

# Информационный поиск

Константин Мосиенко

Yandex School of Data Analysis *konstantin.mosienko@gmail.com*

2017

## 1 Введение

## 2 Модели поиска

- Простые модели
- Обобщенная векторная модель

- C.D. Manning, P. Raghavan, H. Schutze. Introduction to Information Retrieval [2008]
- B. Croft, D. Metzler, T. Strohman. Search Engines: Information Retrieval in Practice [2009]
- S. Buttcher, C. L. A. Clarke and G. V. Cormack. Information Retrieval: Implementing and Evaluating Search Engines [2010]
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Information\\_retrieval](https://en.wikipedia.org/wiki/Information_retrieval)

- TREC (Text Retrieval Conference)
- CLEF (Cross Language Evaluation Forum)
- WWW (World Wide Web Conference)
- ESSIR (European Summer School in Information Retrieval)
- SIGIR (Special Interest Group on Information Retrieval)
- WSDM (Web Search and Data Mining)
- CIKM (Conference on Information and Knowledge Management)

# Определение

## Определение

*Информационный поиск – это область научных исследований, ориентированная на изучение структуры, организации, хранения, поиска и извлечения информации. [G. Salton, 1968]*

## Определение

*Информационный поиск — процесс поиска неструктурированной документальной информации, удовлетворяющей информационные потребности, и наука об этом поиске. [C. Manning, 2011]*

Мы будем рассматривать вопросы, касающиеся поиска по интернет сайтам.

# Запрос - документ

## Определение

*Документ - это информационная сущность, которая хранится в базе поисковой системы (индексе). Процесс занесения документа в индекс - индексация. Документом могут быть: локальные файлы различных форматов, html-страницы, видео, аудио, картинки.*

## Определение

*Запрос - способ выражения информационных потребностей. Обычно запрос задаётся с помощью языка запросов соответствующей поисковой системы.*

# Что умеет поисковая система

- Находить и скачивать документы.
- Детектировать язык и кодировку. Извлекать информацию из документов различных форматов.
- Оценивать частоту обновления документа.
- Находить в своей базе похожие документы и спам.
- Быстро отвечать на запросы к своему индексу.
- Ранжировать результаты поиска по релевантности.

## Определение

*Релевантность - семантическое соответствие поискового запроса и найденного документа.*

Слово «поиск» может употребляться в контексте разных задач:

- Поиск в имеющейся базе. Например, поиск релевантных запросу документов в индексе поисковой системы. Базовая операция - перечисление документов, содержащих определённое слово(словосочетание).
- Обнаружение кандидатов на занесение в индекс. Например, поиск в интернете отсутствующих в индексе(новых) документов. Базовая операция - перечисление документов, на которые есть ссылки с имеющегося документа.



# Некоторые особенности и сложности

- Информация доступна в неструктурированном с точки зрения индексирования виде: например, как понять, где на странице важный текст, а где рекламный блок?
- Пользователь не всегда ищет текст, он может искать и видео.
- Актуальность. Необходимо иметь как можно более точный «слепок» интернета. Быстро находить новую информацию и не забывать удалять не актуальную.
- Региональность. Один запрос, заданный из разных мест, иногда должен приводить к разным результатам. Например, если вы заказываете пиццу.

- Поисковый робот. Скачивает документы из интернета, обнаруживает новые документы, планирует очередь скачки (так как обычно нет возможности скачать все известные документы, необходимо сделать выбор, какие обойти сейчас, а какие, может быть, никогда).
- Индексатор. Обрабатывает скаченные документы, строит поисковый индекс.
- Поиск. Отвечает на запросы пользователей, генерирует статистику.

# Масштабы трагедии

Абсолютные показатели различных экспериментов не совпадают, поэтому необходимо смотреть на отношения.

- Согласно косвенным показателям, количество страниц, доступных для индексирования, в 2005 году составляло 11.5 миллиарда, в 2009 году - 25 миллиардов.
- В соответствии с исследованиями 2001-го года, большая часть документов интернета - 550 миллиардов - не обнаружена поисковыми системами, эту часть называют DeepWeb.
- В 2008 году Google знал 1 триллион уникальных URL-ов.

