

EDUAP

WordMat

Manual

Forord

WordMat er et tilføjelsesprogram til Word, der gør det muligt at udføre en lang række matematiske operationer direkte fra Word. Det er målrettet de danske uddannelser, primært grundskolen og gymnasieuddannelserne, men kan sagtens anvendes på videregående uddannelser.

WordMat core er gratis og frigivet under [GNU General Public License](#).

Det er muligt at tilkøbe et partnerskab, der giver adgang til WordMat+, support og en række ekstra tjenester, der gør arbejdet med at få WordMat til køre på mange computere meget nemmere. Samtidigt er det partnerskabsskolerne, der er med til at sikre, at WordMat løbende bliver opdateret og videreudviklet.

[Læs mere om partnerskab her](#)

Mikael Samsøe Sørensen



www.eduap.com

Indhold

Forord	2
1. Generelt	6
2. Ligningseditor (Matematikfelter)	7
Oversigt Genveje i matematikfelter	8
3. Tastaturgenveje	9
4. Indstillinger	10
Antal cifre	10
Eksakt / Numerisk	10
CAS motor	11
Indsæt forklaring	12
Vis løsningsbetingelser	12
Notation	13
Separatorer	13
Indeks / sænket skrift	13
Automatisk backup	15
Avancerede Indstillinger	15
Tilpas Menu	17
5. Beregning	18
Logaritmer	18
Underforståede gangetegn	19
Omskriv / reducer	19
6. Ligningsløsning	20
Trigonometriske ligninger	22
Eksempler på ligninger der kan løses med WordMat:	23
Uligheder	24
Ligningssystemer	24
Test sand/falsk	26
7. Definitioner	28
Variabel-definitioner, menuen og sletning af definitioner	28
Eksempler på funktionsdefinitioner	29
Midlertidige definitioner	30
Stykkevis definerede funktioner	31
Fysiske konstanter	32
Antagelser	33

8.	Graftegning.....	34
	2D-grafer.....	34
	GeoGebra.....	34
	GnuPlot.....	36
	Graph.....	37
	Excel.....	38
	Hældningsfelt (Retningsfelt).....	42
	3D-Grafer.....	44
	Omdrejningslegeme.....	46
	Statistiske diagrammer.....	47
	GOF (Goodness of fit).....	49
	Histogram-fit.....	50
	Normal-plot.....	50
	Specifikke diagrammer.....	51
9.	Regression.....	52
	Regression i Word.....	52
	Excel Regression.....	53
	Sinusregression.....	54
	Brugerdefineret regression.....	56
10.	Sandsynlighedsregning.....	58
	Kombinatorik, binomialfordeling og test.....	58
	Normalfordeling.....	60
	χ^2 -fordeling og test.....	62
	χ^2 - test.....	64
	t-fordeling.....	65
11.	Infinitesimalregning.....	66
	Differentialregning.....	66
	Integralregning.....	68
	Grænseværdier.....	70
12.	Differentialligninger.....	71
	Retningsfelt/hældningsfelt.....	73
	Koblede differentialligninger.....	75
	Koblede differentialligninger med Excel og Eulers metode.....	76
13.	Vektorer.....	77
14.	Matricer.....	80

15.	Komplekse tal	82
16.	Formelsamling	84
17.	Lister	86
18.	Sumtegn og produkttegn.....	88
19.	Trekantsløser	90
20.	Enheder	92
21.	Specielle funktioner.....	96
	Lambert W-funktionen	96
22.	Programmering / Kodefelter	97
	Programmeringssproget.....	98
23.	LaTeX	100
	Konvertering af matematikfelter til LaTeX.....	100
	Latex skabelon	101
	Word som MikTex editor.....	102
24.	Nummererede ligninger	104
25.	Word til HTML	105
26.	Tips	107
27.	WordMat Mac og Windows	107
28.	Eksterne programmer	108
29.	Fejlfinding	109
30.	Tips til teknikeren	109

1. Generelt

WordMat er et tilføjelsesprogram til Word, der gør det muligt at udføre en lang række matematiske operationer direkte fra Word.

Typisk fungerer det på den måde, at man indsætter et matematikfelt, via menuen eller med tastaturgenvejen **Alt + M**

Skriv ligningen her.

Herefter skriver du din beregning eller ligning i feltet.

$$2^3 + \frac{3}{5} \cdot \sin(34)$$

Når udtrykket er skrevet, vælger du, hvad der skal ske med det. For eksempel kan du få det beregnet med tastaturgenvejen **Alt + B**.

$$2^3 + \frac{3}{5} \cdot \sin(34) = 8,335516$$

Hvis du vil løse en ligning, kan du gøre det med **Alt + L**.

$$x^2 = 9$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = -3 \quad \vee \quad x = 3$$

Alle kommandoer kan udføres fra WordMat-menuen, men der findes også en række tastaturgenveje til de mest anvendte funktioner. Derudover er der genveje, som gør det nemt at indtaste matematik i matematikfelterne.

2. Ligningseditor (Matematikfelter)

Den indbyggede ligningseditor i Word er rigtig god, fordi man meget hurtigt kan lave matematiske udtryk, der ser meget pæne ud. For at få det fulde potentiale ud af den, er det vigtigt at man lærer de genveje der er indbygget i den, så man ikke skal klikke i menuen hele tiden. Alt matematik kan indtastes med tastaturet.

Man indsætter et nyt matematikfelt med genvejen **Alt + M**

(Uden WordMat er genvejen **Alt + shift + O**, men det er noget mere besværligt)

Når man taster i et matematikfelt, bliver det løbende omdannet til 'professionel layout', hvor det ligner matematik, som man vil skrive det på papir. Omdannelsen sker ofte automatisk, men skal typisk aktiveres ved at trykke på mellemrumstasten lige efter udtrykket. Eksempler:

2/3 mellemrum → $\frac{2}{3}$

2^3 mellemrum → 2^3

x_1 mellemrum → x_1

Der er også specielle taste-genveje til matematiske symboler. De starter alle med symbolet backslash '\', altså en omvendt skråstreg. På Windows-computere indtaster man typisk backslash ved at tryk 'alt-gr' (lige til højre for mellemrumstasten) sammen med den knap, der er lige til venstre for z. På Mac-computere indtastes backslash med **Option + shift + 7** (shift+7 giver den normale skråstreg).

Eksempler:

\pi mellemrum → π

\sqrt mellemrum → $\sqrt{}$

Bemærk her hvordan to mellemrum nogle gange kan omdanne et symbol til en 'skabelon', man kan udfylde. Det kan også gøres med skråstreg for at lave en skabelon til en brøk:

/ mellemrum → $\frac{}{}$

Disse skabeloner kan være en fordel at anvende, da man så undgår at skulle skrive parenteser.

I WordMat-menuen i højre side, er der en knap der hedder 'Genveje'. Den viser en oversigt over tastaturgenvejene til WordMat og de mest anvendte genveje til matematikfelterne. Du kan også se disse oversigter på de følgende sider.

Oversigt Genveje i matematikfelter

$\frac{a}{b}$	a/b	\rightarrow	<code>\to</code> eller <code>-></code>	$\sqrt{}$	<code>\sqrt{}</code>	α	<code>\alpha</code>
a^x	a^x	\leftarrow	<code>\gets</code>	$\sqrt[p]{q}$	<code>\sqrt[p]{q}</code>	π	<code>\pi</code>
a_x	a_x	\Rightarrow	<code>\Rightarrow</code>	$\sqrt[3]{}$	<code>\sqrt[3]{}</code>	Δ	<code>\Delta</code>
\vec{a}	$a\vec{}$	\Leftarrow	<code>\Leftarrow</code>	\int	<code>\int</code>	∂	<code>\partial</code>
\hat{a}	$a\hat{}$	\Leftrightarrow	<code>\Leftrightarrow</code>	\int_a^b	<code>\int_a^b</code>	$ $	<code>\mid\vert\vert</code>
\cdot	<code>\cdot</code>	\Updownarrow	<code>\Updownarrow</code>	$\frac{d}{dx}$	<code>\dd / \dd x</code> <small>Differential d</small>	Σ	<code>\sum\Sigma</code>
\pm	$+ -$	\Leftrightarrow	<code>\Leftrightarrow</code>	()	<code>()</code> space \leftarrow enter	$\underline{x=1}$	<code>(x=1)\Ubar</code>
\neq	<code>\neq</code>	\Leftrightarrow	<code>\Leftrightarrow</code>	\in	<code>\in</code>	\mathbb{R}	<code>\mathbb{R}</code>
\leq	$< =$	\nearrow	<code>\nearrow</code>	\subset	<code>\subset</code>	\times	<code>\times</code>
\approx	<code>\approx</code>	\searrow	<code>\searrow</code>	\subseteq	<code>\subseteq</code>	$\{$	<code>\{close</code>
\sim	<code>\sim</code>	\vee	<code>\vee</code>	\cup	<code>\cup</code>	\frown	<code>\frown</code>
\simeq	<code>\simeq</code>	\wedge	<code>\wedge</code>	\cap	<code>\cap</code>	\square	<code>\square</code>
\propto	<code>\propto</code>	\perp	<code>\perp</code>	\emptyset	<code>\emptyset</code>	$a $	<code>a\emsp b</code>
$^\circ$	<code>\degree</code>	\angle	<code>\angle</code>	∞	<code>\infty</code>	\square	<code>\square</code>

OBS: der findes mange flere end disse genveje og du kan endda lave dine egne.

Åben 'Filer / indstillinger' og vælg 'korrektur / Indstillinger for autokorrektur' og til slut fanen 'Matematisk autokorrektur'

3. Tastaturgenveje

Mac: I nedenstående skal 'Alt' erstattes med 'Option'

WordMat reserverer en række tastaturgenveje i Word. De indebærer at man holder alt-knappen (Option på Mac) inde, mens man trykker på et bogstav. Man kan selv vælge hvad der skal ske, når man trykker på en bestemt genvejstast, men der er nogle af genvejene der er sat på forhånd. Man kan ændre tastaturgenveje ved at klikke på 'Genveje' i WordMat-menuen i højre side.

Nyt Matematikfelt	Alt+M
Forrige resultat(er)	Alt+R
Formelsamling	Alt+F
Beregn	Alt+b eller AltGr+Enter
Løs ligning	Alt+L
Indstillinger	Alt+j
Definer:	Alt+D
Slet definitioner:	Alt+S
Plot Graf	Alt+P
Omskriv	Alt+O
Konverter LaTeX	Alt+T

Om 'alt + r' genvejen:

Indsætter resultat fra forrige matematikfelter. Ved gentagne tryk hoppes længere tilbage. For hvert tryk hoppes et lig-med tegn eller matematikfelt tilbage. Udtryk på kun et tegn springes over.

Når du har det rigtige udtryk, konverteres det nemt til professionelt layout vha. pil til højre og mellemrum

4. Indstillinger

WordMat's indstillinger tilgås via menuen, i venstre side. Her kan man ændre de mest anvendte indstillinger direkte fra menuen eller trykke på det lille tandhjul for at åbne alle indstillingerne. Standard tastaturnevejen til at åbne indstillingerne er 'alt + j'.

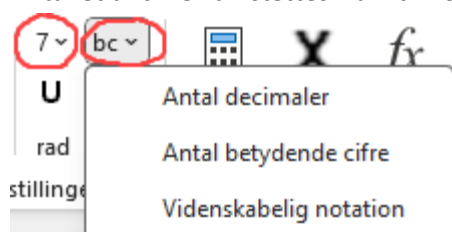
I det følgende beskrives nogle af de indstillinger man kan foretage i WordMat, men ikke alle. Mange af indstillinger beskrives i de afsnit hvor de er relevante.

Antal cifre

Man kan direkte i menuen angive om WordMat skal regne med:

- Et antal cifre efter kommaet
- Betydende cifre
- Videnskabelig notation

Antallet af cifre kan sættes fra 2 til 16.



I nedenstående eksempler er antal cifre sat til 4, og beregningen er foretaget med hver af de 3 indstillinger:

Antal cifre: $123,456789 = 123,4568$

Betydende cifre: $123,456789 = 123,5$

Videnskabelig notation: $123,456789 = 1,235 \cdot 10^2$

Når WordMat er sat til at regne med betydende cifre, skiftes automatisk til videnskabelig notation, når det er nødvendigt. Det betyder, at hvis man sætter antal cifre lavt, fx til 2 cifre, så bliver der hurtigt angivet i videnskabelig notation. Eksempel:

$$134 + 1 \approx 1,4 \cdot 10^2$$

Eksakt / Numerisk

Har tre indstillingsmuligheder

Num Forsøger altid at angive resultatet som et decimaltal. Hvis der indgår variable i udtrykket vil alle ikke-variable reduceres til decimaltal.

$$\pi \cdot 3^2 \approx 28,27433$$

Eksakt Resultatet vil blive forsøgt returneret helt eksakt. Det kan dog være at det er nødvendigt at reducere til decimaltal, fx hvis udtrykket ellers bliver meget langt.

$$\pi \cdot 3^2 = 9 \cdot \pi$$

Med Eksakt udføres også en mere avanceret simplificering af udtrykket, end med auto og num. Dog med risiko for i sjældne tilfælde at beregningen tager meget lang tid. Tryk da stop og prøv med auto.

Auto Ved beregn angives som udgangspunkt både det eksakte og numeriske resultat, medmindre de er identiske. Ved ligningsløsning angives som udgangspunkt det eksakte resultat, men toleransen for hvor stort et udtryk der accepteres, inden der reduceres til decimaltal er lavere end for indstillingen - eksakt. Ligeledes hvis der indgår decimaltal i udtrykket returneres resultatet som decimaltal.

$$\pi \cdot 3,1^2 = 9,61 \cdot \pi \approx 30,19071$$

$$\pi \cdot \left(\frac{31}{10}\right)^2 = 961 \cdot \frac{\pi}{100} \approx 30,19071$$

Meget høj præcision

Øger antallet af cifre på decimaltal ved interne beregninger. Det kan være en fordel ved visse beregninger hvor der indgår mange beregninger, da usikkerheden ellers akkumulerer og vil kunne ses på resultatet.

Eksempel: (beregner ikke følgende eksakt, da WordMat låser)

Først uden høj præcision:

$$\left(1 + \frac{1}{10^{12}}\right)^{10^{12}} \approx 2,718523$$

De røde tal er ikke korrekte. Her med høj præcision:

$$\left(1 + \frac{1}{10^{12}}\right)^{10^{12}} \approx 2,718282$$

Ulempen er at det er ikke gennemtestet, da det gør brug af en helt anden taltype i Maxima, og det vil sænke hastigheden lidt. Virker pt. Kun ved beregning, ikke ligningsløsning mm.

CAS motor

De fleste beregninger i WordMat foretages af et underliggende matematikprogram, et såkaldt CAS-program (CAS står for Computer Algebra System).

Standardprogrammet er Maxima, som i de fleste tilfælde er det bedste valg. Her listes fordele og ulemper:

CAS motor	Beskrivelse
Maxima	Maxima er et CAS program med mange styrker. Ulempen med Maxima er, at det er et ældre open source program med en række frivillige udviklere, der afhænger af andre programmer. Ved den årlige opdatering af Mac-OS styresystemet, har der flere gange været problemer med at det nye styresystem ikke er helt bagud kompatibelt med Maxima, og det har taget tid at få det til at virke igen.
GeoGebra	Er egentlig indført som et backupsystem til Maxima. CAS-systemet i GeoGebra fungerer dog fint. Der vil være problemer som Maxima løser bedre og omvendt er der problemer som GeoGebra løser bedre. På Mac-computere kræver det, at der sættes et bestemt flueben i Safari, for at dette kan virke, og det flueben sidder forskellige steder afhængig af MacOS-versionen. Der står dog en hjælpebeskrivelse og et link til en video på indstillingsfanen. https://www.eduap.com/geogebra-as-cas-engine-on-mac/

GeoGebra browser	Skal kun bruges i nødstilfælde. Hvis ingen af de andre CAS-motorer virker, kan det være at denne virker, da den er meget mere simpel. Den sender beregningen til GeoGebra, som viser resultatet i en browser (bruger ikke internet). Så skal man selv håndtere det derfra, og evt. kopiere tilbage til Word.
VBACAS	VBACAS er Eduap's egenudviklede CAS-system. Det er ikke så avanceret som ovenstående, men udvikles løbende. Hvis det er slået til, vil WordMat først forsøge med VBACAS, og hvis det ikke kan foretage beregningen, vil den blive sendt videre til de andre. Fordelene ved VBACAS er at det ikke kræver, at beregningen sendes ud af Word og tilbage. Det giver markant øget hastighed af beregninger, færre tekniske problemer, og bedre feedback omkring fejlindtastninger. <i>VBACAS er kun tilgængeligt for skoler med partnerskab.</i>

Hvis Maxima ikke virker på Windows, kan der være hjælp at hente under 'avanceret'-fanen, da Word kan forbinde til Maxima på forskellige måder.

Man kan benytte de indbyggede funktioner i Maxima og GeoGebra, fx:

$$\text{binomial}(5; 2) = 10$$

Se i dokumentationen for de respektive programmer, hvilke indbyggede funktioner der findes, eller i afsnittet 'Specielle funktioner'.

Indsæt forklaring

Angiver en kort dokumenterende forklaring, når der udføres CAS-funktioner.

$$x^2 = 9$$



Ligningen løses for x vha. CAS-værktøjet WordMat.

$$x = -3 \quad \vee \quad x = 3$$

Vis løsningsbetingelser

Hvis dette flueben er sat, skrives ved ligningsløsning hvilke betingelser der er for løsningen.

Eksempel:

$$a \cdot x^2 = b$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = \frac{-\sqrt{a \cdot b}}{a} \quad \vee \quad x = \frac{\sqrt{a \cdot b}}{a}$$

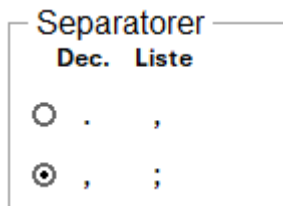
Løsningsbetingelser: $a \neq 0$; $\frac{b}{a} \geq 0$

Denne funktion er endnu ikke fuldt ud testet, og det kan ikke undgås ved komplicerede udtryk, at der går på kompromis med stringensen, da betingelserne kan gælde forskellige løsninger, hvis der er flere.

Notation

Separatorer

Under "Indstillinger / Notation" kan man ændre listeseparator og decimalseparator.



I Danmark anvendes komma som decimalseparator og semikolon til listeseparator, mens der på engelsk anvendes punktum som decimalseparator og komma som listeseparator.

Eksempler:

<i>Dansk</i>		<i>Engelsk</i>	
12,345	(2;4)	12.345	(2,4)

Standardindstillingen er dansk. Dvs. der bruges komma som decimalseparator og semikolon som listeseparator.

Man anvender dog ofte komma på dansk som listeseparator, hvis det ikke kan misforstås ud fra konteksten. Derfor forsøger WordMat også at læse ud fra konteksten om et komma er en decimalseparator eller en listeseparator. Hvis komma er omgivet af tal på begge sider, så forstås det som decimalseparator ellers listeseparator. Dvs. man nemt kan få et komma til at virke som listeseparator, hvis man bare laver et mellemrum på den ene side af kommaet.

Eksempel:

$f(a,b)$ 1,23 her bruges begge steder komma, men de oversættes forskelligt.

Man kan dog ikke undgå at bruge semikolon ved fx

$f(1,2;3,4)$

medmindre man sætter mellemrum om kommaet i midten der skal være listeseparator

$f(1,2 , 3,4)$

Pas dog særligt på med funktioner af flere variable, som fx $K(n,r)$. Det er meget nemt at komme til at skrive

$K(5,2)$ i stedet for $K(5, 2)$

Indeks / sænket skrift

Det er muligt at anvende sænket skrift til at give variable og funktioner mere sigende navne. Eksempler:

a_1 $f_a(x)$ $høj_{du}(x)$

I matematisk notation bliver sænket skrift dog også anvendt til at referere til elementer i lister, vektorer og matricer. Det kan derfor i nogle tilfælde være kontekstafhængigt om sænket skrift er en del af navnet eller en del af notationen. Derfor er der en indstilling, hvor man kan vælge betydningen af sænket skrift, under "Indstillinger / Notation"

Sænket skrift

- ☒ Er bare tekst som er del af variabelnavn
- ☐ Er liste/matrix indeks

Eksempler, hvor indstillingen er sat til 'Er liste/matrix indeks':

slet definitioner:

Definer: $l = [4, 7, 12]$

$$l_2 = 7$$

Definer: $\bar{M} = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 6 & 8 \\ 9 & 1 \end{bmatrix}$

I en matrix kræves to indeks. Det første indeks er rækken, det andet er søjlen.

$$\bar{M}_{3,2} = 1$$

Vektorer bliver betragtet som nx1 matricer, så der skal det andet indeks også angives

Definer: $\vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix}$

$$\vec{v}_{3,1} = 6$$

Pas på med komma som listeseparator! Ovenfor er der anvendt mellemrum om komma alle steder.

Indeks kan også være variable eller udtryk. Her lægges alle elementerne i listen l sammen

$$\sum_{i=1}^3 l_i = 23$$

Selv med indeks slået til, kan man godt bruge sænket skrift til at give variable og funktioner mere sigende navne. Det kan dog give problemer i nogle tilfælde. Definition af x_1 kan give problemer med variabelen x, da x nu bliver en liste. Her er et andet problem illustreret:

Definer: $x_a = 2, a = 1$

$$x_a = x_1$$

Her blev a'et i indekset sat til 1, så variabelnavnet ændrede sig. x_a kan altså ikke tilgås.

Så: Brug ikke indstillingen "Sænket skrift er liste/matrix indeks" medmindre du skal bruge det.

Selvom indeks ikke er slået til, kan man godt tilgå elementer i lister mm. Notationen bliver dog lidt anderledes.

$$\vec{v}[3, 1] = 6$$

Denne måde at tilgå delementer på kan fx anvendes ved beregning af middelværdi. Nedenstående er hentet direkte fra formelsamlingen. Det er så meningen, at man selv ændrer listerne til det sandsynlighedsfelt man har med at gøre.

$$x := [1; 2; 3]$$

$$p := [0,3; 0,3; 0,4]$$

$$n := \text{length}(x)$$

$$\mu = \sum_{i=1}^n x[i] \cdot p[i] = 2,1$$

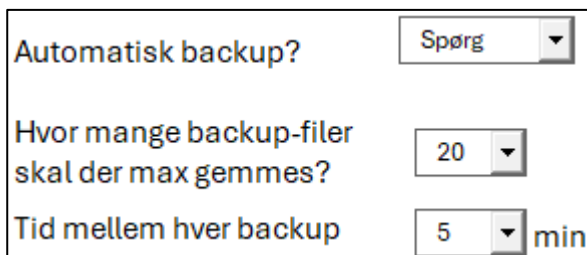
slet definitioner:

Automatisk backup

Words indbyggede funktion til Backup opretter ikke en egentlig backup, men kun genoprettelsesdata som måske kan bruges til at gendanne en tabt fil. Derfor har WordMat en udbygget backupfunktion.

WordMat gemmer hele backup-filer af dokumentet i mappen 'dokumenter/WordMat-backup'. WordMat gemmer en ny backup, når der foretages en ny beregning, dog tages der ikke backup, hvis der er gået mindre end 5 minutter siden sidste beregning (De 5 minutter kan ændres). Som udgangspunkt gemmes de sidste 20 backup-filer, men det kan også ændres. Når der er gemt 20 backupfiler begynder WordMat at overskrive de ældste backupfiler, så det altid er de 20 nyeste, der ligger i backupmappen.

Backupindstillinger kan ændres under "Indstillinger / Backup".



Automatisk backup?	Spørg
Hvor mange backup-filer skal der max gemmes?	20
Tid mellem hver backup	5 min

Der er der også en knap, der kan åbne backupmappen, hvor alle backupfilerne ligger.

WordMat vil spørge, når den første beregning foretages, om der skal tages automatisk backup. Det kan ændres i indstillinger, så der altid tages backup eller aldrig.

Når backupindstillingen er slået til vil man opleve at WordMat er langsommere, da det tager tid at foretage backup.

Avancerede Indstillinger

Reparer tastaturgenveje

I sjældne tilfælde kan der opstå problemer, hvor WordMat's tastaturgenveje ikke virker. Knappen 'Reparer tastaturgenveje' forsøger at løse problemet. Det vil dog ikke altid virke. I så fald vil det højst sandsynligt virke at slette filen normal.dotm og genstarte Word.

På Windows er normal.dotm filen placeret i mappen "%AppData%\Microsoft\Templates"

På Mac er normal.dotm filen placeret i "~/Library/Application Support/Microsoft/Office/User Templates/"

Genstart Maxima

Knap der genstarter Maxima. Knappen findes kun til Windows, da den ikke er relevant på Mac.

