



Projet Théorie de compilation

2GI

Projet C-Pascal

Réalisé par :

- OUTIDRARINE Mohamed
- ECH-CHEBLAOUI Yassine
- ZAHAD Zakaria
- AMGHAR Souhail

Encadrant :

- Pr. Souhail GHAZI

Sommaire:

1- Alphabet du langage :	3
2- Mots clés :	3
3- Grammaire et Intégration de l'option 1 :	3
4- Grammaire LL(1)	5
• Eliminer la récursivité à gauche de la grammaire :	5
• Factorisation de la grammaire :	6
• Grammaire Après Changement :	8
• Vérification de la grammaire:	10
5- Version finale de grammaire LL(1).....	17

1- Alphabet du langage :

Alphabet= {a, ..., z, A, ..., Z, 0, ..., 9, , , ; , = , < , > , ! , + , - , * , / , | , & , { , } , [,] , (,) , # , ' }

2- Mots clés :

Mot clé= {main ,entier, car, si, alors, sinon, tantque, faire, écrire, lire, retour}

3- Grammaire et Intégration de l'option 1 :

L'option 1 consiste à intégrer dans la grammaire le type caractère.

Après l'intégration de cette structure, nous avons obtenu la grammaire suivante :

- 1) <programme> ::= <liste de déclarations> <liste de fonctions>
- 2) <liste de fonctions> ::= <fonction> <liste de fonctions> | main() { <liste d'instructions> }
- 3) <fonction> ::= <identificateur>(<liste de paramètres>)<liste de déclarations>{ <liste d'instructions> }
- 4) <liste de déclarations> ::= <déclarations> ; | ε
- 5) <déclarations> ::= <déclaration> | <déclarations> , <déclaration>
- 6) <déclaration> ::= entier <identificateur>
 | Car <identificateur>
 | entier <identificateur> [<expression>]
 | Car <identificateur> [<expression>]
- 7) <liste de paramètres> ::= ε | <paramètres>
- 8) < paramètres> ::= <paramètre> | < paramètres>,<paramètre>
- 9) <paramètre> ::= entier <identificateur> | Car <identificateur>

- 10) $\langle \text{liste d'instructions} \rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{instruction} \rangle ; \langle \text{liste d'instructions} \rangle$
- 11) $\langle \text{instruction} \rangle ::=$
 $\mid \langle \text{identificateur} \rangle = \langle \text{expression} \rangle$
 $\mid \langle \text{identificateur} \rangle [\langle \text{expression} \rangle] = \langle \text{expression} \rangle$
 $\mid \text{retour } \langle \text{expression} \rangle$
 $\mid \text{si } \langle \text{expression} \rangle \text{ alors } \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \} \text{ sinon } \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \}$
 $\mid \text{si } \langle \text{expression} \rangle \text{ alors } \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \}$
 $\mid \text{tantque } (\langle \text{expression} \rangle) \text{ faire } \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \}$
 $\mid \text{ecrire}(\langle \text{expression} \rangle)$
 $\mid \langle \text{identificateur} \rangle = \text{lire}()$
 $\mid \langle \text{identificateur} \rangle [\langle \text{expression} \rangle] = \text{lire}()$
- 12) $\langle \text{expression} \rangle ::=$
 $\langle \text{expression} \rangle \langle \text{opérateur logique} \rangle \langle \text{expression logique} \rangle$
 $\mid \langle \text{expression logique} \rangle$
- 13) $\langle \text{expression logique} \rangle ::=$
 $\langle \text{expression logique} \rangle \langle \text{comparaison} \rangle \langle \text{expression simple} \rangle$
 $\mid \langle \text{expression simple} \rangle$
- 14) $\langle \text{expression simple} \rangle ::=$
 $\langle \text{expression simple} \rangle + \langle \text{terme} \rangle$
 $\mid \langle \text{expression simple} \rangle - \langle \text{terme} \rangle$
 $\mid \langle \text{terme} \rangle$
 $\mid - \langle \text{terme} \rangle$
- 15) $\langle \text{terme} \rangle ::=$ $\langle \text{terme} \rangle * \langle \text{facteur} \rangle$
 $\mid \langle \text{terme} \rangle / \langle \text{facteur} \rangle$
 $\mid \langle \text{terme prioritaire} \rangle$
- 16) $\langle \text{terme prioritaire} \rangle ::= ! \langle \text{facteur} \rangle \mid \langle \text{facteur} \rangle$
- 17) $\langle \text{facteur} \rangle ::=$
 $\langle \text{identificateur} \rangle$
 $\mid \langle \text{identificateur} \rangle (\langle \text{paramètres effectifs} \rangle)$
 $\mid \langle \text{cste} \rangle$
 $\mid (\langle \text{expression} \rangle)$
 $\mid \langle \text{identificateur} \rangle [\langle \text{expression} \rangle]$
 $\mid ' \langle \text{lettre} \rangle '$
- 18) $\langle \text{paramètres effectifs} \rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{expressions} \rangle$
- 19) $\langle \text{expressions} \rangle ::= \langle \text{expression} \rangle \mid \langle \text{expressions} \rangle , \langle \text{expression} \rangle$
- 20) $\langle \text{opérateur logique} \rangle ::= \mid \mid \&$
- 21) $\langle \text{comparaison} \rangle ::= < \mid > \mid == \mid < = \mid > = \mid !=$
- 22) $\langle \text{identificateur} \rangle ::= \langle \text{lettre} \rangle \langle \text{mot} \rangle$

