

# 다이나믹 프로그래밍 시작하기

최백준 [choi@startlink.io](mailto:choi@startlink.io)

---

# 소개

## Introduction

- 이름: 최백준 ([choi@startlink.io](mailto:choi@startlink.io))
- 코딩 교육 스타트업 Startlink (<https://startlink.io>) 공동 창업, 대표
- 온라인 저지 Baekjoon Online Judge (<https://www.acmicpc.net>) 운영자
- 알고리즘 커뮤니티 Algospot (<https://algospot.com>) 운영진
- ACM-ICPC 2010년 The World Finals 36등
- ACM-ICPC 2009년 인도 Amritapuri 리저널 대회 1등
- 2008년 Google Codejam Semifinalist
- 2007~2010년 정보올림피아드 학원 강사

# 5월 알고리즘 in 서울

3

## 강의 소개

- 알고리즘을 시작하는 사람이 듣기 가장 적합한 강의
- 4월 알고리즘 강의의 후속 강의 이지만, 4월 강의를 듣지 않아도 괜찮
- 4월 강의와 같은 내용은 6월에 열립니다.
- 4/25까지 할인중
- <https://offline.startlink.help/hc/ko/articles/218618857>

# 5월 고급 알고리즘

강의 소개

4

- ACM-ICPC와 같은 알고리즘 대회에 상위권을 목표로 하거나
- 회사 사내 시험을 대비하는데 있어서 최고의 강의!
- 4/25까지 할인중
- <https://offline.startlink.help/hc/ko/articles/218491097>

# 5월 다이나믹 프로그래밍!

5

강의 소개

- 다이나믹 프로그래밍 문제 200개 이상을 푸는 강의!
- 오늘 이 강의 내용수준부터 어려운 내용까지 모두 다루는 강의
- <https://offline.startlink.help/hc/ko/articles/218375018>

# 7월 BOJ 알고리즘 캠프

6

## 강의 소개

- 10일동안 아침 10시부터 오후 9시까지 알고리즘 문제를 푸는 캠프!
- 4/30까지 할인중!
- <https://offline.startlink.help/hc/ko/articles/218592697>

# 다이나믹 프로그래밍

---

# 다이나믹 프로그래밍

## Dynamic Programming

- 큰 문제를 작은 문제로 나눠서 푸는 알고리즘
- Dynamic Programming의 다이나믹은 아무 의미가 없다.
- 이 용어를 처음 사용한 1940년 Richard Bellman은 멋있어보여서 사용했다고 한다
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Dynamic\\_programming#History](https://en.wikipedia.org/wiki/Dynamic_programming#History)



# 다이나믹 프로그래밍

Dynamic Programming

9

- 두 가지 속성을 만족해야 다이나믹 프로그래밍으로 문제를 풀 수 있다.

1. Overlapping Subproblem
2. Optimal Substructure

# Overlapping Subproblem

10

Overlapping Subproblem

- 피보나치 수
- $F_0 = 0$
- $F_1 = 1$
- $F_n = F_{n-1} + F_{n-2} \ (n \geq 2)$

# Overlapping Subproblem

## Overlapping Subproblem

- 피보나치 수
- $F_0 = 0$
- $F_1 = 1$
- $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$  ( $n \geq 2$ )
- 문제: N번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제: N-1번째 피보나치 수를 구하는 문제, N-2번째 피보나치 수를 구하는 문제

# Overlapping Subproblem

## Overlapping Subproblem

- 문제: N번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제: N-1번째 피보나치 수를 구하는 문제, N-2번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 문제: N-1번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제: N-2번째 피보나치 수를 구하는 문제, N-3번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 문제: N-2번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제: N-3번째 피보나치 수를 구하는 문제, N-4번째 피보나치 수를 구하는 문제

# Overlapping Subproblem

13

## Overlapping Subproblem

- 큰 문제와 작은 문제는 상대적이다.
- 문제: N번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제: N-1번째 피보나치 수를 구하는 문제, N-2번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 문제: N-1번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제: N-2번째 피보나치 수를 구하는 문제, N-3번째 피보나치 수를 구하는 문제

# Overlapping Subproblem

## Overlapping Subproblem

- 큰 문제와 작은 문제를 같은 방법으로 풀 수 있다.
- 문제를 작은 문제로 쪼갤 수 있다.

# Optimal Substructure

15

## Optimal Substructure

- 문제의 정답을 작은 문제의 정답에서 구할 수 있다.
- 예시
- 서울에서 부산을 가는 가장 빠른 길이 대전과 대구를 순서대로 거쳐야 한다면
- 대전에서 부산을 가는 가장 빠른 길은 대구를 거쳐야 한다.

# Optimal Substructure

## Optimal Substructure

- 문제:  $N$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제:  $N-1$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제,  $N-2$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 문제의 정답을 작은 문제의 정답을 합하는 것으로 구할 수 있다.
- 문제:  $N-1$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제:  $N-2$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제,  $N-3$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 문제의 정답을 작은 문제의 정답을 합하는 것으로 구할 수 있다.
- 문제:  $N-2$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 작은 문제:  $N-3$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제,  $N-4$ 번째 피보나치 수를 구하는 문제
- 문제의 정답을 작은 문제의 정답을 합하는 것으로 구할 수 있다.



# Optimal Substructure

17

## Optimal Substructure

- Optimal Substructure를 만족한다면, 문제의 크기에 상관없이 어떤 한 문제의 정답은 일정하다.
- 10번째 피보나치 수를 구하면서 구한 4번째 피보나치 수
- 9번째 피보나치 수를 구하면서 구한 4번째 피보나치 수
- ...
- 5번째 피보나치 수를 구하면서 구한 4번째 피보나치 수
- 4번째 피보나치 수를 구하면서 구한 4번째 피보나치 수
- 4번째 피보나치 수는 항상 같다.

# 다이나믹 프로그래밍

## Dynamic Programming

- 다이나믹 프로그래밍에서 각 문제는 한 번만 풀어야 한다.
- Optimal Substructure를 만족하기 때문에, 같은 문제는 구할 때마다 정답이 같다.
- 따라서, 정답을 한 번 구했으면, 정답을 어딘가에 메모해놓는다.
- 이런 메모하는 것을 코드의 구현에서는 배열에 저장하는 것으로 할 수 있다.
- 메모를 한다고 해서 영어로 Memoization이라고 한다.

# 피보나치 수

Dynamic Programming

```
int fibonacci(int n) {  
    if (n <= 1) {  
        return n;  
    } else {  
        return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);  
    }  
}
```

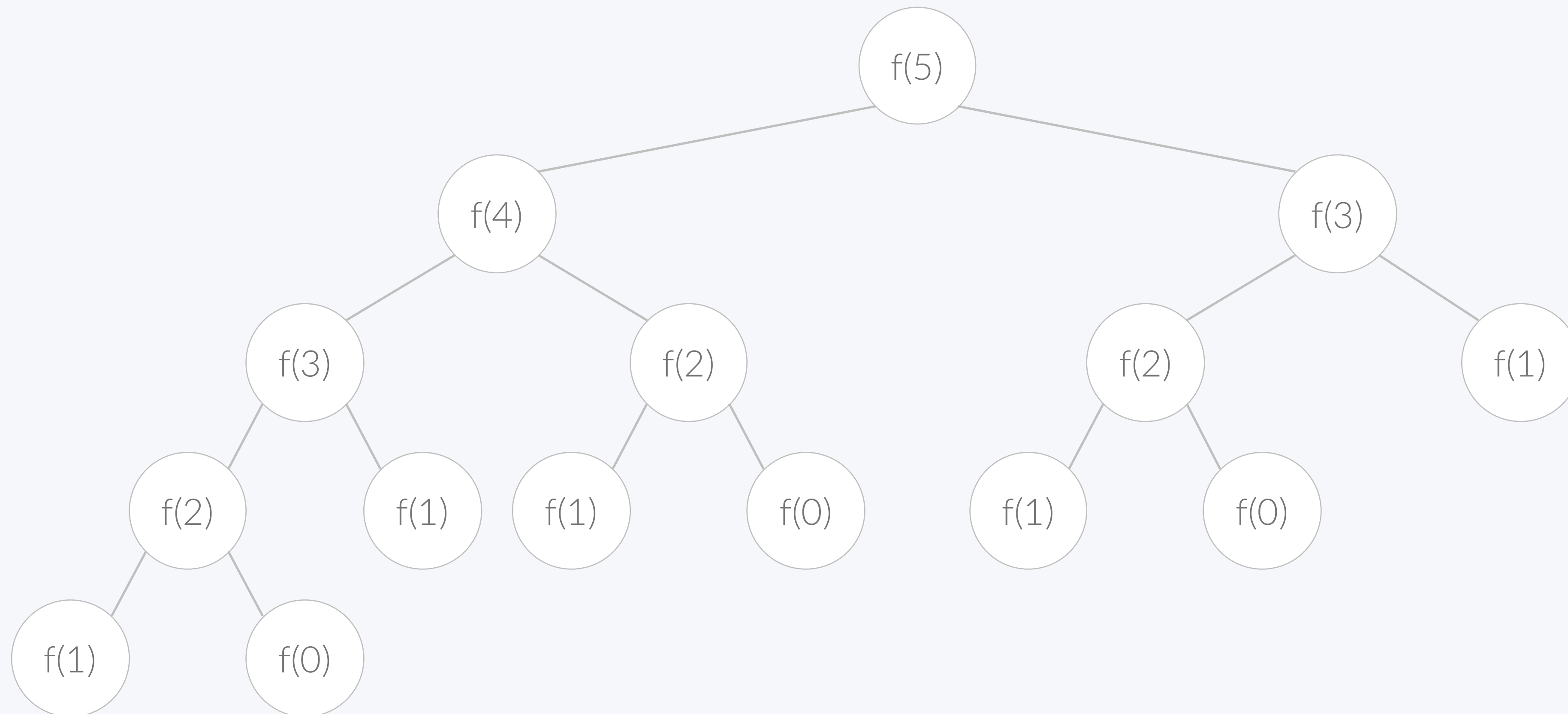
- 피보나치 수를 구하는 함수이다.

# 피보나치 수

## Dynamic Programming

20

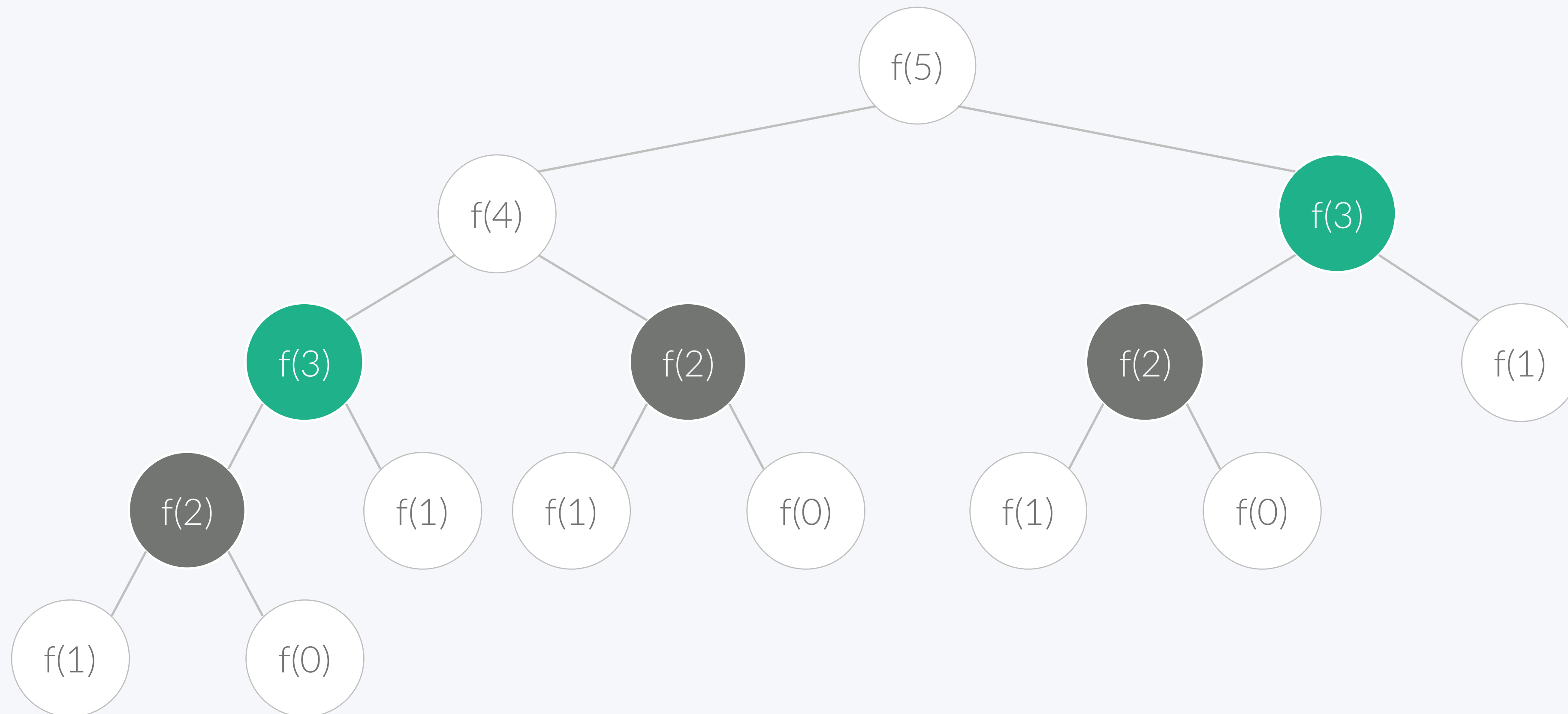
- fibonacci(5)를 호출한 경우 함수가 어떻게 호출되는지를 나타낸 그림



# 피보나치 수

## Dynamic Programming

- 아래 그림과 같이 겹치는 호출이 생긴다.

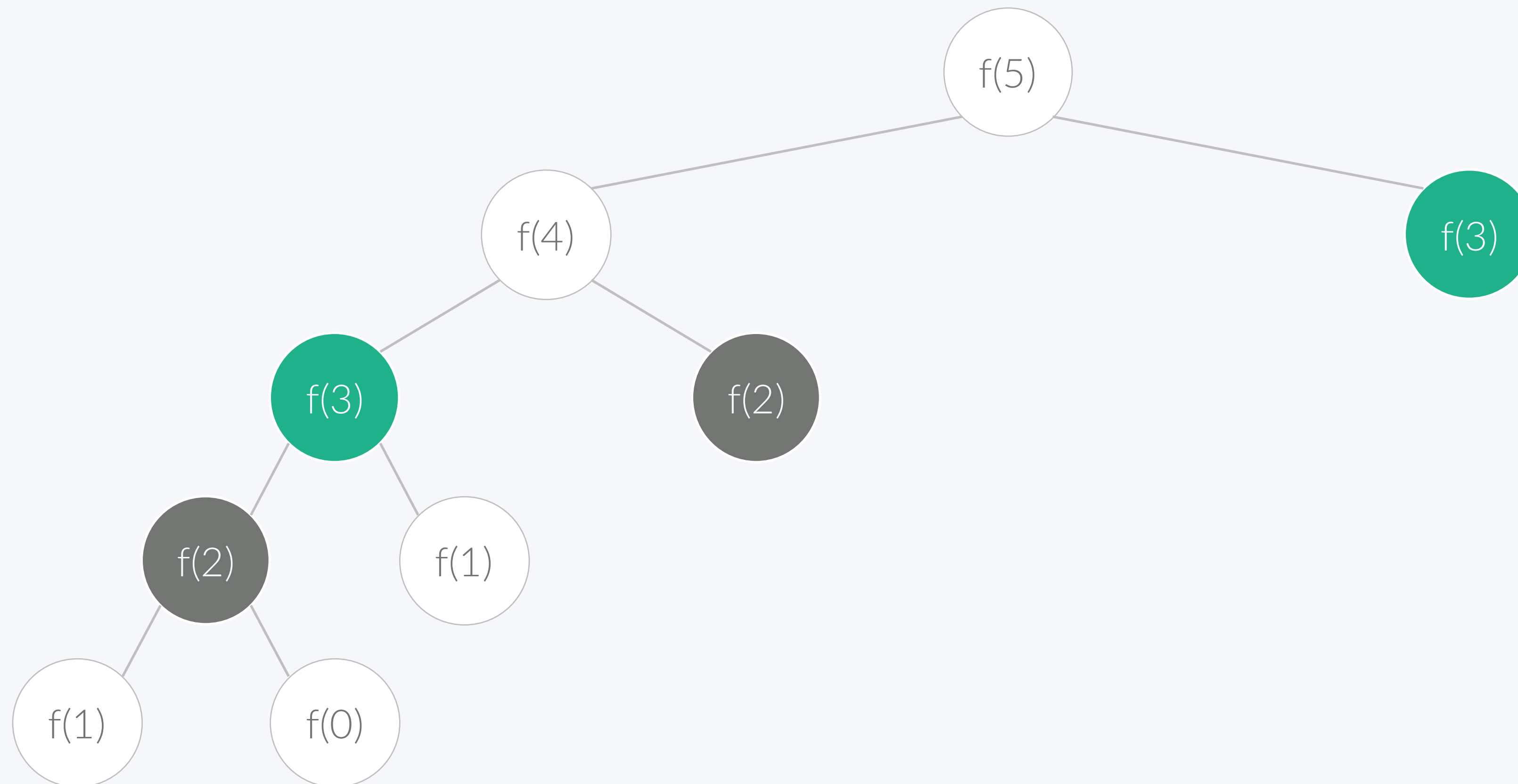


# 피보나치 수

## Dynamic Programming

22

- 한 번 답을 구할 때, 어딘가에 메모를 해놓고, 중복 호출이면 메모해놓은 값을 리턴한다.



# 피보나치 수

Dynamic Programming

```
int memo[100];
int fibonacci(int n) {
    if (n <= 1) {
        return n;
    } else {
        memo[n] = fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);
        return memo[n];
    }
}
```

# 피보나치 수

Dynamic Programming

```
int memo[100];
int fibonacci(int n) {
    if (n <= 1) {
        return n;
    } else {
        memo[n] = fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);
        return memo[n];
    }
}
```



# 피보나치 수

25

Dynamic Programming

```
int memo[100];
int fibonacci(int n) {
    if (n <= 1) {
        return n;
    } else {
        if (memo[n] > 0) {
            return memo[n];
        }
        memo[n] = fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);
        return memo[n];
    }
}
```

# 다이나믹 프로그래밍

Dynamic Programming

26

- 다이나믹을 푸는 두 가지 방법이 있다.

1. Top-down
2. Bottom-up

# Top-down

## Dynamic Programming

1. 문제를 작은 문제로 나눈다.
2. 작은 문제를 푼다.
3. 작은 문제를 풀었으니, 이제 문제를 푼다.

# Top-down

## Dynamic Programming

1. 문제를 풀어야 한다.
  - `fibonacci(n)`
2. 문제를 작은 문제로 나눈다.
  - `fibonacci(n-1)`과 `fibonacci(n-2)`로 문제를 나눈다.
3. 작은 문제를 푼다.
  - `fibonacci(n-1)`과 `fibonacci(n-2)`를 호출해 문제를 푼다.
4. 작은 문제를 풀었으니, 이제 문제를 푼다.
  - `fibonacci(n-1)`의 값과 `fibonacci(n-2)`의 값을 더해 문제를 푼다.

# Top-down

## Dynamic Programming

- Top-down은 재귀 호출을 이용해서 문제를 쉽게 풀 수 있다.

# Bottom-up

## Dynamic Programming

1. 문제를 크기가 작은 문제부터 차례대로 푼다.
2. 문제의 크기를 조금씩 크게 만들면서 문제를 점점 푼다.
3. 작은 문제를 풀면서 왔기 때문에, 큰 문제는 항상 풀 수 있다.
4. 그러다보면, 언젠간 풀어야 하는 문제를 풀 수 있다.

# Bottom-up

Dynamic Programming

```
int d[100];  
int fibonacci(int n) {  
    d[0] = 1;  
    d[1] = 1;  
    for (int i=2; i<=n; i++) {  
        d[i] = d[i-1] + d[i-2];  
    }  
    return d[n];  
}
```

# Bottom-up

## Dynamic Programming

1. 문제를 크기가 작은 문제부터 차례대로 푼다.
  - `for (int i=2; i<=n; i++)`
2. 문제의 크기를 조금씩 크게 만들면서 문제를 점점 푼다.
  - `for (int i=2; i<=n; i++)`
3. 작은 문제를 풀면서 왔기 때문에, 큰 문제는 항상 풀 수 있다.
  - `d[i] = d[i-1] + d[i-2];`
4. 그러다보면, 언젠간 풀어야 하는 문제를 풀 수 있다.
  - `d[n]`을 구하게 된다.



# 문제 풀이 전략

---

# 다이나믹 문제 풀이 전략

## Dynamic Programming

- 문제에서 구하려고 하는 답을 문장으로 나타낸다.
- 예: 피보나치 수를 구하는 문제
- N번째 피보나치 수
- 이제 그 문장에 나와있는 변수의 개수만큼 메모하는 배열을 만든다.
- Top-down인 경우에는 재귀 호출의 인자의 개수
- 문제를 작은 문제로 나누고, 수식을 이용해서 문제를 표현해야 한다.

# 문제 풀이

---

# 다이나믹 문제 풀이

Dynamic Programming

- 다이나믹은 문제를 많이 풀면서 감을 잡는 것이 중요하기 때문에
- 문제를 풀어 봅시다

# 1로 만들기

<https://www.acmicpc.net/problem/1463>

- 세준이는 어떤 정수  $N$ 에 다음과 같은 연산중 하나를 할 수 있다.
  1.  $N$ 이 3으로 나누어 떨어지면, 3으로 나눈다.
  2.  $N$ 이 2로 나누어 떨어지면, 2로 나눈다.
  3. 1을 뺀다.
- 세준이는 어떤 정수  $N$ 에 위와 같은 연산을 선택해서 1을 만드려고 한다. 연산을 사용하는 횟수의 최소값을 출력하시오.

# 1로 만들기

<https://www.acmicpc.net/problem/1463>

- $D[i]$  =  $i$ 를 1로 만드는데 필요한 최소 연산 횟수
- $i$ 에게 가능한 경우를 생각해보자
  1.  $i$ 가 3으로 나누어 떨어졌을 때, 3으로 나누는 경우
  2.  $i$ 가 2로 나누어 떨어졌을 때, 2로 나누는 경우
  3.  $i$ 에서 1을 빼는 경우

# 1로 만들기

<https://www.acmicpc.net/problem/1463>

- $D[i]$  =  $i$ 를 1로 만드는데 필요한 최소 연산 횟수
- $i$ 에게 가능한 경우를 생각해보자
  1.  $i$ 가 3으로 나누어 떨어졌을 때, 3으로 나누는 경우
    - $D[i/3] + 1$
  2.  $i$ 가 2로 나누어 떨어졌을 때, 2로 나누는 경우
    - $D[i/2] + 1$
  3.  $i$ 에서 1을 빼는 경우
    - $D[i-1] + 1$

# 1로 만들기

<https://www.acmicpc.net/problem/1463>

- $D[i]$  =  $i$ 를 1로 만드는데 필요한 최소 연산 횟수
- $i$ 에게 가능한 경우를 생각해보자
  1.  $i$ 가 3으로 나누어 떨어졌을 때, 3으로 나누는 경우
    - $D[i/3] + 1$
  2.  $i$ 가 2로 나누어 떨어졌을 때, 2로 나누는 경우
    - $D[i/2] + 1$
  3.  $i$ 에서 1을 빼는 경우
    - $D[i-1] + 1$
- 세 값중의 최소값이 들어가게 된다.



