

Formulari:
Cinemàtica:

$$\vec{r}(t)=x(t)\vec{i}+y(t)\vec{j}+z(t)\vec{k},\; \vec{v}=\frac{d\vec{r}}{dt},\;\; \vec{a}=\frac{d\vec{v}}{dt},\;\; \vec{a}=\frac{d\vec{v}}{dt}=const\;\;\Rightarrow\;\;\vec{v}-\vec{v}_0=\int_0^t\vec{a}dt=\vec{a}t,\;\; \frac{d\vec{r}}{dt}=\vec{v}=\vec{v}_0+\vec{a}t\;\;\Rightarrow\;\;\vec{r}=\vec{r}_0+\vec{v}_0t+\frac{1}{2}\vec{a}t^2,\; v=\frac{ds}{dt}=R\frac{d\theta}{dt}=R\omega,$$

$$\frac{dv}{dt}=R\frac{d\omega}{dt}=R\alpha,\;\; \theta=\theta_0+\omega_0t+\frac{1}{2}\alpha t^2,\;\; a_t=\frac{dv}{dt},\;\; a_n=-\frac{v^2}{r},\;\; \vec{r}=\vec{r'}+\vec{o'o},\;\; \vec{v}=\vec{v'}+\vec{V_{o'o}}$$

Dinàmica:

$$\sum_i \vec{F}_i=m\vec{a},\; F_f\leq \mu_cN,\; F_f=\mu_dN,\; \vec{p}=m\vec{v},\; \sum_i \vec{F}_i=\frac{d\vec{p}}{dt},\; I=\int_{t_i}^{t_f}F(t)dt=F\Delta t=mv_f-mv_i,\; W=\int_i^f\vec{F}\cdot d\vec{r}=\frac{1}{2}mv_f^2-\frac{1}{2}mv_i^2,\; E_c=\frac{1}{2}mv^2,\; P=\frac{dW}{dt},$$

$$W_{r_i\rightarrow r_f}=-\Delta U=-(U_f-U_i),\; U(\vec{r})=-\int_{\vec{r}_0}^{\vec{r}}\vec{F}\cdot d\vec{r},\; E_m=E_c+U,\; \Delta E_m=W_{F_{No\;Conserv}},\; v=\omega R,\; \vec{L}=\sum_i\vec{r}_i\times\vec{p}_i,\; \vec{L}=I\vec{\omega},\; I=\sum_i m_ir_i^2,\; \vec{\tau}=\sum_i\vec{r}_i\times\vec{F}_i,\; \vec{\tau}=\frac{d\vec{L}}{dt}=I\vec{\alpha},$$

$$E_c=\frac{1}{2}Mv_{CM}^2+\frac{1}{2}I_{CM}\omega^2,\; \vec{r}_{CM}=\frac{\sum_{i=1}^N m_i\vec{r}_i}{\sum_{i=1}^N m_i},\; \vec{p}=\sum_{i=1}^N\vec{p}_i=M\vec{v}_{CM},\; \vec{F}_{ext}=M\vec{a}_{CM},\; \vec{r}'_i=\vec{r}_i-\vec{r}_{CM},\; \vec{u}_i=\vec{v}_i-\vec{v}_{CM},\; \vec{p}'=\sum_{i=1}^N m_i\vec{u}_i=0,\; E_c=\frac{1}{2}Mv_{CM}^2+\frac{1}{2}\sum_{i=1}^N m_iu_i^2,$$

$$v_{1f}-v_{2f}=-(v_{1i}-v_{2i}),\; u_{1f}=-u_{1i},u_{2f}=-u_{2i},\; v_{1f}-v_{2f}=-e(v_{1i}-v_{2i}),\; u_{1f}=-eu_{1i},u_{2f}=-eu_{2i},$$

