# Paradigmas de Linguagens de Programação

Prof. Sergio D. Zorzo

Departamento de Computação - UFSCar

1º semestre / 2013

Aula 3

Adaptação do material do Prof. Daniel Lucredio

# Listas em Prolog

- LISTA é uma seqüência ordenada de elementos.
  - Pode ter qualquer comprimento.
  - Elementos de listas podem ser simples ou estruturados (inclusive listas)
  - No Prolog, geralmente são denotadas por colchetes e elementos separados por vírgulas.
- Exemplos:
  - [] (lista vazia)
  - [a, b, c]
  - [maria, joao, pedro, carlos]
  - [1, 329, -15, par(a,b), X, [2, c, Y], 2000]

- Listas são divididas em:
  - cabeça primeiro elemento
  - cauda o que resta tirando o primeiro elemento
- Exemplos:
  - [a, b, c]
    - cabeça: a
    - cauda: [b,c]
  - [X, Y, 234, abc]
    - cabeça: X
    - cauda: [Y, 234, abc]

 As partes da lista são combinadas pelo funtor ● (ponto): ● (Cabeça, Cauda)

[a, b, c] equivale a

$$\bullet$$
 (a,  $\bullet$  (b,  $\bullet$  (c,  $\bullet$ ())))

- A barra vertical separa a cabeça da cauda.
  - [X|Y] representa listas com pelo menos um elemento
- A barra vertical pode separar também vários elementos do início da lista do restante da lista:
  - [X,Y | Z] representa listas com pelo menos dois elementos
- Símbolos antes da barra são ELEMENTOS
- Símbolo após a barra é LISTA

#### Unificação de listas

- Não há diferença
  - Mesmo algoritmo pode ser utilizado
  - Basta imaginar que [X|Y] é o mesmo que ●(X,Y)
- Ex:
  - ●(a1, ●(a2, ●(a3, a4)))
  - **●**(X,Y)
- Resultado da unificação:
  - X=a1
  - Y=●(a2, ●(a3, a4))

#### Unificação de listas

- Não há diferença
  - Mesmo algoritmo pode ser utilizado
  - Basta imaginar que [X|Y] é o mesmo que ●(X,Y)
- Ex: [a1,a2,a3,a4] [X|Y]
- Resultado da unificação:
  - X=a1
  - Y=[a2, a3, a4]

Lista 1	Lista 2	Resultado da unificação
[a1, a2, a3, a4]	[X Y]	X = a1 Y = [a2, a3, a4]
[a1]	[X Y]	X = a1 Y = []
	[X Y]	não unificam
[[a, b], c, d]	[X Y]	X = [a,b] Y = [c,d]
[[ana, Y]   Z]	[[X, foi], ao, cinema]	X = ana Y = foi Z = [ao, cinema]
[[ana, Y]   Z]	[[X, foi], [ao, cinema]]	X = ana Y = foi Z = [[ao, cinema]]
[a, b, c, d]	[X, Y   Z]	X = a Y = b Z = [c, d]
[ana, maria]	[X, Y   Z]	X = ana Y = maria Z = []
[ana, maria]	[X, Y, Z]	não unifica

#### Operações sobre listas

- Operações sobre listas freqüentemente usam busca recursiva.
- São o mecanismo principal para iteração em Prolog
- O programa é construído com base nas duas partes da lista: cabeça e cauda.

