

# Redes neurais convolucionais

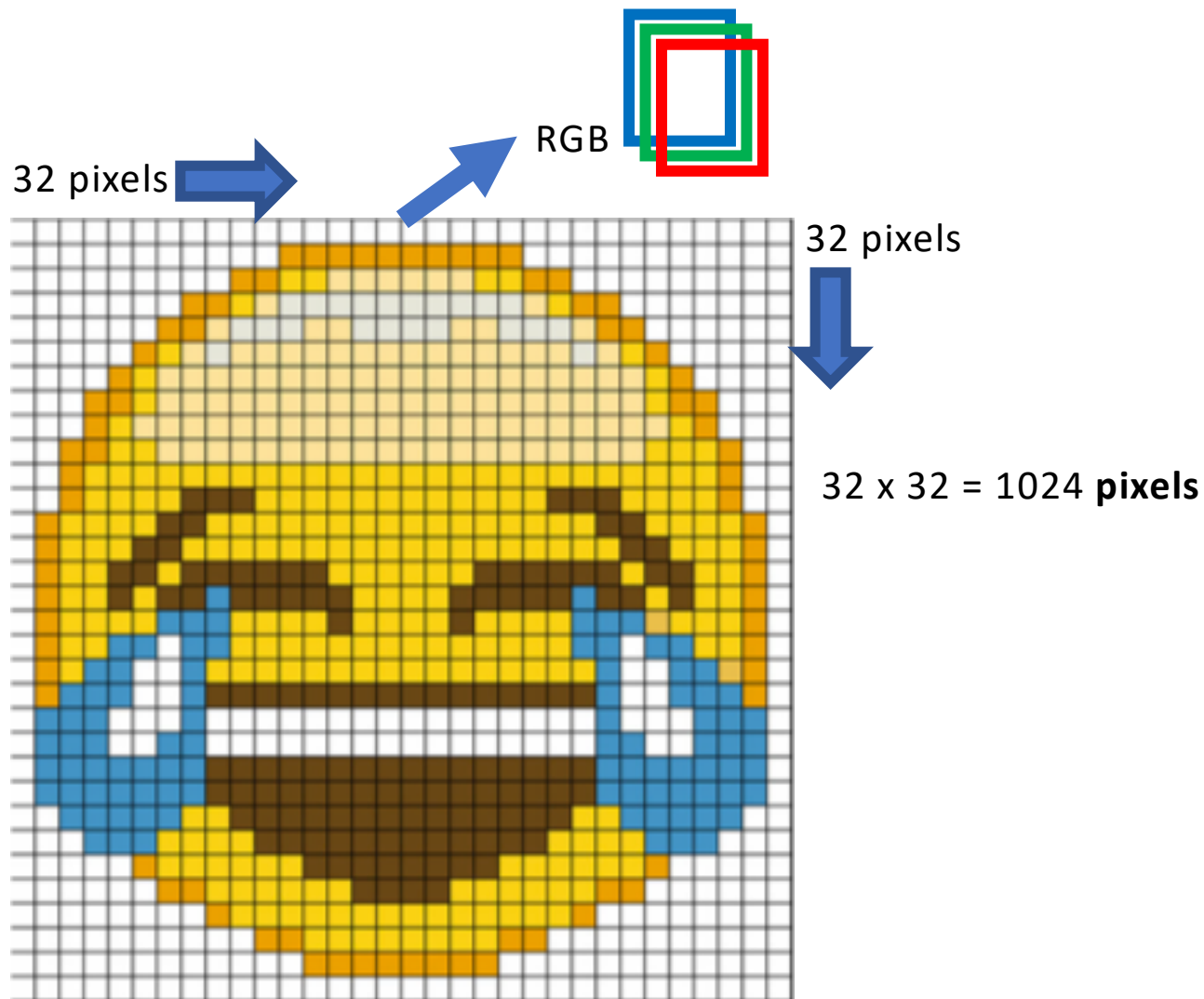
Jones Granatyr



# Redes neurais convolucionais (CNN)

- Usado para visão computacional
- Carros autônomos, detecção de pedestres (umas das razões por deep learning funcionar bem)
- Em geral, melhor do que SVM (support vector machines)

# Pixels



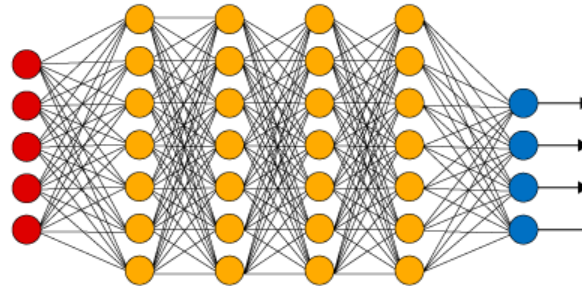
Laranja camisa

Azul calção

Azul sapato



8.97,3.45,2.35,0.0,00.00,0.00,Bart  
6.75,0.94,0.52,0.00,0.00,0.00,Bart  
9.69,4.10,1.56,0.00,0.00,0.00,Bart  
0.00,0.00,0.00,4.68,0.66,0.01,Homer  
0.00,0.00,0.00,0.12,2.50,0.03,Homer  
0.00,0.00,0.00,5.80,0.50,1.28,Homer



