# МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ УКРАИНЫ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ УКРАИНЫ

# "КИЕВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ" ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ

Кафедра математических методов кибернетической безопасности

### КУРСОВАЯ РАБОТА

Дисциплина: «Интеллектуальные методы обработки информации» Направление подготовки: 8.04030101 «Прикладная математика» Тема: «Интеллектуальные методы обработки информации»

Выполнил студент группы ФИ-51м
Кригин Валерий Михайлович
Проверила:
Бояринова Юлия Евгеньевна
(nodnucv)
Оценка:

# ОГЛАВЛЕНИЕ

1 Закон Ципфа	3
1.1 Закон Ципфа	3
1.2 Задание	3
1.3 Фильтр	4
1.4 Частотный словарь	5
1.5 График	6
2 Закон Хипса	7
2.1 Закон Хипса	7
2.2 Задание	7
2.3 Фильтр	8
2.4 Частотный словарь	8
2.5 График	6
$3\ TF-IDF\ \dots$	11
3.1 $TF - IDF$	11
3.2 Задание	11
3.2.1 Основное задание	11
3.2.2 Стоп-слова (шумовые слова)	12
3.3 Фильтр	12
3.4 Счётчик $TF-IDF$	13
3.5 Результат	16
4 Графическое представление сети слов	20
4.1 Задание	20
4.2 Прорисовка графа	20
Список литературы	28

## 1 ЗАКОН ЦИПФА

### 1.1 Закон Ципфа

Отношение ранга слова R, то есть его номер в списке слов, отсортированных по частоте в порядке убывания, к частоте слова f, является постоянным [1]

$$Z = R \cdot f$$

где f — частота слова в тексте, а Z — коэффициент Ципфа. Значит,

$$f = \frac{Z}{R}.$$

### 1.2 Задание

Под понятием "отфильтровать текст" тут и далее будут подразумеваться следующие действия:

- 1) очистить текст от всех символов кроме букв и пробелов;
- 2) буквы привести в нижний регистр, между словами оставить по одному пробелу.
- В лабораторной работе нужно
- 1) взять текст (желательно на русском языке) длиной более нескольких сотен килобайт;
- 2) отфильтровать текст;
- 3) составить частотный словарь слов каждому слову текста сопоставить количество его повторений в тексте;
- 4) отсортировать частоты в порядке убывания;

- 5) изобразить полученные значения на графике, выбрав логарифмический масштаб для оси ординат и абсцисс;
- б) построить степенную линию тренда и убедиться, что график похож на прямую линию, за исключением, возможно, "хвостов" с обеих концов.

### 1.3 Фильтр

Ha Perl написан фильтр, который

- 1) делает заглавные буквы строчными;
- 2) убирает всё кроме пробелов, символов табуляций, переносов строк и т.п.;
- 3) превращает все символы, которе не являются буквами, в пробел, также предотвращает появление двух пробелов подряд.

Вход считывается из stdin, выход происходит в stdout.

Листинг 1.1 - filter.pl

```
1 #!/usr/bin/perl -w -CAS
2 use utf8;
3
4 $_ = lc join('', <>);
5
6 s/[^\p{L}\s]//g;
7 s/[\s]+/ /g;
8
9 print;
```

### 1.4 Частотный словарь

На Python написан скрипт, который составляет частотный словарь и выводит его в формате csv. Полученный результат можно открыть в программе для работы с электронными таблицами для построения графиков.

