Potencia

10 de mayo del 2021

¿Qué pasó con la lámpara?

Simulación

- Se conectó la lámpara a una fuente de tensión.
- Circuló corriente a través de la lámpara.
- La lámpara comienza a calentarse y emite luz.
- ¿De dónde sale la energía para calentar la lámpara y que ésta emita luz?

¿Se acuerdan de este video?



Tuvo un comportamiento similar a la lámpara: aumentó su temperatura al conectar una fuente de tensión entre sus terminales.

Tuvo un comportamiento similar a la lámpara: aumentó su temperatura al conectar una fuente de tensión entre sus terminales.

¿De dónde salió la energía necesaria para aumentar la temperatura del resistor?

Tuvo un comportamiento similar a la lámpara: aumentó su temperatura al conectar una fuente de tensión entre sus terminales.

¿De dónde salió la energía necesaria para aumentar la temperatura del

resistor?



LA FUENTE DE ALIMENTACIÓN APORTA ENERGÍA ELÉCTRICA AL RESISTOR QUE SE TRANSFORMA EN CALOR.

¿Qué sabemos sobre potencia?

Se define como **potencia** a la tasa de transferencia de energía por unidad de tiempo

¿Qué sabemos sobre potencia?

Se define como **potencia** a la tasa de transferencia de energía por unidad de tiempo

$$P = \frac{W_{\rm e}}{t}$$

¿Qué sabemos sobre potencia?

Se define como **potencia** a la tasa de transferencia de energía por unidad de tiempo

$$P = \frac{W_{\rm e}}{t}$$

$$[P] = \frac{[W_e]}{[t]} = \frac{J}{s} = watt \implies W$$

$$V = \frac{W_{\epsilon}}{Q}$$

$$V = \frac{W_{\epsilon}}{Q}$$

$$I = \frac{Q}{t}$$

$$V = \frac{W_{e}}{Q}$$

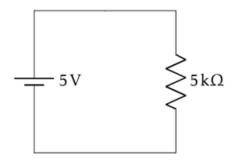
$$I = \frac{Q}{4}$$

$$V = \frac{W_{e}}{Q}$$

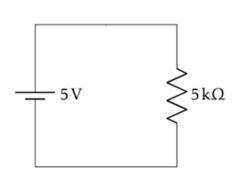
$$V \cdot I = \frac{W_{e}Q}{Qt} = \frac{W_{e}}{t}$$

$$I = \frac{Q}{t}$$

$$P = V \cdot I$$

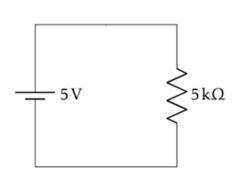


$$P = V \cdot I$$



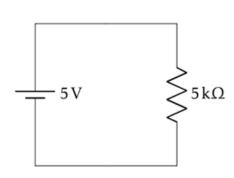
$$P = V \cdot I$$

$$P = V \cdot \frac{V}{R}$$



$$P = V \cdot I$$

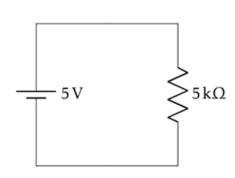
$$P = V \cdot \frac{V}{R} = I \cdot R \cdot I$$



$$P = V \cdot I$$

$$P = V \cdot \frac{V}{R} = I \cdot R \cdot I$$

$$P = \frac{V^2}{R} = I^2 R$$

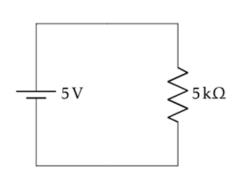


$$P = V \cdot I$$

$$P = V \cdot \frac{V}{R} = I \cdot R \cdot I$$

$$P = \frac{V^2}{R} = I^2 R$$

$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{(5 \,\text{V})^2}{5 \,\text{k}\Omega} = 5 \,\text{mW}$$



$$P = V \cdot I$$

$$P = V \cdot \frac{V}{R} = I \cdot R \cdot I$$

$$P = \frac{V^2}{R} = I^2 R$$

$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{(5 \,\text{V})^2}{5 \,\text{k}\Omega} = 5 \,\text{mW}$$

$$P = I^2 \cdot R = (1 \text{ mA})^2 5 \text{ k}\Omega = 5 \text{ mW}$$





¿Cómo podemos saber si el resistor que estamos usando se va a quemar?