Man burde ikke få brug for den, da WordMat gerne skulle genstartes automatisk ved fejl, men i tilfælde af uforklarlige fejl kan denne knap forsøges.

Opdater automatisk

Hver gang WordMat startes vil det blive kontrolleret om der er en ny opdatering klar. Er det tilfældet vil du blive dirigeret til hjemmesiden, hvor den kan hentes. Hvis du har WordMat+ vil opdateringen blive hentet automatisk.

Sprog

WordMat registrerer automatisk sproget i Word og sætter WordMat's sprog til det samme. WordMat understøtter ca. 17 forskellige sprog. Hvis sproget i Word ikke understøttes anvendes engelsk. I

"Indstillinger / Avanceret" kan man selv vælge hvilket sprog man foretrækker uafhængigt af sproget i Word.

Eksporter/Importer indstillinger

Under "Indstillinger / avanceret" er der en knap til at eksportere WordMat's indstillinger til en fil. Denne kan bruges ved support, eller hvis man sikre, at alle elever har samme indstillinger, da man også kan importere en settingsfil.

På Mac bliver man ikke spurgt om hvor man vil placere filen og hvor man vil importere fra. Det vil altid være filen "Documents/settings.txt" der vil blive eksporteret og importeret.

Settings-filen kan også anvendes, hvis man vil sikre at WordMat starter med de samme indstillinger hver gang, så de bliver nulstillet ved hver opstart af WordMat. I så fald skal filen 'settings.txt' placeres i mappen "%appdata%/WordMat" eller "Program Files(x86)/WordMat". Det kræver pt at WordMat er installeret via MSI-fil med parameteren RSF=2 eller RSF=3 afhængig af hvor filen er placeret. Se mere på adm-partnerskabssiden: www.eduap.com/adm

Maxima connection method

WordMat kan på Windows forbinde til Maxima på 2 forskellige måder. Normalt forbindes via et eksternt bibliotek skrevet i c# .Net, der sikrer hurtig kommunikation mellem Word og Maxima. Hvis der er problemer med forbindelsen til Maxima, kan man forsøge med WSH-metoden, der benytter en simplere metode. Ulempen er at den er langsommere og man vil se en sort skærm blinke ved hver beregning.

Tilpas Menu

Under "Indstillinger > avanceret" er der en knap "Tilpas menu", hvor man kan angive præcist hvilke menupunkter, der skal være synlige i WordMat's menu.

Tilpas menuen

Vælg hvilke menupunkter der skal være synlige

CAS	Grafer	Sandsynlighedsregning	Indstillinger
<input checked="" type="checkbox"/> Beregn	<input checked="" type="checkbox"/> Vis Graf	<input checked="" type="checkbox"/> Regression	<input checked="" type="checkbox"/> Formler
<input checked="" type="checkbox"/> Omskriv	<input checked="" type="checkbox"/> Geogebra Calculator Suite	<input checked="" type="checkbox"/> Indsæt Tabel	<input checked="" type="checkbox"/> Gammel formelsamling
<input checked="" type="checkbox"/> Reducer	<input checked="" type="checkbox"/> Geogebra 5	<input checked="" type="checkbox"/> Lineær	Indstillinger
<input checked="" type="checkbox"/> Faktorisér	<input checked="" type="checkbox"/> GnuPlot	<input checked="" type="checkbox"/> Ekspontiel	<input checked="" type="checkbox"/> AEN
<input checked="" type="checkbox"/> Udvid	<input checked="" type="checkbox"/> Graphs	<input checked="" type="checkbox"/> Potens	<input checked="" type="checkbox"/> Decimaler
<input checked="" type="checkbox"/> Differentier	<input checked="" type="checkbox"/> Excel	<input checked="" type="checkbox"/> Polynomisk	<input checked="" type="checkbox"/> Enheder
<input checked="" type="checkbox"/> Stamfunktion	<input checked="" type="checkbox"/> Hældningsfelt	<input checked="" type="checkbox"/> Excel regression	<input checked="" type="checkbox"/> Radianer
<input checked="" type="checkbox"/> Maxima Kommando	<input checked="" type="checkbox"/> 3d Plot	<input checked="" type="checkbox"/> Bruger defineret	Diverse
<input checked="" type="checkbox"/> Løs ligning(er)	<input checked="" type="checkbox"/> Omdrejningslegeme	<input checked="" type="checkbox"/> Fordelinger	<input checked="" type="checkbox"/> Ny Ligning
<input checked="" type="checkbox"/> Løs numerisk	<input checked="" type="checkbox"/> Statistik	<input checked="" type="checkbox"/> Binomial	<input checked="" type="checkbox"/> Nummerede ligninger
<input checked="" type="checkbox"/> Eliminer variable	<input checked="" type="checkbox"/> Ugrupperet	<input checked="" type="checkbox"/> Normal	<input checked="" type="checkbox"/> Latex
<input checked="" type="checkbox"/> Test sand/falsk	<input checked="" type="checkbox"/> Grupperet	<input checked="" type="checkbox"/> X ²	<input checked="" type="checkbox"/> Trekantsløser
<input checked="" type="checkbox"/> Løs differentialligning	<input checked="" type="checkbox"/> Pindediagram	<input checked="" type="checkbox"/> t-fordeling	<input checked="" type="checkbox"/> Figurer
<input checked="" type="checkbox"/> Løs koblede differentialligninger	<input checked="" type="checkbox"/> Histogram	<input checked="" type="checkbox"/> Test	<input checked="" type="checkbox"/> Tabel
<input checked="" type="checkbox"/> Definitioner	<input checked="" type="checkbox"/> Trappediagram	<input checked="" type="checkbox"/> Binomial	
<input checked="" type="checkbox"/> Slet definitioner	<input checked="" type="checkbox"/> Sumkurve	<input checked="" type="checkbox"/> Goodness of fit	
<input checked="" type="checkbox"/> Definer funktion	<input checked="" type="checkbox"/> Boksplot	<input checked="" type="checkbox"/> X ²	
<input checked="" type="checkbox"/> Definer fysiske konstanter		<input checked="" type="checkbox"/> Simulering	

Vis Alt

Skjul Alt

Sæt efter niv

OK Annuller

Knappen efter "Sæt efter niv" bruges til at angive hvilken uddannelse du går på, og så sætter WordMat de synlige menuer efter hvad der normalt passer til det niveau, som man ikke får flere muligheder end det er nødvendigt.

5. Beregning

En beregning er en evaluering af et udtryk og resulterer oftest i et tal

$$3 + 5 = 8$$

En beregning kan foretages på 3 måder:

- Standard tastaturgenvej: Alt + B
- Klik Beregn i WordMat menuen

Eksempler:

$$\frac{4 + 8}{2} = 6$$

$$\int_1^4 x^2 dx = 21$$

Hvis udtrykket ikke kan evalueres til et tal, reduceres udtrykket. (Bemærk dog, at der findes mere avancerede metoder til reducere under punktet omskriv i menuen)

Eksempel:

$$-2a \cdot b - b^2 + (a + b)^2 = a^2$$

Det der skal beregnes, skal være i et matematikfelt. Cursoren skal bare stå et sted i matematikfelt. Hvis der indgår et 'lig med tegn' beregnes kun det til højre for det 'lig med tegn', der står længst til højre. Man kan fx skrive

$$a = b + c = 2 + 5 = 7$$

Resultatet indsættes umiddelbart efter udtrykket med et 'lig med tegn' imellem. Hvordan det skrives, afhænger af indstillingerne (Eksakt eller numerisk mm.). Hvis auto er valgt, vil der som udgangspunkt returneres to resultater. Et eksakt og et decimaltal, medmindre de er identiske.

$$\frac{4 + 8}{9} = \frac{4}{3} \approx 1,333333$$

Logaritmer

WordMat fortolker $\log(x)$ som 10-talslogaritmen og $\ln(x)$ som den naturlige logaritme.

Som standard skrives output med den samme type logaritme, som der er i input. Hvis der ingen logaritmer er i input er $\ln(x)$ standardvalg.

$$\log(a) = \log(a)$$

$$\ln(a) = \ln(a)$$

Under indstillinger kan man tvinge output til enten $\log(x)$ eller $\ln(x)$.

Der understøttes logaritmer med vilkårlig base i input:

$$\log_2(8) = 3$$

$$\log_a(a^4) = 4$$

Underforståede gangetegn

WordMat forsøger at indsætte underforståede gangetegn, der hvor det ikke er tvetydigt. Eksempler:

$$2x \rightarrow 2 \cdot x$$

$$3(a + 3) \rightarrow 3 \cdot (a + 3)$$

$$(a + b)(x - 2) \rightarrow (a + b) \cdot (x - 2)$$

Der hvor det kan være tvetydigt, er når et bogstav står foran en parentes da det forstås som en funktion.

$a(2 + x)$ bliver ikke til $a \cdot (2 + x)$ da det opfattes som funktionen a .

x^2 bliver ikke til $x \cdot 2$ da det opfattes som variabelen x^2 .

ab bliver ikke til $a \cdot b$ da det opfattes som variabelen ab .

Omskriv / reducer

Under Beregn-knappen i WordMat's menu er der forskellige funktioner til at reducere eller omskrive et matematisk udtryk.

Ved normale beregninger foretager WordMat en simpel reducere, men der er flere muligheder.

"reducer" forsøger at reducere udtrykket med flere avancerede metoder end den simple.

Faktorisering forsøger at faktorisere udtrykket. Dvs. sætte uden for parentes

Udvid forsøger omvendt at gange alle parenteser ud.

Omskriv åbner vindue, hvor man får endnu flere muligheder for at kombinere forskellige metoder, herunder kvadratkomplettering.

6. Ligningsløsning

For at løse en ligning skal den indtastes i et matematikfelt. Dernæst klikkes 'Løs ligning' i menuen eller genvejen Alt + L benyttes. Cursoren skal bare stå i matematikfeltet et sted. Dernæst får man nogle muligheder, men i de fleste tilfælde kan man bare trykke enter, så bliver ligningen løst.

$$2x + 3 = 6x - 5$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = 2$$

Lad os se på en anden velkendt ligning for at dykke lidt mere ned i mulighederne:

$$a^2 + b^2 = c^2$$

Igen trykker vi alt + L for at løse ligningen.

Fordi ligningen indeholder flere variable, kan man nu vælge mellem de 3 variable at løse ligningen for i venstre side. Gældende definitioner viser evt. definitioner som allerede er i dokumentet (se afsnit 6). Midlertidige definitioner er definitioner som kun vil gælde for denne beregning. Man behøver ikke skrive noget her. Til højre er nogle indstillinger som kan være relevante for ligningsløsning. De ændringer man laver her, vil også kun være gældende for denne beregning.

Lad os prøve at løse ligningen for b, og ændre indstillingen fra numerisk til at regne eksakt:

$$a^2 + b^2 = c^2$$



Ligningen løses for b vha. WordMat.

$$b = -\sqrt{c^2 - a^2} \quad \vee \quad b = \sqrt{c^2 - a^2}$$

Det giver os den helt generelle løsning på ligningen. Det er strengt taget ikke nødvendigt at sætte indstillingen til eksakt, men udtrykket bliver oftere "pænere".

Hvis opgaven handler om at finde sider i en konkret trekant, kan vi indsætte tallene i ligningen eller benytte feltet med midlertidige definitioner.



Ligningen løses for b vha. WordMat. med følgende antagelser/definitioner: $a = 2$; $c = 5$

$$b = -4,582576 \quad \vee \quad b = 4,582576$$

Bemærk at WordMat skriver i dokumentet, hvilke definitioner der har været anvendt.

WordMat løser som udgangspunkt ligninger analytisk. Det er dog ikke alle ligninger der kan løses analytisk. Hvis WordMat er sat til at bruge Maxima som CAS-motor (standard), så vil WordMat automatisk løse ligningen numerisk, hvis det bliver nødvendigt. Det er dog kun muligt at løse en ligning numerisk, hvis der

kun er én variabel i ligningen. WordMat vil skrive en bemærkning efter ligningen er løst om at der er anvendt numeriske metoder. Eksempel:

$$x^2 - 5 = \ln(x)$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = 0,006738253 \quad \vee \quad x = 2,426173$$

OBS: Der blev anvendt numeriske metoder til at løse ligningen. Der kan muligvis findes flere løsninger.

Hvis der er anvendt numeriske metoder, er løsningerne lidt mere usikre, og der kan i princippet godt findes flere løsninger.

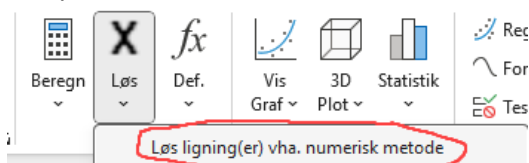
I forsøget på at løse en ligning analytisk kan det tage lang tid, og WordMat vil i så fald vise denne:



Den stopper automatisk efter 30s, men man kan altid trykke Stop.

Det betyder ikke, at det så er umuligt at løse ligningen. Du kan forsøge med disse muligheder:

1. Vælg aktivt at ligningen skal løses numerisk i menuen. så vil ligningen ikke blive forsøgt løst analytisk først.



2. Forsøg at skifte CAS-motor til GeoGebra. Måske er GeoGebra bedre til at løse lige præcis denne ligning.
3. Numerisk og Grafisk løsning med GeoGebra:
Sørg for at GeoGebra er sat som CAS-motor. Vælg dernæst 'Løs ligning(er) vha. numerisk metode' i menuen på samme måde som i 1.
Nu vil GeoGebra åbnes og de to sider i ligningen vil være plottet, og evt. skæringspunkter markeret.

$$2^{x^3-x^2-1} = 2x + 3$$

Ligningen løses numerisk for x vha. WordMat.

$$x \approx -1,494752 \quad \vee \quad x \approx 1,974169$$

Skriv selv variabel

I vinduet hvor man skal vælge en variabel at løse for, er der for neden et felt, hvor man selv kan skrive. Der er to tilfælde hvor det kan være relevant at anvende det felt

1. Hvis der i ligningen indgår en variabel eller funktion der er defineret tidligere i dokumentet (Afsnit 6), og der i denne definition indgår en anden variabel, så vil denne variabel ikke fremgå af listen. I så fald kan man selv angive den. Eksempel:

$$\text{Definer: } f(x) = a \cdot x + b$$

$$f(x) = 5$$



Ligningen løses for a vha. WordMat.

$$a = \frac{-b + 5}{x}$$

2. Ligninger kan også løses for deludtryk. Fx kan man løse en cosinusrelationer for $\cos(C)$ i stedet for bare C (kræver dog vinkel sat til radianer). Eller løs kapitalfremskrivningsformlen for $1+r$.

$$K_n = K_0 \cdot (1 + r)^n$$



Ligningen løses for $1+r$ vha. WordMat.

$$r + 1 = \left(\frac{K_n}{K_0}\right)^{\frac{1}{n}}$$

Trigonometriske ligninger

Lad os se på ligningen

$$\sin(x) = \frac{1}{2}$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = 30$$

I dette tilfælde blev der angivet én løsning til ligningen. Det er dog ikke helt korrekt. Der er uendeligt mange løsninger. I de fleste tilfælde er det dog kun løsningen mellem 0 og 90 grader man er interesseret i.

I WordMat's indstillinger kan man vælge om man kun vil have én løsning eller alle løsninger til trigonometriske ligninger. Som standard er den sat til én løsning, da det er der man typisk starter i matematikundervisningen.

Trigonometriske ligninger

☐ Alle løsninger

☒ Kun 1 løsning

Lad os se hvad der sker, når vi ændrer indstillingen:

$$\sin(x) = \frac{1}{2}$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = 360 \cdot \mathbb{Z} + 30 \quad \vee \quad x = 360 \cdot \mathbb{Z} + 150$$

\mathbb{Z} repræsenterer her et heltal (... , -2, -1, 0, 1, 2, ...)

Typisk har man dog ikke brug for uendeligt mange løsninger, men løsninger inden et bestemt område. Her kan man anvende antagelser som forklares i afsnit 6

$$\text{Definer: } 0 \leq x \leq 180$$

$$\sin(x) = \frac{1}{2}$$



Ligningen løses for x vha. CAS-værktøjet WordMat.

$$x = 30 \quad \vee \quad x = 150$$

Det er som sagt vigtigt at huske at slette antagelser.

Radianer/grader

WordMat kan både regne i grader og radianer. Det styres via denne knap i menuen:



Som udgangspunkt regnes i grader, men hvis knappen trykkes ind regnes der i radianer. Knappen bestemmer altså hvordan de trigonometriske funktioner er defineret.

WordMat forstår gradtegn. Hvis WordMat er sat til radianer, kan man udregne følgende

$$180^\circ = \pi \approx 3,141593$$

Hvis WordMat er sat til at regne i grader, ignoreres gradtegnet helt. Man kan altså selv vælge om man vil skrive det eller ej.

Gradtegnet kan indtaste med "`\degree`". Men der er også en standard tastaturgenevej til indsættelse af gradtegn som er `alt+q`. (Hvis dette ikke virker, kan du selv ændre det i menuen under genveje)

Uanset om man har slået radianer til eller ej, vil man få samme løsning til denne trigonometriske ligning, hvis man anvender gradtegn.

$$\sin(34^\circ) = \frac{a}{9}$$



Ligningen løses for a vha. WordMat.

$$a = 5,032736$$

For at undgå problemer med at glemme at skifte mellem radianer/grader, er det altså en god ide altid at sætte gradtegn på, når der indtastes tal i grader. Man skal dog stadig være opmærksom på at WordMat ikke angiver gradtal på output.

Slet definitioner:

Eksempler på ligninger der kan løses med WordMat:

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2a \cdot b \cdot \cos(C)$$

$$x^4 - 2x^2 + 3x - 2 = 0$$

Uligheder

Løsningen af uligheder sker på samme måde som ligninger.

Eksempler:

$$x^2 \geq 9$$



Uligheden løses for x vha. CAS-værktøjet WordMat.

$$x \leq -3 \vee x \geq 3$$

Lidt mere komplekst

$$(x - 1)^2 \cdot (x + 1) \geq 1 + x$$



Uligheden løses for x vha. CAS-værktøjet WordMat.

$$(x \geq -1 \wedge x \leq 0) \vee x \geq 2$$

Ligningssystemer med uligheder understøttes ikke.

WordMat er ikke lige så god til at løse uligheder som ligninger. Hvis det ikke lykkes kan følgende forsøges:

1. GeoGebra er generelt bedre til at løse uligheder end Maxima, så det kan være en fordel at skifte CAS-motor
2. Man kan løse uligheden som en ligning, og evt. kombinerer med en graf.

Programmet Graph har en udmærket funktion til grafisk at vise løsninger til uligheder. Hvis en ulighed markeres og der trykkes Graph, bliver løsningen vist automatisk.

//

Ligningssystemer

Skriv ligningerne i ligningssystemet lige efter hinanden i separate matematikfelter. Marker felterne i ligningssystemet og vælg 'Løs ligning(er)', eller brug Alt + L.

$$x + y = 2$$

$$x - y = 6$$



Ligningssystemet løses for x, y vha. WordMat's 'Løs Ligninger' funktion,

$$x = 4 \wedge y = -2$$

Alternativt kan man angive alle ligningerne i samme matematikfelt adskilt af \wedge (indtastes \wedge)

$$x + y = 2 \wedge x - y = 6$$

Der skal løses for det samme antal variable som der er ligninger.

Bemærk også funktionen 'eliminer variabel' under 'Løs ligning', der kan bruges til at reducere et ligningssystem til færre ligninger, med bestemte variable elimineret.

Bemærk også at rækkefølgen af ligningerne kan påvirke resultatet.

Eksempler:

Udledning af formel for a og b i potensfunktion

$$y_2 = b \cdot a^{x_2}$$

$$y_1 = b \cdot a^{x_1}$$



Ligningssystemet løses for b,a vha. CAS-værktøjet WordMat's 'Løs Ligninger funktion',

$$b = \frac{y_1}{\left(\left(\frac{y_2}{y_1}\right)^{\frac{1}{x_2-x_1}}\right)^{x_1}} \wedge a = \left(\frac{y_2}{y_1}\right)^{\frac{1}{x_2-x_1}}$$

Skæring mellem cirkel og linje

$$x^2 + y^2 = 1$$

$$y = x + \frac{1}{2}$$



Ligningssystemet løses for x,y vha. CAS-værktøjet WordMat's 'Løs Ligninger funktion',

$$\left(x = -\frac{\sqrt{7}+1}{4} \wedge y = -\frac{\sqrt{7}-1}{4}\right) \vee \left(x = \frac{\sqrt{7}-1}{4} \wedge y = \frac{\sqrt{7}+1}{4}\right)$$

Skæring mellem to linjer, hvor den ene er skrevet som parameterfremstilling. Parameterfremstillinger bliver automatisk konverteret til 2 ligninger (eller flere).

$$5x + 2y - 32 = 0$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 5 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \end{pmatrix}$$



Ligningssystemet løses for x,y vha. WordMat's 'Løs Ligninger' funktion,

$$t = 3,857143 \wedge x = 10,57143 \wedge y = -10,42857$$

Skæring mellem to linjer angivet som parameterfremstillinger

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ -6 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \end{pmatrix}$$



Ligningssystemet løses for x,y vha. WordMat's 'Løs Ligninger' funktion,

$$s = \frac{31}{17} \wedge t = -\left(\frac{23}{17}\right) \wedge x = \frac{28}{17} \wedge y = \frac{172}{17}$$

slet definitioner:

Test sand/falsk

Funktionen "Test sand/falsk" findes i menuen under Løs. Den anvendes til at teste om matematiske udtryk er identiske. Man indtaster en ligning, WordMat afgør så om ligningen generelt er sand.

WordMat forsøger først at anvende algebraiske metoder til at afgøre om de to udtryk er identiske. Hvis det ikke lykkes prøves med numeriske metoder. At der anvendes numeriske metoder betyder også at man ikke kan være 100% sikker på resultatet, da der tillades en vis afrunding.

Eksempel 1:

$$(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2 \cdot a \cdot b$$

Udsagnets sandhedsværdi bestemmes vha. WordMat.

sand

WordMat har her identificeret at udtrykkene på høje og venstre siden er identiske vha. algebraisk omskrivning.

Eksempel 2:

$$x^2 = 9$$

Udsagnets sandhedsværdi bestemmes vha. WordMat.

falsk

Udtrykket er ikke generelt sandt for alle x-værdier, så resultatet bliver falsk.

Eksempel 3:

$$\sin^2(x) + \cos^2(x) = 1$$

Udsagnets sandhedsværdi bestemmes vha. WordMat.

sand

WordMat har her identificeret at udtrykkene på høje og venstre siden er identiske vha. algebraisk omskrivning.

Eksempel 4:

$$|x| = \sqrt{x^2}$$

Udsagnets sandhedsværdi bestemmes vha. WordMat.

sand

Eksempel 5:

$$\frac{((x^2 + 1)^2 - (x^2 - 1)^2)^2}{16x^2} = \left(\frac{x^4 - 1}{x^2 - 1} - 1 \right) \cdot \frac{(x^3 - x)^2}{x^2 \cdot (x - 1)^2 \cdot (x + 1)^2}$$

Udsagnets sandhedsværdi bestemmes vha. WordMat.

sand

Begge udtryk ovenfor er for øvrigt identiske med x^2

Eksempel 6:

Her er et eksempel hvor den numeriske afrunding kommer i spil

$$\pi = 3,14$$

Udsagnets sandhedsværdi bestemmes vha. WordMat.

falsk

Med flere decimaler accepteres udtrykket.

$$\pi = 3,141$$

Udsagnets sandhedsværdi bestemmes vha. WordMat.

sand

7. Definitioner

Man kan definere variable og funktioner, som så kan benyttes i de følgende udtryk. Hver gang der foretages en beregning, søger WordMat dokumentet igennem opefter for definitioner, som er skrevet i matematikfelter. Kun definitioner der er skrevet før beregningen, tæller altså med. Hvis en funktion eller variabel defineres flere gange, er det den seneste i dokumentet der er gældende.

Eksempel:

$$\text{Definer: } f(x) = 2x + 1, a = 3$$

$$f(a) = 7$$

Bemærk at der kan defineres flere udtryk i ét matematikfelt, hvis de adskilles af komma eller semikolon. Det kan være vigtigt, at der er mellemrum på den ene side af kommaet, for at det tolkes som et decimalkomma.

Hvis der er en fejl i en definition, kan WordMat ikke foretage beregninger under den definition, da alle beregninger vil fejle. Hvis det sker, vil WordMat komme med en fejlmeddelelse, og markere den definition hvor fejlen er.

Det er vigtigt at forstå, at man ikke kan foretage beregninger i definitionsfelter. Definitionerne er der for at man kan anvende dem i beregninger under definitionerne.

Der er flere detaljer omkring brugen af definitioner, som dækkes i de følgende afsnit. Fx kan definitioner indtastes på flere forskellige måder, og de kan slettes igen.