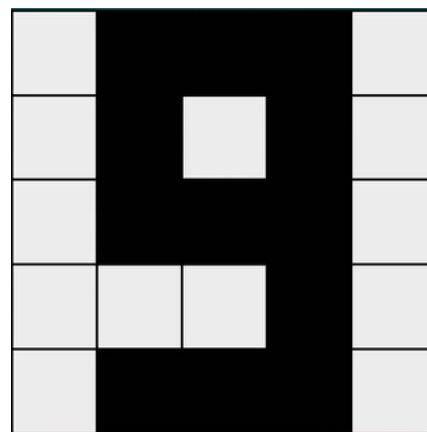
Marrom boca

Azul calca

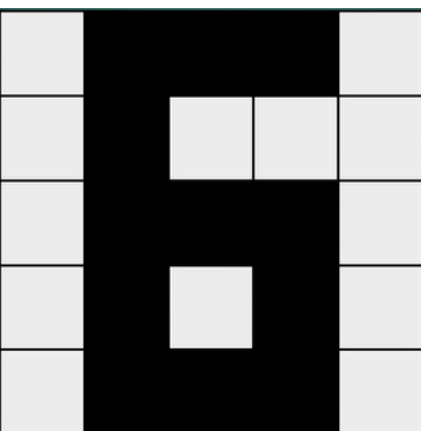
Cinza sapato



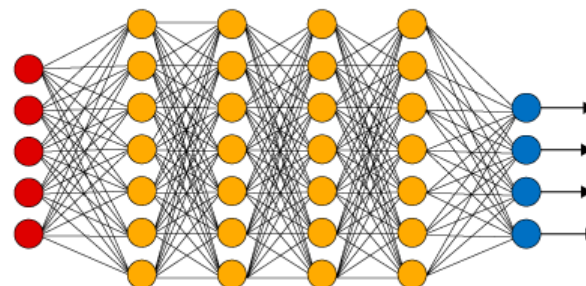
|   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |



0,1,1,1,0,0,1,0,1,0,0,1,1,1,0,0,0,0,1,0,0,1,1,1,0,9

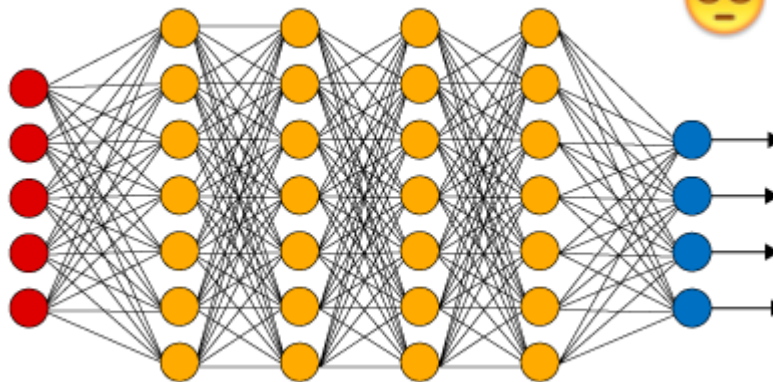
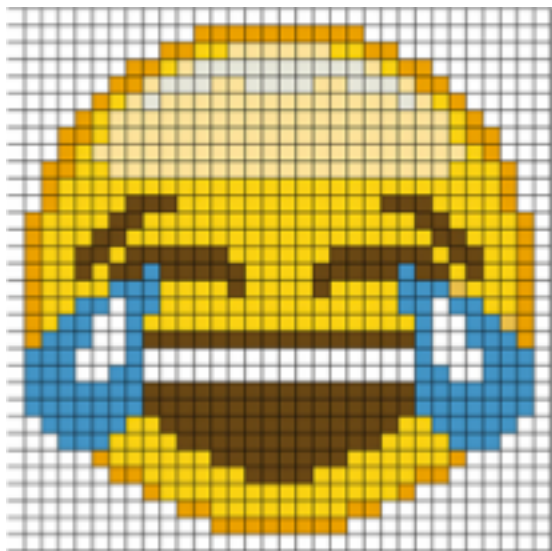
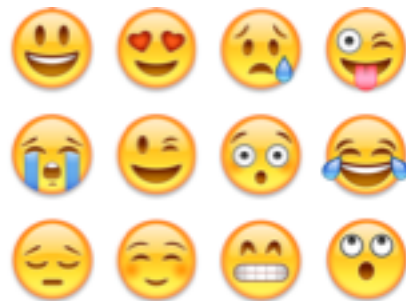
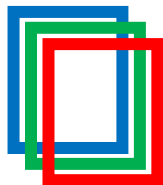


0,1,1,1,0,0,1,0,0,0,0,1,1,1,0,0,1,0,1,0,0,1,1,1,0,6



# Redes neurais densas x convolucionais

$32 \times 32 = 1.024 \times 3 = 3.072$  entradas



- Não usa todas as entradas (pixels)
- Usa uma rede neural tradicional, mas no começo transforma os dados na camada de entrada
- Quais são as características mais importantes?