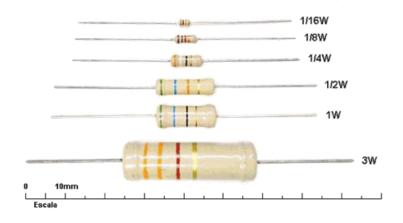
¿Cómo podemos saber si el resistor que estamos usando se va a quemar?

Potencia nominal: Potencia que puede disipar el resistor sin sufrir deterioro.



¿Cómo podemos saber si el resistor que estamos usando se va a quemar?

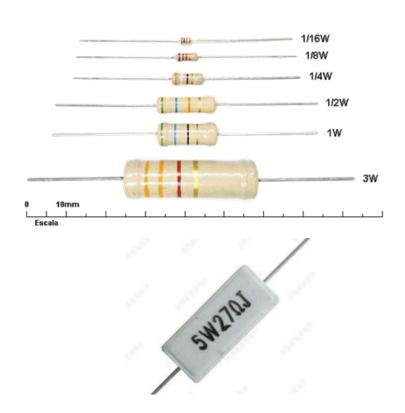
Potencia nominal: Potencia que puede disipar el resistor sin sufrir deterioro.

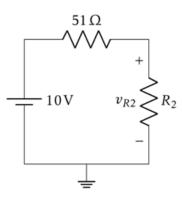


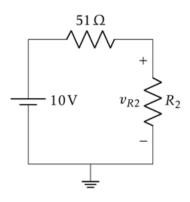


¿Cómo podemos saber si el resistor que estamos usando se va a quemar?

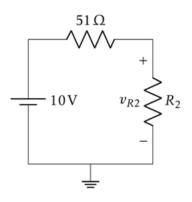
Potencia nominal: Potencia que puede disipar el resistor sin sufrir deterioro.





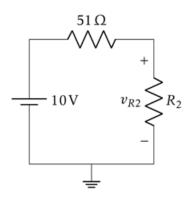


$$V_{R2} = 2.5 \,\mathrm{V} = 10 \,\mathrm{V} \frac{R_2}{51 \,\Omega + R_2}$$



$$V_{R2} = 2.5 \,\text{V} = 10 \,\text{V} \frac{R_2}{51 \,\Omega + R_2}$$

$$51 \Omega = 3R_2 \Rightarrow R_2 = 17 \Omega$$



$$V_{R2} = 2.5 \,\mathrm{V} = 10 \,\mathrm{V} \frac{R_2}{51 \,\Omega + R_2}$$

$$51 \Omega = 3R_2 \Rightarrow R_2 = 17 \Omega$$

$$P = \frac{V^2}{R} = \frac{(2.5 \,\mathrm{V})^2}{17 \,\Omega} = 368 \,\mathrm{mW}$$