Oscil·lacions:

$$\frac{d^2x}{dt^2}+\omega^2x=0,\;\; \omega^2=\frac{k}{m},\; x(t)=A\cos(\omega t+\delta),\; x_0=A\cos\delta,\; v_0=-A\omega\sin\delta,\;\; \omega=2\pi f=\frac{2\pi}{T},\; E_m=\frac{1}{2}kA^2=E_c+U=\frac{1}{2}kx^2+\frac{1}{2}mv^2,\;\; \omega_{pend}=\sqrt{\frac{g}{L}},\;\; \omega_{pendfis}=\sqrt{\frac{MgD}{L}},$$

$$\frac{d^2x}{dt^2}+2\beta\frac{dx}{dt}+\omega_0^2x=0,\;\; \beta=\frac{b}{2m},\;\omega_0=\sqrt{\frac{k}{m}},\; x(t)=A_0e^{-\beta t'}\cos(\omega't),\omega'=\omega_0\sqrt{1-\frac{\beta^2}{\omega_0^2}},\; E_m=\frac{1}{2}kA^2=\frac{1}{2}kA_0^2e^{-2\beta t'}=E_0e^{-\frac{t}{\tau}},\tau=\frac{1}{2\beta}=\frac{m}{b},\; Q=\omega_0\tau,\;\; \beta_c=\omega_0$$

Termodinàmica:

$$T_F=\frac{9}{5}T_C+32^{\circ},\; T=T_C+273.15,\; PV=nRT,\;\left(P+\frac{n^2a}{V^2}\right)(V-nb)=nRT,\; V=F(P,T),dV=\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_PdT+\left(\frac{\partial V}{\partial P}\right)_TdP,\;\; \beta=\frac{1}{V}\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P,k=\frac{1}{V}\left(\frac{\partial V}{\partial p}\right)_T,$$

$$L=g(F,T),dL=\left(\frac{\partial L}{\partial T}\right)_FdT+\left(\frac{\partial L}{\partial F}\right)_TdF,\;\; \alpha=\frac{1}{L_0}\left(\frac{\partial L}{\partial T}\right)_F,Y=\frac{L_0}{A}\left(\frac{\partial F}{\partial L}\right)_T,\;\; \frac{dF}{A}=-Y\alpha dT,\; Q=CA\Delta T=mc\Delta T,\; 1\; cal=4.184\; J,\; Q_{latent}=mL,\; L=L_0(1+\alpha\;\Delta T),$$

$$j_E=\frac{dQ}{dA\cdot dt}=-K\frac{dT}{dx},\;\; \frac{dQ}{dt}=hA\Delta T,\;\Delta T=T_c-T_f,\; \mathbf{R_B=a\cdot H},\;\; \lambda_{max}T=2.898\times10^{-3}\; mK,\; M=\sigma T^4,\sigma=5.67\times10^{-8}\; W\; m^{-2}\; K^{-4},\; \Delta U=Q-W$$

Camps electromagnètics:

$$F_{12}=k\frac{q_1q_2}{r_{12}^2}\vec{u}_{12}=k\frac{q_1q_2}{r_{12}^3}\vec{r}_{12},\;\; k=\frac{1}{4\pi\epsilon_0}=9\cdot10^9\frac{Nm^2}{C},\;\; \epsilon_0=8.85\cdot10^{-12}\frac{C}{Nm^2},\;\; \vec{F}=q\vec{E},\;\; \vec{E}=k\frac{q}{r^2}\vec{u}_r,\;\; \lambda=\frac{dq}{dl},\;\; \sigma=\frac{dq}{dS},\;\; \rho=\frac{dq}{dV},\;\; \vec{E}=\int k\frac{dq}{r^2}\vec{u}_r,$$

$$E_x=k\frac{Px}{(x^2-a^2)^2},\;\; E_x=k\frac{Qx}{(a^2+x^2)^{3/2}},\;\; E_y=\frac{2k\lambda}{y}\frac{L/2}{\sqrt{(L/2)^2+y^2}},\;\; E_x=2\pi k\sigma\left(1-\frac{x}{\sqrt{R^2+x^2}}\right),\;\; E=2\pi k\sigma=\frac{\sigma}{2\epsilon_0},\; \Phi_S=\int_S\vec{E}\cdot d\vec{S},\;\; \Phi_{SGauss}=\frac{Q_{int}}{\epsilon_0},\;\;$$

$$E_{r>R}=\frac{Q}{4\pi\epsilon_0r^2},E_{r<R}=0,\;\; E_{r>R}=\frac{\rho R^3}{3\epsilon_0r^2},E_{r<R}=\frac{\rho r}{3\epsilon_0},\; E=\frac{\sigma}{\epsilon_0},\;\; E_{r>R}=\frac{\sigma R}{\epsilon_0r},E_{r<R}=0,\;\; E_{r<R}=\frac{\rho r}{2\epsilon_0},E_{r>R}=\frac{\rho R^2}{2\epsilon_0r},\;\; E=\frac{2k\lambda}{r},\;\; E_{Sup.Cond.}=\frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