- Verificar se um elemento é membro de uma lista.
- O raciocínio para construção de um programa em Prolog começa com a identificação de parâmetros envolvidos (listas, estruturas, elementos, etc) – que serão argumentos de uma relação – e da operação principal – que será definida como uma relação entre esses parâmetros.
- Neste exemplo, temos dois parâmetros, a lista e o elemento.
  - A operação principal é a verificação de pertinência ou não do elemento à lista.
- É necessário definir nomes para:
- relação : pertence e parâmetros: elemento, lista

- Depois de definidos os elementos envolvidos, estruturamos a solução como um processo recursivo, explorando o recurso de acessar diretamente a cabeça da lista e a cauda da lista.
- Estruturação da solução:
  - X é membro de L se:
  - X é a cabeça de L, ou
  - X é membro da cauda de L
- Demonstração (ex1)

- Concatenar duas listas
  - conc(L1, L2, L3)
  - Raciocínio:
    - Se L1 é lista vazia, o resultado da concatenação é igual a
       L2
    - Se L1 não é vazia, é da forma [X|L]. O resultado da concatenação é [X|LR] onde LR é a concatenação de L com L2.
- Demonstração (ex2)

- Adicionar um elemento como último de uma lista
- add\_ultimo(E, L1, L2)
  - L2 deve conter todos os elementos de L1 e E no final
- Demonstração (ex3)

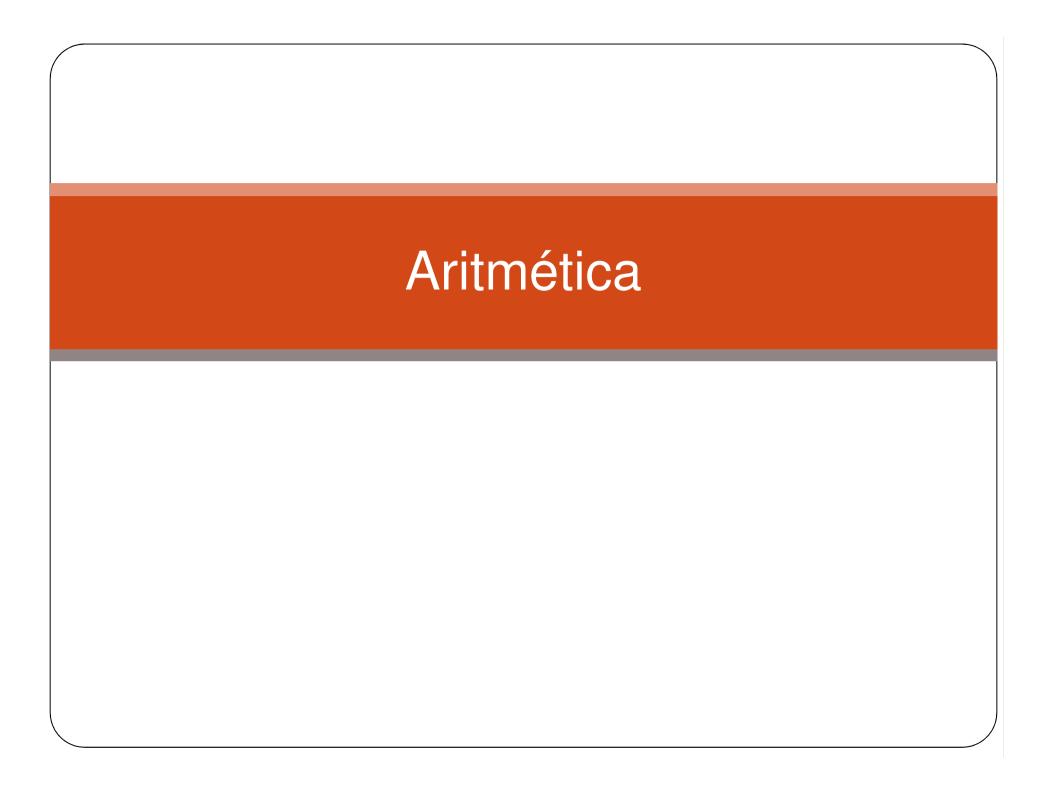
- Eliminar um elemento de uma lista
- del(X,L1,L2)
  - L2 contém todos os elementos de L1, menos X
- Demonstração (ex4)

#### Exercício

 Defina um predicado membro(X,L) que é satisfeito quando X é um elemento da lista L.