Вход считывается из stdin, выход происходит в stdout.

```
Листинг 1.2 — counter.py
```

```
1 \#!/usr/bin/python
2 \# -*- coding: utf-8 -*-
3
4 from sys import stdin
5 from os import linesep
6
7 words = ", '.join([l.strip() for l in stdin]).split(", ')
8
  counts = \{\}
   for key in set (words):
       counts[key] = 0
11
12
   for w in words:
13
       counts[w] += 1
14
   result = sorted(counts.iteritems(), key=lambda x: x[1],
15
                    reverse=True)
16
17
18 print linesep.join('%s,%d'%r for r in result)
```

# 1.5 График

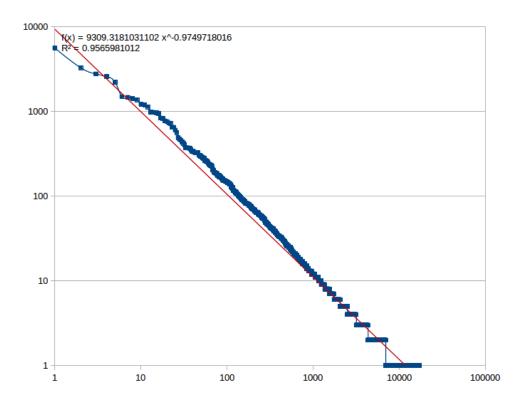


Рисунок 1.1 — Результат

#### 2 ЗАКОН ХИПСА

#### 2.1 Закон Хипса

Объём словаря уникальных слов  $\nu\left(n\right)$  для текста длиной n связан с длиной текста следующим соотношением [2]

$$\nu\left(n\right) = \alpha \cdot n^{\beta},$$

где  $\alpha$  и  $\beta$  — эмпирические константы, которые разнятся от языка к языку, и для европейских языков колеблятся в пределах от 10 до 100 и от 0.4 до 0.6 соответственно.

### 2.2 Задание

В лабораторной работе нужно

- 1) взять текст (желательно на русском языке) длиной более нескольких сотен килобайт;
- 2) отфильтровать текст;
- 3) построить зависимость количества уникальных слов в тексте от его размера; для этого достаточно использовать один и тот же текст, изымать из него всё больше и больше слов с каждой итерацией, и подсчитывать число уникальных слов на каждом шаге;
- 4) изобразить полученные значения на графике;
- 5) построить степенную линию тренда и убедиться, что полученные параметры  $\alpha$  и  $\beta$  близки к теоретическим значениям.

### 2.3 Фильтр

Ha Perl написан фильтр, который

- 1) делает заглавные буквы строчными;
- 2) убирает всё кроме пробелов, символов табуляций, переносов строк и т.п.;
- 3) превращает все символы, которе не являются буквами, в пробел, также предотвращает появление двух пробелов подряд.

Вход считывается из stdin, выход происходит в stdout.

Листинг 
$$2.1$$
 — filter.pl

```
1 #!/usr/bin/perl -w -CAS
2 use utf8;
3
4 $_ = lc join('', <>);
5
6 s/[^\p{L}\s]//g;
7 s/[\s]+/ /g;
8
9 print;
```

## 2.4 Частотный словарь

На Python написан скрипт, который считает зависимость между объёмом текста и объёмом словаря уникальных слов и выводит его в формате csv. Полученный результат можно открыть в программе для работы с электронными таблицами для построения графиков.

Листинг 
$$2.2$$
 — counter.py

```
1 \ \#!/usr/bin/python
2 \# -*- coding: utf-8 -*-
3
   from sys import stdin
5
   words = ', '.join([l.strip() for l in stdin]).split(', ')
7
   found = []
8
9
   for i, w in enumerate(words):
        if w not in found:
11
12
            found.append(w)
        \mathbf{print} \ \ \text{'\%d,\%d'\%(i+1, len(found))}
13
```

