1. (3 point) Et anti-aliaseringsfilter ønskes designet med mindst mulig filterorden, så en stopbåndsdæmpning på 50 dB opnås. Hvilket af følgende filtre opfylder dette ønske? Bessel lavpasfilter X Chebyshev lavpasfilter ○ Bessel højpasfilter Chebyshev højpasfilter 2. (3 point) Benyt Figur 1 til at bestemme filterordenen for et analog højpasfilter med afskæringsfrekvens 1000 Hz og stopbåndsfrekvens 250 Hz med stopbåndsdæmpning større end 30 dB. • Filterordenen skal være: -10 -20 Amplitude (dB) -50 -70 -80 Figure 1: Amplitudekarakteristik for frekvensnormeret 0,5 dB Chebyshev lavpasfilter. 3. (3 point) Er følgende diskrete overføringsfunktion stabil?  $G(z) = \frac{(z+0.2)(z-0.2)}{(z+0.5)(z-1.1)}$ O Ja Nej Nej 4. (3 point) Hvor mange poler og nulpunkter har følgende diskrete overføringsfunktion  $G(z) = \frac{z^2 - 3}{z^3 + 2z}$ • Antal poler: 3 • Antal nulpunkter: 2 5. (3 point) Hvilke af følgende samplefrekvenser kan benyttes til fuldstændig rekonstruktion af signalet x(t)?  $x(t) = \cos(6\pi \cdot t + 2) + \sin(5\pi \cdot t + 4)$   $\psi$  3Hz  $\frac{5}{2}$  HZ  $\bigcirc f_s = 1 \text{ Hz}$  $\bigcirc f_s = 2 \text{ Hz}$  $\bigcirc f_s = 3 \text{ Hz}$  $f_s = 10 \text{ Hz}$ 

$$2y(n) + 3y(n-2) = 3x(n) + 2x(n-2)$$

Hvilken af følgende overføringsfunktioner er en z-transformation af (1)?

$$\bigcap G_1(z) = \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{2+3z^{-2}}{3+2z^{-2}}$$

$$\bigcirc G_2(z) = \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{3+2z^{-1}}{2+3z^{-1}}$$

$$X G_3(z) = \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{3z^2 + 2}{2z^2 + 3}$$

$$2 \cdot Y(z) + 3 Y(z) \cdot z^{-2} = 3 \cdot X(z) + 2 \cdot X(z) \cdot z^{-2}$$

$$\Rightarrow \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{3+2z^{-2}}{2+3z^{-2}} = \frac{3z^2+2}{2z^2+3}$$

7. (3 point) Betragt følgende diskrete overføringsfunktion

$$G(z) = \frac{Y(z)}{X(z)} = \frac{z^2 - 1}{(z - 0.2)(z + 0.9)}$$

- Hvor ligger nulpunktet/nulpunkterne for G(z)?
- Hvor ligger polen/polerne for G(z)?
  Z = {a,2 -a,9

8. (3 point) Betragt f
ølgende diskrete overf
øringsfunktion

$$G(z) = \frac{z}{(z - 0.5)(z + 0.5)}$$

• Hvad er DC-forstærkningen for G(z)?

$$G(1) = \frac{1}{(1-c,5)(1+c,5)} = \frac{1}{(c,5)(1,5)} = \frac{1}{c,75} = 1,33$$

9. (3 point) Betragt følgende diskrete overføringsfunktion

$$G(z) = \frac{z}{(z - 0.5)(z + 0.5)}$$

ullet Hvad er filtrets forstærkning |G(z)| ved en frekvens på 1 Hz, når samplefrekvensen for filtret er 2 Hz?

$$Z = e^{j\omega T} \qquad T = \frac{1}{2} , \quad w = 2\pi f = 2\pi$$

$$Z = e^{j\cdot 2\pi \cdot \frac{1}{2}} = e^{j\pi}$$

$$Z = e^{j\cdot 2\pi \cdot \frac{1}{2}} = e^{j\pi}$$

$$G(e^{j\pi}) = \frac{e^{j\pi}}{(e^{j\pi} - 0, 5)(e^{j\pi} + e, 5)} = \frac{e^{j\pi}}{e^{2j\pi} - o, 25}$$

10. (3 point) Et FIR lavpasfilter ønskes designet med en stopbåndsdæmpning på 45 dB. Hvilken af følgende vinduesfunktioner kan anvendes? ○ Rektangulært vindue O Bartlett vindue Hamming vindue Vindue Min. stopbåndsdæmpning Max. pasbåndsripple  $\frac{f_s/\Delta_f}{2f_s/\Delta_f}$  $\frac{2f_s/\Delta_f}{2f_s/\Delta_f}$ Rektangulær 20 dB 1,5 dB 25 dB **Bartlett** 0,1 dB 50 dB 0,05 dB Hamming  $2f_s/\Delta_f$ 45 dB 0,1 dB Hanning 2,8  $1,4f_s/\Delta_f$ Kaiser ( $\beta = \pi$ ) 40 dB 0,2 dB **Kaiser** ( $\beta = 2\pi$ ) 4,4  $2, 2f_s/\Delta_f$ 65 dB 0,01 dB 11. (10 point) Betragt sekvensen  $x(n) = \begin{cases} 10 & \text{for } n = 0\\ 5 & \text{for } n = 1\\ 7 & \text{for } n = 2\\ -10 & \text{for } n = 3 \end{cases}$ (2)Udregn en 4-punkts diskret Fourier transformation (DFT) af sekvensen x(n). Bestem kun X(1) og X(2).  $X(m) = rac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} x(nT) W_N^{mn}$ N = 4 Bruger et rektangulært vindue for at gøre det nemt for mig selv W/ = 1 Udregn X(m)  $X(1) = \frac{1}{4} \cdot \left( \chi(c) + \chi(1) + \chi(2) + \chi(3) \right)$ 12. (10 point) Betragt f
ølgende differensligning 5y(n) + 4y(n-1) - y(n-2) = 6x(n) - 6x(n-2)(a) (6 point) Bestem en overføringsfunktion for differensligningen (3). Overføringsfunktionen skal have