# 1로 만들기

<https://www.acmicpc.net/problem/1463>

```
int go(int n) {
    if (n == 1) return 0;
    if (d[n] > 0) return d[n];
    d[n] = go(n-1) + 1;
    if (n%2 == 0) {
        int temp = go(n/2) + 1;
        if (d[n] > temp) d[n] = temp;
    }
    if (n%3 == 0) {
        int temp = go(n/3) + 1;
        if (d[n] > temp) d[n] = temp;
    }
    return d[n];
}
```

# 1로 만들기

<https://www.acmicpc.net/problem/1463>

```
d[1] = 0;
for (int i=2; i<=n; i++) {
    d[i] = d[i-1] + 1;
    if (i%2 == 0 && d[i] > d[i/2] + 1) {
        d[i] = d[i/2] + 1;
    }
    if (i%3 == 0 && d[i] > d[i/3] + 1) {
        d[i] = d[i/3] + 1;
    }
}
```

# 1로 만들기

<https://www.acmicpc.net/problem/1463>

- Top-Down 방식
- C
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/a53dc4861bd9d081682c>
- C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/63b659f985beb8f64ca7>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/7b675fe68d3c2abfef40>

# 1로 만들기

<https://www.acmicpc.net/problem/1463>

- Bottom-up 방식
- C
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/30f4bb39cdc66f7f16c1>
- C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/31e553ab3b371fe06384>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/0813d3bc5db11b9bb72d>

# 2×n 타일링

<https://www.acmicpc.net/problem/11726>

- 2×n 직사각형을 1×2, 2×1타일로 채우는 방법의 수
- 아래 그림은 2×5를 채우는 방법의 수
- $D[i] = 2 \times i$  직사각형을 채우는 방법의 수

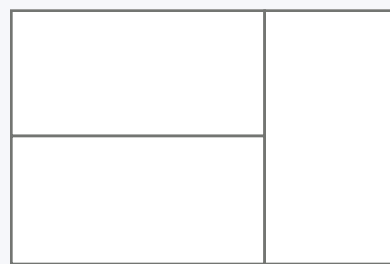
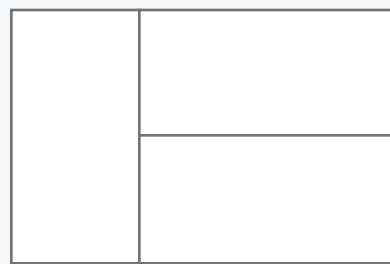
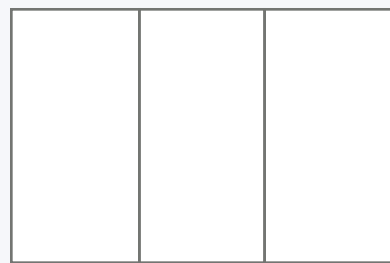


# 2×n 타일링

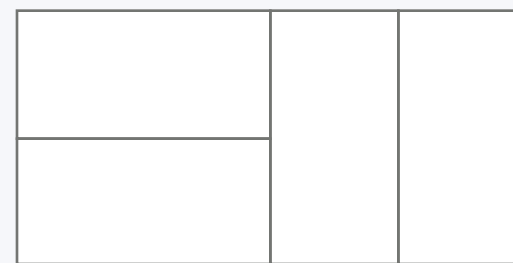
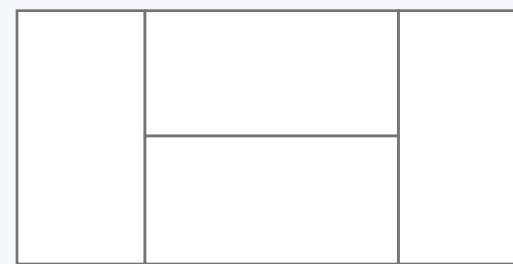
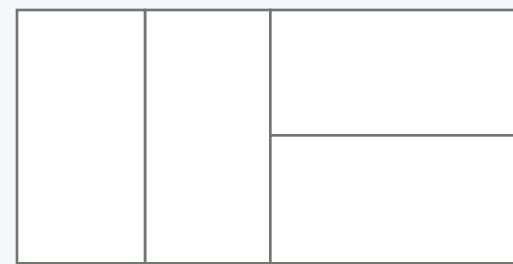
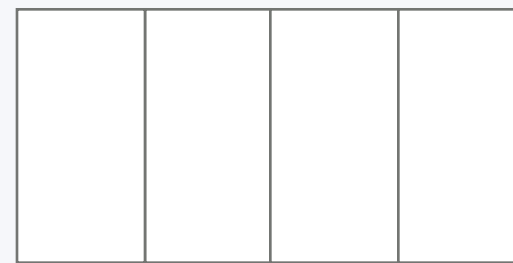
<https://www.acmicpc.net/problem/11726>

46

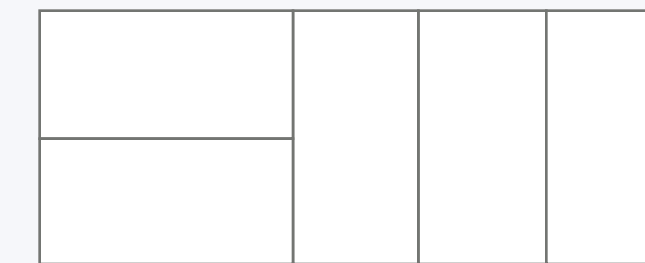
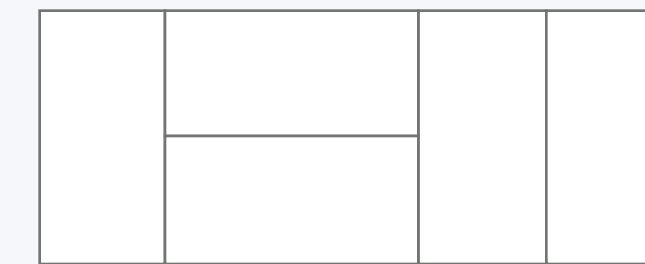
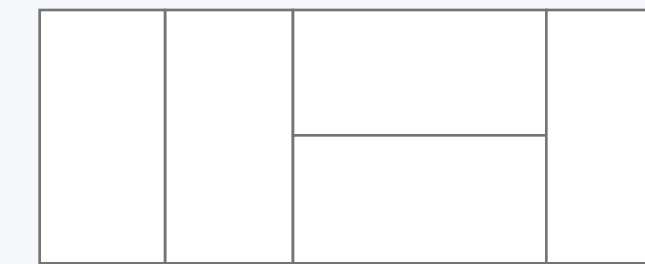
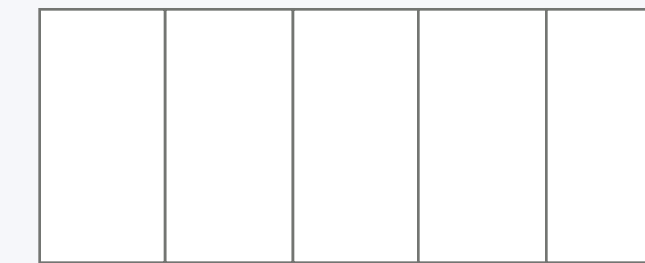
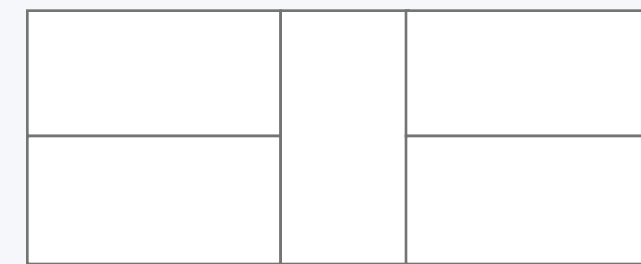
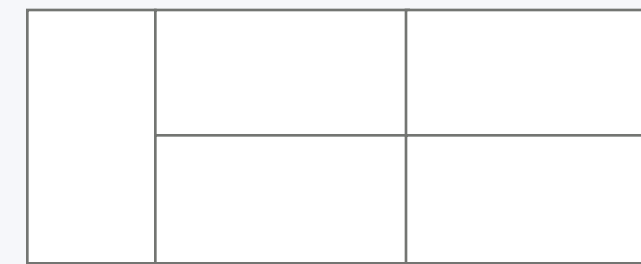
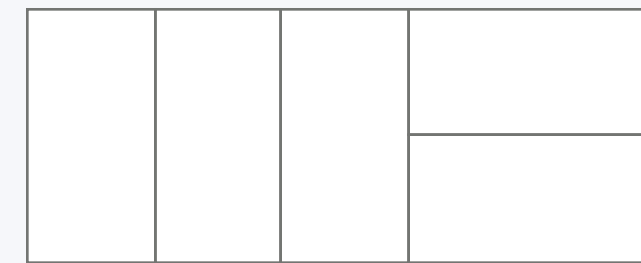
2×3



2×4



2×5

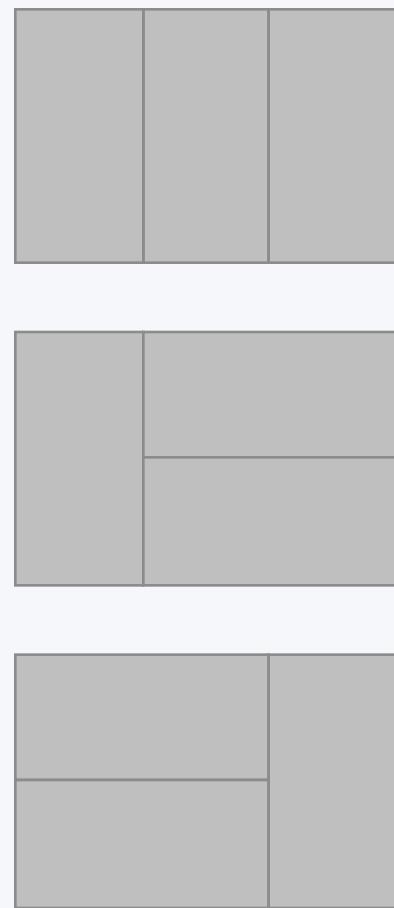


# 2×n 타일링

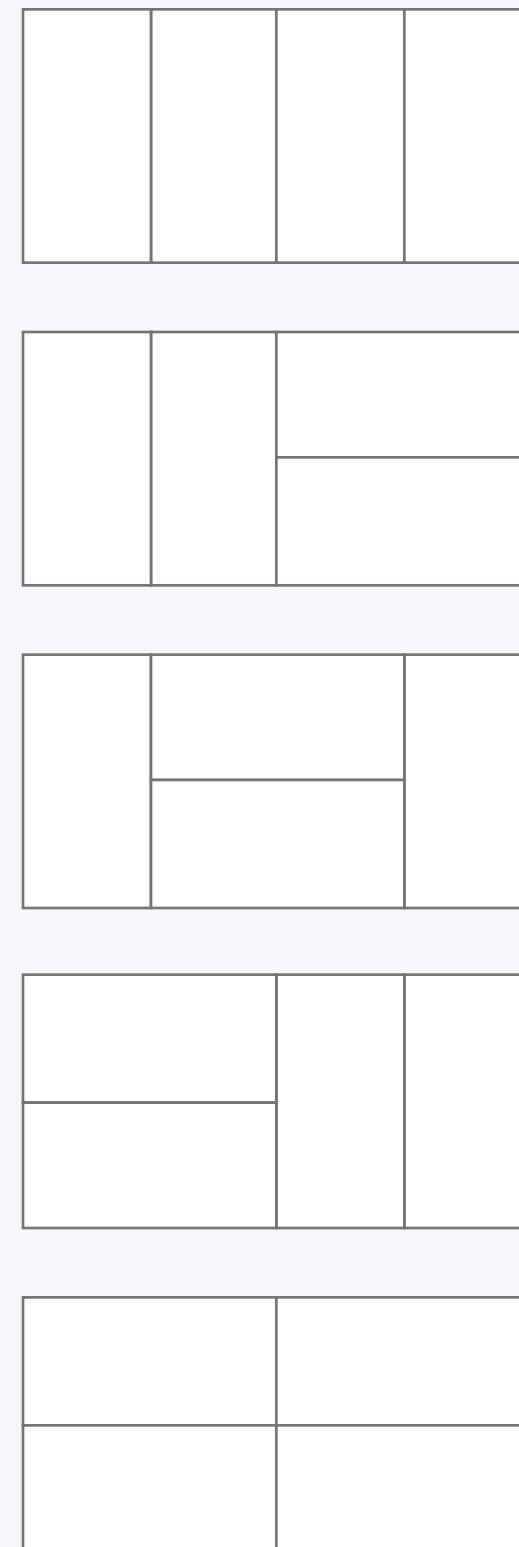
<https://www.acmicpc.net/problem/11726>

47

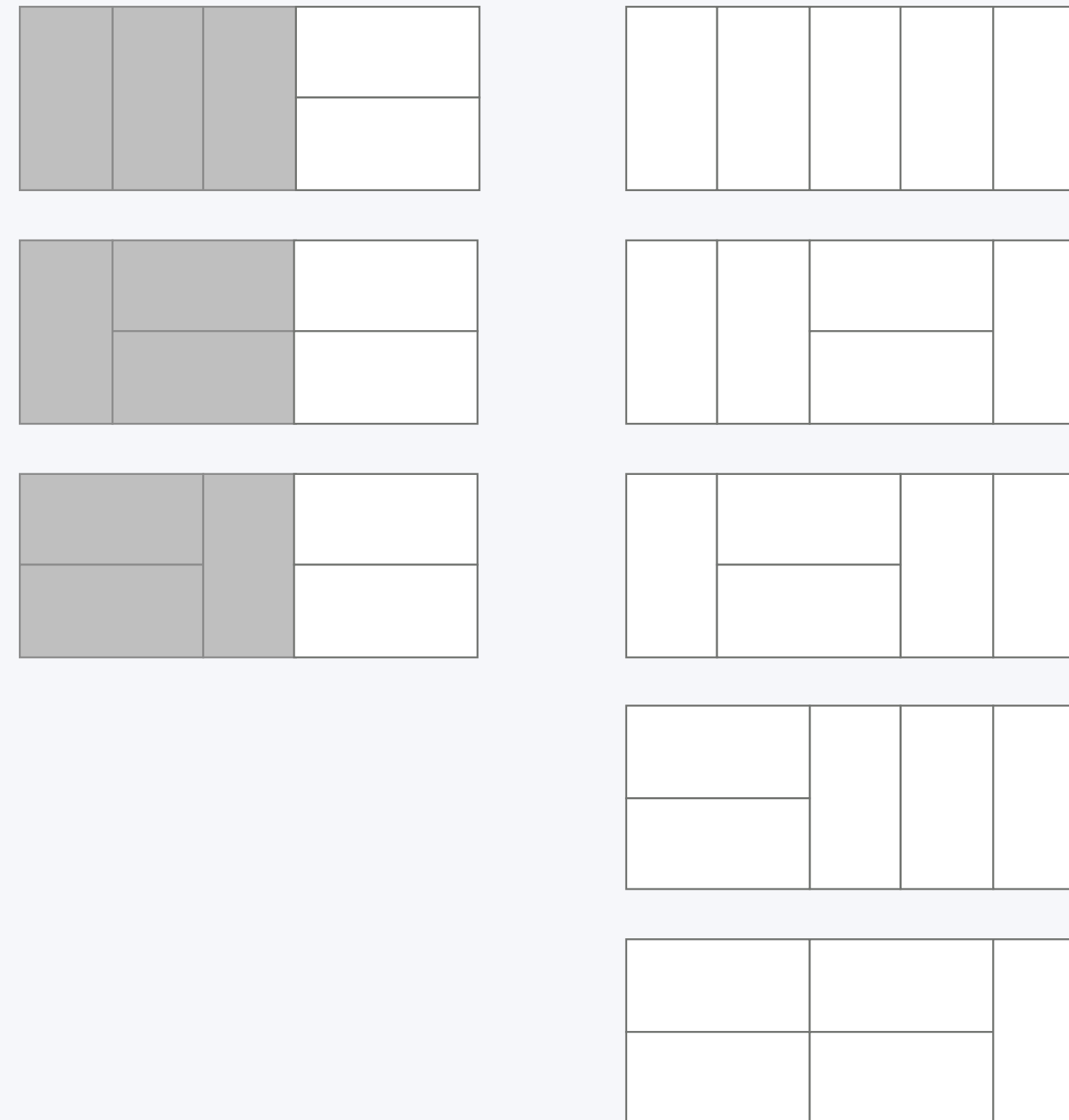
2×3



2×4



2×5

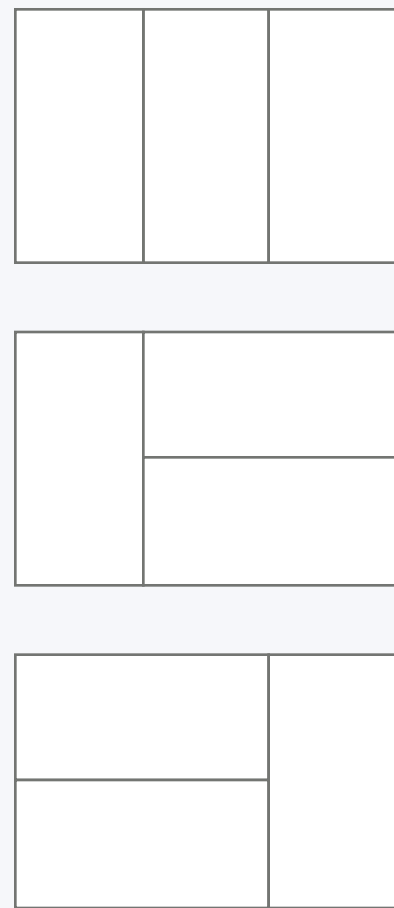


# 2×n 타일링

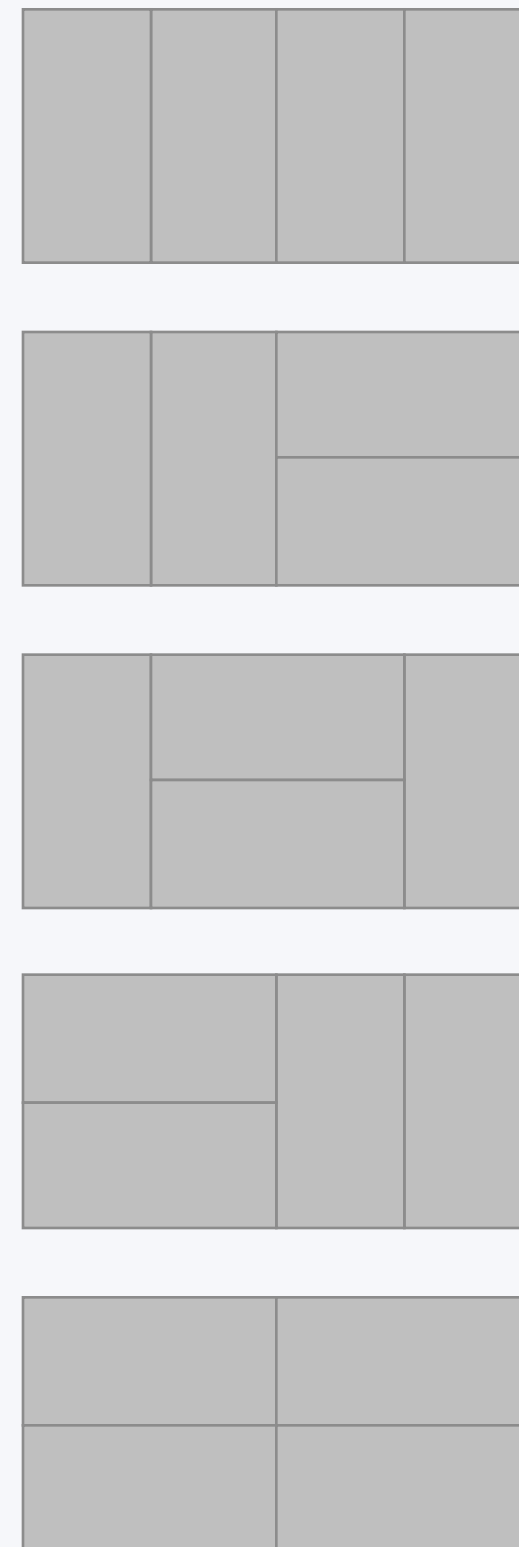
<https://www.acmicpc.net/problem/11726>

48

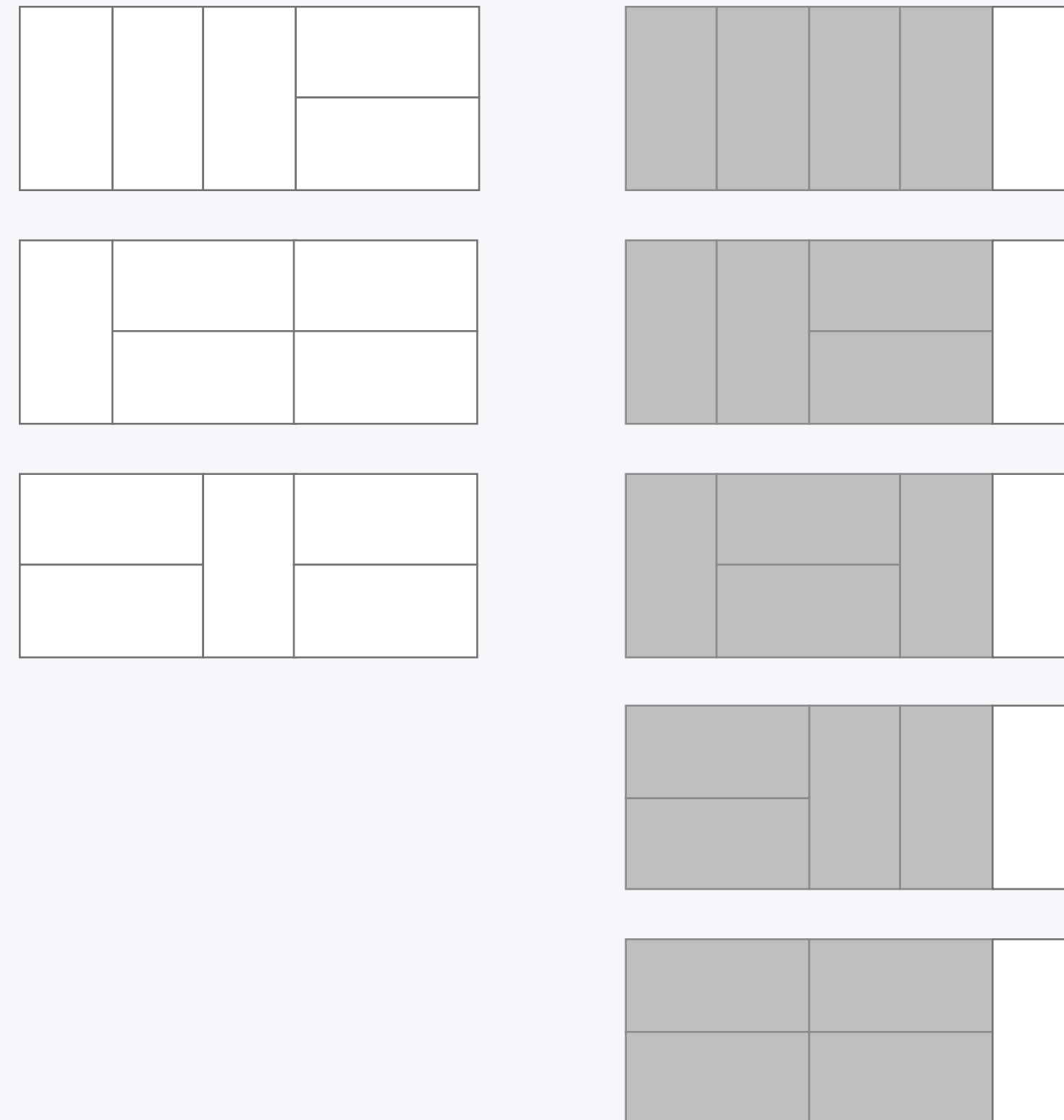
2×3



2×4



2×5





# $2 \times n$ 타일링

<https://www.acmicpc.net/problem/11726>

- $2 \times n$  직사각형을  $1 \times 2$ ,  $2 \times 1$  타일로 채우는 방법의 수
- $D[i] = 2 \times i$  직사각형을 채우는 방법의 수
- $D[i] = D[i-1] + D[i-2]$



# 2 × n 타일링

50

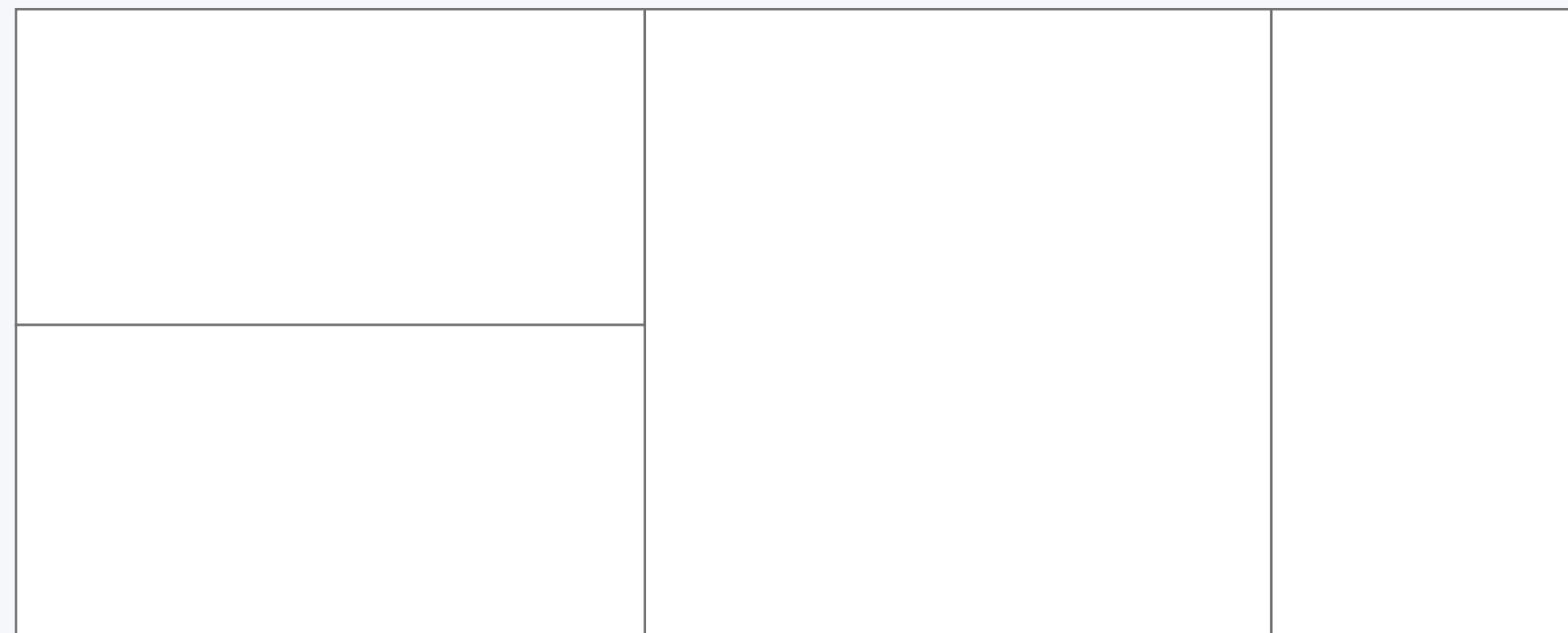
<https://www.acmicpc.net/problem/11726>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/3527f6fd4771f8c3e1>