#### Resposta

- membro(X,[X|\_]).
- $membro(X,[\_|Z]):-membro(X,Z).$



#### Aritmética

- Operadores aritméticos são considerados funtores
  - 2+5 é representado internamente como +(2,5)
- Para ativar as operações é necessário usar o predicado "is":
  - Sintaxe: X is <expressão>
  - onde X (variável)
  - <expressão> (expressão aritmética)
- calcula a expressão e instancia o resultado na variável X
- Demonstração

#### Aritmética

- Porque a consulta 1 is sin(pi/2) retorna falso?
- Precisamos analisar a definição do predicado "is"
  - Vamos olhar no manual do Prolog
  - Mas antes...

#### Convenção de notação

- Definição de Predicados
  - pred(+Arg1, ?Arg2, -Arg3)
- Modo de Declaração
  - + Argumento de entrada. Deve estar instanciado quando o predicado é chamado
  - Argumento de saída. Deve ser uma variável não instanciada quando o predicado é chamado. Se o predicado der sucesso, será instanciada ao valor retornado
  - ? Argumento de entrada ou de saída. Pode estar instanciado ou não
- pred/3
  - Indica que pred tem 3 argumentos
- Prolog adota essa notação (manual, mensagens)

#### Operador "is"

# True when Number is the value to which Expr evaluates. Typically, is/2 should be used with unbound left operand. If equality is to be tested, =:=/2 should be used. For example: ?- 1 is sin(pi/2). Fails!. sin(pi/2) evaluates to the float 1.0, which does not unify with the integer 1. ?- 1 =:= sin(pi/2). Succeeds as expected.

- -Number is +Expr
- Ou, na notação infixa
- is(-Number, +Expr)
  - "is" deve ser usado com Number não atribuído, ou seja, Number é um "argumento de saída"

#### Operadores aritméticos

 Alguns operadores aritméticos que podem ser usados com "is":

X+Y	
X-Y	abs(X)
X*Y	exp(X)
X/Y X//Y (divisão inteira) X^Y (exponenciação) -X	In(X)
	log(X)
	sin(X)
	cos(X)
X mod Y	sqrt(X)

#### Operadores relacionais

- E1 e E2 são expressões aritméticas, que são calculadas antes da aplicação do operador
  - Op(+E1, +E2)
- E1 > E2
- E1 < E2
- E1 >= E2
- E1 =< E2
- E1 =:= E2 calcula E1 e E2 e testa igualdade
- E1 =\= E2 calcula E1 e E2 e testa desigualdade
- Demonstração

- Predicado = (unifica termos)
- Sintaxe: Termo1 = Termo2
  - Ou =(?Termo1, ?Termo2)
- Retorna sucesso se os termos Termo1 e Termo2 unificam.
- Retorna os valores das variáveis instanciadas, quando elas aparecem em um dos termos.
- Demonstração

- Predicado \=
  - Equivalente a \((Termo1 = Termo2)\)
  - Faz a unificação
    - Se for bem sucedida, retorna false
    - Caso contrário, retorna true

- Predicado == (verifica se dois termos são
- idênticos)
  - Sintaxe: Termo1 == Termo2
  - Ou ==(?Termo1,?Termo2)
- Retorna sucesso se Termo 1 e Termo 2 são idênticos. As variáveis NÃO são instanciadas. As expressões NÃO são calculadas.

