## Exercícios de Integração Numérica

1. Calcule I = 
$$\int_{0.1}^{0.7} (e^{-6x} + 8.4x + 3) dx$$
 usando:

- a) Regra dos Trapézios com 6 pontos;
- b) Regra 1/3 de Simpson com 6 subintervalos;
- c) Calcule um limitante superior para o erro em cada caso.
- 2. Seja uma função f(x) tabelada como segue

Х	-1	0	1	2	3	4	5
f(x)	1	0.51	0.42	0.82	1.91	0.99	1.88

- Calcule  $\int_{-1}^{5} f(x) dx$ , usando a Regra dos Trapézios e a Regra 1/3 de Simpson.

  3. Calcule  $\int_{0}^{1} (4.6x^2 + \cos(x) + 3.5) dx$ , usando a Regra dos Trapézios com 6 pontos e um limitante superior para o erro.
- 4. Estude a Regra 3/8 de Simpson e um limitante superior para o erro e, resolva o exercício 2) - Referência Bibliográfica [1].
- 5. Calcular  $\int_{1}^{2} (e^{3x} + 8.5x + 6) dx$  usando:

Regra dos Trapézios com 4 sub-intervalos, Regra 1/3 de Simpson com 6 subintervalos, a Regra 3/8 Simpson com 9 sub-intervalos e, um limitante superior para o erro.

- 6. Determine o menor número de sub-intervalos em que podemos dividir o intervalo [0
- 1] para obter  $I = \int_{0}^{1} (5e^{-2x}) dx$  usando a Regra dos Trapézios com erro menor ou igual 0.001.
- 6. Resolva o exercício 6) usando a Regra 1/3 Simpson, a Regra 3/8 de Simpson e para a divisão encontrada calcular a integral I.
- 7. Uma linha reta foi traçada de modo a tangenciar as margens de um rio nos pontos A e B. Para medir a área entre o rio e a reta AB foram traçadas perpendiculares em relação a AB com um intervalo de 0.05 m. Qual é esta área?

Perpendiculares	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
Comprimento(m)	3.28	4.02	4.64	5.26	4.98	3.62	3.82	3.68	3.26	

Faça uma interpretação gráfica do problema e, resolva-o usando seus conhecimentos de Cálculo Numérico.

8. Com o Software Matlab, usando a Regra dos Trapézios, calcular as integrais das seguintes funções:

a) 
$$\int_{1}^{5} (\sin(x) - x^{2} + 3.1) dx$$
  
b)  $\int_{-1}^{3} (e^{x} + \cos(x) - 2.8) dx$ 

b) 
$$\int_{-1}^{3} (e^x + \cos(x) - 2.8) dx$$

- 9. Com o Software Numérico Referência Bibliográfica [1], usando a Regra 1/3 de Simpson, calcule o valor aproximado da integral das seguintes funções:
- a)  $\int_{1}^{4} (e^{-x} + 5x + 4.9) dx$ , usando 6 sub-intervalos e um limitante superior para o erro.
- b)  $\int_{1}^{2.5} (x^3 + 6x + 2) dx$ , usando 9 pontos e um limitante superior para o erro.
- 10. Faça um Mapa Conceitual detalhado, sobre Integração Numérica, introduzindo labels indicando se aprendeu (A), não aprendeu (N), se gostou (G) e se detestou (D), achou interessante (I) etc.