# Redes neurais convolucionais (CNN)

- Quais características utilizar?
- Para faces
  - Localização do nariz
  - Distância entre os olhos
  - Localização da boca
- Como diferenciar uma face humana de um animal?
- CNN descobre as características

# Redes neurais convolucionais (CNN)

- Etapa 1 – Operador de convolução
- Etapa 2 – Pooling
- Etapa 3 – Flattening
- Etapa 4 – Rede neural densa



# Etapa 1 – Operador de convolução

- Convolução é o processo de adicionar cada elemento da imagem para seus vizinhos, ponderado por um kernel
- A imagem é uma matriz e o kernel é outra matriz

$$\begin{aligned}(f * g)[n] &= \sum_{m=-\infty}^{\infty} f[m]g[n - m] \\ &= \sum_{m=-\infty}^{\infty} f[n - m]g[m].\end{aligned}$$

Fonte: <https://en.wikipedia.org/wiki/Convolution>

# Etapa 1 – Operador de convolução

- Explicações sobre os kernels
  - [https://en.wikipedia.org/wiki/Kernel\\_\(image\\_processing\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Kernel_(image_processing))
- Exemplo on-line
  - <http://setosa.io/ev/image-kernels/>

# Etapa 1 – Operador de convolução

|   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

Imagem

X

|   |   |   |
|---|---|---|
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |

Detector de características  
(feature detector)

=

|   |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|
| 0 |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |
|   |  |  |  |  |

Mapa de características  
(feature map)

$$0 * 1 + 0 * 0 + 0 * 0 + 0 * 1 + 1 * 0 + 0 * 1 + 0 * 0 + 0 * 1 + 0 * 1 = 0$$

# Etapa 1 – Operador de convolução

|   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

Imagem

X

|   |   |   |
|---|---|---|
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |

Detector de características  
(feature detector)

=

|   |   |  |  |  |
|---|---|--|--|--|
| 0 | 1 |  |  |  |
|   |   |  |  |  |
|   |   |  |  |  |
|   |   |  |  |  |
|   |   |  |  |  |
|   |   |  |  |  |
|   |   |  |  |  |

Mapa de características  
(feature map)

$$0 * 1 + 0 * 0 + 0 * 0 + 1 * 1 + 0 * 0 + 0 * 1 + 0 * 0 + 0 * 1 + 0 * 1 = 1$$

# Etapa 1 – Operador de convolução

|   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

Imagem

X

|   |   |   |
|---|---|---|
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |

Detector de características  
(feature detector)

=

|   |   |   |  |  |
|---|---|---|--|--|
| 0 | 1 | 0 |  |  |
|   |   |   |  |  |
|   |   |   |  |  |
|   |   |   |  |  |
|   |   |   |  |  |
|   |   |   |  |  |

Mapa de características  
(feature map)

$$0 * 1 + 0 * 0 + 0 * 0 + 0 * 1 + 0 * 0 + 0 * 1 + 0 * 0 + 0 * 1 + 0 * 1 = 0$$

# Etapa 1 – Operador de convolução

|   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

Imagem

X

|   |   |   |
|---|---|---|
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |

Detector de características  
(feature detector)

=

|   |   |   |   |  |
|---|---|---|---|--|
| 0 | 1 | 0 | 1 |  |
|   |   |   |   |  |
|   |   |   |   |  |
|   |   |   |   |  |
|   |   |   |   |  |
|   |   |   |   |  |

Mapa de características  
(feature map)

$$0 * 1 + 0 * 0 + 0 * 0 + 0 * 1 + 0 * 0 + 1 * 1 + 0 * 0 + 0 * 1 + 0 * 1 = 1$$

# Etapa 1 – Operador de convolução

|   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

Imagem

X

|   |   |   |
|---|---|---|
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |

Detector de características  
(feature detector)

=

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)

$$1 * 1 + 0 * 0 + 0 * 0 + 1 * 1 + 0 * 0 + 1 * 1 + 0 * 0 + 1 * 1 + 1 * 1 = 5$$

# Etapa 1 – Operador de convolução

- Com o mapa de características (filter map) a imagem fica menor para facilitar o processamento
- Alguma informação sobre a imagem pode ser perdida, porém o propósito é detectar as partes principais (quanto maior os números melhor)
- O mapa de características preserva as características principais da imagem (olho, boca, nariz, por exemplo)



# Etapa 1 – Operador de convolução (Relu)

|   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

Imagem

$\times$

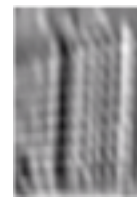
|   |   |   |
|---|---|---|
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |

Detector de características  
(feature detector)

=

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



# Camada de convolução

|   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |

Imagem



utilizado

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

## Mapas de características (feature maps)

A rede decidirá qual detector de características que será utilizado

Camada de convolução é o conjunto de mapa de características

## Etapla 2 - Pooling



## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



|   |  |  |
|---|--|--|
| 2 |  |  |
|   |  |  |
|   |  |  |

## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



|   |   |  |
|---|---|--|
| 2 | 1 |  |
|   |   |  |
|   |   |  |

## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



|   |   |   |
|---|---|---|
| 2 | 1 | 2 |
|   |   |   |
|   |   |   |

## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



|   |   |   |
|---|---|---|
| 2 | 1 | 2 |
| 3 |   |   |
|   |   |   |

## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



|   |   |   |
|---|---|---|
| 2 | 1 | 2 |
| 3 | 3 |   |
|   |   |   |



## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



|   |   |   |
|---|---|---|
| 2 | 1 | 2 |
| 3 | 3 | 2 |
|   |   |   |

## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



|   |   |   |
|---|---|---|
| 2 | 1 | 2 |
| 3 | 3 | 2 |
| 3 |   |   |

## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)



|   |   |   |
|---|---|---|
| 2 | 1 | 2 |
| 3 | 3 | 2 |
| 3 | 3 |   |

## Etapa 2 – Pooling

|   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 2 | 1 | 1 | 2 |
| 1 | 2 | 2 | 3 | 1 |
| 1 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| 1 | 3 | 1 | 3 | 5 |