#### Predicado "=="

- Variáveis só são iguais se representam a mesma instância
- Átomos e Strings são comparados alfabeticamente
- Números são comparados por valor
- Termos compostos:
  - · Primeiro checa-se a aridade
  - Depois checa-se o funtor (alfabeticamente)
  - Depois os argumentos, recursivamente
- Demonstração

- Predicado \== (verifica se dois termos n\u00e3o s\u00e3o id\u00e9nticos)
- Sintaxe: Termo1 \== Termo2
  - Ou \==(?Termo1,?Termo2)
- Retorna sucesso se Termo 1 e Termo 2 NÃO são idênticos. As variáveis NÃO são instanciadas. As expressões NÃO são calculadas.
- É equivalente a \((Termo1==Termo2)\)

#### Ordenação de termos

- Outras comparações: Termo1 < op> Termo2
- onde <op> pode ser @>=, @>, @=<, @<</li>
- Comparam Termo1 e Termo2 seguindo sua ordem natural
  - Variáveis < Números < Átomos < Strings < Compostos</li>
- Variáveis: pela idade (mais velhas primeiro)
  - X @< Y se X foi declarada antes</li>
- Átomos e Strings: pela ordem lexicográfica
- Números: pelos valores
- Compostos: pela aridade, depois pelo funtor (lexicograficamente), e em seguida pelos argumentos
- Demonstração

# Resumo dos operadores

Operador	Descrição Formal	Propósito
is	-Number is +Expr	Realizar cálculo de expressões, com o objetivo de unificar o resultado com uma variável ainda não instanciada
=:= (=\=)	+Expr1 =:= +Expr2	Comparar a igualdade do valor de duas expressões, após as mesmas serem calculadas
= (\=)	?Termo1 = ?Termo1	Unificar dois termos. Retorna o resultado da unificação (uma lista de substituições) caso seja bem sucedida, ou false
== (\==)	?Termo1 == ?Termo2	Comparação entre termos, com base em seu nome, valor e estrutura

# Resumo dos operadores

Operador	Descrição Formal	Propósito
< > =< >=	+Expr1 <op> +Expr2</op>	Comparação aritmética entre duas expressões, após as mesmas serem calculadas
@< @> @=< @>=	?Termo1 <op> ?Termo2</op>	Comparação entre termos segundo sua ordem natural

Somar os elementos de uma lista numérica

# Resposta

Contar o número de elementos de uma lista

# Resposta

 Dada uma lista de números, separar em duas sendo uma com os positivos e o zero, e outra com os negativos

# Resposta



- Processo de resolução é não-determinístico
  - Não há uma ordem específica para aplicar a resolução
  - Ou seja, os programas a seguir são equivalentes:

#### • P1:

```
antepassado(X, X). antepassado(X, Y): - antepassado(X, Y), pai(X, X).
```

#### • P2:

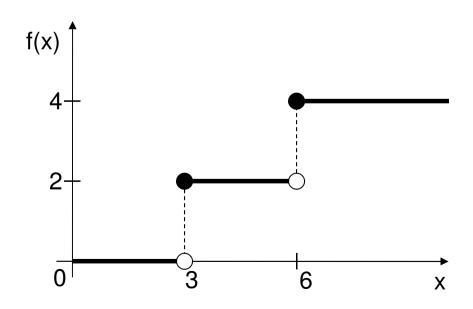
```
antepassado(X, X).
antepassado(X, Y) :- pai(X, Z), antepassado(X, Y).
```

- A resolução SLD consiste em justamente definir tal ordem
  - Regra de computação
  - Estratégia de busca
  - Retrocesso (backtracking)
- Nesse contexto, P1 e P2 (do slide anterior) são distintos
  - Mais especificamente, P1 causa um loop infinito

- Problema: uma simples mudança de ordem não deveria ser crucial para a exatidão do programa
  - Ausência de controle explícito é uma das vantagens da programação lógica
- Mas é necessária para possibilitar a implementação eficiente
- Existe outra forma para aumentar a eficiência em programas lógicos
  - Faz parte da "impureza" do Prolog

Considere a seguinte função:

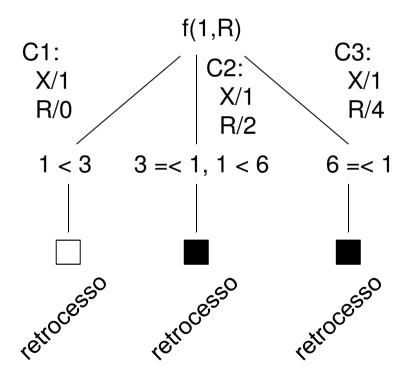
$$f(x) = \begin{cases} 0, \text{ se } x < 3 \\ 2, \text{ se } 3 \le x < 6 \\ 4, \text{ se } x \ge 6 \end{cases}$$



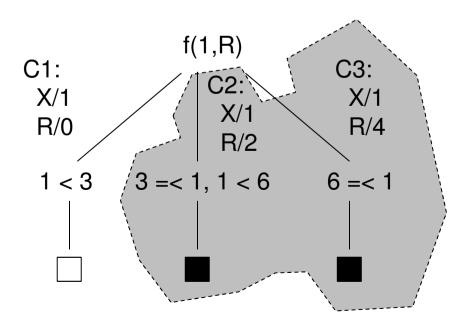
 O seguinte programa Prolog implementa a função do slide anterior:

$$f(X,0) :- X < 3.$$
 %C1  
 $f(X,2) :- 3 =< X, X < 6.$  %C2  
 $f(X,4) :- 6 =< X.$  %C3

- Exemplo de consulta: f(1,R)
  - Demonstração



- Nesse programa, sabemos que as três cláusulas de f(X) são mutuamente exclusivas
  - Lembrando: nosso conhecimento permite afirmar isso, o programa n\u00e3o diz nada sobre isso
  - · Idealmente, poderíamos "podar" essa árvore

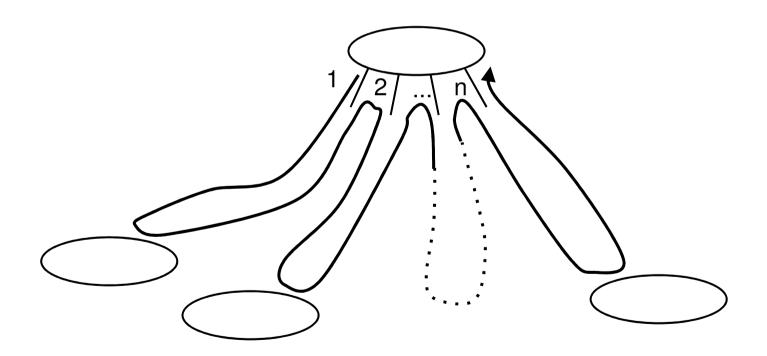


- Predicado de "corte"
  - Símbolo!
  - É uma cláusula com valor sempre verdadeiro
    - Mas possui um efeito colateral
- Ex:

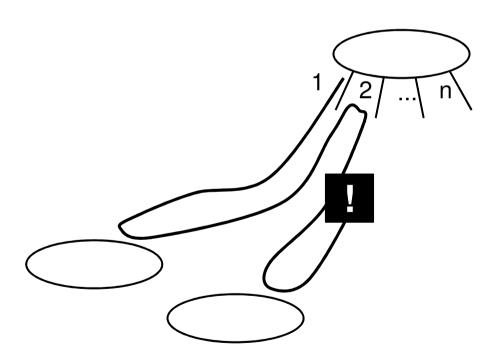
```
a :- b, c, !, d, e
```

- Depois de avaliar "b", "c" e "!", o interpretador automaticamente elimina:
  - Todas as formas ainda não testadas de avaliar a, b e c
- De forma que em futuros retrocessos, caminhos alternativos a partir desses literais são ignorados