# 2.5 График

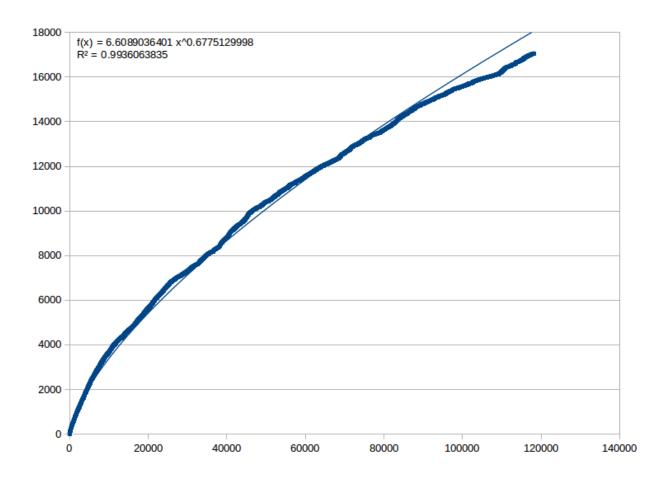


Рисунок 2.1 — Результат

$$3 TF - IDF$$

#### 3.1 TF - IDF

Для i слова (n-граммы) индексы TF и IDF считаются по следующим формулам, где D — множество документов,  $n_k$  — количество повторений k слова (n-граммы) в текущем документе [3]

$$TF_i = \frac{n_i}{\sum_k n_k},$$

$$IDF_i = \log \frac{|D|}{|\{d \mid t_i \in d \in D\}|}.$$

Сам индекс TF-IDF является произведением индексов TF и IDF

$$TF - IDF_i = TF_i \cdot IDF_i$$

### 3.2 Задание

### 3.2.1 Основное задание

В лабораторной работе нужно

- 1) взять текст (желательно на русском языке) длиной более нескольких сотен килобайт;
- 2) отфильтровать текст;
- 3) подсчитать TF IDF для каждого слова;
- 4) изобразить полученные результаты в виде таблицы, отсортировав по значению TF-IDF в порядке убывания.

То же самое нужно проделать с биграммами и триадами слов. Например,

в тексте "мама мыла раму" биграммы следующие: "мама мыла" и "мыла раму".

### 3.2.2 Стоп-слова (шумовые слова)

Стоп-слова — те слова, которые не несут смысловую нагрузку. К ним относятся предлоги, частицы и прочее, если анализируемый документ не является учебником русского языка.

Список стоп-слов можно найти в интернете. Например, в разделе 12.9.4 Full-Text Stopwords документации к MySQL 5.5 [4] находится список англоязычных шумовых слов.

Для увеличения скорости и уменьшения объёма обрабатываемых данных

- 1) при подсчёте TF IDF для слов можно выбросить из рассмотрения те, которые находятся в списке стоп-слов; например, слово "не" имеет мало смысла в сказке о царе Салтане, чего не скажешь о слове "лебедь";
- 2) при подсчёте TF IDF для биграмм следует исключать те биграммы, которые содержат в себе шумовые слова; например, биграмма "я пришёл" имеет мало смысловой нагрузки, но биграмма "пришёл домой" скажет больше;
- 3) при подсчёте TF IDF для триад следует исключать те элементы, которые оканчиваются или начинаются на шумовые слова; скажем, "и она решила" мало о чём говорит, триада "она решила пойти" скажет больше, но "решила пойти домой" несёт определённый смысл.

# 3.3 Фильтр

Ha Perl написан фильтр, который

1) делает заглавные буквы строчными;

- 2) убирает всё кроме пробелов, символов табуляций, переносов строк и т.п.;
- 3) превращает все символы, которе не являются буквами, в пробел, также предотвращает появление двух пробелов подряд.

Вход считывается из stdin, выход происходит в stdout.

Листинг 
$$3.1 - \text{filter.pl}$$

```
1 #!/usr/bin/perl -w -CAS
2 use utf8;
3
4 $_ = lc join('', <>);
5
6 s/[^\p{L}\s]//g;
7 s/[\s]+/ /g;
8
9 print;
```

### 3.4 Счётчик TF - IDF

Полученный результат можно открыть в программе для работы с электронными таблицами для сортировки и фильтрации.

