Página Principal / Mis cursos / ALGII-EINP / Cuestionario de opción múltiple de 9:00 a 11:00 / Cuestionario (07/04/2021)

Comenzado el Wednesday, 7 de April de 2021, 09:01

Estado Finalizado

Finalizado en Wednesday, 7 de April de 2021, 11:05

Tiempo empleado 2 horas 3 minutos

### Pregunta 4

Finalizado

Sin calificar

Ingrese su número de DNI, sin puntos ni espacios

Respuesta: 43325935

La respuesta correcta es:

### Pregunta 2

Einoli-

Finalizado
Sin calificar

Ingrese su número de Padrón, sin puntos ni espacios

Respuesta:

105013

La respuesta correcta es:

## Pregunta **3**

Correcta

Puntúa como 1

Sea 
$$P = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 1 \\ -1 & 2 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 y sea  $A = P \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} P^{-1}$ . Un conjunto fundamental de

soluciones del sistema Y' = AY es

Seleccione una:

$$\qquad \text{b. } \left\{ e^t \left( \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix} + t \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix} \right), \, e^t \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix}, \, e^t \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \right\}.$$

$$\qquad \text{c. } \left\{ e^t \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}, \, e^t \left( \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix} + t \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \right), \, e^t \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \right\}.$$

$$\bigcirc \quad \mathsf{d.} \, \left\{ e^t \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}, \, e^t \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix}, \, e^t \left( t \begin{bmatrix} -1 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \right) \right\}.$$

## Pregunta **4**

Correcta

Puntúa como 1

Una matriz de rango 2,  $A \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$ , tal que los autovalores de  $A^TA$  son  $\frac{81}{4}$ , 9, 0,  $A\begin{bmatrix} -2 & 1 & 2 \end{bmatrix}^T = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}^T$ , y  $\begin{bmatrix} 2 & 2 & 1 \end{bmatrix} A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  puede ser

#### Seleccione una:

o c. 
$$A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 1 & -2 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -2 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$
.

La respuesta correcta es:  $A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 1 & -2 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -2 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}.$ 

## Pregunta **5**

Correcta

Puntúa como 1

Sea  $y \in C^{\infty}(\mathbb{R})$  la solución de la ecuación diferencial  $(D-2I)(D-3I)[y]=2e^{3x}$  tal que  $y(0)=0,\ y'(0)=4.$  Vale que

#### Seleccione una:

• a. 
$$y(1) = 2e^2$$
.

$$\bullet$$
 b.  $y(1) = 4e^3 - 2e^2$ .

$$c. y(1) = 2e^3.$$

o d. 
$$y(1) = e^2 + e^3$$
.

La respuesta correcta es:  $y(1) = 4e^3 - 2e^2$ .

### Pregunta **6**

Correcta

Puntúa como 1

Si  $u=\begin{bmatrix}2/3 & 2/3 & 1/3\end{bmatrix}^T$ , entonces el conjunto de los puntos de la superficie de nivel  $x^T\left(I-2uu^T\right)x=-1$  más cercanos al origen es

#### Seleccione una:

$$\qquad \text{a. } \left\{ \cos(\theta) \begin{bmatrix} -2/3 \\ 1/3 \\ 2/3 \end{bmatrix} + \sin(\theta) \begin{bmatrix} 1/3 \\ -2/3 \\ 2/3 \end{bmatrix} : \theta \in [0, 2\pi) \right\}.$$

$$\qquad \text{c. } \left\{ \cos(\theta) \begin{bmatrix} 2/3 \\ 2/3 \\ 1/3 \end{bmatrix} + \sin(\theta) \begin{bmatrix} 1/3 \\ -2/3 \\ 2/3 \end{bmatrix} : \theta \in [0, 2\pi) \right\}.$$

$$\qquad \mathsf{d.} \left\{ \begin{bmatrix} 2/3 \\ 2/3 \\ 1/3 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -2/3 \\ -2/3 \\ -1/3 \end{bmatrix} \right\}. \blacktriangleleft$$

La respuesta correcta es:  $\left\{ \begin{bmatrix} 2/3\\2/3\\1/3 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -2/3\\-2/3\\-1/3 \end{bmatrix} \right\}$ .

### Pregunta **7**

Correcta

Puntúa como 1

Sea  $Q: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$  la forma cuadrática definida por  $Q(x) = \frac{1}{8450} \left( 3800 x_1^2 + 1777 x_2^2 - 2040 x_1 x_2 \right)$ . El conjunto  $\{x \in \mathbb{R}^2 : Q(x) = 1\}$  es

#### Seleccione una:

- a. una elipse centrada en el origen, con ejes de longitudes  $2\sqrt{2}$  y 5 contenidos en la rectas generadas por  $\begin{bmatrix} 5 & 12 \end{bmatrix}^T$  y  $\begin{bmatrix} -12 & 5 \end{bmatrix}^T$ , respectivamente.
- b. una elipse centrada en el origen, con ejes de longitudes  $2\sqrt{2}$  y 5 contenidos en la rectas generadas por  $\begin{bmatrix} 3 & 4 \end{bmatrix}^T$  y  $\begin{bmatrix} -4 & 3 \end{bmatrix}^T$ , respectivamente.
- © c. una elipse centrada en el origen, con ejes de longitudes  $2\sqrt{2}$  y 5 contenidos en la rectas generadas por  $\begin{bmatrix} -12 & 5 \end{bmatrix}^T$  y  $\begin{bmatrix} 5 & 12 \end{bmatrix}^T$ , respectivamente.
- d. una elipse centrada en el origen, con ejes de longitudes  $2\sqrt{2}$  y 5 contenidos en la rectas generadas por  $\begin{bmatrix} -4 & 3 \end{bmatrix}^T$  y  $\begin{bmatrix} 3 & 4 \end{bmatrix}^T$ , respectivamente.