Variabel-definitioner, menuen og sletning af definitioner

Man kan lave et matematikfelt om til en definition ved at starte ligningsfeltet med *definer*:

$$\text{definer: } a = 3, b = 4,6$$

Bemærk at tastaturgenvejen alt+d i et matematikfelt vil skrive "definer:" i starten af udtrykket.

Man kan også foretage definitioner ved at anvende et af følgende 3 symboler:

\coloneqq indtastes bare med kolon og lig med

\equiv indtastes med `\equiv`

$\stackrel{\text{def}}{=}$ indtastes med `\defeq`

Eksempel: Bemærk, at der her også kan testes flere definitioner i et matematikfelt.

$$x_1 \equiv 3, \text{ bil} \coloneqq 45,67, c \stackrel{\text{def}}{=} 500$$

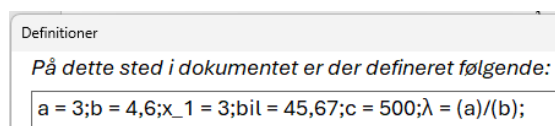
$$\lambda \coloneqq \frac{a}{b}$$

Med ovenstående definitioner i dokumentet, kan følgende beregninger nu foretages:

$$a + b = 7,6$$

$$\lambda = 0,6521739$$

I WordMat-menuen er der en definitions-knap. Hvis man trykker på den øverste del af knappen, vil den vise alle de definitioner, der er gældende på det sted, hvor cursoren står.



Bemærk at der skelnes mellem store og små bogstaver i variabel- og funktionsnavne. Dvs. $f(x)$ og $F(x)$ er ikke den samme funktion. Definitionsnavne kan være både et eller flere bogstaver. Der kan anvendes sænket skrift i et navn og tal, men et navn må ikke starte med et tal. Gængse græske bogstaver understøttes også. De indtastes som fx $\backslash beta$.

Variabeldefinitioner kan indeholde andre variabelnavne.

Det er tilladt at placere alle de mellemrum man synes er passende i matematikfeltet for at gøre det mere læsevenligt.

En definition kan bruges fra det punkt i dokumentet definitionen foretages og fremefter indtil der kommer en af følgende kommandoer, som kan indsættes med tastaturgenvejen Alt + S.

slet def:

slet definitioner:

Den sletter alle definitioner. Husk at bruge den, når du ikke længere har brug for definitionerne, da man nemt kan komme til at bruge samme variabel senere hen. Bemærk også at hastigheden af beregninger kan påvirkes, hvis man bruger definitioner meget. Hvis man husker at bruge 'slet def:' undgår man at hastigheden påvirkes nævneværdigt i store dokumenter.

Man kan også slette enkelte variable og funktioner ved at skrive hvilke variable og funktioner der skal slettes efter kolonet. Eksempel:

slet def: a, f

I dette eksempel slettes 2 af de 3 definitioner og vi kan se i beregningen, at det kun er den ene definition der stadig er gældende:

Definer: $a = 2, b = 3, f(x) = x^2$

slet definitioner: a, f

$a + b + f(x) = f(x) + a + 3$

I menuen er der et punkt, der hedder definitioner. Det kan bruges hvis man ikke kan huske syntaksen for hvad man skal skrive for at definere variable mm.

Eksempler på funktionsdefinitioner

definer: $f(x) = x^2 + 1$

$g(x) := 2x + 3 ; h(t) \equiv t + 1$

Definitionerne kan så bruges til at beregne fx:

$g(2) = 7$

$$g(3) + \frac{h(6)}{f(2)} = \frac{52}{5}$$

Definitioner kan også indgå i ligninger

$$f(x) = h(x) + g(1)$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = -\frac{\sqrt{21}-1}{2} \vee x = \frac{\sqrt{21}+1}{2}$$

Slet definitioner:

Det er også muligt at definere funktioner af flere variable. Man skal så være opmærksom på hvilken listeseparator man har valgt.

$$\text{Definer: } f(x; y) = x^2 + y^2$$

$$f(2; 3) = 13$$

Bemærk, at WordMat afgør listeseparator ud fra kontekst, så man kan godt skrive f(x,y) men ikke f(2,3) medmindre man laver mellemrum ved kommaet: f(2 , 3).

$$f(2, 3) = 13$$

$$f(2,3) = \text{syntaksfejl}$$

Her tolkes 2,3 som decimaltallet 2,3 og ikke som to tal. Beregninger fejler, da funktionen kræver to tal.

Midlertidige definitioner

Når man løser en ligning, er der et felt til midlertidige definitioner. Disse definitioner vil kun være gældende for denne beregning.

Lad os se på et eksempel, hvor man starter med at skrive Pythagoras op, og dernæst trykker Alt+L for at løse ligningen.

$$a^2 + b^2 = c^2$$

I højre side er der et felt der hedder "Midl definitioner". Feltet vil på forhånd være udfyldt med de variable der indgår i udtrykket. I eksemplet ved vi at kateten b er 4 og hypotenusen c er 5. Så det angiver vi i feltet og vælger at løse for a.

Løs Ligning		
Variabel	Gældende definitioner	Midl. definitioner
a	$f(x,y) = x^2 + y^2;$	a=
b		b=4
c		c=5



Ligningen løses for a vha. WordMat. med følgende antagelser/definitioner: b = 4; c = 5

$$a = -3 \vee a = 3$$

Bemærk at WordMat har skrevet i dokumentet, hvilke definitioner vi lavede.

I eksemplet fik vi også en negativ løsning. Det kan undgås, hvis man samtidigt angiver at $a > 0$ i feltet

Løs Ligning		
Variabel	Gældende definitioner	Midl. definitioner
a	$f(x,y) = x^2 + y^2;$	$a > 0$
b		$b = 4$
c		$c = 5$



Ligningen løses for a vha. WordMat. med følgende antagelser/definitioner: $a > 0; b = 4; c = 5$

$$a = 3$$

Du kan læse mere om antagelser i et senere afsnit.

Stykkevis definerede funktioner

WordMat kan både lave beregninger og vise grafer for stykkevis definerede funktioner. Her er et eksempel

$$\text{Definer: } f(x) = \begin{cases} -x, & x < 0 \\ x^2, & x \geq 0 \end{cases}$$

Det er vigtigt, at det bliver indtastet korrekt. Den enkelte tuborg-parens indsættes via "ligningsmenuen / Parenteser / Eksempler og stakke". Der er ligeledes vigtigt, at der anvendes et komma til at adskille funktionen og definitionsområdet. Brug mellemrum omkring kommaet for at undgå, det bliver fortolket som del af et tal.

Med ovenstående definition i dokumentet kan følgende fx beregnes

$$f(2) = 4$$

Der kan bruges forskellige skrivemåder til angivelse af definitionsområder. Man kan benytte \vee og \wedge , men man kan også anvende booleske operatorer: OR, AND, or, and.

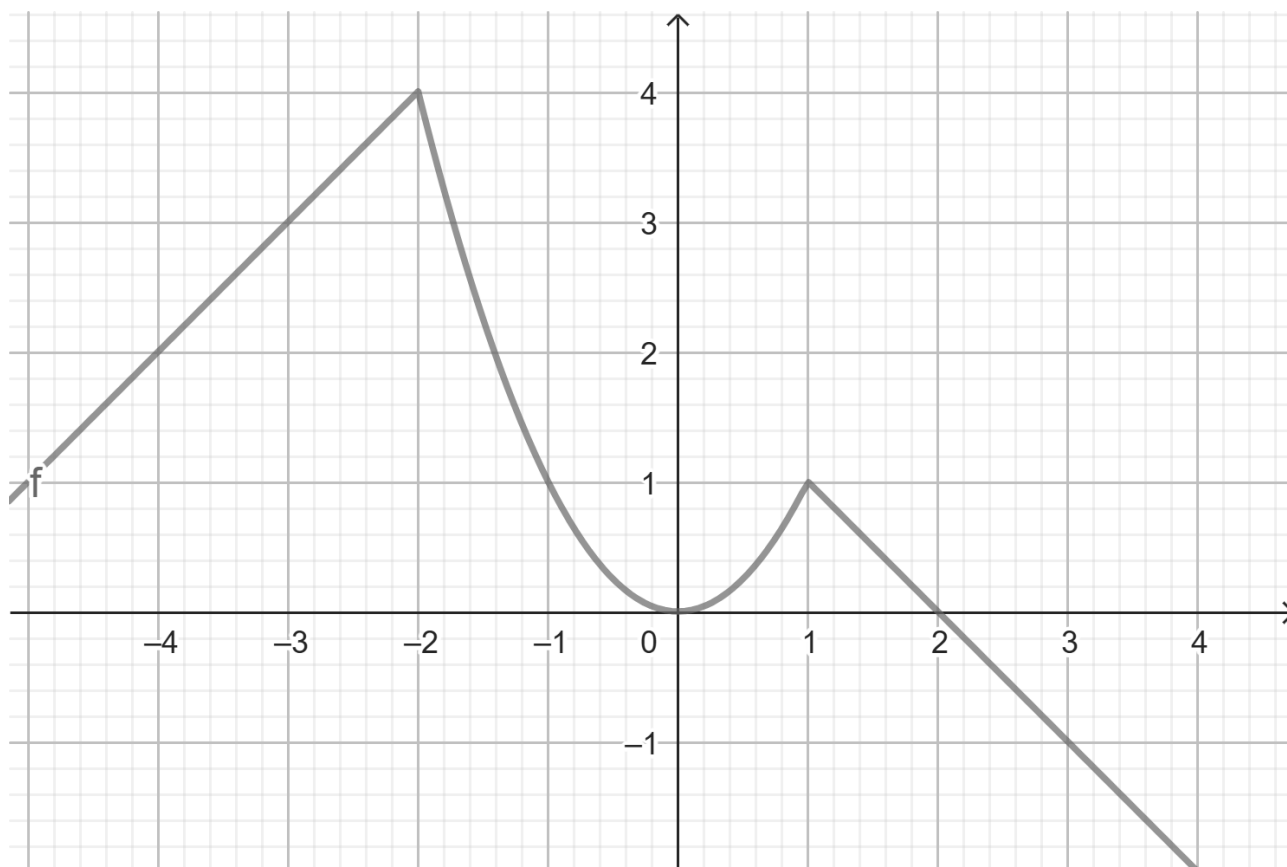
Her et eksempel hvor der anvendes \vee i det 2. definitionsområde

$$\text{Definer: } f(x) = \begin{cases} 2x + 2, & 0 < x < 3 \\ -x + 3, & x \geq 3 \wedge x < 5 \\ x^2, & x \geq 5 \end{cases}$$

Slet definitioner:

Stykkevisdefinerede funktioner kan også indtastes uden definition, hvis det bare skal plottes med GnuPlot eller GeoGebra.

$$f(x) = \begin{cases} x + 6, & x < -2 \\ x^2, & -2 \leq x < 1 \\ -x + 2, & x \geq 1 \end{cases}$$



Typiske fejl er

- at glemme kommaet
- Ikke lave mellemrum ved kommaet
- Bruge to tuborg-parenteser i stedet for én

Fysiske konstanter

Under menuen definitioner er der et punkt, der hedder 'fysiske konstanter'. Vha. denne kan man nemt indsætte definitioner af de mest gængse fysiske konstanter og mest anvendte tabelværdier. Marker de konstanter der skal bruges og tryk OK, så indsættes disse som definitioner i dokumentet.

Eksempel:

$$\text{Definer: } c = 299792458 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}; c_{vand} = 4181 \text{ J} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}; m_{sol} = 1,98892 \cdot 10^{30} \text{ kg}$$

Hvis man har WordMat+ kan man i formelsamlingen for fysik også finde fysiske konstanter og tabelværdier.

Slet definitioner:

Antagelser

Det er muligt at indskrænke løsninger til ligninger ved på forhånd at indskrænke definitionsområdet

Eksempel:

$$\text{Definer: } x > 0$$

Denne ligning vil normalt give to løsninger: $x = -3$ og $x = 3$, men i dette tilfælde

$$x^2 = 9$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = 3$$

$$\text{Definer: } x > 0, x \leq 10, a \neq 0$$

Lige som definitioner kan antagelser slettes med Alt + S

Slet definitioner:

Det er ekstra vigtigt at huske at slette antagelser. Antagelser vil ofte være for x , og x indgår i mange opgaver. Hvis man fx har antages $x > 0$ i første opgave, så vil den antagelse gælde i alle følgende opgaver. Skulle der så optræde en ligning man skal løse for x der har negative løsninger, vil de løsninger ikke blive angivet.

Antagelser kan også indtastes i feltet med midlertidige definitioner/antagelser, når der løses ligninger. Her bruges tegnet # som \neq .

Se også afsnit 6 om Trigonometriske ligninger på s. 22 for et meget anvendt eksempel på antagelser.

8. Graftegning

WordMat kan tegne forskellige typer af grafer via forskellige programmer, som hver har deres fordele. Det er dog ikke alle, der fungerer på Mac.

Under 'Indstillinger/graf' kan man vælge hvilket af graf-programmerne man vil anvende som standard. Det er så dette program der aktiveres når man trykker "Vis graf" eller trykker alt + P.

Trykker man nederst på knappen "Vis graf" kan man vælge mellem de forskellige grafprogrammer for hver graf. Standardprogrammet er altså bare lidt mere tilgængeligt.

Princippet er at man i Word markerer det eller de matematikfelter, hvor der står det udtryk man vil have vist i et koordinatsystem. Fx et funktionsudtryk eller en ligning. Så overføres og plottes det valgte samt definitioner til grafprogrammet, når man trykker vis graf. WordMat sørger for at notationen passer, og relevante indstillinger passer (fx rad/grader og log/ln).

Der er dog elementer som ikke kan vises af alle grafprogrammer.

Punkter indtastes i en tabel som cursoren skal stå i eller være en del af markeringen.

2D-grafer

De mest almindelige grafer er dem som skal tegnes i et koordinatsystem

GeoGebra

WordMat kan vise grafer med 'GeoGebra Calculator Suite' og 'GeoGebra 5'.

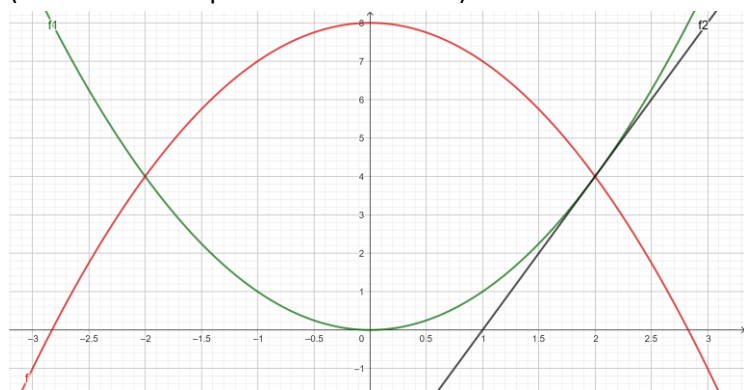
GeoGebra er et godt grafprogram og fungerer både på Windows og Mac. 'GeoGebra Calculator Suite' er derfor standard grafprogrammet i WordMat. GeoGebra 5 har lidt flere funktioner, til gengæld er det langsommere om at starte op.


Lad os prøve at få vist disse tre funktioner. De er indtastes på 3 forskellige måder for at vise mulighederne. De tre udtryk markeres og der klikkes 'Vis graf'

$$\begin{aligned}x^2 \\ y = 4x - 4 \\ f(x) = -x^2 + 8\end{aligned}$$

For at få grafen vist i Word, skal der tages et screenshot, som så skal sættes ind i Word.

I GeoGebra kan man kopiere selve grafen ved at trykke "Ctrl + Shift + c", og indsætte i Word med "Ctrl + v". (På Mac er det Option i stedet for Ctrl)



I ovenstående graf er akserne justeret. Det gør man i GeoGebra ved at klikke  og dernæst placere musen over en af akserne, som man så kan trække i.

GeoGebra kan kun vise grafer for udtryk hvor x er den uafhængige variabel og y er den afhængige variabel. WordMat forsøger dog at oversætte variable til x og y ud fra konteksten, så følgende kan man godt skrive:

$$f(u) = e^u + 1$$

$$5s + 1$$

$$Q = 2 \cdot 4000 \cdot T$$

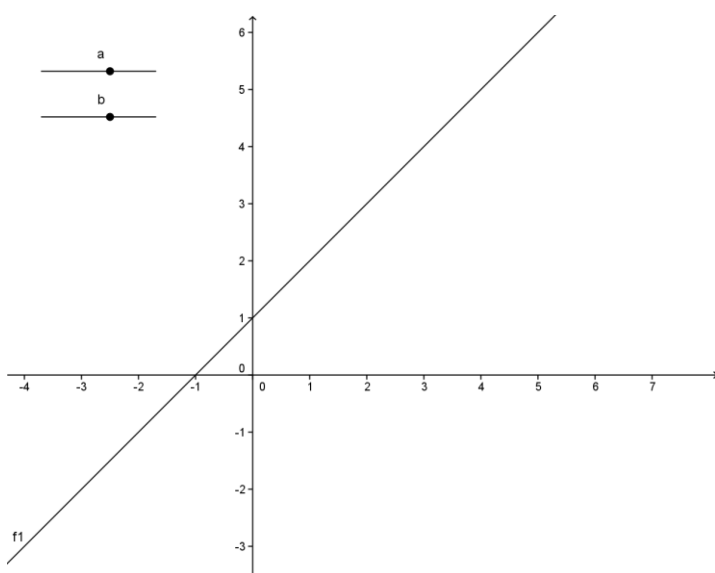
$$\text{Definer: } m = 2, c = 4186$$

$$Q = m \cdot c \cdot T$$

Hvis t indgår, så bliver den automatisk uafhængig variabel. Hvis der kun er én udefineret variabel, så bliver den uafhængig variabel. Hvis der er flere udefinerede variable, og ingen af dem er x eller t, så kan WordMat ikke afgøre hvilken variabel, der er den uafhængige og der kommer en fejl.

Hvis man indtaster et udtryk som dette hvor der indgår udefinerede variable, så antages det, at de er konstanter, og de sættes til 1. Der oprettes skydere for hvor konstant, så de nemt kan ændres i GeoGebra.

$$y = a \cdot x + b$$



Konstanter der indgår i udtrykket indsættes automatisk som skydere.

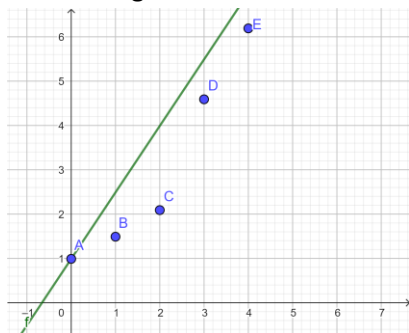
Her er et eksempel, hvor der plottes punkter og en funktion,

x	0	1	2	3	4
y	1	1,5	2,1	4,6	6,2

(Obs: tabeller kan både indsættes lodret og vandret)

$$f(x) = 1,5x + 1$$

Tabellen og matematikfeltet markeres og der trykkes "Vis graf"



Her er nogle eksempler på udtryk fra plangeometri, der kan tegnes vha. GeoGebra

Linjens ligning på formen: $2x - 3y + 7 = 0$

Cirkels ligning: $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 = 5^2$

Parameterfremstilling: $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix}$

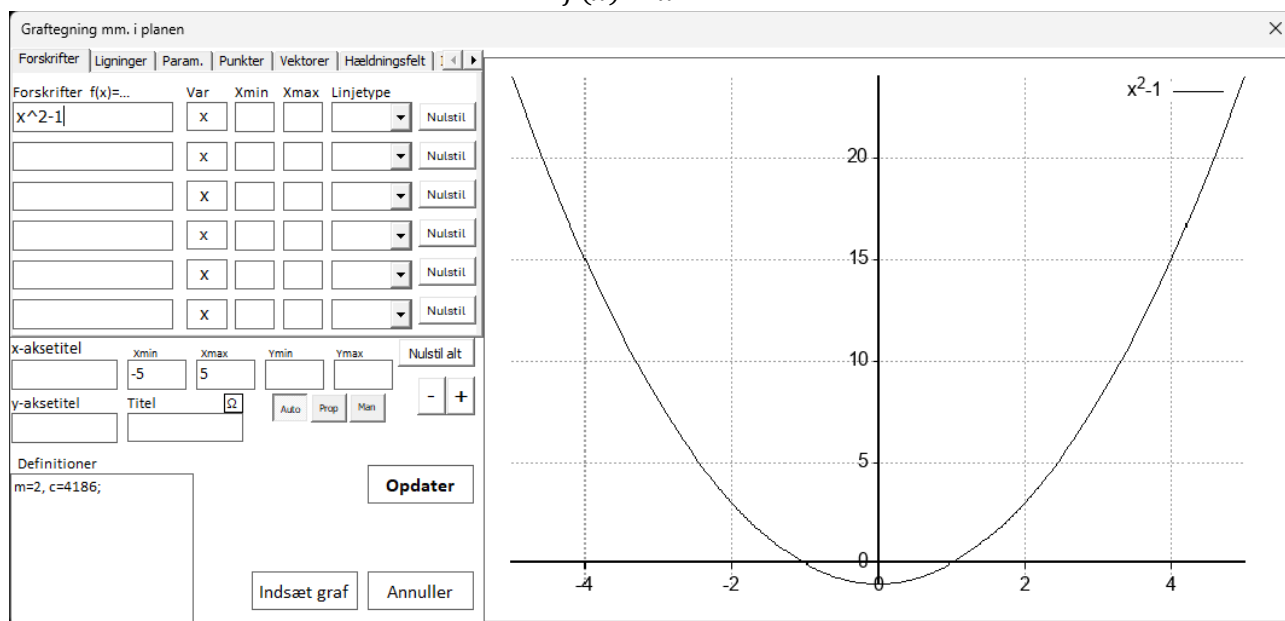
Vektorer: $\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$

Det er vigtigt at man bruger x og y som variable i ovenstående eksempler. Dog er det ikke vigtigt, at man bruger t som variabel i parameterfremstilling. Vektorer indsættes med startpunkt i (0,0), men de kan manuelt flyttes med musen efterfølgende.

GnuPlot

GnuPlot understøttes kun på Windows. Det er det eneste af grafprogrammerne, der er 100% kompatibel med Maxima. Skriv en funktion i et matematikfelt og vælg "Vis graf / GnuPlot"

$$f(x) = x^2 - 1$$

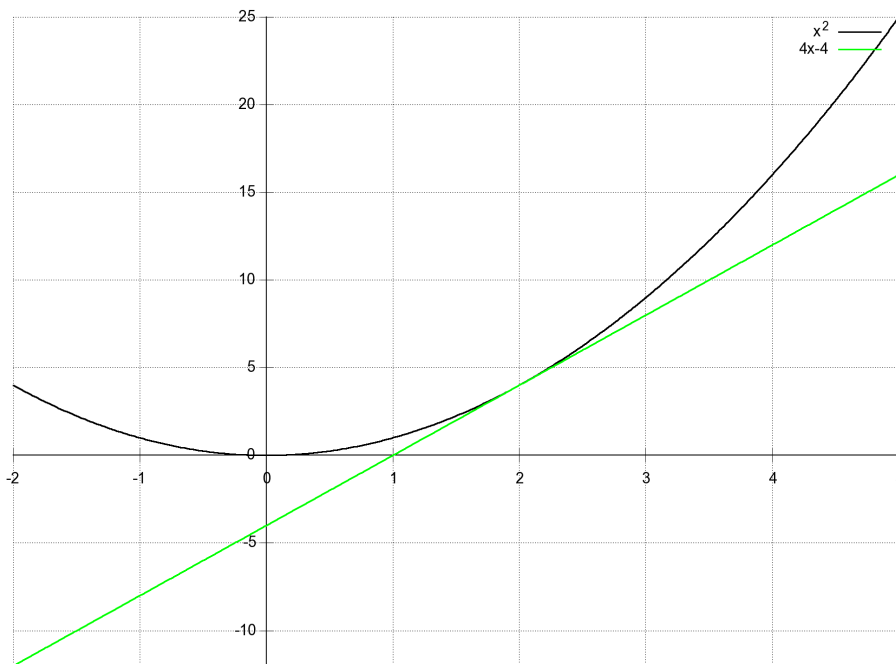


Grafen til højre er kun i begrænset omfang interaktiv. Der kan zoomes ved at trække et rektangel omkring det område der vil zoomes ind på. Dobbeltklik for at centrere(flytte) og zoom. Ellers skal ændringer laves i venstre side af vinduet.

Når man klikker "Indsæt graf" sættes koordinatsystemet og grafen ind i dokumentet som billede. Hvis man i dokumentet dobbeltklikker på en graf, som er genereret af GnuPlot vil den åbne op igen i dette vindue, så man kan lave ændringer.