Листинг 
$$3.2$$
 — counter.py

```
1 #!/usr/bin/python
2 # -*- coding: utf-8 -*-
3
4 from sys import stdin, argv
```

```
5 from os import linesep
 6 from math import log
   from stoplist import stop list
 8
 9
   def get_count(words):
10
        tfs = \{\}
11
        for key in set (words):
12
             tfs[key] = 0
13
14
        for w in words:
             tfs[w] += 1
15
16
        return tfs
17
   def group n grams (words, n):
18
19
        if n < 2:
20
             return [w for w in words if w not in stop_list]
        return [', ', ', join (w for w in words [i:i+n])
21
                  for i in range(len(words)-n)
22
                  if words[i+n-1] not in stop list
23
                      and words[i] not in stop_list]
24
25
   \mathbf{i}\,\mathbf{f} \quad \_\mathtt{name}\_\_ \ = \ `\_\mathtt{main}\_\_\,`:
26
27
        n \text{ grams length} = 1
28
        if len(argv) > 1:
29
             n_{grams_{length}} = int(argv[1])
30
31
```

```
32
       texts = ([l.strip().split(', ', ') for l in stdin])
       names = map(lambda text: text[0], texts)
33
       texts = map(lambda text: group n grams(text[1:]),
34
                                   n grams length), texts)
35
36
37
       tfs = map(get\_count, texts)
38
39
40
       idf = \{\}
41
       for word in set(sum(texts, [])):
42
            idf[word] = 0
43
44
45
46
       for tf in tfs:
            for word in tf:
47
                idf[word] += 1
48
49
50
       logN = log(len(texts))
51
       for word in idf:
52
            idf[word] = logN - log(idf[word])
53
54
55
       tf idfs = []
56
       for i, tf in enumerate(tfs):
57
            tf_idfs.append(\{\})
58
```

```
for word in tf:

tf_idfs[i][word] = tf[word] * idf[word] / len(tf)

result = [(names[i], word, tf_idf[word])

for i, tf_idf in enumerate(tf_idfs)

for word in tf_idf]

result = sorted(result, key=lambda x: x[2], reverse=True)

print linesep.join('%s,%s,%f'%(r) for r in result)
```

### 3.5 Результат

На 3.1 изображены первые 18 строк таблицы со значениями TF-IDF для слов из 144 документов автора Льва Николаевича Толстого, 27 документов Фёдора Михайловича Достоевского и 31 документа Александра Сергеевича Пушкина, отсортированных по значению TF-IDF в порядке убывания.

Объём документов Толстого 18МВ, Достоевского 7.6МВ, Пушкина — 2.8МВ. Фильтрация происходит соответственно 10.3, 3.2 и 2 секунды. Далее каждый документ имеет только один перенос строки, который говорит об окончании документа, и их можно объединить в один файл. Подсчёт TF-IDF происходит за 6.5 секунд, на выходе получается .csv файл объёмом 39МВ.

На 3.2 изображены первые 18 строк таблицы с биграммами, а на 3.3 изображены первые 18 строк таблицы с триадами.

№	Книга	Слово	TF - IDF
1	TolstoiVorobei	воробей	0.910196
2	TolstoiEchizayac	ёж	0.723855
3	TolstoiVorobei	лён	0.717333
4	TolstoiTelenoknaldu	телёнок	0.649992
5	TolstoiLetuchayamysh	летучая	0.645765
6	PushkinKamennyigost	гуан	0.625634
7	TolstoiVolgaiVazuza	волга	0.616940
8	TolstoiFilipok	филипок	0.603935
9	TolstoiShatiDon	шат	0.591983
10	TolstoiShakalyislon	СЛОН	0.570469
11	TolstoiVolgaiVazuza	вазуза	0.570408
12	TolstoiPesnyaprosrachenienarekeChernoi	bis	0.523350
13	TolstoiZaicyilyagushki	зайцы	0.517134
14	TolstoiLetuchayamysh	МЫШЬ	0.507136
15	PushkinKamennyigost	дон	0.471297
16	TolstoiMyshi	кота	0.467739
17	TolstoiShatiDon	дон	0.454054
18	TolstoiSobakaieeten	собака	0.441651

