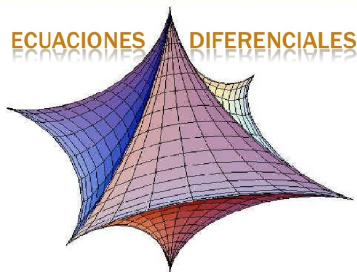




Instituto Politécnico Nacional Escuela Superior de Cómputo

Ecuaciones Diferenciales
Profesor: Luis Moctezuma Cervantes
Grupo: 1CM6
Adrian González Pardo
Semestre: 18/02



Ultima fecha modificado: 31 de mayo de 2020

Índice

1. Introducción	3
1.1. Presentación	3
1.2. Prerequisitos para la materia	3
1.3. Libros de consulta	3
2. Inicio	3
2.1. Técnicas de Integración	3
2.1.1. Por sustitución	4

1. Introducción

1.1. Presentación

Las ecuaciones diferenciales no son más que un conjunto de sistemas lineales o no lineales que representan modelo de comportamiento matemático, el cual puede ser aplicado en áreas como la ingeniería la cual puede servir para describir el comportamiento físico de un circuito eléctrico mediante las ecuaciones de voltaje de elementos lineales (resistencias, capacitadores e inductores), por otro lado igual puede ser aplicado en modelados matemáticos que puedan representar la medición estadística de una población de bacterias.

Ahora bien con el fin de facilitar el aprendizaje de estos temas se desarrollaran varias notas que se tomaron en el curso así como complemento de propia mano del escritor.

1.2. Prerequisitos para la materia

Si bien las matemáticas guardan una íntima pero fuerte relación entre sus tópicos es importante marcar algunos requisitos para poder dar seguimiento o poder tener un mejor entendimiento con la materia

Principios de Cálculo	Nociones de Álgebra Lineal
Nociones de Análisis Vectorial	Nociones de Física

Si bien podríamos desglosar todos y cada uno de los requisitos de cada asignatura, no es la idea asustar a los pequeños lectores o consultores de este documento, ahora sí continuemos

1.3. Libros de consulta

Si bien las ecuaciones diferenciales pueden ser estudiadas en cursos los cuales no soliciten libro, te puedes apoyar de material que se encuentra de forma gratuita pero quizás poco legal en internet, por ello yo no quiero alentarte a realizar una conducta dañina a los autores, mi mejor recomendación en este aspecto, es quizás consigas los pdf's pero después de ello busca la forma de conseguirlo en físico para tu formación o para el apoyo de tus compañeros o alumnos.

- Dennis Zill, Ecuaciones Diferenciales → Para comenzar desde el inicio y sin complicaciones
- Editorial Trillas Canek, Ecuaciones Diferenciales ordinarias → Para subir el nivel con respecto al Dennis
- Makarenko, Problemas de Ecuaciones Diferenciales ordinarias 1996 → Para ejercicios bastante completos y extensos

2. Inicio

Recordemos que para tener un buen inicio con respecto al curso es necesario tener un ligero repaso a las Técnicas de Integración.

2.1. Técnicas de Integración

Las técnicas de integración son herramientas que nos serán de utilidad como si fuese la frase celebre o la bendición del día a día.

Recordemos que las técnicas más comunes que tenemos son 4:

1. Por sustitución
2. Por partes
3. Por sustitución trigonométrica

4. Por fracciones parciales

Ahora con esto, comencemos.

2.1.1. Por sustitución

Teorema: Sea $g(x)$ una función derivable y supongase que $F(x)$ es una antiderivada de $f(x)$.

Entonces si $u = g(x)$ tenemos lo siguiente:

$$\int f(g(x))g'(x)dx = \int f(u)du = F(u) + C = F(g(x)) + C: C \in \mathbb{R}$$

Ejemplos:

$$\int \frac{x}{\cos^2(x^2)}dx$$

Solución

Recordemos identidades trigonométrica como lo es: $\frac{1}{\cos(x)} = \sec(x)$, entonces tenemos lo siguiente

$$\int x \sec^2(x^2)dx$$

Ahora por sustitución definimos a $u = x^2 \rightarrow du = 2x$ completando la integral tenemos:

$$\frac{1}{2} \int \sec^2(u)du = \frac{1}{2} \tan(u) + C$$

Sustituyendo los valores de u tenemos la integral resuelta:

$$\int \frac{x}{\cos^2(x^2)} = \frac{1}{2} \tan(x^2) + C$$