23) $\langle \text{mot} \rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{lettre} \rangle \langle \text{mot} \rangle \mid \langle \text{chiffre} \rangle \langle \text{mot} \rangle$

24) $\langle \text{cste} \rangle ::= \langle \text{chiffre} \rangle \mid \langle \text{chiffre} \rangle \langle \text{cste} \rangle$

25) $\langle \text{chiffre} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid \dots \mid 8 \mid 9$

26) $\langle \text{lettre} \rangle ::= A \mid B \mid \dots \mid Z \mid a \mid b \mid \dots \mid z$

4- Grammaire LL(1)

Dans cette partie, on va d'abord éliminer la récursivité { gauche de la grammaire, puis la factoriser et après vérifier qu'elle est une grammaire LL(1).

- Éliminer la récursivité à gauche de la grammaire :

Dans notre grammaire, la récursivité est éliminée sur la majorité des règles sauf :

5) $\langle \text{déclarations} \rangle ::= \langle \text{déclaration} \rangle \mid \langle \text{déclarations} \rangle , \langle \text{déclaration} \rangle$

8) $\langle \text{paramètres} \rangle ::= \langle \text{paramètre} \rangle \mid \langle \text{paramètres} \rangle , \langle \text{paramètre} \rangle$

12) $\langle \text{expression} \rangle ::= \langle \text{expression} \rangle \langle \text{opérateur logique} \rangle \langle \text{expression logique} \rangle \mid \langle \text{expression logique} \rangle$

13) $\langle \text{expression logique} \rangle ::= \langle \text{expression logique} \rangle \langle \text{comparaison} \rangle \langle \text{expression simple} \rangle \mid \langle \text{expression simple} \rangle$

14) $\langle \text{expression simple} \rangle ::= \langle \text{expression simple} \rangle + \langle \text{terme} \rangle \mid \langle \text{expression simple} \rangle - \langle \text{terme} \rangle \mid \langle \text{terme} \rangle \mid - \langle \text{terme} \rangle$

15) $\langle \text{terme} \rangle ::= \langle \text{terme} \rangle * \langle \text{facteur} \rangle \mid \langle \text{terme} \rangle / \langle \text{facteur} \rangle \mid \langle \text{terme prioritaire} \rangle$

19) $\langle \text{expressions} \rangle ::= \langle \text{expression} \rangle \mid \langle \text{expressions} \rangle , \langle \text{expression} \rangle$

Alors en appliquant les règles d'élimination de la récursivité à gauche on trouve :