Так как нет возможности положить в индекс такое количество документов, современная поисковая система производит поиск по десяткам-сотням миллиардов документов.

# Uniform Resource Locator

*scheme:[//[user:password@]host[:port]][/]path[?query][#fragment]*

---

Один URL можно записать разными способами:

- Схема и имя хоста не чувствительны к регистру.
- Можно не писать стандартный порт.
- Вместо символа можно написать его код через %

GET /index.html HTTP/1.1  
Host: www.example.com

HTTP/1.1 200 OK  
Date: Mon, 23 May 2005 22:38:34  
Content-Type: text/html;  
charset=UTF-8  
Content-Encoding: UTF-8  
Content-Length: 138  
Last-Modified: Wed, 08 Jan 2003  
23:11:55 GMT  
...

# HTML

```
<!DOCTYPE html>
<html>
  <head>
    <meta http-equiv="Content-Type" content="text/html;
charset=utf-8" />
    <title>HTML Document</title>
  </head>
  <body>
    <p>
      <b>
        Этот текст будет полужирным,
        <i>а этот — ещё и курсивным</i>
      </b>
    </p>
  </body>
</html>
```

# Инвертированный индекс

## Определение

*Инвертированный индекс - это структура данных, хранящая для каждого слова список документов, в которых это слово встречается.*

*Постинг лист - вышеупомянутый список документов.*

В инвертированном индексе можно ещё хранить и удобно получать доступ к таким данным:

- Свойства самого слова. Например, число его вхождений в корпус.
- Свойства слова и документа. Например, число вхождений слова в документ.

Постинг листы обычно хранят отсортированными по идентификатору документа для ускорения поиска.

## Определение

*Булев поиск - первая и самая простая модель информационного поиска. Основывается на выполнении теоретико-множественных операций над списками документов в соответствии с запросом.*

- Пусть дан запрос вида  $q = (t_1|t_2)\&t_3\ldots$
- На первом шаге необходимо для каждого терма запроса  $t_i$  с помощью инвертированного индекса получить список документов, содержащих этот терм.
- На втором шаге необходимо выполнить указанные в запросе операции с полученными множествами документов.



# Недостатки булева поиска

- Находит только документы, точно соответствующие запросу. Например, для запроса  $q = t_1 \& t_2$  если какой-то документ содержит только терм  $t_1$ , он не найдётся даже если остальные документы не содержат ни одного слова из запроса.
- Не ранжирует результаты поиска.
- Все слова для поиска имеют одинаковую важность, что не соответствует действительности.

# Расширенный булев поиск

Недостатки простого булева поиска можно устранить введя в рассмотрение веса термов и модифицировав процедуру поиска:

- $q = \{(t_1, w_{q1}), \dots, (t_n, w_{qn})\}$  - термы запроса со своими весами.
- $d = \{..., (t_1, w_{d1}), \dots, (t_n, w_{dn}), \dots\}$  - вхождения термов запроса в документ, веса соответствующих термов относительно документа.

Замечания:

- Схема выставления весов не является частью модели.
- $w_{\{q|d\}i} \in [0, 1]$
- Документ может и не содержать определённые термы запроса, для таких термов  $w_{di} = 0$ .

# Расширенный булев поиск

Предлагается от простого отношения «слово запроса входит в документ» перейти к учёту весов термов для построения метрики «близости» запроса и документа:

- $sim(d, q = t_1 \& \dots \& t_n) = 1 - \left( \sum_{i=1}^n w_{qi}^p (1 - w_{di})^p \right)^{\frac{1}{p}} \left( \sum_{i=1}^n w_{qi}^p \right)^{-\frac{1}{p}}$
- $sim(d, q = t_1 | \dots | t_n) = \left( \sum_{i=1}^n w_{qi}^p w_{di}^p \right)^{\frac{1}{p}} \left( \sum_{i=1}^n w_{qi}^p \right)^{-\frac{1}{p}}$

Замечания:

- $p$  - параметр модели и требует подбора.
- Указанные формулы необходимо рекурсивно применять в соответствии с разбором запроса на элементарные булевы функции, используя в качестве веса для некоторой подформулы значение функции  $sim$  на ней.