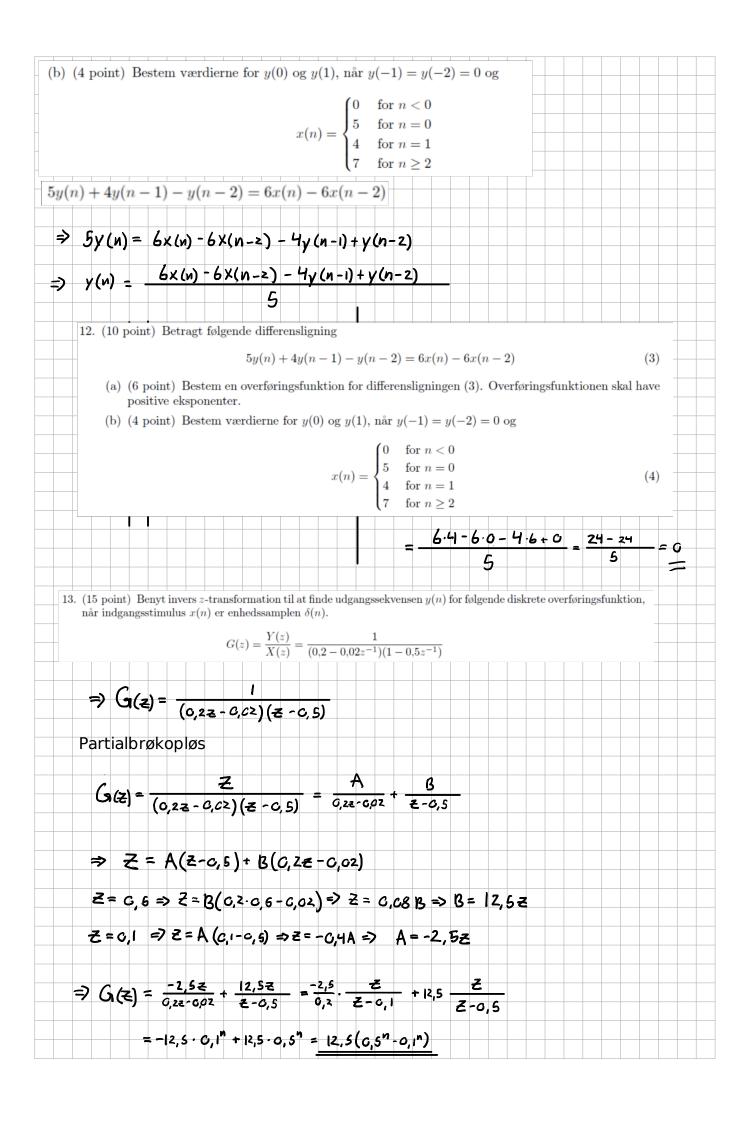
5 Y(z) +4 Y(z) · E - Y(z) · E = 6 · X(z) - 6 · X(z) · E -2

=> Y(z)·(5+4z-1-z-2) = X(z)·(6-6z-2)

 $\Rightarrow H(z) = \frac{V(z)}{X(z)} = \frac{6 - 6z^{-2}}{5 + 4z^{-1} + z^{-2}}$ 

positive eksponenter.

a)



$$H(s) = \frac{1.6}{s^2 + 2.2s + 1.6}$$

- (a) (5 point) Transformer Bessel lavpasfiltret til et højpasfilter (frekvensnormeret filter).
- (b) (15 point) Design et digitalt højpasfilter H(z) ved brug af bilineær z-transformation. Det digitale højpasfilter skal have afskæringsfrekvens på 1 kHz og samplefrekvens på 5 kHz.

$$H_{hp}(s)=H_{lp}(ar{s})|_{ar{s}=rac{1}{s}}$$

b) 
$$f_a = 1000$$
,  $f_s = 5000 \Rightarrow T = \frac{1}{5000}$  radions?)

Jeg burde nok have denormeret den her

Finder prewarping-konstanten

$$C = \cot\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \cot\left(\frac{2\cos\alpha_{\pi} \cdot \frac{1}{5\cos\alpha}}{2}\right) = \cot\left(\frac{1}{5}\pi\right) = 1,376$$

Transformerer

$$H(z) = H(s)$$

$$S = \left(-\frac{z}{z+1}\right) = \frac{1.6 c^2 \cdot \frac{(z-1)^2}{(z+1)^2}}{1 + 2.2 \cdot c \cdot \frac{z}{z+1} + 1.6 c^2 \cdot \frac{(z-1)^2}{(z+1)^2}}$$

15. (15 point) Bestem filterkoefficienterne for et FIR båndstopfilter uden et vindue. Båndstopfiltret skal	_
have en afskæringsfrekvenser $f_{a_1} = 1$ kHz og $f_{a_2} = 2$ kHz samt samplefrekvens 10 kHz. Filtret skal have	
5 samples.	

$$M = 2$$
,  $T = 10000^{-1}$   
 $C_{0} = 1 - 2T (f_{az} - f_{al}) = 1 - 5000^{-1} \cdot 1000 = 1 - \frac{1}{5} = 0.8$ 

$$a_2 = C_0 = 0.8$$

$$H(z) = \sum_{i=0}^{2N} \alpha_i \cdot z^i = \sum_{i=0}^{4} \alpha_i \cdot z^i$$