6) <déclaration> ::= entier <identificateur>
| Car <identificateur>
| entier <identificateur> [<expression>]

| Car <identificateur> [<expression>]

11) <instruction> =:: <expression>
| <identificateur>=<expression>
| <identificateur>[<expression>] =<expression>
| retour <expression>
| si <expression> alors { <liste d'instructions> } sinon { < liste d'instructions > }
| si <expression> alors { < liste d'instructions > }
| tantque (<expression>) faire { < liste d'instructions > }
| ecrire(<expression>)
| <identificateur> = lire()
| <identificateur>[<expression>] = lire()

17) <facteur> =:: <identificateur>
| <identificateur>(< paramètres effectifs >)
| <cste>
| (<expression>)
| <identificateur>[<expression>]
| '<lettre>'

24) <cste> =:: <chiffre> | <chiffre><cste>

Alors en appliquant les règles de factorisation à gauche on trouve :

6) <déclaration> =:: entier <déclaration '>' | Car <déclaration '>'>

6) <déclaration '>' =:: <identificateur><déclaration ">">

6) <déclaration ">" =:: ε | [<expression>]

11) <instruction> =:: <expression>
| <identificateur> <instruction '>'>
| retour <expression>
| si <expression> alors { <liste d'instructions> } <instruction ">">
| tantque (<expression>) faire { < liste d'instructions > }
| ecrire(<expression>)

11) <instruction '>' =:: =<instruction "'>'> | [<expression>]= <instruction "'>'>

11) <instruction "'>'> =:: lire() | <expression>

11) <instruction "> ::= sinon { <liste d'instructions> } | ϵ

17) <facteur> ::= <identificateur> <facteur '>
 | <cste>
 | (<expression>)
 | '<lettre>'

17) <facteur '> ::= ϵ | [<expression>] | (< paramètres effectifs >)

24) <cste> ::= <chiffre><cste '>

24) <cste '> ::= ϵ | <cste>

- Grammaire Après Changement :

1) <programme> ::= <liste de déclarations> <liste de fonctions>

2) <liste de fonctions> ::= <fonction> <liste de fonctions> | main() { <liste d'instructions> }

3) <fonction> ::= < identificateur>(<liste de paramètres>)<liste de déclarations>{ <liste d'instructions> }

4) <liste de déclarations> ::= < déclarations> ; | ϵ

5) < déclarations> ::= <déclaration> <déclarations '>

5) <déclarations '> ::= , <déclaration> <déclarations '> | ϵ

6) <déclaration> ::= entier <déclaration '> | Car <déclaration '>

6) <déclaration '> ::= < identificateur><déclaration ">

6) <déclaration "> ::= ϵ | [<expression>]

7) <liste de paramètres> ::= ϵ | <paramètres>

8) < paramètres> ::= <paramètre> < paramètres '>

8) < paramètres '> ::= , <paramètre> <paramètres '> | ϵ

9) <paramètre> ::= entier <identificateur> | Car <identificateur>

10) <liste d'instructions> ::= ϵ | <instruction> ; <liste d'instructions>

11) <instruction> ::= <expression>
 |<identificateur> <instruction '>
 | retour <expression>

| si <expression> alors { <liste d'instructions> } <instruction ">
 | tantque (<expression>) faire { < liste d'instructions > }
 | ecrire(<expression>)

11) <instruction '> =:: =<instruction "'> | [<expression>]= <instruction "'>

11) <instruction "'> = :: lire() | <expression>

11) <instruction "> =:: sinon { <liste d'instructions> } | ε

12) <expression> =:: <expression logique> <expression '>

12) <expression '> =:: <opérateur logique> <expression logique> <expression '> | ε

13) <expression logique> =:: <expression simple><expression logique '>

13) <expression logique '> =:: < comparaison> <expression simple> <expression logique '> | ε

14) <expression simple> =:: <terme><expression simple '> | -<terme><expression simple '>

14) <expression simple '> =:: +<terme><expression simple '>
 | -<terme><expression simple '>
 | ε