La respuesta correcta es: una elipse centrada en el origen, con ejes de longitudes  $2\sqrt{2}$  y 5 contenidos en la rectas generadas por  $\begin{bmatrix} -12 & 5 \end{bmatrix}^T$  y  $\begin{bmatrix} 5 & 12 \end{bmatrix}^T$ , respectivamente.

## Pregunta **8**

Correcta

Puntúa como 1

Sean  $A, B \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$  dos matrices tales que

$$AB = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 3 & 0 & 3 \end{bmatrix} \text{ y } B \begin{bmatrix} 1 & 3 & 1 \\ 2 & 2 & 1 \\ 3 & 1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 2 & 1 \\ 3 & 1 & -1 \\ 1 & 3 & 1 \end{bmatrix}.$$

El conjunto solución de la ecuación  $Ax = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ -3 \end{bmatrix}$  es

#### Seleccione una:

$$\qquad \text{a. } \left\{ \begin{bmatrix} \frac{13}{2} + t \\ -5 - t \\ t \end{bmatrix} : t \in \mathbb{R} \right\}.$$

o b. 
$$\left\{ \begin{bmatrix} -\frac{11}{2} + t \\ 4 - t \\ t \end{bmatrix} : t \in \mathbb{R} \right\}$$
.

o c. 
$$\left\{ \begin{bmatrix} \frac{5}{2} + t \\ -1 - t \\ t \end{bmatrix} : t \in \mathbb{R} \right\}$$
.

o d. 
$$\left\{ \begin{bmatrix} -\frac{7}{2} + t \\ -3 - t \\ t \end{bmatrix} : t \in \mathbb{R} \right\}.$$

La respuesta correcta es:  $\left\{ \begin{bmatrix} \frac{5}{2} + t \\ -1 - t \\ t \end{bmatrix} : t \in \mathbb{R} \right\}$ .

### Pregunta •

Correcta

Puntúa como 1

Sean 
$$A=\begin{bmatrix}2&1\\2&-2\\1&2\end{bmatrix}\begin{bmatrix}3&0\\0&2\end{bmatrix}\begin{bmatrix}1&-1&0\\1&1&2\end{bmatrix}$$
 y  $b=\begin{bmatrix}6\\-1\\-5\end{bmatrix}$ . La solución por cuadrados mínimos

de norma mínima de la ecuación Ax = b es

#### Seleccione una:

- O a.  $\frac{1}{108} \begin{bmatrix} -15\\ 33\\ 18 \end{bmatrix}$ .
- O b.  $\frac{1}{108} \begin{bmatrix} -50 \\ 54 \\ 4 \end{bmatrix}$ .
- O d.  $\frac{1}{108} \begin{bmatrix} 7\\39\\46 \end{bmatrix}$ .

La respuesta correcta es:  $\begin{bmatrix} 8 \\ -12 \\ -4 \end{bmatrix}$ .

## Pregunta **10**

Correcta

Puntúa como 1

En  $\mathbb{R}^3$  se considera el producto interno definido por

$$\langle x, y \rangle = y^T \begin{bmatrix} 6 & -4 & 3 \\ -4 & 5 & -1 \\ 3 & -1 & 2 \end{bmatrix} x$$
 .

La matriz con respecto a la base canónica de la proyección ortogonal de  $\mathbb{R}^3$  sobre el complemento ortogonal del subespacio  $\operatorname{gen}\left\{\begin{bmatrix}1&0&3\end{bmatrix}^T\right\}$  es

#### Seleccione una:

o c. 
$$\frac{1}{42}\begin{bmatrix} 27 & 7 & -9\\ 0 & 42 & 0\\ -45 & 21 & 15 \end{bmatrix}$$
.

O d. 
$$\frac{1}{26}$$
 
$$\begin{bmatrix} 14 & 6 & -7 \\ 0 & 26 & 0 \\ -24 & 12 & 12 \end{bmatrix}$$
.

La respuesta correcta es:  $\frac{1}{42}\begin{bmatrix} 27 & 7 & -9 \\ 0 & 42 & 0 \\ -45 & 21 & 15 \end{bmatrix}$ .

# Pregunta **11**

Incorrecta

Puntúa como 1

Sea Y(t) la solución del sistema de ecuaciones diferenciales

$$\begin{cases} y_1' = 3y_1 + 2y_2 - 2y_3 \\ y_2' = -y_1 + y_3 \\ y_3' = y_1 + y_2 \end{cases}$$

tal que  $Y(0) = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 1 \end{bmatrix}^T$  . Vale que

#### Seleccione una:

- **b.**  $Y(1) = \begin{bmatrix} 3e & 0 & 2e \end{bmatrix}^T$ .
- O d.  $Y(1) = \begin{bmatrix} -3e & 2e & 0 \end{bmatrix}^T$ .

La respuesta correcta es:  $Y(1) = \begin{bmatrix} -3e & 2e & 0 \end{bmatrix}^T$ .

Información

Cliquee ``Terminar intento..." y en la próxima página ``Enviar todo y terminar"

■ Avisos

Ir a...

PEDIR CERTIFICADO PARA EXAMEN FINAL 07/04/2021 ▶