Теоретические вопросы по математической статистике —  ${\rm TB}$  и MC,  ${\rm BMT-1,2}$ .

Первый вопрос по теории — формулировка без доказательства.

- 1. В чём отличие выборочной функции распределения от эмпирической?
- 2. Сформулировать определения гистограммы и эмпирической плотности распределения вероятностей.
  - 3. Исправленная выборочная дисперсия.
  - 4. Сформулировать определение состоятельной оценки.
  - 5. Сформулировать определение несмещённой оценки.
- 6. Что называют показателем эффективности по Рао-Крамеру для оценки параметра  $\theta$ ? Каким неравенствам он удовлетворяет?
  - 7. Определение доверительного интервала.
- 8. Сформулировать определение эффективной оценки. Сколько эффективных оценок может иметь параметр  $\theta$  параметрическое модели?
  - 9. Определение выборочной дисперсии. Какими свойствами она обладает?
  - 10. Сформулировать неравенство Рао-Крамера.
  - 11. Определение центральной статистики.
- 12. Пусть генеральная совокупность X распределена по показательному закону с параметром  $\lambda$ . Какое распределение имеет статистика  $2\lambda n\bar{X}$ ? Здесь n объём выборки.
- 13. Пусть генеральная совокупность X распределена по нормальному закону с параметрами  $m, \sigma^2$ , причём оба параметра неизвестны. Какое распределение имеет статистика  $\frac{\bar{X}-\mu}{S_n}\sqrt{n}$ ? Здесь n объём выборки,  $S_n^2$  исправленная выборочная дисперсия.

Второй вопрос по теории — формулировка с доказательством.

- 1. Доказать, что выборочное среднее является несмещённой оценкой математического ожидания.
- 2. Доказать, что выборочное среднее является состоятельной оценкой математического ожидания.
  - 3. Доказать несмещённость исправленной выборочной дисперсии.
  - 4. Описать метод моментов нахождения точеных оценок.
- 5. В чём суть метода максимального правдоподобия нахождения точечных оценок? Уравнения правдоподобия.
- 6. Пусть генеральная совокупность X распределена по нормальному закону с параметрами  $m, \sigma^2$ , причём  $\sigma^2$  известно. Какое распределение имеет статистика  $\frac{\bar{X} \mu}{\sigma} \sqrt{n}$ ? Здесь n объём выборки. Ответ обосновать.

- 7. Пусть генеральная совокупность X распределена по нормальному закону с M[X]=m. Какое распределение имеет статистика  $\frac{\bar{X}-\mu}{S_n}\sqrt{n}$ ? Здесь n объём выборки. Ответ обосновать.
- 8. Пусть распределение генеральной совокупности X неизвестно. Какое распределение имеет статистика  $\frac{\bar{X}-\mu}{\sigma}\sqrt{n}$ ? Здесь n объём выборки,  $\mu=M[X],\sigma^2=D[X]$ . Ответ обосновать.
- 9. Построить интервальную оценку для разности математических ожиданий двух независимых нормально распределённых НГС с одинаковыми.
- 10. Выборочная функция распределения. Доказать теорему о её сходимости к теоретической функции распределения.
- 11. Вывести закон распределения выборочной функции распределения как случайной величины.
- 12. Эмпирическая функция распределения. Её значения и график. Для какой случайной величины она является теоретической функцией распределения?
- 13. Как с помощью центральной статистики строится доверительный интервал?
- 14. Построить интервальную оценку для параметра экспоненциального распределения.
- 15. Построить интервальную оценку для математического ожидания НГС при известной дисперсии.
- 16. Построить интервальную оценку для математического ожидания НГС при неизвестной дисперсии.
- 17. Построить интервальную оценку для среднего квадратичного отклонения  $H\Gamma C$ .