

Notes de cours

OPT6 : Apprentissage avancé

Adrien Pavao

Novembre 2017

1 Introduction

Apprentissage avancé. Le domaine de l'apprentissage automatique évolue vite.

1.1 Quelques notions

- Vladimir Vapnik a posé les bases théoriques de l'apprentissage statistique¹.
- Apprentissage PAC : Probably Approximately Correct².
- **No-free-lunch theorem** : Il n'existe pas de méthode d'apprentissage qui soit meilleure que les autres. Même performance que l'aléatoire sur l'ensemble des problèmes possibles. Si une méthode est efficace sur un problème elle sera mauvaise sur un autre. L'intégrale sur tous les problèmes est toujours la même, quelque soit la méthode. Idem pour les mesures (de distance par exemple). Les méthodes sont adaptées à des **classes** de problèmes. **Tous les algorithmes inductifs se valent.**
- **Adversarial learning** : L'intersection entre le machine learning et la sécurité informatique.
- Ordre L_0 , L_1 \rightarrow à chercher.
- **Distance de Manhattan** : La distance entre deux points lorsque les déplacements sont faits selon un réseau ou un quadrillage.

¹https://en.wikipedia.org/wiki/Statistical_learning_theory

²https://en.wikipedia.org/wiki/Probably_approximately_correct_learning

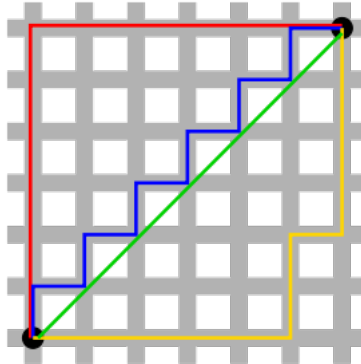


Figure 1: Distance de Manhattan (chemins rouge, jaune et bleu) contre distance euclidienne en vert.

Le nom de cette distance fait sans doute référence à l'architecture en quadrillage du quartier de Manhattan, à New York.

- Référence d'un livre intéressant : *Hofstadter - "Godel, Escher, Bach"*.
- **Complexité de Kolmogorov** : Une fonction permettant de quantifier la taille du plus petit algorithme nécessaire pour engendrer un nombre ou une suite quelconque de caractères. Cette quantité peut être vue comme une évaluation d'une forme de complexité de cette suite de caractères.
- Effets de séquences : Une séquence d'information influe sur le résultat de l'induction (à préciser).
- L'algorithme d'apprentissage du perceptron converge si les données sont linéairement séparables. Cette convergence est en nombre fini d'étapes et ce nombre est indépendant du nombre d'exemples, de la distribution des exemples, et quasiment pas de la dimension de l'espace d'entrée. Il dépend de la marge de séparation des nuages de points et du diamètre de la boule (à préciser).
- **L'espace des versions** : Toutes les hypothèses correctes (qui ne font pas d'erreurs) d'après les données d'apprentissage.

2 Induction

On déduit à partir d'un échantillon.

1. Espace d'hypothèse H .
2. Critère inductif $S \times h \in H \rightarrow \text{Score} \in \mathbb{R}$. Par exemple minimiser le taux d'erreur.

3. Methode d'exploration de H.

On ne dispose pas de théorie bien établie de l'induction (exemple Fibonacci).

2.1 Différents types d'apprentissage

- **Descriptif** : Non supervisé. On cherche des régularités dans les données. On ne souhaite pas extrapoler, on ne s'intéresse qu'à l'échantillon de données dont on dispose. La "matière noire" de l'apprentissage.
- **Prédictif** : Supervisé. L'échantillon de données sert à apprendre une hypothèse sur les données pour prédire ensuite sur de nouvelles données. On cherche des corrélations entre les données.
- **Prescriptif** : On cherche des **causalités**. Il s'agit d'une tâche difficile.

Les frontières entre ces types d'apprentissage peuvent être floues, on peut par exemple commencer par une description des données pour les comprendre avant de faire un modèle prédictif.

2.2 Différentes méthodes d'apprentissage

- Méthodes d'ensemble (clustering).
- Supervisé.
- L'induction :
 - Apprentissage semi supervisé
 - Apprentissage de modèles parcimonieux (peu de paramètres).
- Apprentissage en ligne (online learning) : Les données arrivent en cours de route.
- **Apprentissage par transfert** : Cela vise à transférer des connaissances d'une ou plusieurs tâches sources vers une ou plusieurs tâches cibles. On peut le voir comme la capacité d'un système à reconnaître et appliquer des connaissances et des compétences, apprises à partir de tâches antérieures, sur de nouvelles tâches ou domaines partageant des similitudes.

2.3 Types de biais

L'induction nécessite d'être biaisé, d'avoir une préférence pour certaines hypothèses, de ne pas connaître toutes les fonctions possibles. Un biais classique et très humain est la préférence des hypothèses les plus simples (rasoir d'Ockham).

- **Biais de représentation (déclaratif)** : On ne peut représenter qu'un petit nombre de fonctions possibles. Le langage dans lequel on exprime le problème ne permet pas de tout représenter.

- **Biais de recherche (procédural) :** La procédure de recherche avantage certaines hypothèses. Par exemple on reste proche de notre point initial de recherche dans l'espace des fonctions possibles.

Souvent un peu des deux.

2.4 Risques

On distingue deux types de risques :

- **Risque réel** (ce que l'on veut minimiser). La performance à venir si j'utilise l'hypothèse h . Cela prend la forme d'une espérance de coût d'usage de h . Le risque réel (loss function) :

$$R(h) = \int_X \int_Y l(h(x), y) p(x, y) dx dy$$

La meilleure hypothèse est $k^* = \operatorname{Argmin} R(h)$ avec $h \in H$. En d'autres termes, on cherche l'hypothèse qui minimise le risque réel. l est la métrique d'évaluation et p la loi de probabilité hypothétique ayant générée la distribution des données.

- **Risque empirique.** Puisque l'on cherche la loi de probabilité, on ne la connaît pas et on ne peut donc pas s'en servir pour calculer le risque, en pratique. On calcule donc le risque empirique :

$$\hat{R}(h) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m l(h(x_i), y_i)$$

C'est donc la moyenne des distances entre les prédictions avec h et les valeurs réelles des données. \hat{h} est l'hypothèse minimisant le risque empirique.

On cherche les liens entre toutes ces notions.

3 Transduction

On ne s'intéresse qu'à un point. Le nombre de données requises pour tirer une conclusion n'est plus influencé par le nombre de dimension. On parle de **transductive learning**.

- Transduction : Cas d'induction limite (une question).
- Analogie : Cas de transduction limite (un exemple).