یک نمونهٔ CSP نظیر هریک از شما طراحی شده است که دارای دو متغیر a و b است و یک قید. دامنهٔ این دو متغیر برای شما مشخص شده است. قصد داریم این نمونه را با بهره گیری از تکنیک log encoding به یک نمونهٔ SAT تبدیل کنیم.

الف. نمونهٔ SAT حاصل از بكارگیری تكنیک log encoding چند متغیر بولین دارد؟

ب. برای اینکه متغیر a مقداری را خارج از دامنه اخذ نکند به چند کلاوز نیاز داریم؟ یکی از این کلاوزها را بنویسید. ج. برای اینکه متغیر b مقداری را خارج از دامنه اخذ نکند به چند کلاوز نیاز داریم؟ یکی از این کلاوزها را بنویسید. د. برای توصیف قید داده شده در بستر SAT به چند کلاوز نیاز داریم؟ حداقل سهتا از این کلاوزها را بنویسید.

* نمونه :

$$D_a = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$$

$$D_b = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15 \}$$

The Constraint is a + b < 10.

پاسخ :

الف)

$$\begin{aligned} &\left\lceil \log(|D_{\textit{a}}|)\right\rceil = 3 &\rightarrow X_{\text{a0}} \text{ , } X_{\text{a1}} \text{ , } X_{\text{a2}} \\ &\left\lceil \log(|D_{\textit{b}}|)\right\rceil = 4 &\rightarrow X_{\text{b0}} \text{ , } X_{\text{b1}} \text{ , } X_{\text{b2}} \text{ , } X_{\text{b3}} \end{aligned}$$

در مجموع به ۷ متغیر بولین نیاز داریم .

ج) با ۴ متغیر بولینی که برای نمایش b در نظر گرفتیم تنها می توان ۱۶ مقدار مختلف را پوشش داد و این دقیقا معادل دامنه b است. لذا برای این قسمت نیازی به کلاز کنترل کننده نداریم.

د) مقداردهی های ممنوعه عبارت اند از (به صورت $(a\,,\,b)$) :

$$(0,10)$$
, $(0,11)$, ..., $(0,15)$, $(1,9)$, $(1,10)$, ..., $(1,15)$, $(2,8)$, $(2,9)$, ..., $(2,15)$

$$(3,7)$$
, $(3,8)$,, $(3,15)$, $(4,6)$, $(4,7)$,, $(4,15)$, $(5,5)$, $(5,6)$,, $(5,15)$

(6,4), (6,5),, (6,15)

در مجموع ۶۳ حالت ممنوعه داریم که برای نمایش آنها به ۶۳ کلاز احتیاج داریم که سه مورد از آن عبارتند از: $X_{a2} \lor X_{a1} \lor X_{a0} \lor \neg X_{b3} \lor X_{b2} \lor \neg X_{b1} \lor X_{b0} \\ X_{a2} \lor X_{a1} \lor X_{a0} \lor \neg X_{b3} \lor X_{b2} \lor \neg X_{b1} \lor \neg X_{b0} \\ X_{a2} \lor X_{a1} \lor X_{a0} \lor \neg X_{b3} \lor \neg X_{b2} \lor X_{b1} \lor \neg X_{b0}$