15) <terme> =:: <terme prioritaire> <terme '>

15) <terme '> =:: *<facteur><terme '>
 | /<facteur><terme '>
 | ε

16) <terme prioritaire>=::!<facteur>|<facteur>

17) <facteur> =:: <identificateur> <facteur '>
 | <cste>
 | (<expression>)
 | '<lettre>'

17) <facteur '> =:: ε | [<expression>] | (< paramètres effectifs >)

18) < paramètres effectifs > =:: ε | <expressions>

19) <expressions> =:: <expression> <expressions '>

19) <expressions '> =:: , <expression> <expressions '> | ε

20) <opérateur logique> =:: | | &

21) $\langle \text{comparaison} \rangle ::= \langle | \rangle | == | <= | >= | !=$

22) $\langle \text{identificateur} \rangle ::= \langle \text{lettre} \rangle \langle \text{mot} \rangle$

23) $\langle \text{mot} \rangle = :: \varepsilon | \langle \text{lettre} \rangle \langle \text{mot} \rangle | \langle \text{chiffre} \rangle \langle \text{mot} \rangle$

24) $\langle \text{cste} \rangle ::= \langle \text{chiffre} \rangle \langle \text{cste} ' \rangle$

24) $\langle \text{cste} ' \rangle ::= \varepsilon | \langle \text{cste} \rangle$

25) $\langle \text{chiffre} \rangle ::= 0 | 1 | \dots | 8 | 9$

26) $\langle \text{lettre} \rangle ::= A | B | \dots | Z | a | b | \dots | z$

- Vérification de la grammaire:

On teste si la grammaire est LL(1) ou non par la propriété suivante :

Propriété :

Une grammaire est LL(1) si pour tout non-terminal X apparaissant dans le membre gauche de deux productions :

$X \rightarrow a$, $X \rightarrow b$

Alors :

- 1- $\text{Premier}(a) \cap \text{Premier}(b)$ égale à l'ensemble vide.
- 2- Une des conditions suivante est vraie :
 - Ni a ni b n'est annulable et aucune ne se dérive en epsilon.
 - Uniquement, a ou bien b est annulable et $\text{Premier}(X) \cap \text{Suivant}(X)$ égale à l'ensemble vide.

Premièrement, on calculera les Premiers et Les Suivants de tous les productions de la grammaire

Table d'analyse :

Non terminal	Premier	Suivant
<programme>	Entier, car , ε	\$
<liste de fonctions >	lettre, main , ε	\$
<fonction >	Lettre	-premier <liste de fonctions>
<liste de déclarations >	Entier , car , ε	-premier <liste de fonctions> {
<déclarations >	Entier , car	;
<déclarations '>	, , ε	;
<déclaration >	Entier , car	, , ;
<déclaration '>	Lettre	, , ;
<déclaration '>	[, ε	, , ;
<liste de paramètres >	Entier , car , ε)
<paramètres >	Entier , car)
<paramètres '>	, , ε)
<paramètre >	Entier , car	, ,)

<liste d'instructions >	-premier <expression> -Lettre , retour , si , tantque , ecrire , ε	}
<instruction>	-premier <expression> -Lettre , retour , si , tantque , ecrire	;
<instruction '>	=, [;
<instruction ">	sinon, ε	;
<instruction ''>	-premier <expression> -lire	;
<expression>	-premier <expression simple>	, , alors , faire ,] , } , ; ,)
<expression '>	&, , ε	, , alors , faire ,] , } , ; ,)
<expression logique>	-premier <expression simple>	&, , , , alors , faire ,] , } , ; ,)
<expression logique '>	<, >, ==, <=, >=, !=, ε	&, , , , alors , faire ,] , } , ; ,)
<expression simple>	Lettre, chiffre, (, ' , ! , -	<, >, ==, <=, >=, != &, , , , alors , faire ,] , } , ; ,)
<expression simple '>	+ , - , ε	<, >, ==, <=, >=, != &, , , , alors , faire ,] , } , ; ,)
<terme>	! , Lettre, chiffre, (, ' ,	+ , - <, >, ==, <=, >=, != &, , , , alors , faire ,] , } , ; ,)
<terme '>	* , / , ε	+ , - <, >, ==, <=, >=, != &, , , , alors , faire ,] , } , ; ,)