# Векторная модель документа

- Документы и запросы представляются в виде разреженных векторов размерности  $|T|$  (размер словаря, количество термов):

$$d_i = \{w_{d_i1}, w_{d_i2}, \dots, w_{d_i|T|}\}$$

$$q = \{w_{q1}, w_{q2}, \dots, w_{q|T|}\}$$

- Каждая компонента вектора соответствует появлению определённого терма: если  $w_{d_ij}$  отличен от нуля, значит терм  $t_j$  встретился в документе  $d_i$ .
- Метрика схожести документа и запроса(или другого документа) - косинус угла между их векторными представлениями.

# Векторная модель документа

## Замечания

- На веса никакие ограничения не накладываются.

Плюсы (относится и к расширенному булевому поиску)

- Учитывает веса слов.
- Допускает отсутствия слов запроса в документе.
- Позволяет ранжировать результаты.

Недостатки (относится и к расширенному булевому поиску)

- Модель подразумевает, что слова появляются в тексте независимо.
- Не учитывается порядок слов.
- Не учитывается смысл документа - если важное слово заменить на синоним, документ может перестать быть релевантным с точки зрения модели.

# Расчёт весов термов

Веса термов влияют на разные метрики близости документов.

- Чем больше вес - тем больше вклад в метрику.
- Поэтому хочется давать большой вес «важным» словам.

Как понять, что слово важное?

- Если слово запроса часто встречается в документе, стоит считать его важным.
- Если только это слово не встречается часто во всех документах.

Учтя вышесказанное, возьмём в рассмотрение следующие характеристики:

- Частота терма в документе (tf).
- Доля документов с данным термом (df).

# Term Frequency

$f_{t,d}$  - количество вхождений термина  $t$  в документ  $d$ .  $|d|$  - общее количество термов в документе.  $tf(t, d)$  - способ придать терму вес относительно данного документа. Возможны варианты:

- $tf(t, d) = \{0, 1\}$  (входит / не входит).
- $tf(t, d) = f_{t,d}$ .
- $tf(t, d) = f_{t,d}/|d|$ ,  $tf(t, d) = f_{t,d}/\max_{t' \in d} f_{t',d}$ .
- $tf(t, d) = 1 + \log(f_{t,d})$ .
- $tf(t, d) = K + (1 - K)f_{t,d}/\max_{t' \in d} f_{t',d}$ ,  $K \in [0, 1]$ .

Выбор конкретной схемы зависит от задачи, например, для расширенного булева поиска необходимы веса из  $[0, 1]$ .

# Inverse Document Frequency

$|D|$  - общее количество документов в коллекции  $D$  (корпусе).  $n_t$  - количество документов, в которых встретился терм  $t$ .  $idf(t)$  - способ придать вес терму относительно всей коллекции документов, указывающий на количество информации, которое несёт появление термина:

- $idf(t) = \log \frac{|D|}{n_t}$ .
- $idf(t) = \log \frac{|D|}{n_t + 1}$ .
- $idf(t) = \log \frac{\max_{t' \in d} n_{t'}}{n_t + 1}$ .
- $idf(t) = idf(t) / \max_{t' \in d} idf(t')$ .



$$tfidf(t, d) = tf(t, d)idf(t)$$

- С одной стороны, компонент  $tf(t, d)$  увеличивает вес с увеличением количества вхождений термина в документ.
- С другой стороны, компонент  $idf(t)$  стремится к нулю при увеличении доли документов, в которых встретился терм.
- $tfidf(t, d)$  максимален для самого частотного термина  $t$ , который встречается только в документе  $d$ . Можно считать, что такой терм идеально характеризует свой документ.

