

- 1 树是  $n$  个节点的有限集合,  $st$  有一个根节点, 其他节点分成  $m$  个不相交的集合, 也都是树, 称作这个根的子树
- 2 逻辑结构: 有且只有一个节点没有前驱, 称作树的根, 除它外, 每一个节点都只有一个前驱, 路径
- 3 嵌套括号表示法: (根(一个子树)(又一个子树))
- 4 层数, 高度, 深度
- 5 有序树: 子节点从左到右编号, 但度为 2 的有序树并不是二叉树, 必须子节点严格区分左右, 否则第二子节点可能会自然顶替成为第一子节点
- 6 森林: 多棵不相交的树的(有序)集合
- 7 森林与二叉树的一一对应, 左子节点是第一个子节点, 右子节点是下一个兄弟
- 8 先根次序: 访问根节点  $\rightarrow$  从左到右先根遍历每一棵子树
- 9 后根次序: 从左到右后根遍历每一棵子树  $\rightarrow$  访问根节点
- 10 先根周游等于对应二叉树的前序周游 后根周游相当于中序周游
- 11 广度优先
- 12 链式存储
  - a) 子节点表示法 节点**数组**, 父节点, 孩子链表 查孩子个数, 结点值容易, 找兄弟结点困难 归并容易
  - b) 指针数组法 结点, 度数, 子节点指针的数组
  - c) 指针链表法 结点, 孩子指针的链表
  - d) 静态左子右兄表示法 结点**数组**, 左子节点, 节点值, 父节点, 右兄弟结点 比子节点表示法空间效率更高, 每一个结点仅需要固定大小的空间 归并树只需要设置指针的值
  - e) 动态左子右兄 二叉链表表示法 用二叉树替换树 更为常见
- 13 查找父节点  $\rightarrow$  广度优先实现, 临时保存父节点, 子节点进栈, 直到找到要找的结点
- 14 删除树  $\rightarrow$  后序遍历进行删除 删除结点  $\rightarrow$  如果是最左子节点, 父亲接到它的右兄弟, 不是, 左兄弟接到右兄弟
- 15 父指针表示法: 指示父节点的位置, 可以唯一的表示一棵树
- 16 寻找父节点常数时间, 求树根结点方便, 寻找兄弟结点麻烦, 适合于无序树的情况
- 17 并查集: 求解等价类问题
- 18 重量权衡合并原则: 结点较少的根节点指向结点较多的根节点, 整体深度限制在  $O(\log n)$  (每一次归并高度最多加一, 结点个数成倍增加)
- 19 路径压缩算法: 路上遇到的结点都指向根节点
- 20 复杂度:  $space\ O(n)$  find / union  $O(a(n))$  ackerman(反)函数, 增长非常缓慢的函数, 可以认为是小于 5
- 21 顺序存储
  - a) 带右链的先根次序 ltag(有孩子为 0, 没孩子为 1) rlink 指向下一个兄弟
  - b) 带双标记位的先根次序 ltag(同上) rtag(有兄弟为 0, 没有为 1)
    - i. 扫描到一个 rtag 为 0 的点进栈, 扫描到一个 ltag 为 1 的点, 弹栈, 下一个结点是它兄弟
    - ii. 处理最后一个结点, 孩子兄弟都为空
  - c) 带度数的后跟次序表示法 按后跟次序顺序存储, 结点包括结点值, 结点的度数 从左到右扫描, 遇到 0 度结点入栈,  $k$  度结点就弹出  $k$  个节点做他儿子, 把它入栈
  - d) 带度数的先根次序
  - e) 带度数的层次次序

f) 带双标记的层次次序 ltag,rtag

Ltag 为 1,link 置空,ltag 为 0,结点入队列,rtag 为零,后面的结点就是右兄弟

如果 rtag 为 0,出队列,下一个结点是他儿子

22 K 叉树:每一个结点都有 k 个有序子节点,完全 k 叉树,满 k 叉树