<terme prioritaire>	! , Lettre, chiffre, (, ‘	* , / + , - < , > , == , <= , >= , != & , , , , alors , faire ,] , } , ; ,)
<facteur>	Lettre, Chiffre, (, ‘	* , / + , - < , > , == , <= , >= , != & , , , , alors , faire ,] , } , ; ,)
<facteur ‘>	[, ε , (* , / + , - < , > , == , <= , >= , != & , , , , alors , faire ,] , } , ; ,)
<paramètres effectifs>	*, / , ε)
<expressions>	-premier <expression>)
<expressions ‘>	, , ε)
<opérateur logique >	, &	-premier <expression logique> ➔ Lettre, chiffre, (, ‘ , ! , -
<comparaison>	< , > , == , <= , >= , !=	Lettre, chiffre, (, ‘ , ! , -
<identificateur>	Lettre	- Premier et suivant <facteur ‘> - Premier <instruction ‘> - Suivant <paramètre> - Premier <déclaration “> (
<mot>	Lettre, chiffre , ε	Suivant <identificateur>
<cste>	Chiffre	Suivant <facteur>

<cste '>	Chiffre , ϵ	Suivant <facteur>
----------	----------------------	-------------------

Vérification des productions :

- 1) <programme> ::= <liste de déclarations> <liste de fonctions>
→ La production est LL(1)
- 2) <liste de fonctions> ::= <fonction> <liste de fonctions> | main() { <liste d'instructions> }
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(\text{fonction}) \wedge \text{Pr}(\text{main}) = \Phi$)
- 3) <fonction> ::= <identificateur>(<liste de paramètres>)<liste de déclarations>{ <liste d'instructions> }
→ La production est LL(1)
- 4) <liste de déclarations> ::= <déclarations> ; | ϵ
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(\text{déclarations}) \wedge \text{Pr}(\epsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 5) <déclarations> ::= <déclaration> <déclarations '>
→ La production est LL(1)
- 5) <déclarations '> ::= , <déclaration> <déclarations '> | ϵ
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(,) \wedge \text{Pr}(\epsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 6) <déclaration> ::= entier <déclaration '> | Car <déclaration '>
→ La production est LL(1)
- 6) <déclaration '> ::= <identificateur><déclaration ">
→ La production est LL(1)
- 6) <déclaration "> ::= ϵ | [<expression>]
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}([]) \wedge \text{Pr}(\epsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 7) <liste de paramètres> ::= ϵ | <paramètres>
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(\text{paramètres}) \wedge \text{Pr}(\epsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 8) <paramètres> ::= <paramètre> <paramètres '>
→ La production est LL(1)
- 8) <paramètres '> ::= , <paramètre> <paramètres '> | ϵ
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(,) \wedge \text{Pr}(\epsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 9) <paramètre> ::= entier <identificateur> | Car <identificateur>

→ La production est LL(1)

10) $\langle \text{liste d'instructions} \rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{instruction} \rangle ; \langle \text{liste d'instructions} \rangle$

→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(\text{instruction}) \wedge \text{Pr}(\varepsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)

11) $\langle \text{instruction} \rangle ::=$
 $\langle \text{expression} \rangle$
 $\mid \langle \text{identificateur} \rangle \langle \text{instruction} ' \rangle$
 $\mid \text{retour} \langle \text{expression} \rangle$
 $\mid \text{si} \langle \text{expression} \rangle \text{ alors } \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \} \langle \text{instruction} '' \rangle$
 $\mid \text{tantque} (\langle \text{expression} \rangle) \text{ faire } \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \}$
 $\mid \text{ecrire}(\langle \text{expression} \rangle)$

→ La production n'est pas LL(1) ($\text{Pr}(\text{identificateur}) \wedge \text{Pr}(\text{expression}) = \text{lettre}$)