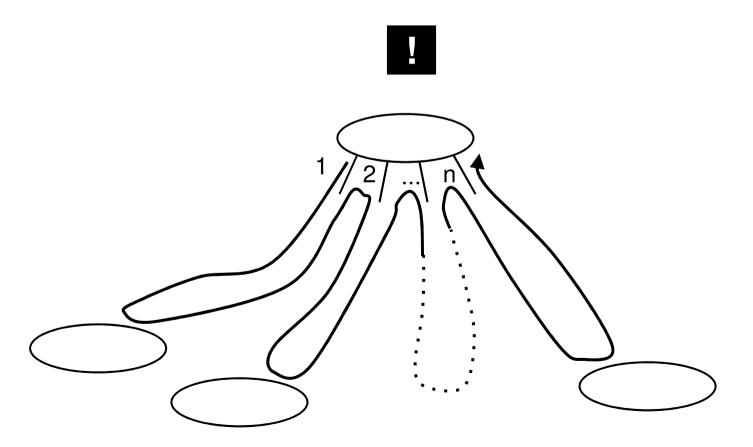
Como funciona o retrocesso em um nó



 O predicado de corte "pra baixo" de um nó encerra todo retrocesso naquele nó



 Se o corte estiver "pra cima", não influencia no processo daquele nó



- Melhorando a eficiência do programa anterior:
  - Demonstração

```
f(X,0) :- X < 3, !. %C1

f(X,2) :- 3 =< X, X < 6, !. %C2

f(X,4) :- 6 =< X. %C3
```

- Melhorando (ainda mais) a eficiência do programa anterior:
  - Demonstração

# Outro exemplo

Sem corte:

```
membro(X, [X|L]).
membro(X, [Y|L]) :- membro(X, L).
```

Com corte:

```
membro(X, [X|L]) :- !.

membro(X, [Y|L]) :- membro(X, L).
```

 Contar o número de ocorrências de um dado elemento no primeiro nível de uma lista:

```
conta_occor(Elem,[],0):-!.
conta_occor(Elem,[Elem|Y],N):-
  conta_ocorr(Elem,Y,N1), N is N1 + 1, !.
conta_occor(Elem,[Elem1|Y], N):-
  conta_occor(Elem,Y,N).
```

 Eliminar todas as ocorrências de um elemento de uma lista:

```
del_todas(Elem,[],[]):-!.

del_todas(Elem, [Elem|Y], Z):-
  del_todas(Elem,Y,Z),!.

del_todas(Elem,[Elem1|Y], [Elem1|Z]):-
  del_todas(Elem,Y,Z).
```

 Dada uma lista de números, separar em duas sendo uma com os positivos e o zero, e outra com os negativos:

```
separa([],[],[]):-!.
separa([X|Y],[X|Z],W):-X>=0,
    separa(Y,Z,W),!.
separa([X|Y],Z,[X|W]):- separa(Y,Z,W).
```

 Dada uma lista de números, separar em duas sendo uma com os positivos e outra com os negativos, descartando o zero:

```
separa_sz([],[],[]):-!.
separa_sz([X|Y],[X|Z],W):-X > 0,
    separa_sz(Y,Z,W),!.
separa_sz([X|Y],Z,[X|W]):-X < 0,
    separa_sz(Y,Z,W),!.
separa_sz([X|Y],Z,W):- separa_sz(Y,Z,W).</pre>
```

Voltemos ao exemplo

```
f(X,0) :- X < 3, !.

f(X,2) :- 3 =< X, X < 6, !.

f(X,4) :- 6 =< X.
```

- O que acontece se removermos o corte?
  - Resposta: menor eficiência
    - Mas o programa continua produzindo respostas corretas

Voltemos ao exemplo

- O que acontece se removermos o corte?
  - O programa não irá mais funcionar corretamente

- Alguns autores distinguem entre dois usos de corte
  - Verde: aquele que pode ser removido sem alterar a lógica
    - Ou: sem o corte, o programa NUNCA leva a respostas erradas
  - Vermelho: aquele que, quando removido, altera a lógica
    - Ou: sem o corte, o programa ALGUMA VEZES leva a respostas erradas