Når vinduet åbnes overføres evt. markerede funktioner og punkter(skrevet i tabel) til vinduet. Lige som definitioner i dokumentet overføres og skrives i feltet nederst til venstre. Disse definitioner kan så anvendes i forskrifter, ligninger mm.

Nedenfor er en graf der er lavet med GnuPlot. Prøv at dobbeltklikke på den for åbne den.



Der kan plottes forskrifter, ligninger, parameterfremstillinger, punkter, vektorer mm. Se menuen øverst.

Begrænsningerne i forhold til GeoGebra er, at man ikke kan udføre ret mange beregninger direkte via Grafen, som fx at finde en tangent. Zoom ind/ud er ikke glidende.

Man kan åbne grafvinduet i GnuPlot direkte. Det gør man under 'Indst.' i menuen og dernæst 'Vis i GnuPlot'. Det giver adgang til følgende muligheder:

- Foreden vises hele tiden musens koordinater i koordinatsystem.
- Der kan zoomes ved at trykke højre museknap flytte musen så der markeres en firkant og trykke højre museknap igen.
- Tryk a eller u for at komme tilbage til udgangspunktet.
- For at kopiere billede til Word:
Højreklik på menulinjen, vælg options og dernæst 'copy to clipboard'. Luk nu grafvinduet og indsæt i Word.
- Tryk r for lineal(ruler) så kan man måle afstande i koordinatsystemet
- Tryk g (grid) for at tænde/slukke tern

Graph

Graph understøttes kun på Windows. Graph er meget brugervenligt, hurtigt og har mange funktioner, men ikke så mange som GeoGebra. Man kan indsætte funktioner, punkter, differentiere, tangenter, arealer, løse uligheder mm.

Bemærk: Hvis man dobbeltklikker på grafen i dokumentet, åbnes Graph igen og man kan redigere videre.

$$\begin{array}{l} f(x)=x^2 \\ y=4x-4 \end{array}$$

Bemærk at Graph tager længere tid om at åbne, hvis der er definitioner eller markeret noget, da overførslen til Graph tager lidt tid. Definerede funktioner plottes ikke automatisk. De er dog overført til Graph, men vil stå på listen yderst til venstre. Hak fluebenet af ved siden af forskriften for at vise grafen. Definerede konstanter og funktioner kan redigeres i Graph ved at trykke på det lille ikon med $f(t)$ midt i værktøjslinjen.

Excel

WordMat har et Excel-ark, der kan vise punkter, grafer og lave regression i et mere matematisk koordinatsystem, end man umiddelbart får i Excel.

Excel-arket åbnes ved at klikke "Vis graf > Excel" eller "Regression > Excel regression". Når Excelarket åbnes kan man blive spurgt om man vil aktivere makroer. Det er vigtigt at man svarer ja, da mange af funktionerne ellers ikke vil virke.

Hvis man har markeret en tabel og/eller en funktion i et matematikfelt i Word bliver punkterne fra tabellen og funktionen fra matematikfeltet overført til Excelarket.

Excelarket understøtter *kun* visning af funktioner - ikke ligninger, vektorer eller parameterfremstillinger.

Excelarket er ikke så avanceret som GeoGebra og GnuPlot, men er ret nemt at tilgå, specielt når det kommer til visning af punkter og til regression. Det er særlig velegnet ved store datasæt, hvis man allerede har data i Excel og i naturvidenskabelige fag.

Eksempel:

x	0	1	2	3	4
y	1	1,5	2,1	4,6	6,2

(Obs: tabeller kan både indsættes lodret og vandret)

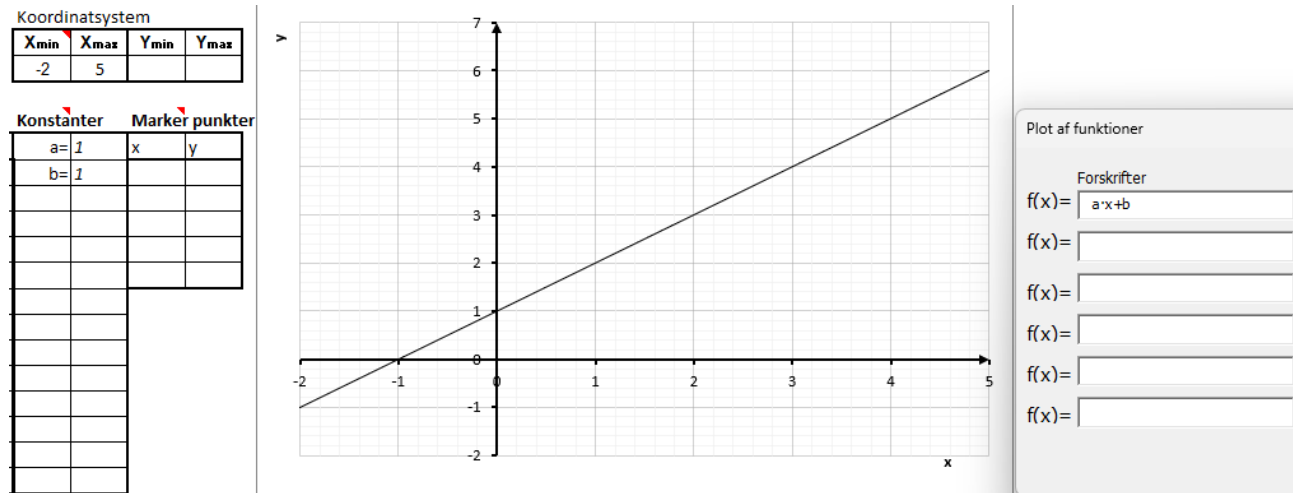
$$f(x) = 1,5x + 1$$

Tabellen og feltet ovenfor markeres og der trykkes "Vis Graf / Excel". Nedenstående er et screenshot fra det Excelark, der kommer frem.

Eksempel:

$$f(x) = a \cdot x + b$$

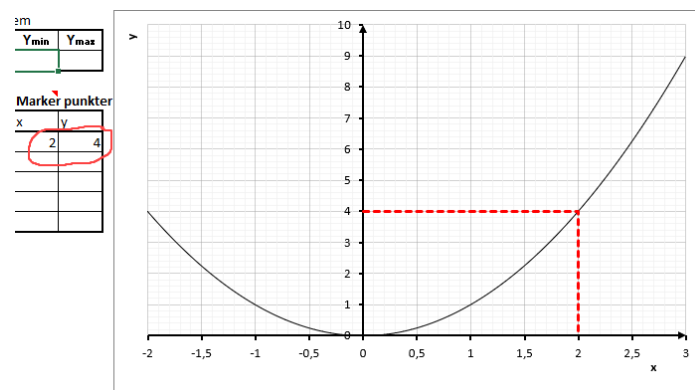
Feltet ovenfor markeres og der trykkes "Vis graf / Excel"



Bemærk at der nu optræder to konstanter a og b i kolonnen konstanter, og at de begge er sat til 1 som standard. Hvis man klikker "Rediger funktioner", kan man se funktionen er indsat med konstanter. Hvis man ændrer værdierne af konstanterne i kolonnen, slår det automatisk igennem på grafen.

Der er en kolonne, der hedder ”**Marker punkter**”. Den kan bruges til at vise aflæsning af et bestemt punkt i koordinatsystemet med stiplede linjer fra x-aksen til y-aksen.

I dette eksempel er funktionen $f(x) = x^2$ indsat, og der skrives 2 i det første felt under x. Dernæst udfylder WordMat automatisk y-værdien så det passer med funktionen. Man kan selv ændre denne værdi hvis man vil.



Hvis der ikke er en funktion i koordinatsystemet, udfyldes y-værdien ikke automatisk.

Der understøttes flere forskellige måder som funktioner kan indtastes i Word. Eksempler:

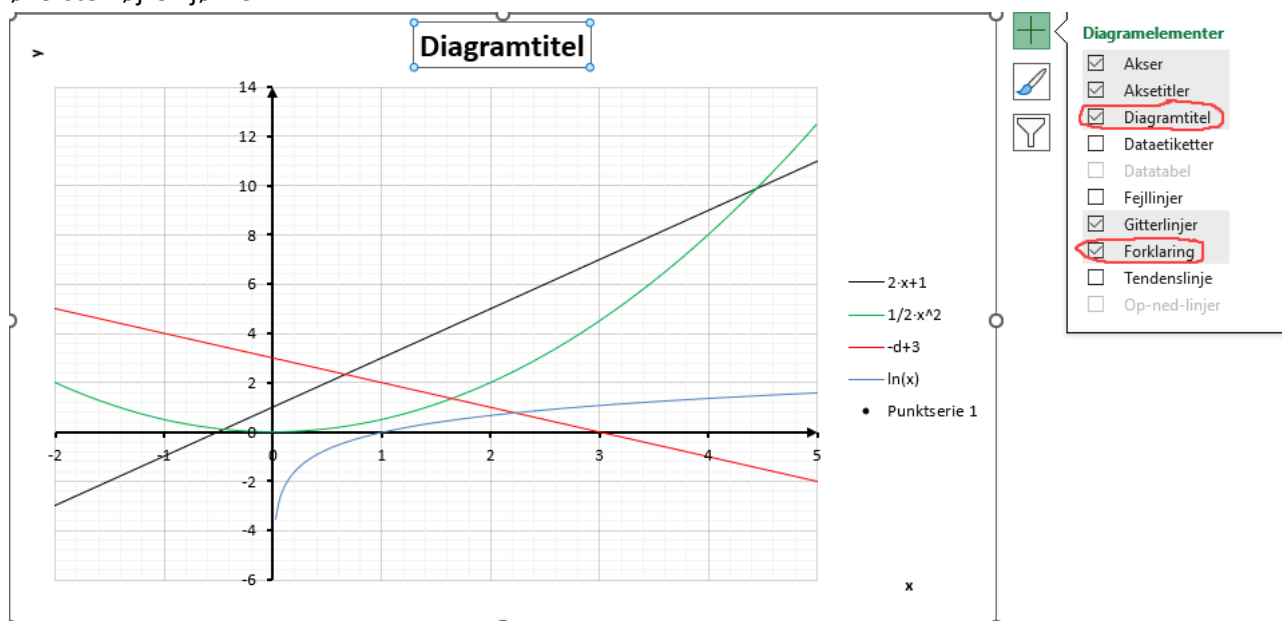
$$f(x) = 2 \cdot x + 1$$

$$y = \frac{1}{2} \cdot x^2$$

$$f(d) = -d + 3$$

$\ln(x)$

På de to akser står der henholdsvis x og y. Hvis man klikker på dem, kan man ændre teksten. Da koordinatsystemet bare er et tilpasset diagram, kan man bruge alle de normale Excel-funktioner til at tilpasse udseendet. Tilføj fx en diagramtitel eller forklaring, ved at klikke på diagrammet, dernæst klik på + i øverste højre hjørne.



I forhold til trigonometriske funktioner, så anvendes radianer/grader efter indstillingen i WordMat, når funktionen overføres fra Word til Excel. Hvis der fx indtastes $\sin(x)$ direkte i Excel, regnes der med radianer.

Der er en Tangent-knap der kan beregne og vise tangenten til en af funktionerne, der vises på grafen eller en regressionslinje. Bare angiv x-værdien og hvilket funktionsnr. Den beregnede tangentforskrift indsættes som en funktion i "Rediger funktioner".

Bemærk at der er et særskilt underark, der hedder "Graf". Det viser bare koordinatsystemet med graferne i stort format.

Der er også et ark der hedder "Residualplot", som beregner residualerne for evt. regressionslinjer indsat på de tre punktserier, og viser residualplottet.

Der er en knap til at lave regression på hver af de tre punktserier. Det behandles særskilt i afsnit 9 Excel Regression s. 52

Man kan have behov for at gemme en Excel-graf som et Excel-ark og ikke bare tage et screenshot til Word. Der er dog en faldgrube her. Når man gemmer Excel-dokumentet skal det gemmes i xlsx-format ("Excel-projektmappe med aktive makroer"). Det kan nogle gange som standard gemme i xls-format, og I så fald vil mange af funktionerne i arket ikke virke mere. Hvis man trykker "Gem" vælges normalt det rigtige format, mens det går galt, hvis man vælger "Gem som".

Excelarket kan indsættes indlejret i Word i stedet for at åbne det separat i Excel. Det gøres ved at sætte flueben ved "indstillinger / Graf / Indsæt Excelark indlejret". Det fungerer dog tvivlsomt.

Slet definitioner:

Hædningsfelt (Retningsfelt)

Man kan få tegnet retningsfeltet og tilhørende integralkurver for en 1. ordens differentialligning på formen:

$$y' = F(x, y)$$

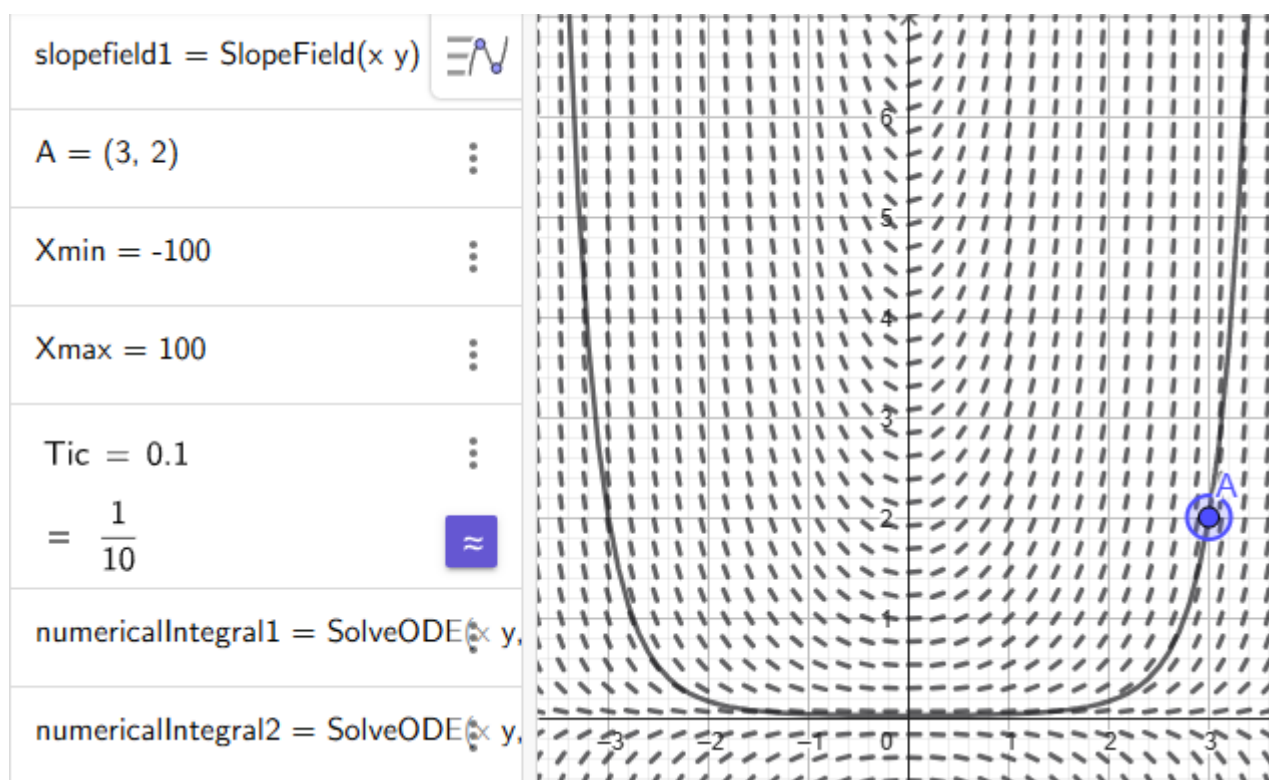
Hædningsfeltet kan tegnes med GeoGebra eller GnuPlot (Kun Windows). Om der anvendes GeoGebra eller GnuPlot afhænger af hvilket grafprogram, der er valgt som standard grafprogram i indstillinger.

Eksempel:

$$y' = x \cdot y$$

Ligningen markeres og der trykkes hædningsfelt i menuen under "Vis graf".

I GeoGebra der set sådan ud:



Hædningsfeltet vises sammen med en integralkurve, der går gennem punktet A. Du kan trække i punktet A for at se anden integralkurve, eller ændre koordinaterne i venstre side. Man kan også ændre andre indstillinger:

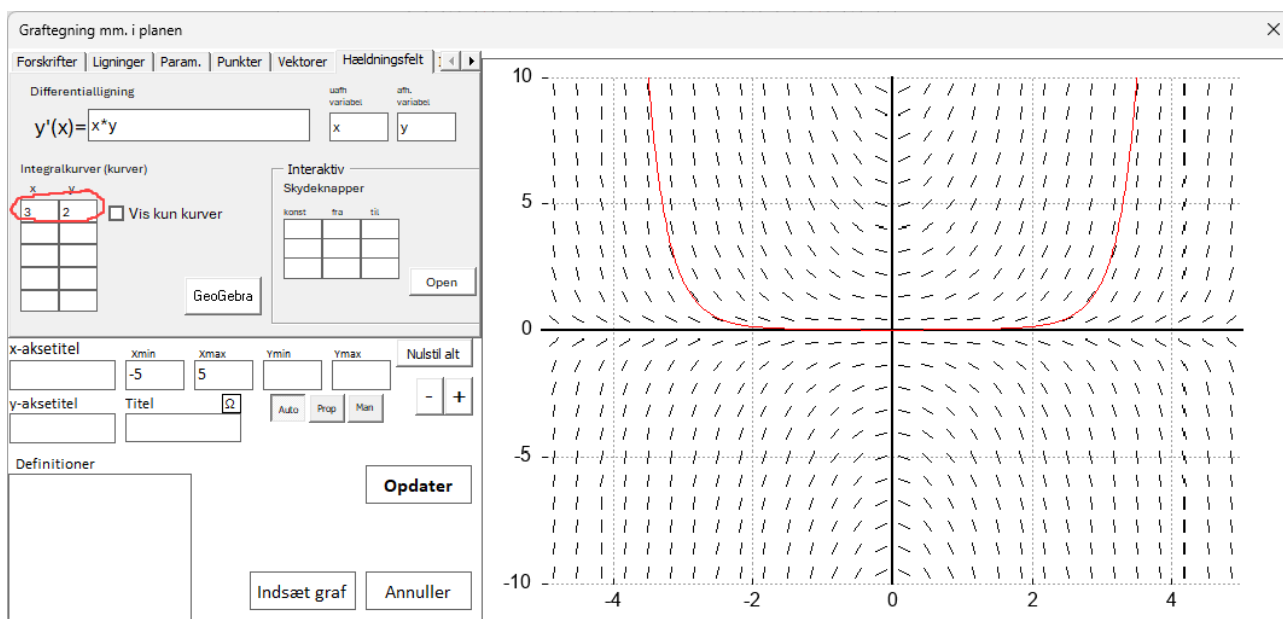
Tic styrer hvor præcist integralkurven tegnes. En lavere værdi er bedre, men gør grafen langsommere at opdatere.

Xmin og Xmax styrer i hvilket område integralkurven skal tegnes.

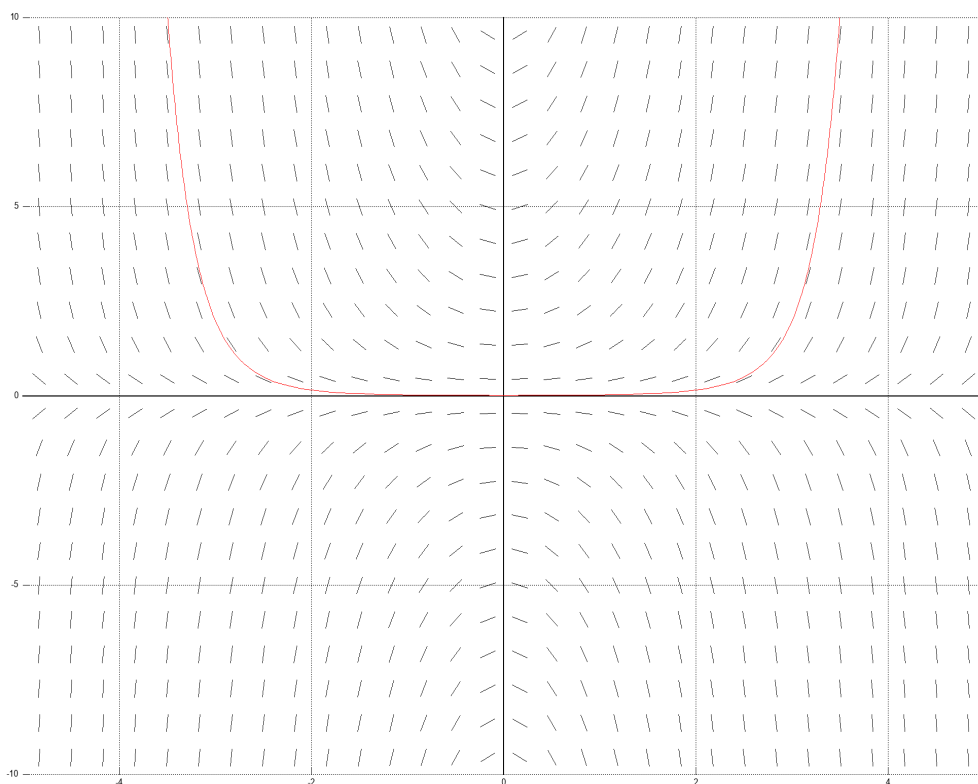
Her er samme eksempel med GnuPlot:

$$y' = x \cdot y$$

Cursoren placeres i matematikfeltet og der vælges hædningsfelt.



I venstre side indtastes koordinaterne til et punkt, hvor vi vil se en integralkurve, og dernæst klikkes Opdater, og til slut Indsæt graf for at få grafen ind i Word:



Det er også muligt at plotte alle mulige andre objekter i samme koordinatsystem.

Der er også mulighed for at åbne et interaktivt vindue hvor man kan trykke på et punkt hvor der skal tegnes integralkurver. Samt indsætte skydere, der dynamisk kan ændre konstanter i ligningen.

3D-Grafer

WordMat kan vise forskrifter, ligninger, vektorer, parameterfremstillinger og punkter i 3D (Rummet) vha. GeoGebra eller GnuPlot (Kun Windows).

Man indtaster fx en ligning i et matematikfelt og trykker "3D plot"-knappen i menuen. Man kan godt markere flere matematikfelter på én gang.

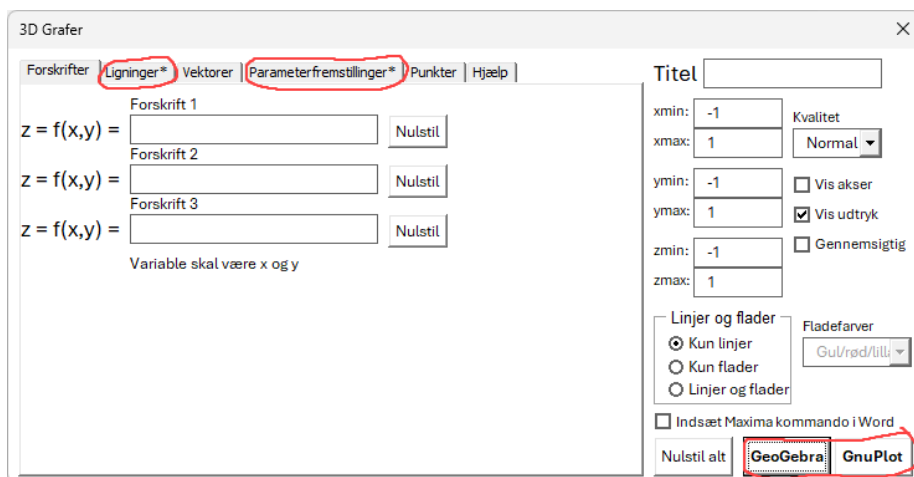
Eksempel: ligningen for en kugle, parameterfremstilling for en linje og ligningen for et plan markeres og der trykkes "3D plot"

$$x^2 + y^2 + z^2 = 1^2$$

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} t \\ t \\ t \end{pmatrix}$$

$$(x - 0,577) + (y - 0,577) + (z - 0,577) = 0$$

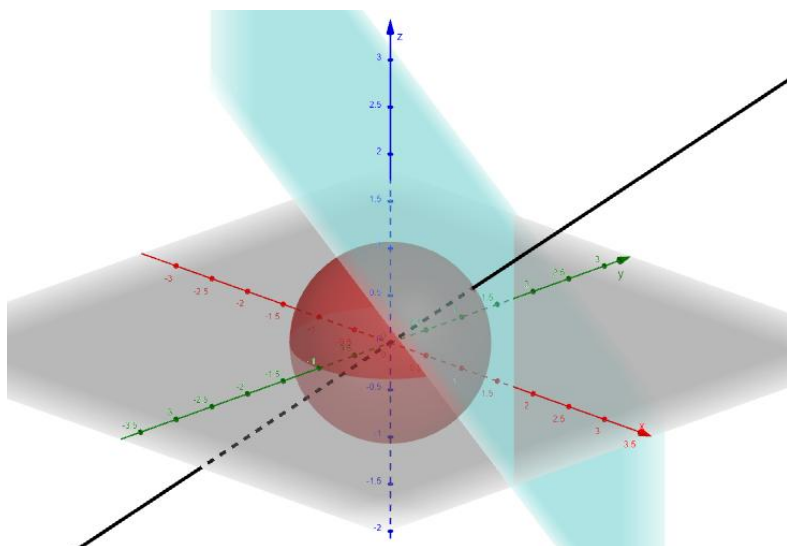
Der kommer nu følgende vindue frem:



Bemærk at der står en stjerne ud for fanerne med ligninger og parameterfremstillinger, da der nu er udfyldt felter på disse faner.