Mapa de características  
(feature map)

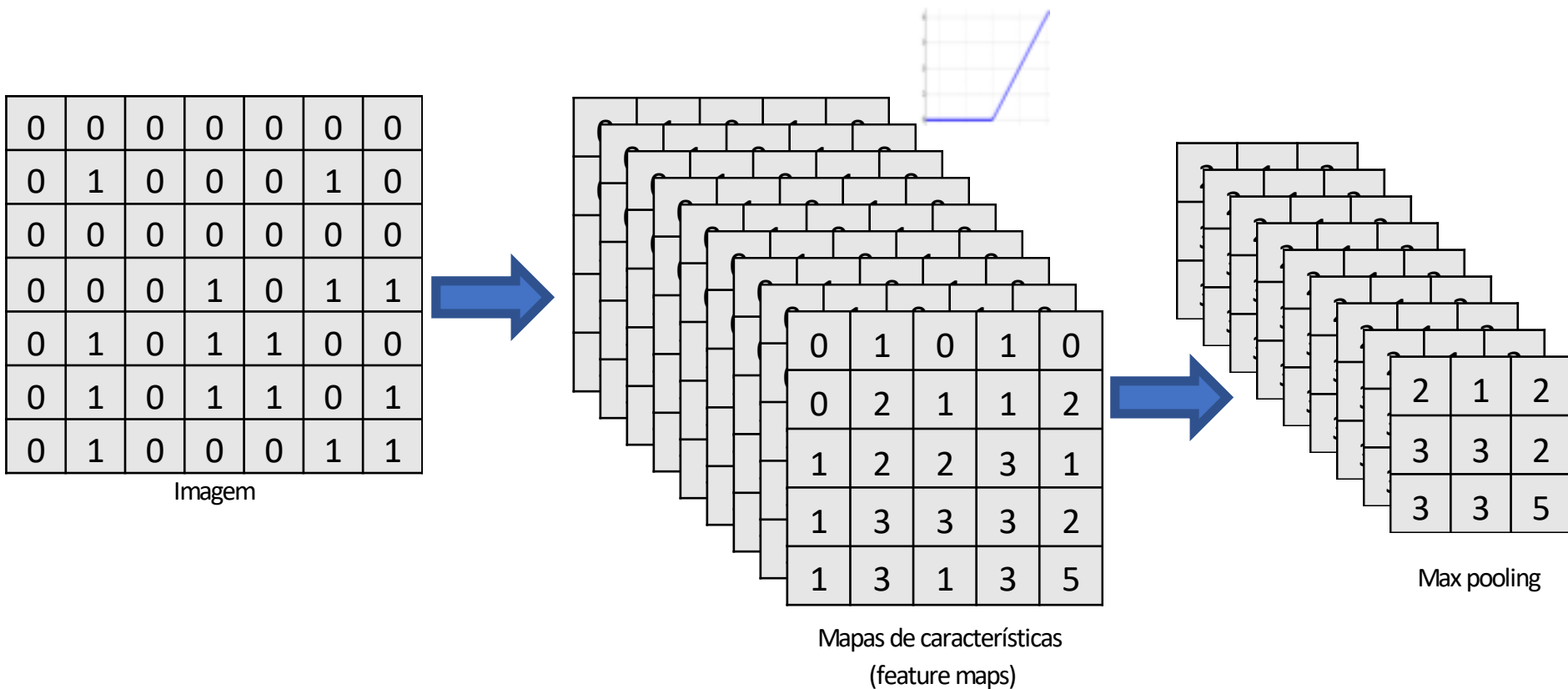


|   |   |   |
|---|---|---|
| 2 | 1 | 2 |
| 3 | 3 | 2 |
| 3 | 3 | 5 |

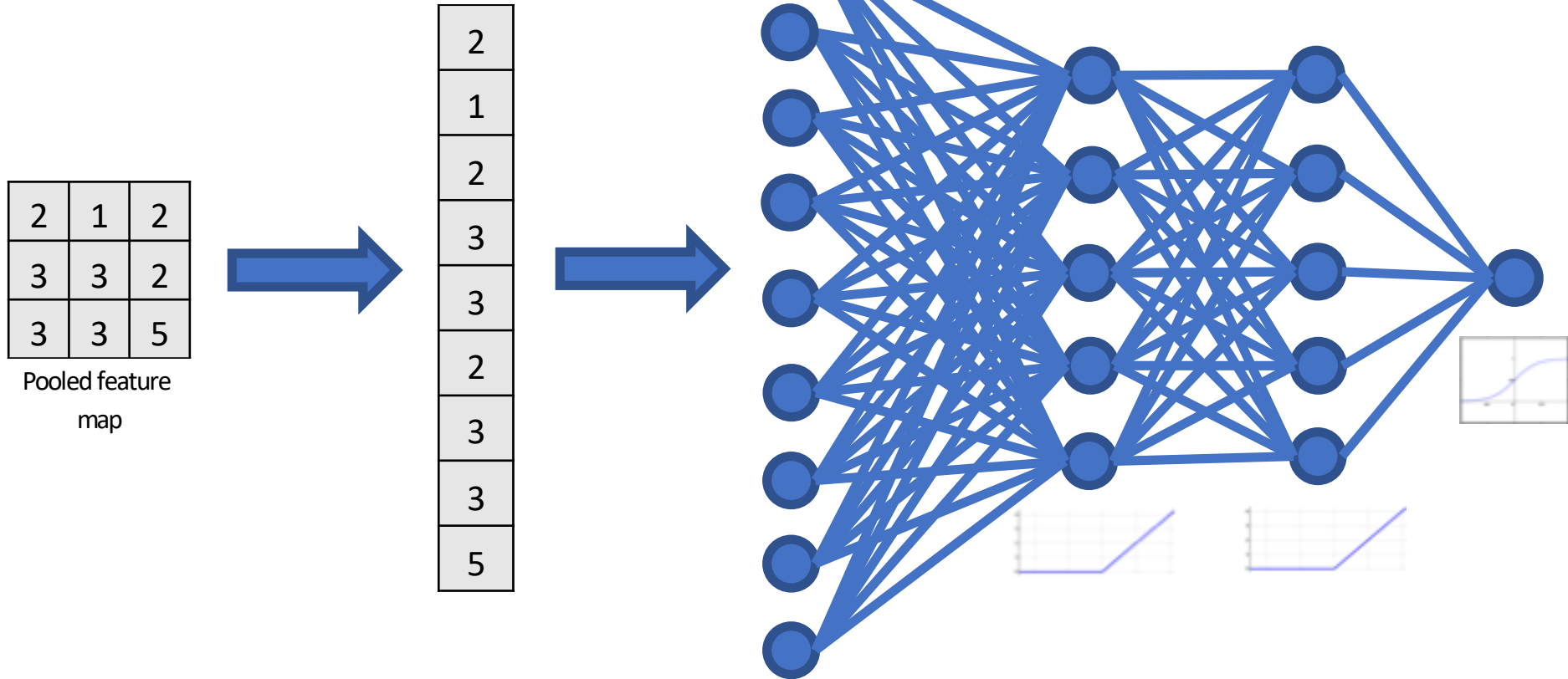
## Etapa 2 –Pooling

- Seleciona as