# Вероятностная модель

В основе модели лежит попытка вероятностно-статистически обосновать понятие релевантности документа запросу и вычислить вероятность того, что пользователь оценит данный документ как релевантный. Воспользовавшись Байесовскими правилами, можно сделать следующие выводы:

- Если  $P(R = 1|D) > P(R = 0|D)$ , можно считать документ  $D$  релевантным.
- $P(R|D) = P(D|R)P(R)/P(D)$ .

Все вычисления произведены в условиях наличия некоторого запроса. Проблемой является вычисление вероятностей  $P(D|R)$ .

# Бинарная модель независимости

- С целью сделать  $P(D|R)$  вычислимой на практике, предполагается независимость появления термов в документе:  $P(D = d|R) = \prod_{i=1}^{|d|} P(t_i|R)$ .
- Изначально этот результат использовался для выставления весов термов для векторной модели:

$$w_i = \log \frac{p_i(1 - u_i)}{u_i(1 - p_i)}$$

Где  $p_i$  - вероятность встретить терм  $t_i$  в релевантном документе, а  $u_i$  - в нерелевантном.

# Бинарная модель независимости

Теперь проблемой является вычисление  $p_i = P(t_i | R = 1)$  и  $u_i = P(t_i | R = 0)$ . Подход к решению данной проблемы зависит от доступных данных:

- Если на этапе настройки для каждого запроса есть список релевантных документов, можно явно оценить вероятности через частоты с учётом независимости термов.
- Если имеется информация о том, какие документы релевантны некоторым запросам (не известно каким), то можно считать, что распределения термов различаются только между релевантными/нерелевантными документами.
- Если ничего не известно, то можно самим попытаться восстановить множество релевантных документов, например, более строгой моделью поиска.
- ...

$$sim(d, q) = \sum_{i=0}^{|q|} idf(t_i) \frac{tf(t_i, d)(k + 1)}{tf(t_i, d) + k((1 - b) + b \frac{|d|}{average|d_j|, d_j \in D})}$$

- Okapi - поисковая система, созданная в Лондонском городском университете. BM - best match.
- $k$  и  $b$  - подбираемые параметры.
- По сей день может использоваться как фактор для более сложных функций ранжирования.

# Обобщенная векторная модель

Одним из недостатков векторной модели является предположение о независимости термов. В статье<sup>1</sup> предлагается один из вариантов устранения этого недостатка. Для удобства будем пользоваться обозначениями, введенными авторами:

- $D = \{\bar{d}_\alpha\}, \alpha = 1, \dots, p$  - коллекция документов.
- $\bar{q}$  - запрос
- $\{\bar{t}_i\}, i = 1, \dots, n$  - нормированные, но в общем случае не ортогональные, векторы, соответствующие термам  $t_i$ .

---

<sup>1</sup>Wong, S. K. M.; Ziarko, Wojciech; Wong, Patrick C. N. (1985-06-05), Generalized vector spaces model in information retrieval

# Обобщенная векторная модель

В соответствии с векторной моделью документа и учтя, что векторы термов не ортогональны, а мера схожести - скалярное произведение, можно записать:

- $\bar{d}_\alpha = \sum_{i=1}^n a_{\alpha i} \bar{t}_i$ ,  $\bar{q} = \sum_{j=1}^n q_j \bar{t}_j$  - разложение документа и запроса по векторам  $\{\bar{t}_i\}$ .
- $\text{sim}(\bar{d}_\alpha, \bar{q}) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n a_{\alpha i} q_j \bar{t}_i \cdot \bar{t}_j$  - их скалярное произведение.

Для вычисления меры схожести нет необходимости знать непосредственное представление для  $\{\bar{t}_i\}$ , необходимы лишь попарные скалярные произведения. Обратим внимание, что пространство, в котором лежат  $\{\bar{t}_i\}$  может быть произвольной размерности.

# Обобщенная векторная модель

Отличия обобщённой векторной модели от обыкновенной:

- Отказ от конкретного описания пространства, в котором лежат векторы термов  $\{\bar{t}_i\}$ . При решении конкретной задачи, такое пространство будет введено явно или неявно, но только для вычисления  $\bar{t}_i \cdot \bar{t}_j$ .
- Отказ от предположения о независимости термов.