11) $\langle \text{instruction} ' \rangle ::= \langle \text{instruction} ''' \rangle \mid [\langle \text{expression} \rangle] = \langle \text{instruction} ''' \rangle$

→ La production est LL(1)

11) $\langle \text{instruction} ''' \rangle ::= \text{lire}() \mid \langle \text{expression} \rangle$

→ La production est LL(1) ($\text{Pr} \wedge \text{Pr} = \Phi$)

11) $\langle \text{instruction} '' \rangle ::= \text{sinon} \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \} \mid \varepsilon$

→ La production est LL(1) ($\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)

12) $\langle \text{expression} \rangle ::= \langle \text{expression logique} \rangle \langle \text{expression} ' \rangle$

→ La production est LL(1)

12) $\langle \text{expression} ' \rangle ::= \langle \text{opérateur logique} \rangle \langle \text{expression logique} \rangle \langle \text{expression} ' \rangle \mid \varepsilon$

→ La production est LL(1) ($\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)

13) $\langle \text{expression logique} \rangle ::= \langle \text{expression simple} \rangle \langle \text{expression logique} ' \rangle$

→ La production est LL(1)

13) $\langle \text{expression logique} ' \rangle ::= \langle \text{comparaison} \rangle \langle \text{expression simple} \rangle \langle \text{expression logique} ' \rangle \mid \varepsilon$

→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(\text{comparaison}) \wedge \text{Pr}(\varepsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)

14) $\langle \text{expression simple} \rangle ::= \langle \text{terme} \rangle \langle \text{expression simple} ' \rangle \mid \neg \langle \text{terme} \rangle \langle \text{expression simple} ' \rangle$

→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(\text{terme}) \wedge \text{Pr}(\neg) = \Phi$)

14) $\langle \text{expression simple} ' \rangle ::= + \langle \text{terme} \rangle \langle \text{expression simple} ' \rangle$

$\mid \neg \langle \text{terme} \rangle \langle \text{expression simple} ' \rangle$

$\mid \varepsilon$

→ La production est LL(1) ($\neg \text{Pr} = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)

15) $\langle \text{terme} \rangle ::= \langle \text{terme prioritaire} \rangle \langle \text{terme} ' \rangle$

→ La production est LL(1)

- 15) $\langle \text{terme} \rangle ::=$ $\begin{array}{l} * \langle \text{facteur} \rangle \langle \text{terme} \rangle \\ | / \langle \text{facteur} \rangle \langle \text{terme} \rangle \\ | \varepsilon \end{array}$
→ La production est LL(1) ($\neg \text{Pr} = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 16) $\langle \text{terme prioritaire} \rangle ::= ! \langle \text{facteur} \rangle | \langle \text{facteur} \rangle$
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(\text{facteur}) \wedge \text{Pr}(!) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 17) $\langle \text{facteur} \rangle ::=$ $\begin{array}{l} \langle \text{identificateur} \rangle \langle \text{facteur} \rangle \\ | \langle \text{cste} \rangle \\ | \langle \text{expression} \rangle \\ | \langle \text{lettre} \rangle \end{array}$
→ La production est LL(1) ($\neg \text{Pr} = \Phi$)
- 17) $\langle \text{facteur} \rangle ::= \varepsilon | [\langle \text{expression} \rangle] | \langle \text{paramètres effectifs} \rangle$
→ La production est LL(1) ($\neg \text{Pr} = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 18) $\langle \text{paramètres effectifs} \rangle ::= \varepsilon | \langle \text{expressions} \rangle$
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(\text{expression}) \wedge \text{Pr}(\varepsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 19) $\langle \text{expressions} \rangle ::= \langle \text{expression} \rangle \langle \text{expressions} \rangle$
→ La production est LL(1)
- 19) $\langle \text{expressions} \rangle ::= , \langle \text{expression} \rangle \langle \text{expressions} \rangle | \varepsilon$
→ La production est LL(1) ($\text{Pr}(,) \wedge \text{Pr}(\varepsilon) = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 20) $\langle \text{opérateur logique} \rangle ::= | | \&$
→ La production est LL(1)
- 21) $\langle \text{comparaison} \rangle ::= < | > | == | <= | >= | !=$
→ La production est LL(1)
- 22) $\langle \text{identificateur} \rangle ::= \langle \text{lettre} \rangle \langle \text{mot} \rangle$
→ La production est LL(1)
- 23) $\langle \text{mot} \rangle ::= \varepsilon | \langle \text{lettre} \rangle \langle \text{mot} \rangle | \langle \text{chiffre} \rangle \langle \text{mot} \rangle$
→ La production est LL(1) ($\neg \text{Pr} = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 24) $\langle \text{cste} \rangle ::= \langle \text{chiffre} \rangle \langle \text{cste} \rangle$
→ La production est LL(1)
- 24) $\langle \text{cste} \rangle ::= \varepsilon | \langle \text{cste} \rangle$
→ La production est LL(1) ($\neg \text{Pr} = \Phi$ et $\text{Pr} \wedge \text{Sv} = \Phi$)
- 25) $\langle \text{chiffre} \rangle ::= 0 | 1 | \dots | 8 | 9$
- 26) $\langle \text{lettre} \rangle ::= A | B | \dots | Z | a | b | \dots | z$

