Les machines de Turing

Feuille de travaux dirigés nº1 11 septembre 2018

- 1. Décrire en détail une machine de Turing déterministe à un seul ruban qui reconnaît le langage des mots de la forme $n_2 = n_0 + n_1$ avec n_i des nombres en base 2, si l'addition est correcte.
- 2. Décrire en détail une machine de Turing déterministe à un seul ruban qui reconnaît le langage des mots composés d'un nombre en binaire répété deux fois.
- **3.** Décrire en détail une machine de Turing déterministe à deux rubans qui reconnaît le langage des mots composés d'un nombre en binaire répété deux fois.
- **4.** Décrire en détail une machine de Turing déterministe à deux rubans qui reconnait le langage des mots dont la longueur est un carré parfait sur un alphabet à une lettre a. Les mots, a, aaaa, aaaaaaaaaa, aaaaaaaaaaaa forment les premiers éléments de ce langage.
- 5. On considère le problème du calcul de la longueur en binaire d'un mot sur l'alphabet $\{0,1\}$ donné en entrée.
 - a) Décrire une machine de Turing déterministe à deux rubans qui effectue le calcul et en évaluer la complexité.
 - b) Décrire une machine de Turing déterministe à un seul ruban qui effectue le calcul et en évaluer la complexité.
 - c) Améliorer la complexité de la machine pour que sa complexité soit en $O(n \log n)$
 - d) Utiliser l'amélioration utilisée en c) pour obtenir une machine en temps linéaire pour la question a).
- **6.** Nous nous intéressons au problème de la reconnaissance du langage $L=\{0^k1^k:k\geq 0\}.$
 - a) Décrire une machine de Turing déterministe à deux rubans pour reconnaître L. Quelle est sa complexité?
 - b) Décrire une machine de Turing déterministe à un ruban pour reconnaître L. Quelle est sa complexité?
 - c) Appliquer l'amélioration de l'exercice précédent pour améliorer la complexité des machines obtenues.
- 7. Décrire une machine de Turing à un ruban qui reconnait les mots $w \in \{0,1\}^*$ tels que $|w|_0 = |w|_1$.