características mais relevantes (reduz overfitting e ruídos desnecessários)
- Max polling (mínimo, média): max foca nas características mais relevantes

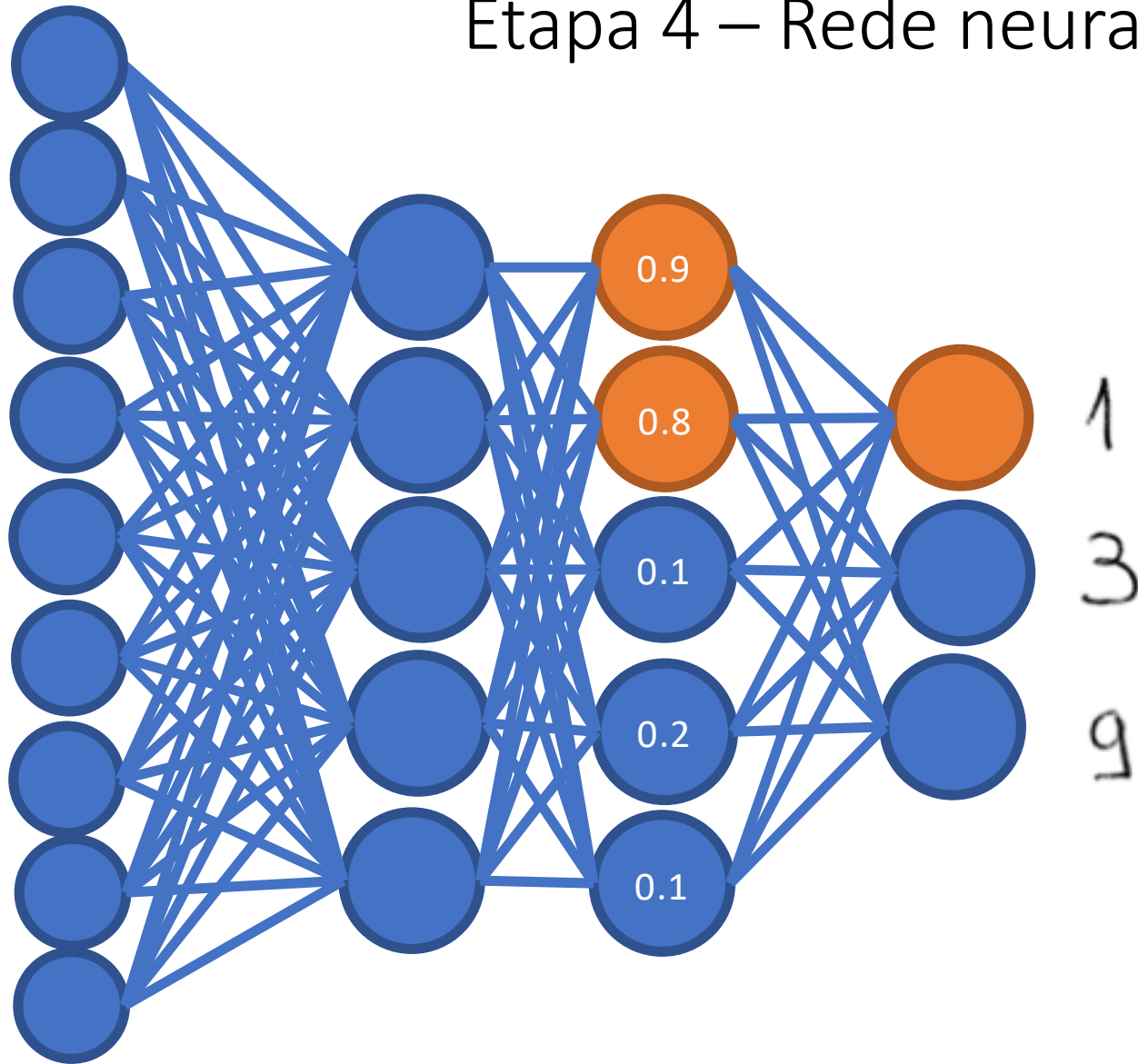
# Rede neural convolucional (polling)



