# COERÊNCIA E ALIASING

#### .MATHEUS MORAES PEREIRA SALES DE AZEVEDO - 99892

E-mails: joão.rossi@ufv.br, thiago.m.avila@ufv.br

Resumo: Ao se tratar de processamento de sinais, é de fundamental importância à necessidade de se conhecer as ferramentas disponíveis para a realização dos processos desejados, além de se obter o máximo de conhecimento disponível sobre os efeitos os quais um sinal pode ser submetido. Em vista disso, este relatório fundamenta-se em realizar um estudo de comandos, funções e aplicações, utilizando o software interativo MATLAB, com enfoque nas operações de cuja finalidade consistem no estudo introdutório acerca da análise de similaridade entre sinais no domínio da frequência, juntamente com a análise acerca do efeito aliasing pelo qual um processamento pode ser submetido.

**Palavras-chave:** MATLAB, similaridade, coerência, aliasing.

### Introdução

Dentre as diversas ferramentas utilizadas em processamentos de sinais, é notória a utilidade prática para a estimativa da similaridade entre sinais. Isto posto, a função de coerência é um mecanismo matemático muito usada para mensurar o grau de similaridade entre sinais. Enquanto o coeficiente de correlação provê uma medida global para esta quantificação, a coerência é discriminada em frequência, com a conveniência de possuir magnitude independente de qualquer retardo entre os sinais.[1]

Ademais, é fundamental analisamos em processamento de sinais, o efeito aliasing. Temos que o aliasing é o termo em inglês usado para explicar o efeito distorcivo da sub-amostragem de um sinal contínuo.

De acordo com o Teorema de Nyquist, uma taxa de amostragem de no mínimo duas vezes o valor da frequência máxima alcançada pelo sinal analógico é necessária para possibilitar o registro digital de todas as frequências analisadas. Esta taxa de amostragem mínima desejada é chamada frequência de Nyquist. Quando a taxa de amostragem para determinado sinal é menor que a frequência de Nyquist, ocorre um efeito chamado aliasing ou foldover, em que uma alta frequência é medida erroneamente como sendo de frequência mais baixa. [2]

#### Materiais e métodos

Comparando dois sinais: Com o viés prático de analisar o funcionamento da função de coerência do matlab, foram gerados dois sinais. O primeiro, foi gerado a partir da soma entre duas senóides, já o segundo foi gerado de forma idêntica ao primeiro, entretanto, a mesma foi acrescentada uma defasagem de noventa graus a componente de 8 Hz.

À vista disso, foi realizado o cálculo da coerência entre os dois sinais aludidos e realizado o estudo acerca dos resultados obtidos

**Diferença WAV e MP3:** Foi proposto, nessa porção do roteiro, um estudo acerca das forma de compactação de armazenamento de um áudio, com o enfoque nos formatos WAV e MP3.

Dessa forma, foi realizado o cálculo da coerência entre os sinal sonoro que foi armazenado no formato WAV e o sinal que, primeiramente foi compactado no formato MP3 e posteriormente armazenado no formato WAV, para tal foi necessário o uso do comando *mscohere*. [3]

Por fim, feita as devidas análises acerca do resultado obtido com o intuito de observar a diferença de qualidade entre os dois tipos de sinais.

Reamostragem de sinal: Dando prosseguimento a atividade, essa alíquota do roteiro tem como enfoque a análise acerca do efeito denominado de aliasing, gerado quando a taxa de amostragem para determinado sinal é menor que a frequência de Nyquist, fazendo com que que uma alta frequência é medida erroneamente como sendo de frequência mais baixa.

Isto posto, dado um sinal cossenoidal com 1kHz, foi criado um sinal cossenoidal com 1 kHz e freqüência de amostragem 10 kHz, denominado como o sinal sobreamostrado. Feito isso, foi realizado o plot de vinte períodos.

Por conseguinte, foi realizado uma reamostragem do sinal na frequência de Nyquist. Feito isso, foi realizado o plot de vinte períodos.

