

Faculteit Bedrijf en Organisatie

Vergelijkende st	udie van voors	pellingsmodeller	voor tiidreeksen
VOI ZOII JIXOII GO BU	udic vali voorb	pennigannoacher	i vooi ujuiceksei

Emiel Declercq

Scriptie voorgedragen tot het bekomen van de graad van professionele bachelor in de toegepaste informatica

Promotor: Johan Decorte Co-promotor: Stijn Lievens

Instelling:

Academiejaar: 2020-2021

Eerste examenperiode

Faculteit Bedrijf en Organisatie

Vergelijkende studie van voorspellingsmodellen voor tijdreeksen

Emiel Declercq

Scriptie voorgedragen tot het bekomen van de graad van professionele bachelor in de toegepaste informatica

Promotor: Johan Decorte Co-promotor: Stijn Lievens

Instelling:

Academiejaar: 2020-2021

Eerste examenperiode

Woord vooraf

Deze bachelorproef werd geschreven als eindwerk voor het afronden van de opleiding Toegepaste Informatica aan de Hogeschool Gent met specialisatie e-business.

Daarnaast wil ik ook nog ir. Johan Decorte bedanken voor de vlotte begeleiding van deze bachelorproef en Stijn Lievens voor het opnemen van het co-promotorschap.

Mijn ouders wil ik ook hartelijk bedanken voor alle steun, niet alleen tijdens deze scriptie maar gedurende mijn volledige studietraject. Zeker tijdens deze lockdown kan ik mij voorstellen dat dit op sommige momenten heel wat stress heeft veroorzaakt. Tenslotte verdient ook mijn zus, Edith Declercq een woordje van dank voor al het naleeswerk tot in de late uurtjes en de resem van aangereikte tips bij het schrijven van een paper.

Samenvatting

In deze bachelorproef zullen verschillende voorspellingstechnieken voor verschillende types tijdreeksen geanalyseerd worden. Er zal ook getest worden op verschillende types tijdreeksen. Het onderscheid tussen deze types wordt gemaakt op basis van 2 criteria namelijk seizoensgebondenheid en het aantal onafhankelijke variabelen. Deze zullen dan onderverdeeld worden in een al dan niet seizoensgebondenheid en een enkele of meerdere onafhankelijke variabelen. In totaal zullen er dus voorspellingen gemaakt worden voor 4 verschillende types tijdreeksen namelijk.

- Tijdreeksen met enkel de tijd als onafhankelijke variabele en 1 afhankelijke variabele zonder seizoensgebonden verband
- Tijdreeksen met enkel de tijd als onafhankelijke variabele en 1 afhankelijke variabele met een seizoensgebonden verband
- Tijdreeksen met 2 onafhankelijke variabelen waarvan 1 de tijd en 1 afhankelijke variabele zonder een seizoensgebonden verband
- Tijdreeksen met 2 onafhankelijke variabelen waarvan 1 de tijd en 1 afhankelijke variabele met een seizoensgebonden verband

De eerste voorspellingstechniek die onder de loep zal genomen is polynomiale regressie. De tweede techniek die zal toegepast worden is een ARIMA/VARMAX model. Tenslotte zal een recurrent neuraal netwerk van het type LSTM (Long Term Short Memory) op dezelfde data toegepast worden. Voor elk van deze 4 types tijdreeksen zal dan bepaald worden welk van de 3 technieken het beste resultaat zal opleveren.

Inhoudsopgave

	Methodologie	11
1.1	Voorbereiding	11
1.1.1	Datavoorbereiding	11
1.2	Univariate niet-seizoensgebonden	20
1.2.1	Algemene methodes	20
1.2.2	Stationariteit	21
1.2.3	Cross validation	23
1.2.4	ARIMA	23
1.2.5	LSTM	27
1.2.6	Prophet	33
1.2.7	Evaluatie	36
1.3	Univariate seizoensgebonden	38
1.3.1	Algemene methodes	38

1.4.3	VARMAX	47
1.4.2	VARMAX	47
	Stationariteit	
	Multivariate niet-seizoensgebonden	45
1.3.7	Evaluatie	44
1.3.6	Prophet	42
	LSTM	
1.3.4	SARIMA	41
1.3.3	ARIMA	40
100		

Lijst van figuren

1.1	Ruwe invoerdata	13
1.2	Grafische weergave jaarlijkse temperatuur	13
1.3	Resultaat van data formatting	14
1.4	Ruwe data van de jaarlijkse ijsdiktes	16
1.5	Grafische weergave van de maandelijkse ijsdiktes	17
1.6	Data van de maandelijks ijsdiktes	17
	Grafische weergave van de ijsdikte en de temperatuur van de laats	
1.8	Grafische weergave van de ijsdikte en de temperatuur	19
1.9	Resultaat test stationarity	22
1.10	Resultaat test stationarity na random walk differencing	22
1.11	Resultaat finale iteratie ARIMA	26
	Grafische weergave verschil in MAE's bij verschillende hyperparam met MAE op de y-as	
1.13	Resultaat finale iteratie LSTM	32
1.14	Resultaat finale iteratie Prophet	35
1.15	Resultaat van de univariate non-seasonal analyse	36

	Grafische weergave van de laatste voorspellingen van de univariate seasonal analyse
1.17	
1.18	
1.19	
1.20	Resultaat van ARIMA bij random walk differentiatie
1.21	Resultaat van ARIMA bij seizoensdifferentiatie
1.22	Resultaat SARIMAX bij random walk differentiatie
1.23	Resultaat SARIMAX bij seizoensdifferentiatie
1.24	Resultaat LSTM bij seizoensdifferentiatie
1.25	Grafische weergave multivariate tijdreeks zonder seizoenseffect 45
	Grafische weergave gedifferentieerde multivariate tijdreeks zonder enseffect46
1.27	Resultaat multivariate voorspelling VARMAX 47
1.28	Resultaat multivariate voorspelling LSTM
1.29	Resultaten multivariate voorspelling
1.30 en LS	Grafische weergaven van de laatste voorspellingen van de VARMAX TM modellen 50

1. Methodologie

Om te onderzoeken welke types modellen best presteren zal er voor elke combinatie van seizoensgebonden of niet-seizoensgebonden en univariate of multivariate data een notebook opgesteld worden. Op het einde van elke notebook zal dan aan elk model een foutscore toegekend zijn. Deze foutscore wordt bepaald door het gemiddelde te nemen van de mean average errors van elke partitie bij de datasetverdeling door cross-validation. Het model met de laagste foutscore zal de meest accurate voorspelling gemaakt hebben bij het type invoerdata bij dit deelprobleem voor de gebruikte data.

Er dient echter vermeld te worden dat dit in zekere mate altijd zal afhangen van de invoerdata en dit type model niet noodzakelijk de beste prestatie zal leveren bij dit type invoerdata.

1.1 Voorbereiding

1.1.1 Datavoorbereiding

Dataset 1, temperatuur

Hier zal het deel van de dataset die de temperatuur weergeeft geformateerd worden naar een dataset met 1 kolom en een index waarin de maand en het jaartal weergegeven worden van het jaar 1979 tot 2018.

Listing 1: Datavoorbereiding dataset temperatuur

```
# Source: https://www.kaggle.com/rainbowgirl/climate-data-toronto-19372018
  tt = pd.read_csv('./data/Toronto_temp.csv')
  tt = tt[tt['Day'] == 1]
4 tt['Year'] = tt['Year'].replace({'2,013':'2013',
  '2,014':'2014',
  '2,015':'2015',
  '2,016':'2016',
  '2,017':'2017',
  '2,018':'2018'})
  # tt.groupby('Year').count()
  tt = tt[(tt['Year'] != '1937')]
  ttt = tt.groupby('Year').count()
  #ttt.head(50)
  #tt.groupby('Year').count().tail(50)
  meantt = tt.groupby('Year').mean()['Mean Temp (C)']
  #meantt.index
  #meantt
  meantt.sort_index(inplace=True)
18
19
 plt.xlabel('Years')
  plt.ylabel('Temperature (C)')
  plt.xticks(np.array(range(0,meantt.size,10)))
  plt.scatter(meantt.index, meantt)
  print('start : ' + meantt.index[0])
25
  print('end : ' + meantt.index[-1])
26
27
  new_row = pd.Series({'Mean Temp (C)' : 0.555556, 'Year': '2018', 'Month':12})
  tt = tt.append(new_row, ignore_index=True)
  tt['Year'] = tt['Year'].astype(int)
  mean_temp_monthly = tt[['Year','Month','Mean Temp
   # mean_temp_monthly
32
  mean_temp_monthly =

→ 1979 ]

  mean_temp_monthly
```

Op listing 1 wordt de code weergegeven de die ruwe dataset zal omzetten naar een dataset die bruikbaar zal zijn om te gebruiken voor deze bachelorproef.

De delen die in commentaar staan geven een tussentijdse weergave van de dataset, maar worden niet telkens weergegeven om het aantal tabellen binnen deze sectie overzichtelijk te houden.

Zo wordt op lijn 2 het originele csv-bestand ingelezen deze ruwe data zal er uit zien als deze zichtbaar op figuur 1.2.