# 2×n 타일링 2

<https://www.acmicpc.net/problem/11727>

- 2×n 직사각형을 1×2, 2×1, 2×2타일로 채우는 방법의 수
- 아래 그림은 2×5를 채우는 방법의 수
- $D[i] = 2 \times i$  직사각형을 채우는 방법의 수



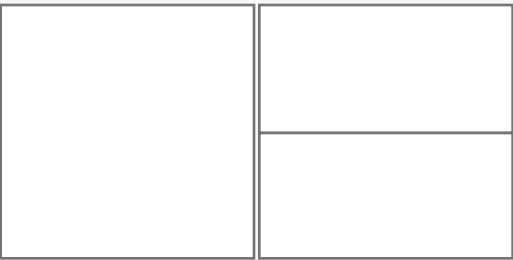
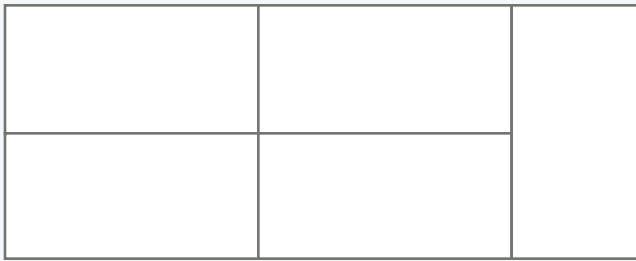
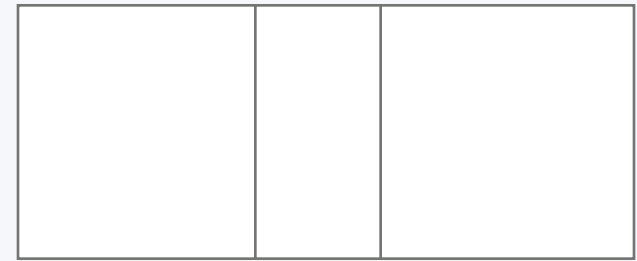
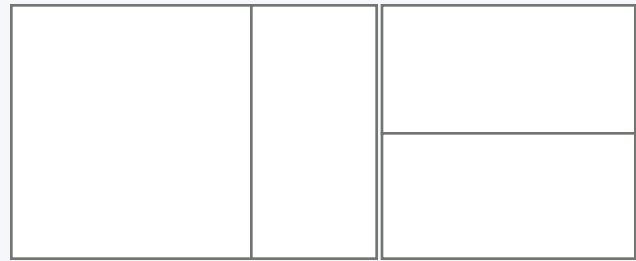
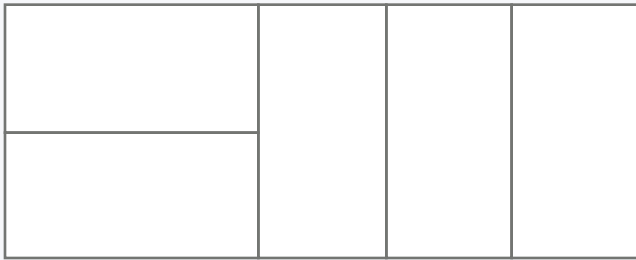
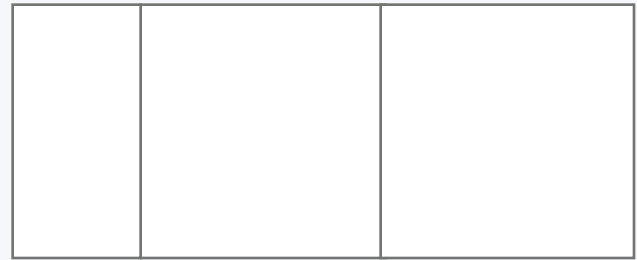
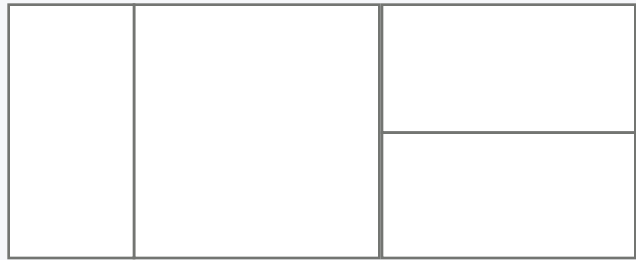
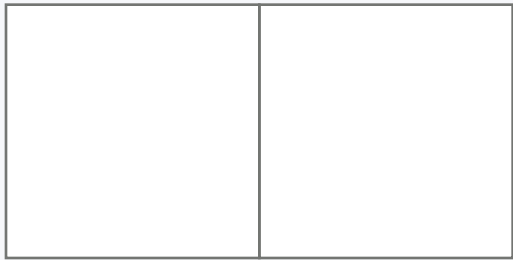
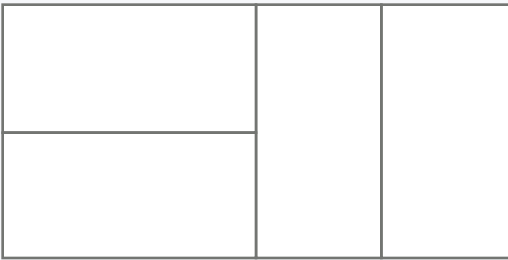
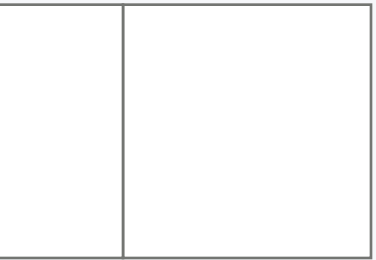
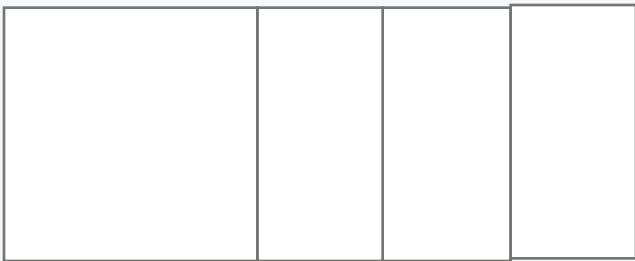
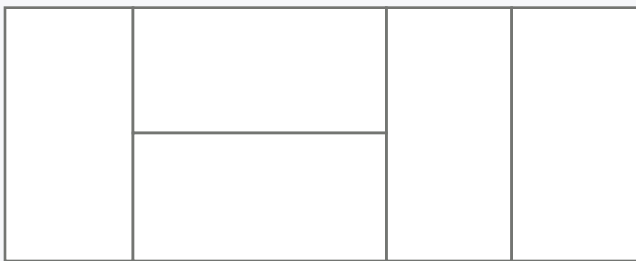
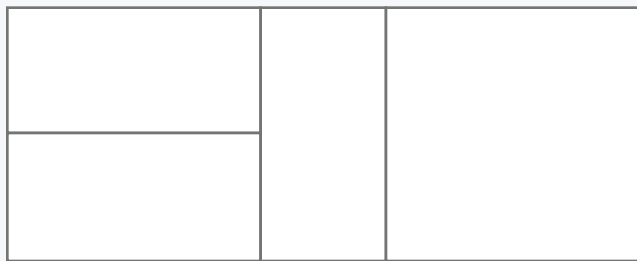
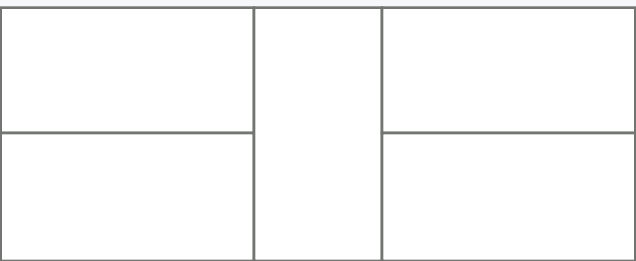
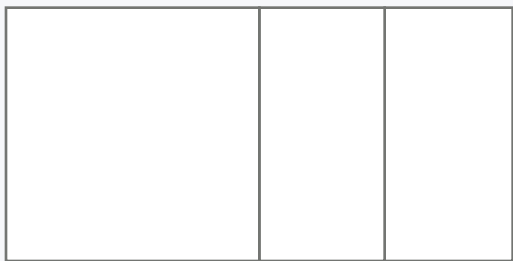
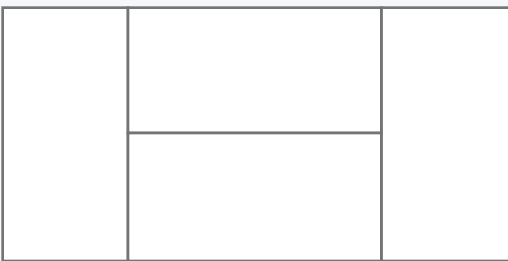
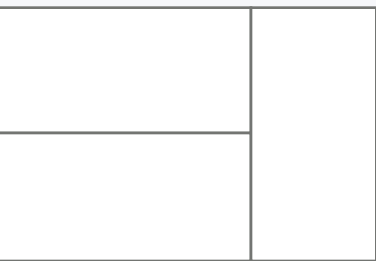
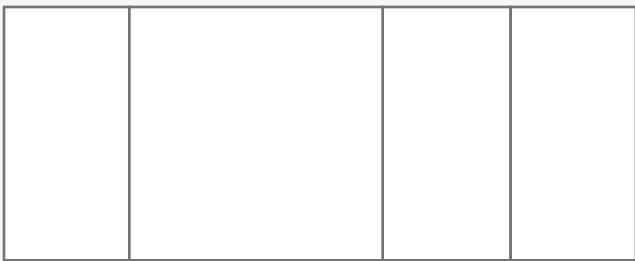
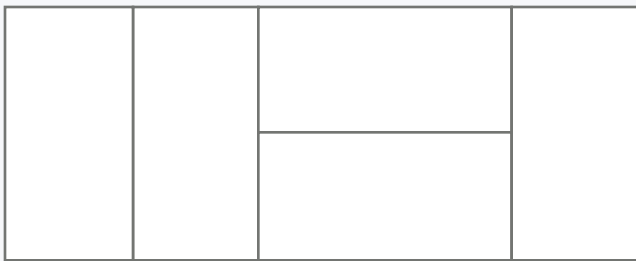
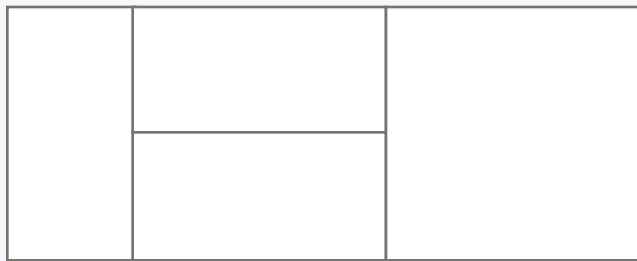
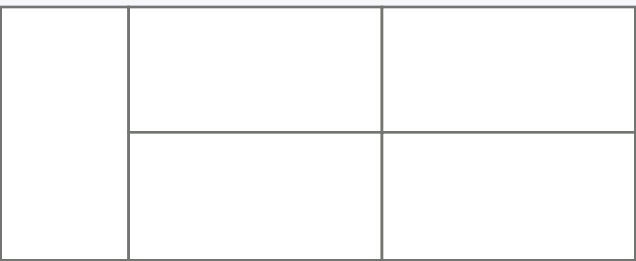
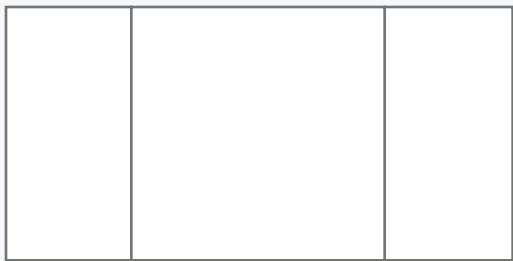
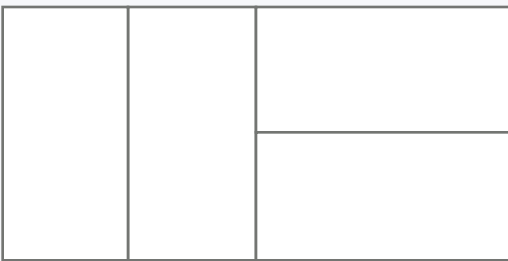
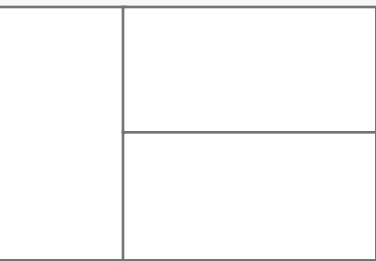
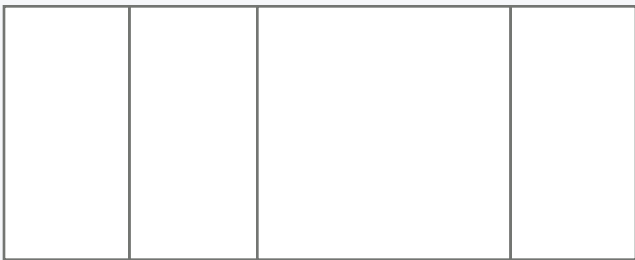
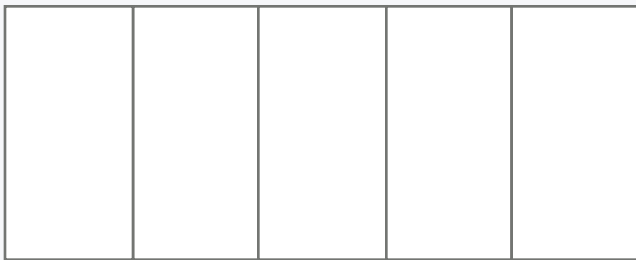
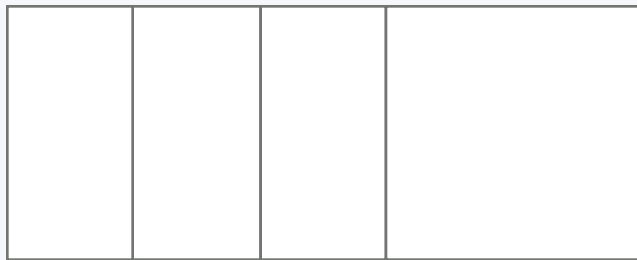
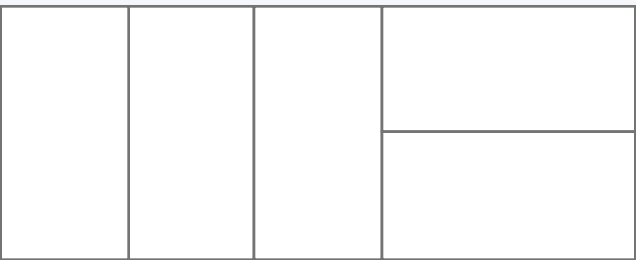
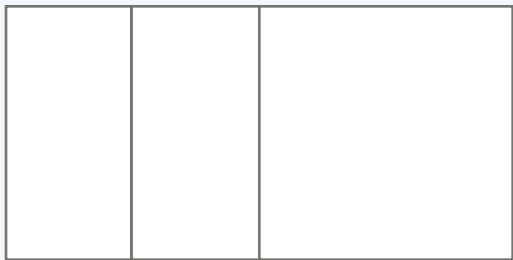
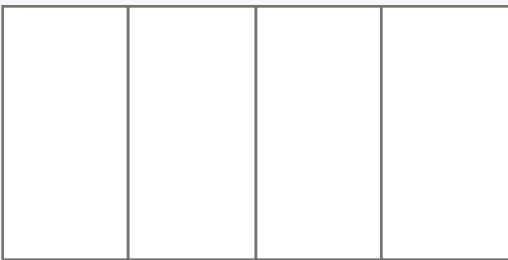
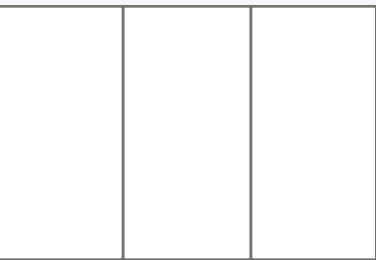
# 2×n 타일링 2

<https://www.acmicpc.net/problem/11727>

2×3

2×4

2×5



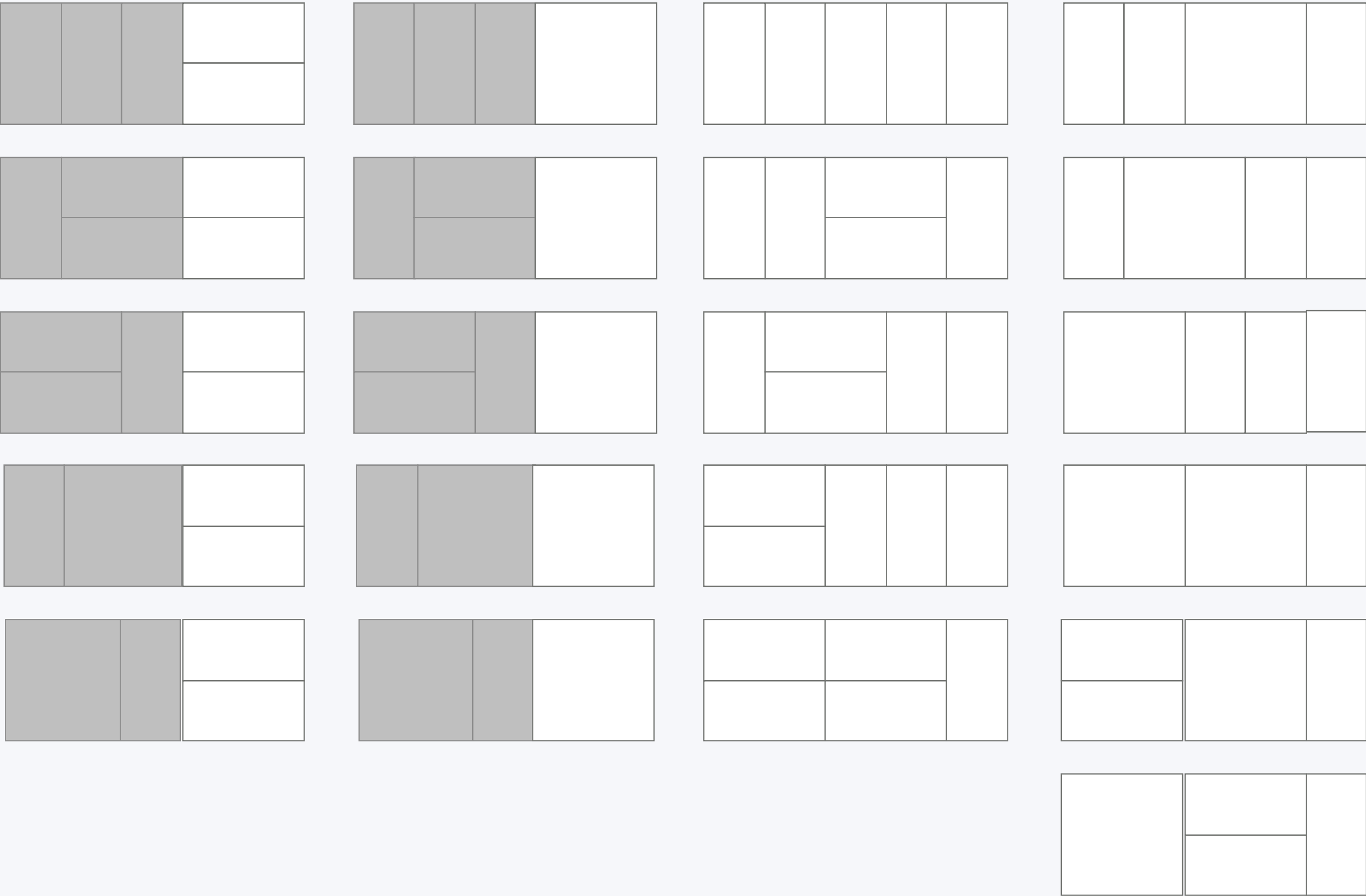
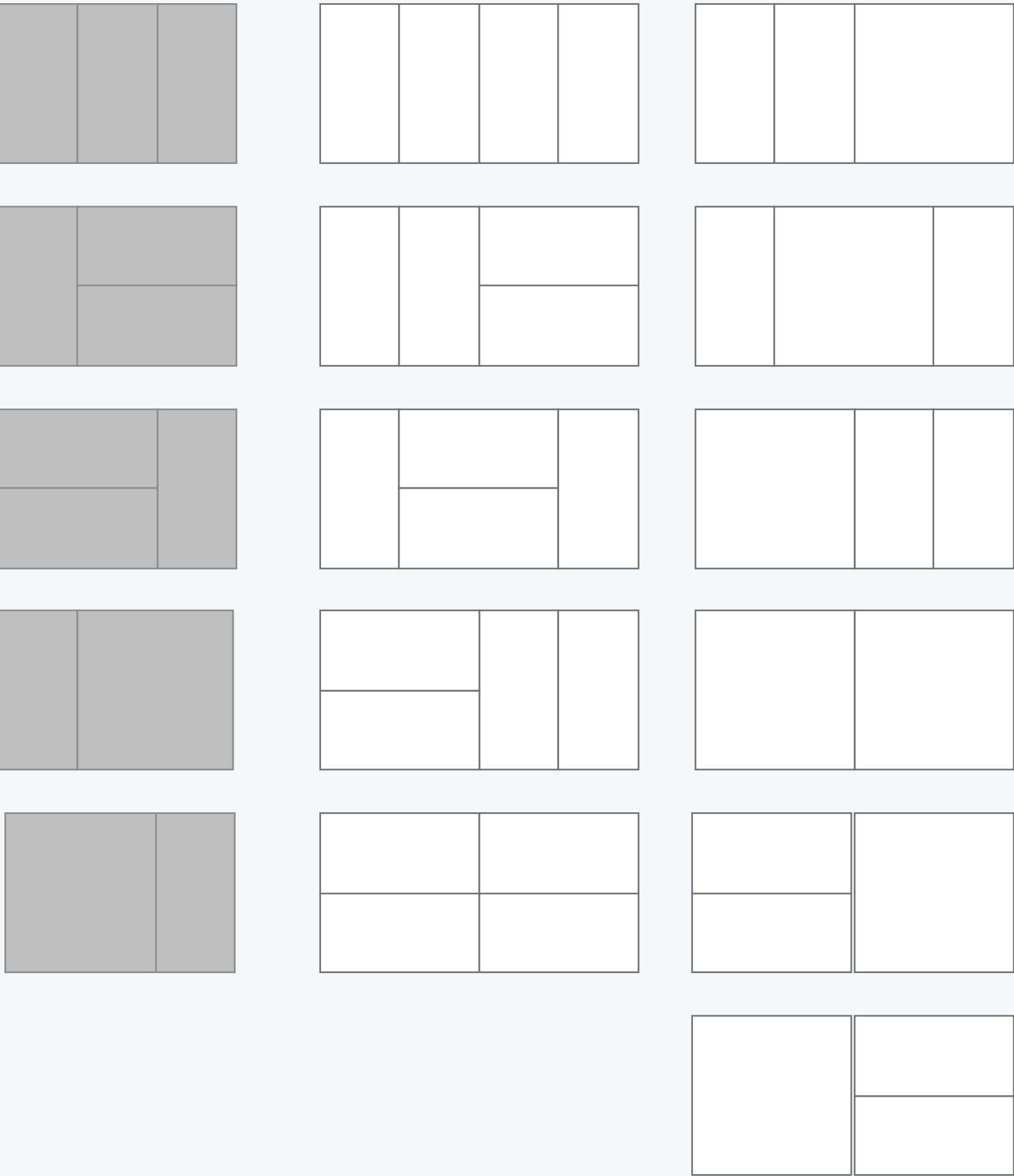
# 2×n 타일링 2