## Etapa 3 – Flattening

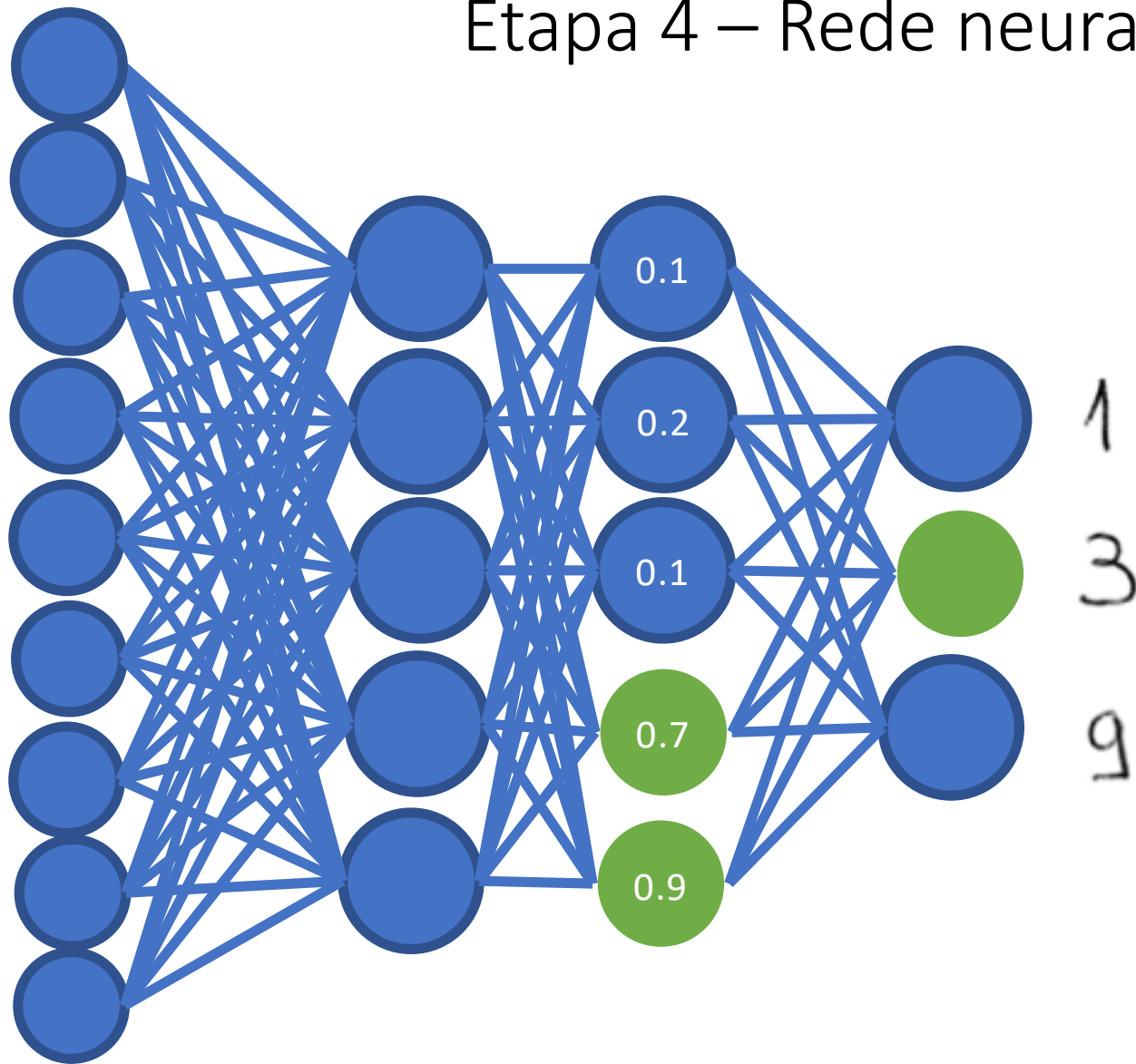


## Etapa 4 – Rede neural densa

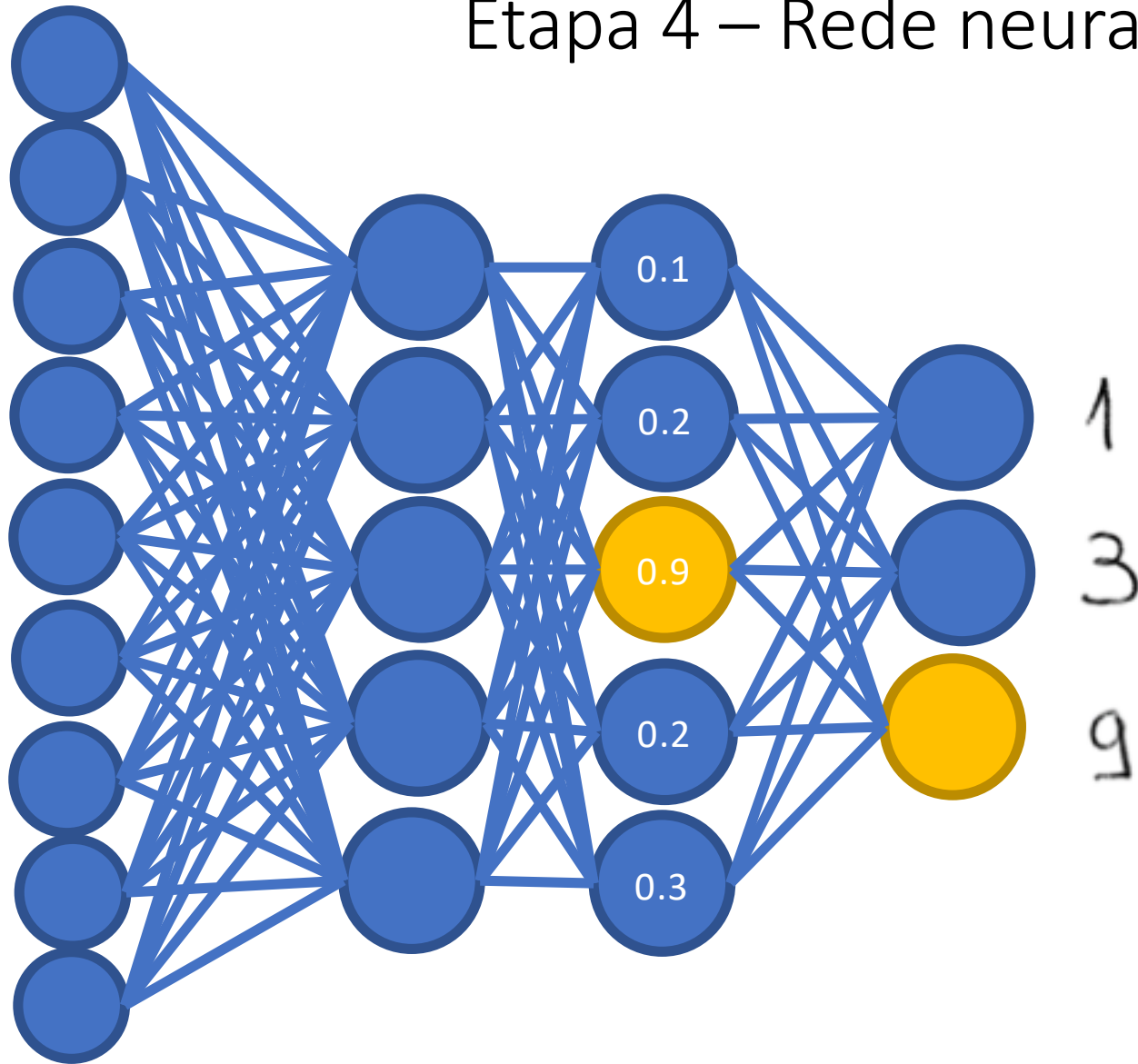