Op lijn 3 worden enkel de waarden van de eerste dag van de maand behouden in de dataset Daarna worden van lijn 4 tot lijn 9 de jaartallen aangepast zodat deze overeenkomen met

NaN

NaN

Day Mean Temp (C) Max Temp (C) Min Temp (C) Total Rain (mm) Date/Time Year Month Total Snow (cm) Total Precip (mm) season 01-Jan-18 2018 1.0 -15.000000 -9.0 -21.0 0.0 0.0 0.0 Winter 0.000000 2.0 -3.0 0.0 0.0 0.0 Winter -4.0 0.0 1.0 -2.000000 0.0 01-Jan-15 2015 1.0 -5.000000 -2.0 -8.0 0.0 0.0 1.0 -13.000000 -15.0 0.0 0.0 01-Jan-14 2014 -10.00.0 Winter 01-Dec-41 1941 1.0 -1.500000 1.9 -4.8 24.9 16.3 41.1 01-Dec-40 1940 12 1.0 -3.600000 0.6 -7.7 68.1 14.5 01-Dec-39 1.0 NaN NaN NaN NaN NaN 01-Dec-38 1938 12 1.0 -2.500000 1.1 -6.1 13.7 13.7

Figuur 1.1: Ruwe invoerdata

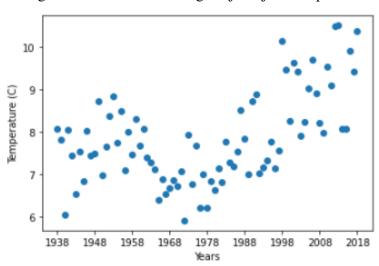
972 rows × 11 columns

NaN 2018

NaN

12

0.555556



Figuur 1.2: Grafische weergave jaarlijkse temperatuur

NaN

NaN

NaN

NaN

de rest van de dataset.

Op lijn 10 wordt het aantal rijen per jaar weergegeven.

Op lijn 11 zal het eerste jaar uit de dataset verwijderd worden aangezien deze data onvolledig is.

Op lijn 12 wordt het aantal jaren toegekend aan de variabele ttt

Op lijn 15 wordt het gemiddelde van de temperaturen van de eerste dagen van de maand per jaar berekend.

Op lijn 18 wordt dit gemiddelde gesorteerd.

Van lijn 20 tot lijn 23 worden de labels en ijkingen gedefiniëerd van de grafiek die de data zal weergeven en zichtbaar is op figuur 1.2 die op lijn 24 getekend zal worden.

Op lijn 25 en 26 worden de start en de eindjaren van deze dataset afgeprint om ze te kunnen vergelijken met de start en de eindjaren van de andere dataset.

Op lijn 28 wordt de laatste waarde voor het jaar 2018 toegevoegd aangezien deze nog niet in de dataset zat.

Figuur 1.3: Resultaat van data formatting

Mean Temp (C) Month Year -7.700000 2 -10.800000 3 1.600000 5.300000 4 5 11.400000 ... 2018 8 24.000000 9 21.000000 10 10.000000 11 6.000000 12 0.555556

480 rows × 1 columns

Op lijn 29 wordt deze nieuwe waarde toegevoegd.

Op lijn 30 wordt de waarde voor het jaar geconverteerd naar een integer.

Op lijn 31 wordt de dataset geindexeerd op jaar en maand.

Op lijn 33 worden de jaren die voor 1979 komen uit de dataset gefilterd omdat de waarden voor de andere dataset starten vanaf 1979.

Op lijn 34 wordt het resultaat van de dataformattering uitgevoerd zichtbaar op figuur 1.3.

Dataset 2, ijsdikte

Hier zal het deel van de dataset die de ijsdikte weergeeft geformateerd worden naar een dataset met 1 kolom en het jaartal van het jaar 1979 tot 2018 als index zal dienen.

Listing 2: Datavoorbereiding dataset temperatuur

```
#source: https://nsidc.org/arcticseaicenews/sea-ice-tools/
  ice2 = pd.read_csv('./data/seaice2.csv')
   # ice2
   ice2_mean = ice2.mean()[1:-2]
   # ice2_mean
  ice2_mean.index = ice2_mean.index.values.astype(int)
  plt.title('Yearly ice extent')
  plt.scatter(ice2_mean.index,ice2_mean)
  plt.xlabel('Years')
   plt.ylabel('Extent')
12
   plt.show()
13
   # ice2['2018']
14
    → pd.concat([ice2['2016'],ice2['2017'],ice2['2018'],ice2['2019']]).reset_index()[0]
   # ice2[['2018']].append(ice2[['2019']])
   ice2.rename(columns={'Unnamed: 0' : 'Month', 'Unnamed: 1' : 'Day'}, inplace =
   ice2.drop([' ','1981-2010','Day','1978','2020'],axis=1,inplace=True)
18
   values = ice2.values
19
  i = 0
  for row in values :
21
       if type(row[0]) != str :
22
           values[i][0] = month
23
24
       else:
           month = row[0]
       i = i + 1
26
  # ice2.columns.values
27
ice2_clean = pd.DataFrame(values)
  ice2_clean.columns = ice2.columns.values
  # ice2_clean.head(5)
  ice2_monthly_mean =
   → ice2_clean.set_index('Month').astype(float).groupby('Month',sort=False).mean()
   # ice2_monthly_mean
   # ice2_monthly_mean.T.stack().index.get_level_values(0)
33
34
    \rightarrow ice2\_monthly\_mean.T.stack().reset\_index(level=['Month']).drop(columns=['Month'])
  ice2_monthly_mean_chron =
   → ice2_monthly_mean.T.stack().reset_index(level=['Month']).drop(columns=['Month'])
  # ice2.columns.size
   plt.title('Monthly ice extent')
   plt.plot(ice2_monthly_mean_chron.values)
plt.xticks(np.array(range(0,500,75)))
40 plt.xlabel('Cumulative month')
41 plt.ylabel('Extent')
  plt.show()
42
   # np.unique(ice2_monthly_mean_chron.index.values).size*12
```

	Unnamed: 0	Unnamed: 1	1978	1979	1980	1981	1982	1983	1984	1985	 2013	2014	2015	2016	2017	2018	2019	2020	
0	January	1	NaN	NaN	14.200	14.256	NaN	14.253	NaN	NaN	 12.959	13.011	13.073	12.721	12.643	12.484	12.934	13.102	1
1	NaN	2	NaN	14.997	NaN	NaN	14.479	NaN	14.103	14.045	 12.961	13.103	13.125	12.806	12.644	12.600	12.992	13.075	1
2	NaN	3	NaN	NaN	14.302	14.456	NaN	14.306	NaN	NaN	 13.012	13.116	13.112	12.790	12.713	12.634	12.980	13.176	1
3	NaN	4	NaN	14.922	NaN	NaN	14.642	NaN	14.237	14.240	 13.045	13.219	13.051	12.829	12.954	12.724	13.045	13.187	1
4	NaN	5	NaN	NaN	14.414	14.435	NaN	14.494	NaN	NaN	 13.065	13.148	13.115	12.874	12.956	12.834	13.147	13.123	1
361	NaN	27	14.383	NaN	NaN	13.953	NaN	13.664	13.394	NaN	 12.693	12.967	12.680	12.291	12.291	12.325	12.721	NaN	1
362	NaN	28	NaN	14.101	14.172	NaN	14.144	NaN	NaN	13.571	 12.870	12.930	12.745	12.484	12.235	12.344	12.712	NaN	1
363	NaN	29	14.500	NaN	NaN	14.128	NaN	13.855	13.494	NaN	 12.897	12.936	12.762	12.525	12.223	12.523	12.780	NaN	1
364	NaN	30	NaN	14.092	14.093	NaN	14.159	NaN	NaN	13.701	 12.804	13.038	12.800	12.617	12.273	12.569	12.858	NaN	1
365	NaN	31	14.585	NaN	NaN	14.224	NaN	13.907	13.789	NaN	 12.826	13.046	12.735	12.553	12.397	12.621	12.889	NaN	1
366 r	ows × 47 co	olumns																	

Figuur 1.4: Ruwe data van de jaarlijkse ijsdiktes

Op lijn 2 zal de ijsdataset ingelezen worden en zal er uitzien zoals zichtbaar op figuur 1.4 Op lijn 4 zal het gemiddelde genomen worden van alle kolommen tussen eerste en de voorlaatste. De eerste, de voorlaatste en de laatste kolom worden uit de dataset gelaten omdat deze irrelevant zijn voor dit onderzoek.

Op lijn 6 worden de indexwaarden geconverteerd naar integers.

De code van lijn 8 tot lijn 12 zal ervoor zorgen dat de jaarlijkse data grafisch weergegeven wordt.

Op lijn 17 zullen de kolomnamen hernoemd worden en op lijn 18 worden de overbodige kolommen verwijderd.

De code van lijn 18 tot lijn 26 zal er voor zorgen dat de maandkolom aangevuld wordt omdat deze tot hiertoe nog onvolledig zal zijn.

Op lijn 28 wordt een nieuwe dataframe geïnitialiseerd waarvan de kolommen op lijn 29 aangevuld worden.

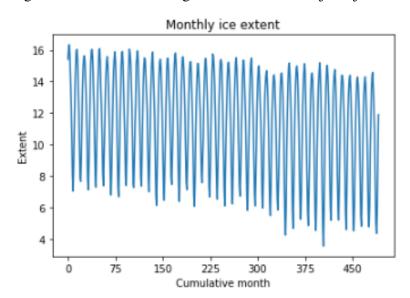
Op lijn 31 wordt hier het maandelijks gemiddelde genomen van deze nieuwe dataframe en opgeslaan in de variabele en op lijn 35 worden deze in chronologische volgorde geplaatst.

