63.01 / 83.01 Química

Departamento de Química

G6: Bases débiles Balance de especie y carga











- 16) Se prepara una solución de etilamina (CH₃CH₂NH₂) (pKb=3,25) de concentración analítica (inicial) 0,02M. Calcular:
- a) La concentración de todas las especies en el equilibrio.
- b) El pH de la solución.
- c) El grado de disociación.

EL PLANTEO ES IGUAL PARA TODOS LOS PROBLEMAS (pasos 1º al 3º)

1º Planteamos TODOS los equilibrios involucrados con sus constantes:

$$\begin{array}{c} \mathsf{CH_3CH_2NH_2}_{\text{ (ac)}} + \mathsf{H_2O}_{\text{ (I)}} \longleftrightarrow \\ \mathsf{CH_3CH_2NH_3}^+ \text{ (ac)} + \mathsf{HO^-}_{\text{ (ac)}} \\ \mathsf{Etilamina} \\ \mathsf{E} \\ \end{array}$$

$$H_2O_{(I)} \leftrightarrow H^+_{(ac)} + HO^-_{(ac)}$$
 $K_w = [H^+][HO^-] = 10^{-14}$

Cálculo auxiliar:

$$K_b = \frac{[\text{EH}^+][\text{HO}^-]}{[\text{E}]} = 5,62 \cdot 10^{-4}$$

Para una escritura mas sencilla, escribiremos la etilamina como "E", y el etilamonio como "EH+"





2º Planteamos los balances de TODAS las especies, menos H⁺ y HO⁻:

BE)
$$Ci = 0.02M = [EH^{+}] + [E]$$

Todo lo que hayamos puesto al principio de etilamina (Ci), estará en el equilibrio en su forma molecular y como catión

3º Planteamos el balance de cargas:

BQ)
$$[H^+] + [EH^+] = [HO^-]$$

Toda solución es eléctricamente neutra, entonces las cargas positivas deben ser iguales a las cargas negativas

Ahora empezamos a trabajar...

IDEA: Trabajando con una base, despejamos todas las especies en función de [HO-], luego las reemplazamos en la expresión de Kb.

(Si trabajamos con un ácido, despejamos todas las especies en función de [H⁺], luego las reemplazamos en la expresion de Ka).





Ya que es una base, esperamos un pH > 7, con lo cual podemos suponer que [H⁺] << [HO⁻], y podemos desestimar la primera en el BQ:

$$[H^{+}] + [EH^{+}] = [HO^{-}]$$
 \longrightarrow $[EH^{+}] = [HO^{-}]$

Para que esto sea válido, [H+] debe ser, por lo menos, 2 órdenes (100 veces) menor que [HO-]. Al final deberemos chequearlo.

Reemplazamos y despejamos [E] del BE:

$$Ci = [HO^{-}] + [E] \longrightarrow [E] = Ci - [HO^{-}]$$

De Kw:

$$[H^{+}] = K_{w}/[HO^{-}]$$







Ahora reemplazamos en la expresión de Kb y operamos:

$$K_b = \frac{[HO^-][HO^-]}{Ci - [HO^-]}$$
 \longrightarrow $[HO^-]^2 + Kb.[HO^-] - Kb.Ci = 0$ $[HO^-]^2 + 5,62 \cdot 10^{-4}.[HO^-] - 1,124 \cdot 10^{-5} = 0$

Despejar [HO⁻] nos dará dos resultados, solo uno tendrá sentido físico:

[HO⁻] = 3,08 · 10⁻³ M = [EH⁺]
[E] = 0,02 – 3,08 · 10⁻³ = 0,0169 M
[H⁺] =
$$K_w$$
/[HO⁻] = 10^{-14} / 3,08 , 10^{-3} = 3,25 · 10^{-12} M

Es aceptable la desestimación de [H⁺] frente a [HO⁻].





Definición de grado de disociación:

$$\alpha = \frac{\text{Moles disociados}}{\text{Moles iniciales}} \qquad \qquad \alpha = \frac{\text{[EH^+]}}{\text{Ci}} = \frac{3,08 \cdot 10^{-3} \text{ M}}{0,02 \text{ M}}$$

 α = 0,154 En porcentaje: α % = 15,4 %

> (No olvidemos las unidades de cada resultado)







Seguro te preguntaste hace un rato: "¿Qué pasa si no puedo desestimar [H⁺]?