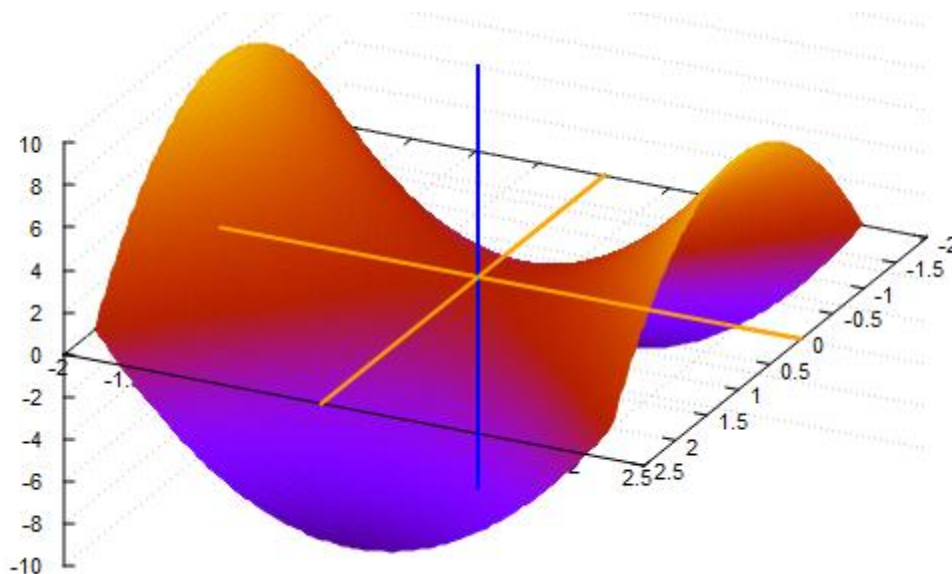
Nederst til højre vælges GeoGebra eller GnuPlot for at se figurerne.

Indstillingerne i højre side er indstillinger der vedrører GnuPlot, og ikke GeoGebra. Her er hvordan ovenstående ser ud i GeoGebra, efter akserne er blevet justeret lidt:



Her er et eksempel fra GnuPlot

$$z = 2 \cdot (y^2 - x^2)$$

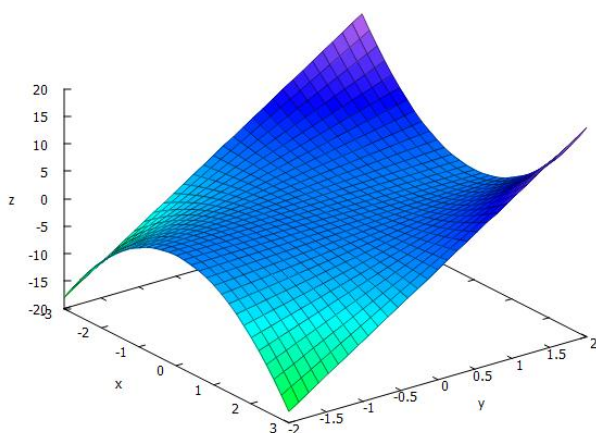


Når 3D-plot vinduet er åbent kan man rotere figuren ved at trække rundt med venstre museknap trykket inde. Billedet kopieres til Word ved at højreklikke på menuen og vælge options og dernæst 'copy to clipboard'. Nu kan 3Dplot-vinduet lukkes og billedet sættes ind.

Følgende Maxima-kommando kan også bruges til at lave 3D-grafer. Dog kun forskrifter. Bare tryk beregn på udtrykkene så åbner GnuPlot vinduet.

`plot3d(2-x2 + y2; [x; -3; 3]; [y; -2; 2])`

`plot3d(x2 · y; [x; -3; 3]; [y; -2; 2])`



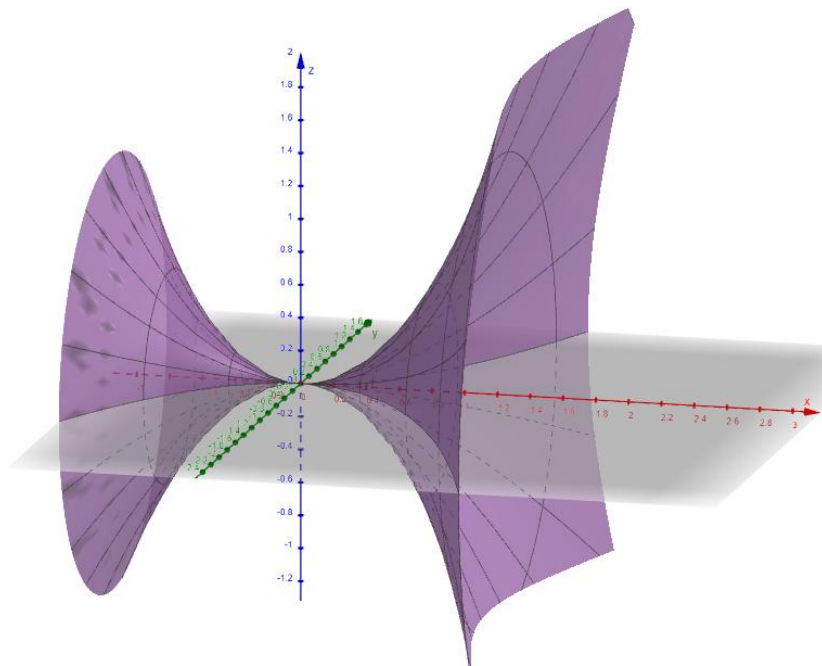
Omdrejningslegeme

WordMat kan tegne omdrejningslegemer omkring x-aksen for en eller flere funktioner ad gangen, vha. GeoGebra.

Eksempel:

$$f(x) = x^2$$

Cursoren placeres i matematikfeltet og der trykkes på den nederste del af 3D plot-knappen og der vælges omdrejningslegeme.



Hvis der skal vises flere omdrejningslegemer i samme koordinatsystem, markeres bare flere matematikfelter.

Formelsamlingen har en formel til beregning af volumen af et omdrejningslegeme. Bare søg på omdrejningslegeme eller volumen.

$$V = \pi \cdot \int_a^b (f(x))^2 dx$$

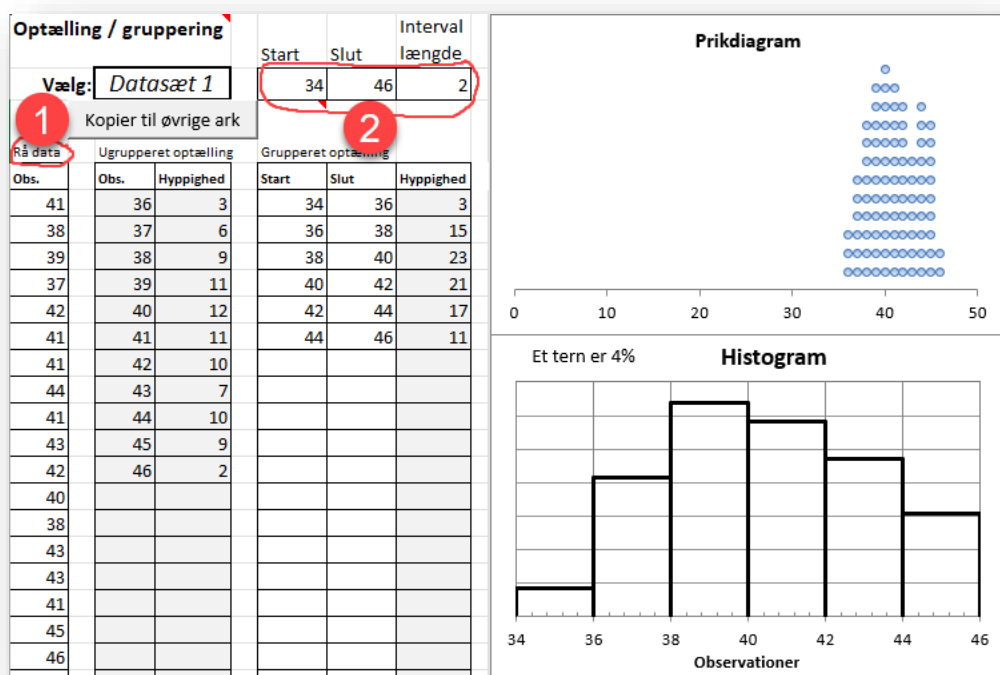
Statistiske diagrammer

WordMat kan generere alle de statistiske diagrammer man typisk bruger i grundskolen og det danske Gymnasium. Det gøres vha. Excel-dokumenter.

Der er ét regneark der kan genenere de fleste diagrammer. Det åbnes ved at trykke på statistik-knappen under graftegning. I dette regneark er der en række faner nederst, der kan vælges.

Data

Den første fane er "data". Her kan man indtaste sine rå data, få dem talt op og evt. gruppere dem. Hvis man allerede har talt dataene op eller grupperet dem, så gå videre til næste afsnit.



I eksemplet ovenfor er der indsamlet skostørrelser for 90 personer. Alle de 90 skostørrelserne er tastet i den første kolonne under "rå data".

I de næste kolonner "ugrupperet data", tælles automatisk op hvor mange der er af de forskellige skostørrelser (hyppigheder for hver observation) og det illustreres på automatisk på pindediagrammet til højre.

Hvis man gerne vil have grupperet dataene kan man gøre det ved at indtaste intervaller under "grupperet optælling". Intervallerne er af typen $[a, b]$. dvs. det starttallet er ikke med i intervallet, men det er sluttallet. Hvis man vil intervaller af samme længde er det nemmeste at benytte felterne lige over "grupperet optælling", så udfyldes alle intervallerne automatisk. Hvis Grupperet optælling udfyldes illustreres det på Histogrammet til højre.

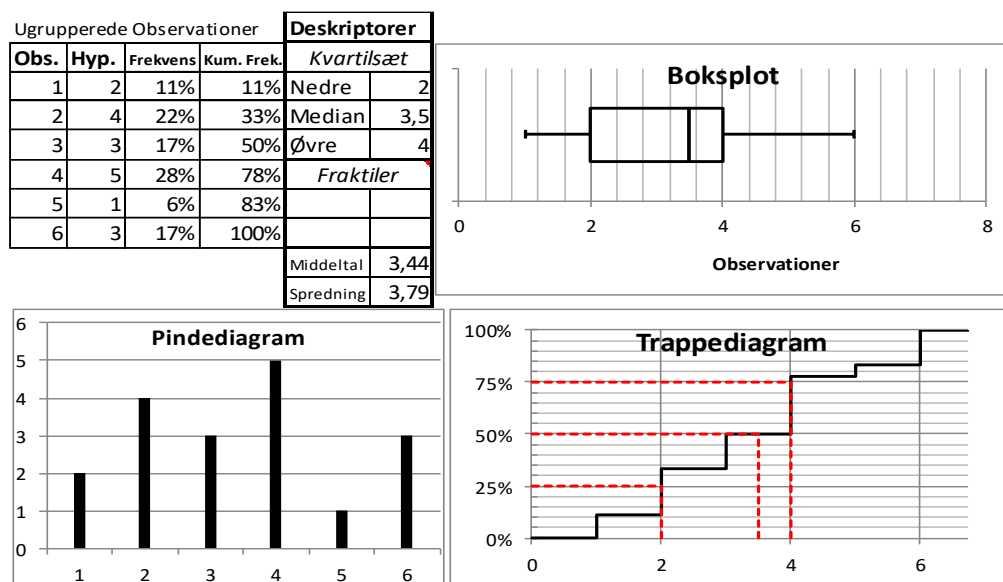
Når dataene er indtastes talt op, og evt. grupperet klikkes på knappen "Kopier til øvrige ark". Det kopierer dataene til de øvrige underark i regnearket, hvor der beregnes statistiske deskriptorer og vises forskellige relevante diagrammer.

De næste to faner (ugrup og grup) laver en komplet beregning af alle størrelser og diagrammer man har brug for, for henholdsvis ugrupperede og grupperede datasæt.

Knappen "Datasæt 1" kan bruges til at skifte mellem forskellige datasæt. I alt kan der gemmes 8 datasæt i arket.

Ugrupperet observationssæt (Ugrup-fanen)

På fanen Ugrup udfyldes data automatisk fra data-arket, eller man kan selv udfylde det, hvis man har tallene talt op. Man indtaster observationer og hyppigheder i de to første kolonner.



(dobbeltklik for at redigere arket)

Frekvens og kumuleret frekvens beregnes så automatisk. Dertil beregnes følgende statistiske deskriptorer: Kvartilsæt (Median samt nedre og øvre kvartil), middelværdi og spredning. Man kan også få beregnet en vilkårlig fraktile, som samtidigt illustreres på trappediagrammet. Man kan enten indtaste en observation i første kolonne under "Fraktiler", eller indtaste et procenttal i 2. kolonne. Der kan beregnes og illustreres to forskellige fraktiler på én gang.

Boksplot, pindediagram og trappediagram vises automatisk.

Hvis der er data man ikke vil have vist, kan man skjule kolonnerne ved at ændre kolonnebredden.

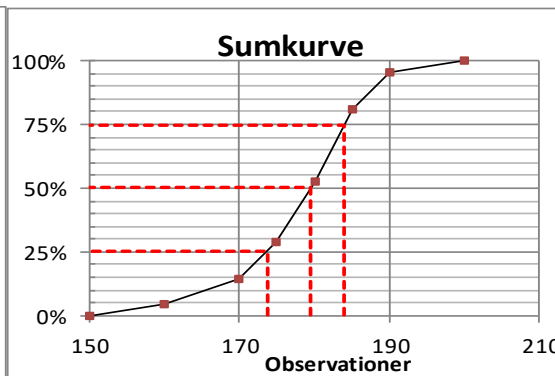
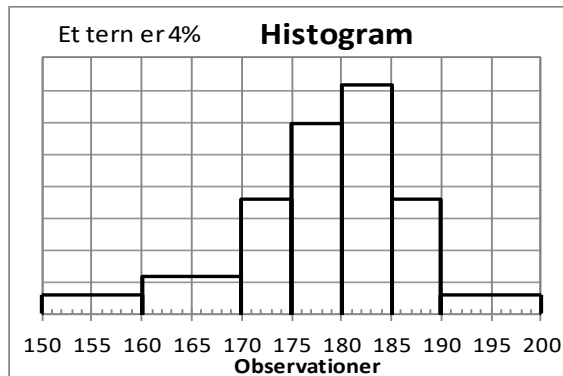
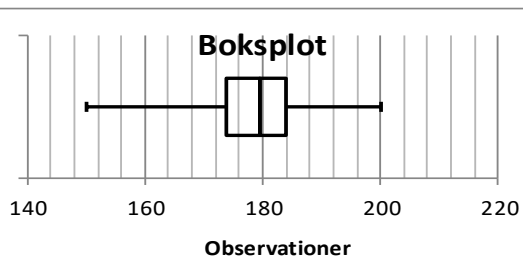
Diagrammer man ikke vil have vist kan man slette. Diagrammerne kan flyttes og størrelsen ændres efter behag.

Grupperet observationssæt (Grup-fanen)

På fanen Grup udfyldes data automatisk fra data-arket, eller man kan selv udfylde det, hvis man har grupperet tallene i intervaller. Man indtaster Intervallerne i Fra og til kolonner, samt hyppighederne i de tre første kolonner.

Grupperede observationer

Interval					Deskriptorer	
Fra	Til	Hyp.	Frekvens	Kumuleret	Kvartilsæt	
150	160	1	5%	5%	Nedre	173,8
160	170	2	10%	14%	Median	179,5
170	175	3	14%	29%	Øvre	184
175	180	5	24%	52%	Fraktiler	
180	185	6	29%	81%		
185	190	3	14%	95%		
190	200	1	5%	100%	Middeltal	178,2
					Spredning	8,835



(dobbeltklik for at redigere arket)

Frekvens og kumuleret frekvens beregnes så automatisk. Dertil beregnes følgende statistiske deskriptorer: Kvartilsæt (Median samt nedre og øvre kvartil), middelværdi og spredning. Man kan også få beregnet en vilkårlig fraktile. Man kan enten indtaste en observation i første kolonne under "Fraktiler", eller indtaste et procenttal i 2. kolonne. Der kan beregnes og illustreres to forskellige fraktiler på én gang.

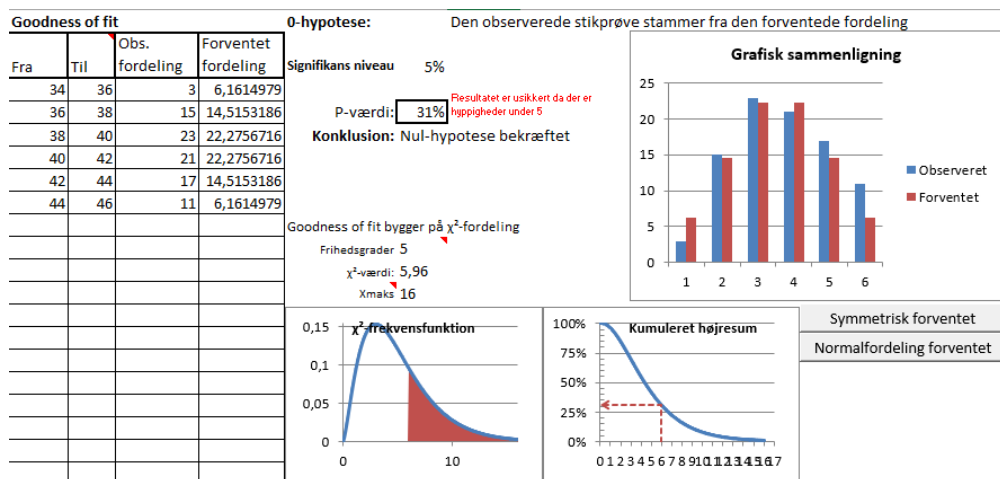
Boksplot, Histogram og sumkurve vises automatisk.

GOF (Goodness of fit)

Goodness of fit beregnes på baggrund af et grupperet datasæt, som er indtastet manuelt eller overført fra Data-arket. Ud over datasættet skal man indtaste en forventet fordeling (0-hypotesen). Der er to knapper man kan bruge til automatisk at indtaste en symmetrisk fordeling eller en normalfordeling som forventet fordeling.

Goodness of fit testen afgør så om den observerede fordeling stammer fra den forventede fordeling.

I dette eksempel er anvendt dataene for de 90 skostørrelser ovenfor, og knappen til normalfordeling er anvendt med en middelværdi på 40 og spredning på 3.

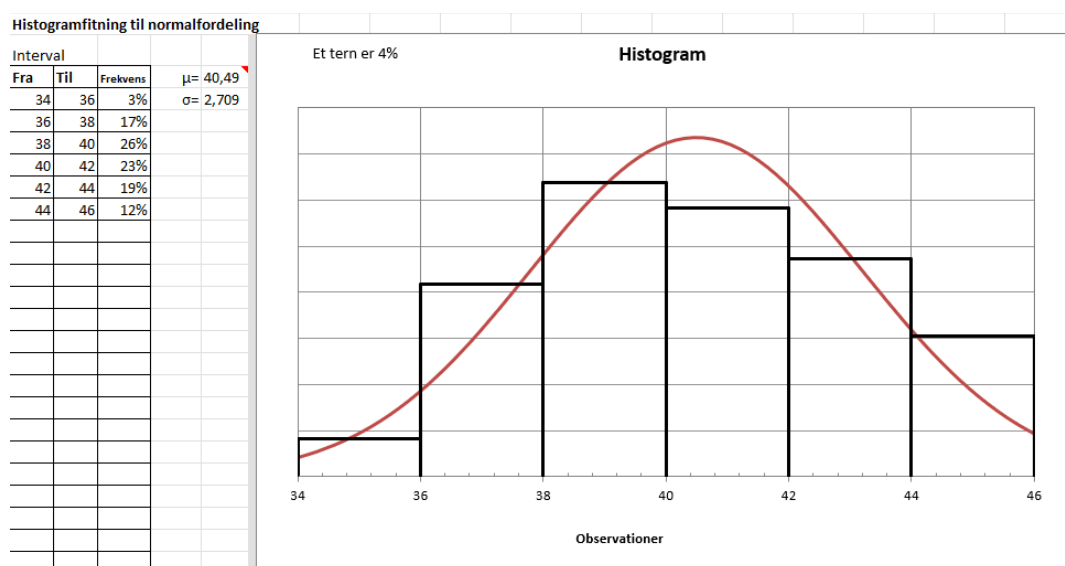


Vi kan se at p-værdien er 0,31=31%, og med et signifikans niveau på 5% kan vi ikke forkaste 0-hypotesen. Vi har altså *ikke* belæg for at sige at den observerede fordeling er forskellig fra den forventede.

Til pædagogisk brug vises hvordan P-værdien beregnes på baggrund af χ^2 -fordelingen, og hvordan de to fordelinger ser ud ved siden af hinanden.

Histogram-fit

Denne fane anvendes til at finde den bedst tilnærmede normalfordeling til et grupperet datasæt. Det eneste der skal indtastes er de grupperede data, som kan indtastes manuelt eller kan komme fra data-arket.

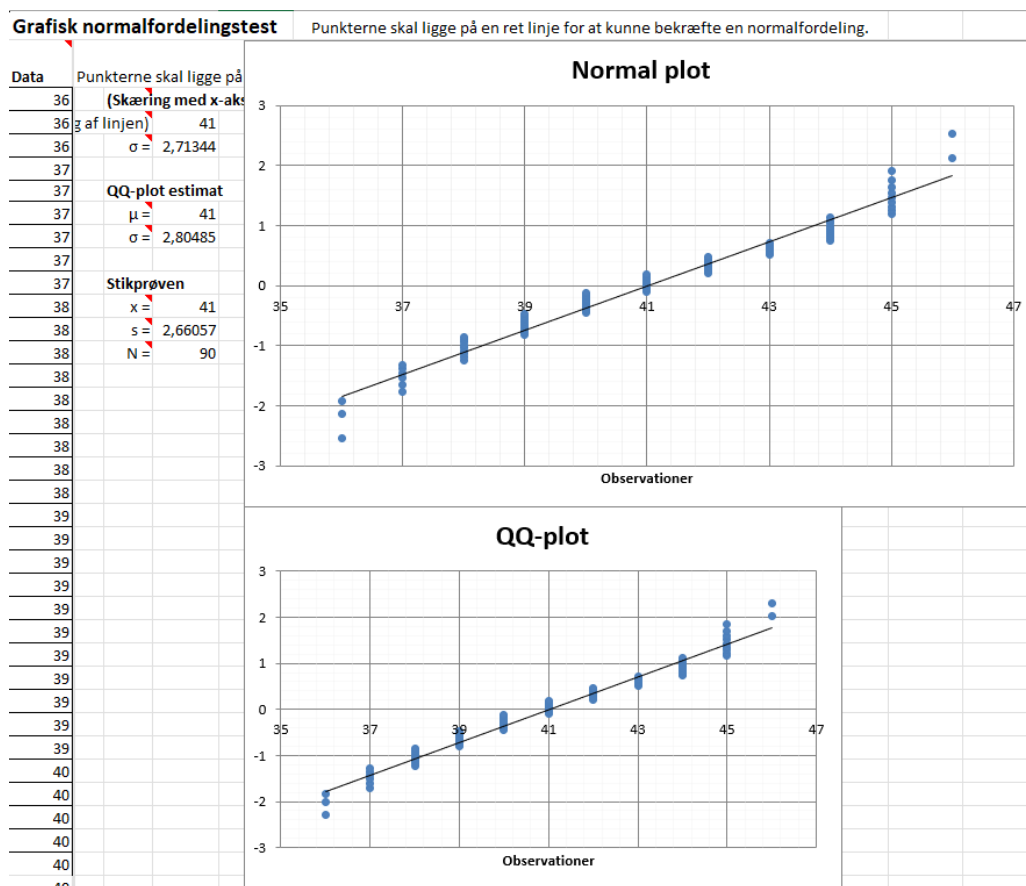


Middelværdien og spredningen beregnes automatisk og histogrammet vises sammen med normalfordelingen. Den automatiske metode til estimering af middelværdien og spredningen er dog meget simpel. Man kan selv justere tallene og se på grafen se om man kan frembringe en normalfordeling der passer bedre med fordelingen end den automatiske. Se også næste fane "Normal-plot" for en mere avancerede beregningsmetoder af middelværdi og spredning.

