

- 1 本质上还是要借助内排序完成,通过内外存之间的数据交换
- 2 外存永久存储,不易失,尽量减少访外存次数
- 3 外存访问分为的定位存取,以页块为单位
- 4 外存数据分成若干段,每次将一段读入内存排序->顺串/归并段
- 5 基本过程:置换选择排序->归并排序
- 6 置换选择排序:初始化最小堆(读  $M$  个记录,建立一个最小堆)->将最小值输出,如果下一个值不小于刚才的关键码,把它放到根节点,否则用 last 代替根节点,新的元素放到 last 位置,堆大小减一->重新建堆 形成的顺串平均长度  $2M$
- 7 归并排序:合并树高  $\lceil \log m + 1 \rceil$  (向上取整),进行  $\lceil \log m \rceil$  次扫描,2 个输入缓冲区(2 路归并),1 个输出缓冲区
- 8 减少归并次数:减少初始顺串的个数,增加归并的顺串数量
- 9 减少读写次数->huffman 最优化问题->最佳归并树,减少外存 IO 次数
- 10 赢者树/败者树
- 11 赢者树:用完全二叉树作为存储结构,叶节点用  $L[1-n]$ ,内部结点用  $B[1-(n-1)]$  (存放的是  $L$  的索引)
- 12 胜者树深度  $s = \lceil \log 2n \rceil - 1$ ,最底层(有内部结点的最底层)最左端内部结点  $2^s$ ,类似的最底层的内部结点数,最底层的外部结点数,最底层(真的最底层)外部结点之上的所有节点数 (offset), 则有  $p = i \leq \text{lowext} ? (i + \text{offset}) / 2 : (i - \text{lowext} + n - 1) / 2;$
- 13 通过两个选手比赛的分数确定比赛的赢家,树根记录全局的胜者,类似的修改胜者树(再比一轮)
- 14 败者树:父节点记录左右结点的败者,新增根节点,记录全局的胜者,简化重构过程
- 15 代码:生成败者树(沿右分支(结点编号为奇数)向上比赛) 重构败者树(根节点暂存胜者的索引,沿路径向上比赛)
- 16  $k$  路归并初始化败者树的时间为  $O(k)$ , 重构一次败者树的时间为  $O(\log k)$ , 生成大小为  $n$  的顺串的时间为  $O(k + n \log k)$