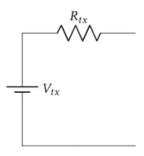
Transmisor



Transmisor



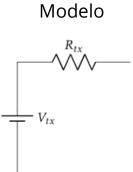
Modelo

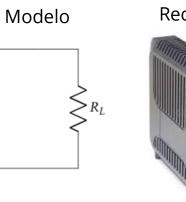


Receptor

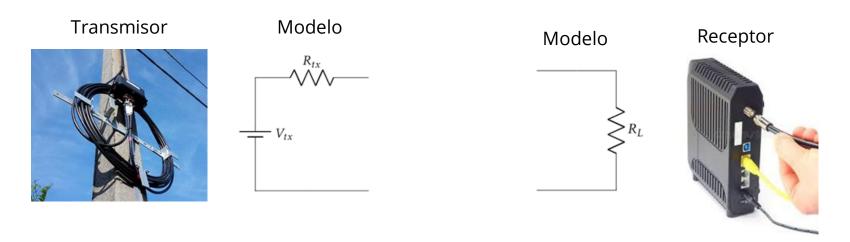




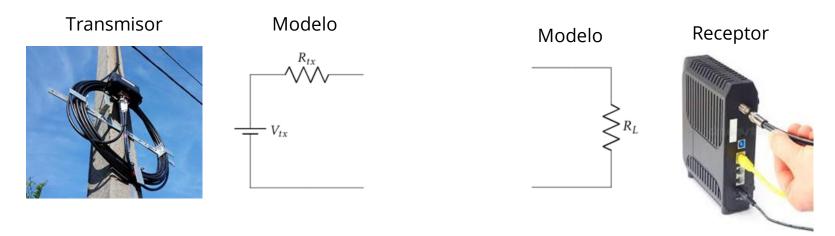






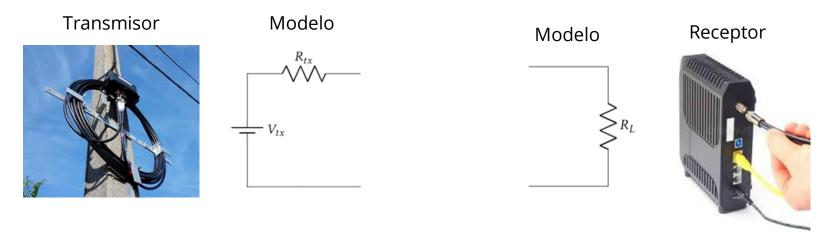


¿Cómo se puede maximizar la potencia que se transmite al receptor?



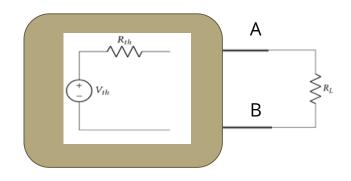
¿Cómo se puede maximizar la potencia que se transmite al receptor?

¿ Debería tener la mayor tensión posible sobre el receptor ?

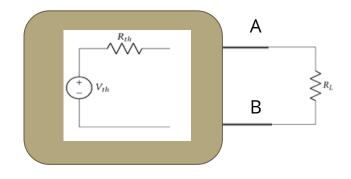


¿Cómo se puede maximizar la potencia que se transmite al receptor?

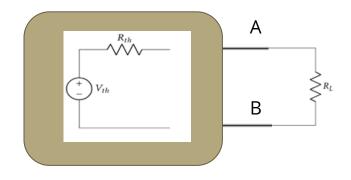
- ¿ Debería tener la mayor tensión posible sobre el receptor ?
- ¿ Debería circular la mayor corriente posible sobre el receptor ?



Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

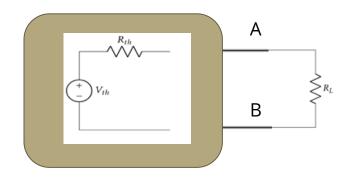


Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?



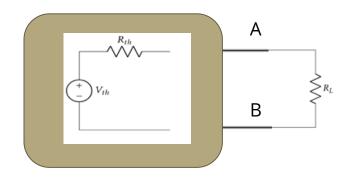
Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

$$P \implies P(R_L)$$



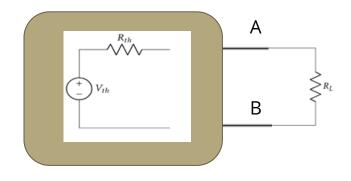
Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

$$P \implies P(R_L) \qquad P = V \cdot I = V_{th}^2 \cdot R_L / (R_{th} + R_L)^2$$



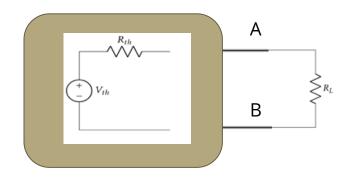
Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

$$P \implies P(R_L) \quad R_L = 0 \Omega \implies P = V \cdot I = ?$$



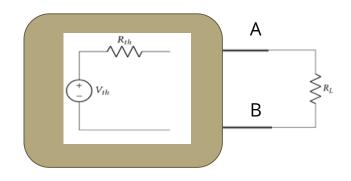
Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

$$P \implies P(R_L)$$
 $R_L = 0 \Omega \implies P = V \cdot I = 0 W$



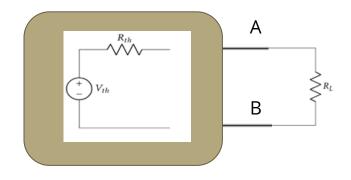
Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

$$P \implies P(R_L) \quad R_L \rightarrow \infty \Omega \implies P = V \cdot I = ?$$