$$W=\int_C\vec{F}\cdot d\vec{r},\;\; \Delta U=U(b)-U(a)=-W_{a\rightarrow b},\;\; V=\frac{U}{q},\;\; \Delta V=V(b)-V(a)=-\int_a^b\vec{E}\cdot d\vec{r},\;\; \vec{E}=-\vec{\nabla}V,\;\; \vec{\nabla}=\left(\frac{\partial}{\partial x},\frac{\partial}{\partial y},\frac{\partial}{\partial z}\right)$$

$$V=\int k\frac{dq}{r},\;\; V=k\frac{q}{r},\;\; V_{r>R}=k\frac{Q}{r},V_{r<R}=k\frac{Q}{R},\;\; V=k\frac{P}{x^2-a^2},\;\; V=k\frac{Q}{\sqrt{R^2+x^2}},V=2\pi k\sigma\left(\sqrt{R^2+x^2}-x\right),\;\; V=V_0-2\pi k\sigma|x|,\;\;$$

$$V=V_0-2k\lambda\ln r,\;\; V_{r>R}=\frac{\sigma R}{\epsilon_0}\ln r+C,\; U=\frac{1}{2}\sum_{i=1}^Nq_iV_i,\;\; U=\frac{1}{2}QV,\;\; C=\frac{Q}{V},\;\; C=\frac{\epsilon A}{d},\;\; \epsilon=\epsilon_0\epsilon_r,\;\; E=\frac{E_0}{\epsilon_r}=E_0-E_{||},\;\; \eta=\frac{1}{2}\epsilon_0E^2,\;\; C=\sum_iC_i,$$

$$\frac{1}{C}=\sum_i\frac{1}{C_i},\;\mu_0=4\pi10^{-7}\frac{Tm}{A},\;\; e=-1.610^{-19}C,\;\; \vec{F}=q\vec{v}\times\vec{B},\;\; \vec{F}=I\vec{l}\times\vec{B},\;\; d\vec{F}=I\,d\vec{l}\times\vec{B},\;\; r=\frac{mv}{qB},\;\; T=\frac{2\pi m}{qB},\;\; v_0=\frac{E}{B},$$

$$\vec{\tau}=\vec{r}\times\vec{F},\;\; \tau=NIAB\sin\theta,\;\; \vec{m}=NIA\vec{n},\;\; \vec{\tau}=\vec{m}\times\vec{B},\;\; V_H=v_dB\omega,\;\; E=v_dB,\;\; n=\frac{IB}{qTV_H},\;\; \vec{B}=\frac{\mu_0}{4\pi}\frac{q\vec{v}\times\vec{u}_r}{r^2},\;\; d\vec{B}=\frac{\mu_0}{4\pi}\frac{I\,d\vec{l}\times\vec{u}_r}{r^2},\;\; B=\frac{\mu_0I}{2R},\;\; B=\frac{\mu_0IR^2}{2(R^2+x^2)^{3/2}},$$

$$B=\frac{1}{2}\mu_0nI\left[\frac{b}{\sqrt{R^2+b^2}}+\frac{a}{\sqrt{R^2+a^2}}\right],\;\; B=\mu_0nI,\;\; B=\frac{\mu_0I}{4\pi y}(\sin\theta_1+\sin\theta_2),\;\; \oint_C\vec{B}\cdot d\vec{l}=\mu_0I_C,\;\; B=\frac{\mu_0I}{2\pi r},\;\; dF_{12}=\frac{\mu_0I_1I_2}{2\pi r}dl,\;\; \Phi_m=\int_S\vec{B}\cdot d\vec{S},\;\; \epsilon=\oint_C\vec{E}\cdot d\vec{l}=-\frac{d\Phi_m}{dt},$$

$$\epsilon=-Blv,\;\; \epsilon=BS\omega\sin(\omega t),\;\; L=\frac{\Phi_m}{I},\;\; L=\frac{\mu_0\pi N^2r^2}{l},\;\; \Phi_1=L_1I_1+M_{12}I_2,\;\; M_{12}=\frac{\Phi_{m2}}{I_1},\;\; U_m=\frac{1}{2}LI^2,\;\; \eta_m=\frac{B^2}{2\mu_0}$$