<https://www.acmicpc.net/problem/11727>

2×3

2×4

2×5



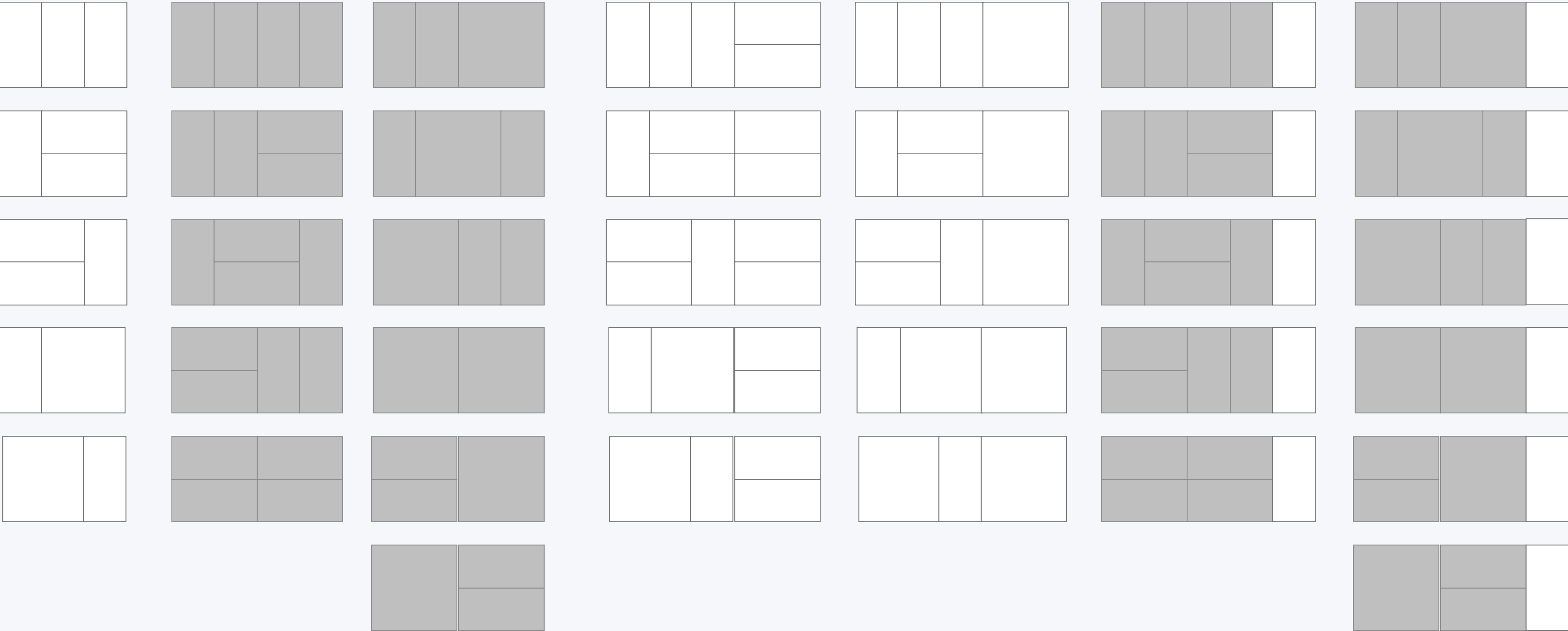
# 2×n 타일링 2

<https://www.acmicpc.net/problem/11727>

2×3

2×4

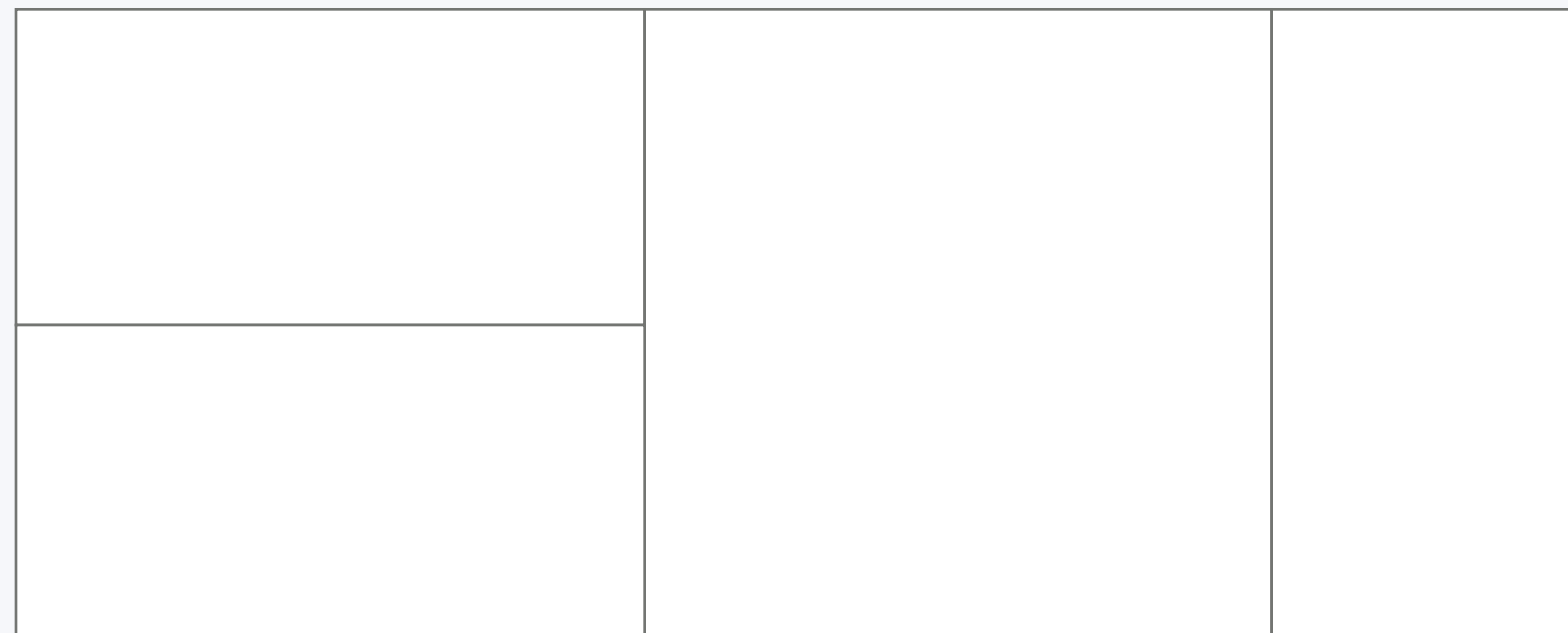
2×5



# $2 \times n$ 타일링 2

<https://www.acmicpc.net/problem/11727>

- $2 \times n$  직사각형을  $1 \times 2$ ,  $2 \times 1$ ,  $2 \times 2$  타일로 채우는 방법의 수
- $D[i] = 2 \times i$  직사각형을 채우는 방법의 수
- $D[i] = 2 * D[i-2] + D[i-1]$



# 2×n 타일링 2

56

<https://www.acmicpc.net/problem/11727>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/2ac3e7f55b9f3799d02d>



# 1, 2, 3 더하기

57

<https://www.acmicpc.net/problem/9095>

- 정수  $n$ 을 1, 2, 3의 조합으로 나타내는 방법의 수를 구하는 문제
- $n = 4$
- $1+1+1+1$
- $1+1+2$
- $1+2+1$
- $2+1+1$
- $2+2$
- $1+3$
- $3+1$

# 1, 2, 3 더하기

<https://www.acmicpc.net/problem/9095>

58

- $D[i] = i$ 를 1, 2, 3의 조합으로 나타내는 방법의 수

# 1, 2, 3 더하기

59

<https://www.acmicpc.net/problem/9095>

- $D[i]$  =  $i$ 를 1, 2, 3의 조합으로 나타내는 방법의 수
- $D[i] = D[i-1] + D[i-2] + D[i-3]$

# 1, 2, 3 더하기

60

<https://www.acmicpc.net/problem/9095>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/6e4f9e363b3aaef733d1>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/e019984a7c7f1ac6bd32>

# 붕어빵 판매하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11052>

- 붕어빵  $N$ 개를 가지고 있다.
- 붕어빵  $i$ 개를 팔아서 얻을 수 있는 수익이  $P[i]$ 일 때,  $N$ 개를 모두 판매해서 얻을 수 있는 최대 수익 구하기

# 붕어빵 판매하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11052>

- $D[i]$  = 붕어빵  $i$ 개를 팔아서 얻을 수 있는 최대 수익
- 가능한 경우 생각해보기

# 붕어빵 판매하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11052>

- $D[i]$  = 붕어빵  $i$ 개를 팔아서 얻을 수 있는 최대 수익
- 가능한 경우 생각해보기
- 붕어빵 1개를  $P[1]$ 에 팔기
- 붕어빵 2개를  $P[2]$ 에 팔기
- ...
- 붕어빵  $i-1$ 개를  $P[i-1]$ 에 팔기
- 붕어빵  $i$ 개를  $P[i]$ 에 팔기

# 붕어빵 판매하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11052>

- $D[i]$  = 붕어빵  $i$ 개를 팔아서 얻을 수 있는 최대 수익
- 가능한 경우 생각해보기
- 붕어빵 1개를  $P[1]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $i-1$
- 붕어빵 2개를  $P[2]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $i-2$
- ...
- 붕어빵  $i-1$ 개를  $P[i-1]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수: 1
- 붕어빵  $i$ 개를  $P[i]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수: 0



# 붕어빵 판매하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11052>

- $D[i]$  = 붕어빵  $i$ 개를 팔아서 얻을 수 있는 최대 수익
- 가능한 경우 생각해보기
- 붕어빵 1개를  $P[1]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $i-1 \rightarrow P[1] + D[i-1]$
- 붕어빵 2개를  $P[2]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $i-2 \rightarrow P[2] + D[i-2]$
- ...
- 붕어빵  $i-1$ 개를  $P[i-1]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $1 \rightarrow P[i-1] + D[1]$
- 붕어빵  $i$ 개를  $P[i]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $0 \rightarrow P[i] + D[0]$

# 붕어빵 판매하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11052>

- $D[i]$  = 붕어빵  $i$ 개를 팔아서 얻을 수 있는 최대 수익
- 가능한 경우 생각해보기
- 붕어빵 1개를  $P[1]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $i-1 \rightarrow P[1] + D[i-1]$
- 붕어빵 2개를  $P[2]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $i-2 \rightarrow P[2] + D[i-2]$
- ...
- 붕어빵  $i-1$ 개를  $P[i-1]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $1 \rightarrow P[i-1] + D[1]$
- 붕어빵  $i$ 개를  $P[i]$ 에 팔기  $\rightarrow$  남은 붕어빵의 개수:  $0 \rightarrow P[i] + D[0]$
- $D[i] = \max(P[j] + D[i-j]) \ (1 \leq j \leq i)$

# 붕어빵 판매하기

67

<https://www.acmicpc.net/problem/11052>

```
for (int i=1; i<=n; i++) {  
    for (int j=1; j<=i; j++) {  
        d[i] = max(d[i], d[i-j]+a[j]);  
    }  
}
```

# 붕어빵 판매하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11052>

- C
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/e8f8b7904a6395748246>
- C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/d916898171846c9286aa>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/efaf5dee617b4ee9d305>

# 쉬운 계단 수

<https://www.acmicpc.net/problem/10844>

- 인접한 자리의 차이가 1이 나는 수를 계단 수라고 한다
- 예: 45656
- 길이가 N인 계단 수의 개수를 구하는 문제

# 쉬운 계단 수

70

<https://www.acmicpc.net/problem/10844>

- $D[i][j]$  = 길이가  $i$ 이고 마지막 숫자가  $j$ 인 계단 수의 개수
- $D[i][j] = D[i-1][j-1] + D[i-1][j+1]$

# 쉬운 계단 수

<https://www.acmicpc.net/problem/10844>

```
for (int i=1; i<=9; i++) d[1][i] = 1;
for (int i=2; i<=n; i++) {
    for (int j=0; j<=9; j++) {
        d[i][j] = 0;
        if (j-1 >= 0) d[i][j] += d[i-1][j-1];
        if (j+1 <= 9) d[i][j] += d[i-1][j+1];
        d[i][j] %= mod;
    }
}

long long ans = 0;
for (int i=0; i<=9; i++) ans += d[n][i];
ans %= mod;
```

# 쉬운 계단 수

72

<https://www.acmicpc.net/problem/10844>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/4d98f519afbcdd5d3d0f>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/7e4e12ce1b0aa740d5d1>



# 오르막 수

<https://www.acmicpc.net/problem/11057>

- 오르막 수는 수의 자리가 오름차순을 이루는 수를 말한다
- 인접한 수가 같아도 오름차순으로 친다
- 수의 길이 N이 주어졌을 때, 오르막 수의 개수를 구하는 문제
- 수는 0으로 시작할 수 있다
- 예: 1233345, 357, 8888888, 1555999

# 오르막 수

<https://www.acmicpc.net/problem/11057>

- $D[i][j]$  = 길이가  $i$ 이고 마지막 숫자가  $j$ 인 오르막 수의 개수
- $D[1][i] = 1$
- $D[i][j] += D[i-1][k] \ (0 \leq k \leq j)$

# 오르막 수

<https://www.acmicpc.net/problem/11057>

```
for (int i=0; i<=9; i++) d[1][i] = 1;
for (int i=2; i<=n; i++) {
    for (int j=0; j<=9; j++) {
        for (int k=0; k<=j; k++) {
            d[i][j] += d[i-1][k];
            d[i][j] %= mod;
        }
    }
}

long long ans = 0;
for (int i=0; i<10; i++) ans += d[n][i];
ans %= mod;
```

# 오르막 수

76

<https://www.acmicpc.net/problem/11057>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/3d7ae9472aa843dc3a48>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/264f68b19e93cc9b46aa>

# 이친수

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- 0과 1로만 이루어진 수를 이진수라고 한다.
- 다음 조건을 만족하면 이친수라고 한다.
  1. 이친수는 0으로 시작하지 않는다.
  2. 이친수에서는 1이 두 번 연속으로 나타나지 않는다. 즉, 11을 부분 문자열로 갖지 않는다.
- N자리 이친수의 개수를 구하는 문제

# 이친수

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- $D[i][j]$  = i자리 이친수의 개수 중에서 j로 끝나는 것의 개수 ( $j=0, 1$ )
- 0으로 시작하지 않는다.
- $D[1][0] = 0$
- $D[1][1] = 1$

# 이친수

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- $D[i][j]$  = i자리 이친수의 개수 중에서 j로 끝나는 것의 개수 ( $j=0, 1$ )
- 가능한 경우
- 0으로 끝나는 경우
- 1로 끝나는 경우

# 이친수

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- $D[i][j]$  =  $i$ 자리 이친수의 개수 중에서  $j$ 로 끝나는 것의 개수 ( $j=0, 1$ )
- 가능한 경우
- 0으로 끝나는 경우 ( $D[i][0]$ )
  - 앞에 0과 1이 올 수 있다
  - $D[i-1][0] + D[i-1][1]$
- 1로 끝나는 경우 ( $D[i][1]$ )
  - 앞에 1은 올 수 없다. 즉, 0만 올 수 있다.
  - $D[i-1][0]$



# 이친수

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- $D[i][j]$  = i자리 이친수의 개수 중에서 j로 끝나는 것의 개수 ( $j=0, 1$ )
- $D[i][0] = D[i-1][0] + D[i-1][1]$
- $D[i][1] = D[i-1][0]$

# 이친수

82

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- $D[i]$  =  $i$ 자리 이친수의 개수
- 가능한 경우
- 0으로 끝나는 경우
- 1로 끝나는 경우

# 이친수

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- $D[i]$  =  $i$ 자리 이친수의 개수
- 가능한 경우
- 0으로 끝나는 경우
  - 앞에 0과 1 모두 올 수 있다.
  - $D[i-1]$
- 1로 끝나는 경우
  - 앞에 0만 올 수 있다
  - 앞에 붙는 0을 세트로 생각해서  $i-2$ 자리에 01을 붙인다고 생각
  - $D[i-2]$

# 이친수

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- $D[i]$  = i자리 이친수의 개수
- $D[i] = D[i-1] + D[i-2]$

# 이친수

85

<https://www.acmicpc.net/problem/2193>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/49b2bfd22be42707bb88>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/7fbfd8d0963139d638de>

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- 포도주가 일렬로 놓여져 있고, 다음과 같은 2가지 규칙을 지키면서 포도주를 최대한 많이 마시려고 한다.
  1. 포도주 잔을 선택하면 그 잔에 들어있는 포도주는 모두 마셔야 하고, 마신 후에는 원래 위치에 다시 놓아야 한다.
  2. 연속으로 놓여 있는 3잔을 모두 마실 수는 없다.

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양
- $i$ 에게 가능한 경우
  1.  $i$ 번째 포도주를 마시는 경우
  2.  $i$ 번째 포도주를 마시지 않는 경우

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양
- $i$ 에게 가능한 경우
  1.  $i$ 번째 포도주를 마시는 경우
    - $D[i-1] + A[i]$
  2.  $i$ 번째 포도주를 마시지 않는 경우
    - $D[i-1]$



# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양
- $i$ 에게 가능한 경우
  1.  $i$ 번째 포도주를 마시는 경우
    - $D[i-1] + A[i]$
  2.  $i$ 번째 포도주를 마시지 않는 경우
    - $D[i-1]$
- $D[i] = \max(D[i-1] + A[i], D[i-1])$
- 위의 식은 포도주를 연속해서 3잔 마시면 안되는 경우를 처리하지 못한다.

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i][j] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양,  $A[i]$ 는  $j$ 번 연속해서 마신 포도주임
- $D[i][0] = 0$ 번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i]$ 를 마시지 않음
- $D[i][1] = 1$ 번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시지 않았음
- $D[i][2] = 2$ 번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시고,  $A[i-2]$ 는 마시지 않았어야 함

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i][j] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양,  $A[i]$ 는  $j$ 번 연속해서 마신 포도주임
- $D[i][0] = 0$ 번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i]$ 를 마시지 않음
  - $\max(D[i-1][0], D[i-1][1], D[i-1][2])$
- $D[i][1] = 1$ 번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시지 않았음
  - $D[i-1][0] + A[i]$
- $D[i][2] = 2$ 번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시고,  $A[i-2]$ 는 마시지 않았어야 함
  - $D[i-1][1] + A[i]$

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양
- 0번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i]$ 를 마시지 않음
- 1번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시지 않았음
- 2번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시고,  $A[i-2]$ 는 마시지 않았어야 함

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양
- 0번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i]$ 를 마시지 않음
  - $D[i-1]$
- 1번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시지 않았음
  - $D[i-2] + A[i]$
- 2번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시고,  $A[i-2]$ 는 마시지 않았어야 함
  - $D[i-3] + A[i-1] + A[i]$

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양
- 0번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i]$ 를 마시지 않음
  - $D[i-1]$
- 1번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시지 않았음
  - $D[i-2] + A[i]$
- 2번 연속해서 마신 포도주  $\rightarrow A[i-1]$ 을 마시고,  $A[i-2]$ 는 마시지 않았어야 함
  - $D[i-3] + A[i-1] + A[i]$
- $D[i] = \max(D[i-1], D[i-2]+A[i], D[i-3] + A[i-1] + A[i])$

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- $D[i] = A[1], \dots, A[i]$  까지 포도주를 마셨을 때, 마실 수 있는 포도주의 최대 양
- $D[i] = \max(D[i-1], D[i-2]+A[i], D[i-3] + A[i-1] + A[i])$
- $i-2, i-3$  때문에 예외 처리가 예상되기 때문에
- $D[1] = A[1]$
- $D[2] = A[1] + A[2]$
- 로 미리 처리를 해두고
- $i = 3$ 부터 문제를 푸는 것이 좋다.

# 포도주 시식

<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

```
d[1] = a[1];
d[2] = a[1]+a[2];
for (int i=3; i<=n; i++) {
    d[i] = d[i-1];
    if (d[i] < d[i-2] + a[i]) {
        d[i] = d[i-2] + a[i];
    }
    if (d[i] < d[i-3] + a[i] + a[i-1]) {
        d[i] = d[i-3] + a[i] + a[i-1];
    }
}
```



# 포도주 시식

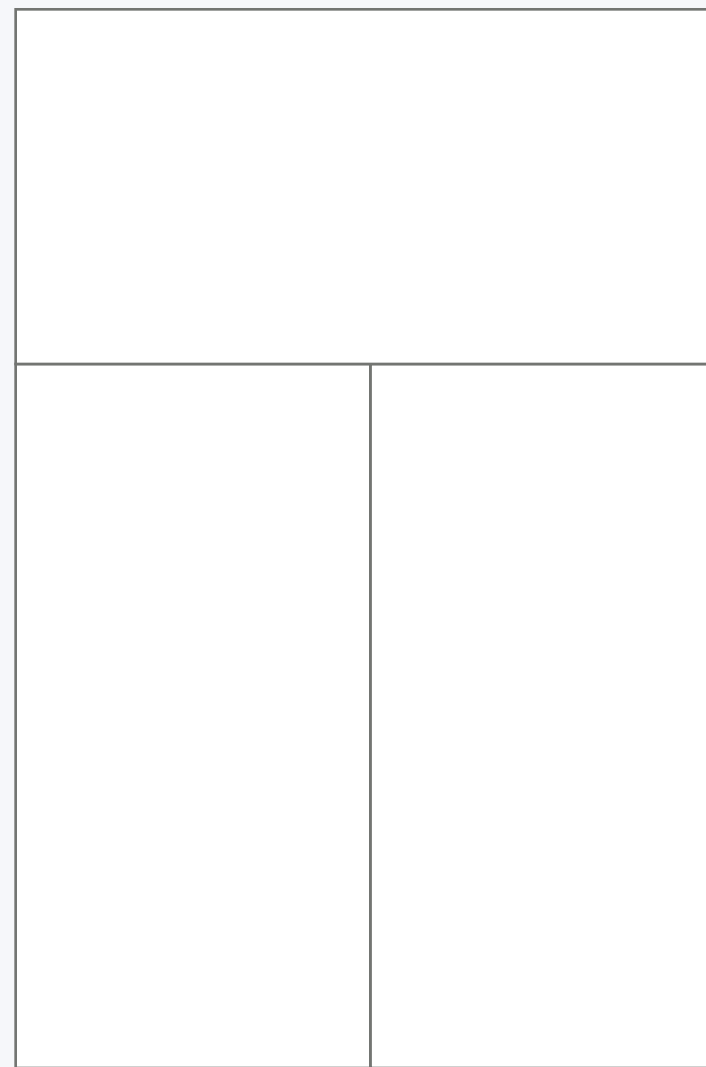
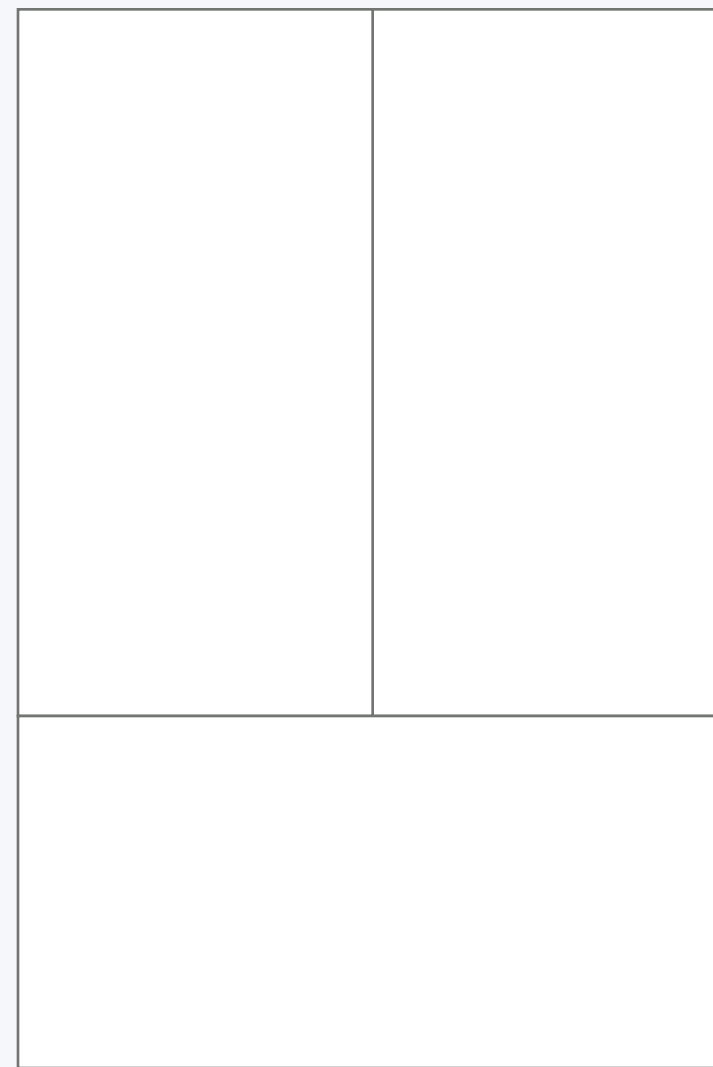
<https://www.acmicpc.net/problem/2156>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/f042553b666185948f9f>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/5a8d8b46c4b2c608f3dd>

