# Adivinando passwords. Una propuesta para su búsqueda eficiente

Alejandro Mor Michael

9 de Julio de 2019

## Índice

- Introducción
- El ataque del arco iris
- Studio experimental
- 4 Conclusiones

#### Funciones resumen

Toman como entrada mensajes de longitud arbitraria, produciendo como salida cadenas de longitud fija. Dicha salida es conocida como valor resumen o valor hash. Tomando una cadena de entrada x y una función resumen H:

$$H(x) = \text{cadena de longitud fija } y$$

## Colisiones para funciones resumen

Una función resumen h cumple que, para una cadena binaria de salida x de longitud igual a n bits, la probabilidad de que un mensaje de entrada m aleatorio resulte en un valor hash igual que x es de  $2^{-n}$ .

$$x = 112233', H = CRC-32$$

$$H(x) = 3570655599 = y$$

Probabilidad[
$$H(m) = y$$
] =  $2^{-32}$ 

#### Proceso

Obtener un mensaje de entrada p.

Generar su valor resumen h = H(p).

Reconstruir el valor resumen h en un mensaje de entrada válido, según el contexto.

#### Función de reconstrucción

Toma como entrada un valor resumen y lo reconstruye en un mensaje válido según el contexto de la implementación.

$$R(h) = p'$$

#### Tablas del arco iris

$$p_{1_{1}} \xrightarrow{h} h_{1_{1}} \xrightarrow{r} p_{1_{2}} \xrightarrow{h} \dots \xrightarrow{r} p_{1_{t}} \xrightarrow{h} h(p_{1_{t}})$$

$$p_{2_{1}} \xrightarrow{h} h_{2_{1}} \xrightarrow{r} p_{2_{2}} \xrightarrow{h} \dots \xrightarrow{r} p_{2_{t}} \xrightarrow{h} h(p_{2_{t}})$$

$$p_{3_{1}} \xrightarrow{h} h_{3_{1}} \xrightarrow{r} p_{3_{2}} \xrightarrow{h} \dots \xrightarrow{r} p_{3_{t}} \xrightarrow{h} h(p_{3_{t}})$$

$$\vdots \qquad \vdots$$

$$p_{m_{1}} \xrightarrow{h} h_{m_{1}} \xrightarrow{r} p_{m_{2}} \xrightarrow{h} \dots \xrightarrow{r} p_{m_{t}} \xrightarrow{h} h(p_{m_{t}})$$

Almacenar el mensaje inicial y el resumen final de cada fila

Teniendo 
$$\{p_{1_1}, h(p_{1_t})\}, \{p_{2_1}, h(p_{2_t})\}, \{p_{3_1}, h(p_{3_t})\}, \dots, \{p_{m_1}, h(p_{m_t})\}$$



Teniendo 
$$\{p_{1_1}, h(p_{1_t})\}, \{p_{2_1}, h(p_{2_t})\}, \{p_{3_1}, h(p_{3_t})\}, \dots, \{p_{m_1}, h(p_{m_t})\}$$

Omprobar las últimas entradas de la tabla. Detener la búsqueda con éxito si se encuentra la colisión en una de ellas.

Teniendo 
$$\{p_{1_1}, h(p_{1_t})\}, \{p_{2_1}, h(p_{2_t})\}, \{p_{3_1}, h(p_{3_t})\}, \dots, \{p_{m_1}, h(p_{m_t})\}$$

- Omprobar las últimas entradas de la tabla. Detener la búsqueda con éxito si se encuentra la colisión en una de ellas.
- Aplicar la función de reconstrucción seguida de la función resumen desde las últimas entradas

Teniendo 
$$\{p_{1_1}, h(p_{1_t})\}, \{p_{2_1}, h(p_{2_t})\}, \{p_{3_1}, h(p_{3_t})\}, \dots, \{p_{m_1}, h(p_{m_t})\}$$

- Omprobar las últimas entradas de la tabla. Detener la búsqueda con éxito si se encuentra la colisión en una de ellas.
- Aplicar la función de reconstrucción seguida de la función resumen desde las últimas entradas
- Repetir t veces por cada fila hasta encontrar (o no) la colisión.