Het deel code van lijn 37 tot en met lijn 42 zal zorgen voor de grafische weergave van de maandelijkse ijsdikte weergegeven op figuur1.5.

Op lijn 45 worden de start en eindjaartallen uitgeprint.

De code op lijn 46 zal ervoor zorgen dat de maandindex verwijderd wordt.

Op lijn 47 zal de kolom hernoemd worden en op lijn 48 zal het resultaat uitgeprint worden, dit zal er uit zien zoals zichtbaar op figuur 1.6.



Figuur 1.5: Grafische weergave van de maandelijkse ijsdiktes

Figuur 1.6: Data van de maandelijks ijsdiktes

	ice_extent
1979	15.414000
1979	16.175286
1979	16.341938
1979	15.446800
1979	13.856867
2019	5.026323
2019	4.363900
2019	5.734903
2019	9.352833
2019	11.903097

492 rows × 1 columns

Combineren van de datasets

In dit deel van de datavoorbereiding zullen de datasets gecombineerd worden.

Listing 3: Datavoorbereiding dataset temperatuur

```
ice2_monthly_mean_chron_cut = ice2_monthly_mean_chron[:-12]
  # ice2_monthly_mean_chron
  # ice2_monthly_mean_chron_cut
  # mean_temp_monthly
   # ice2_monthly_mean_chron_cut
   combined = mean_temp_monthly[mean_temp_monthly.index.get_level_values(0) >= 1979]
   combined['ice_extent'] = ice2_monthly_mean_chron_cut.values
  # combined
  combined.rename(columns={'Mean Temp (C)': 'mean_temp'}, inplace=True)
  dataframe_monthly = combined
  # dataframe_monthly
11
  # dataframe_monthly[['mean_temp']]
  plt.plot(dataframe_monthly[['mean_temp']].values[-24:],label='temperature')
14 plt.plot(dataframe_monthly[['ice_extent']].values[-24:],label='ice extent')
plt.legend()
16 plt.show()
  dataframe_yearly = combined.groupby('Year').mean()
  # dataframe_yearly
  # dataframe_monthly[['mean_temp']].values
   plt.plot(dataframe_monthly[['mean_temp']].values,label='temperature')
   plt.plot(dataframe_monthly[['ice_extent']].values,label='ice extent')
22 plt.legend()
23 dataframe_monthly.to_csv('./data/dataframe_monthly.csv')
  dataframe_yearly.to_csv('./data/dataframe_yearly.csv')
```

Op lijn 1 worden de laatste 12 waarden van de gemiddelde maandelijkse chronologische dataset in een nieuwe variabele gestoken.

Op lijn 6 wordt een nieuwe dataset geïnitialiseerd waar de maandelijkse gemiddelde temperaturen van 1979 ingevoerd worden.

Op lijn 7 worden de ijsdiktes hieraan toegevoegd.

Op lijn 9 wordt de kolom hernoemd op de lijn erna wordt de dataset nog eens toegevoegd aan een duidelijkere variabelenaam.

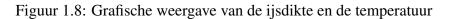
De code op lijn 13 tot 17 zorgt voor de grafische weergave van de gecombineerde dataset van de laatste 2 jaren weergegeven op figuur1.7. Hier valt op te merken dat de ijsdikte zal vergroten wanneer de temperatuur laag is. Dit is logisch aangezien het ijs zal smelten bij hogere temperaturen.

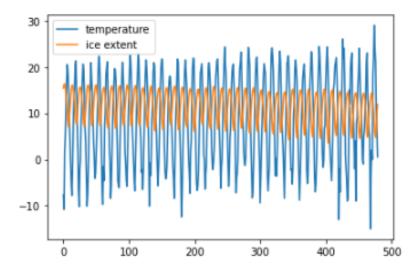
De code op lijn 17 zal het jaarlijks gemiddelde nemen.

Op lijn 20 tot 23 wordt de code weergegeven die ervoor zal zorgen dat het volledige maandelijks gemiddelde weergegeven zal worden van 1979 tot 2018. Dit valt te beschouwen op figuur 1.7. Hierop kan vastgesteld worden dat de temperatuur lichtjes zal dalen terwijl de ijsdikte zal stijgen.

Op lijn 23 en 24 worden de dataframes weggeschreven naar csv-bestanden zodat ze kunnen gebruikt worden bij het opstellen van de modellen.

Figuur 1.7: Grafische weergave van de ijsdikte en de temperatuur van de laatste 2 jaar





1.2 Univariate niet-seizoensgebonden

In dit deel zullen de voorspellingsmodellen voor univariate niet-seizoensgebonden data opgesteld worden. De modeltypes die bekeken zullen worden zijn ARIMA, LSTM en Prophet. Om dit te onderzoeken zullen er voorspellingen gemaakt worden van de gemiddelde jaarlijkse temperatuur.

1.2.1 Algemene methodes

Hier worden enkele algemene methodes gedefinieerd namelijk de full_graph methode die een grafiek zal weergeven van de ingevoerde gedifferentieerde tijdreeks die ook als invoerparameter gebruikt zal worden samen met de grafiektitel.

Daarnaast wordt ook nog de methode revert_diff gedefinieerd waar de gediferentieerde voorspellingen terug omgezet worden naar voorspellingen in miljoenen vierkante kilometers. Hiervoor zijn de gedifferentieerde voorspellingen en de originele dataset nodig als invoerparameters.

Listing 4: Opstellen van algemene methodes

```
# define functions used troughout the notebook
2
   # define function for plotting last prediction and the actual data
   def full_graph(predicted_diff, title):
  # format predictions by adding NaN values in front
  predictionsArray = np.asarray(revert_diff(predicted_diff, ts))
  zerosArray = np.zeros(ts.values.size-len(predictionsArray.flatten()))
  cleanPrediction =
    → pd.Series(np.concatenate((zerosArray,predictionsArray))).replace(0,np.NaN)
10
   cleanPrediction.index = ts.index.values
11
12 # plot
plt.title(title)
  plt.plot(ts, marker='o', color='blue',label='Actual values')
  plt.plot(cleanPrediction, marker='o', color='red', label='Last 4 year prediction')
   plt.ylim([0,15])
   plt.legend()
17
18
   plt.show()
19
20
   # define function for reverting a differenced dataset
   def revert_diff(predicted_diff, og_data):
22
   # retrieve last value
24
   last_value = og_data.iloc[-predicted_diff.size-1][0]
25
26
  # initialize reverted array
27
  predicted_actual = np.array([])
28
  # add each value in the differenced array with the last actual value
31 for value_diff in predicted_diff:
   actual_value = last_value + value_diff
```

```
predicted_actual = np.append(predicted_actual, actual_value)
last_value = actual_value
return predicted_actual
```

1.2.2 Stationariteit

Dan zal nagegaan worden in hoeverre deze dataset stationair is met gebruik van de hieronder omschreven test_stationarity methode. Dit is noodzakelijk voor het opstellen van het ARIMA model.

Listing 5: Test stationarity

```
# define method to visualise the stationarity of a time series
   def test_stationarity(timeseries):
       #Determing rolling statistics
       rolmean = timeseries.rolling(12).mean()
       rolstd = timeseries.rolling(12).std()
       #Plot rolling statistics:
       orig = plt.plot(timeseries, color='blue',label='Original')
       mean = plt.plot(rolmean, color='red', label='Rolling Mean')
       std = plt.plot(rolstd, color='black', label = 'Rolling Std')
11
       plt.legend(loc='best')
12
       plt.title('Rolling Mean & Standard Deviation')
13
       plt.show(block=False)
15
   # check stationarity of time serie
16
   test_stationarity(ts)
17
```

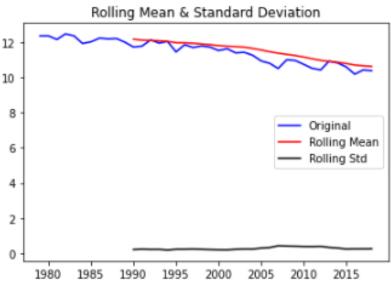
Het resultaat van de test_stationarity methode wordt weergegeven op figuur 1.9. Daar kan opgemerkt worden dat de data niet stationair is maar er een dalende trend aanwezig is. Om deze trend te neutraliseren en de data stationair te maken zal het random walk difference genomen worden en nogmaals de stationariteit testen.

Listing 6: Test stationarity bij random walk differencing

```
# take the random walk difference of the time serie
ts_diff = ts - ts.shift(1)
ts_diff = ts_diff.dropna()

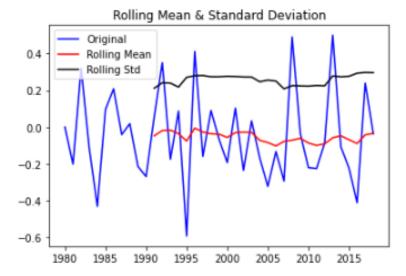
# display stationarity of the newly differenced time serie
test_stationarity(ts_diff)
```

Door hiervan nogmaals de stationariteit te testen wordt figuur 1.10 bekomen. Hierop valt af te lezen dat de data nu wel stationair is.