Normal-plot

På denne fane findes grafer, der kan hjælpe med at afgøre om et ugrupperet datasæt er normalfordelt. Samtidigt beregnes estimerer på middelværdi og spredning vha. forskellige metoder. De rådata tages i 1.

kolonne eller kommer fra data-arket.



Hvis punkterne tilnærmelsesvis ligger på en ret linje, uden systematiske afvigelser, har man belæg for at sige at datasættet er normalfordelt.

Der er to forskellige grafer, der bruger lidt forskellige metoder til at tegne graferne. Den øverste "normal-plot" bruger metoden beskrevet her: https://en.wikipedia.org/wiki/Normal_probability_plot

QQ-plottet er lidt mere simpel, men er en mere gængs metode.

Det kan være en god ide at tilpasse akserne på graferne for at få det bedste udgangspunkt til at vurdere graferne. Det gøres ved at højreklikke på x-aksen og vælge "Formater akse". I højre side kan man så justere minimum og maksimum.

Der angives 3 forskellige estimater af middelværdi og spredning. 1. estimat er baseret på normalplottet, 2. estimat er baseret på QQ-plottet, og 3. estimat er beregnet ud fra standard formel for middelværdi og spredning for et datasæt.

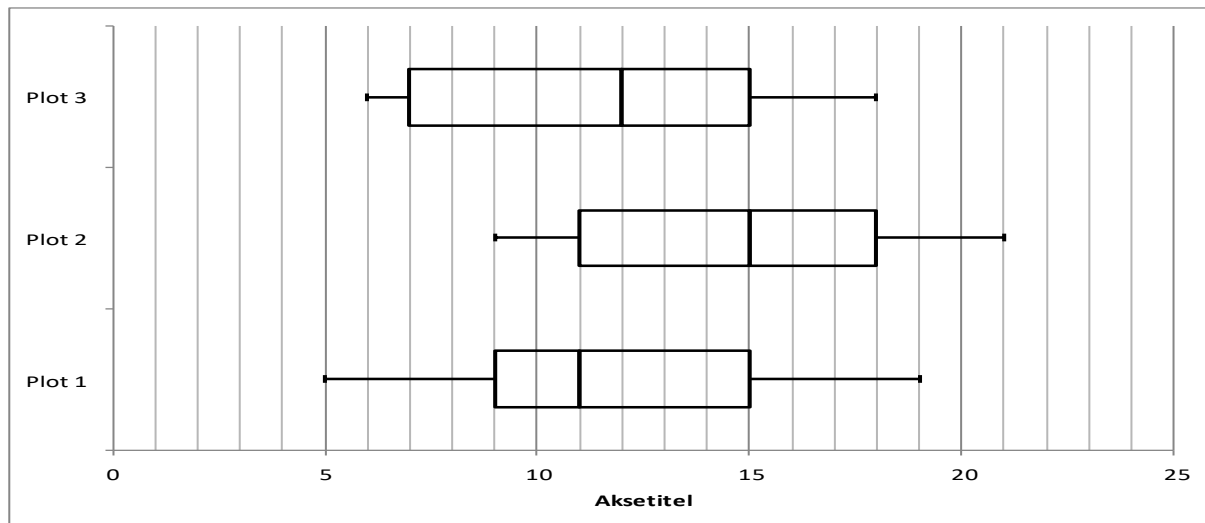
Specifikke diagrammer

Hvis man har behov for et bestemt type diagram og har alle nødvendige data, så kan man benytte de ark, der specifikt bruger et bestemt diagram. Disse vælges ved at klikke nederst på statistikknappen i WordMat menuen.

Der er ark til: Pindediagram, Histogram, Trappediagram, sumkurve og boksplot

En anden fordel ved de specifikke ark til trappediagram, sumkurve og boksplot er at de kan benyttes til sammenligning af datasæt, da de kan vise flere datasæt i samme diagram. Statistik-arket kan kun vise diagrammer med ét datasæt ad gangen.

Ved de specifikke Excelark kan man foruden vælge et underark, hvor kun diagrammet vises i stort format.



9. Regression

WordMat kan foretage 4 forskellige regressionsformer: lineær, eksponentiel, potens og polynomisk regression. Samt en brugerdefineret regressionsform. Der er grundlæggende to fremgangsmåder. En metode der kun anvender Word og en metode der er Excel-baseret, som behandles i et særskilt afsnit nedenfor.

Regression i Word

Vi har 10 punkter, som der skal udføres lineær regression på. Det første vi gør, er at klikke på regression i WordMat-menuen og vælger "Indsæt tabel". Vi bliver spurgt om hvor mange punkter vi vil indsætte og skriver 10. Der indsættes så denne tabel i Word:

x										
y										

Nu udfyldes tabellen med punkterne

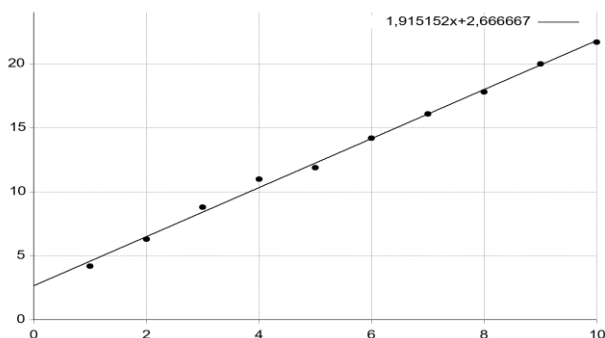
x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
y	4,2	6,3	8,8	11	11,9	14,2	16,1	17,8	20	21,7

Så placeres cursoren et sted i tabellen og i WordMat menuen vælges *Regression > Lineær*.

Lineær regression udført vha. WordMat: $R^2 = 0,9968176$
 $y = 1,915152x + 2,666667$

Nu har vi fået den lineære funktion, der bedst passer med punkterne, og beregnet korrelationskoefficienten (Forklaringsgraden.)

Hvis man gerne vil se hvordan grafen for funktionen passer med punkterne, markeres både tabellen og funktionen, og der klikkes Vis graf i menuen (eller: Alt + P). Det gør ikke noget, der er tekst i mellem, som også bliver markeret.



Man kan også indsætte sin egen tabel vha. Words normale tabelværktøj, eller kopiere en tabel ind et andet sted fra. Der understøttes både vandrette og lodrette tabeller. Funktionen "Indsæt tabel" vil indsætte en vandret tabel, hvis der angives 10 eller færre punkter, ellers indsættes en lodret tabel. Det er valgfrit om der skal være "overskrifter" i de første celler. Tekst bliver ignoreret.

Et særligt problem kan opstå, hvis man kun har to punkter og der ikke angives en overskrift, da retningen af tabellen, da er tvetydig. Konventionen er da at tabellen er lodret.

Følgende tabel bliver forstået som punkterne (1,2) og (3,4) *ikke* (1,3) og (2,4)

1	2
3	4

Der kan både bruges komma og punktum som decimalseparator, og der kan anvendes videnskabelig notation angivet med en følgende notationsformer: $2,1 \cdot 10^6$ eller 2,1E6

Bogstaver i tabellen ignoreres, men forårsager ikke fejl.

Eksempel på forskellige godkendte måder at indtaste tal på i en tabel:

x	1	2	3	4	5
y	12,34	345.6	5,6E4	$6,2 \cdot 10^5$	7E6

Der må ikke anvendes matematikfelter i tabellen.

I stedet for at angive punkterne i en tabel, er der også mulighed for at angive en punktmængde i et matematikfelt.

Eksempel på indtastning af punktmængde, som der også kan udføres regression på:

$$\{(1,4; 2), (3,2; 5), (5,7)\}$$

Bemærk hvordan der både er anvendt semikolon og komma som listeseparator. Listeseparator identificeres ud fra sammenhængen. Der understøttes ikke grafvisning af punkterne på denne skrivemåde.

Excel Regression

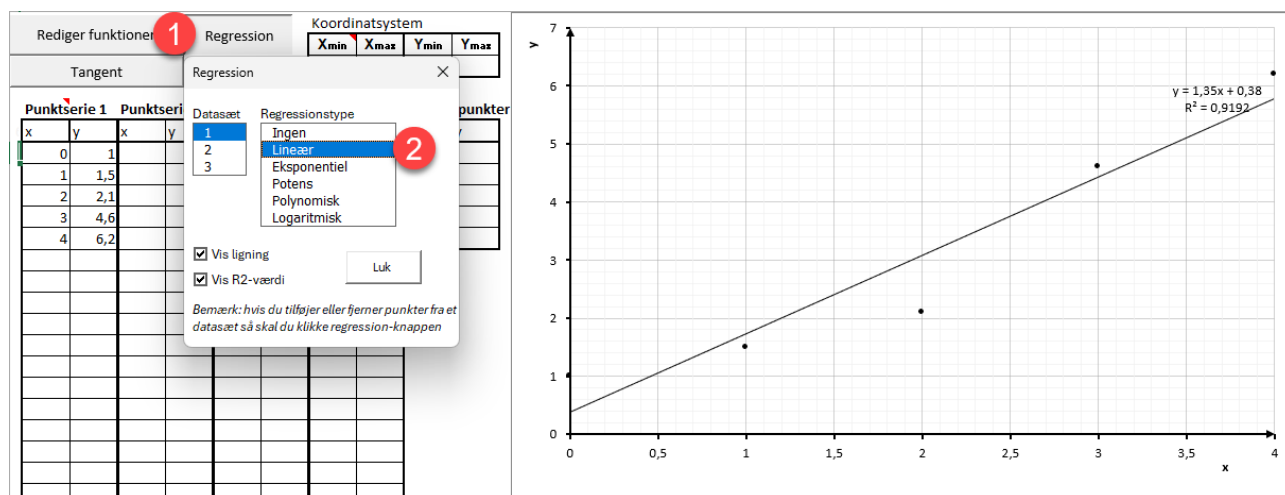
I stedet for at udføre regressionen direkte i Word, kan den udføres i et specielt Excel-ark. Excel har allerede funktioner indbygget til at udføre regression, men WordMat's Excel-ark gør dette nemmere, og tilføjer en række funktioner som Excel normalt ikke har, anvender skrivemåder som oftere anvendes i undervisningen og genererer en graf som ligner et rigtigt koordinatsystem. Excelarket er særlig velegnet hvis man har mange punkter, hvis man allerede har punkterne i Excel og særligt til naturvidenskabelige fag.

Excelarket's funktioner, bortset fra regression, er beskrevet i *Afsnit 8 Graftegning under Excel s. 38*.

Excelarket kan åbnes fra to forskellige steder i WordMat-Menuen. Under "Vis graf" og under *Regression*. Det er underordnet hvilket punkt, der klikkes på.

Hvis der i Word er markeret en tabel og/eller et matematikfelt med en funktion overføres dette til Excelarket. Vi fortsætter her med et eksempel fra *Afsnit 8*.

Der er indtastet punkter under punktserie 1. For at udføre regression klik på Regression og dernæst typen.



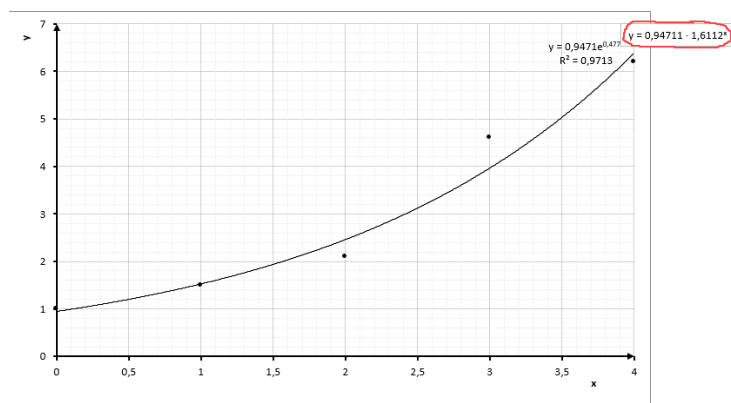
Forskriften og grafen kan nu ses i koordinatsystemet.

Bemærk at Regressionslinjen udfylder hele koordinatsystemet, så man i dette tilfælde kan se skæringen med y-aksen. Det gør Excel ikke som standard. Det er heller ikke standard med et koordinatsystem med gitter og pile på akserne.

Du kan nemt skifte mellem de forskellige typer regression for at se hvordan de passer med punkterne.

Særligt for eksponentiel regression dukker der et ekstra tekstfelt op, hvor forskriften skrives på formen

$y = b \cdot a^x$ hvilket er særlig nyttigt på lavere matematikniveauer, hvor e^x ikke er indført.



Bemærk at ved polynomisk regression har du mulighed for at angive orden af polynomiet fra 2-6.

Funktionen "Marker punkter" virker også for regressionslinjer. (se af *Afsnit 8*)

Sinusregression

Ved Sinus regression findes den harmoniske svingning der bedst passer med punkterne. Den harmoniske svingning er denne funktion:

$$y = A \cdot \sin(\omega \cdot x + \phi) + k$$

Det drejer sig altså om at få bestemt de 4 konstanter der indgår i funktionen.

A - amplituden (lodrette strækning)

ω - vinkelhastigheden (påvirker frekvens og periode/bølgelængde)

ϕ - faseforskydningen (påvirker vandrette forskydning)

k - lodrette forskydning

Som ved de andre regressioner, indtaster man koordinaterne til punkterne i en tabel, evt. via 'Indsæt tabel' i regressionsmenuen. Herefter man placerer cursoren i tabellen og vælger 'Sinus regression' fra WordMat's menu.

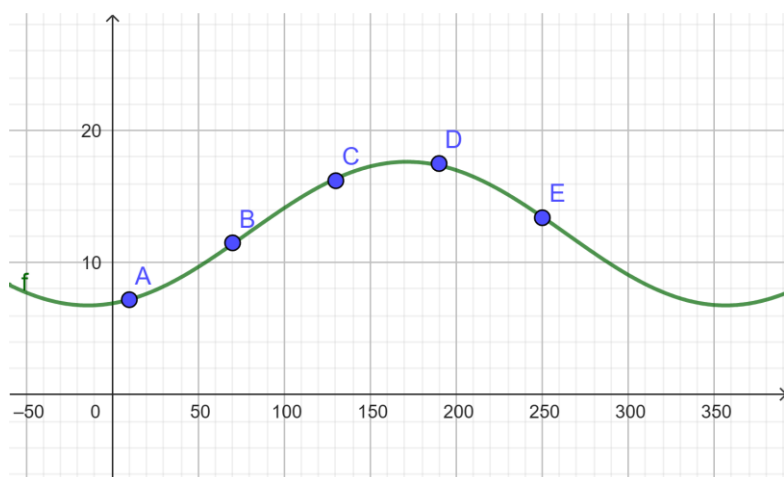
Eksempel data:

x	10	70	130	190	250
y	7,2	11,5	16,2	17,5	13,4

Sinus regression udført vha. WordMat (i radianer): $R^2 = 0,9991414$

$$f(x) = 5,43114 \cdot \sin(0,01695775 \cdot x - 1,332785) + 12,19906$$

Man får vist grafen, ved at markerer tabellen og funktionen samtidigt, og klikke 'Vis graf' (Alt + p)



OBS: I langt de fleste tilfælde skal WordMat stå til radianer, når der udføres Sinusregression. Hvis du udfører regression mens WordMat står til at regne i grader vil du blive advaret.

Har du fx udført regression i grader og efterfølgende viser grafen med radianer vil punkterne og grafen ikke passe sammen.

Som alternativ til WordMat's sinusregression kan man anvende GeoGebra

1. Sæt cursoren i tabellen og tryk "Vis graf > GeoGebra calculator suite" eller "Vis graf > GeoGebra 5" (Alternativt tryk Alt+P hvis du har GeoGebra som standard Grafprogram)
2. Indtast i inputfeltet afhængig af hvilken GeoGebra der er åbnet i.
GeoGebra Calculator Suite: `fitsin(l1)`

3. evt. øg antallet af cifre i Indstillinger/afrunding (settings/rounding)

Brugerdefineret regression

Ved denne regressions-type indtastes, ud over en tabel, en funktions-type som man gerne vil have lavet regression ud fra. Funktionen kan indtastes lige under tabellen og markeres sammen med tabellen, når der trykkes "Brugerdefineret regression", eller den kan indtastes efterfølgende.

Eksempel:

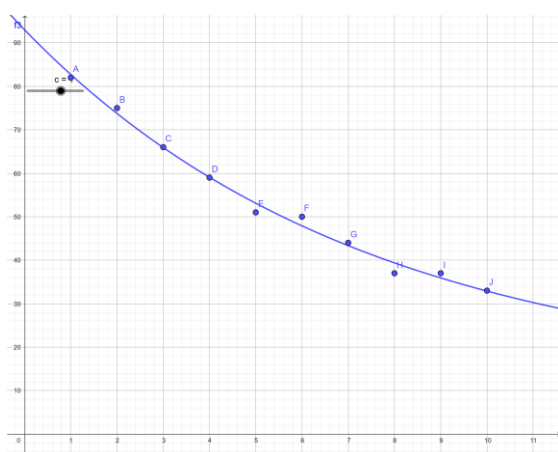
x	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
y	82	75	66	59	51	50	44	37	37	33

$$y = b \cdot a^x + c$$

Her kan man se at funktionen der blev markeret, er blev indsat. WordMat identificerer de tre konstanter og der er klargjort til at indsætte startgæt. I dette tilfælde indtastes der ikke startgæt, og WordMat finder alligevel en god løsning.

Brugerdefineret regression med funktionen: $y = b \cdot a^x + c$ udført vha. WordMat: $R^2 = 0,9928024$

$$80,84603 \cdot 0,8727893^x + 12,15958$$



I resultatet skiftes de tre konstanter (a, b, c) ud med de tal som får funktionen til at være den bedst mulige tilnærmelse til punkterne. Man bestemmer selv hvad man kalder konstanterne.

Det er muligt at angive med hvilken præcision man ønsker konstanterne. Bemærk dog at dette kan påvirke beregningstiden, specielt ved mange konstanter.

Det er muligt at indtaste startgæt, for de enkelte konstanter. Gode startgæt kan være vigtige.

Det er vigtigt at notere sig at det drejer sig om en numerisk metode. Der er ingen garanti for at der ikke findes funktioner, der passer bedre end den, der bliver fundet. Det kan i høj grad komme an på startgættene, specielt hvis der er mange konstanter i udtrykket.

10. Sandsynlighedsregning

WordMat har to tilgangsmåder til sandsynlighedsregning. Den rent CAS-baserede, med formler i Word, og nogle Excelark, der kan vise fordelinger og foretage statistiske test. Excel-arkene kan tilgås fra menuen Under *Fordelinger* og *Test*. Formlerne er indbygget i formelsamlingen.

Kombinatorik, binomialfordeling og test

I formelsamlingen kan man finde definitionen på binomialkoefficient, bare søg på 'bin' eller klik på sandsynlighedsregning. Så kan man finde denne oversigt over kombinatorikformler

Kombinatorik			
n = antal elementer r = antal elementer der udvælges		Formlerne beregner antal måder r elementer kan udvælges fra n	
	Med tilbagelægning	Uden tilbagelægning	
Ordnet <small>rækkefølge har betydning.</small>	$P(n, r) = n^r$	$P(n, r) = \frac{n!}{(n-r)!}$	Permutationer
Uordnet <small>rækkefølge har ikke betydning.</small>	$K(n, r) = \frac{(n-1+r)!}{(n-1)! \cdot r!}$	$K(n, r) = \frac{n!}{r! \cdot (n-r)!}$	Kombinationer
Binomialkoefficient			

Eller denne med formler for binomialfordeling, hvor formelen for binomialkoefficient også optræder

Binomialfordeling	
$K(n, r) = \frac{n!}{r! \cdot (n-r)!}$	Binomialkoefficient Antal måder r elementer kan udtages fra n, hvis rækkefølge ikke har betydning.
$P(r) = K(n, r) \cdot p^r \cdot (1-p)^{n-r}$	Binomialfordeling p = Basissandsynlighed n = Antalsparameter r = Antal succes'er
$\mu = n \cdot p$	Middelværdi
$\sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)}$	Spredning
$\hat{p} \pm 2 \cdot \sqrt{\frac{\hat{p} \cdot (1-\hat{p})}{n}}$	Konfidensinterval

Når formelen for binomialkoefficient er indsat, vil det være som en definition.

$$K(n, r) \stackrel{\text{def}}{=} \frac{n!}{r! \cdot (n-r)!}$$

Bemærk, at det er ikke en formel, man skal sætte ind i. Når den er defineret, kan man efterfølgende skrive

$$K(5, 2) = 10$$

Bemærk her, at der skal være et mellemrum på den ene side af kommaet, eller man skal bruge semikolon, ellers fortolkes 5,2 som decimaltallet 5,2 og ikke to separate tal. (medmindre man i indstillinger har valgt komma som listeseparator)

Maxima og GeoGebra har også en indbygget funktion til binomialkoefficient, som man kan bruge uden at skulle definere noget.

$$\text{binomial}(5, 2) = 10$$

I formelsamlingen kan man også finde formlen for binomialfordeling. Når den indsættes, definerer den automatisk n , p og $K(n, r)$.

$$\text{definer: } n = 10, p = \frac{1}{2}$$

$$K(n, r) \stackrel{\text{def}}{=} \frac{n!}{r! \cdot (n - r)!}$$

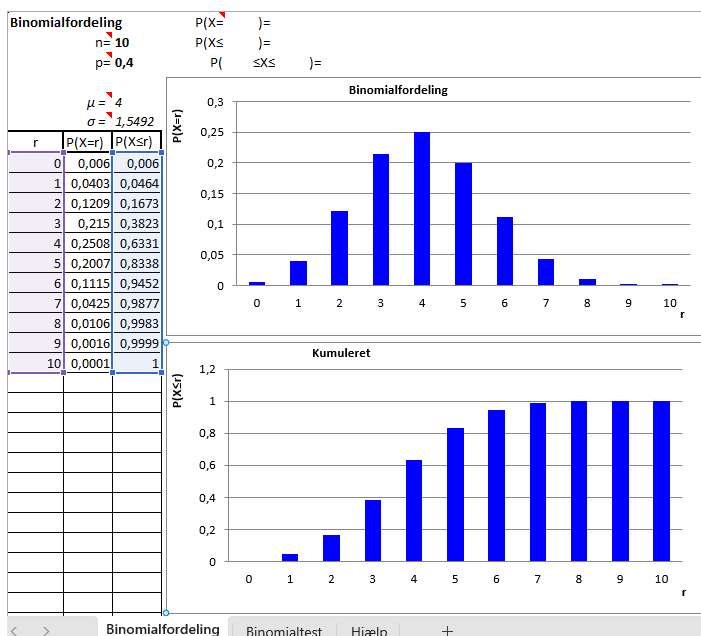
$$P(r) \stackrel{\text{def}}{=} K(n, r) \cdot p^r \cdot (1 - p)^{n-r}$$

Meningen er så, at man selv ændrer n og p , og så efterfølgende benytter $P(r)$

$$P(3) = 0,1171875$$

Slet definitioner:

Under "Fordelinger > Binomialfordeling" finder man Excel-arket til Binomialfordelingen.



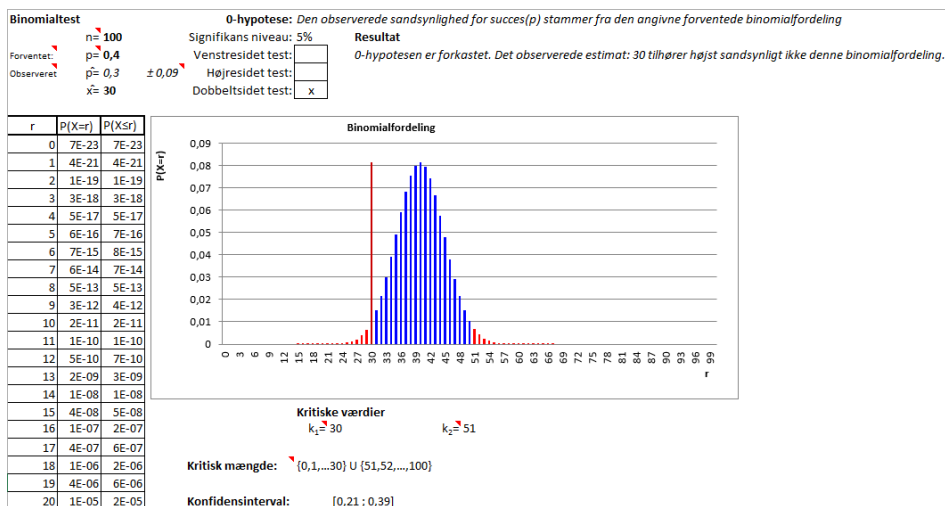
Øverst til venstre angiver man antalsparameteren n og basissandsynligheden p . Som udgangspunkt står de til $n=10$ og $p=0,4$.