Objetivo: adivinar las contraseñas de acceso a un sistema operativo.

Objetivo: adivinar las contraseñas de acceso a un sistema operativo.

**Dominio de colisiones**: contraseñas de seis dígitos, desde '000000' hasta '999999'.

**Objetivo**: adivinar las contraseñas de acceso a un sistema operativo.

**Dominio de colisiones**: contraseñas de seis dígitos, desde '000000' hasta '999999'.

**Función resumen atacada**: CRC-32, la cual genera valores resumen de 32 bits de longitud.

#### Función de reconstrucción R1

$$p = '112233' \xrightarrow{CRC-32} h = '3570655599' \xrightarrow{R1} r = '655599'$$



	1													100 %
	2												91.9 %	
	4											90.6 %		
	5										90.6 %			
	10									95.2 %				
	20								96.1 %					
t	40							97.1 %						
	50						97.4 %		99.3 %	99.6 %		99.6 %	100 %	100 %
	100					96.4 %	98.0 %	98.4 %	99.0 %	99.8 %		100 %	100 %	100 %
	200				95.2 %									
	400			91.8 %										
	500		84.1 %											
	1000	63.5 %												
		1000	2000	2500	5000	10000	20000	25000	50000	100000	200000	250000	500000	1000000
		m												

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas empleando R1

#### Función de reconstrucción R2

$$p=$$
 '112233'  $\xrightarrow{CRC-32}$   $h_d=$  '3570655 $599$ ',  $h_h=$  'D4D3E16F'  $\xrightarrow{\mathbb{R}2}$   $r=$  '939165'



	1													100 %
	2												91.1 %	
	4											89.4 %		
	5										88.8 %			
	10									93.0 %				
	20								95.5 %					
t	40							97.1 %						
	50						97.1 %		98.8 %	99.7 %		100 %	100 %	100 %
	100					97.1 %	98.8 %	99.2 %	99.6 %	99.9 %		99.9 %	99.9 %	100 %
	200				94.3 %									
	400			82.1 %										
	500		74.9 %											
	1000	57.1 %												
		1000	2000	2500	5000	10000	20000	25000	50000	100000	200000	250000	500000	1000000
		m												

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas empleando R2

	1													100 %
	2												91.9 %	
	4											90.6 %		
	5										90.6 %			
	10									95.2 %				
	20								96.1 %					
t	40							97.1 %						
	50						97.4 %		99.3 %	99.6 %		99.6 %	100 %	100 %
	100					96.4 %	98.0 %	98.4 %	99.0 %	99.8 %		100 %	100 %	100 %
	200				95.2 %									
	400			91.8 %										
	500		84.1 %											
	1000	63.5 %												
		1000	2000	2500	5000	10000	20000	25000	50000	100000	200000	250000	500000	1000000
		m												

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas empleando R1

#### Combinando funciones de reconstrucción

Alternancia de funciones de reconstrucción

$$p_{1_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{1_c} \xrightarrow{\mathbf{R1}} r_{1_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{2_c} \xrightarrow{\mathbf{R2}} r_{2_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{3_c} \dots$$



	1													100 %
	2												97.0 %	
	4											96.2 %		
	5										97.0 %			
	10									98.3 %				
	20								99.5 %					
t	40							99.7 %						
	50						99.6 %		100 %	100 %		100 %	100 %	100 %
	100					99.9 %	99.9 %	99.9 %	100 %	100 %		100 %	100 %	100 %
	200				99.9 %									
	400			98.1 %										
	500		95.4 %											
	1000	63.1 %												
		1000	2000	2500	5000	10000	20000	25000	50000	100000	200000	250000	500000	1000000
								m						

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas empleando la alternancia de las