Figuur 1.9: Resultaat test stationarity

Figuur 1.10: Resultaat test stationarity na random walk differencing



1.2.3 Cross validation

Om aan cross validation te doen moet de tijdreeks opgesplitst worden in verschillende reeksen waarbij de testset van de vorige reeks telkens toegevoegd wordt aan de trainingsset van de huidige reeks. Bij de univariate niet-seizoensgebonden tijdreeks wordt telkens een testgrootte van 4 genomen. De waarden worden ook enkel uitgeprint indien de testset groter is dan 20 om een minimale testset te garanderen. De grootte van de train-en testset zal ook geprint worden bij het uitvoeren van dit stuk code.

Listing 7: Code voor het opstellen van cross-validation

```
# initialize TimeSeriesSplit object
   tscv = TimeSeriesSplit(n_splits = 8)
   # loop trough all split time series that have a trainingsset with more than 20

    values

   for train_index, test_index in tscv.split(ts_diff):
5
       if train_index.size > 20:
           # initialize cross validation train and test sets
           cv_train, cv_test = ts_diff.iloc[train_index], ts_diff.iloc[test_index]
9
10
           # visiualize cross_validation structure for reference
11
           print("TRAIN:", train_index.size)
12
           print("TEST:", test_index.size)
13
           print()
14
```

1.2.4 ARIMA

In dit stuk code worden de hyperparameters bepaald die de beste resultaten zullen behalen. Zo worden alle mogelijke parametercombinaties binnen het ARIMA model getest op de data met cross validation. De best presterende parameters die dus zorgen voor de laagste MAE score worden behouden en zullen gebruikt worden voor de finale voorspelling.

Listing 8: Bepalen van de hyperparameters

```
%%time
  # ARIMA
  from statsmodels.tsa.arima_model import ARIMA
  import itertools
  import warnings
  import sys
   from sklearn.metrics import mean_absolute_error
   # Define the p, d and g parameters to take any value between 0 and 2
   p = q = range(0, 5)
10
   d = range(0,3)
11
  # Generate all different combinations of p, q and q triplets
13
   pdq = list(itertools.product(p, d, q))
14
```

```
# initialize variables
   best_pdq = pdq
   best_mean_mae = np.inf
   # specify to ignore warning messages to reduce visual clutter
   warnings.filterwarnings("ignore")
22
   # loop trough all possible parameter combinations of pdq
23
   for param in pdq:
24
       print(param)
25
26
        # some parametercombinations might lead to crash, so catch exceptions and
27
        try:
28
29
            # initialize the array which will contain the mean average errors
30
           maes = []
31
32
            # loop trough all split time series that have a trainingsset with more
33

    → than 20 values

            for train_index, test_index in tscv.split(ts_diff):
34
                if train_index.size > 20:
35
36
                    # initialize cross validation train and test sets
37
                    cv_train, cv_test = ts_diff.iloc[train_index],
38

    ts_diff.iloc[test_index]

39
                    # build model
40
                    model = ARIMA(cv_train, order=(param))
41
42
                    # fit model
43
                    model_fit = model.fit()
44
45
                    # make predictions
46
                    predictions = model_fit.predict(start=len(cv_train),
47
                     → end=len(cv_train)+cv_test.size-1, dynamic=False)
48
49
                    # renaming for clarity
                    prediction_values = predictions.values
50
                    true_values = cv_test.values
51
52
                    # error calculation this part of the cross validation
53
                    maes.append(mean_absolute_error(true_values, prediction_values))
54
56
            # error calculation for this parameter combination
57
            mean_mae = np.mean(maes)
58
            print('MAE: ' + str(mean_mae))
59
60
            # store parameters resulting in the lowest mean MAE
61
            if mean_mae < best_mean_mae:</pre>
62
                best_mean_mae = mean_mae
                best_maes = maes
64
                best_pdq = param
65
                best_predictions = prediction_values
66
```

```
except Exception as e:
print(e)
continue

# logging
print()
print('Best MAE = ' + str(best_mean_mae))
print(best_pdq)
```

Hieruit blijkt dat de beste parametercombinatie voor een bereik van 0 tot 5 voor de p en q waarden en 0 tot 2 voor de d waarden (3,0,0) zijn. De d waarden blijven zo beperkt omdat een waarde hoger dan 1 in praktijk niet voorkomt zoals beschreven in de literatuurstudie. Dit zijn dan ook de parameterwaarden die gebruikt zullen worden voor de finale iteratie van ARIMA. Een hoger bereik zou tot een beter resultaat kunnen leiden maar ook tot overfitting en zal zeker zorgen voor een hogere uitvoeringstijd omwille van deze redenen is het bereik van p en q beperkt tot 5.

Listing 9: Finale iteratie ARIMA

```
start_time = timeit.default_timer()
2
   # specify to ignore warning messages
   warnings.filterwarnings("ignore")
   print("----")
   # initialize the array which will contain the mean average errors
10
   # loop trough all split time series that have a trainingsset with more than 20
11

    values

   for train_index, test_index in tscv.split(ts_diff):
12
       if train_index.size > 20:
13
14
            # initialize cross validation train and test sets
15
            cv_train, cv_test = ts_diff.iloc[train_index], ts_diff.iloc[test_index]
16
17
            # build model
            arima = ARIMA(cv_train, best_pdq).fit(start_ar_lags=1,disp=False)
19
20
            # make predictions
21
            predictions = arima.forecast(steps=4)
22
            prediction_values = predictions[0]
23
            true_values = cv_test.values
24
25
            # error calc
26
            maes.append(mean_absolute_error(true_values, prediction_values))
27
28
            # last actual prediction
29
            last_prediction_ARIMA = prediction_values
31
            print("I",end="")
32
33
```

Figuur 1.11: Resultaat finale iteratie ARIMA

```
IIII

Mean MAE: 0.171 x 1 000 000 km²

MAE of last prediction: 0.103 x 1 000 000 km²

Execution time: 0.360 seconds

Last prediction ARIMA

14

20

1980 1985 1990 1995 2000 2005 2010 2015

Mean average errors

[0.12511530847905092, 0.2752061283732373, 0.18026943891615582, 0.1025190381166726]

# store results to variables

time_ARIMA = timeit.default_timer() - start_time

mae_mean = np.mean(maes)

MAE_ARIMA = mae_mean
```

```
time_ARIMA = timeit.default_timer() - start_time
35
   mae_mean = np.mean(maes)
   MAE_ARIMA = mae_mean
37
   last_MAE_ARIMA = maes[-1]
38
39
   # logging
40
41
   print()
   print('Mean MAE: %.3f x 1 000 000 km\u00b2' % MAE_ARIMA)
   print('MAE of last prediction: %.3f x 1 000 000 km\u00b2' % last_MAE_ARIMA)
   print('Execution time: %.3f seconds' % time_ARIMA)
   full_graph(last_prediction_ARIMA, 'Last prediction ARIMA')
45
   print('Mean average errors:')
   print(maes)
```

De bovenstaande code zal leiden tot de uitvoer die zichtbaar is op figuur1.11. Hier wordt de gemiddelde MAE overheen de verschillende iteraties bij cross validation weergeven alsook de MAE van de laatste voorspelling. Daarnaast wordt ook de uitvoeringstijd weergegeven en ook de voorspelde waarden van de laatste partitie van de cross validation ten opzichte van de originele waarden. Ook de reeks met de MAEs wordt weergegeven.

1.2.5 LSTM

Het volgende model dat getest zal worden is een LSTM model. Aangezien dit een neuraal netwerk is zijn er op voorhand enkele methodes gedefinieerd om het overzicht te bewaren. De eerste methode die gedefinieerd wordt is de split_sequence dit zal er voor zorgen dat de univariabele tijdreeks opgesplitst wordt in samples zodat deze gebruikt kunnen worden als invoerwaarden voor een LSTM netwerk. De originele tijdreeks dient ingegeven te worden bij sequence, het aantal invoerstappen en het aantal uitvoerstappen dienen ook meegegeven te worden.

Daarnaast wordt ook de methode build_model gedefinieerd die het model zal opstellen. Dit zal gebeuren door de structuur van het LSTM model op te stellen met gebruik van het aantal features, het aantal neuronen in de LSTM laag, de dropout rate en de batchgrootte deze parameters diennen ook ingegeven te worden. Na het opstellen van het model zal het gefit worden aan de trainingsdata.

Ten slotte wordt ook nog de functie predict opgesteld. Deze functie verwacht de trainingsset, het model en het aantal features als invoerwaarde en zal het verdere verloop van de tijdreeks trachten te voorspellen.