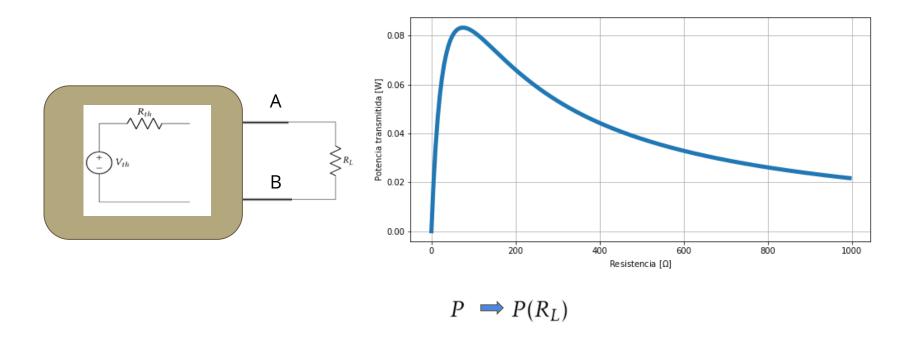
Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

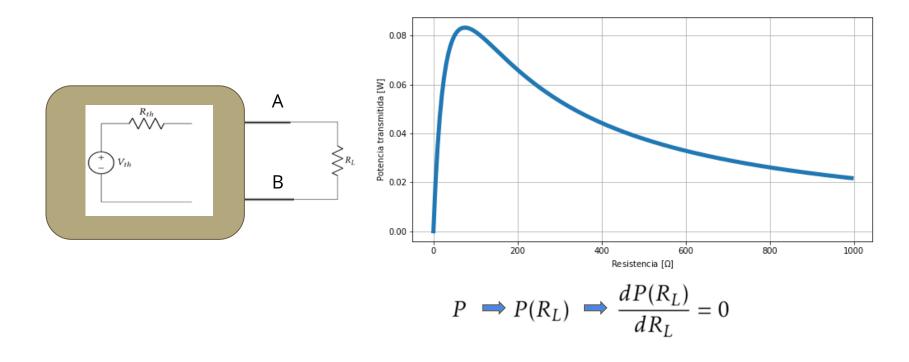
$$P \implies P(R_L) \quad R_L \rightarrow \infty \Omega \implies P = V \cdot I = 0 \text{ W}$$

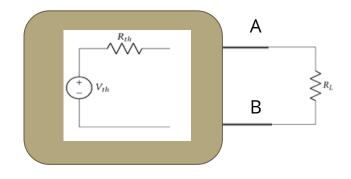


Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

$$P \implies P(R_L)$$







Dado un circuito con 2 terminales de salida A y B, del cual se conoce su equivalente de Thévenin ¿qué valor de resistencia debe tener el resistor R_L que se coloca para que la potencia transferida a éste sea máxima?

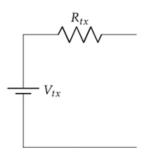
El teorema dice que el valor de resistencia del resistor R_I debe cumplir:

$$R_L = R_{th}$$

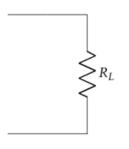
Transmisor



Modelo



Modelo



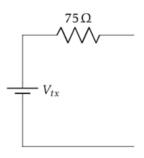
Receptor



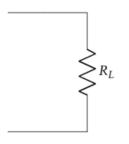
Transmisor



Modelo



Modelo

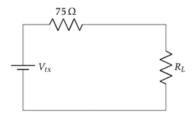


Receptor



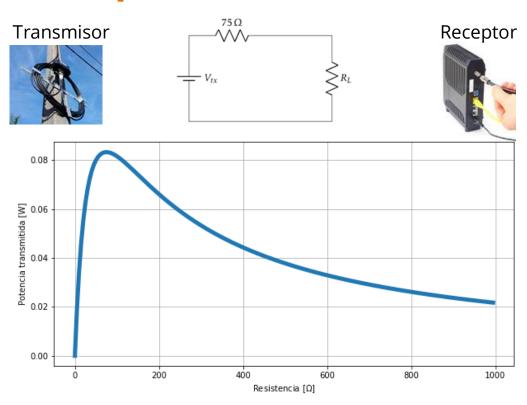
Transmisor

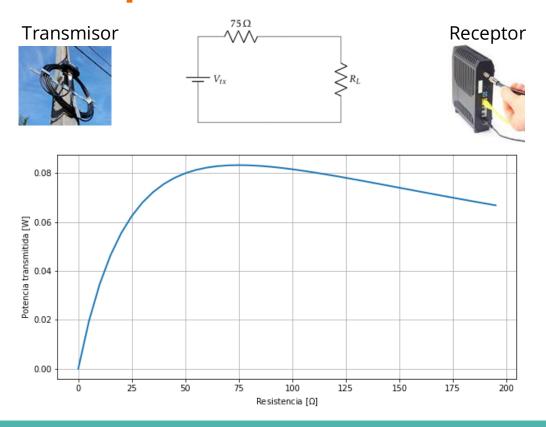




Receptor







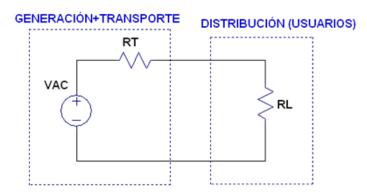
Sistema de suministro eléctrico





Circuito simplificado del sistema de suministro eléctrico

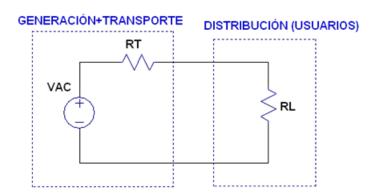






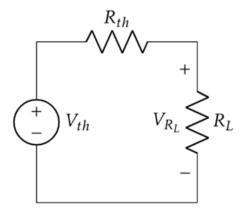
Circuito simplificado del sistema de suministro eléctrico

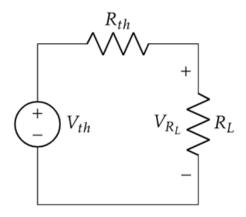




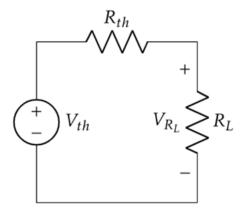


¿Aplicamos el teorema de máxima transferencia de potencia?



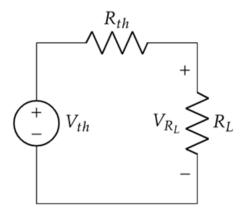


$$P = V_{R_L} \cdot I_{R_L}$$



$$P = V_{R_L} \cdot I_{R_L}$$

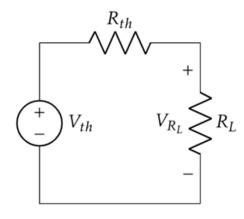
$$P = V_{th} \frac{R_L}{R_{th} + R_L} \cdot \frac{V_{th}}{R_{th} + R_L}$$



$$P = V_{R_L} \cdot I_{R_L}$$

$$P = V_{th} \frac{R_L}{R_{th} + R_L} \cdot \frac{V_{th}}{R_{th} + R_L}$$

$$P = \frac{V_{th}^2}{(R_{th} + R_I)^2} \cdot R_L$$

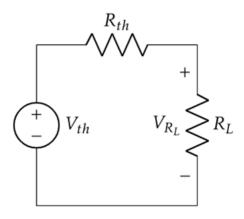


 $R_L = R_{th}$

$$P = V_{R_L} \cdot I_{R_L}$$

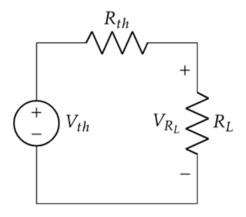
$$P = V_{th} \frac{R_L}{R_{th} + R_L} \cdot \frac{V_{th}}{R_{th} + R_L}$$

$$P = \frac{V_{th}^2}{(R_{th} + R_L)^2} \cdot R_L = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$