#### Combinando funciones de reconstrucción

Combinación mediante un patrón

$$p_{1_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{1_c} \xrightarrow{\mathbf{R1}} r_{1_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{2_c} \xrightarrow{\mathbf{R2}} r_{2_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{3_c} \xrightarrow{\mathbf{R2}} r_{3_c} \dots$$



Г	1													100 %
	2												98.1 %	100 /0
	4											98.9 %		
	5										99.4 %			
	10									99.8%				
	20								100 %					
t	40							100 %						
	50						100 %		100 %	100 %		100 %	100 %	100 %
	100					100 %	100 %	100 %	100 %	100 %		100 %	100 %	100 %
	200				100 %									
	400			99.5 %										
	500		99.3 %											
	1000	80.5 %												
		1000	2000	2500	5000	10000	20000	25000	50000	100000	200000	250000	500000	1000000
								т						

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas empleando el patrón reducido

#### Combinando funciones de reconstrucción

Un patrón más extenso

$$p_{1_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{1_c} \xrightarrow{\mathbf{R1}} r_{1_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{2_c} \xrightarrow{\mathbf{R2}} r_{2_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{3_c} \xrightarrow{\mathbf{R2}} r_{3_c} \dots$$

$$\dots \xrightarrow{CRC-32} h_{4_c} \xrightarrow{\mathbf{R1}} r_{4_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{5_c} \xrightarrow{\mathbf{R1}} r_{5_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{6_c} \xrightarrow{\mathbf{R2}} r_{6_c} \dots$$

$$\dots \xrightarrow{CRC-32} h_{7_c} \xrightarrow{\mathbf{R2}} r_{7_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{8_c} \xrightarrow{\mathbf{R2}} r_{8_c} \xrightarrow{CRC-32} h_{9_c} \dots$$

Г	1													100 %
	2												98.5 %	
	4											99.9 %		
	5										100 %			
	10									100 %				
	20								100 %					
t	40							100 %						
	50						100 %		100 %	100 %		100 %	100 %	100 %
	100					100 %	100 %	100 %	100 %	100 %		100 %	100 %	100 %
	200				100 %									
	400			100 %										
	500		100 %											
	1000	63.0 %												
		1000	2000	2500	5000	10000	20000	25000	50000	100000	200000	250000	500000	1000000
								n	,					

Tabla: Porcentaies de éxito para las tablas empleando el patrón extenso

	50	14.6 %	27.9 %	39.0 %	46.6 %	59.4 %	67.8 %	73.8 %	87.4 %	94.7 %			
	100	22.1 %	41.9 %	55.8 %	65.8 %	77.2 %	81.6 %	85.9 %	92.3 %	96.4 %			
t	200	24.0 %	46.2 %	61.2 %	71.3 %	81.6 %	87.7 %	91.0 %	95.2 %	97.7 %			
L	400	23.7 %	45.0 %	60.5 %	69.9 %	82.1 %	88.5 %	91.8 %	96.0 %	98.3 %			
	500	23.5 %	44.3 %	58.2 %	67.0 %	78.3 %	84.1 %	87.9 %	94.6%	97.9 %			
	1000	22.7 %	42.4 %	55.1 %	63.5 %	72.7 %	77.6 %	80.7 %	86.2 %	89.3 %			
		250	500	750	1000	1500	2000	2500	5000	10000			
		m											

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas que emplean tan sólo la función de reconstrucción **R1** 

	50	15.9 %	29.7 %	40.2 %	48.8 %	61.2 %	69.7 %	76.0 %	88.6 %	94.4%		
	100	22.2 %	41.7 %	56.2 %	66.2 %	76.9 %	82.8 %	87.0 %	93.4 %	97.1 %		
t	200	24.1 %	44.4 %	61.2 %	70.3 %	82.1 %	87.3 %	90.2 %	94.3 %	97.4 %		
L	400	22.1 %	41.0 %	57.0 %	64.7 %	74.6 %	78.9 %	82.1 %	90.1%	93.8 %		
	500	21.1 %	38.2 %	53.1 %	60.8 %	69.3 %	74.9 %	77.6 %	81.9 %	85.3 %		
	1000	20.5 %	35.6 %	48.0 %	57.1 %	69.4 %	73.8 %	76.1 %	79.3 %	79.6%		
		250	500	750	1000	1500	2000	2500	5000	10000		
		m										