# 타일 채우기

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

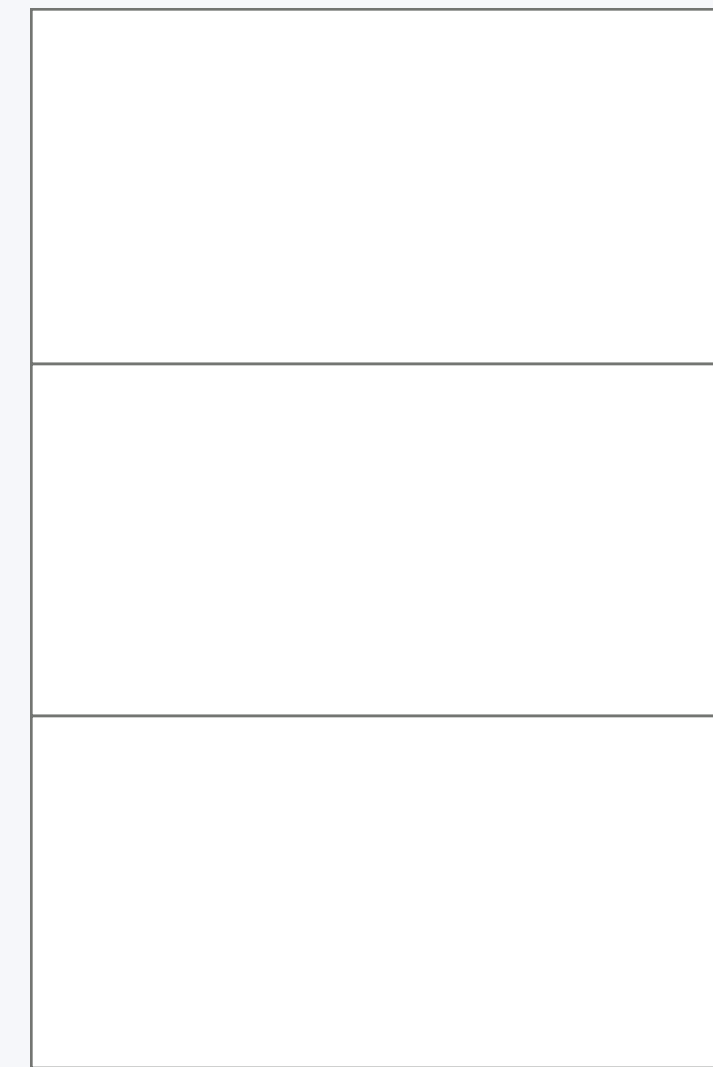
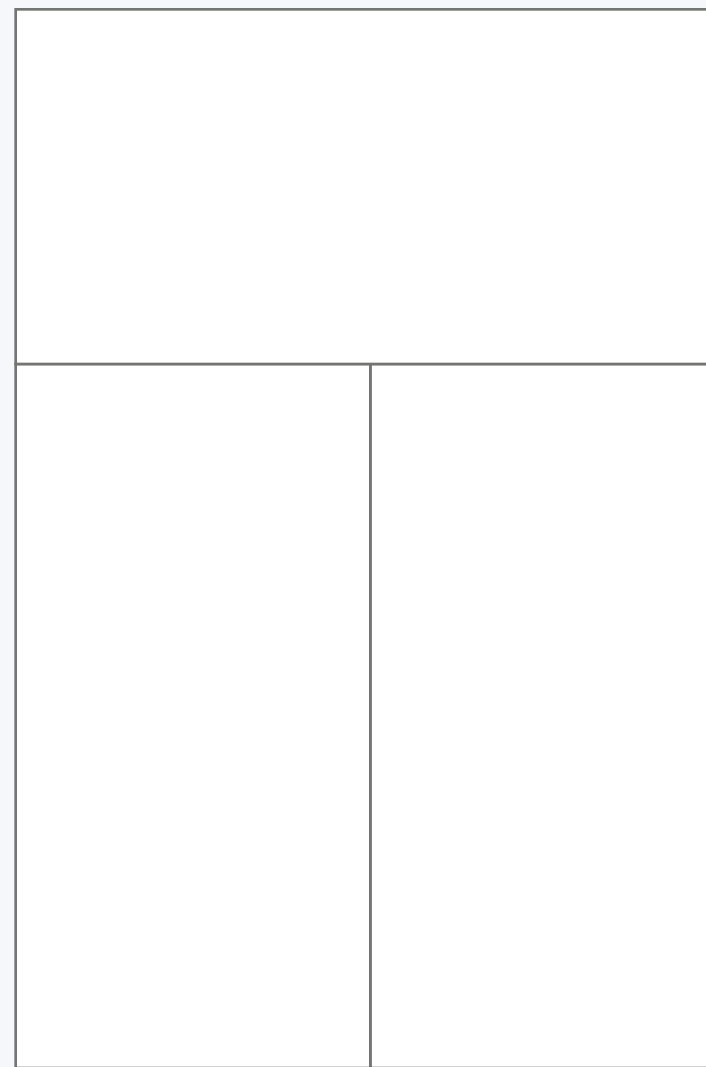
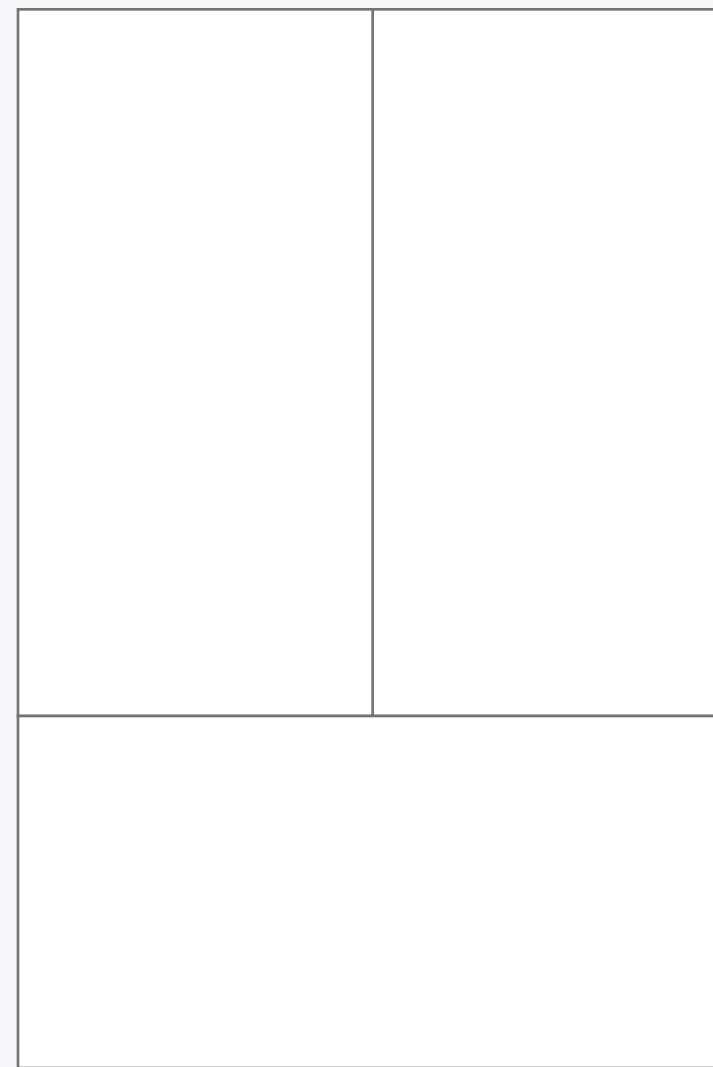
- $3 \times N$ 을  $1 \times 2$ ,  $2 \times 1$ 로 채우는 방법의 수
- $D[i] = 3 \times i$ 를 채우는 방법의 수
- 마지막에 올 수 있는 가능한 경우의 수



# 타일 채우기

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

- $3 \times N$ 을  $1 \times 2$ ,  $2 \times 1$ 로 채우는 방법의 수
- $D[i] = 3 \times i$ 를 채우는 방법의 수
- $D[i] = 3 * D[i-2]$  (아니다)

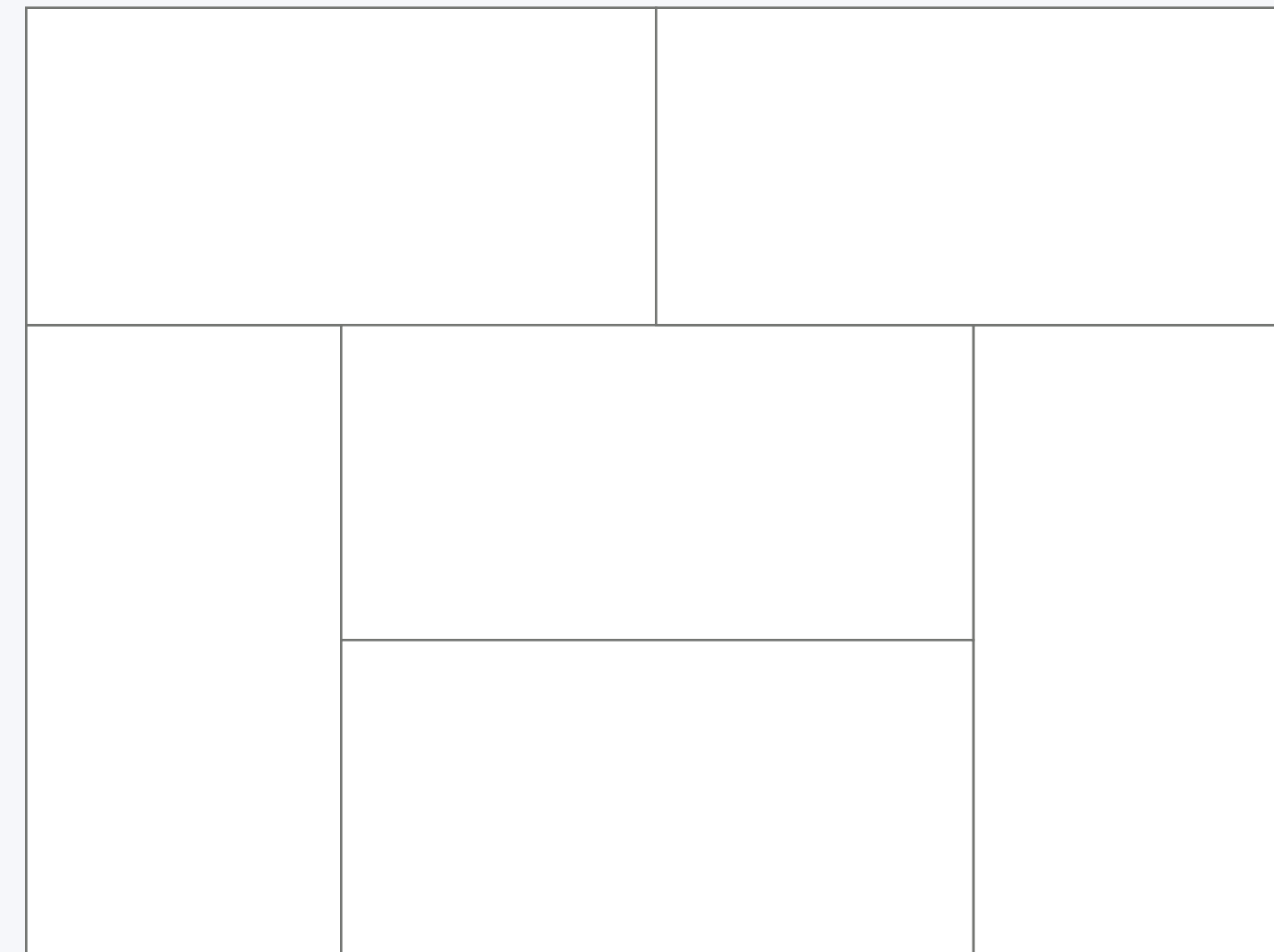
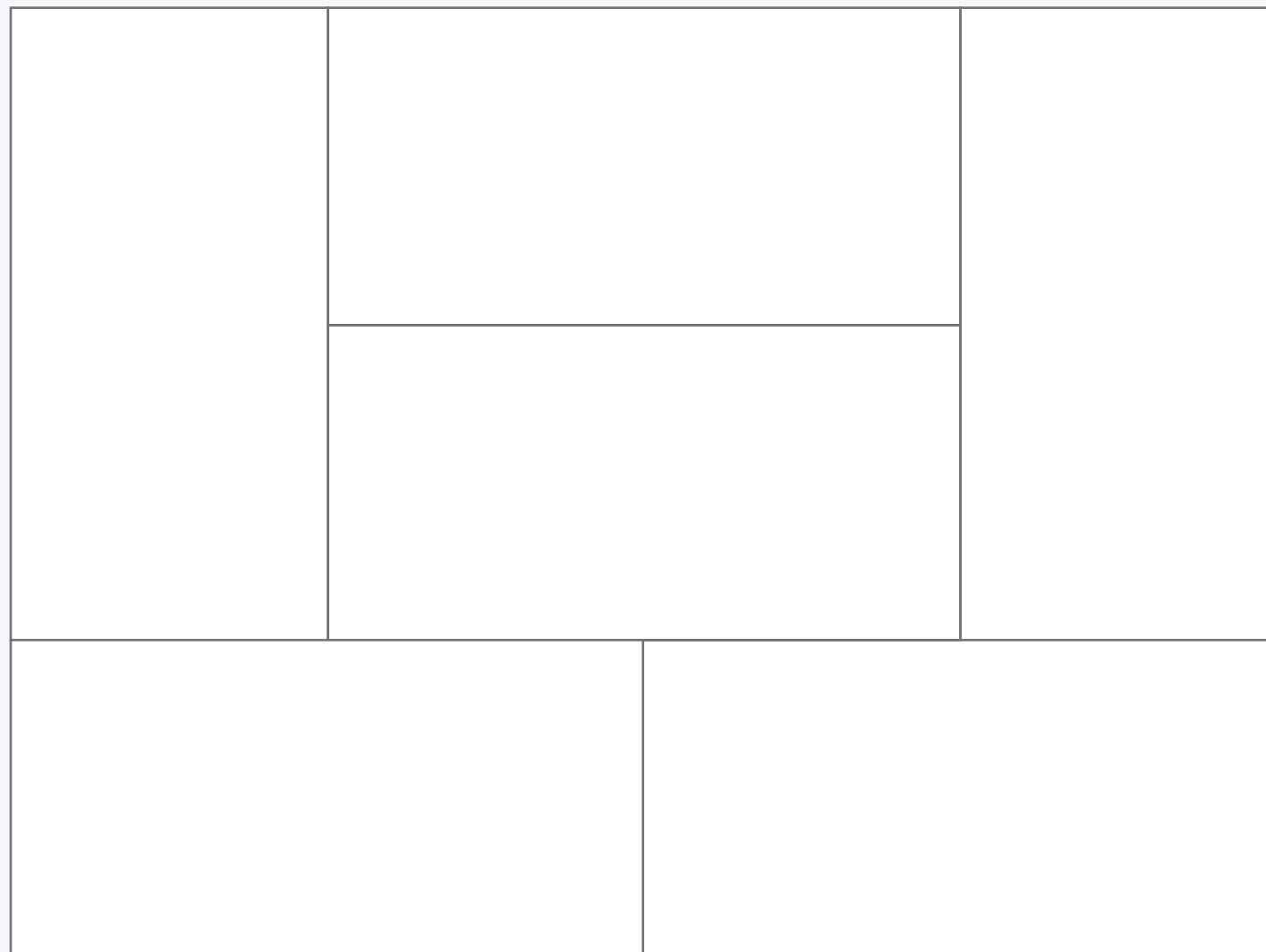


# 타일 채우기

100

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

- $3 \times N$ 을  $1 \times 2$ ,  $2 \times 1$ 로 채우는 방법의 수
- $D[i] = 3 \times i$ 를 채우는 방법의 수
- 가능한 경우가 더 있다.

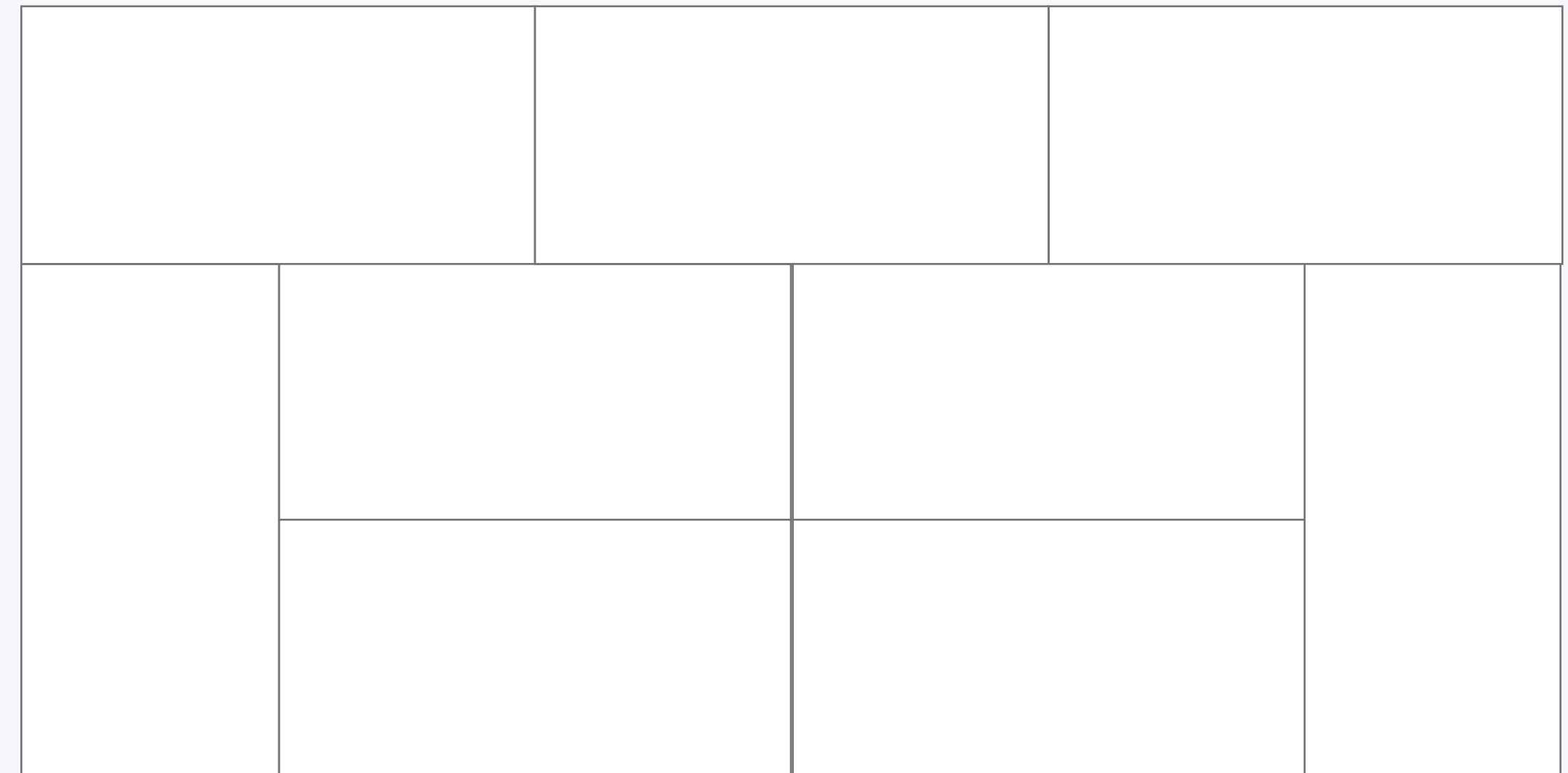
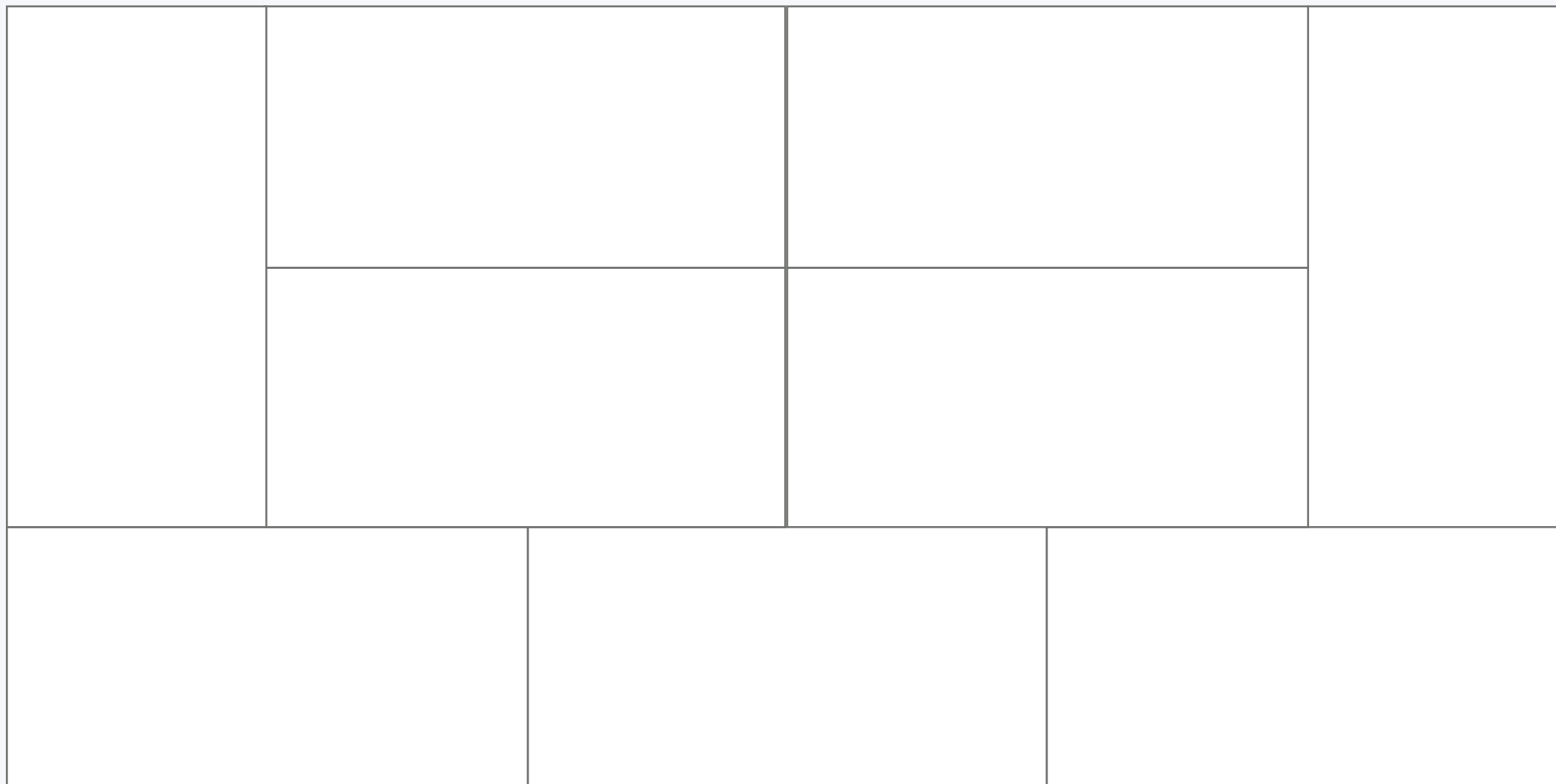


# 타일 채우기

101

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

- $3 \times N$ 을  $1 \times 2$ ,  $2 \times 1$ 로 채우는 방법의 수
- $D[i] = 3 \times i$ 를 채우는 방법의 수
- 가능한 경우가 더 있다.