Repitamos el cálculo para la potencia entregada a la resistencia de Thévenin

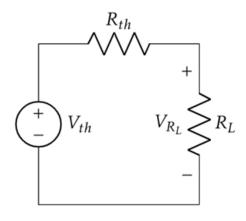
$$P = V_{R_{th}} \cdot I_{R_{th}}$$



Repitamos el cálculo para la potencia entregada a la resistencia de Thévenin

$$P = V_{R_{th}} \cdot I_{R_{th}}$$

$$P = V_{th} \frac{R_{th}}{R_{th} + R_L} \cdot \frac{V_{th}}{R_{th} + R_L}$$



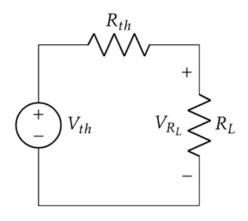
 $R_L = R_{th}$

Repitamos el cálculo para la potencia entregada a la resistencia de Thévenin

$$P = V_{R_{th}} \cdot I_{R_{th}}$$

$$P = V_{th} \frac{R_{th}}{R_{th} + R_L} \cdot \frac{V_{th}}{R_{th} + R_L}$$

$$P = \frac{V_{th}^2}{(R_{th} + R_L)^2} \cdot R_{th} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$



$$R_L = R_{th}$$

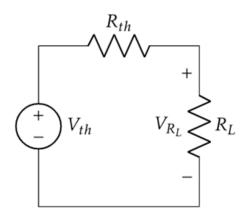
Repitamos el cálculo para la potencia entregada a la resistencia de Thévenin

$$P = V_{R_{th}} \cdot I_{R_{th}}$$

$$P = V_{th} \frac{R_{th}}{R_{th} + R_L} \cdot \frac{V_{th}}{R_{th} + R_L}$$

$$P = \frac{V_{th}^2}{(R_{th} + R_L)^2} \cdot R_{th} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$

El mismo resultado que para la carga.



$$R_L = R_{th}$$

Repitamos el cálculo para la potencia entregada a la resistencia de Thévenin

$$P = V_{R_{th}} \cdot I_{R_{th}}$$

$$P = V_{th} \frac{R_{th}}{R_{th} + R_L} \cdot \frac{V_{th}}{R_{th} + R_L}$$

$$P = \frac{V_{th}^2}{(R_{th} + R_L)^2} \cdot R_{th} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$
 ¿Podemos utilizar esta potencia?

Rendimiento

La potencia de salida es la potencia que se transfiere a la carga

$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$

La potencia de entrada es la que entrega el generador

- Se puede pensar como la potencia de salida más

- Se puede pensar como la potencia de salida más las pérdidas

$$P_{ent} = P_{per} + P_{sal}$$

Rendimiento

La potencia de salida es la potencia que se transfiere a la carga

$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$

La potencia de entrada es la que entrega el generador

- Se puede pensar como la potencia de salida más las pérdidas

$$P_{ent} = P_{per} + P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}} + \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$

Rendimiento

Definimos al rendimiento como:

$$\eta = \frac{P_{sal}}{P_{ent}} \times 100$$

$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$

Rendimiento
$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$
 $P_{ent} = P_{per} + P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}} + \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$

$$\eta = \frac{P_{sal}}{P_{ent}} \times 100\%$$

$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$

Rendimiento
$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$
 $P_{ent} = P_{per} + P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}} + \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$

$$\eta = \frac{P_{sal}}{P_{ent}} \times 100\% = \frac{\frac{V_{th}^2}{4R_{th}}}{\frac{V_{th}^2}{4R_{th}} + \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}} \times 100\%$$

$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$

Rendimiento
$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$
 $P_{ent} = P_{per} + P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}} + \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$

$$\eta = \frac{P_{sal}}{P_{ent}} \times 100\% = \frac{\frac{V_{th}^2}{4R_{th}}}{\frac{V_{th}^2}{4R_{th}} + \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}} \times 100\% = 50\%$$

$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$

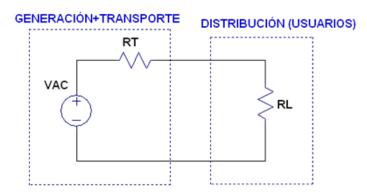
Rendimiento
$$P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$$
 $P_{ent} = P_{per} + P_{sal} = \frac{V_{th}^2}{4R_{th}} + \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}$

$$\eta = \frac{P_{sal}}{P_{ent}} \times 100\% = \frac{\frac{V_{th}^2}{4R_{th}}}{\frac{V_{th}^2}{4R_{th}} + \frac{V_{th}^2}{4R_{th}}} \times 100\% = 50\%$$

¡Se pierde la mitad de la potencia entregada por la fuente!