5- Version finale de grammaire LL(1)

- 1) $\langle \text{programme} \rangle ::= \langle \text{liste de déclarations} \rangle \langle \text{liste de fonctions} \rangle$
- 2) $\langle \text{liste de fonctions} \rangle ::= \langle \text{fonction} \rangle \langle \text{liste de fonctions} \rangle \mid \text{main}() \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \}$
- 3) $\langle \text{fonction} \rangle ::= \langle \text{identificateur} \rangle \langle \text{liste de paramètres} \rangle \langle \text{liste de déclarations} \rangle \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \}$
- 4) $\langle \text{liste de déclarations} \rangle ::= \langle \text{déclaration} \rangle ; \mid \varepsilon$
- 5) $\langle \text{déclarations} \rangle ::= \langle \text{déclaration} \rangle \langle \text{déclarations} \rangle '$
- 5) $\langle \text{déclarations} \rangle ' ::= , \langle \text{déclaration} \rangle \langle \text{déclarations} \rangle ' \mid \varepsilon$
- 6) $\langle \text{déclaration} \rangle ::= \text{entier} \langle \text{déclaration} \rangle ' \mid \text{Car} \langle \text{déclaration} \rangle '$
- 6) $\langle \text{déclaration} \rangle ' ::= \langle \text{identificateur} \rangle \langle \text{déclaration} \rangle ''$
- 6) $\langle \text{déclaration} \rangle '' ::= \varepsilon \mid [\langle \text{expression} \rangle]$
- 7) $\langle \text{liste de paramètres} \rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{paramètres} \rangle$
- 8) $\langle \text{paramètres} \rangle ::= \langle \text{paramètre} \rangle \langle \text{paramètres} \rangle '$
- 8) $\langle \text{paramètres} \rangle ' ::= , \langle \text{paramètre} \rangle \langle \text{paramètres} \rangle ' \mid \varepsilon$
- 9) $\langle \text{paramètre} \rangle ::= \text{entier} \langle \text{identificateur} \rangle \mid \text{Car} \langle \text{identificateur} \rangle$
- 10) $\langle \text{liste d'instructions} \rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{instruction} \rangle ; \langle \text{liste d'instructions} \rangle$
- 11) $\langle \text{instruction} \rangle ::= \begin{array}{l} \langle \text{identificateur} \rangle \langle \text{instruction} \rangle ' \\ \mid \text{retour} \langle \text{expression} \rangle \\ \mid \text{si} \langle \text{expression} \rangle \text{ alors } \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \} \langle \text{instruction} \rangle '' \\ \mid \text{tantque} (\langle \text{expression} \rangle) \text{ faire } \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \} \\ \mid \text{ecrire} (\langle \text{expression} \rangle) \end{array}$
- 11) $\langle \text{instruction} \rangle ' ::= = \langle \text{instruction} \rangle ''' \mid [\langle \text{expression} \rangle] = \langle \text{instruction} \rangle '''$
- 11) $\langle \text{instruction} \rangle ''' ::= \text{lire}() \mid \langle \text{expression} \rangle$
- 11) $\langle \text{instruction} \rangle '' ::= \text{sinon} \{ \langle \text{liste d'instructions} \rangle \} \mid \varepsilon$
- 12) $\langle \text{expression} \rangle ::= \langle \text{expression logique} \rangle \langle \text{expression} \rangle '$
- 12) $\langle \text{expression} \rangle ' ::= \langle \text{opérateur logique} \rangle \langle \text{expression logique} \rangle \langle \text{expression} \rangle ' \mid \varepsilon$

