

Magic Show

Alice 和 Bob 是知名的魔術師。Catherine 是位貴婦,對他們的出色表現感到興趣,並提出若他們兩人可以表演以下魔術,她願意提供高額的獎勵。魔術的內容如下:

- Step 1: Bob 進入一個房間並斷絕對外聯繫,他僅能和 Catherine 對談。接著 Alice 告知 Catherine 一個數字 n~(2 < n < 5000)。
- Step 2: Catherine 告知 Alice 一個數字 X $(1 \le X \le 10^{18})$ 。
- Step 3: Alice 建構一棵樹,其中樹上的節點數量恰好為 n,並把樹給 Catherine。
- Step 4: Catherine 移除該樹上的若干條邊,至多移除 $\left| \frac{n-2}{2} \right|$ 條邊,並把剩下來的邊交給 Bob。
- Step 5: Bob 仔細端詳過收到的圖後,說出 Catherine 先前告知 Alice 什麼數字。

然而,Alice 和 Bob 不認為他們有足夠的才智表演這個魔術,並向你求助。請寫程式來實現 Alice 和 Bob 的策略,讓他們可以完成 Catherine 的挑戰。

Implementation Details

你需要繳交 兩個檔案。

第一個檔案是 Alice.cpp,裡面實作了 Alice 的策略。這個檔案需要使用編譯器指引 #include 將標頭檔 Alice.h 插入。這個檔案需要實作下面這個函式:

std::vector<std::pair<int, int>> Alice();

- 對於每一筆測資,這個函式會在一開始時被呼叫恰好一次。
- 這個函數需要回傳一個 vector of pairs,代表 Alice 在 Step 3 建構的樹所包含的邊。
 - 注意! 樹上節點的號碼從1開始標。
 - \circ 你需要確保回傳的樹符合規範,如應該有n-1條邊、所有節點是相連的。

Alice()函式需要呼叫下面這函式 恰好一次。

long long setN(int n);

- 使用這個函式指定參數 n,代表 Alice 在 Step 1 給 Catherine 的值。
- 接著,這個函數回傳 X,代表 Catherine 在 Step 2 傳給 Alice 的值。

第二個檔案是 Bob.cpp,裡面實作了 Bob 的策略。這個檔案需要使用編譯器指引 #include 將標頭檔 Bob.h 插入。這個檔案需要實作下面這個函式:

long long Bob(std::vector<std::pair<int, int>> V);

- 對於每一筆測資,這個函式會在 Alice()函式呼叫結束後,被呼叫恰好一次。
- 傳入參數 V 是一群邊,代表 Catherine 在 Step 4 傳給 Bob 的圖所包含的邊。
- 這些邊是排好序的,也就是說:
 - 每一條邊的兩個端節點,編號小的端節點先出現。
 - 所有邊以遞增的方式排序,以第一個端節點當做排序優先依據、第二端節點當作排序次要依據。
- 這個函數需要回傳一個整數,代表 X。

Sample Interaction

Call	Return Value
Alice()	
setN(4)	3
	{{1,2},{2,3},{2,4}}
Bob({{1,2},{2,4}})	3

上表的操作如以下描述:

- Step 1: Alice 傳 4 給 Catherine。
- Step 2: Catherine 傳 3 給 Alice。
- Step 3: Alice 建構一個 4 個節點的樹,裡面有 {{1,2},{2,3},{2,4}} 這些邊,並傳給 Catherine。
- Step 4: Catherine 移除了連接節點 2 和節點 3的邊,並把剩下的邊 $\{\{1,2\},\{2,4\}\}$ 傳給 Bob。
- Step 5: Bob 宣布 3。因為這答案是正確的,所以他們成功表演了魔術。

Constraints

• $1 \le X \le 10^{18}$.

Subtasks

1. (5 points): $X \le 5000$.

2. (30 points): $X \le 25\,000\,000$.

3. (65 points): 無額外限制。

Sample Grader

評分程式會以下列的方式讀取輸入:

• Line 1: $T (T \in \{1, 2\})$

如果T=1,評分程式會以下方式繼續讀:

• Line 2: X ($1 \le X \le 10^{18}$)

評分程式會以下方式印出函式 Alice()的輸出:

- Line 1: *n*
- Line 2+i $(0 \leq i \leq n-2)$: u[i] v[i] (代表有一條邊連接節點 u[i] 和節點 v[i])

如果T=2,評分程式會以下方式繼續讀:

- Line 2:n m $(2 \le n \le 5000, n-1-\left\lfloor\frac{n-2}{2}\right\rfloor \le m \le n-1)$ (n 代表節點數量、m 代表剩餘邊數量)
- Line $3+i \; (0 \leq i \leq m-1)$: $u[i] \; v[i]$ (代表有一條邊連接節點 u[i] 和節點 v[i])

評分程式會以下方式印出函式 Bob()的輸出:

• Line 1: *X*