제 2 교시

1. 5³×5⁻²의 값은? [2점]

① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7

⑤ 9

 $3.\lim_{n\to\infty}\frac{5\times 4^n}{4^n+1}$ 의 값은? [2점]

1

② 2

③ 3

4

⑤ 5

2. 함수 $f(x)=x^4$ 에 대하여 f'(1)의 값은? [2점]

① 1 ② 2 ③ 3

4

⑤ 5

4. 두 집합 $A = \{1, 2, 3, 4\}, B = \{1, 2\}$ 에 대하여 집합 A-B의 모든 원소의 합은? [3점]

① 5

26 37 48 59

- 5. 함수 f(x)=x-2에 대하여 $f^{-1}(0)$ 의 값은? [3점]
 - $\bigcirc 1 2$ $\bigcirc 2 1$ $\bigcirc 3 \ 0$ $\bigcirc 4 \ 1$

- **⑤** 2
- 7. 실수 x에 대한 두 조건

$$p: x^2 - a = 0$$

$$q: x=2$$

에 대하여 p가 q이기 위한 필요조건이 되도록 하는 양수 a의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3

- **4** 4 **5** 5

- $\emph{6.}$ 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 부분집합 A에 대하여 $\{3,4,5\}\cap A=\varnothing$ 을 만족시키는 모든 집합 A의 개수는? [3점]
- \bigcirc 2
- 2 4 3 8
- **4** 16
- ⑤ 32

- 8. 다항함수 f(x)가 $\lim_{h\to 0} \frac{f(2+h)-f(2)}{3h} = 5$ 를 만족시킬 때, f'(2)의 값은? [3점]
 - ① 9
- 2 12
- ③ 15
- **4** 18
- ⑤ 21

9. x > 0인 실수 x에 대하여

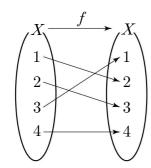
$$4x + \frac{a}{x} \ (a > 0)$$

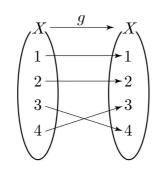
- 의 최솟값이 2일 때, 상수 a의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{3}{4}$ ④ 1 ⑤ $\frac{5}{4}$

- 10. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n \frac{2n}{3n+1}\right) = 11$ 일 때,
 - $\lim_{n\to\infty} a_n$ 의 값은? [3점]
- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{5}{6}$

11. 그림은 집합 X에서 X로의 두 함수 f, g 를 나타낸 것이다.





(f ∘ g)(1)+(g ∘ f)(3)의 값은? [3점]

- \bigcirc 3
- 2 4
- 3 5
- 4 6
- ⑤ 7

- 12. 함수 $f(x)=x^3-6x^2+9x+1$ 이 $x=\alpha$ 에서 극댓값 M을 가질 때, $\alpha+M$ 의 값은? [3점]
 - 1 4
- 26
- 3 8
- **4** 10
- ⑤ 12

13. 유리함수 $f(x) = \frac{3x+1}{x-k}$ 의 그래프의 두 점근선의 교점이

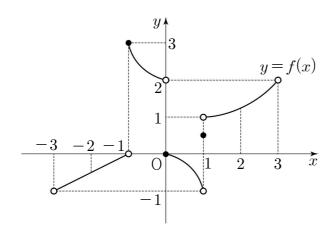
직선 y=x 위에 있을 때, 상수 k의 값은? (단, $k\neq -\frac{1}{3}$) [3점]

- 1
- 2 2
- ③ 3
- 4 4

⑤ 5

- ${\it 14.}$ 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $a_6-a_2=a_4,\ a_1+a_3=20$ 일 때, a_{10} 의 값은? [4점]
 - ① 30
- \bigcirc 35
- 3 40
- **4** 45
- **⑤** 50

 ${\it 15.} - 3 < x < 3$ 에서 정의된 함수 y = f(x)의 그래프가 그림과 같다.