Circuito simplificado del sistema de suministro eléctrico

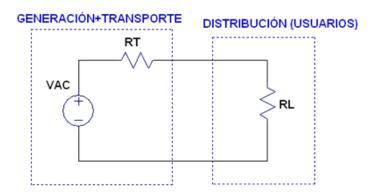






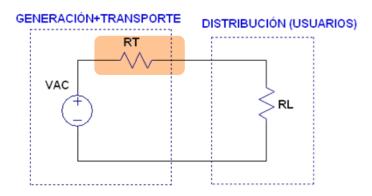
Circuito simplificado del sistema de suministro eléctrico

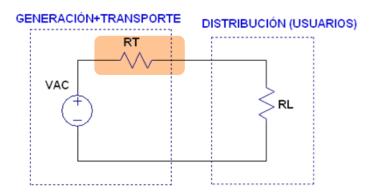




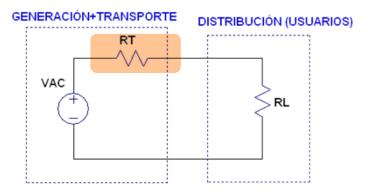


¿Qué puede hacer la compañía eléctrica para entregar la mayor potencia posible a la carga?

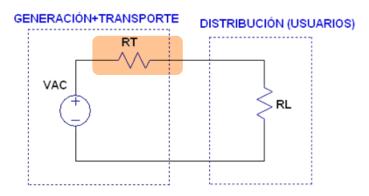




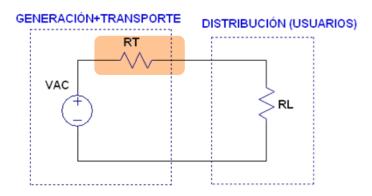
$$RT=RL => P_L = \frac{1}{2} P_G$$

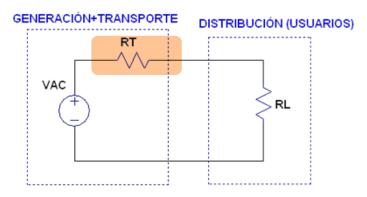


 $RT \rightarrow 0 \Omega$



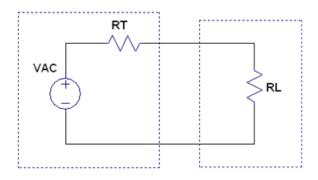
$$RT \rightarrow 0\Omega => P_L = P_G$$



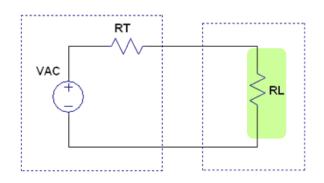




¿Entonces cuándo RT = RL?



¿Entonces cuándo RT = RL?

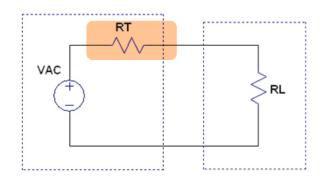


$$\frac{dP(R_L)}{dR_L} = 0$$



Teorema de Máxima Transferencia de Potencia

¿Entonces cuándo RT = RL?



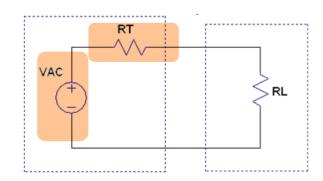
$$\frac{dP(R_T)}{dR_T} = 0$$



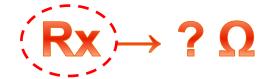
¡Atención!