# 타일 채우기

102

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

- $3 \times N$ 을  $1 \times 2$ ,  $2 \times 1$ 로 채우는 방법의 수
- $D[i] = 3 \times i$ 를 채우는 방법의 수
- $D[i] = 3 * D[i-2] + 2 * D[i-4] + 2 * D[i-6] + \dots$

# 타일 채우기

103

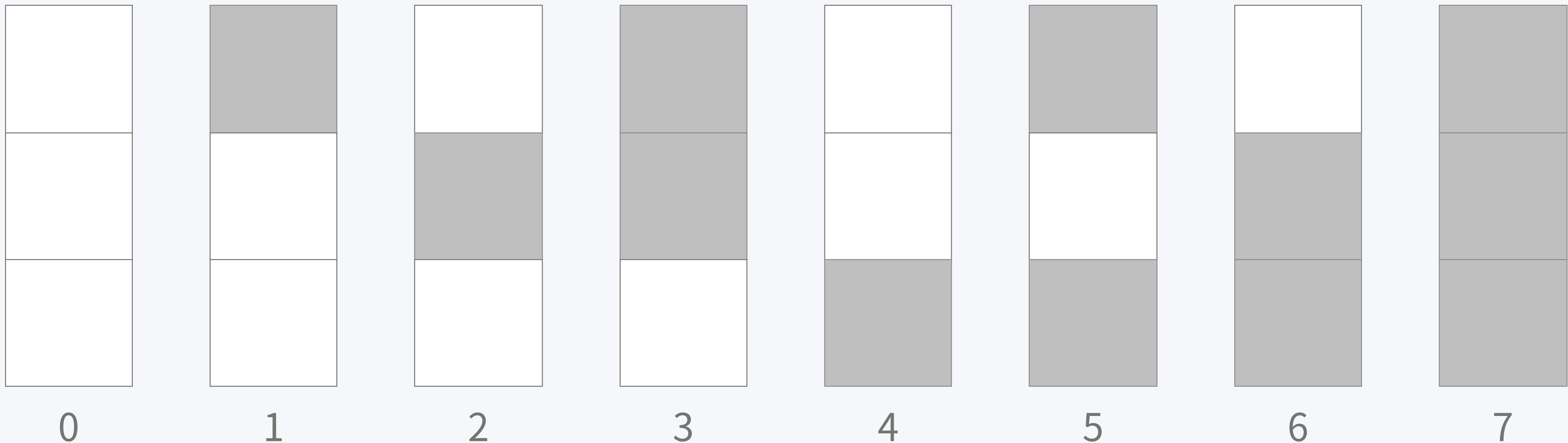
<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/a27529894d77d469d252>

# 타일 채우기

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

- $3 \times N$ 을  $1 \times 2$ ,  $2 \times 1$ 로 채우는 방법의 수
- $D[i][j] = 3 \times i$ 를 채우는 방법의 수,  $i$ 열의 상태는  $j$
- 마지막에 올 수 있는 가능한 경우의 수 (회색: 채워져 있는 칸)