- O corte permite um estilo de programação "preguiçoso"
  - Ao invés de pensar nas relações lógicas, o programador adota uma estratégia de programação lógica com estilo procedural
  - Dessa forma, acaba produzindo os tais cortes "vermelhos"
  - É uma forma de impureza na programação lógica
    - E que deve ser evitada a todo custo

# Mais um exemplo

- Encontrar o mínimo múltiplo comum
  - Demonstração

```
mmc(X, Y, Z) :- positivo(Z),
        Z mod X =:= 0,
        Z mod Y =:= 0,
        !.

positivo(1).

positivo(Z) :- positivo(W), Z is W+1.
```

### Corte "vermelho"

- Na verdade, o problema desse programa não é o corte, e sim a lógica – errada!
- O predicado mmc na verdade testa apenas se dois números possuem um múltiplo em comum
  - Mas não diz nada sobre ele ser mínimo!!
- Ou seja, a lógica desse programa é que deveria ser chamada de "vermelha"

#### Corte "vermelho"

- Mas mesmo se a lógica estiver correta, a inserção de cortes pode levar a um resultado diferente, além da eficiência
  - O que pode acontecer é produzir respostas incompletas (isto é, "podar" resultados válidos)
  - Ou seja: sem o corte,
    - NUNCA produz uma resposta incorreta
    - TODAS as respostas corretas são encontradas
  - Com o corte,
    - NUNCA produz uma resposta incorreta
    - ALGUMAS respostas corretas podem ser deixadas de lado
  - Nesse caso, também não é considerado um corte "verde", pois altera o resultado do programa

# Solução para o problema do MMC sem "corte"

- Atenção: antes de partir para o próximo slide, tente resolver!
- Idéia geral de (uma) solução:
  - mmc(a, b) = a\*b/ mdc(a,b)
- Onde mdc é o máximo divisor comum

# Solução para o problema do MMC sem "corte"

```
mmc(X1, X2, Y) :- mdc(X1, X2, Y1),
          Y is X1*X2/Y1.
mdc(X, 0, X).
mdc(X, X, X).
mdc(X1, X2, Y) :- X1 < X2,
     mdc(X2, X1, Y).
mdc(X1, X2, Y) :- X1 > X2,
          X2 = = 0
          X3 is X1 mod X2,
     mdc(X2, X3, Y).
```

# Verificação de tipo

# Verificação de tipo

atom(X)	Testa se X é átomo
atomic(X)	Testa se X é átomo, string, inteiro ou real
compound(X)	Testa se X é um termo composto
float(X)	Testa se X é um número em ponto flutuante
integer(X)	Testa se X é número inteiro
number(X)	Testa se X é um número
nonvar(X)	Testa se X não é variável
var(X)	Testa se X é uma variável
is_list(X)	Testa se X é uma lista (SWI-Prolog)

# Verificação de tipo

- Exemplo: construir um programa para desparentizar uma lista, ou seja, eliminar os delimitadores das listas internas, exceto da lista vazia:
- Dada a lista
  - [a,b,[c,d[e,f,[g]],d, [q,[w]], d], []]
- obtemos
  - [a,b,c,de,f,g,d, q,w, d, []]
- Demonstração

# Alteração na base de dados

# Alteração na base de dados

- Alguns predicados do Prolog modificam a base de dados em tempo de execução
  - abolish (Pred) apaga todos os predicados especificados pelo seu argumento
    - +Pred especificação de predicado
  - abolish (Pred, Arid)
    - +Pred símbolo de predicado
    - +Arid número de argumentos
- Demonstração

# Alteração na base de dados

- assert (Claus) adiciona uma cláusula no fim das cláusulas associadas com seu predicado
  - +Claus cláusula (fato ou regra)
- Obs:
  - as regras devem aparecer entre parêntesis.
  - variáveis não instanciadas no momento da execução do assert são consideradas variáveis.
- Demonstração