부등식 $\lim_{x\to a^-} f(x) > \lim_{x\to a^+} f(x)$ 를 만족시키는 상수 a의 값은? (단, -3 < a < 3) [4점]

- (1) -2
- 30
- 4 1
- **5** 2

- 16. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t(t \ge 0)$ 에서의 위치 x가 $x = -t^2 + 6t$ 이다. 점 P의 속도가 2일 때, 점 P의 위치는? [4점]
- ① 8 ② $\frac{17}{2}$ ③ 9 ④ $\frac{19}{2}$
- ⑤ 10

7

 $\emph{17.}$ 어떤 자연수 m에 대하여 수열 $\left\{a_n\right\}$ 이

$$\sum_{k=1}^{m} a_k = -1, \sum_{k=1}^{m} a_k^2 = 3$$

을 만족시킨다. $\sum_{k=1}^{m} (a_k + 3)^2 = 60$ 일 때, m의 값은? [4점]

- ① 3
- 2 4
- 3 5
- 4 6
- ⑤ 7

18. 다음은 $\sum_{k=1}^{14} \log_2\{\log_{k+1}(k+2)\}$ 의 값을 구하는 과정이다.

자연수 n에 대하여

$$\log_{n+1}(n+2) = \frac{\boxed{(가)}}{\log_2(n+1)}$$
이므로

$$\sum_{k=1}^{14} \log_2 \{ \log_{k+1}(k+2) \}$$

$$= \log_2\left(\frac{\text{L})}{\log_2 2}\right)$$

따라서

$$\sum_{k=1}^{14} \log_2 \{ \log_{k+1}(k+2) \} = \boxed{ (다)}$$

위의 (7)에 알맞은 식을 f(n)이라 하고, (4), (7)에 알맞은 수를 각각 p, q라 할 때, f(p+q)의 값은? [4점]

- $\bigcirc 3$
- 2 4
- 3 5
- 4 6
- ⑤ 7

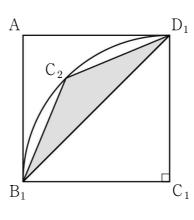
19. 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

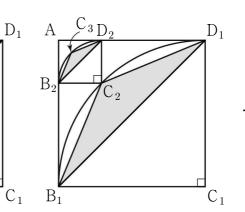
$$a_{n+1} + a_n = 2n^2$$

을 만족시킨다. $a_3 + a_5 = 26$ 일 때, a_2 의 값은? [4점]

- 1
- 2 2
- 3 3
- 4
- **⑤** 5
- 20. 그림과 같이 한 변의 길이가 2인 정사각형 $AB_1C_1D_1$ 안에 꼭짓점 C_1 을 중심으로 하고 선분 C_1B_1 을 반지름으로 하는 사분원을 그린다. 호 B_1D_1 을 이등분하는 점을 C_2 라 하고 삼각형 $C_2B_1D_1$ 에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자. 그림 R_1 에서 선분 AB_1 위의 점 B_2 , 선분 AD_1 위의 점 D_2 와 두 점 A, C_2 를 꼭짓점으로 하는 정사각형 $AB_2C_2D_2$ 를 그리고, 정사각형 $AB_2C_2D_2$ 안에 꼭짓점 C_2 를 중심으로 하고 선분 C_2B_2 를 반지름으로 하는 사분원을 그린다. 호 B_2D_2 를 이등분하는 점을 C_3 이라 하고 삼각형 $C_3B_2D_2$ 에 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자.

이와 같은 과정을 계속하여 n번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim S_n$ 의 값은? [4점]





 R_1

- ① $\frac{12-5\sqrt{2}}{7}$ ② $\frac{11-4\sqrt{2}}{7}$ ③ $\frac{10-3\sqrt{2}}{7}$

 R_2

- $4 \frac{12-4\sqrt{2}}{7}$ $5 \frac{12-3\sqrt{2}}{7}$

21. 실수 t에 대하여 좌표평면에서 집합

 $\{(x,y)|y=x$ 또는 $y=(x-a)^2-a\}$ (단, a는 실수)

가 나타내는 도형이 직선 x+y=t와 만나는 점의 개수를 f(t)라 하자. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

[4점]

< 보기〉

ㄱ. a=0일 때, f(0)=2이다.