Entonces nos queda el BQ completo y las expresiones a reemplazar en Kb quedarían así:

BQ)
$$[H^{+}] + [EH^{+}] = [HO^{-}]$$

$$| K_{w}/[HO^{-}] + [EH^{+}] = [HO^{-}] \longrightarrow [EH^{+}] = [HO^{-}] - K_{w}/[HO^{-}]$$

$$[H^{+}] = K_{w}/[HO^{-}]$$

BE)
$$Ci = [EH^+] + [E] \longrightarrow [E] = Ci - ([HO^-] - K_w/[HO^-])$$

Reemplazamos en la expresión de Kb:

$$K_{b} = \frac{([HO^{-}] - K_{w}/[HO^{-}])[HO^{-}]}{\text{Ci - ([HO^{-}] - K_{w}/[HO^{-}])}} \xrightarrow{\text{x [HO^{-}]}} K_{b}[HO^{-}] = \frac{([HO^{-}]^{3} - K_{w})}{\text{Ci [HO^{-}] - ([HO^{-}]^{2} - K_{w})}}$$

Y debemos resolver una ecuación de 3º orden...









- 17) Una solución de metilamina (CH_3NH_2) tiene un pH=10,93 y en el equilibrio esta 33,9% disociada. Calcular:
- a) La concentración inicial de la solución.
- b) Kb.
- c) La concentración de todas las especies en el equilibrio.

1º Planteamos TODOS los equilibrios involucrados con sus constantes:

$$H_2O_{(I)} \leftrightarrow H^+_{(ac)} + HO^-_{(ac)}$$
 $K_w = [H^+][HO^-] = 10^{-14}$

$$K_b = \frac{[\mathsf{MH}^+][\mathsf{HO}^-]}{[\mathsf{M}]}$$

Para una escritura mas sencilla, escribiremos la metilamina como "M", y el metilamonio como "MH+"





2º Planteamos los balances de TODAS las especies, menos H⁺ y HO⁻:

BE)
$$Ci = [MH^{+}] + [M]$$

Todo lo que hayamos puesto al principio de metilamina (Ci), estará en el equilibrio en su forma molecular y como catión

3º Planteamos el balance de cargas:

BQ)
$$[H^+] + [MH^+] = [HO^-]$$

Toda solución es eléctricamente neutra, entonces las cargas positivas deben ser iguales a las cargas negativas

Ahora ¿que datos tengo?

$$pH = 10.93$$
 \longrightarrow $[H^+] = 1.17 \cdot 10^{-11} M$

Como
$$K_w = [H^+][HO^-]$$
 \longrightarrow $[HO^-] = K_w / [H^+] = 8.5 \cdot 10^{-4} M$







Ya que [H⁺] << [HO⁻], podemos desestimar la primera en el BQ:

$$[H^{+}] + [MH^{+}] = [HO^{-}]$$
 \longrightarrow $[MH^{+}] = [HO^{-}] = 8,5 . 10^{-4} M$

Para calcular Ci, planteamos el grado de disociación:

Para que esto sea válido, [H+] debe ser 2 órdenes (100 veces) menor que [HO-], por lo menos.

$$\alpha = \frac{\text{Moles disociados}}{\text{Moles iniciales}} \qquad \qquad \alpha = \frac{\text{[MH+]}}{\text{Ci}}$$

$$\alpha = \frac{\text{Dividiendo}}{\text{arriba y abajo}} \qquad \qquad Ci$$

El dato dice que la amina esta "33,9% disociada", es decir α = 0,339:

Ci =
$$\frac{8,5 \cdot 10^{-4} \text{ M}}{0.339}$$
 = 0,0025 M Rta (a) Ci = 0,0025 M







Nos falta calcular [M], la despejamos del BE:

$$[M] = Ci - [MH^+]$$
 \longrightarrow $[M] = 1,65 . 10^{-3} M$

Y con este dato, calculamos Kb:

$$K_b = \frac{(8,5.10^{-4})^2}{1,65.10^{-3}} = 4,38.10^{-4}$$
 Rta (b) Kb = 4,38.10⁻⁴

Además, ya tenemos calculadas las concentraciones de todas las especies:

$$[H^+] = 1,17 \cdot 10^{-11} \,\text{M}$$
 Rta (c) $[HO^-] = [MH^+] = 8,5 \cdot 10^{-4} \,\text{M}$ $[M] = 1,65 \cdot 10^{-3} \,\text{M}$



