

- 1 内部排序:待排序记录放在内存,排序过程在内存进行
- 2 外部排序:待排序记录大,排序过程需要访问外存
- 3 稳定算法:两个关键字相等的记录,排序之后顺序与之前相同,称为稳定排序,否则不稳定
- 4 时间代价:记录的比较和交换次数, 空间代价:所需附加的空间的大小
- 5 插入排序: 将待排序的记录插入到有序集合的合适位置
- 6 第一层循环:依次插入 n 个记录 第二层循环:将第 n 个记录插到合适的位置(逐次交换,不再交换就 **break**)
- 7 算法是稳定的, 空间代价 $\theta(1)$ (需要一个辅助空间用来交换), 最佳情况 $\theta(n)(n-1$ 次比较) 最差情况 $\theta(n^2)$ (逆序) 平均情况 $\theta(n^2)$
- 8 记录数量较小时,直接插入排序是高效的排序算法
- 9 优化的插入排序算法:不用每次都 **swap**,而只是每次将前面的元素后移,最后再将插入的元素放回应有的位置,减少交换次数,但是算法复杂性没有本质改变,对大规模数据集性能会提高
- 10 二分法插入排序:二分查找需要插入的位置,算法也是稳定的 比较次数降至 $n\log n$ 量级,移动次数仍为 n^2 量级,最佳情况总时间代价为 $n\log n$,最差和平均情况下仍为 n^2
- 11 冒泡排序:不停比较相邻的记录,交换直到所有的记录都排好序
- 12 稳定的算法,最大最小平均时间代价均为 $\theta(n^2)$
- 13 优化的冒泡排序:检查每一次冒泡过程中是否发生了交换,没有就结束,最小时间代价优化为 $\theta(n)$
- 14 直接选择排序:每一次选择后面中最小的元素与 $r[i]$ 交换
- 15 优点:实现简单, 缺点:每一次只能确定一个元素
- 16 时间效率 $O(n^2)$,空间效率 $O(1)$,不稳定算法
- 17 简单排序算法的时间代价对比:ppt_p26
- 18 Shell 排序:基于直接插入排序的两个性质:序列较短时效率高,整体有序时时间代价低
- 19 先转化成为若干的小序列,在小序列中进行直接插入排序,逐步扩大序列规模,最后进行一次完整的插入排序
- 20 Hibbard 增量序列: $\{2^k - 1, \dots, 7, 3, 1\}$ 排序效率可达 $\theta(n^{3/2})$
- 21 Shell 排序是不稳定的排序算法
- 22 快速排序 基于分治思想的快速排序, 轴值选择->序列划分->递归排序 注重分割
- 23 轴值选择的策略:使 LR 长度尽量相等 固定位置法,中值计算法,随机选择法
- 24 序列划分的算法:轴值选择(选择最左元素), ij 指针,(左移($j--$)交换($i++$),右移交换), n 轴值归位,返回轴值位置 排序树
- 25 算法分析:最佳性能 $T(n)=O(n\log(n))$
- 26 最差性能 $O(n^2)$
- 27 平均性能 $T(n)=2/n(\sum(T(i)))+cn$ 得到递推公式 $t(n)/n+1 = t(n-1)/n + 2c/n + 1$
- 28 平均情况下时间复杂度相当好
- 29 归并排序:简单的划分为两个子序列,对每一个子序列递归划分,最后合并为一个有序序列 侧重于合并
- 30 确保稳定性,归并时左边数组优先 时间复杂度 $O(n)$,一共进行 $\lceil \log n \rceil$ (向上取整)趟,空间复杂度 $O(n)$ 是辅助存储量最多的排序方法, 稳定的排序算法
- 31 堆排序 基于最大(小)堆排序, 建立最大堆($O(n)$),取出最大元素放在堆末尾,建堆,循环
- 32 非稳定排序,总时间代价 $\theta(n\log n)$ 辅助空间代价 $\theta(1)$
- 33 分配排序:通过分配收集完成排序,前提需要事先知道待排序列的具体情况
- 34 桶排序:标记为 m 个桶,记录分配到对应桶中,依次收集记录,组成有序序列

- 35 统计每个取值出现的次数 得到 `count` 数组, 将其变为前缀和, 在从后向前扫描原数组 `array[--count[tmparray[i]]] = tmparray[i]` (每次减一因为记录的是它的后继的起始下标,取前置自减因为是后继的下标)
- 36 从后向前扫描保证是稳定的排序算法 时间代价 $\theta(m+n)$ 空间代价 $\theta(m+n)$, m 个计数器, n 个临时空间(`tmparray`) 适用于 m 相对于 n 很小的情况, 是一种稳定的算法
- 37 桶式排序只适用于 m 很小的情况
- 38 基数排序: 每一个排序码由 d 位子排序码组成, k_i 的取值范围称为基数, 记为 r
- 39 高位优先法: 先排高位, 再排低位 低位优先法: 先排低位, 再排高位
- 40 高位优先法: 位由高到低分次排序, 分分分分分的过程, 是一个递归分治问题
- 41 低位排序法: 从最低位到最高位分次排序, 是一个分收分收的过程, 简单, 计算机常用
- 42 基数排序的实现: 基于静态存储, 基于静态链存储
- 43 基于数组的基数排序算法: 不断进行桶排序, 排序码为 `array[i]/radix % r`
- 44 空间代价: 临时数组, r 个计数器 $\rightarrow \theta(n+r)$ 时间代价: 桶式排序 $\theta(n+r)$, 进行 d 次 $\theta(d(r+n))$
- 45 基于静态链的基数排序: 分配出来的子序列存储在 r 个静态链组织的队列中, 避免移动所有记录
- 46 静态队列定义: 结点: 关键码值+后继结点下标 静态队列类: 头指针, 尾指针
- 47 算法: 建链: 初始指向下一个元素, 链尾 `next` 为空 对 i 个排序码分配收集
- 48 分配算法: 初始化 r 个队列, 对整个静态链分配, 每一个元素加到对应链的尾部, 之后分配下一个记录
- 49 收集过程: 找到第一个非空队列, 维护整体的 `first, last` 下标, 循环收集下一个非空的队列, 首位相连, 更新 `last` 下标, 完毕, 尾指针 `next` 域为零
- 50 空间代价 n 个记录指针, r 个头尾指针, $O(n+r)$, 时间代价仍是 $O(d(n+r))$, 因为 d 大于等于 $\log n$ 空间复杂度仍为 $O(n \log n)$
- 51 索引排序