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas que emplean tan sólo la función de reconstrucción **R2** 

	50	15.5 %	29.4 %	42.5 %	51.5 %	65.8 %	75.9 %	82.4 %	96.1 %	98.8%			
	100	23.8 %	45.4 %	63.3 %	74.5 %	88.3 %	93.8 %	96.2 %	99.4 %	99.9%			
t	200	24.4 %	47.3 %	68.2 %	83.6 %	94.4 %	97.2 %	98.1 %	99.9 %	100 %			
L	400	24.4 %	45.3 %	64.1 %	77.3 %	92.6 %	96.8 %	98.1 %	99.8 %	100 %			
	500	24.2 %	44.5 %	62.3 %	74.4 %	89.9 %	95.4 %	97.7 %	99.6 %	100 %			
	1000	22.6 %	39.3 %	53.1 %	63.1 %	77.3 %	85.9 %	89.9 %	95.4 %	97.9 %			
		250	500	750	1000	1500	2000	2500	5000	10000			
		m											

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas que emplean la alternancia de funciones de reconstrucción

	50	17.0 %	32.0 %	45.6 %	55.5 %	71.0 %	82.0 %	88.2 %	98.0 %	99.8 %			
	100	22.9 %	44.7 %	63.6 %	76.7 %	91.8 %	96.5 %	98.5 %	100 %	100 %			
t	200	24.4 %	48.0 %	69.4 %	85.8 %	97.3 %	99.3%	99.7 %	100 %	100 %			
L	400	24.5 %	47.8 %	70.9 %	88.0 %	96.0 %	99.0 %	99.5 %	99.9 %	100 %			
	500	24.6 %	48.0 %	70.5 %	88.0 %	97.2 %	99.3 %	99.7 %	100 %	100 %			
	1000	23.6 %	43.9 %	62.7 %	80.5 %	95.6 %	99.1 %	99.8 %	99.9 %	100 %			
		250	500	750	1000	1500	2000	2500	5000	10000			
		m											

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas que emplean patrón reducido de funciones de reconstrucción

	50	18.9 %	36.2 %	50.9 %	64.7 %	81.8 %	90.5 %	94.8 %	99.9 %	100 %		
	100	23.6 %	47.0 %	67.0 %	83.1 %	96.9 %	99.9 %	100 %	100 %	100 %		
t	200	24.4 %	47.7 %	68.9 %	87.8 %	99.4 %	100 %	100 %	100 %	100 %		
L	400	24.0 %	45.9 %	65.3 %	83.1 %	99.9 %	100 %	100 %	100 %	100 %		
	500	24.1 %	47.7 %	69.1 %	88.8%	99.8 %	100 %	100 %	100 %	100 %		
	1000	22.4 %	39.0 %	51.8 %	63.0 %	81.8 %	95.8 %	99.7 %	100 %	100 %		
		250	500	750	1000	1500	2000	2500	5000	10000		
		m										

Tabla: Porcentajes de éxito para las tablas que emplean patrón extenso de funciones de reconstrucción

## Clasificación de configuraciones de tabla

- Patrón extenso
- Patrón reducido
- Alternancia de funciones de reconstrucción
- Uso exclusivo de R1
- Uso exclusivo de R2



#### Conclusiones finales

- Mayor variedad en las funciones de reconstrucción brinda mejores resultados
- Tablas de tres ordenes de magnitud menores que el dominio
- Resultados escalables a contextos más complejos

Muchas gracias por su atención

Especial agradecimiento a Damián López