引言

- 1 逻辑结构:线性结构->树->图
- 2 存储结构:顺序方法/链接方法/索引方法/散列方法
- 3 运算:增删改查/遍历排序
- 以上成为数据结构的三要素
- 1 逻辑结构

具体问题的数学抽象 反映事物的组成与逻辑关系

用一组数据(结点集合 K),数据间的二元关系(关系集合 R),表示为(K,R)

- K 由有限个结点组成.每个关系 $r \in R$ 都是 K*K 上的二元关系
- 1 结点的类型:基本数据类型或复合数据类型
- 2 结构分类:逻辑结构分类,重点在关系集 R 上

集合结构

线性结构:前驱关系,r 是有向,满足全序性(全部结点可以比较前后),单索性(每个节点存在 唯一前驱/后继结点)

树形结构:层次结构,每个节点唯一直接前驱,可有多于一个直接后继,根节点

图型结构:网络结构,对 r 没有任何约束

- 3 结点与结构:明确数据节点,主要关系r;分析r时也分析数据类型;逻辑结构复杂,将其作 为下一个层次,再分析下一层次结构
- 2 存储结构/物理结构

是逻辑结构的物理存储表示;计算机主存储器:空间相邻(非负整数编码,空间相邻的单元, 字节作为基本单元)/随机访问(按地址随机访问,不同地址访问时间基本相同)

存储结构建立逻辑结构->物理结构的映射(结点->唯一的连续存储区域;逻辑关系->存储 单元的地址顺序/指针指向关系)

基本的存储映射方法:

顺序方法:按地址相邻关系存储,逻辑关系用自然顺序关系表达,是紧凑存储结构(除有用 数据外,无附加信息 存储密度:有用数据/结构整个存储空间)

链接方法:指针指向代表逻辑关系,数据字段=数据+指针字段,链索,增删容易,定位困难 索引方法:顺序存储推广,建立 Y:Z->存储地址 D 的函数,整数索引值->存储地址,Y 索引函数 散列方法:索引方法的拓展,h:S->非负整数 Z(选择散列函数/建造散列表/解决碰撞的方法)

3 抽象数据类型

解决同类问题/是多种可能结构,实现的抽象/看做定义了操作的抽象类型/数学方法定义 对象,运算集合,独立于计算机的表示方法/隐藏实现细节,内部数据结构

用三元组表示(D,S,P)数据对象/数据关系/数据操作

1 算法性质

通用性 参数化输入求解,保证结果正确性

有效性 有限条指令完成功能,每步结果确定类型,可以预期

确定性 下一步执行步骤明确

有穷性 执行必须有限步内结束/不能含有死循环

2 算法分类

穷举法 对象有限/有穷举规则

回溯 试探/回溯

搜索 跳过无解分支,最优化问题通法 贪心法 最优子结构->最优解

递归分治 子结构不重复

动规 最优重复子结构/无后效性

3 算法分析

对时间存储空间定量分析/算法符合现实?/时空复杂性

不用绝对时间单位(环境/语言/规模)->复杂性与输入数据规模的关系

渐进分析->只考虑 n 幂次最高的项,常数项/低幂次项忽略不计

大 O 表示法:存在 c,no 使得 f(n) <= cg(n),对数函数无论底数为何,都具有相同的增长率

 $F_1(n) + f_2(n) = O(\max(f_1(n), f_2(n)))$ $F_1(n) * f_2(n) = O(f_1(n) * f_2(n))$

Omega 表示法:与大 O 相反,用来确定函数的下界

θ表示法:上下界相同时,可用 θ表示法,被同一函数控制

最好最坏和平均情况:受条件分支的影响,无法得出独立于输入数据的渐进估计

平均情况下的复杂性分析:考虑每种输入情况的概率,求期望

一般不注意算法的最好估计,只考虑最坏估计,一般情况下最坏情况和平均情况只有常数因子的区别,不会影响渐近分析的增长率函数估计

空间开销也可用类似的方法分析(静态存储结构/动态存储结构)时空折中