Listing 10: Functies voor het opstellen van een LSTM model

```
from keras.layers import Dropout
   # split a univariate sequence into samples
   def split_sequence(sequence, n_steps_in, n_steps_out):
       X, y = list(), list()
       for i in range(len(sequence)):
5
            # find the end of this pattern
           end_ix = i + n_steps_in
           out_end_ix = end_ix + n_steps_out
            # check if we are beyond the sequence
10
11
            if out_end_ix > len(sequence):
12
13
            # gather input and output parts of the pattern
14
            seq_x, seq_y = sequence[i:end_ix], sequence[end_ix:out_end_ix]
15
           X.append(seq_x)
16
           y.append(seq_y)
17
        return array(X), array(y)
18
19
   def build_model(raw_seq, n_steps_in, n_steps_out, n_features, n_neurons, dropout,
20
       batch_s):
21
        # split into samples
22
       X, y = split_sequence(raw_seq.values.flatten(), n_steps_in, n_steps_out)
23
24
        # reshape from [samples, timesteps] into [samples, timesteps, features]
25
       X = X.reshape((X.shape[0], X.shape[1], n_features))
26
27
        # define model
28
       model = Sequential()
       model.add(LSTM(n_neurons, activation='relu'))
30
       model.add(Dropout(dropout))
31
       model.add(Dense(n_steps_out))
```

```
model.compile(optimizer='adam', loss='mae')
33
34
        # fit model
35
        model.fit(X, y, batch_size=batch_s, epochs=100, verbose=0)
36
37
38
        return model
39
40
   def predict(x_input, model, n_features):
41
        n_features = 1
42
43
        # reshape data
44
        x_input = x_input.reshape((1, n_steps_in, n_features))
45
47
        yhat = model.predict(x_input, verbose=0)
48
49
        return yhat
50
```

Ook bij LSTM dienen de hyperparameters geoptimaliseerd te worden. Dit gebeurt door middel van onderstaande code. Waarbij een reeks mogelijk waarden gedefinieerd wordt op lijn 15 tot 18 waarvan alle mogelijk combinaties getest worden en waarvan de best presterende combinatie bijgehouden wordt.

Listing 11: Bepalen van de hyperparameters

```
%%time
   # Disabled tf warning because of visual clutter
   tf.compat.v1.logging.set_verbosity(tf.compat.v1.logging.ERROR)
   # constant variables
  n_{steps_in} = 4
   n_{steps_out} = 4
  n_features = 1
10
   maes = []
11
   global_maes = []
12
   # optimizable variables
14
   n_{neurons_array} = [1,10,20]
15
   dropout_array = [0,0.5,0.99]
16
   batch_size_array = [1,8]
17
18
19
   # initialize values
20
   best_MAE = 100
21
   best_n_neurons = 0
22
   best_activation = 'none'
23
  best_dropout = 0
24
   best_batch_size = 0
25
26
  # loop over all possible parameter combinations
27
   for n_neurons in n_neurons_array:
```

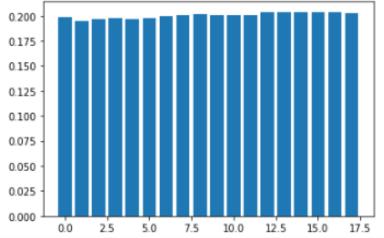
```
for dropout in dropout_array:
29
            for batch_size in batch_size_array:
30
31
                print("----")
32
33
                # loop trough all split time series that have a trainingsset with
34
                 → more than 20 values
                for train_index, test_index in tscv.split(ts_diff):
35
                    if train_index.size > 20:
36
37
                         # initialize cross validation train and test sets
38
                         y_train, y_test = ts_diff.iloc[train_index],
39

    ts_diff.iloc[test_index]

                         # build model
41
                         lstm_model = build_model(y_train, n_steps_in, n_steps_out,
42
                         → n_features, n_neurons, dropout, batch_size)
43
                         # make predictions
44
                         x_input = array(y_test)
45
                         y_predicted = predict(x_input, lstm_model,

    n_features).flatten()
                         y_actual = y_test.values
47
48
                         # error calculation this part of the cross validation
49
                         maes.append(mean_absolute_error(y_actual, y_predicted))
50
51
                         print("I",end="")
52
53
                         # last actual prediction
54
                         last_prediction_LSTM = y_predicted
55
56
                # error calculation for this parameter combination
57
                MAE_LSTM = np.mean(maes)
58
                last_MAE_LSTM = maes[-1]
59
                global_maes.append(MAE_LSTM)
61
                # store parameters resulting in the lowest mean MAE
62
                if best_MAE > MAE_LSTM:
63
                    best_n_neurons = n_neurons
                    best_dropout = dropout
65
                    best batch size = batch size
66
                    best_MAE = MAE_LSTM
67
                # log values for parameter combination
69
                print()
70
                print(n_neurons)
71
72
                print(dropout)
73
                print(batch_size)
                print(MAE_LSTM)
74
                print()
75
   # log parameter combination with best result
77
   print('Best:')
   print('N neurons')
   print(best_n_neurons)
```





```
print('Dropout rate')
print(best_dropout)
print('Batch size')
print(best_batch_size)
print('MAE')
print(best_MAE)
plt.bar(range(0,len(global_maes)), global_maes)
```

Na het uitvoeren van deze code blijkt er nauwelijks verschil te zijn bij het aanpassen van de hyperparameters. Dit valt af te leiden uit de MAE's die weergegeven worden door de plot op lijn 87. Die figuur1.12 als resultaat zal hebben. Dit blijkt ook wanneer deze code meerdere malen doorlopen wordt aangezien er verschillende resultaten bekomen worden. Om verder te gaan zullen de waarden 1 voor het aantal neuronen gebruikt worden, 0 voor de beste dropout rate en 8 voor de batch size.

Listing 12: Finale iteratie LSTM

```
%%time
2
   start_time = timeit.default_timer()
   # Disabled tf warning because of visual clutter
   tf.compat.v1.logging.set_verbosity(tf.compat.v1.logging.ERROR)
   # constant variables
  n_{steps_in} = 4
10
   n_steps_out = 4
11
  n_features = 1
12
   maes = []
13
14
15
   # optimizable variables
```

```
n_neurons = best_n_neurons
17
   dropout = best_dropout
   batch_s = best_batch_s
19
20
   print("----")
21
22
   # loop trough all split time series that have a trainingsset with more than 20
23

    values

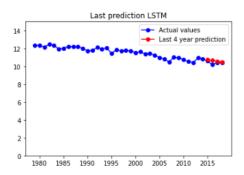
   for train_index, test_index in tscv.split(ts_diff):
24
       if train_index.size > 20:
25
            # initialize cross validation train and test sets
26
           y_train, y_test = ts_diff.iloc[train_index], ts_diff.iloc[test_index]
27
            # build model
           lstm_model = build_model(y_train, n_steps_in, n_steps_out, n_features,
30

→ n_neurons, dropout, batch_s)
31
            # make predictions
32
           x_input = array(y_test)
33
           y_predicted = predict(x_input, lstm_model, n_features).flatten()
34
           y_actual = y_test.values
36
            # error calc
37
           maes.append(mean_absolute_error(y_actual, y_predicted))
38
           print("I",end="")
40
41
   # last actual prediction
42
   last_prediction_LSTM = y_predicted
43
   # store variables
45
  time_LSTM = timeit.default_timer() - start_time
  MAE_LSTM = np.mean(maes)
   last_MAE_LSTM = maes[-1]
48
49
  # visualisation
   print()
51
   print('Mean MAE: %.3f x 1 000 000 km\u00b2' % MAE_LSTM)
  print('MAE of last prediction: %.3f x 1 000 000 km\u00b2' % last_MAE_LSTM)
  print('Execution time: %.3f seconds' % time_LSTM)
  full_graph(last_prediction_LSTM, 'Last prediction LSTM')
  print('Mean average errors')
  print(maes)
```

De bovenstaande code zal leiden tot de uitvoer die zichtbaar is op figuur??. Ook hier kan de gemiddelde MAE overheen de verschillende iteraties bij cross validation weergeven worden alsook de MAE van de laatste voorspelling. Daarnaast wordt ook de uitvoeringstijd weergegeven en ook de voorspelde waarden van de laatste partitie van de cross validation ten opzichte van de originele waarden. Ook de reeks met de MAEs wordt weergegeven. Net zoals bij ARIMA.

Figuur 1.13: Resultaat finale iteratie LSTM

IIII Mean MAE: 0.200 \times 1 000 000 km² MAE of last prediction: 0.215 \times 1 000 000 km² Execution time: 5.480 seconds



Mean average errors [0.1527431455020163, 0.23552654839108333, 0.19871178303483195, 0.21470190819788382]

1.2.6 Prophet

Als laatste dient ook Prophet nog bekeken te worden voor het voorspellen van de tijdreeks. Hier zal eerst de data opnieuw geformateerd moeten worden aangezien prophet een bepaalde structuur hantereert.

Listing 13: Code voor het formatteren van de data voor Prophet

Daarna kan de hyperparameter voor changepoint_prior_scale die zal staan voor de frequentie van het aanduiden changepoints (punten waar de data van een trend zal afwijken) bepaald worden met behulp van onderstaande code.