ㄴ. 함수 f(t)는 $t = -\frac{1}{4}$ 에서 불연속이다.

ㄷ. 함수 f(t)가 t=lpha에서 불연속이 되는 실수 lpha의 개수가 2인 모든 a의 값의 합은 $\dfrac{1}{4}$ 이다.

 \bigcirc

② ¬, ∟

③ ¬, ⊏

④ ∟, ⊏

⑤ 7, ∟, ⊏

단답형

 $22. \log_2 a = 3$ 일 때, 양수 a의 값을 구하시오. [3점]

23. 함수 $y = \sqrt{3x}$ 의 그래프를 x축의 방향으로 m만큼 평행이동시킨 그래프가 함수 $y = \sqrt{3x - 27}$ 의 그래프와 일치하였다. 상수 m의 값을 구하시오. [3점]

10

수학 영역[나형]

24. 두 상수 a, b에 대하여 $\lim_{n\to\infty} \frac{(a-2)n^2+bn}{2n-1}=5$ 일 때, a+b의 값을 구하시오. [3점]

26. 다항함수 f(x)가 $\lim_{x\to 1} \frac{f(x)-3}{x-1} = 2$ 를 만족시킨다. $g(x)=x^3f(x)$ 라 할 때, g'(1)의 값을 구하시오. [4점]

25. 함수 f(x)의 그래프 위의 임의의 점 (x, f(x))에서의 접선의 기울기가 4x-1이고 f(0)=1일 때, f(2)의 값을 구하시오. [3점]

11

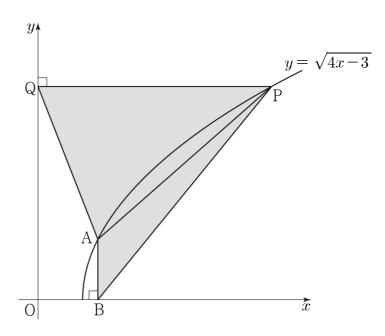
27. 모든 항이 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때, a_3 의 값을 구하시오. [4점]

$$(7\rada) \ a_1 \times a_2 = 2a_3$$

$$(\downarrow) \sum_{k=1}^{20} a_k = \frac{a_{21} - a_1}{3}$$

28. 그림과 같이 곡선 $y=\sqrt{4x-3}$ 위에 두 점 A(1,1)과 $P(t,\sqrt{4t-3})$ 이 있다. 점 A에서 x축에 내린 수선의 발을 B, 점 P에서 y축에 내린 수선의 발을 Q라 할 때, 삼각형 PAB와 삼각형 PQA의 넓이를 각각 S(t), T(t)라 하자.

 $\lim_{t\to 1+} \frac{T(t)}{S(t)}$ 의 값을 구하시오. (단, t>1) [4점]



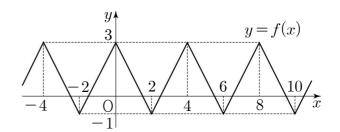
29. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)와 함수

$$g(x) = \begin{cases} \frac{1}{x-4} & (x \neq 4) \\ 2 & (x = 4) \end{cases}$$

에 대하여 h(x)=f(x)g(x)라 할 때, 함수 h(x)는 실수 전체의 집합에서 미분가능하고 h'(4)=6이다. f(0)의 값을 구하시오.

[4점]

- 30. 그림은 다음 조건을 만족시키는 함수 y = f(x)의 그래프의 일부이다.
 - (가) $0 \le x < 4$ 일 때, f(x) = 2|x-2|-1이다.
 - (나) 모든 실수 x에 대하여 f(x+4)=f(x)이다.



함수

$$g(x) = \lim_{n \to \infty} \frac{\{f(x)\}^{2n+1} - 1}{\{f(x)\}^{2n} + 1}$$

이라 할 때, 자연수 m에 대하여 방정식 mg(x)=x+m의 실근의 개수를 a_m 이라 하자. $\sum_{m=1}^{21} a_m$ 의 값을 구하시오. [4점]

※ 확인 사항

답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.