Таблица 3.1 — Результат для слов

$N_{ar{o}}$	Книга	Биграмма	TF-IDF
1	TolstoiLetuchayamysh	летучая мышь	2.051165
2	PushkinKamennyigost	дон гуан	0.803516
3	TolstoiMyshi	кота спастись	0.558765
4	PushkinKamennyigost	дона анна	0.461864
5	TolstoiSobakaieeten	бросила своё	0.408328
6	TolstoiSobakaieeten	своё мясо	0.408328
7	TolstoiSobakaieeten	тень собака	0.408328
8	TolstoiSobakaieeten	своё волною	0.408328
9	TolstoiSobakaieeten	мясо несёт	0.408328
10	TolstoiShatiDon	шат иваныч	0.407217
11	TolstoiShatiDon	дон иваныч	0.407217
12	TolstoiVolk	ай ай	0.372557
13	TolstoiVorobei	лён воробей	0.366087
14	TolstoiSobakaieeten	зубах несла	0.355009
15	TolstoiSobakaieeten	волною унесло	0.355009
16	TolstoiSobakaieeten	собака шла	0.355009
17	TolstoiSobakaieeten	собака мясо	0.355009
18	TolstoiSobakaieeten	кинулась отнимать	0.355009

Таблица 3.2 — Результат для биграмм

№	Книга	Триада	TF-IDF
1	TolstoiOtecisynovya	отец и сыновья	0.865335
2	TolstoiMyshi	коту на шею	0.663533
3	TolstoiZaicyilyagushki	зайцы и лягушки	0.629335
4	TolstoiTelenoknaldu	телёнок на льду	0.497650
5	TolstoiSobakaieeten	своё волною унесло	0.408328
6	TolstoiSobakaieeten	бросила своё мясо	0.408328
7	TolstoiSobakaieeten	несёт она бросила	0.408328
8	TolstoiSobakaieeten	тень собака шла	0.408328
9	TolstoiSobakaieeten	собака мясо несёт	0.408328
10	TolstoiVorobei	птицы не послушались	0.393205
11	TolstoiShakalyislon	шакалы и слон	0.384593
12	TolstoiSobakaieeten	унесло и осталась	0.355009
13	TolstoiSobakaieeten	собаки того мяса	0.355009
14	TolstoiSobakaieeten	воде и подумала	0.355009
15	TolstoiSobakaieeten	зубах несла мясо	0.355009
16	TolstoiSobakaieeten	мясо и кинулась	0.355009
17	TolstoiSobakaieeten	дощечке через речку	0.355009
18	TolstoiSobakaieeten	несла мясо увидала	0.355009

Таблица 3.3 — Результат для триад

## 4 ГРАФИЧЕСКОЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЕ СЕТИ СЛОВ

### 4.1 Задание

Изобразить граф, отображающий взаимосвязи между словами, биграммами и триадами. Привести его матрицу весов.

# 4.2 Прорисовка графа

Для визуализации графа была использована библиотека graph-tool. Прорисовка выполнялась с помощью иерархического разделения блоков [5].