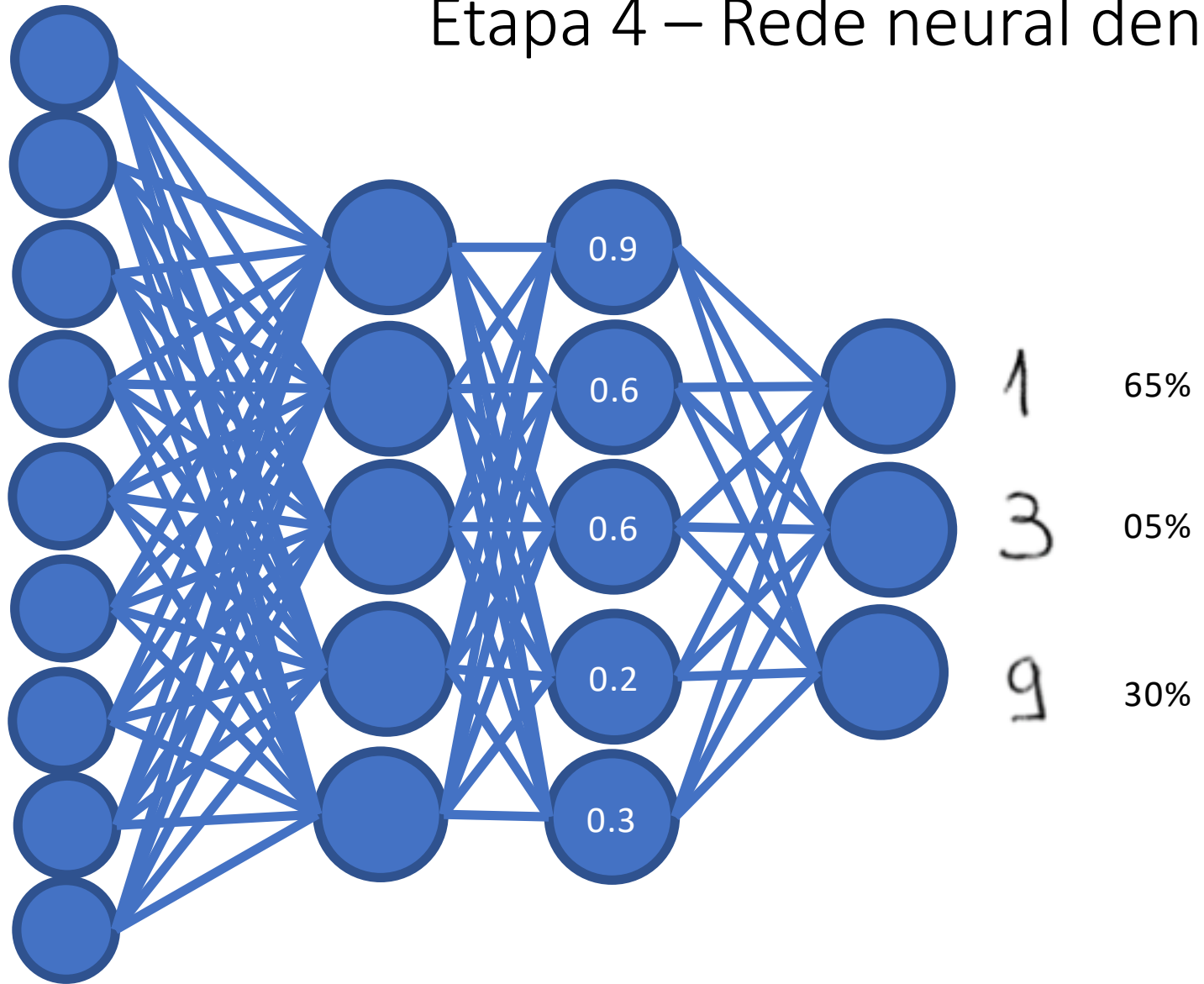
## Etapa 4 – Rede neural densa



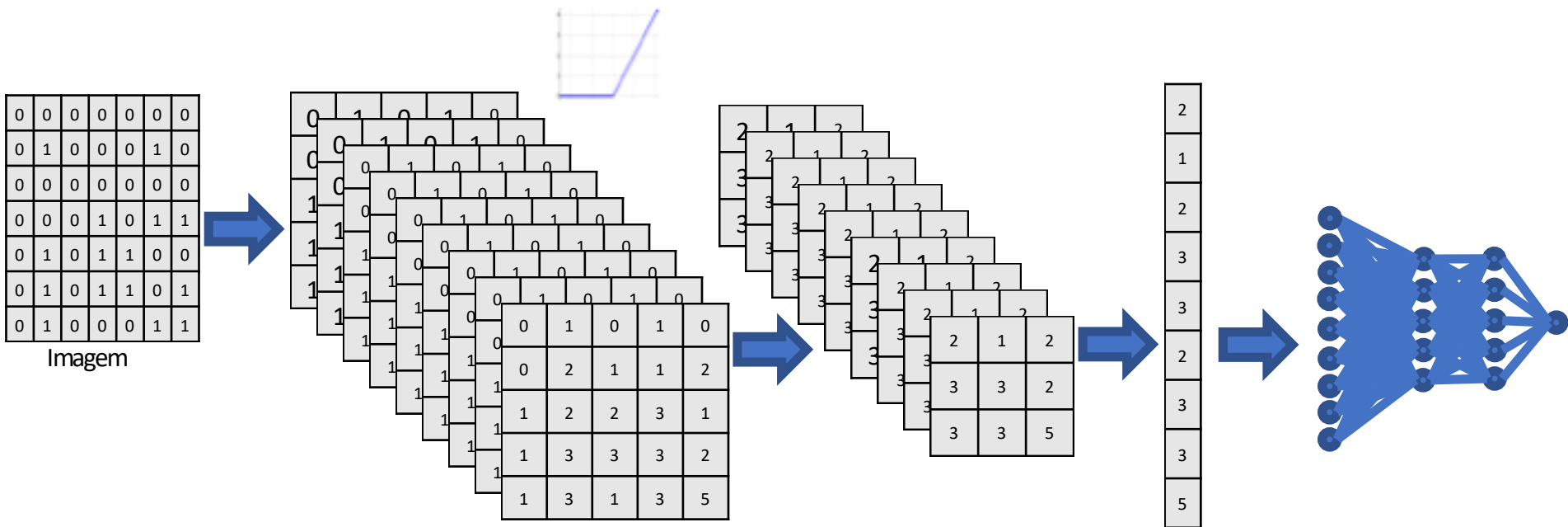
## Etapa 4 – Rede neural densa



## Etapa 4 – Rede neural densa



# Rede neural convolucional



Treinamento com a descida do gradiente

Além do ajuste dos pesos, é feito também a mudança do detector de características

# Conclusão