Данные решения усложнили вычисление меры схожести запроса и документа, так как теперь требуются скалярные произведения  $\bar{t}_i \cdot \bar{t}_j$ , которые раньше выпадали из вычислений из-за независимости термов.

Следующий шаг - привести пример построения скалярного произведения  $\bar{t}_i \cdot \bar{t}_j$ , обладая только данными из обыкновенной векторной модели.



# Обобщенная векторная модель

В качестве  $\bar{t}_i \cdot \bar{t}_j$  можно воспользоваться нормализованной поточечной взаимной информацией  $NPMI^2$ . Если  $X$  и  $Y$  - дискретные случайные величины, а  $P(X = x) = p(x)$ , то

$$PMI(x, y) = \log_2 \frac{p(x, y)}{p(x)p(y)} = \log_2 p(x, y) - \log_2 p(x) - \log_2 p(y)$$

$$NPMI(x, y) = PMI(x, y) / (-\log_2 p(x, y))$$

$NPMI(x, y) \in [-1, 1]$  и обладает следующими свойствами:

- $NPMI(x, y) = -1$  для несовместных событий.
- $NPMI(x, y) = 0$  для событий, появляющихся независимо.
- $NPMI(x, y) = 1$  для событий, которые появляются только вместе.

---

<sup>2</sup>Bouma, Gerlof (2009). Normalized (Pointwise) Mutual Information in Collocation Extraction

# Обобщенная векторная модель

Создатели модели предлагают и свой подход. Начнём с простого примера. Пусть у нас есть коллекция документов  $D$ , в которой документы состоят только из двух термов  $t_1$  и  $t_2$ .

- $D = D_{t_1, -t_2} \sqcup D_{t_1, t_2} \sqcup D_{-t_1, t_2}$  - разбиение  $D$  на подмножества в соответствии с наличием/отсутствием соответствующего терма.
- Интуиция подсказывает:
  - $|D_{t_1, t_2}|$  должна быть непосредственно связана с  $\bar{t}_i \cdot \bar{t}_j$ .
  - Вектор  $\bar{t}_1$  должен быть суммой вкладов от  $D_{t_1, -t_2}$  и  $D_{t_1, t_2}$  (симметрично и для  $\bar{t}_2$ ). Это предположение является неявным вводом пространства для  $\{\bar{t}_i\}$ , источником независимости и попыткой получить как можно больше информации от обыкновенной векторной модели.

# Обобщенная векторная модель

В соответствии с интуитивными предположениями запишем:

$$\bar{t}_1 = \frac{|D_{t_1, -t_2}| \bar{m}_1 + |D_{t_1, t_2}| \bar{m}_2}{\sqrt{|D_{t_1, -t_2}|^2 + |D_{t_1, t_2}|^2}} \quad \bar{t}_2 = \frac{|D_{t_1, t_2}| \bar{m}_2 + |D_{-t_1, t_2}| \bar{m}_3}{\sqrt{|D_{t_1, t_2}|^2 + |D_{-t_1, t_2}|^2}}$$

$$\bar{t}_1 \cdot \bar{t}_2 = \frac{|D_{t_1, t_2}|^2}{\sqrt{|D_{t_1, -t_2}|^2 + |D_{t_1, t_2}|^2} \sqrt{|D_{t_1, t_2}|^2 + |D_{-t_1, t_2}|^2}}$$

Где  $\{\bar{m}_1, \bar{m}_2, \bar{m}_3\}$  - некоторый ортонормированный базис.  
Каждый вектор  $\bar{m}_i$  отвечает некоторому максимальному по размеру подмножеству документов с одинаковой «маской» вхождения/невхождения термов.