Листинг 4.1 - draw.py

```
1 from graph tool.all import *
  from words import data as words
3 from bigrams import data as bigrams
4 from trigrams import data as trigrams
  from math import log10, log
  from sys import argv
  from os import linesep
8
9
   def clear entries (entries, containers, treshold=0):
10
11
       non needed entries = set (entries.keys())
       non needed containers = set (containers.keys())
12
       for entry in entries:
13
           if entries[entry] <= treshold:</pre>
14
               continue
15
```

```
exists = False
16
17
           for container in containers:
                if entry in container:
18
                    if container in non needed containers:
19
                        non needed containers.remove(container)
20
21
                    non needed entries.remove(entry)
22
                    break
23
       for container in non needed containers:
24
           del containers [container]
       for entry in non needed entries:
25
26
           del entries [entry]
27
28
   def get_vertex(g, name, word, vertices):
29
       # If we already have this vertex, just use it from cache
30
       if name in vertices:
31
32
           return vertices [name]
       # Otherwise we have to create new one
33
       a = g.add vertex()
34
       word[a] = name
35
       # Add the vertex to cache
36
       vertices [name] = a
37
38
       return a
39
40
   def build_graph(g, entries, containers,
41
42
                    weight, word, color, vertices,
```

```
43
                    treshold=0, last word=-1, width scale = 3.0,
                    entry color='red', container color='red'):
44
       \min tfidf = \min(containers.values())
45
46
       def add to container (entry, container):
           a = get vertex(g, entry, word, vertices)
47
           color[a] = entry_color
48
           b = get_vertex(g, container, word, vertices)
49
           color[b] = container color
50
           e = g.add edge(a, b)
51
           \# Set weight for new edge (tf-idf)
52
           \# Just empirical formula
53
           raw weight = containers [container]/min tfidf
54
           weight[e] = log(log(raw weight)+1) * width scale + 1
55
       for entry in entries:
56
57
            if entries [entry] < treshold:
                continue
58
59
           for container in containers:
                if entry in container:
60
61
                    add to container (entry, container)
62
       return
63
64
65
   def get matrix (entries, containers):
       result = \{\}
66
67
       for container in containers:
            result[container] = dict((entry, entries[entry] if entry)
68
69
                                     for entry in entries)
```

```
70
       return result
71
72
73
   def draw matrix (matrix, entries):
74
       keys = entries.keys()
75
       result = ,
       result += ', '.join(['container'] + keys) + linesep
76
       for container, line in matrix.items():
77
            result += ', '.join([container] + [str(line[key]) for key
78
79
       return result
80
81
82
   def init graph():
83
       \# Create directed graph
84
       g = Graph (directed=True)
       \# Create 'weight' property for edge:
85
       \# will contain tf-idf
86
       weight = g.new edge property('float')
87
       # Create 'word' property for vertex:
88
       \# will contain string with current word
89
       word = g.new vertex property('string')
90
       color = g.new vertex property('string')
91
       return g, weight, word, color, {}
92
93
94
   i\,f\ \_\_name\_\_ = \ '\_\_main\_\_\,':
95
96
       img name='output.png'
```

```
97
        if len(argv) > 2:
            if argv[1] in ['-w', '--word']:
98
                words = dict(words.items()[:int(argv[2])])
99
100
                 clear entries (words, bigrams)
            elif argv[1] in ['-b', '--bigram']:
101
                bigrams = dict(bigrams.items()[:int(argv[2])])
102
                clear_entries(bigrams, trigrams)
103
            elif argv[1] in ['-t', '--triad']:
104
                trigrams = dict(trigrams.items()[:int(argv[2])])
105
                clear_entries(bigrams, trigrams)
106
        if len(argv) > 3:
107
108
            img name = argv[3]
109
        g, weight, word, color, vertices = init graph()
        # Dictionary with existent vertices (cache)
110
111
        clear entries (words, bigrams)
112
        clear entries (bigrams, trigrams)
        print draw matrix (get matrix (words, bigrams), words)
113
114
        print draw matrix (get matrix (bigrams, trigrams), bigrams)
115
        build_graph(g, entries=words, containers=bigrams,
116
                     color=color, weight=weight, word=word,
117
                     vertices=vertices,
                     entry color='red', container color='blue')
118
119
        build graph (g, entries=bigrams, containers=trigrams,
120
                     color=color, weight=weight, word=word,
121
                     vertices=vertices,
122
                     entry color='blue', container color='purple')
        \# Draw the graph;
123
```

```
124
        \# Weight is responsible for edges widths
        # Word contains labels for vertices
125
        \# graph draw(q, vertex font size=10, edge pen width=weight,
126
                      vertex text=word, vertex fill color=color,
127
        #
                      vertex\_text\_position=0, output=img\_name,
128
        #
        #
                      output \ size = (300, 500)
129
130
        \# Alternative
        \# graph draw(g, edge pen width=weight, vertex text=word,
131
        #
                      node first=True, vertex text position=0,
132
                      vertex\_size = 20, vertex\_shape = 'double\_square')
133
        #
        # Or even
134
135
        state=minimize nested blockmodel dl(g)
        draw_hierarchy(state, vertex_text=word,
136
                 vertex text position=1, edge pen width=weight,
137
                 vertex fill color=color,
138
```