Ones electromagnètiques:

$$y=y(z-vt),\;\; \frac{d^2y}{dz^2}=\frac{1}{v^2}\frac{d^2y}{dt^2},\;\; v=\sqrt{\frac{F}{\mu}},\;\; v=\lambda f,\;\; k=\frac{2\pi}{\lambda},\;\; y=A\sin(kx-\omega t+\delta),\;\; P=\frac{1}{2}\mu v\omega^2A^2,\;\; I=\frac{P}{4\pi r^2},\;\; I=\frac{1}{2}\rho v\omega^2A^2,L=n\frac{\lambda_n}{2},\;\; f_n=n\frac{v}{2L},\;\; f_n=n\frac{v}{4L}$$

$$v=\frac{c}{n},\; v=\frac{1}{\sqrt{\epsilon_0\mu_0}}=c\approx3\cdot10^8m/s,\; E(x,t)=E_0\cos(\omega t-kx+\delta),\; B(x,t)=B_0\cos(\omega t-kx+\delta),\; E_0=c\;B_0,\; S=\eta c=\frac{1}{\mu_0}EB,\;\; \vec{S}=\frac{1}{\mu_0}\vec{E}\times\vec{B}=\frac{\vec{E}_0\times\vec{B}_0}{\mu_0}\cos^2(\vec{k}\vec{r}-\omega t),$$

$$I=\langle S\rangle=\frac{1}{2}\frac{E_0B_0}{\mu_0},\; p=\frac{U}{c},\; P_r=\frac{I}{c},\; n=\sqrt{\epsilon_r},\; n^2(\omega)=\epsilon_r=1+\frac{Nq_e^2}{\epsilon_0m_e(\omega_0^2-\omega^2)},\;\; \theta_i=\theta_r,\; n_i\sin\theta_i=n_t\sin\theta_t,\;\; \sin\theta_c=\frac{n_t}{n_i},\;\; \tan\theta_B=\frac{n_t}{n_i},\;\; R=\left(\frac{n_t-n_i}{n_t+n_i}\right)^2,\;\; T=\frac{4nn_i}{(n_t+n_i)^2},$$

$$\frac{dn}{dy}=\frac{n}{\rho},\; A(z,t)=2A_0\cos\left[\frac{\delta}{2}\right]\sin\left[kz-\omega t+\frac{\delta}{2}\right],\; A(z,t)=2A_0\sin[kz]\cos[\omega t],\; I=I_1+I_2+2\sqrt{I_1I_2}\cos\delta,\; I=4I_0\cos^2\frac{\delta}{2},\; y_m=m\frac{\lambda s}{a},\;\left(m+\frac{1}{2}\right)\lambda=2n_fd_m,$$

$$I=I_0\operatorname{sinc}^2\beta,\operatorname{sinc}\beta=\frac{\sin\beta}{\beta},\beta=\frac{kb}{2}\sin\theta,\; I=I_0\operatorname{sinc}^2\beta\operatorname{sinc}^2\alpha,\; I=I_0\left(\frac{J_1(\gamma)}{\gamma}\right)^2,\gamma=\frac{kD}{2}\sin\theta,\;\; \sin\theta=\frac{1.22\lambda}{D}\cong\Delta\theta,$$

$$I=I_0\operatorname{sinc}^2\beta\left(\frac{\sin N\alpha}{\sin\alpha}\right)^2,\beta=\frac{kb}{2}\sin\theta,\alpha=\frac{ka}{2}\sin\theta,\; m\lambda=a\sin\theta,2d\sin\theta=m\lambda,\;\; \vec{E}(z,t)=\vec{E}_0\cos(kz-\omega t),\;\; \vec{E}_0=E_0\cos\alpha\;\vec{i}+E_0\sin\alpha\;\vec{j},$$

$$\vec{E}(z,t)=E_{0x}\cos(kz-\omega t)\;\vec{i}+E_{0y}\sin(kz-\omega t)\;\vec{j},\;\; E_x=E_{0x}\cos(kz-\omega t),E_y=E_{0y}\cos(kz-\omega t+\varepsilon),\;\; I(\theta)=\frac{1}{2}c\epsilon_0E^2=\frac{1}{2}c\epsilon_0E_0^2\cos^2\theta=I_0\cos^2\theta$$