Når n og p ændres, beregnes tabellen over $P(X = r)$ og $P(X \leq r)$ automatisk nedenfor, lige som fordelingen illustreres på de to grafer for henholdsvis $P(X = r)$ og $P(X \leq r)$.

Middelværdien og spredningen beregnes automatisk.

Til beregning af $P(X = r)$ og $P(X \leq r)$ kan man slå op i tabellen, men der er også specifikke felter øverst til beregning af $P(X = r)$, $P(X \leq r)$ og $P(r \leq X \leq s)$.

Bemærk, at der nederst på arket er et underark, der hedder "Binomialtest". Hvis man klikker på det får man et ark, der kan foretage binomialtest på samme n og p .



I ovenstående eksempel er $n=100$ og $p=0,4$

For at kunne foretage testen skal arket yderligere have en observeret \hat{p} -værdi eller en observeret \hat{x} -værdi. Hvis man udfylder et af de to felter beregnes det andet automatisk. I ovenstående eksempel blev der taster $\hat{x} = 30$.

Som udgangspunkt antages signifikans niveau på 5% og en dobbeltsidet test, men det kan ændres.

På diagrammet kan man se binomialfordelingen, og man kan se den kritiske mængde illustreret med rødt. Den observerede værdi er vist med en lodret streg og den er farvet efter om den er inde i den kritiske mængde. De konkrete kritiske værdier og kritisk mængde er angivet under diagrammet.

Bemærk også der ud for den observerede \hat{p} -værdi angives usikkerheden, som også angives som et konfidensinterval nederst på siden. Metoden til beregning af usikkerheden er den tilnærmede formel

$$\Delta\hat{p} = 1,96 \cdot \sqrt{\frac{\hat{p} \cdot (1 - \hat{p})}{n}}$$

Konstanten 1,96 gælder dog kun for signifikans niveau 5%. Hvis signifikansniveauet ændres beregner WordMat den korrekte konstant.

Slet definitioner:

Normalfordeling

Som med binomialfordeling kan normalfordelingen tilgås via CAS og formler eller via et Excelark. Vi ser først på CAS tilgangen.

I formelsamlingen kan man finde tæthedsfunktionen og fordelingsfunktionen for normalfordelingen

Normalfordeling

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi} \cdot \sigma} \cdot e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{x-\mu}{\sigma} \right)^2}$$

Tæthedsfunktion
(Frekvensfunktion)

$$F(x) = \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi} \cdot \sigma} \cdot e^{-\frac{1}{2} \left(\frac{y-\mu}{\sigma} \right)^2} dy$$

Fordelingsfunktion

Når man indsætter en af formlerne, vil middelværdi og spredning, samt funktionen blive defineret. Man kan så bare ændre middelværdi og spredning.

Eksempel: Begge funktioner defineres fra formelsamlingen

Definer: $\mu = 0, \sigma = 1$

$$f(x) \stackrel{\text{def}}{=} \frac{1}{\sqrt{2\pi} \cdot \sigma} \cdot e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2}$$

$$F(x) \stackrel{\text{def}}{=} \int_{-\infty}^x \frac{1}{\sqrt{2\pi} \cdot \sigma} \cdot e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{y-\mu}{\sigma}\right)^2} dy$$

Vi kan så fx beregne sandsynligheden for at X er mindre end 1,4

$$P(X \leq 1,4) = F(1,4) \approx 0,9192433$$

Eller vi kan løse ligningen

$$P(X \leq r) = 0,3$$

Vha.:

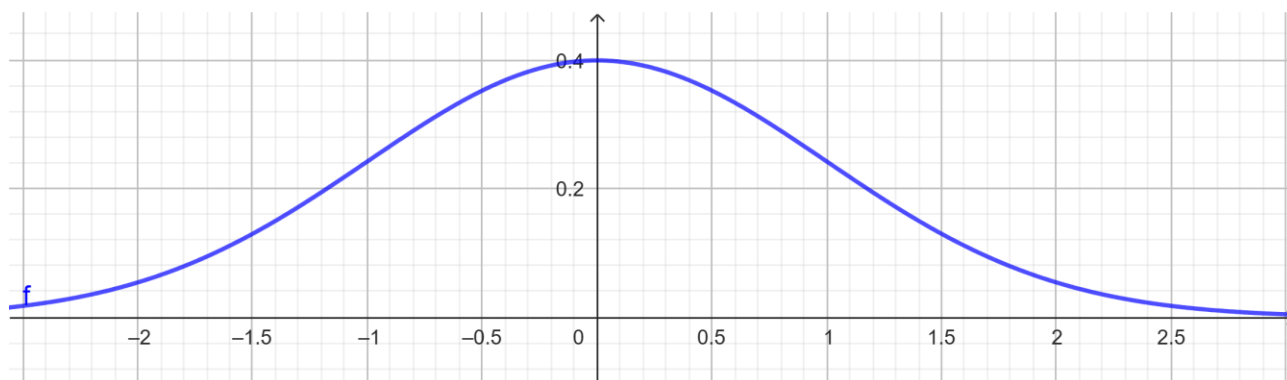
$$F(r) = 0,3$$



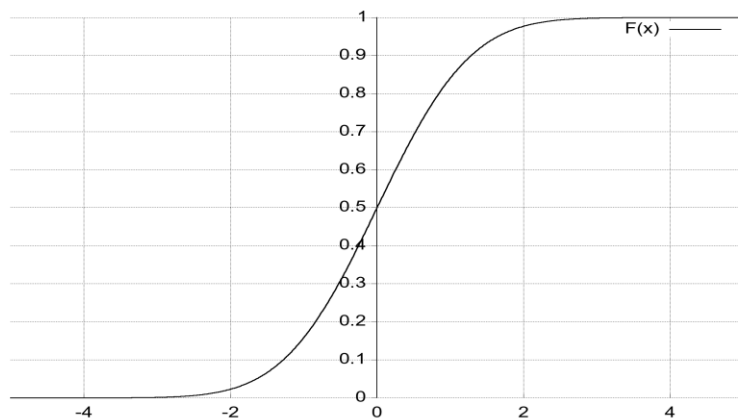
Ligningen løses for r vha. WordMat.

$$r = -0,5244005$$

Man kan også tegne grafen for tæthedsfunktionen. Bare klik vis graf, hvis tæthedsfunktionen er defineret, så overføres funktionen automatisk til GeoGebra.

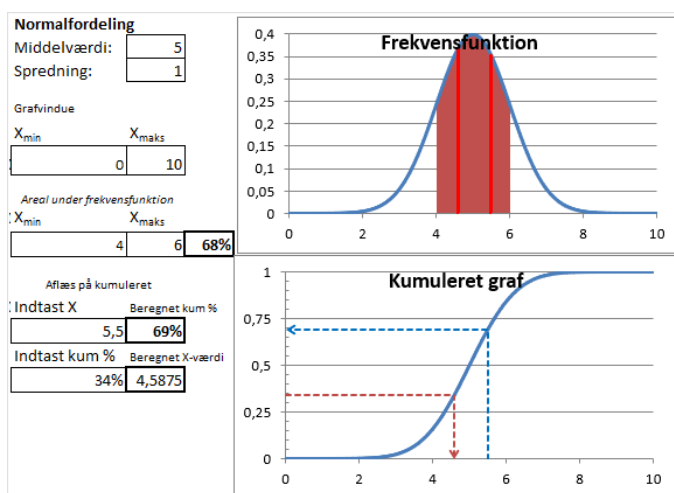


Visning af Fordelingsfunktionen understøttes dog ikke at GeoGebra, men kan vises med GnuPlot(Kun Windows)



Der er dog andre måder at vise Fordelingsfunktionen på Mac.

Klik "Fordelinger > Normalfordeling" for at åbne Excel-arket til Normalfordelingen.



Som udgangspunkt sættes middelværdien til 5 og spredningen til 1. Når det ændres slår det automatisk igennem på graferne.

Hvis middelværdien ændres, skal man typisk også ændre Grafvinduet, ved at angive Xmin og Xmax lige nedenfor.

Grafen for fordelingsfunktionen $F(x)$ kaldes for den kumulerede graf.

Ved at udfylde felterne i venstre side kan man beregne $P(r \leq X \leq s)$ og få det illustreret på grafen, som arealet under frekvensfunktionen mellem r og s .

Nederst er der to felter til at beregne $F(x)$ og $F^{-1}(x)$ og samtidigt få det illustreret med aflæsningspile på grafen for $F(x)$.

Slet definitioner:

χ^2 -fordeling og test

χ^2 -fordeling kan også behandles vha. CAS eller vha. et Excel-ark.

χ^2 - Frekvensfunktionen kan findes i den "gamle" formelsamling. Klik på den nederste del af formelsamlingsknappen og vælg "Sands > χ^2 -fordeling > frekvensfunktion".

Du bliver bedt om at angive et antal frihedsgrader. Hvis du bare angiver n (default), får du det generelle udtryk, og du kan så selv definere n .

χ^2 - Frekvensfordeling med n Frihedsgrader

$$f(x) \equiv \frac{1}{2^{\frac{n}{2}} \cdot \Gamma\left(\frac{n}{2}\right)} \cdot x^{\frac{n}{2}-1} \cdot e^{-\frac{x}{2}}$$

Definer: $n = 4$

Bemærk at funktionen er indsat som en definition. Så den kan umiddelbart anvendes

$$f(6) \approx 0,0746806$$

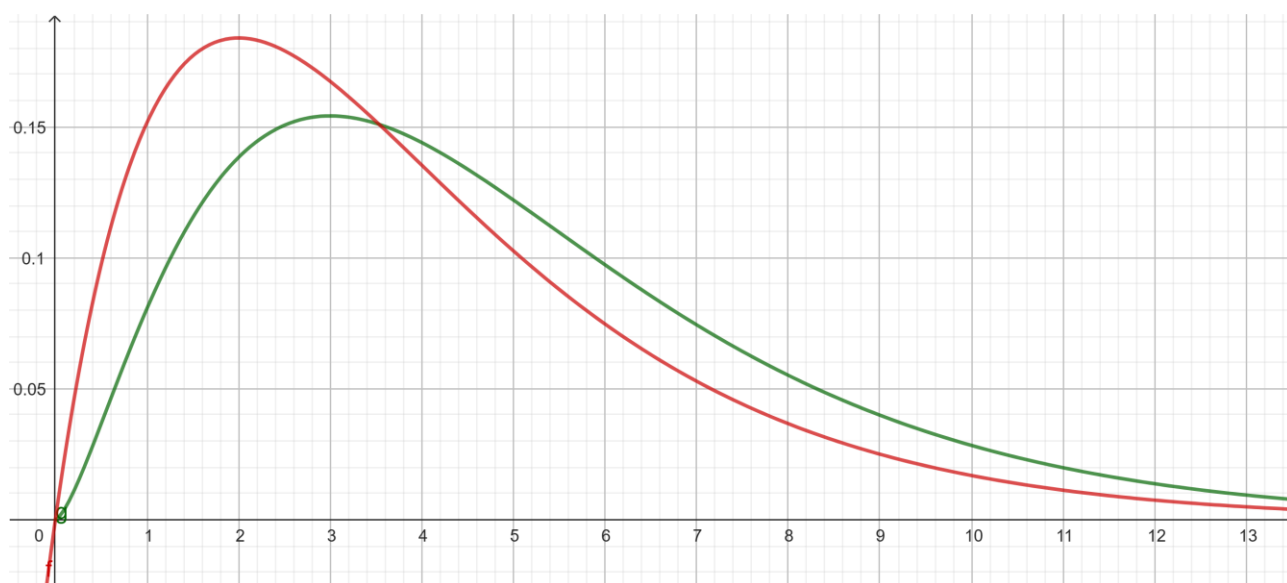
Funktionen kan også vises med GeoGebra. Hvis du ikke definerer n , får du en skyder, hvor du kan justere antal frihedsgrader.

Men du kan også få frekvensfunktionen med et bestemt antal frihedsgrader direkte, ved at angive et bestemt antal idet du klikker på knappen i menuen.

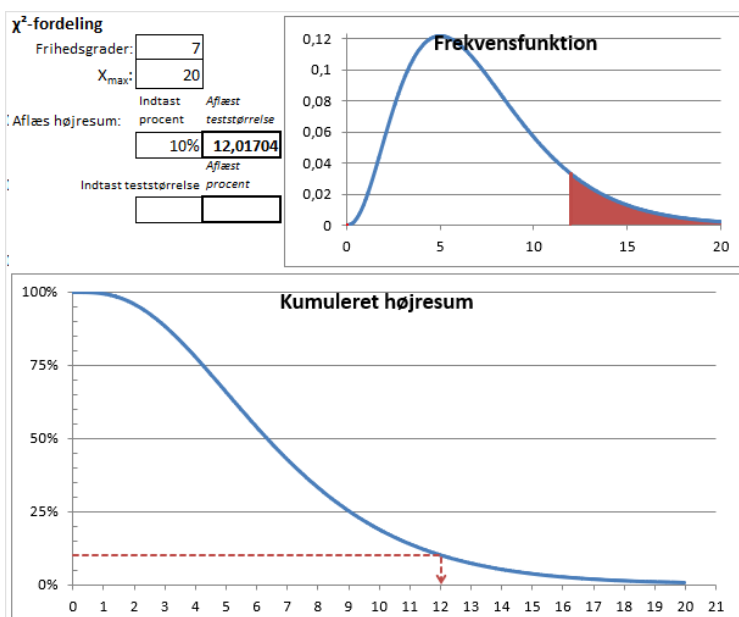
χ^2 - Frekvensfordeling med 5 Frihedsgrader

$$g(x) \stackrel{\text{def}}{=} 0.132980760370601 \cdot x^{1.5} \cdot e^{-\frac{x}{2}}$$

Her er begge ovenstående funktioner vist.



Excel-arket åbnes via menuen "Fordelinger > χ^2 -fordeling".



Øverst til venstre angives antal frihedsgrader, så justeres grafen til højre automatisk. Det kan så være nødvendigt at justere X_{\max} lige nedenunder for udvide koordinatsystemet, så man kan se hele grafen.

I feltet "Aflæs højresum" kan man angive en procent, som så markeres på grafen som arealet under grafen yderst til højre. X -værdien for der hvor arealet stopper angives.

Nederst vises grafen for Fordelingsfunktionen. Her markeres også hvordan man kan aflæse testværdien for højresummen

χ^2 - test

WordMat har et Excelark, der kan anvendes til χ^2 -test. Fra menuen under Test vælges ' χ^2 -test for sammenhæng'.

Når funktionen aktiveres, bliver du spurgt om signifikans niveau og dimensionerne af krydstabellen. Dernæst åbnes et Excelark, hvor du kan udfylde krydstabellen.

Har du allerede krydstabellen i en tabel i Word, skal du placere cursoren i tabellen og aktivere funktionen, så bestemmes dimensionen automatisk og tallene overføres automatisk til Excel. Ligeledes angives resultatet af undersøgelsen direkte i Word.

Eksempel: Sammenhæng mellem køn og højde?

	100-160	160-180	180-300
M	45	540	305
K	213	824	120

Der udføres χ^2 - test for sammenhæng vha. WordMat

P-værdi: 4,734359E-48 = 4,734359E-46%

På signifikansniveau 5% kan 0-hypotesen, at der ikke er en sammenhæng, forkastes. Dvs. Der er en sammenhæng mellem de to variable.

Der udføres χ^2 - test for sammenhæng vha. WordMat

P-værdi: 4,734359E-48 = 4,734359E-46%

På signifikansniveau 5% kan 0-hypotesen, at der ikke er sammenhæng, forkastes. Dvs. Der er en sammenhæng mellem de to variable.

I Excel-arket kan man ændre signifikansniveauet, se Q-værdi, samt den kritiske Q-værdi.

Man kan også se hvordan Q-værdien er beregnet vha. de forventede værdier og bidragene til Q-værdien.

χ^2 -test											
	Observationer				Forventede				Q-værdi bidrag		
			I alt				I alt				
	45	540	305	890	112,1739	593,0435	184,7826	890	40,22624	4,744358	78,21202
	213	824	120	1157	145,8261	770,9565	240,2174	1157	30,94326	3,649506	60,16309
I alt	258	1364	425	2047	258	1364	425	2047			
P-værdi:	0,00%				Der er en sammenhæng						
Signifikansniveau	5%										
Frihedsgrader:	2										
Q-værdi:	217,9385										
Kritisk Q-værdi:	5,991465										

t-fordeling

WordMat har et Excelark til at vise t-fordelingen. Det fungerer på samme måde som arket for normalfordeling.

Der mangler endnu et ark til t-test.

Slet definitioner:

11. Infinitesimalregning

Differential- og integralregning i WordMat fungerer generelt med den samme notation, som man anvender på papir.

Differentialregning

I differentialregning er det generelt en god ide at starte med at definere den eller de funktioner, der skal arbejdes med

definer: $f(x) = x^2 - 3x + 1$

Nu kan man fx beregne den afledte funktion:

$$f'(x) = 2 \cdot x - 3$$

Eller finde differentialkvotienten i et enkelt punkt:

$$f'(2) = 1$$

Mærket ' kan indtastes på flere forskellige måder på et tastatur. De forskellige mærker ligner alle hinanden:

WordMat understøtter alle måder at indtaste mærke på, men det anbefales, at benytte det som er lige til venstre for Enter-knappen på samme knap som *. Det ligner bedst, og er nemmest tilgængeligt.

Man behøver dog ikke at definere en funktion for at differentiere den. Følgende notationsformer virker også:

$$(x^2 + 2x - 1)'(x) = 2 \cdot x + 2$$

$$(x^2 + 2x - 1)' = 2 \cdot x + 2$$

Udtrykket behøver ikke være en funktion, men så skal variabelen være x .

$$\text{definer: } y = x^2$$

$$y' = 2 \cdot x$$

I forhold til de trigonometriske funktioner, er det vigtigt at WordMat er sat til at regne i radianer

$$(\sin(x))' = \cos(x)$$

Er WordMat ikke sat til radianer svarer det til at funktionen $\sin\left(\frac{\pi}{180} \cdot x\right)$ bliver differentieret, og så bliver resultatet:

$$(\sin(x))' = \frac{\pi \cdot \cos(x)}{180}$$

WordMat understøtter også 2. og 3. afledede mm.

$$f''(x) = 2$$

Differentialnotation understøttes også, men der er en problemstilling. Vi husker at vi ovenfor har defineret y . Hvis man bare skriver dy/dx virker det ikke

$$\frac{dy}{dx} = \frac{dy}{dx}$$

Det skyldes at WordMat ikke som udgangspunkt reserverer variablene dy og dx . WordMat skal altså vide at du ikke bare har indtastet en almindelig ligning, hvor der er to variable, der hedder dy og dx .

Det kan gøres på to forskellige måder.

1. *Differential d*

Word understøtter indtastning af et specielt d , som kan anvendes ved dy/dx notation. Dette d indtastes ved at taste '\dd' efterfulgt af mellemrum. Og så virker det:

$$\frac{dy}{dx} = 2 \cdot x$$

Det ligner fuldstændigt et normal d , men der er altså en forskel.

2. *Indstillingen: "Brug alm. d som differential d"*

Det er også muligt at få det til at virke ved at taste et almindeligt d . Det gøres ved at åbne indstillinger > Notation og sætte flueben ved "Brug alm. d som differential d"

$$\frac{dy}{dx} = 2 \cdot x$$

Det kan ikke afvises, at det kan give problemer i nogle sammenhænge, hvor d indgår i en almindelig ligning. Det er dog meget lidt sandsynligt.

Andre eksempler på tilladt notation:

$$\frac{dy}{dx}, \frac{df(x)}{dx}, \frac{d}{dx}f(x), \frac{d}{dx}(x^2 + 2x), \frac{d^2}{dx^2}(x^2 + 2x)$$

Slet definitioner:

Partielt afledte

Differential-symbolet, der anvendes ved partielt afledte: ∂ - Indtastes med genvejen "\partial"

Her er nogle eksempler på notation, der kan anvendes med partial-symbolet uden at definere en funktion:

$$\frac{\partial}{\partial x}(x^2 \cdot y) = 2 \cdot y \cdot x$$

$$\frac{\partial^2}{\partial x \partial y}(x^2 \cdot y) = 2 \cdot x$$

Hvis man har defineret en funktion af to variable, kan man også anvende notationen med sænket skrift til at bestemme partielt afledte:

$$\text{Definer: } f(x, y) = x^2 + 3x \cdot y - 2y + 1$$

$$f'_y(x, y) = 3 \cdot x - 2$$

$$f''_{yx}(x, y) = 3$$

$$(3x^2 + 2y \cdot x)'_x = 6 \cdot x + 2 \cdot y$$

$$\frac{\partial^2}{\partial x \partial y} f(x, y) = 3$$

$$\frac{\partial^2 f(x, y)}{\partial x \partial y} = 3$$

Slet definitioner:

Eksempel på opgave: Tangentbestemmelse

Bestem tangenten til funktionen $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 1$ i punktet $(4, f(4))$

Først defineret funktionen og x-værdien af punktet

$$\text{Definer: } f(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 1, x_0 = 4$$

Dernæst hentes tangentens ligning ved at søge på 'tangent' i formelsamlingen

$$y = f'(x_0) \cdot (x - x_0) + f(x_0) = 2 \cdot x - 7$$

Tangenten er fundet ved at trykke beregn på formlen. Bemærk at det ikke har været nødvendigt at bestemme $f'(x)$ undervejs, kun definere de elementer der indgår i formlen.

Integralregning

Integraltegn indtastes i Word med '\int' mellemrum

$$\int$$

To mellemrum efter \int giver et lidt større integraltegn:

$$\int$$

Et ubestemt integrale kan bestemmes ved at indtaste integralet og trykke beregn

$$\int -x^2 + 2x + 1 dx = -\frac{x^3}{3} + x^2 + x$$

Der angives *ikke* en integrationskonstant. Det er ikke nødvendigt at anvende differential d'et, som blev omtalt under differentialregning, når der indtastes dx. Bare indtast et almindeligt d.

Lige som ved differentialregning er det vigtigt, at WordMat er sat til at regne i radianer, når der anvendes trigonometriske funktioner:

$$\int \sin(x)^2 dx = \frac{x}{2} - \frac{\sin(2 \cdot x)}{4}$$

Bestemte integraler indtastes således: \int_0^3 der bliver til

$$\int_0^3$$

Eksempel:

$$\int_0^3 x^2 dx = 9$$

Man kan have uendelighedstegn i grænserne

$$\int_{-\infty}^0 e^x dx = 1$$

Genvejen til ∞ er ∞ .

Når der udregnes bestemte integraler, er det vigtigt at være opmærksom på at WordMat bruger to forskellige metoder til at beregne integralet afhængigt af om WordMat står til at regne eksakt eller numerisk.

Ved indstillingen eksakt vil WordMat bestemme stamfunktionen og derfra bestemme det bestemte integrale. Ved indstillingen numerisk, vil WordMat benytte sig af numeriske metoder til at bestemme integralet. I langt de fleste tilfælde skulle dette gerne give det samme, og de to metoder kan også automatisk skifte til den anden, hvis den ene fejler. Det kan dog gå galt. Hvis du oplever problemer med et bestemt integrale kan det derfor være en god idé at prøve at skifte indstillingen. Fx findes der integraler som WordMat vil forsøge at løse eksakt i meget lang tid, så der ikke kommer et svar.

Der understøttes dobbelt- og tredobbelt-integraler. eks:

$$\int \int x \cdot y dx dy = \frac{y^2 \cdot x^2}{4}$$

$$\int_1^3 \int_2^5 x \cdot y dx dy = 42$$

Bemærk at der skal være mellemrum mellem dx og dy

Det er også muligt at anvende dobbelt- og tredobbelt-integraltegnet, men kun til ubestemte integraler.

$$\iint x \cdot y dx dy = \frac{y^2 \cdot x^2}{4}$$

Genvejen til dobbeltintegraler er \iint og til tredobbelt-integraler \iiint

GeoGebra og Graph har også begge funktioner til at bestemme arealer under grafer og dermed bestemte integraler.

Slet definitioner:

Grænseværdier

WordMat kan beregne grænseværdier vha. Lim-notationen.