Listing 14: Code voor het bepalen van de hyperparameters

```
# Python
   import itertools
   import numpy as np
   import pandas as pd
   # define dataframe
   df = ts_formated_prophet
   param_grid = {
   'changepoint_prior_scale': [0.001, 0.01, 0.1, 1, 2, 5, 10, 15, 20, 25],
10
11
12
  # Generate all combinations of parameters
   all_params = [dict(zip(param_grid.keys(), v)) for v in
    → itertools.product(*param_grid.values())]
15
   # initialize variables
   maes = []
17
   global_maes = []
   best_MAE_prophet = np.inf
   # Use cross validation to evaluate all parameters
21
   for params in all_params:
22
23
       # loop trough all split time series that have a trainingsset with more than
24
        → 20 values
       for train_index, test_index in tscv.split(ts_formated_prophet):
25
           if train_index.size > 20:
26
               # initialize cross validation train and test sets
28
               train = ts_formated_prophet.iloc[train_index]
               y_test = ts_formated_prophet.iloc[test_index][['y']].values.flatten()
```

```
X_test = ts_formated_prophet.iloc[test_index][['ds']]
31
32
                # Fit model with given params
33
                model = Prophet(**params, weekly_seasonality=False,
34

→ daily_seasonality=False)
35
                model = model.fit(train)
36
                # make predictions
37
                forecast = model.predict(X_test)
38
                y_pred = forecast['yhat'].values
39
40
                # last actual prediction
41
                last_prediction_prophet = y_pred
42
                # error calculation this part of the cross validation
44
                maes.append(mean_absolute_error(y_test, y_pred))
45
46
        # error calculation for this parameter combination
47
       MAE_prophet = np.mean(maes)
48
       last_MAE_prophet = maes[-1]
49
       global_maes.append(MAE_prophet)
51
        # logging
52
       print('changepoint_prior_scale: ' + str(params['changepoint_prior_scale']))
53
        # store parameters resulting in the lowest mean MAE
55
       if best_MAE_prophet > MAE_prophet:
56
       best_params = params
57
       best_MAE_prophet = MAE_prophet
   # log optimal result
60
   print('changepoint_prior_scale: ' + str(best_params['changepoint_prior_scale']))
   print(best_MAE_prophet)
```

Hieruit zal blijken dat de optimale waarde voor de hyperparameter 2 is. Waneer dit ingevoegd wordt bij het uitvoeren van de onderstaande code wordt het resultaat dat zichtbaar is op figuur 1.14 verkregen.

Listing 15: Finale iteratie Prophet

```
%%time
2
   # Disabled tf warning because of clutter
   warnings.filterwarnings("ignore") # specify to ignore warning messages
   start_time = timeit.default_timer()
   # initialize variables
8
   maes = \Pi
9
10
   for train_index, test_index in tscv.split(ts_formated_prophet):
11
       if train_index.size > 20:
12
13
           # initialize cross validation train and test sets
```

Figuur 1.14: Resultaat finale iteratie Prophet

```
Mean MAE: 0.209 x 1 000 000 km²
MAE of last prediction: 0.245 x 1 000 000 km²
Execution time: 8.557 seconds

Last 4 year prediction prophet

Actual values
Last 4 year prediction

Bean average errors
[0.126584592587182, 0.2432586886102241, 0.22013313821990807, 0.24456896573145737]

train = ts_formated_prophet.iloc[train_index]
y_test = ts_formated_prophet.iloc[test_index][['y']].values.fi
X_test = ts_formated_prophet.iloc[test_index][['ds']]
```

```
15
           y_test = ts_formated_prophet.iloc[test_index][['y']].values.flatten()
16
           X_test = ts_formated_prophet.iloc[test_index][['ds']]
17
18
            # build model
           model = Prophet(**best_params, weekly_seasonality=False,
20

→ daily_seasonality=False)
           model.fit(train)
21
            # make predictions
23
           forecast = model.predict(X_test)
24
           y_pred = forecast['yhat'].values
25
            # error calc
27
           maes.append(mean_absolute_error(y_test, y_pred))
28
            # last actual prediction
           last_prediction_prophet = y_pred
31
32
33
   # store results
   time_Prophet = timeit.default_timer() - start_time
35
   MAE_Prophet = np.mean(maes)
   last_MAE_Prophet = maes[-1]
38
   # visualize results
39
   print()
40
   print('Mean MAE: %.3f x 1 000 000 km\u00b2' % MAE_Prophet)
  print('MAE of last prediction: %.3f x 1 000 000 km\u00b2' % last_MAE_Prophet)
   print('Execution time: %.3f seconds' % time_Prophet)
   full_graph(last_prediction_prophet, "Last 4 year prediction prophet")
   print('Mean average errors')
   print(maes)
```

Figuur 1.15: Resultaat van de univariate non-seasonal analyse

	Mean MAE (x 1 000 000 km²)	Execution time (s)	Last MAE (x 1 000 000 km²)
ARIMA	0.171	0.360	0.103
LSTM	0.200	5.480	0.215
Prophet	0.252	8.891	0.308

1.2.7 Evaluatie

Wanneer deze resultaten gecombineerd worden wordt de tabel die zichtbaar is op figuur 1.15 verkregen. Om dit resultaat grafisch te schetsen worden op figuur 1.16 de laatste voorspellingen voor elk modeltype weergegeven.

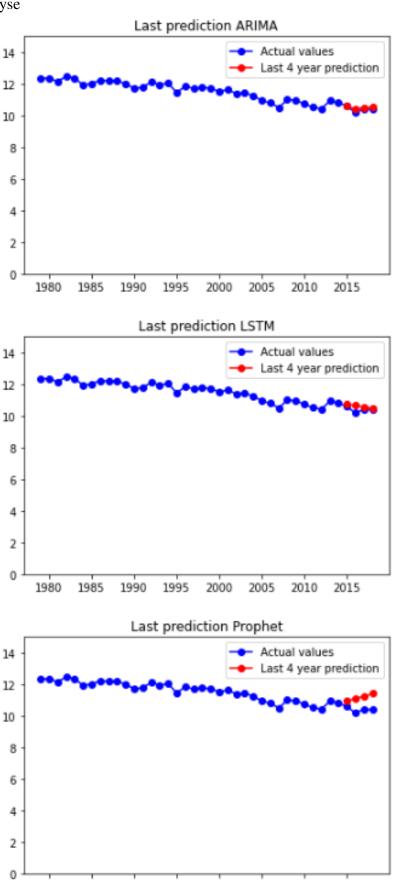
Hieruit kunnen dus geconcludeerd worden dat ARIMA het beste gemiddelde resultaat zal halen bij cross validation aangezien het hier een fout van $0.171 \times 1000 \times 10$

Listing 16: Code voor het weergeven van de resultaten

Listing 17: Code voor het grafisch weergeven van de resultaten

```
# visualize results of last prediction
full_graph(last_prediction_ARIMA, "Last prediction ARIMA")
full_graph(last_prediction_LSTM, "Last prediction LSTM")
full_graph(last_prediction_prophet, "Last prediction Prophet")
```

Figuur 1.16: Grafische weergave van de laatste voorspellingen van de univariate nonseasonal analyse



1.3 Univariate seizoensgebonden

In deze sectie zal onderzocht worden welk type model de beste voorspellingen zal treffen voor data met 1 variabele waar er een duidelijk seizoensverband zichtbaar is. Ook hier zal crossvalidation gebruikt worden maar het aantal minimum waarden in de trainingsset zal hier niet 20 zijn maar 300.

1.3.1 Algemene methodes

Vooraleer de dataset effectief gebruikt zal worden dienen er eerst nog enkele functies gedeclareerd te worden.

Zo herkennen kunnen de test_stationarity, full_graph en revert_diff methodes van de voorgaande sectie herkend worden. Naast deze methodes wordt hier ook nog de revert_seasonal_diff_recursion methode gedefinieerd. Deze wordt benut bij de seizoensgebonden variant van de revert_diff methode namelijk revert_seasonal_diff. Ook deze methode zal dienen om een gedifferentieerde data terug om te zetten naar data die vergeleken kan worden met de effectieve waarden.

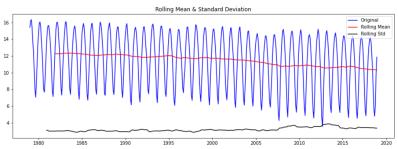
Listing 18: Algemene methodes

```
def test_stationarity(timeseries):
       #Determing rolling statistics
3
       rolmean = timeseries.rolling(36).mean()
       rolstd = timeseries.rolling(24).std()
       #Plot rolling statistics:
       orig = plt.plot(timeseries, color='blue',label='Original')
       mean = plt.plot(rolmean, color='red', label='Rolling Mean')
10
       std = plt.plot(rolstd, color='black', label = 'Rolling Std')
       plt.legend(loc='best')
11
       plt.title('Rolling Mean & Standard Deviation')
12
       plt.show(block=False)
13
14
   def full_graph(predicted, og_dataset, title):
15
       zerosArray = np.zeros(og_dataset.values.size-len(predicted.flatten()))
16
       cleanPrediction =
       → pd.Series(np.concatenate((zerosArray,predicted))).replace(0,np.NaN)
18
       # plot
19
       plt.title(title)
       plt.plot(og_dataset.index, og_dataset.values,marker='o',
21

    color='blue',label='Actual values')

       plt.plot(og_dataset.index, cleanPrediction,marker='o',
22
        plt.ylim([0,20])
23
       plt.legend()
24
25
       plt.show()
27
   def revert_diff(predicted_diff, og_data):
28
       last_value = og_data.iloc[-predicted_diff.size-1][0]
```





```
predicted_actual = np.array([])
30
       for value_diff in predicted_diff:
31
       actual_value = last_value + value_diff
32
       predicted_actual = np.append(predicted_actual, actual_value)
33
34
       last_value = actual_value
       return predicted_actual
35
36
   def revert_seasonal_diff_recursion(last_seasons_value, diff_value):
37
       return last_seasons_value + diff_value
38
39
   def revert_diff_seasonal(predicted_diff, og_data):
40
       prediction_size = predicted_diff.size
41
42
       history = ts[:-prediction_size].values.flatten()
43
        for value_diff in predicted_diff[-prediction_size:]:
44
            new_value = revert_seasonal_diff_recursion(history[-12], value_diff)
45
            history = np.append(history,new_value)
46
        return history[-prediction_size:]
```

1.3.2 Stationariteit

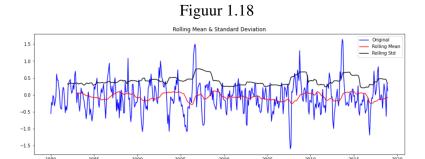
Ook wanneer we hier de stationariteit van de data gaan testen krijgen we een licht dalende trend. Deze trend die zichtbaar is op figuur 1.17. Deze loopt gelijk met de trend van de niet seizoensgebonden data aangezien die data het jaarlijks gemiddelde is en dit maandelijkse waarden zijn.