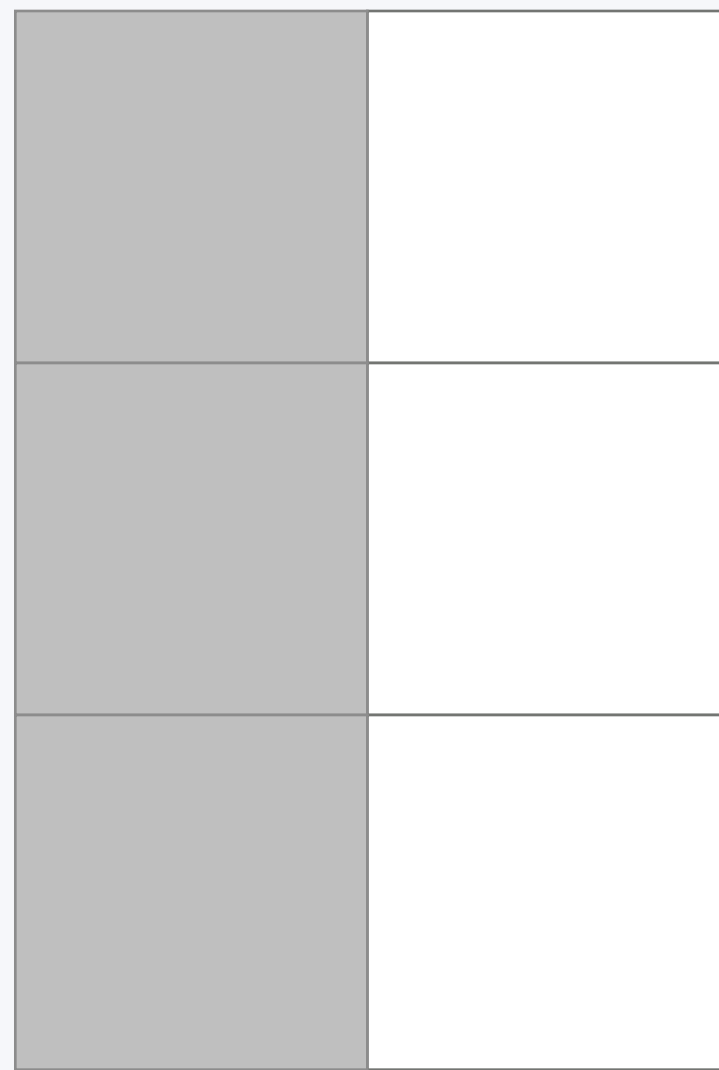


# 타일 채우기

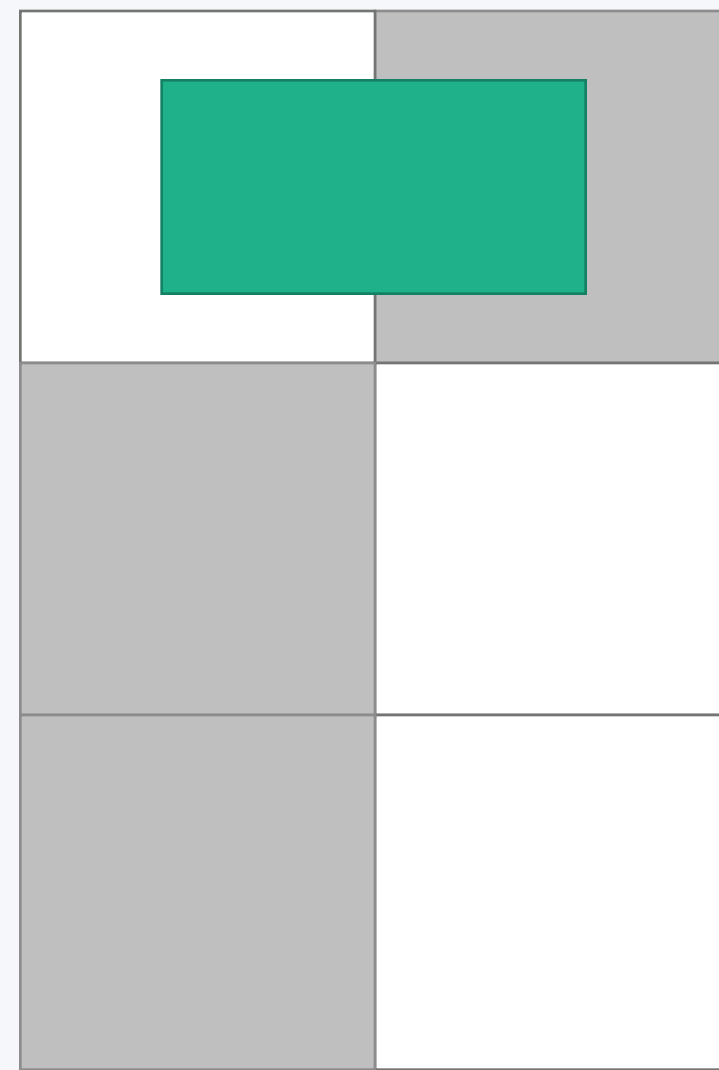
105

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

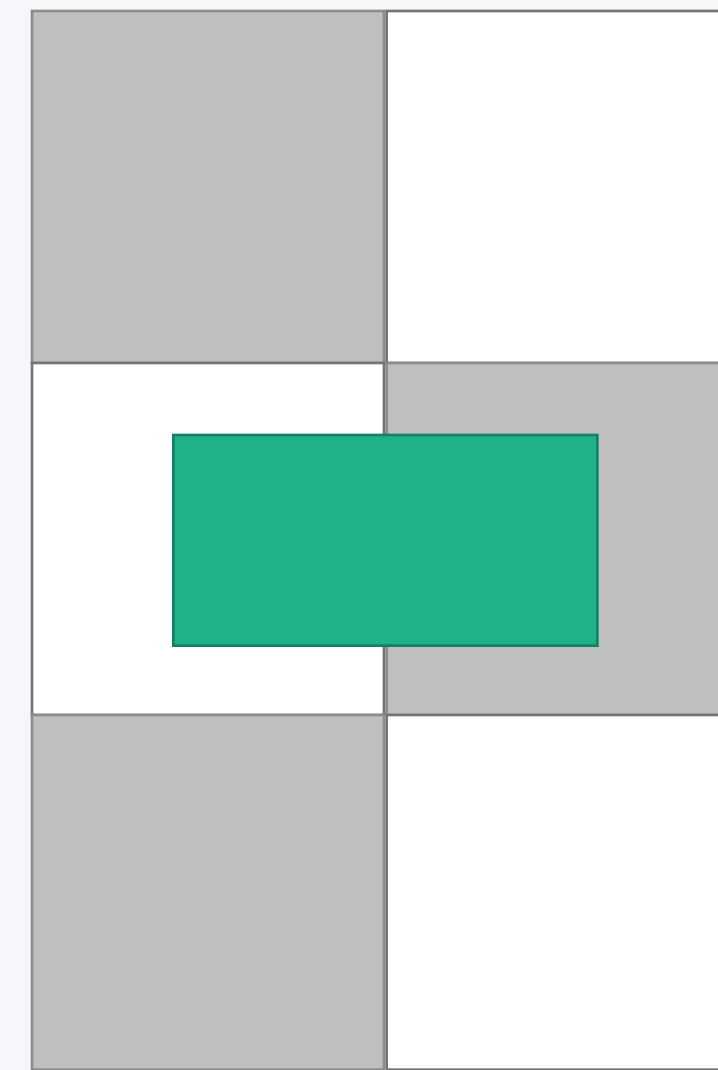
- $i$ 열을 채울 때,  $i-1$ 에 빈 칸이 있으면 안된다



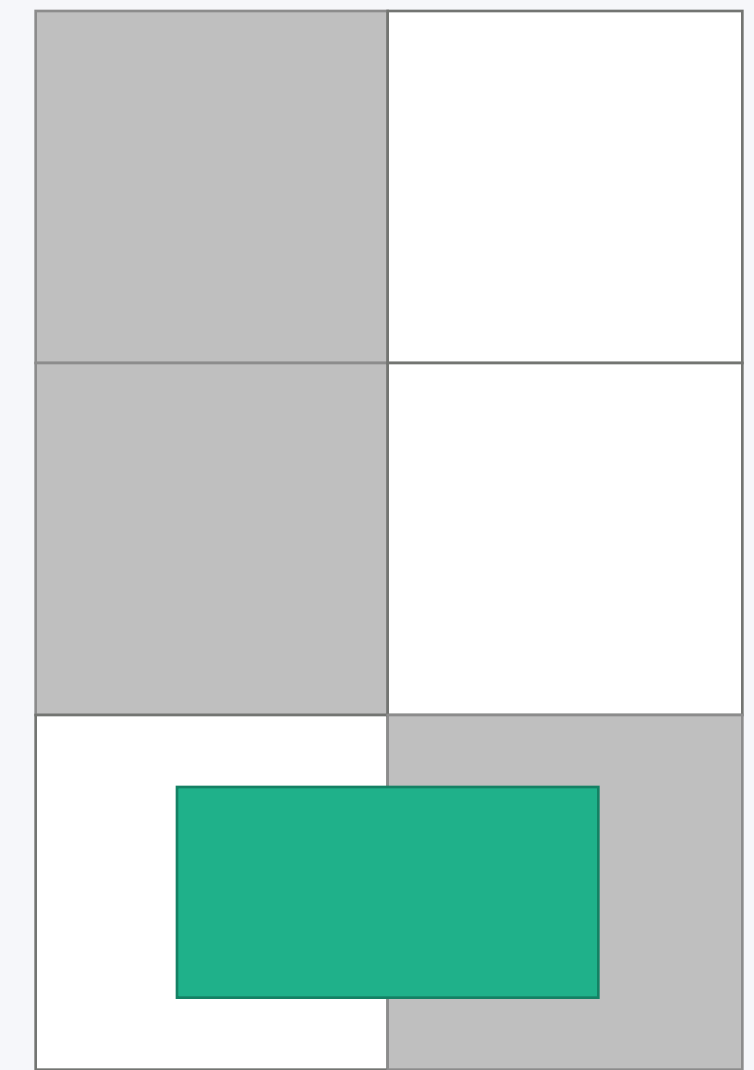
7 0



6 1



5 2



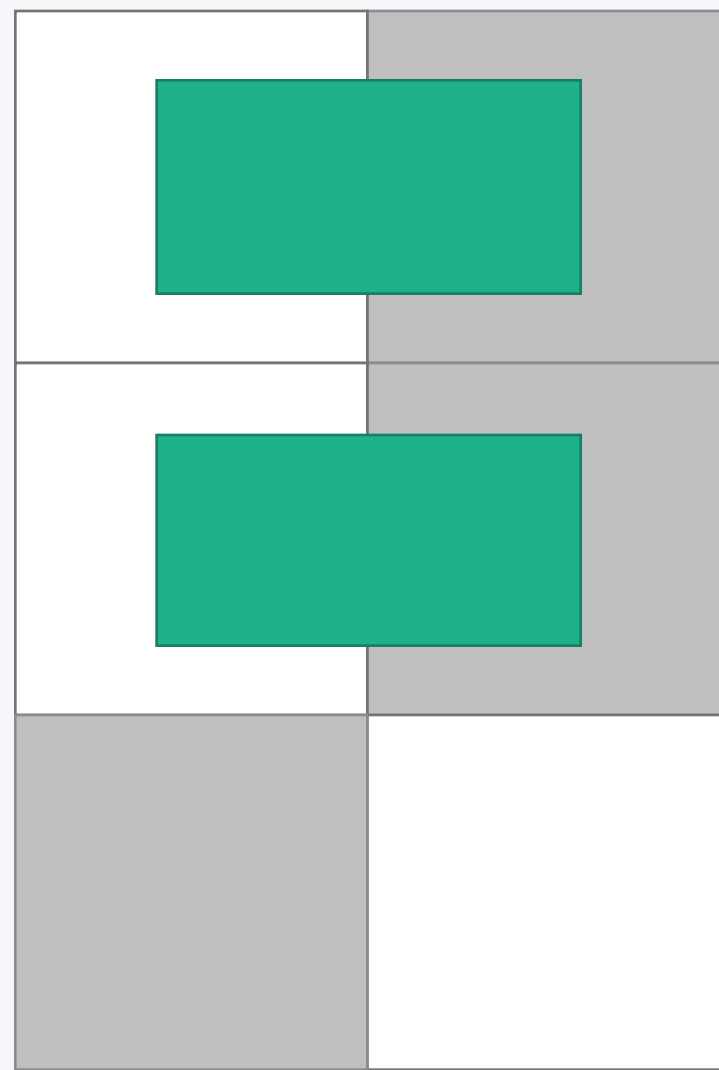
3 4

# 타일 채우기

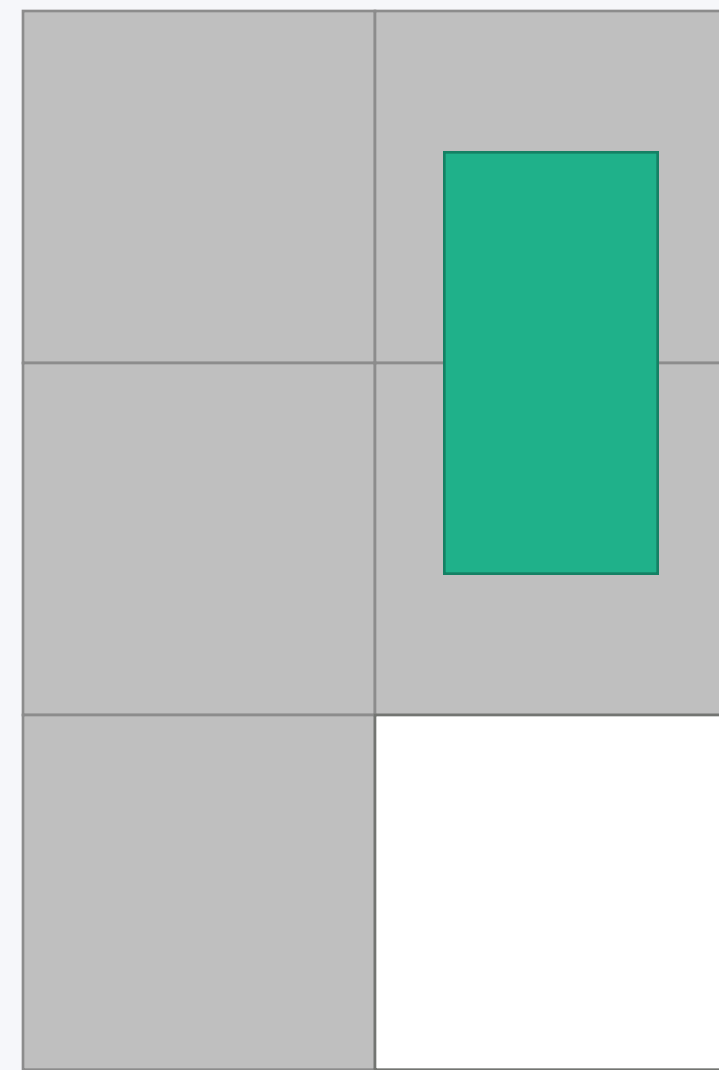
106

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

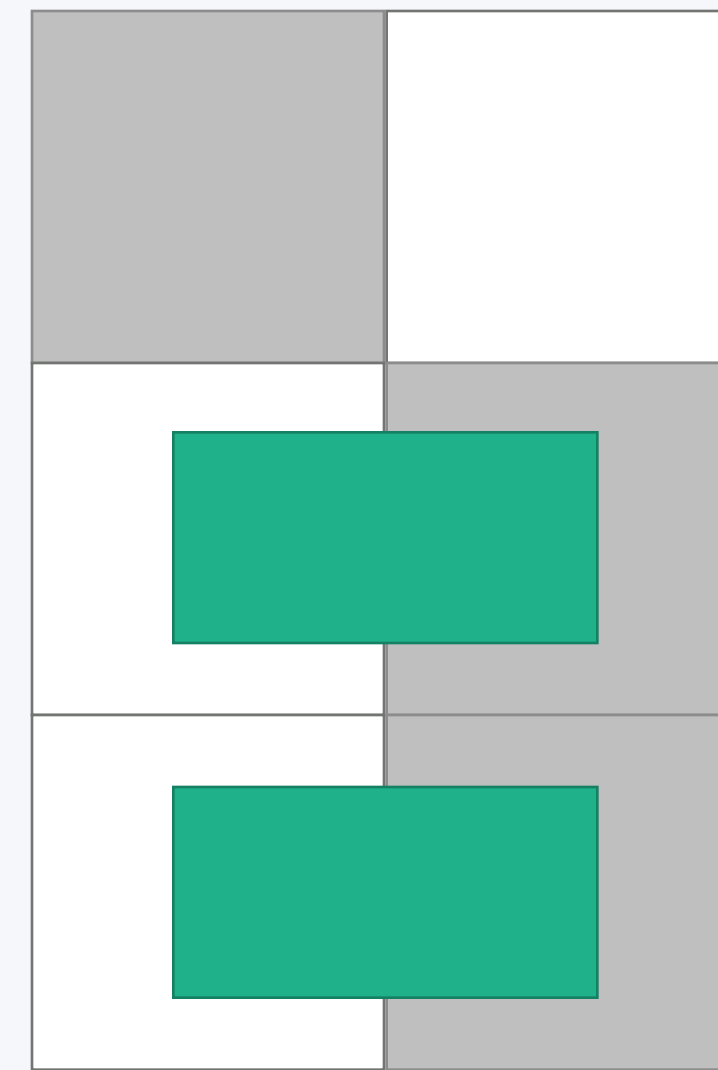
- $i$ 열을 채울 때,  $i-1$ 에 빈 칸이 있으면 안된다



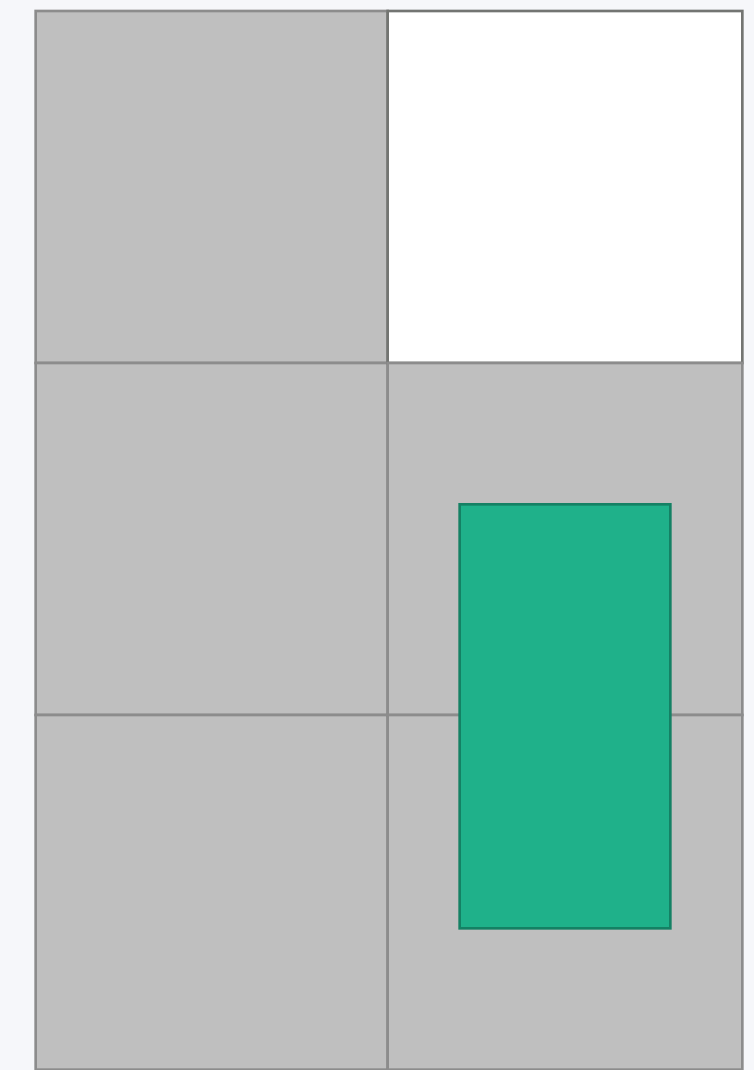
4 3



7 3



1 6



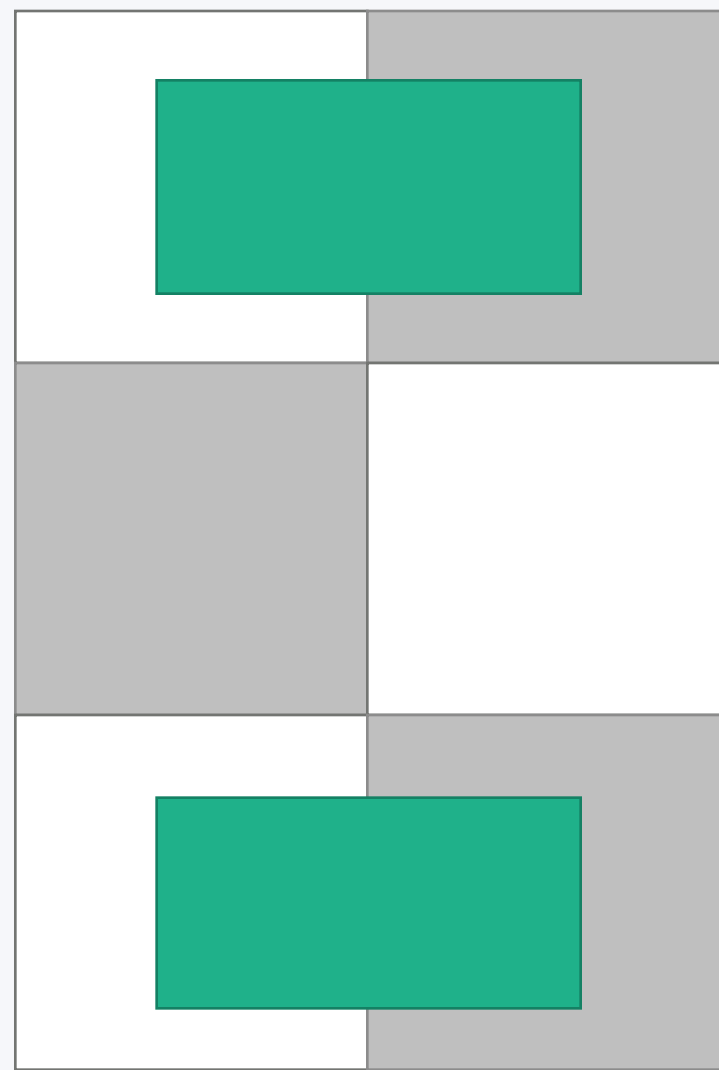
7 6

# 타일 채우기

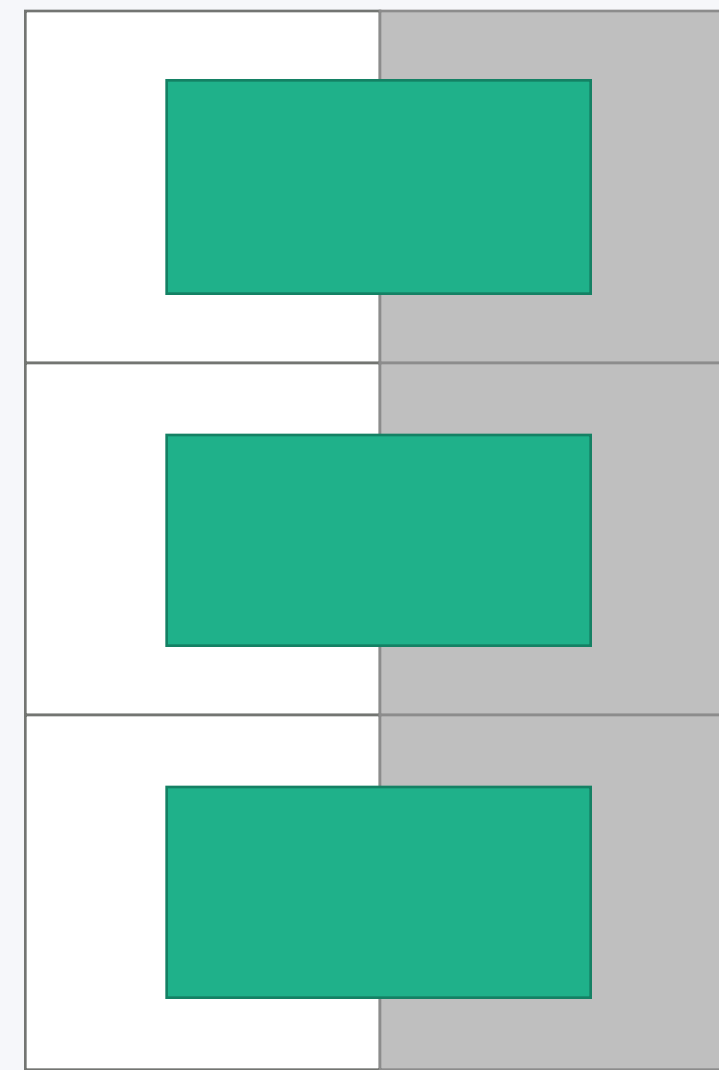
107

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

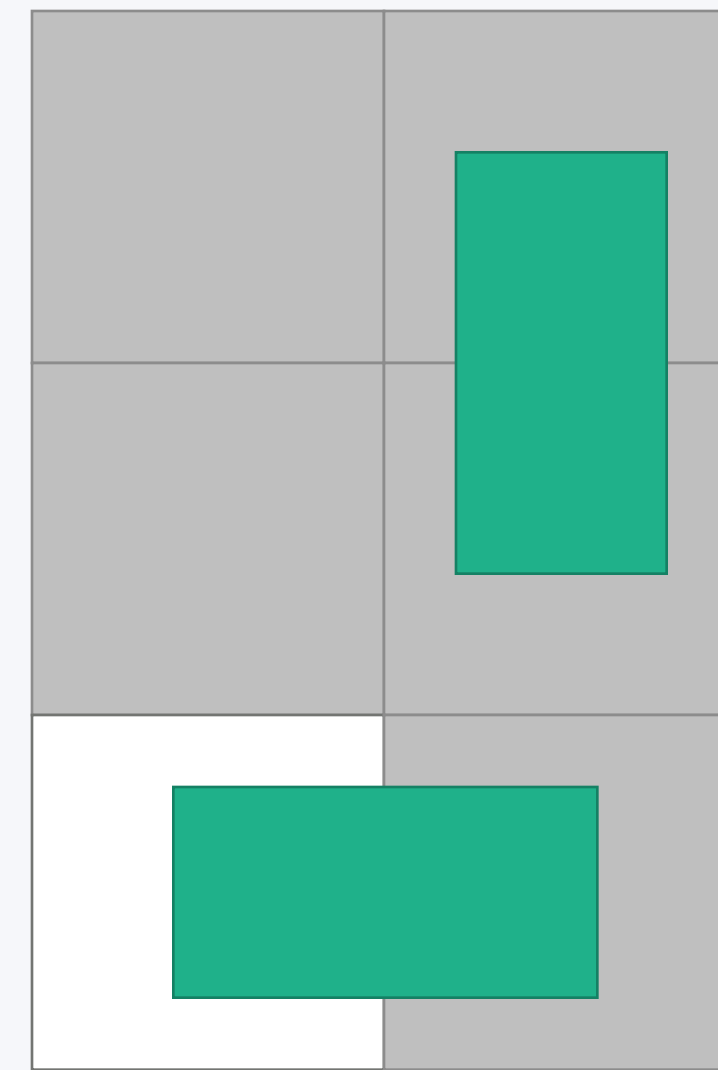
- $i$ 열을 채울 때,  $i-1$ 에 빈 칸이 있으면 안된다



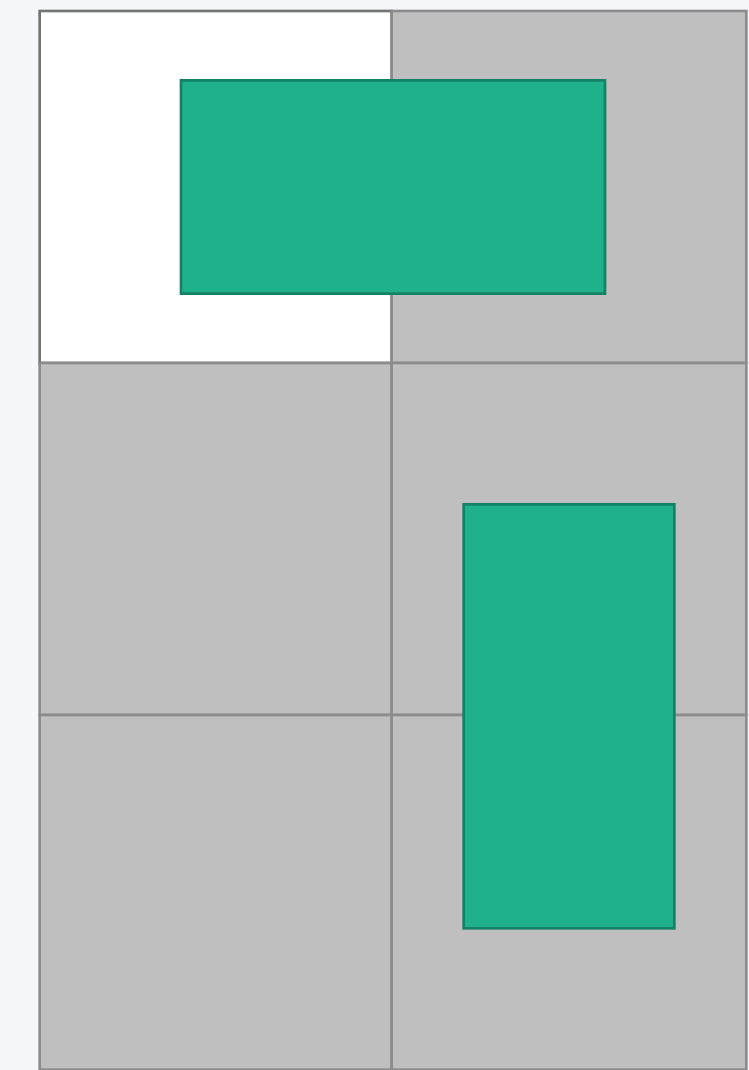
2 5



0 7



3 7



6 7

# 타일 채우기

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

- $D[i][0] = D[i-1][7]$
- $D[i][1] = D[i-1][6]$
- $D[i][2] = D[i-1][5]$
- $D[i][4] = D[i-1][3]$
- $D[i][3] = D[i-1][4] + D[i-1][7]$
- $D[i][6] = D[i-1][1] + D[i-1][7]$
- $D[i][5] = D[i-1][2]$
- $D[i][7] = D[i-1][0] + D[i-1][3] + D[i-1][6]$

# 타일 채우기

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

```
D[0][7] = 1;
for (int i=1; i<=n; i++) {
    D[i][0] = D[i-1][7];
    D[i][1] = D[i-1][6];
    D[i][2] = D[i-1][5];
    D[i][4] = D[i-1][3];
    D[i][3] = D[i-1][4] + D[i-1][7];
    D[i][6] = D[i-1][1] + D[i-1][7];
    D[i][5] = D[i-1][2];
    D[i][7] = D[i-1][0] + D[i-1][3] + D[i-1][6];
}
```

# 타일 채우기

110

<https://www.acmicpc.net/problem/2133>

- C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/feabc054071fa3fdb80b>

# 파도반 수열

<https://www.acmicpc.net/problem/9461>

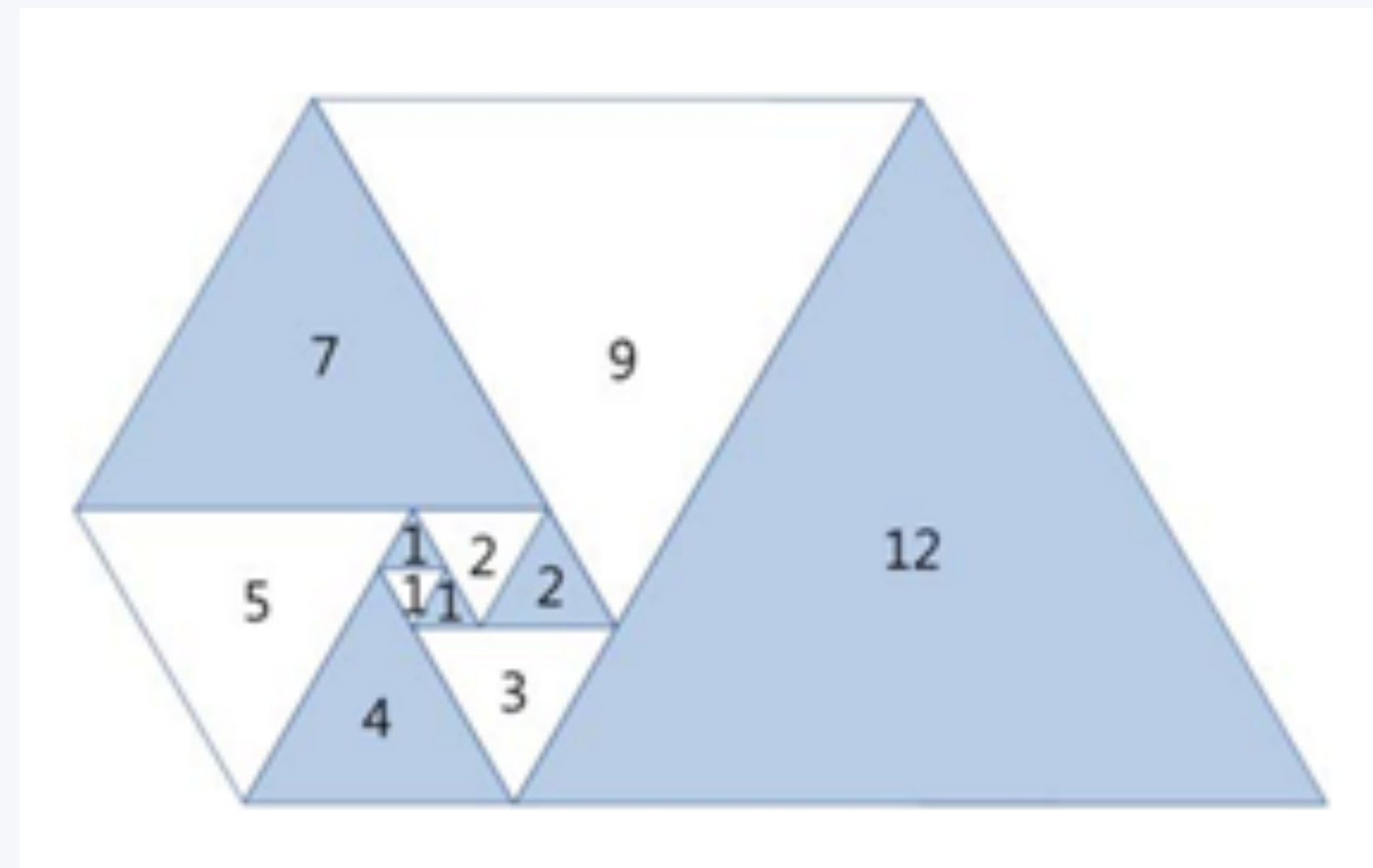
- 오른쪽 그림과 같이 삼각형이 나선 모양으로 놓여져 있다
- 첫 삼각형은 정삼각형으로 변의 길이는 1이다
- 그 다음에는 다음과 같은 과정으로 정삼각형을 계속 추가한다
- 나선에서 가장 긴 변의 길이를  $k$ 라 했을 때, 그 변에 길이가  $k$ 인 정삼각형을 추가한다
- 파도반 수열  $P(N)$ 은 나선에 있는 정삼각형의 변의 길이이다
- $P(1)$ 부터  $P(10)$ 까지 첫 10개 숫자는 1, 1, 1, 2, 2, 3, 4, 5, 7, 9이다
- $N$ 이 주어졌을 때,  $P(N)$ 을 구하는 문제

# 파도반 수열

112

<https://www.acmicpc.net/problem/9461>

- 그림을 보고 유추할 수 있다.
- $D[i] = D[i-1] + D[i-5]$





# 파도반 수열

113

<https://www.acmicpc.net/problem/9461>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/3ca4e70487835f651bae>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/e7826c911f92e1fb0369>

# 이동하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

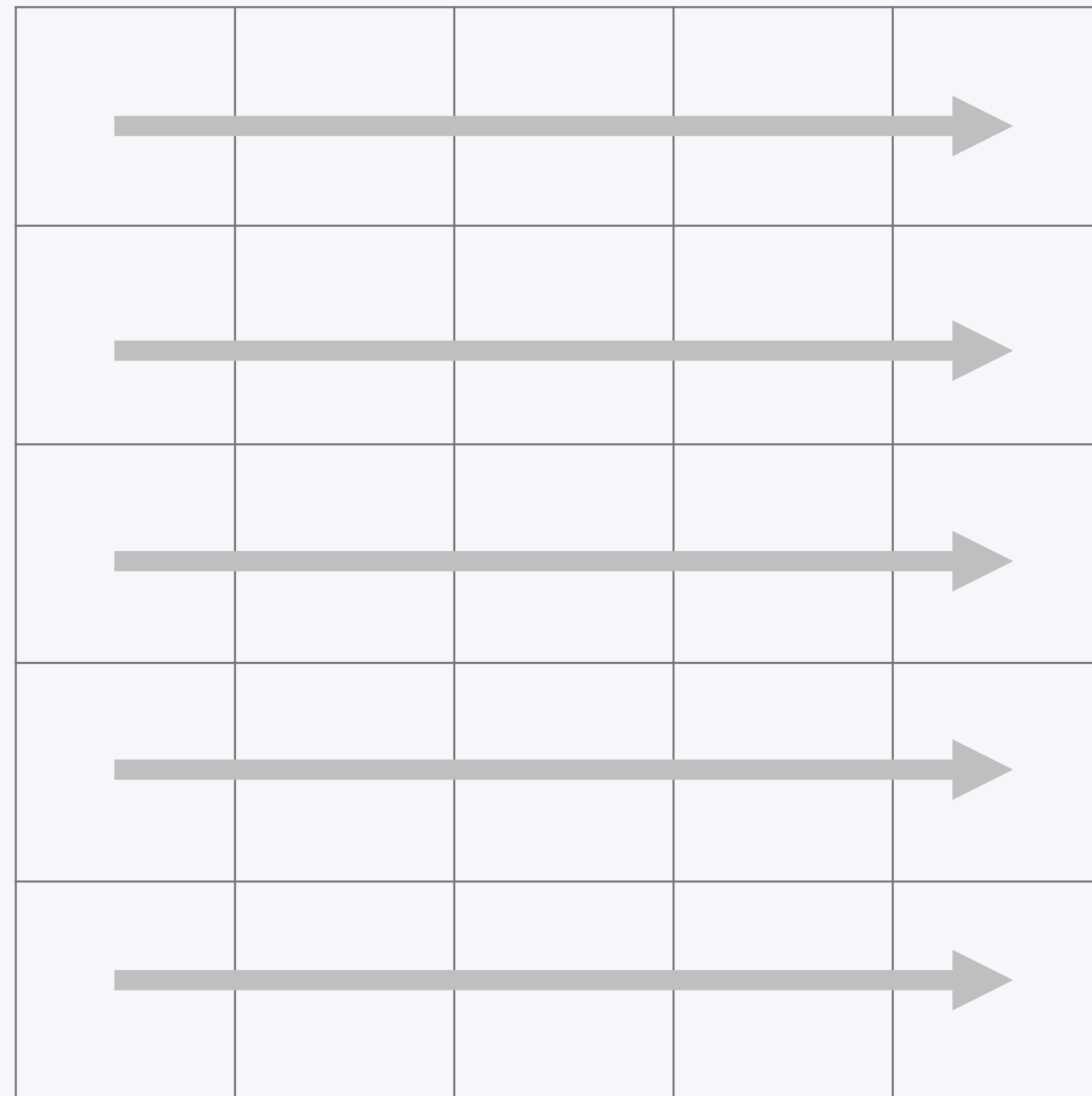
- 준규는  $N \times M$  크기의 미로에 갇혀있다
- 미로는  $1 \times 1$  크기의 방으로 나누어져 있고, 각 방에는 사탕이 놓여져 있다
- 미로의 가장 왼쪽 윗 방은  $(1, 1)$ 이고, 가장 오른쪽 아랫 방은  $(N, M)$ 이다
- 준규는 현재  $(1, 1)$ 에 있고,  $(N, M)$ 으로 이동하려고 한다
- 준규가  $(i, j)$ 에 있으면,  $(i+1, j)$ ,  $(i, j+1)$ ,  $(i+1, j+1)$ 로 이동할 수 있고, 각 방을 방문할 때마다 방에 놓여져있는 사탕을 모두 가져갈 수 있다
- 또, 미로 밖으로 나갈 수는 없다
- 준규가  $(N, M)$ 으로 이동할 때, 가져올 수 있는 사탕 개수의 최대값

# 이동하기

115

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 항상 아래와 오른쪽으로만 갈 수 있다.
- $(i,j)$ 에서 가능한 이동:  $(i+1, j)$ ,  $(i, j+1)$ ,  $(i+1, j+1)$



# 방법 1

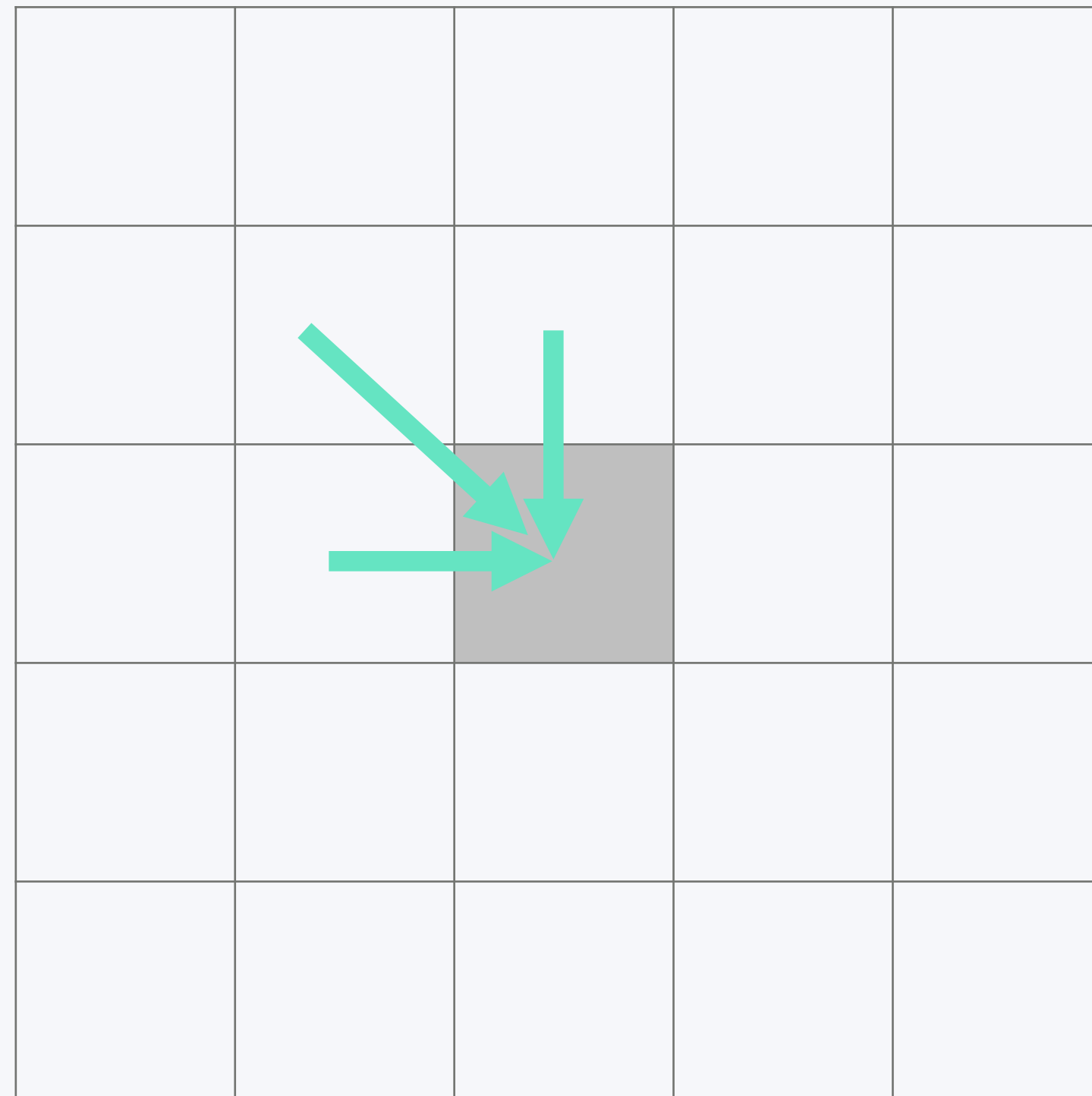
---

# 이동하기

117

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 항상 아래와 오른쪽으로만 갈 수 있다.
- $(i,j)$ 에서 가능한 이동:  $(i+1, j)$ ,  $(i, j+1)$ ,  $(i+1, j+1)$

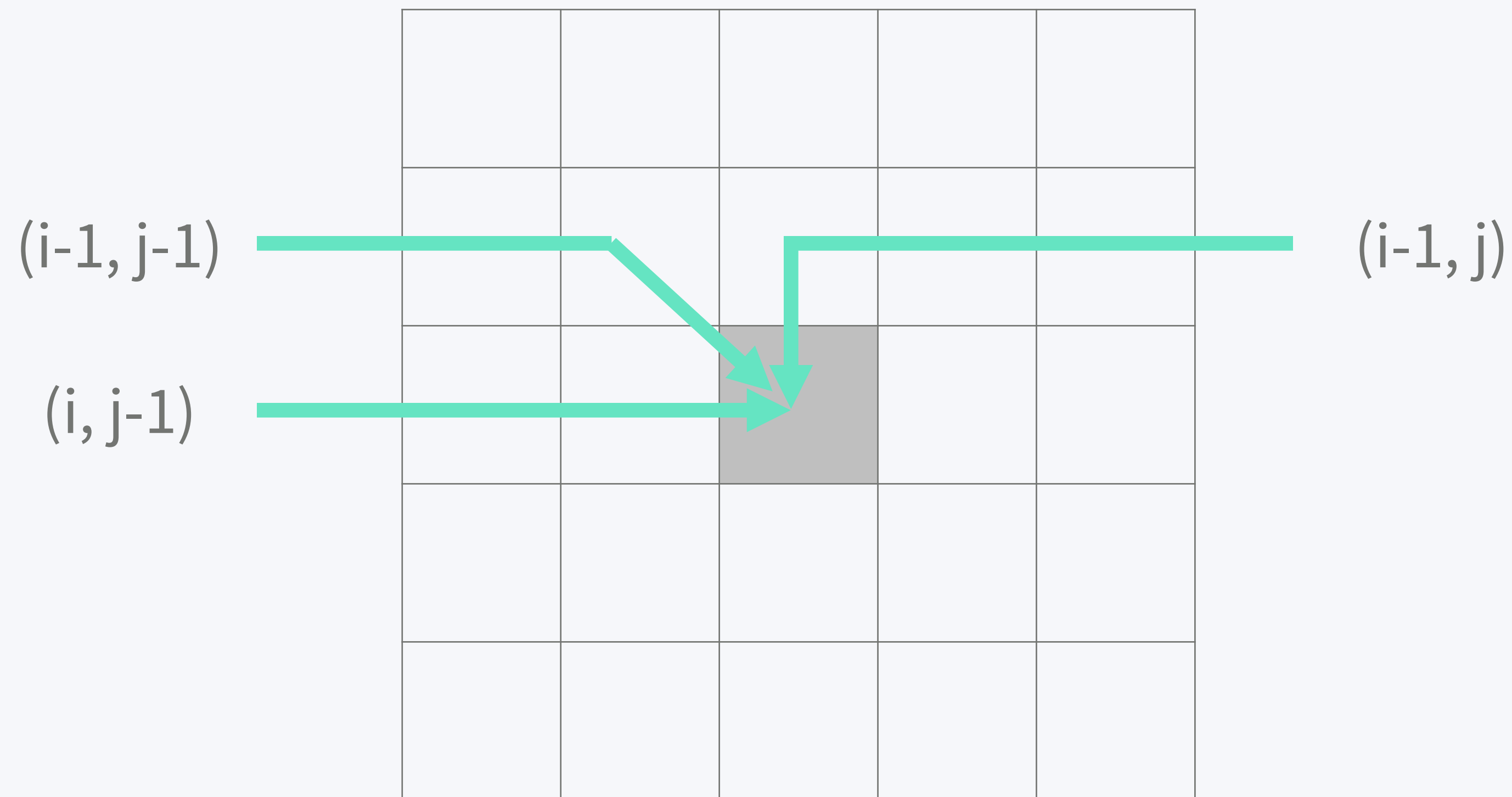


# 이동하기

118

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 항상 아래와 오른쪽으로만 갈 수 있다.
- $(i,j)$ 에서 가능한 이동:  $(i+1, j)$ ,  $(i, j+1)$ ,  $(i+1, j+1)$

