナドライター

```
instance (Monoid w, Monad m) =>
MonadWriter w (WriterT w m) where
    tell w = WriterT $ return ((),w)
    listen m = WriterT $ do
          ~(a,w) <- runWriterT m
          return ((a, w), w)
    pass m = WriterT $ do
          \sim((a,f), w) <- runWriterT m
          return (a, f w)
```

RWSTとRWS

```
newtype RWST m r w s a =
RWST {runRWST :: r -> s -> m (a,s,w)}
```

type RWS = RWST Identity

ReaderTとWriterTとStateTを全部合成したもの。 かなり汎用的に使えて便利。

RWSTモナド変換子

```
instance Monoid w =>
MonadTrans (RWST r w s) where
    lift m = RWST $ \( \frac{4}{3} \) s ->
    do {a<-m; return (a,s,mempty)}</pre>
```

RWSTモナド変換子2

RWSTモナドステート

```
instance (Monoid w, Monad m) =>
MonadState s (RWST r w s m) where
  get = RWST $ \(\frac{4}{3}\) s -> return (s,s,mempty)
  put s = RWST $ \(\frac{4}{3}\) _ -> return ((),s,mempty)
```

RWSTモナドリーダー

```
instance (Monoid w, Monad m) =>
MonadReader r (RWST r w s m) where
    ask = RWST $ \text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\tilde{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{
```

RWSTモナドライター

```
instance (Monoid w, Monad m) =>
MonadWriter w (RWST r w s m) where
     tell w = RWST \$ ¥ s -> return ((),s,w)
     listen m = RWST $ \text{\text{$\text{$Yr s -> do}}}
           \sim(a,s',w) <- runRWST m r s
           return ((a,w),s',w)
     pass m = RWST $\frac{4}{2}r s -> do
           \sim((a,f),s',w) <- runRWST m r s
           return (a,s',f,w)
```

エラー処理であそぼう!

ErrorT

```
newtype ErrorT e m a =
    ErrorT {runErrorT :: m (Either e a)}
```

エラーになる可能性のあるモナド。 Maybeモナドの改善版。 eは必ずエラーのインスタンス。

エラー

```
class Error a where
noMsg :: a
strMsg :: String -> a
noMsg = strMsg ""
strMsg _ = noMsg
```

エラーのインスタンス

```
data IOException = IOError ...
instance Error IOException where
```

class ErrorList a where

...

instance ErrorList Char where

...

instance ErrorList a => Error [a] where

...

もちろん自分でもインスタンス宣言できる。

ErrorTモナド変換子

instance Error e=> MonadTrans (ErrorT e) where
lift m = ErrorT \$ Right <\$> m

ErrorTモナド変換子2

```
instance (Monad m, Error e) =>
Monad (ErrorT e m) where
    return = lift . return
    m >>= k = ErrorT $ do
          a <- runFrrorT m
          case a of
               Left -> return a
               Right _ -> runErrorT (k r)
    fail msg = ErrorT$return(Left (strMsg msg))
```

モナドエラー

```
class Monad m=> MonadError e m | m->e where throwError :: e -> m a catchError m a -> (e -> m a) -> m a
```

エラーのスローとキャッチ。

ErrorTモナドエラー

ErrorTモナドプラス

構文解析であそぼう!

モナディックパーサー

- モナディックパーサーはすごく実用的。
- しかもモナドの総まとめとして最適。

いろいろなモナディックパーサー

- Parsec いちばん有名
- Attoparsec Parsecより機能が貧弱だが高速
- Pappy パックラットパーサー

どれも使い方は似ている。

ここではParsecを紹介する。

ParsecT & Parsec

```
data ParsecT s u m a =
    ParsecT {unParser :: ...}
-- s は入力を、uはユーザー定義状態を、
-- m はモナドを、a はパース結果を表す
```

type Parsec s u = ParsecT s u Identity

さまざまなインスタンス宣言

instance MonadTrans (ParsecT s u) where ... instance Monad (ParsecT s u m) where ... instance MonadPlus (ParsecT s u m) where ... instance Functor (ParsecT s u m) where ... instance Applicative (ParsecT s u m) where ... instance Alternative (ParsecT s u m) where ...

基本操作

- 順番に実行する x >>= f, x >> y
- 選択肢をつくる x < > yx で入力を消費してから失敗すれば、x < > y 全体が失敗する。
- やってみる try xx と同様に動作する。ただし、x が入力を消費して失敗しても try x は失敗しない。

実行

繰り返し

many f Ø回以上の繰り返し

字句解析

高度な構文解析

入力についての状態遷移

走査場所についての状態遷移

ユーザー状態の遷移

エラー処理

フリーモナドとあそぼう!

モナドを作るのは面倒だ

- 新しいモナドを作ろうと思うと細々とした インスタンス宣言が必要。すごく面倒くさい。
- そこでFreeモナドを使うと、新しいモナドを 簡単に生成できる!

Freeモナド

モナドフリー

class Monad m => MonadFree f m | m->f where wrap :: f (m a) -> m a

一層くるむ。

Freeモナドフリー

FreeF&FreeT

FreeTモナド変換子

FreeTモナドフリー

Freeモナド ー プリティプリント

Freeモナドー入力

Freeモナド 一 出力

Freeモナド — 一時停止

Freeモナド 一終了

• 値を持たない

Freeモナド 一 並行計算

Freeモナド — モナドの埋め込み

演習問題

モナドライフを始めよう!

さあ、旅立とう!

- モナドを使っているソースコードを読もう。
- モナドを使ってソースコードを書こう。
- 内部実装をより詳しく見てみよう。
- モナドで作曲しよう。

演習問題

• Github に提出してください。

Pipes

モナドよりもカッコいい何か。

Conduit

- いい感じでIOをするためのもの。
- Pipesと同じスタイルで書かれている。

GUI — GLUT

- OpenGLをHaskellで使うためのもの。
- モナドを使うと手続き型にしか見えない。
- Haskellで簡単にGUIがつくれて感動!

GUI — Free Game

- Freeモナドでゲームを作ろうという試み。
- クロスプラットフォーム。
- fumieval氏が開発中。

圏論

- そろそろファンクタ則とかモナド則とか気に なってきたはず。
- Haskellをつかうのには圏論は要らないけれど、 プログラミングでの法則を説明したり、新しい 概念を考えたりするのに圏論はつかえる。
- まずはソースコードを書くのが先決だけれど、 なんとなく理解しておいてもいいかもしれない。

アロー

- モナドよりも一般化された計算機構。
- 僕も正直ほとんど理解していない。
- トレース圏とかが書けてうれしいみたい。

コモナド

• モナドの双対。再帰の一般化のために使える。

文献

- モナドのすべて
- 本物のプログラマはHaskellを使う
- <u>Typeclassopedia</u> (日本語訳)
- モナモナ言わないモナド入門
- あどけない話 (QAで学ぶMonadなど)

Haskell Lecture 3 へつづく