# Обобщенная векторная модель

Усложним ситуацию. Пусть теперь:

$$D = D_{t_1, t_2, t_3} \sqcup D_{-t_1, t_2, t_3} \sqcup \dots \sqcup D_{-t_1, t_2, -t_3} \sqcup D_{-t_1, -t_2, t_3}$$

Теперь у  $t_1$  (как и у остальных) больше способов войти в документ относительно наличия остальных термов:

$$\bar{t}_1 = \frac{1}{N_1} (|D_{t_1, t_2, t_3}| \bar{m}_1 + |D_{t_1, -t_2, t_3}| \bar{m}_3 + |D_{t_1, t_2, -t_3}| \bar{m}_4 + |D_{t_1, -t_2, -t_3}| \bar{m}_5)$$

$$N_1 = \sqrt{|D_{t_1, t_2, t_3}|^2 + |D_{t_1, -t_2, t_3}|^2 + |D_{t_1, t_2, -t_3}|^2 + |D_{t_1, -t_2, -t_3}|^2}$$

...

Выражение для скалярного произведения примет вид:

$$\bar{t}_1 \cdot \bar{t}_2 = \frac{1}{N_1 N_2} (|D_{t_1, t_2, t_3}|^2 + |D_{t_1, t_2, -t_3}|^2)$$

# Обобщенная векторная модель

Для упрощения записи формул случая общего вида воспользуемся обозначениями из булевой алгебры.

- Пусть  $m_k = t_1^{\delta_1} \wedge \dots \wedge t_n^{\delta_n}$  - некоторый элемент булевой алгебры, отвечающий вектору  $\overline{m}_k$ . Где

$$t_i^{\delta_i} = \begin{cases} t_i & \text{если } \delta_i = 1 \\ \neg t_i & \text{иначе} \end{cases}$$

обозначает наличие или отсутствие соответствующего терма в документе.

- Каждый элемент  $t_i$  может быть представлен в виде  $t_i = m_{i_1} \vee \dots \vee m_{i_r}$ , где операция производится над всеми такими  $m_{i_j}$ , для которых  $m_{i_j} \vee t_i = t_i$ .
- В соответствии с предыдущим пунктом:  $\bar{t}_i = \sum_{j=1}^r c_j(t_i) \overline{m}_{i_j}$

# Обобщенная векторная модель

Стоит сделать несколько замечаний:

- $\{\bar{m}_1, \dots, \bar{m}_{2^n}\}$  - как было сказано выше, произвольный ортонормированный базис. В явном виде эти векторы при вычислениях никогда не появляются.
- Как вычислять  $c_j(t_i)$ ? Возможны несколько вариантов:
  - Положить  $c_j(t_i) = 1$ . Самый простой случай, соответствует обычному булеву поиску (не в прямом смысле).
  - Вычислять  $c_j(t_i)$  как было предложено при рассмотрении простых примеров.
  - Попытаться обобщить предыдущий вариант и воспользоваться изначальным векторным представлением документов.

# Обобщенная векторная модель

Воспользуемся весами термов  $a_{\alpha i}$  из обыкновенной векторной модели для подсчёта  $c_j(t_i)$ .

- Пусть для каждого  $m_k = t_1^{\delta_1} \wedge \dots \wedge t_n^{\delta_n}$ :

$$D(m_k) = D_{t_1}^{\delta_1} \cap \dots \cap D_{t_n}^{\delta_n}$$

$$D_{t_i}^{\delta_i} = \begin{cases} D_{t_i} & \text{если } \delta_i = 1 \\ D_{-t_i} & \text{иначе} \end{cases}$$

- Тогда  $c_j(t_i) = \sum_{\{\alpha: d_\alpha \in D(m_{ij})\}} a_{\alpha i}$  и если необходимо занормировать  $\bar{t}_i$ :

$$\bar{t}_i = \frac{1}{N_i} \sum_{j=1}^r c_j(t_i) \bar{m}_{ij} \quad N_i = \sqrt{\sum_{j=1}^r c_j^2(t_i)}$$

# Обобщенная векторная модель

Достоинства обобщённой векторной модели:

- Отказ от изначально неверного предположения о независимости термов, что даёт более точную меру схожести.

Недостатки:

- Сложна для вычисления, требует хранить матрицу скалярных произведений.
- Не учитывает порядок термов (можно исправить с помощью  $n$ -граммного индекса).