#### Alteração na base de dados

- assert (Claus, Pos) adiciona uma cláusula na posição especificada
  - +Claus cláusula (fato ou regra)
  - +Pos inteiro >= 0
- asserta (Claus) adiciona uma cláusula no começo das cláusulas associadas
- assertz(Claus) adiciona uma cláusula no fim das cláusulas associadas

#### Alteração na base de dados

- retract (Claus) elimina uma cláusula que unifica com a cláusula dada
  - +Claus cláusula
- Procura a primeira cláusula na base de dados que unifica com Claus, se encontrar apaga.
  - Variáveis são instanciadas.
  - Permite backtracking.
- Demonstração

# Entrada e saída

#### Entrada e saída

- Predicado read
  - Sintaxe: read(Termo)
    - onde ?Termo (variável ou átomo)
  - Lê um termo do dispositivo de entrada corrente e unifica com Termo. O termo dado deve ser seguido de . (ponto)
- Predicado write
  - Sintaxe: write(Termo)
    - onde ?Termo (termo)
  - Escreve o termo no dispositivo de saída corrente
- Predicado nl
  - Muda para próxima linha no dispositivo de saída
- Demonstração

## Predicados sem argumentos e predicados com o mesmo nome

### Predicados sem argumentos e predicados com o mesmo nome

- Um predicado é identificado pelo seu nome e pela aridade (número de argumentos).
- Predicados com o mesmo nome e com número de argumentos diferentes são considerados diferentes.
  - Os predicados sem argumentos são normalmente usados para identificar procedimentos que usam read e write ou para iniciar programas com muitos predicados.
- Demonstração



#### Meta-variáveis

- Aparecem no lugar de uma estrutura prolog que pode ser executada.
  - Meta-variável-condição
- Aparece como um sub-objetivo no corpo de uma regra.
  - Não pode aparecer na cabeça da regra.
  - Na hora da execução deve estar instanciada com:
    - um átomo
    - um termo composto
- Demonstração



#### Negação

- É comum a afirmação de que "Prolog tem um problema com negação"
  - Na verdade, essa afirmação não é 100% correta
  - Trata-se da forma com que a resolução funciona em sua essência
  - E com o que assumimos ser verdadeiro ou falso, com relação ao mundo
- Pergunta: tudo o que não é verdadeiro, posso automaticamente assumir que é falso?
  - Resposta:
    - Depende

#### Exemplo

Maria gosta de todos os animais, exceto cobras

- Inferência dedutiva é computacionalmente completa
  - Mas em muitos casos não é conveniente
  - Principalmente com relação a informação negativa

#### Negação

- Existe uma forma de resolver esse problema
- Simplesmente tomando uma posição com relação ao mundo
  - E ao que consideramos verdadeiro/falso
- Pressuposição de mundo fechado

#### Inferência padrão (default)

- Modo de raciocínio complementar à inferência dedutiva
- Conceito de negação-por-falha
- predicado fail
  - Sempre causa falha na resolução
- Permite implementar uma semântica negativa
- Com base na pressuposição de mundo fechado

#### Negação-por-falha

Exemplo anterior:

#### Negação-por-falha

```
nao(P) :- P, !, fail.
nao(_).
```

#### Negação-por-falha

- SWI-Prolog (e muitos) tem predicados para isso
  - not(G)
  - \+ G
  - Onde G é uma meta a ser testada
- \+ é utilizado como operador
  - Ex:
    - not(cobra(X)).
    - \+cobra(X).
- Mesma lógica que o exemplo anterior
  - Retorna verdadeiro se G for verdadeiro
  - Retorna falso se não for possível provar que G é verdadeiro
- Cuidado especial quando G possui alguma variável livre (não instanciada)

#### Bibliografia

- Nesta aula, utilizamos conceitos dos seguintes livros:
  - Sebesta, R.W. Conceitos de Linguagens de Programação – 5<sup>a</sup> edição. Bookman, 2003.
  - Hogger, C.J. Essentials of Logic Programming. Oxford, 1990.