output=img name, output size=(800, 600))

139

	анна	грощай	прощай неизбежна лаура		гуан	ДОН	несчастный дона	дона	бесподобно	бесподобно страдальца опасный прощайте нарочно	опасный	прощайте	нарочно
несчастный дон	0 0		0	0	0	0.471297 0.002683	0.002683	0	0	0	0	0	0
опасный дон	0 0		0	0	0	0.471297 0	0	0	0	0	0.006097	0	0
дон гуан	0 0		0	0	0.625634	0.625634   0.471297   0	0	0	0	0	0	0	0
бесподобно лаура 0	0 0	(	0	0.192471	0	0	0	0	0.007633	0	0	0	0
дона анна	0.143801 0		0	0	0	0.471297 0	0	0.222531	0	0	0	0	0
неизбежна дон	0 0		0.004184	0	0	0.471297 0	0	0	0	0	0	0	0
страдальца дона 0	0 0		0	0	0	0.471297 0	0	0.222531	0	0.003048	0	0	0
нарочно дон	0 0	(	0	0	0	0.471297   0	0	0	0	0	0	0	0.001116
лаура прощайте	0 0	0.003127	0	0.192471	0	0	0	0	0	0	0	0.003458	0

Таблица 4.1 — Матрица весов графа слов и биграмм

	неизбежна дон	неизбежна дон лаура прощайте	опасный дон	дона анна	несчастный дон	нарочно дон	страдальца дона	дон гуан	опасный дон дона анна несчастный дон нарочно дон страдальца дона дон гуан бесподобно лаура
страдальца дона анна	0	0	0	0.461864	0	0	0.006327	0	0
несчастный дон гуан	0	0	0	0	0.006327	0	0	0.803516 0	0
бесподобно лаура прощайте	0	0.006327	0	0	0	0	0	0	0.006327
нарочно дон гуан	0	0	0	0	0	0.006327	0	0.803516 0	0
неизбежна дон гуан	0.006327	0	0	0	0	0	0	0.803516 0	0
опасный дон гуан	0	0	0.006327	0	0	0	0	0.803516 0	0

Таблица 4.2 — Матрица весов графа биграмм и триад

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Pearson, Karl. Jean-Baptiste Estoup and the origins of Zipf's law / Karl Pearson // Bolet'in de Estad'istica e Investigaci'on Operativa. 2014.
   Vol. 30, no. 1. Pp. 66–67.
- 2. Ландэ, Д.В. Интернетика: навигация в сложных сетях : модели и алгоритмы / Д.В. Ландэ, А.А. Снарский, И.В. Безсуднов. УРСС, 2009. https://books.google.com.ua/books?id=P\_1\_kgAACAAJ.
- 3. Jones, Karen Sparck. A statistical interpretation of term specificity and its application in retrieval / Karen Sparck Jones // Journal of Documentation.
- 4. Oracle Corporation. Full-Text Stopwords. https://dev.mysql.com/doc/refman/5.5/en/fulltext-stopwords.html. 2015. Online; accessed 11 December 2015.
- 5. Holten, D. Hierarchical Edge Bundles: Visualization of Adjacency Relations in Hierarchical Data / D. Holten // Visualization and Computer Graphics, IEEE Transactions. 2006. Vol. 12, no. 5. Pp. 741–748.