$$RT = R_{th} = R_{th}(Rx)$$

$$VAC = V_{th} = V_{th}(Rx)$$

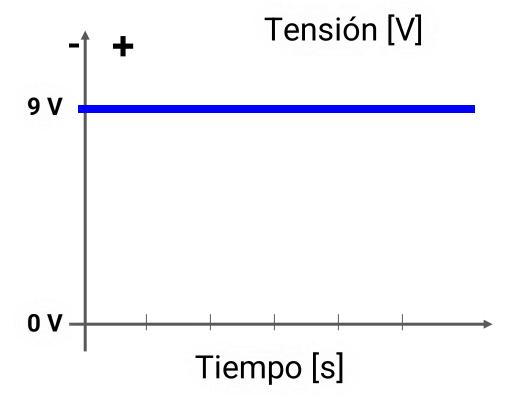


$$\frac{dP(Rx)}{dRx} = 0$$



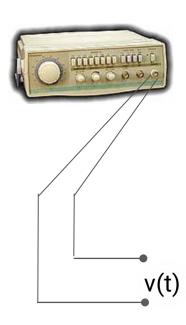
Tensión continua

Tensión continua

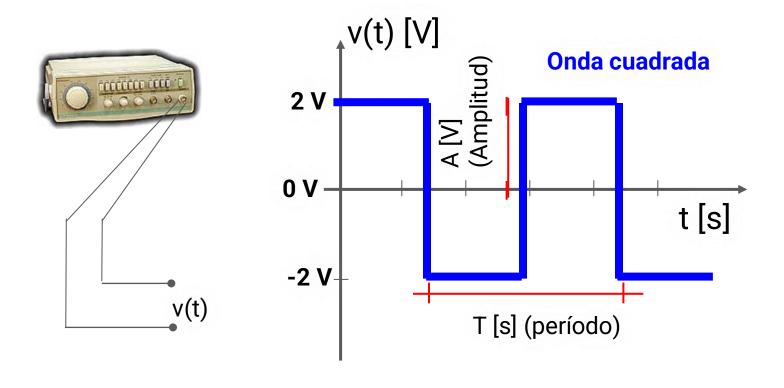




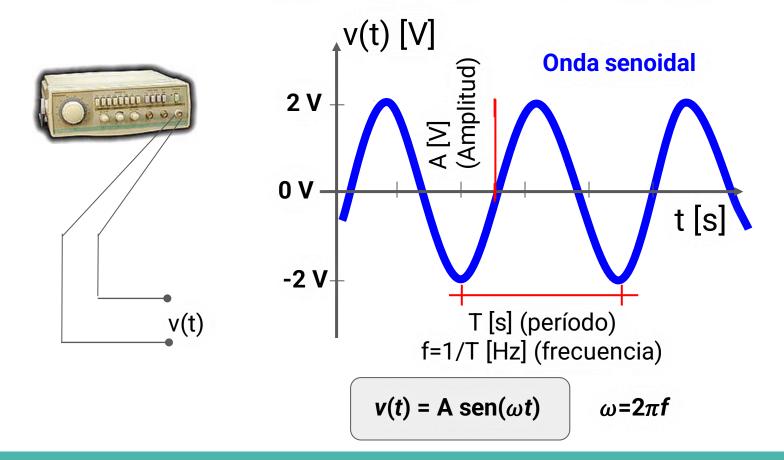
Tensión variable en el tiempo



Tensión variable en el tiempo



Tensión variable en el tiempo



¿Cómo podemos definir la potencia cuando trabajamos con tensiones variables en el tiempo?

$$p(t) = v(t) \cdot i(t)$$

$$p(t) = v(t) \cdot i(t)$$

$$v(t) = i(t) \cdot R$$

$$p(t) = v(t) \cdot i(t)$$

$$p(t) = \frac{v^{2}(t)}{R} = i^{2}(t) \cdot R$$

$$v(t) = i(t) \cdot R$$

Definimos la potencia instantánea P(t) como la potencia disipada por el resistor en un determinado tiempo t

$$p(t) = v(t) \cdot i(t)$$

$$v(t) = i(t) \cdot R$$

$$p(t) = \frac{v^2(t)}{R} = i^2(t) \cdot R$$

¿De qué otra forma podemos cuantificar la potencia para señales alternas?

Tareas

- 1. Demostrar el teorema de máxima transferencia de potencia. Para ello derive la potencia disipada por el resistor R_L y verifique que se llega al resultado R_L = R_{th}
- 2. Investigar sobre el efecto Joule
- 3. ¿Puede ser negativa la potencia disipada por un resistor? ¿Qué significado físico tiene la respuesta a esta pregunta?
- 4. Superposición y cálculo de potencia, ¿hay que tener algún cuidado?