Ademais, de forma semelhante, foi realizada a sub-amostragem do sinal e efetuado o plot de vinte períodos. Por fim, foi realizado o plot de cada amostragem supracitada em cima do mesmo subplot com o intuito de facilitar a análise e estudos sobre as suas diferenças.

**Aliasing temporal:** Com o propósito de observar o efeito aludido na dimensão temporal, foi elaborado um filme de uma de uma roda girando numa taxa de 12º/frame durante 3 segundos.

Por fim, salvou o filme em diferentes velocidades. Isto posto, foi feito um estudo sobre os efeito aliasing em filmes.

### Resultados

Dando início aos requerimentos do roteiro da prática 11, inicialmente foram gerados dois sinais compostos pela soma de funções senoidais, os quais serão tratados como sinal X e Y neste relatório, em seguida tais funções foram contaminadas com ruídos aleatórios.

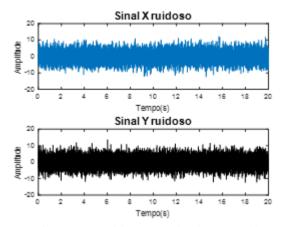


Figura 1: Senóides contaminadas por ruído.

Após os sinais citados anteriormente serem gerados, foram gerados novos sinais senoidais defasados em 90° na componente de 8 Hz, como mostra a figura 2. Por conseguinte, foi executado o comando referente a coerência e correlação dos sinais, vale ressaltar que foi observado um pico no gráfico de coerência no valor de 8Hz.

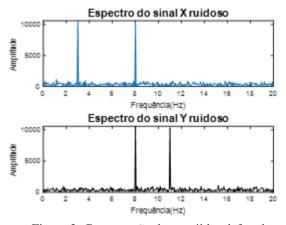


Figura 2: Comparação das senóides defasadas.

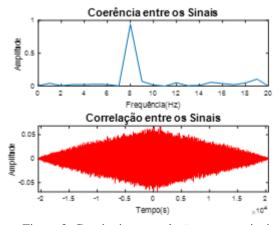


Figura 3: Coerência e correlação entre os sinais.

Em segunda análise, foram trabalhados arquivos de áudio, os quais foram gerados de maneira diferente. Sendo assim, no primeiro caso o arquivo foi executado na extensão *wav*. Já no segundo caso, o áudio foi

convertido para *mp3* e em *wav* novamente. Isto posto, foram gerados os gráfico dos sinais no domínio do tempo e da frequência, como mostram as figuras 4 e 5.

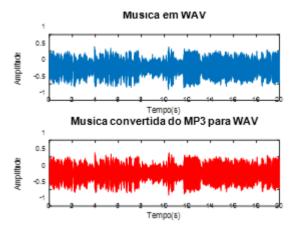


Figura 4: Sinais plotados no domínio do tempo.

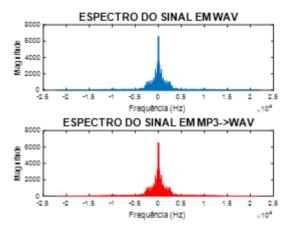


Figura 5: Sinais plotados no domínio da frequência.

Após realizar o cálculo de coerência entre o sinal armazenado no formato WAV e o compactado no formato MP3 (que posteriormente foi armazenado no formato), além de efetuar uma análise em cima da reprodução de ambos os sinais, é possível determinar diferenças na forma de compactação entre os dois formatos.

Primeiramente, vale destacar que o formato WAV possuir uma maior qualidade por não sofrer compressão, ou seja, armazena e reproduz o sinal de forma mais fiel. Entretanto, visto que o sinal se mantém com suas características relativamente intactas, é evidente e compreensível o fato de se necessitar de um maior espaço para armazená-lo

Por conseguinte, ao analisar-se o formato de compactação MP3, nota-se uma maior compressão do sinal, ou seja, priva-se da qualidade do mesmo. Além disso, ao se realizar o cálculo de coerência é possível observar a perda de informação em relação ao sinal armazenado em WAV aludido anteriormente.