Aangezien hier met seizoensgebonden data gewerkt wordt is het hier naast random walk differentiatie een optie om seizoensdifferentiatie te gebruiken. Dit zal dan ook getest worden.

Listing 19: Code voor seizoensdifferentiatie

```
ts_diff_seasonal = ts - ts.shift(12)
ts_diff_seasonal = ts_diff_seasonal.dropna()
test_stationarity(ts_diff_seasonal)
```

Wanneer seizoensdifferentiatie toegepast wordt zal de stationariteit voorgesteld kunnen worden zoals zichtbaar op figuur1.18. Dit is wel stationair maar fluctureert wel behoorlijk naar het einde toe.



Daarnaast kan ook nog gewone random walk differentiatie toegepast worden op de data. De stationariteit van deze gedifferentieerde data wordt afgebeeld op figuur1.19. Hier wordt vastgesteld dat het gemiddelde een horizontale lijn is. Dit houdt in dat de data zeer stationair is.

Listing 20: code voor differentiatie

```
ts_diff = ts - ts.shift(1)
ts_diff = ts_diff.dropna()
test_stationarity(ts_diff)
```

Er dient ook nog vermeld te worden dat door 2 verschillende types differentiaties te testen, het aantal gebruikte testsets bij crossvalidation wel verschillen. Zo zullen er bij seizoensdifferentiatie minder waarden beschikbaar zullen zijn. Concreet leidt dit ertoe dat er bij random walk differentiatie 7 trainingssets zijn die meer dan 300 waarden bevatten terwijl er bij seizoensdifferentiatie 6 trainingssets zullen zijn die meer dan 300 waarden bevatten.

1.3.3 ARIMA

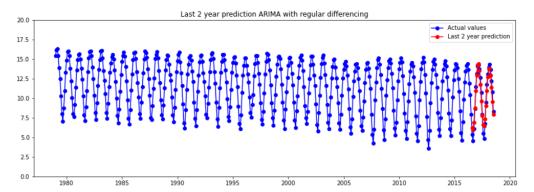
Ook hier zal een ARIMA model opgesteld worden zowel voor de random walk gedifferentieerde data als de seizoensgedifferentieerde data.

Random walk differentiatie

Ook hier zal aan hyperparameterbepaling gedaan worden. Aangezien zo goed als alles identiek is als bij univariate non-seasonal differentiatie zal de code hiervan niet meer weergegeven worden alle code is echter terug te vinden in de bijlage.

Figuur 1.20: Resultaat van ARIMA bij random walk differentiatie

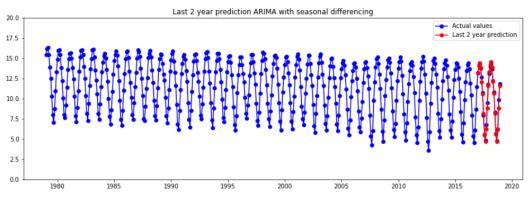
Mean MAE: $0.587 \times 1~000~000~km^2$ MAE of last prediction: $0.535 \times 1~000~000~km^2$ Execution time: 4.981~seconds



[0.5519202505373405, 0.5339985209288152, 0.624088160462872, 0.6175479246639486, 0.6547096229140431, 0.5949445312188929, 0.53494 83168514487]

Figuur 1.21: Resultaat van ARIMA bij seizoensdifferentiatie

Mean MAE: $0.328 \times 1~000~000~km^2$ MAE of last prediction: $0.225 \times 1~000~000~km^2$ Execution time: 10.461~seconds



 $[0.48861485304926316,\ 0.26346070636629143,\ 0.35937111188428744,\ 0.3753477846215573,\ 0.2567851618849564,\ 0.2248188597690386]] (0.48861485304926316,\ 0.26346070636629143,\ 0.35937111188428744,\ 0.3753477846215573,\ 0.2567851618849564,\ 0.2248188597690386]] (0.48861485304926316,\ 0.26346070636629143,\ 0.35937111188428744,\ 0.3753477846215573,\ 0.2567851618849564,\ 0.2248188597690386]] (0.48861485304926316,\ 0.26346070636629143,\ 0.3634711188428744,\ 0.3753477846215573,\ 0.2667851618849564,\ 0.2648188597690386]] (0.48861485304926316,\ 0.2648188597690386)] (0.48861485304926316,\ 0.2648188597690386)] (0.48861485304926316,\ 0.2648188597690386)] (0.48861485304926316,\ 0.2648188597690386)] (0.48861485304926316,\ 0.2648188597690386)] (0.48861485304926316,\ 0.2648188597690386)] (0.48861485304926316,\ 0.2648188597690386)] (0.48861485304926316,\ 0.2648188597690386)] (0.48861485304926316,\ 0.2648186316$

Uit die hyperparameterbepaling zal blijken dat de combinatie (3,0,4) de beste prestatie zal leveren wanneer het bereik van de parameters p en q 5 zal zijn.

Wanneer deze hyperparameters ingevoerd worden wordt het resultaat dat afgebeeld staat op figuur 1.20 verkregen.

Seizoensdifferentiatie

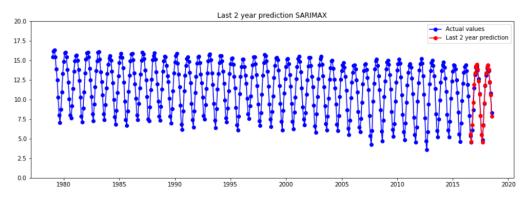
Ook hier zullen eerst de hyperparameters bepaald worden. Met (3,0,3) als optimale waarden bij een range van 0 tot 5 voor de waarden p of q. Wanneer deze waarden uitgebreider getest worden resulteert dit in de uitvoer die waar te nemen valt op figuur 1.21.

1.3.4 SARIMA

Naast ARIMA zelf is er ook een variant op het ARIMA model die specifiek voor data met een seizoenseffect is ontworpen genaamd SARIMA. Deze variant zal in dit deel onder de

Figuur 1.22: Resultaat SARIMAX bij random walk differentiatie

Mean MAE: 0.219 x 1 000 000 km² MAE of last prediction: 0.179 x 1 000 000 km² Execution time: 50.800 seconds



[0.19468134775270865, 0.2727208340446456, 0.2718027423914433, 0.17930539251035138, 0.22744152935594694, 0.20468858347158767, 0.

loep genomen worden.

Random walk differentiatie

De hyperparameterbepaling zal er hier wel anders uitzien, zo dienen voor het seizoenseffect PDQ waarden bepaald te worden naast de pdq waarden voor de data zelf en de m waarde die het aantal tijdstappen zal weergeven van de data die binnen 1 sequentie van het seizoenseffect vallen.

De beste parametercombinatie van de parameters p,d,q,P,D,Q met een bereik van 3 zal (1,0,2,0,1,2) zijn. Het uitgebreid resultaat van deze combinatie wordt weergegeven op figuur 1.22.

Seizoensdifferentiatie

Deze testopstelling is identiek aan de vorige uitgezonderd van de invoerdata die hier seizoensgedifferentieerd zal zijn. Ook hier zullen de optimale parameters (1,0,2,0,1,2) zijn. Dit de uitvoer geven die afgebeeld staat op figuur 1.23.

1.3.5 LSTM

Random walk differentiatie

Seizoensdifferentiatie

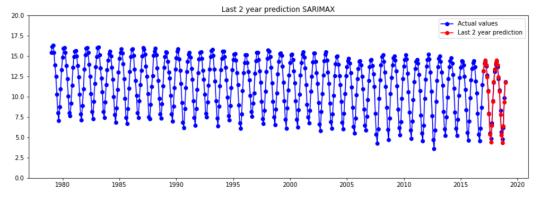
De opstelling zal identiek zijn als de bovenstaande hier zullen de optimale parameters bestaan uit 1 neuron een dropout rate van 0.99 en een batchgrootte van 8 met het eindresultaat dat zich op figuur 1.24 bevindt.

