## Extrapolació

En molt posseurs el colons nomère d'u nombre v 2 etgen:

[1]. Discretteaux : a coluter granimation, municipal de v depenent d'u par h.

Co exemple

1. F(h)= 1 = V+ 0, h+ 0,

2. f(h)=TN(f)= /6 fox, dx + f h2+ y h4+---

on b f2 = Bz [['(b)-['(a)], f4 = B4 [["(b)-["(a)]

[2] Par al limit: v= lim F(h)

Is s'interix fore for sport payod timit presents problems nomerin from h >0 : ayomenta el d'apera ciais, errors de concellacions, --

l'objecti de l'extraplacó s' obtenir millas grapinacións de v sense prende h molt petit

Syren Jue

Fa(h) = F(h) = V + Qh h + Qh h

1's di F(h) ar somb in error on him - O(hi)

(maderem ara \$ >0 (\$71) i avaluem

Flah) = v + ang Pih Pi + az q Pih Pi+ --

de marina fre

a ( 9 - 9 Pz)

In F(h) - F(gh) = (9 1-1) v + (12) h 2+-..

8' 0 2

12 gr-1 9 P1 F(h) - F(gh) = v + (92) h P2 + ---

observen for are tenin me nore proximent de v

grif (h)- Flah) 25 onlineror U(hPz) J P2-1

s'- de mille pre l'onteir (que ero O(4P2))

Conterior (Cerror 3

O(h P3))

	T_w	tg a	- b 4			1-39	
<	1 45	1 + (1) - 7 (94)					
DE COLCUL	7	F2(1)=F1(1)+ 1/2/1	drie we promised	5/3-1			~
TANDA O'EJOMEMA		F <sub>1</sub> (h) \ F <sub>1</sub> (h) - F <sub>1</sub> (qh) F <sub>1</sub> (qh) \ F <sub>1</sub> (qh) - F <sub>1</sub> (qh) F <sub>1</sub> (qh) \ F <sub>1</sub> (qh) - F <sub>1</sub> (qh)		o(LP)	F. (4)	(42h) F (92h)	~ ~ ~
			1 2 h F1	out error divore other) o mai brannent	F, (4h)	+ (9ch)	4514

Comentari -

- 1. El value de la q no s' molt rellevant. Normalment prenen g=2.
- 2. No col anixer extritment le angazione que la consider explaitment le angazione que la considera explaitment le angazione que la considera explainment le angazione de la considera explainment le a Nous col coneixer le P1, P2, -..
- 3. El nom d'extrepolar se le fue preven F(h1), F(h2), ..., F2(h1), F2(h2), ..., i sudwen "F(0)" a partir d'ajuest valus pri el 0 ilà fora de 2 hr, hz, -->
- 4. En el con de la Cimno del Ingetis comporta la Enler-

Relain) tenin

Preven g=2 i fem extigadação somb

$$\frac{\Delta}{2^2-1}, \frac{\Delta}{2^2-1}, \frac{\Delta}{2^2-1}$$

 $\frac{\Delta}{3}$ ,  $\frac{\Delta}{15}$ ,  $\frac{\Delta}{63}$ ,  $\frac{--}{63}$ 

i s'obte l'anneural métode de Romberg.

5. Poren el procé juan s'atabiliteen els d'éjés en l'apprimació de v.

Veren aro n'trac' per artimer l'error: des comports v= F(1) + 0, h P) + 0, h P2 1---Flah) + x, griph+ Retent, 0=F(h)-F(gh) + 0, h [1-gh] + 0(hPz) 2 P2-1 + O(hP2) CO Openiner (2/h) per F(h)-Fgh) (×9 1° 0 de 8: he petit, agust terme donce ma stonaire de l'error Ma monera de invencer-vis que i m bon atinstin de l'error i' el grient Aul: QLP = F(h)-FGh)

FP1-1  $\frac{1 \text{ downse}}{\sqrt{(qh)^{P_1}}} \approx \frac{F(qh) - F(q^2h)}{\sqrt{qh}} \approx \frac{F(qh) - F(q^2h)}{\sqrt{qh}} \approx \frac{1}{q^2h} = \frac{1}{$  En equit idal her "derrenat" il time U(hPe)

2' o I pue housen d'blienir (144).

Si al fi el procent (144) no delarim a fin sol dir

fue no polen mengitenir la pol en hPe i a dir  $F(h) - F(gh) + C_1 fPe$   $F(gh) - F(g^2h) + C_1 gPe LPe$ 

8° a de pre (+1) no 8 m bon stimation de l'error.

. . .

Cxemple

Problema MG, Volem Je-xidx and merror < 10-4

omb extepolaci. Upen la finale del togeti compite (a Enter-Achanin) omb  $\gamma - 2$ .  $h = \frac{1}{8}$   $f_{3}(h) = F_{1}(h) + \frac{1}{4}$   $f_{4}(h) = F_{2}(h) + A + A - B = 0$   $f_{5}(h) = F_{2}(h) + A + A - B = 0$   $f_{7}(h) = 0$   $f_{1}(h) = 0$   $f_{1}(h) = 0$   $f_{2}(h) = A + A - B = 0$   $f_{3}(h) = F_{2}(h) + A + A - B = 0$   $f_{4}(h) = 0$   $f_{5}(h) = F_{2}(h) = A + A - B = 0$   $f_{5}(h) = F_{2}(h) = A + A - B = 0$   $f_{7}(h) = 0$  Figh = B+ B-C = 0,7485534 E F, 1924 = 0,731370296 22h= 1 2 (4) F<sub>3</sub>(h) = F<sub>2</sub>(h) + A = D + D - E = 0,74(8,24,14) Apr poren. Recorden for  $T_{N}(l) = \int_{0}^{l} f(x) dx + \alpha h^{2} + \alpha h^{2} + \alpha h^{2} + \cdots$   $P_{1} = 2, \quad 72 = 5 \rightarrow 1$   $F_{-1} = 2^{-1} = 15$ NOTA-- L columer F(h)-F9h) = 0,00096 = onh P1 +0(hP2) [leme red s' Fa(h) - Valreporte = 0,00099  $-6 colonem = \frac{F(h) - F(gh)}{F(gh) - F(gh)} = 0,244 \quad i \quad \frac{1}{27} = \frac{1}{27} = 0,25$