- 13) $\langle \text{expression logique} \rangle ::= \langle \text{expression simple} \rangle \langle \text{expression logique '}\rangle$
- 13) $\langle \text{expression logique '}\rangle ::= \langle \text{comparaison} \rangle \langle \text{expression simple} \rangle \langle \text{expression logique '}\rangle \mid \varepsilon$
- 14) $\langle \text{expression simple} \rangle ::= \langle \text{terme} \rangle \langle \text{expression simple '}\rangle \mid \neg \langle \text{terme} \rangle \langle \text{expression simple '}\rangle$
- 14) $\langle \text{expression simple '}\rangle ::= \begin{array}{l} + \langle \text{terme} \rangle \langle \text{expression simple '}\rangle \\ \mid \neg \langle \text{terme} \rangle \langle \text{expression simple '}\rangle \\ \mid \varepsilon \end{array}$
- 15) $\langle \text{terme} \rangle ::= \langle \text{terme prioritaire} \rangle \langle \text{terme '}\rangle$
- 15) $\langle \text{terme '}\rangle ::= \begin{array}{l} * \langle \text{facteur} \rangle \langle \text{terme '}\rangle \\ \mid / \langle \text{facteur} \rangle \langle \text{terme '}\rangle \\ \mid \varepsilon \end{array}$
- 16) $\langle \text{terme prioritaire} \rangle ::= ! \langle \text{facteur} \rangle \mid \langle \text{facteur} \rangle$
- 17) $\langle \text{facteur} \rangle ::= \begin{array}{l} \langle \text{identificateur} \rangle \langle \text{facteur '}\rangle \\ \mid \langle \text{cste} \rangle \\ \mid \langle \text{expression} \rangle \\ \mid \langle \text{lettre} \rangle \end{array}$
- 17) $\langle \text{facteur '}\rangle ::= \varepsilon \mid [\langle \text{expression} \rangle] \mid \langle \text{paramètres effectifs} \rangle$
- 18) $\langle \text{paramètres effectifs} \rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{expressions} \rangle$
- 19) $\langle \text{expressions} \rangle ::= \langle \text{expression} \rangle \langle \text{expressions '}\rangle$
- 19) $\langle \text{expressions '}\rangle ::= \langle \text{expression} \rangle \langle \text{expressions '}\rangle \mid \varepsilon$
- 20) $\langle \text{opérateur logique} \rangle ::= \mid \mid \&$
- 21) $\langle \text{comparaison} \rangle ::= \langle \mid \rangle \mid == \mid <= \mid >= \mid !=$
- 22) $\langle \text{identificateur} \rangle ::= \langle \text{lettre} \rangle \langle \text{mot} \rangle$
- 23) $\langle \text{mot} \rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{lettre} \rangle \langle \text{mot} \rangle \mid \langle \text{chiffre} \rangle \langle \text{mot} \rangle$
- 24) $\langle \text{cste} \rangle ::= \langle \text{chiffre} \rangle \langle \text{cste '}\rangle$
- 24) $\langle \text{cste '}\rangle ::= \varepsilon \mid \langle \text{cste} \rangle$
- 25) $\langle \text{chiffre} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid \dots \mid 8 \mid 9$
- 26) $\langle \text{lettre} \rangle ::= A \mid B \mid \dots \mid Z \mid a \mid b \mid \dots \mid z$