1.3.6 Prophet

Ook hier verloopt alles bijna analoog met de niet seizoensgebonden variatie worden er hier wel 2 hyperparameters getest

Figuur 1.23: Resultaat SARIMAX bij seizoensdifferentiatie

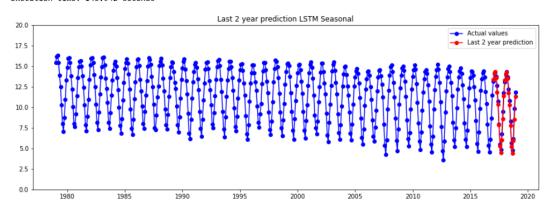
Mean MAE: $0.306 \times 1~000~000~km^2$ MAE of last prediction: $0.184 \times 1~000~000~km^2$ Execution time: 50.648 seconds



 $[0.5323787654448401,\ 0.21396325972390504,\ 0.2807601730765725,\ 0.3393665740007537,\ 0.2873483927225955,\ 0.18353246327038508]$

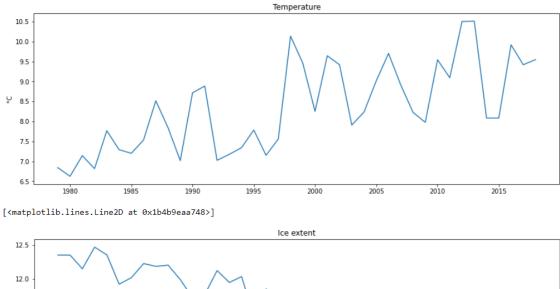
Figuur 1.24: Resultaat LSTM bij seizoensdifferentiatie

Mean MAE: 0.355 \times 1 000 000 km² MAE of last prediction: 0.278 \times 1 000 000 km² Execution time: 140.942 seconds



[0.5464313252650754, 0.2501607211810378, 0.361758938806219, 0.3961110733347888, 0.29825908156433795, 0.27794493045965557]

1.3.7 Evaluatie



Figuur 1.25: Grafische weergave multivariate tijdreeks zonder seizoenseffect

7 11.5 000 000 11.5 11.0 10.5 1985 1990 2000 2005 2010 2015

1.4 Multivariate niet-seizoensgebonden

In dit onderdeel van deze bachelorproef zal onderzocht worden welk van de 3 modellen de beste voorspelling maken voor meervoudige tijdreeksen. Dit houdt in dat het model een tijdreeks krijgt die meerdere features bevat per tijdstap en deze features in verband brengt om tot accuratere voorspellingen te komen. De testset zal dan ook altijd enkel blijven bestaan uit de tijdsstappen die voorspeld moeten worden.

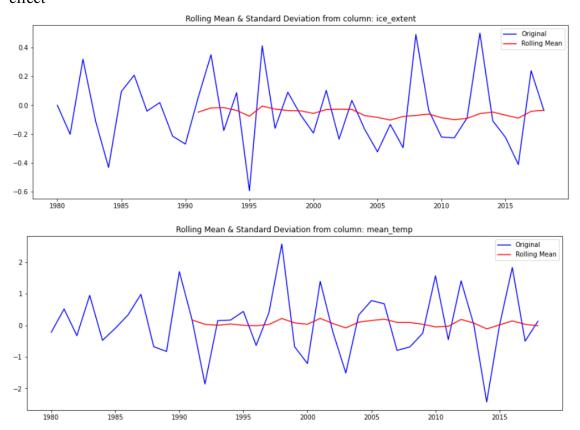
De data die gebruikt zal worden voor deze sectie wordt grafisch weergegeven op Figuur 1.25. Ook hier zal er gebruik gemaakt worden van cross validation.

Aangezien Prophet geen multivariate tijdreeksen als invoer ondersteunt zal dit niet geëvalueerd kunnen worden.

1.4.1 **Stationariteit**

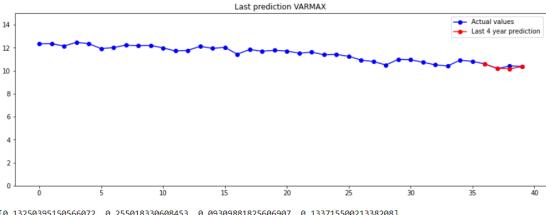
Ook hier zal de ijsdikte een dalende trend vertonen zoals weergegeven werd bij de univariate analyse en hier zal niks aan veranderen aangezien dit dezelfde data is. Ook deze data zal random walk gedifferentieerd worden maar dit keer niet enkel de ijsdikte maar ook de temperatuur. De resultaten van die differentiatie zijn zichtbaar op figuur 1.26. Daaruit kan afgeleid worden dat de data nu stationair is.

Figuur 1.26: Grafische weergave gedifferentieerde multivariate tijdreeks zonder seizoenseffect



Figuur 1.27: Resultaat multivariate voorspelling VARMAX

Mean MAE: $0.154 \times 1000000 \text{ km}^2$ MAE of last prediction: 0.134 \times 1 000 000 km^2 Execution time: 63.963 seconds



[0.13250395150566072. 0.255018330608453. 0.09309881825606907. 0.13371550021338208]

1.4.2 **VARMAX**

Aangezien een ARIMA model slechts in staat is om tijdreeksen met 1 variabele te voorspellen moet er een variant gebruikt worden die wel in staat is om multivariate tijdreeksen te interpreteren genaamd VARMAX.

Ook hier wordt de gebruikelijke methode toegepast om de hyperparameters te bepalen en daar verandert niet veel aan. Behalve dat enkel de p en q variabelen verwacht worden, de d variabele is hier niet nodig.

Bij een range van 0 tot 5 zijn ook hier de optimale waarden voor deze parameters (3,3). Wanneer we deze waarden invoeren in de uitgebreidere versie van de evaluatiemethode wordt het resultaat bekomen dat weergegeven wordt op Figuur 1.27.

1.4.3 LSTM

Waneer er multivariate voorspellingen gemaakt moeten worden met LSTM ziet de structuur van het neuraal netwerk er anders uit dan bij een univariate voorspelling. Zo zal er deze keer een grote functie gebruikt worden om het model op te stellen en de voorspelling te maken. Deze functie staat uitgeschreven bij listing 21.

De hyperparameters die hier bepaald zullen worden zijn het aantal neuronen en het aantal epochs om tot het beste resultaat te komen. Een enkel neuron blijkt alweer optimaal te zijn en met 200 epochs verkrijgt men het beste resultaat. De uitgebreide uitvoer van dit resultaat wordt weergegeven op Figuur 1.28.

Listing 21: Voorspellingsfunctie LSTM

```
def predict_LSTM(train, test, n_neurons, n_epochs):
       test['sum'] = test['mean_temp'] + test['ice_extent']
2
       # define input sequence
       in_seq1 = train.values[:,0]
```

```
in_seq2 = train.values[:,1]
7
       out_seq = array([in_seq1[i]+in_seq2[i] for i in range(len(in_seq1))])
        # convert to [rows, columns] structure
10
       in_seq1 = in_seq1.reshape((len(in_seq1), 1))
       in_seq2 = in_seq2.reshape((len(in_seq2), 1))
       out_seq = out_seq.reshape((len(out_seq), 1))
13
14
        # horizontally stack columns
15
       dataset = hstack((in_seq1, in_seq2, out_seq))
17
        # choose a number of time steps
       n_steps_in, n_steps_out = 4, 4
        # covert into input/output
21
       X, y = split_sequences(dataset, n_steps_in, n_steps_out)
22
23
        # the dataset knows the number of features, e.g. 2
       n_features = X.shape[2]
25
       # define model
       model = Sequential()
28
       model.add(LSTM(n_neurons, activation='relu', input_shape=(n_steps_in,
29
        → n_features)))
       model.add(RepeatVector(n_steps_out))
       model.add(LSTM(n_neurons, activation='relu', return_sequences=True))
31
       model.add(TimeDistributed(Dense(n_features)))
32
       model.compile(optimizer='adam', loss='mae')
33
35
       model.fit(X, y, epochs=n_epochs, verbose=0)
36
37
       # demonstrate prediction
       x_input = test.values
39
       x_input = x_input.reshape((1, n_steps_in, n_features))
40
       yhat = model.predict(x_input, verbose=0)
41
       return yhat
```

1.4.4 Evaluation

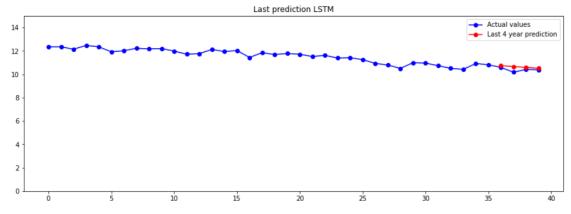
Wanneer we de resultaten van de multivariate niet-seizoensgebonden voorspellingen weergegeven op Figuur 1.29 vergelijken kunnen we stellen dat LSTM het best presteert volgens cross validation maar wel een hogere uitvoeringstijd heeft. Daarnaast zal de laatste voorspelling van het ijsoppervlak door het VARMAX model accurater zijn dan dat van het LSTM model. Deze laatste voorspelling wordt grafisch weergegeven op Figuur 1.30

1.5 Multivariate seizoensgebonden

De laatste combinatie die getest zal worden is de dataset waar een seizoensverband en een extra variabele aanwezig is.

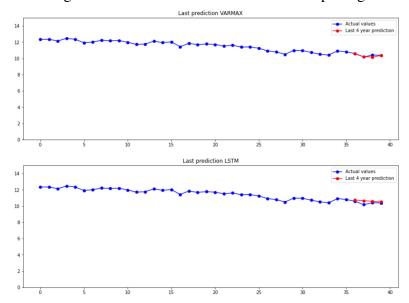
Figuur 1.28: Resultaat multivariate voorspelling LSTM

Mean MAE: 0.200 \times 1 000 000 km² MAE of last prediction: 0.210 \times 1 000 000 km² Execution time: 41.617 seconds



 $[0.14411208071264658,\ 0.24311231278801904,\ 0.20436435040655798,\ 0.20952587437320158]$

Figuur 1.29: Resultaten multivariate voorspelling



Figuur 1.30: Grafische weergaven van de laatste voorspellingen van de VARMAX en LSTM modellen