Desta maneira, pode-se destacar que algumas nuances do sinal foram perdidas durante o processo de conversão, esta análise é possível observando-se a figura 6, a qual mostra a coerência entre os sinais. Em tal imagem observa-se que para certos valores de frequência, ocorre uma atenuação da amplitude do gráfico, mostrando que existem algumas alterações no processo de conversão.

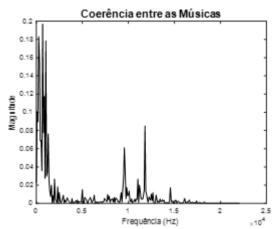


Figura 6: Coerência entre os sinais abordados.

Dando prosseguimento ao roteiro 12, no qual trabalhou-se acerca das ocorrências causadas pelo efeito *aliasing*, primeiramente implementou-se uma reamostragem de um sinal cossenoidal em três versões, sobre-amostradas, criticamente-amostradas e sub-amostradas, como mostra a figura 7.

Analisando a figura abaixo, nota-se que quanto menor a frequência de amostragem, o sinal torna-se mais distorcido, afastando-se cada vez mais de um sinal cossenoidal perfeito. Sendo assim, pode-se afirmar que esta distorção ocorre devido ao efeito *aliasing*, haja visto que ao se decair a frequência de amostragem em valores próximos ao mínimo (frequência de Nyquist), percebe-se a presença de tal efeito.

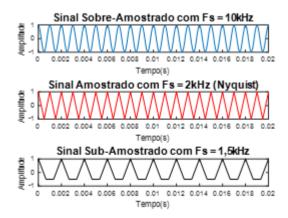


Figura 7: Reamostragem de um sinal cossenoidal.

Por fim, com a finalidade de estudar o efeito *aliasing* temporal, implementou-se um código capaz de gerar um pequeno vídeo de uma roda em movimento giratório, partindo-de de uma imagem. Variando-se o valor de fps (fotos por segundo) e o parâmetro 'graus por freme', notam-se algumas diferenças nos efeitos visuais.

Primeiramente, é possível notar que a velocidade altera basicamente a rapidez com que a roda gira, logo em valores altos de fps, como 60, há um efeito de uma velocidade alta. Por outro lado, alterando-se o ângulo, é possível perceber distorções no eixo rotativo do objeto, como algumas trepidações.

#### Discussão

Em primeira análise é necessário destacar a aplicabilidade da análise em coerência como uma ferramenta para trabalhos envolvendo sinais sonoros, em que o mesmo se mostrou muito útil em tais operações, possibilitando ao usuário o uso do mecanismo como uma ferramenta para verificação de alterações realizadas em tais sinais.

Ademais, é necessário afirmar que os trabalhos envolvendo a análise sobre o efeito *aliasing* foram úteis nesta prática, haja visto que este processo possibilita a percepção dos efeitos causados pela variação da frequência de amostragem em determinados sinais.

Além disso, pode-se inferir que as implicações causados pelo efeito *aliasing* atemporal desempenharam uma aplicabilidade interessante no contexto do processamento de imagens, haja visto que as variações implementadas no parâmetro fps causaram efeitos importantes, como foi citado anteriormente.

## Conclusão

Após realizar as manipulações dos sinais, pode-se inferir que o nível de coerência e os efeitos *aliasing* trabalhados permitem ao usuário um leque de operações no contexto do processamento de sinais sonoros e de imagens. Em face à esta ideia, uma ferramenta muito útil trabalhada nesta prática foram as implicações observadas na análise de coerência entre sinais sonoros, uma vez que este processo permite identificar o quão um sinal coincide com o outro mesmo ocorrendo uma defasagem entre os mesmos.

# Referências

- [1] LATHI, B. P. Sinais e Sistemas Lineares. 2. ed. Bookman, Porto Alegre. 2007.
- [2] OPPENHEIM, A.V.; WILLSKY, A. S. Sinais e Sistemas, 2a edição, Pearson, 2010.
- [3] MATLAB. Disponível em: <a href="https://www.mathworks.com/products/matlab.html">https://www.mathworks.com/products/matlab.html</a>. Acesso em: 11 de novembro de 2019.