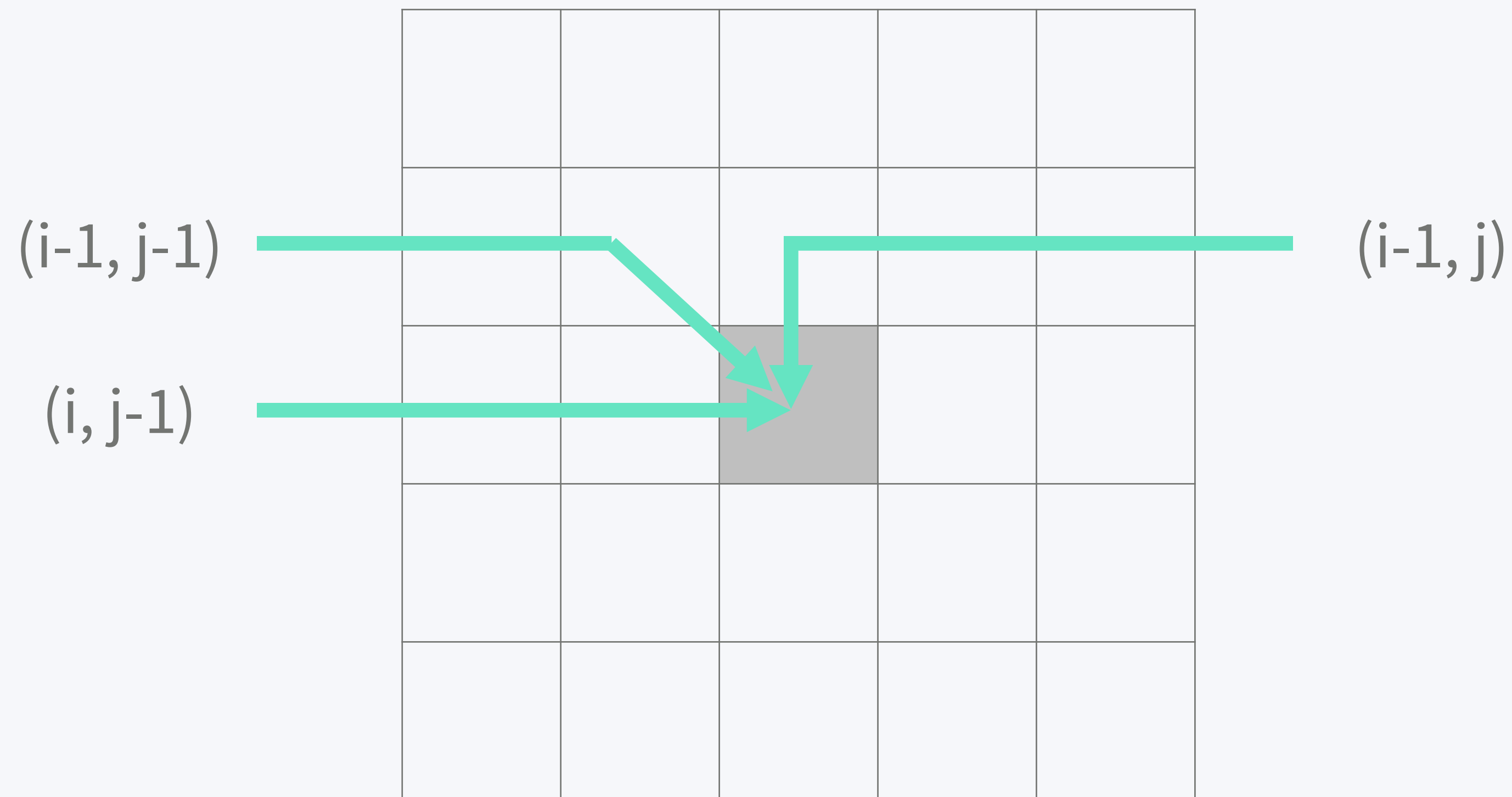


# 이동하기

119

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- $D[i][j] = (i, j)$ 로 이동할 때 가져올 수 있는 최대 사탕 개수
- $D[i][j] = \text{Max}(D[i-1][j-1], D[i][j-1], D[i-1][j]) + A[i][j]$



# 이동하기

120

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

```
for (int i=1; i<=n; i++) {  
    for (int j=1; j<=m; j++) {  
        d[i][j] = max3(d[i-1][j],d[i][j-1],d[i-1][j-1])+a[i][j];  
    }  
}
```



# 이동하기

121

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

```
for (int i=1; i<=n; i++) {  
    for (int j=1; j<=m; j++) {  
        d[i][j] = max3(d[i-1][j], d[i][j-1], d[i-1][j-1]) + a[i][j];  
    }  
}
```

- i-1, j-1 범위 검사를 하지 않은 이유
- i = 1, j = 1인 경우
- i = 1인 경우
- j = 1인 경우

# 이동하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

```
for (int i=1; i<=n; i++) {  
    for (int j=1; j<=m; j++) {  
        d[i][j] = max3(d[i-1][j], d[i][j-1], d[i-1][j-1]) + a[i][j];  
    }  
}
```

- $i-1, j-1$  범위 검사를 하지 않은 이유
- $i = 1, j = 1$ 인 경우:  $d[i-1][j], d[i][j-1], d[i-1][j-1]$ 은 0이기 때문
- $i = 1$ 인 경우:  $d[i-1][j] = 0 < d[i][j-1]$  이기 때문
- $j = 1$ 인 경우:  $d[i][j-1] = 0 < d[i-1][j]$  이기 때문

# 이동하기

123

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/65f34d5cf5f329dde337>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/51fc0cd6a1b2db1a4d48>

# 방법 2

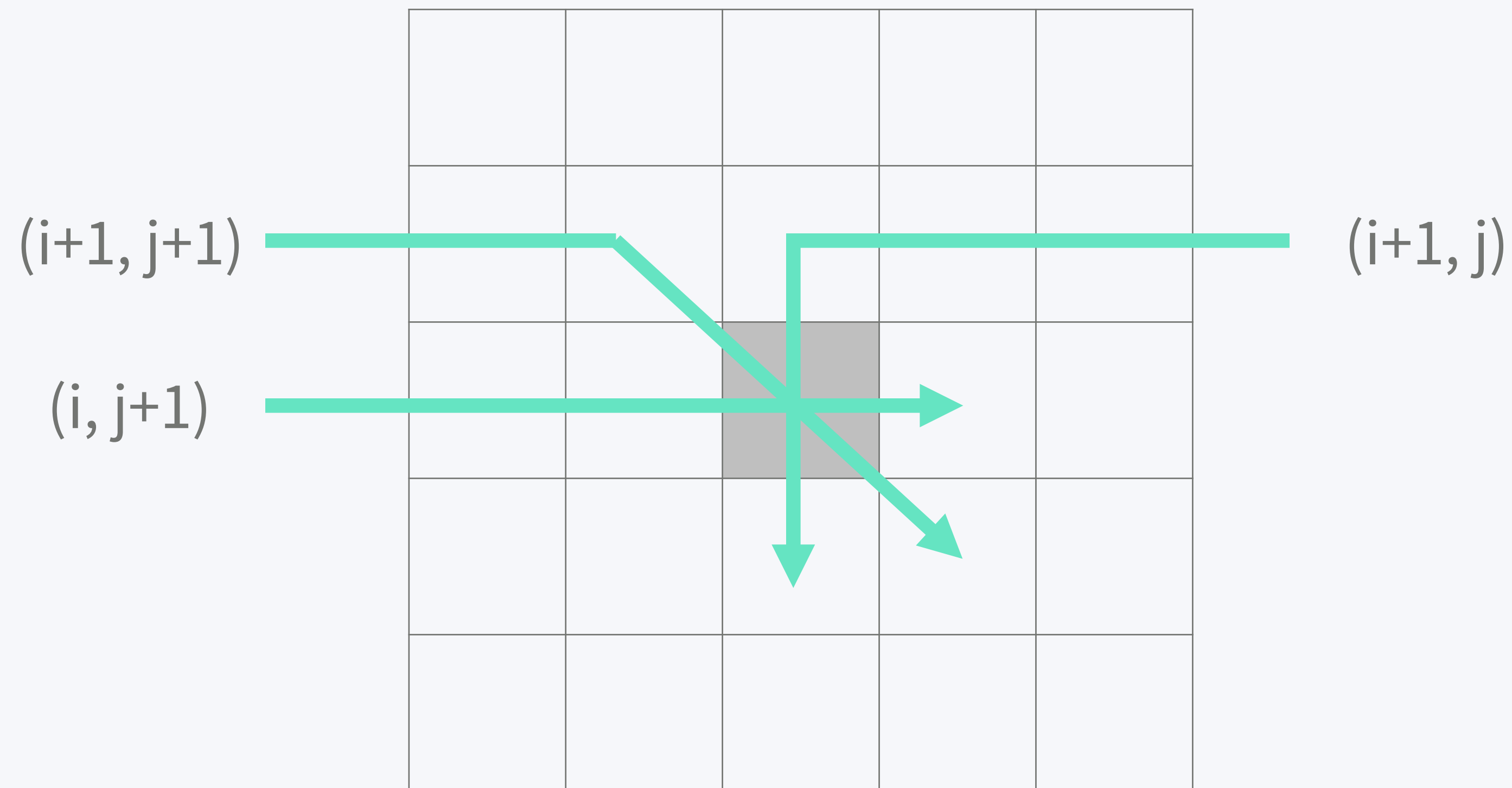
---

# 이동하기

125

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 항상 아래와 오른쪽으로만 갈 수 있다.
- $(i,j)$ 에서 가능한 이동:  $(i+1, j)$ ,  $(i, j+1)$ ,  $(i+1, j+1)$

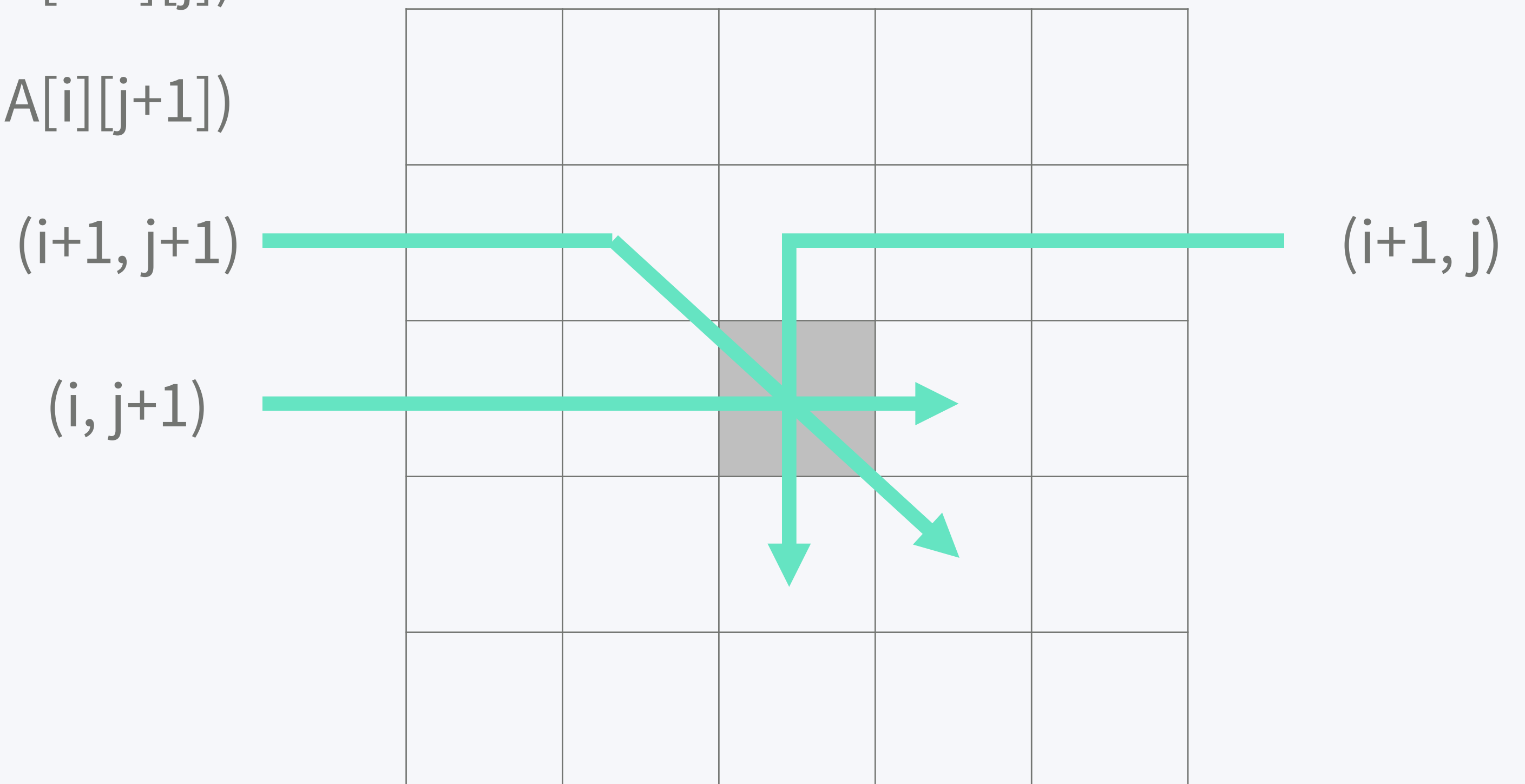


# 이동하기

126

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- $D[i][j] = (i, j)$ 로 이동할 때 가져올 수 있는 최대 사탕 개수
- $D[i+1][j+1] = \max(D[i+1][j+1], D[i][j] + A[i+1][j+1])$
- $D[i+1][j] = \max(D[i+1][j], D[i][j] + A[i+1][j])$
- $D[i][j+1] = \max(D[i][j+1], D[i][j] + A[i][j+1])$



# 이동하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

```
for (int i=1; i<=n; i++) {
    for (int j=1; j<=m; j++) {
        if (d[i][j+1] < d[i][j] + a[i][j+1]) {
            d[i][j+1] = d[i][j] + a[i][j+1];
        }
        if (d[i+1][j] < d[i][j] + a[i+1][j]) {
            d[i+1][j] = d[i][j] + a[i+1][j];
        }
        if (d[i+1][j+1] < d[i][j] + a[i+1][j+1]) {
            d[i+1][j+1] = d[i][j] + a[i+1][j+1];
        }
    }
}
```

# 이동하기

128

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/ce48db57373eabc2beeb>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/df34e7d5daf341c8b76a>



# 방법 3

---

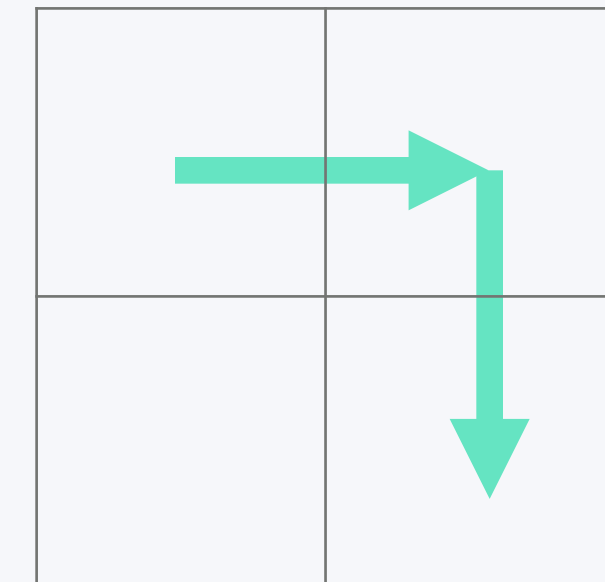
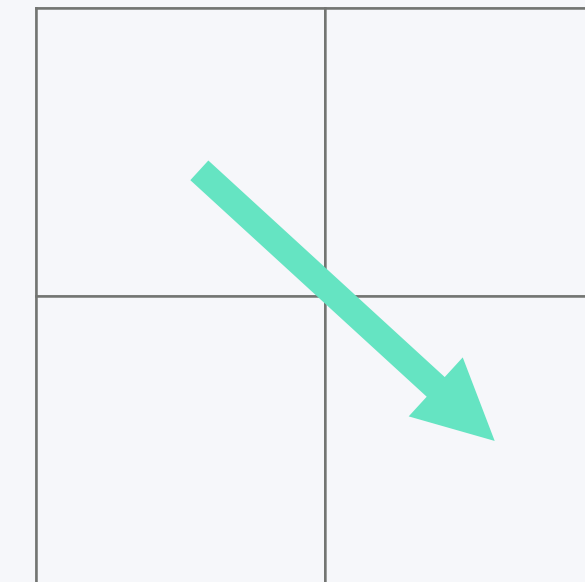
# 이동하기

130

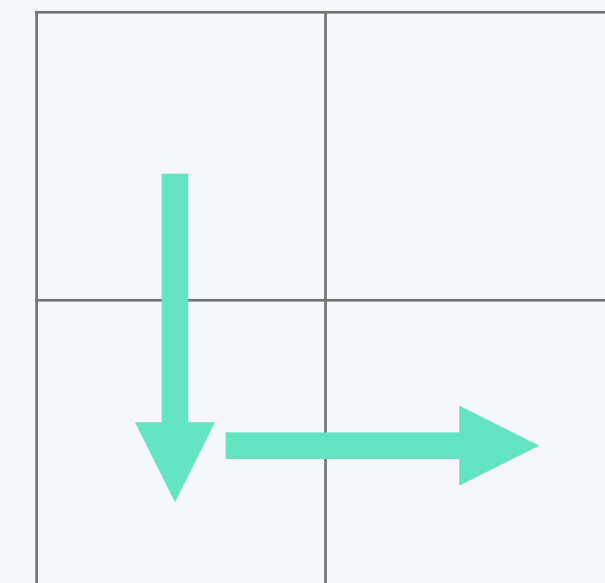
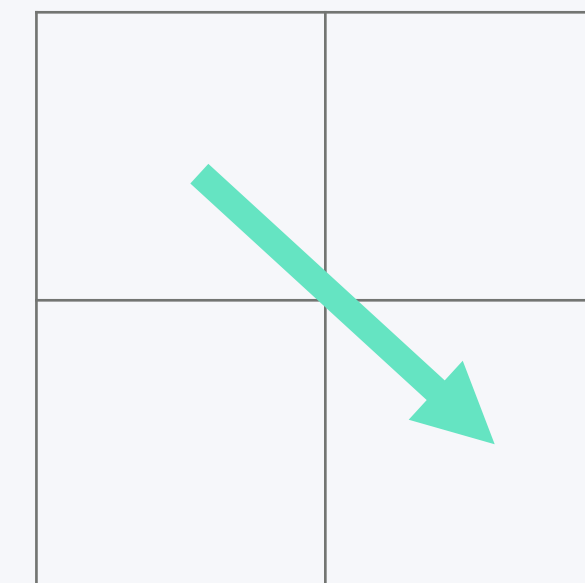
<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 대각선 이동은 처리하지 않아도 된다
- 대각선 이동은 다른 2가지를 포함한 방법보다 항상 작거나 같다

- $A[i][j] + A[i+1][j+1] \leq A[i][j] + A[i][j+1] + A[i+1][j+1]$



- $A[i][j] + A[i+1][j+1] \leq A[i][j] + A[i+1][j] + A[i+1][j+1]$



# 이동하기

131

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

```
for (int i=1; i<=n; i++) {  
    for (int j=1; j<=m; j++) {  
        d[i][j] = max(d[i-1][j], d[i][j-1]) + a[i][j];  
    }  
}
```

# 이동하기

132

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/9abbafed45a936cd5c67>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/6b580f31de918530a7e9>

# 방법 4

---

# 이동하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 재귀 함수를 이용해서도 구현할 수 있다
- $D[i][j] = (i, j)$ 로 이동할 때 가져올 수 있는 최대 사탕 개수
- $D[i][j] = \max(D[i][j-1], D[i-1][j]) + A[i][j]$
- 식이 달라지는 것이 아니고 구현 방식이 달라지는 것이다

# 이동하기

135

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

```
int go(int i, int j) {  
    if (i == 1 && j == 1) return a[1][1];  
    if (i < 1 || j < 1) return 0;  
    if (d[i][j] >= 0) {  
        return d[i][j];  
    }  
    d[i][j] = go(i-1, j) + a[i][j];  
    int temp = go(i, j-1) + a[i][j];  
    if (d[i][j] < temp) {  
        d[i][j] = temp;  
    }  
    return d[i][j];  
}
```

# 이동하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 방법 1~4의 점화식은 모두 같았는데
- 구현 방식, 식을 채우는 순서만 조금씩 달랐다



# 이동하기

137

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/3833c76ff9cf5a8a0f2c>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/9cda32c0258dab2ce563>

# 방법 5

---

# 이동하기

139

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 점화식을 조금 바꿔서 세워보자
- $D[i][j] = (i, j)$ 에서 이동을 시작했을 때, 가져올 수 있는 최대 사탕 개수
- 지금까지의 점화식
- $D[i][j] = (i, j)$ 로 이동했을 때, 가져올 수 있는 최대 사탕 개수

# 이동하기

140

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- 점화식을 조금 바꿔서 세워보자
- $D[i][j] = (i, j)$ 에서 이동을 시작했을 때, 가져올 수 있는 최대 사탕 개수
- 도착  $(N, M)$ 으로 정해져 있는데, 시작  $(i, j)$ 을 이동시키는 방식
- 지금까지의 점화식
- $D[i][j] = (i, j)$ 로 이동했을 때, 가져올 수 있는 최대 사탕 개수
- 시작은  $(1, 1)$ 로 정해져 있고, 도착  $(i, j)$ 을 이동시키는 방식

# 이동하기

141

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- $D[i][j]$  = (i, j)에서 이동을 시작했을 때, 가져올 수 있는 최대 사탕 개수
- $D[i][j] = \max(D[i+1][j], D[i][j+1]) + A[i][j]$

# 이동하기

142

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

```
int go(int x, int y) {  
    if (x > n || y > m) return 0;  
    if (d[x][y] > 0) return d[x][y];  
    d[x][y] = go(x+1,y) + a[x][y];  
    int temp = go(x,y+1) + a[x][y];  
    if (d[x][y] < temp) {  
        d[x][y] = temp;  
    }  
    return d[x][y];  
}
```

# 이동하기

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- $D[i][j] = (i, j)$ 에서 이동을 시작했을 때, 가져올 수 있는 최대 사탕 개수
- $D[i][j] = \max(D[i+1][j], D[i][j+1]) + A[i][j]$
- 정답은  $D[1][1]$ 에 있다.
- 즉,  $go(1, 1)$ 을 호출해서 답을 구해야 한다.

# 이동하기

144

<https://www.acmicpc.net/problem/11048>

- C/C++
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/6ce67c14be4576103dec>
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/0c8d0f4d28eb497063d9db0cb092b805>
- Java
  - <https://gist.github.com/Baekjoon/172da179fea2419ca3e7>



# 점프

145

<https://www.acmicpc.net/problem/1890>

- $N \times N$  게임판에 수가 적혀져 있음
- 게임의 목표는 가장 왼쪽 위 칸에서 가장 오른쪽 아래 칸으로 규칙에 맞게 점프를 해서 가는 것
- 각 칸에 적혀있는 수는 현재 칸에서 갈 수 있는 거리를 의미
- 반드시 오른쪽이나 아래쪽으로만 이동해야 함
- 0은 더 이상 진행을 막는 종착점이며, 항상 현재 칸에 적혀있는 수만큼 오른쪽이나 아래로 가야 함
- 가장 왼쪽 위 칸에서 가장 오른쪽 아래 칸으로 규칙에 맞게 이동할 수 있는 경로의 개수를 구하는 문제

# 점프

146

<https://www.acmicpc.net/problem/1890>

- $D[i][j]$  = (i, j)칸에 갈 수 있는 경로의 개수
- (i, j)칸에 올 수 있는 칸을 찾아야 한다.

# 점프

147

<https://www.acmicpc.net/problem/1890>

- $D[i][j]$  = (i, j)칸에 갈 수 있는 경로의 개수
- (i, j)칸에 올 수 있는 칸을 찾아야 한다.
- $D[i][j] += D[i][k]$  ( $k+a[i][k] == j, 0 \leq k < j$ )
- $D[i][j] += D[k][j]$  ( $k+a[k][j] == i, 0 \leq k < i$ )

# 점프

148

<https://www.acmicpc.net/problem/1890>

- $D[i][j] = (i, j)$ 칸에 갈 수 있는 경로의 개수
- $(i, j)$ 칸에 올 수 있는 칸을 찾아야 한다.
- $D[i][j] += D[i][k] \text{ } (k+A[i][k] == j, 0 \leq k < j)$
- $D[i][j] += D[k][j] \text{ } (k+A[k][j] == i, 0 \leq k < i)$
- 한 칸을 채우는데 필요한 복잡도:  $O(N)$
- 총 시간 복잡도 :  $O(N^3)$

# 점프

149

<https://www.acmicpc.net/problem/1890>

- C/C++: <https://gist.github.com/Baekjoon/b5f8bae461a2e43a35b25d515a6b5946>

# 점프

150

<https://www.acmicpc.net/problem/1890>

- $D[i][j] = (i, j)$ 칸에 갈 수 있는 경로의 개수
- $(i, j)$ 에서 갈 수 있는 칸을 찾아야 한다.
- $D[i][j+A[i][j]] += D[i][j];$
- $D[i+A[i][j]][j] += D[i][j];$
- 한 칸을 채우는데 필요한 복잡도:  $O(1)$
- 총 시간 복잡도 :  $O(N^2)$

# 점프

151

<https://www.acmicpc.net/problem/1890>

- C/C++: <https://gist.github.com/Baekjoon/cdbfbfb7b4de890d766de1579529bee2>