Eksempel: Beregning af Differentialkvotienten for x^2 ud fra definitionen på differentialkvotient

$$\lim_{h \rightarrow 0} \left(\frac{(x+h)^2 - x^2}{h} \right) = 2 \cdot x$$

Ovenstående er Indtastes på følgende måde: $\lim_{h \rightarrow 0} ((x+h)^2 - x^2)/h$.

Her er et andet eksempel på anvendelse af definitionen på differentialkvotient, hvor funktionen er defineret, så det er nemt at skifte funktion. Prøv fx at skifte til $\frac{1}{x}$

$$\text{Definer: } f(x) = \sqrt{x}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \left(\frac{f(x+h) - f(x)}{h} \right) = \frac{1}{2 \cdot \sqrt{x}}$$

Det er ikke nødvendigt at indtaste parentes omkring udtrykket, hvis der skal tages grænseværdi af alt som er til højre for lim.

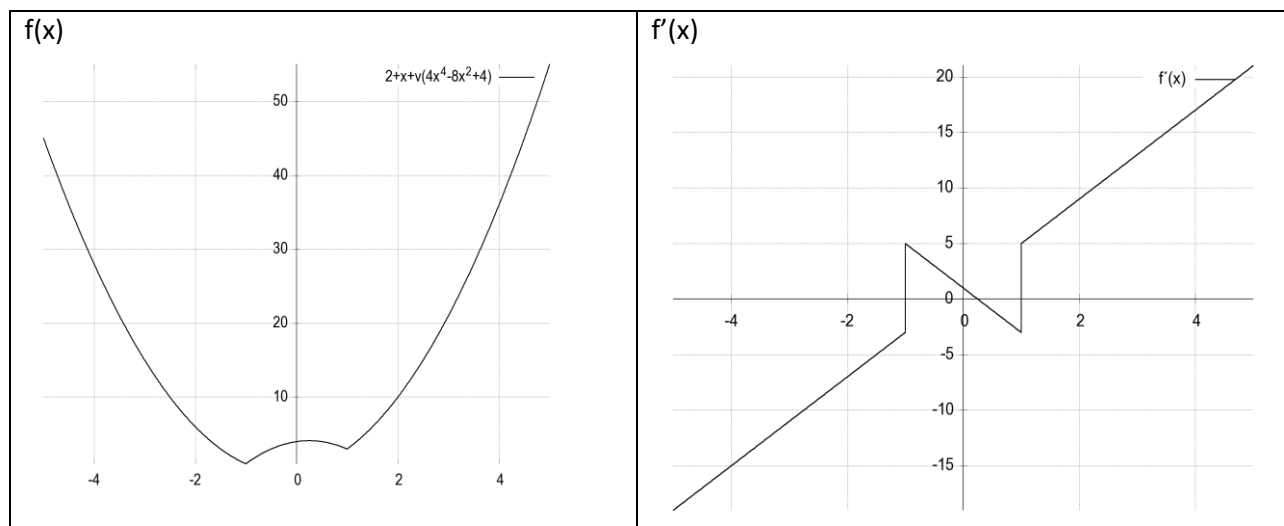
Slet definitioner:

Man kan også bestemme grænseværdier fra højre og venstre ved at tilføje et lille + eller - som hævet skrift. Det illustreres her ved et eksempel.

Vi ser på denne lidt specielle funktion:

$$\text{Definer: } f(x) = 2 + x + \sqrt{4x^4 - 8x^2 + 4}$$

Nedenfor kan du se grafen for funktionen og dens afledte.



Fra grafen kan vi se at funktionen ikke er differentiabel i $x = -1$ og $x = 1$.

$$\lim_{x \rightarrow 1} f'(x) \approx \text{ikke defineret, men begrænset}$$

Men vi kan finde højre/venstre grænseværdi

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f'(x) = 5$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f'(x) = -3$$

Bemærk det lille + og -, som skal være hævet skrift.

Slet definitioner:

12. Differentialligninger

WordMat kan løse ordinære differentialligninger af 1. og 2. grad. Indtast differentialligningen i et matematikfelt, og vælg "Løs Differentialligning" under "Løs".

$$y' = k \cdot y$$

Differentialligningen løses vha. WordMat's 'Løs differentialligning' funktion

$$y = c \cdot e^{k \cdot x}$$

Der er understøttes yderligere to måder man kan indtaste differentialligninger på.

$$f'(x) = k \cdot f(x)$$

og

$$\frac{dy}{dx} = k \cdot y$$

Efter man har trykket "Løs differentialligning", kommer dette vindue op:

WordMat forsøger at identificere hvad der er uafhængig variabel og hvad der er afhængig variabel. Kontroller om det er rigtigt.

Hvis der i differentialligningen indgår en funktion som fx $f(x)$ i stedet for en variabel som fx y . så skal man skrive funktionen som $f(x)$ og ikke bare f .

Indsæt evt. startbetingelse. Hvis der ikke angives en startbetingelse, får man bare den generelle løsning med c som konstant.

Hvis man angiver en startbetingelse, vil denne også blive angivet i kommentaren. Eksempel:

$$y' = k \cdot y$$

Differentialligningen løses vha. WordMat's 'Løs differentialligning' funktion med startbetingelsen $y(0)=1$

$$y = e^{k \cdot x}$$

OBS: Der findes et særligt 'differential d' som kan indtastes ved brug af $\frac{dy}{dx}$ notation. Det indtastes ved at taste "\dd" og mellemrum. Det ligner fuldstændigt et normal d, men gør det nemmere for WordMat at skelne. Der kan jo også indgå en variabel der hedder d, eller starter med d. I simple tilfælde er det dog ikke noget problem, som ved $\frac{dy}{dx}$. Bemærk også at der i indstillinger under notation er et flueben, hvor man kan gennemtvunge at almindelig d altid opfattes som et differential d.

Eksempel på differentialligning af 2. grad.

$$y'' = y$$

Her får man yderligere muligheder idet man her kan vælge mellem at indtaste begyndelsesbetingelser eller randbetingelser.

Hvis ingen indtastes, får man den fuldstændige løsning med konstanterne c_1 og c_2

Begyndelsesbetingelser

Udfyld de to første $y(..) =$ og $y'(..) =$

Randbetingelser:

Udfyld den første $y(..) =$ og den sidste $y(..) =$

Resultatet af ovenstående bliver:

Differentialligningen løses vha. WordMat's 'Løs differentialligning' funktion med randbetingelserne $y(0)=1$ og $y(1)=2$

$$y = \frac{e^{-x} \cdot ((2 \cdot e - 1) \cdot e^{2 \cdot x} + e^2 - 2 \cdot e)}{e^2 - 1}$$

Eksempler på differentialligninger

Her findes den fuldstændige løsning til den logistiske differentialligning

$$y' = a \cdot y \cdot (M - y)$$

Differentialligningen løses vha. WordMat's 'Løs differentialligning' funktion

$$y = 0 \quad \vee \quad y = M \quad \vee \quad y = \frac{M}{c \cdot e^{-(M \cdot a \cdot x)} + 1}$$

En anden logistik hvor der angives en startbetingelse:

$$N' = \frac{1}{10500} \cdot N \cdot (1000 - N)$$

Differentialligningen løses vha. WordMat's 'Løs differentialligning' funktion med startbetingelsen $N(0)=100$

$$N = \frac{1000}{9 \cdot e^{-\left(\frac{2 \cdot t}{21}\right)} + 1}$$

Retningsfelt/hældningsfelt

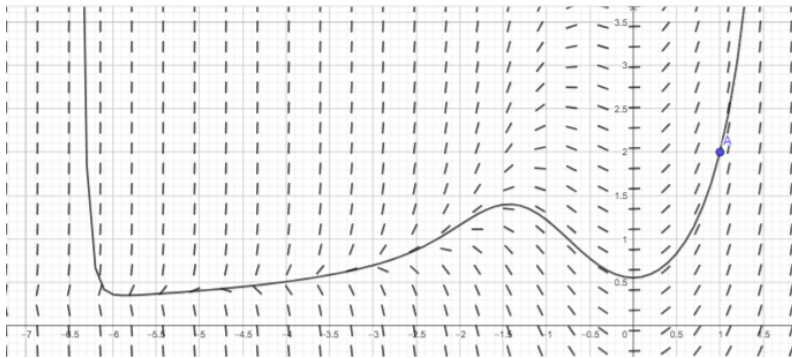
Bemærk at man kan få tegnet retningsfeltet og tilhørende integralkurver, for en 1. ordens differentialligning på formen

$$y' = F(x, y)$$

Eksempel:

$$y' = x^2 \cdot y + 2x$$

Vælg "Vis graf > Hældningsfelt"



Hældningsfeltet vises nu og integralkurven der går gennem (1,2)

Hvis man vil se en anden integralkurve, skal man bare ændre punktet. Den kan gøres ved at trække i punktet eller ændre det i menuen til venstre.

Når man løser en differentiaalligning på normal vis, er der en knap hvor der står 'Løs numerisk'. Denne knap aktiverer samme funktion, så man får vist løsningskurven og hældningsfeltet.

Vis du har sat GnuPlot som standard grafprogram vil det se lidt anderledes ud, da GnuPlot også kan vise løsningskurver.

Koblede differentialligninger

WordMat har en indbygget funktion til numerisk løsning af en eller flere koblede differentialligninger.

Funktionen findes ved at klikke "Løs > Løs koblede differentialligning(er) numerisk". Man kan indtaste differentialligningerne i dokumentet, markere dem og dernæst aktivere funktionen, eller man kan indtaste funktionerne direkte ind i vinduet. Variablene må ikke indtastes som funktioner. (dvs. N ikke N(t))

Differentialligningerne løses vha. Runge-Kuttas 4. ordens metode.

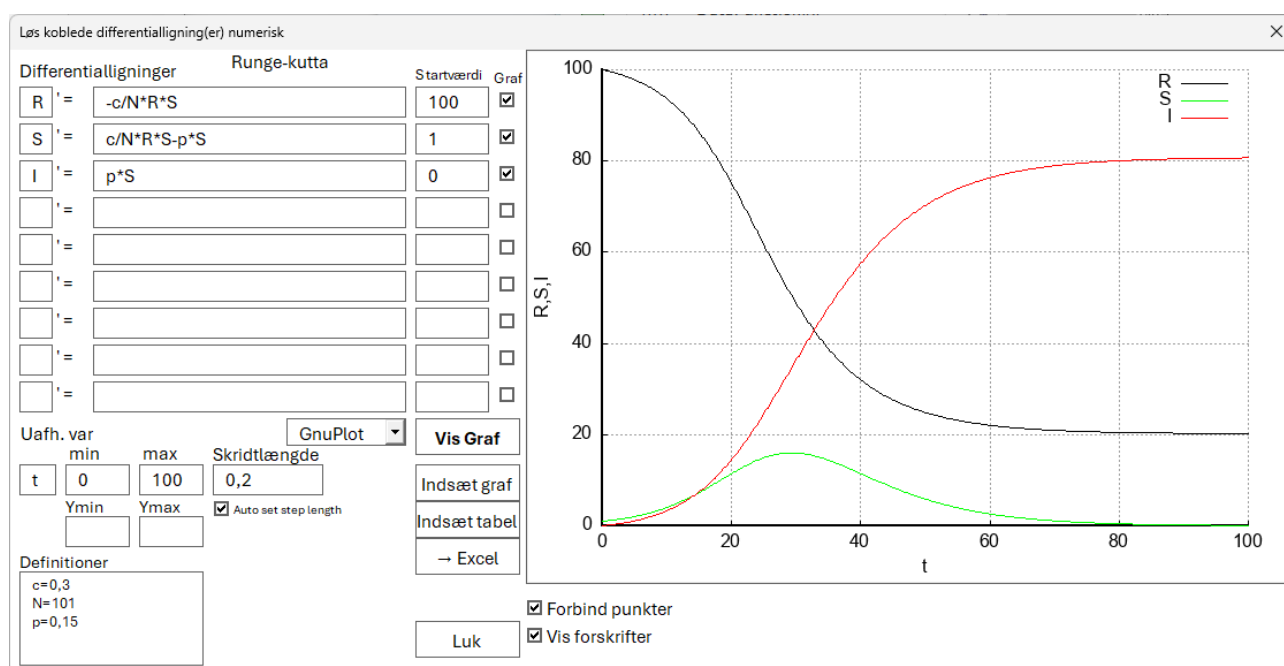
Her gives et eksempel på løsning af 3 koblede differentialligninger (SIR-sygdomsspredningsmodel)

$$R' = -\frac{c}{N} \cdot R \cdot S$$

$$S' = \frac{c}{N} \cdot R \cdot S - p \cdot S$$

$$I' = p \cdot S$$

De tre matematikfelter markeres, 'løs koblede differentialligning(er) numerisk' aktiveres. Dernæst sættes konstanterne via definitionsfeltet, Startværdierne sættes, R, S, I sættes ud for de enkelte udtryk og der markeres at alle 3 grafer skal vises. Den uafhængige variabel sættes til at være t og gå fra 0 til 100. Til slut klikkes 'Vis Graf'.



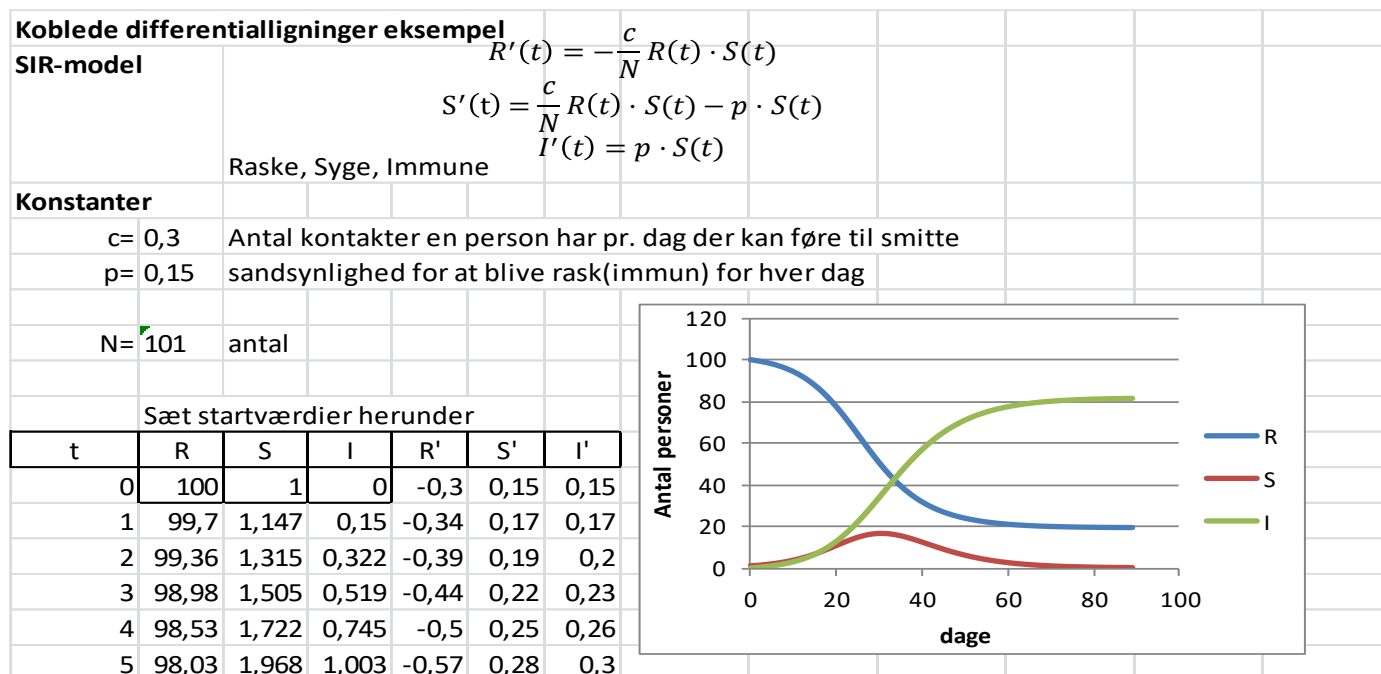
I ovenstående eksempel er GnuPlot anvendt til at vise graferne. GeoGebra kan dog også anvendes. På Mac understøttes GnuPlot ikke.

Bemærk at man også kan hente de beregnede punkter over i Excel, hvis man vil arbejde videre med dem, evt. få dem plottet vha. Excel eller andet graf-program.

Koblede differentialligninger med Excel og Eulers metode

En anden tilgang til koblede differentialligninger er Excel og Eulers metode. Det er mindre præcist og kræver mere manuelt arbejde, men kan give en bedre forståelse for hvordan numerisk løsning af koblede differentialligninger fungerer.

Her er et eksempel lavet som indlejret Excel ark.



Man sætter evt. konstanter der skal anvendes i beregningerne. Laver en kolonne for den uafhængige variabel (her t) og en for hver af de afhængige variable og deres afledte.

Der indsættes et passende antal værdier for den uafhængige variabel. (her fra 0 til 100)

Der indsættes startværdier for de afhængige variable (her R=100, S=1, I=0)

De afledte beregnes vha. differentialligningerne, startværdierne og evt. konstanter.

I næste række kan de nye værdier for de uafhængige variable beregnes, vha. lineær fremskrivning. Fx

$$R(t + \Delta t) = R(t) + R'(t) \cdot \Delta t$$

Således forsættes hele rækken og nu kan formlerne trækkes ned og der kan konstrueres et diagram fra punkterne.

Efterfølgende kan man forsøge at ændre konstanter og inddeling for at se hvordan grafen ændrer sig.

13. Vektorer

For at arbejde med vektorer i WordMat skal du kunne indtaste en vektor i et matematikfelt. Det kan gøres på flere måder, men det anbefales at bruge tastaturet frem for skabelonerne i ligningsmenuen – det er både hurtigere og nemmere, når du først har prøvet det et par gange.

Sådan indtaster du en vektor

Indtast startparentes, slutparentes og derefter mellemrum, så du får følgende

$$(\quad)$$

Tryk derefter pil tilbage og tryk Enter – så får du en vektor med to komponenter:

$$\left(\begin{array}{c} \\ \end{array} \right)$$

Trykker du Enter én gang til, får du en 3D-vektor:

$$\left(\begin{array}{c} \\ \\ \end{array} \right)$$

Eksempler på vektorberegninger

- **Vektor addition og gange med en konstant**

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} + 2 \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 7 \end{pmatrix}$$

- **Længden af en vektor**

$$\left| \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \right| = \sqrt{13}$$

*De lodrette streger indtastes på Windows ved at holde "Alt Gr" + lige til venstre for backspace.
På Mac: "Option + i".*

- **Skalarprodukt**

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \end{pmatrix} = 5$$

- **Tværvektor**

$$\widehat{\begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}} = \begin{pmatrix} -5 \\ 3 \end{pmatrix}$$

Tværvektor-hatten indtastes med \hat

- **Determinant**

$$\det \left(\begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \right) = -3$$

- **Krydsprodukt (kun for vektorer i rummet(3D))**

$$\begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} -1 \\ 6 \\ -2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -30 \\ 0 \\ 15 \end{pmatrix}$$

Krydset indtastes med \times

Brug af vektorpil

Det anbefales at definere vektorer med en pil over variabelen.

- For at skrive **a** med pil:
Skriv a\vec og tryk mellemrum to gange: \vec{a}
- Alternativt kan du bruge \rhvec for en anden vektorpil: \vec{a}

Hvis vektorer ikke er defineret med pil, skal du være opmærksom på, at WordMat ellers kan tolke udtrykket forkert – fx ved prikprodukt.

Eksempler med definerede vektorer

$$\text{Definer: } \vec{a} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix}$$

- **Tværvektor**

$$\hat{\vec{a}} = \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \end{pmatrix}$$

Her findes tværvektoren vha. hat-operatoren. Indtastet a\vec{\hat{}}

- **Vinkel mellem vektorer**

Brug formelsamlingen og søg på "vektor". Det der indsættes i dette tilfælde, er lidt atypisk, idet formelen indsættes én gang og lige før formelen defineres de to vektorer der indgår. Meningen er så at man selv ændrer koordinaterne for de to vektorer til den konkrete opgave.

$$\text{Definer: } \vec{a} = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$\cos(v) = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|}$$



Ligningen løses for v vha. WordMat.

$$v = 60,25512$$

- **Projektion af en vektor**

$$\vec{b_a} = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}|^2} \vec{a} \approx \begin{pmatrix} 0,6153846 \\ 0,9230769 \end{pmatrix}$$

$$|\vec{b_a}| = \frac{|\vec{a} \cdot \vec{b}|}{|\vec{a}|} \approx 1,1094$$

Ligningssystemer vha. vektorer

Vektorligninger er egentlig ligningssystemer, som WordMat kan løse automatisk.

- **Eksempel**

$$\begin{pmatrix} x + y \\ x - y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$$



Ligningen løses for y vha. WordMat.

$$y = -\frac{1}{2} \wedge x = \frac{3}{2}$$

Det kan være lidt følsomt overfor hvilken variabel der vælges. I dette tilfælde skal man vælge y for at det virker. Hvis det ikke lykkes kan det være nødvendigt selv at skrive ligningssystemet op.

- **Skæring mellem linje og plan.**

Marker de to matematikfelter og tryk "Løs ligning".

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 6 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$4x - 6y + 10z - 26 = 0$$



Ligningssystemet løses for x,y vha. WordMat's 'Løs Ligninger' funktion,

$$t = -\frac{11}{15} \wedge z = \frac{46}{15} \wedge y = \frac{7}{15} \wedge x = -\frac{7}{15}$$

Kantede parenteser

WordMat understøtter også vektorer med kantede parenteser. Hvis input bruger kantede parenteser, vil output også gøre det:

$$2 \cdot \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 6 \end{bmatrix}$$

slet definitioner:

Referere til elementer i vektorer/matricer

Du kan referere til elementer i en vektor eller matrix på flere måder:

- $\vec{v}[r][k]$
- $\vec{v}[r, k]$
- $\vec{v}_{r,k}$ (kræver at "Sænket skrift er liste/matrix indeks" er slået til under "Indstillinger > Notation". Se Indeks / sænket skrift s. 13)

hvor r er række nummer og k er kolonnenummer (for vektorer er k altid 1)

Eksempel:

$$\text{Definer: } \vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$\vec{v}[2][1] = 2$$

$$\vec{v}[2, 1] = 2$$

$$\vec{v}_{2,1} = 2$$

14. Matricer

Generelt håndterer WordMat matricer som man vil skrive det på papir. Maxima har dog en række indbyggede kommandoer til Matricer, der kan være meget nyttige.

Indtastning af matricer:

Du kan oprette en matrix ved først at skrive startparentes, slutparentes og derefter et mellemrum.

[]

Placer cursoren i midten af parenteserne, og vælg derefter den ønskede matrix i **lignings-menuen** → **Matrix**.

[]

For at udvide matrixens dimensioner (flere rækker/kolonner), højreklik på matrixen og vælg **Indsæt**.

[]

For avancerede brugere kan matricer også indtastes direkte med genveje:

Skriv `[\matrix (1&2@2&3)]` og tryk mellemrum efter matrix

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$

Matricer kan indtastes med både almindelige og firkantede parenteser. Output følger samme type som input.

Eksempler på matrixoperationer

- **matrix addition og multiplikation samt opløfte i potens.**

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 8 & 5 \\ 1 & 6 \end{bmatrix}^2 = \begin{bmatrix} 82 & 86 \\ 43 & 77 \end{bmatrix}$$

- **Invers matrix**

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}^{-1} = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ 5 & -\left(\frac{3}{2}\right) \end{bmatrix}$$

- **Determinant af matrix**

$$\det \left(\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \right) = -2$$

Definition af matricer

Det kan være en fordel at bruge en streg over variabelnavnet for at markere, at det er en matrix. Brug genvejen \overbar.

$$\text{Definer: } \overline{A} = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\overline{A}^2 = \begin{bmatrix} -3 & -8 \\ 8 & 5 \end{bmatrix}$$

Maxima-funktioner

Til at lave store matricer kan du bruge følgende indbyggede funktioner i Maxima:

$$\text{zeromatrix}(3,4) = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\text{zeromatrix}(3,4) + 1 = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\text{ident}(3) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Der findes også en række indbyggede funktioner i Maxima, som kan være relevante. Nogle af disse er listet her:

$\text{rref}(M)$	Gauss-elimination (Reduced Row Echelon Form).
$\text{eigenvalues} \left(\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \right)$	Finder egenværdier
$\text{eigenvectors} \left(\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \right)$	Finder egenvektorer, men på listeform.
$\text{transpose}(M)$	transponerer Matricen M
$\text{echelon}(M)$	Returnerer matrix med 1-taller i diagonal og 0'er under 1-tallerne

Her er et par meget avancerede eksempler

$\text{ematrix}(n; m; x; i, ; j)$ Returnerer $n \times m$ matrix, med kun nuller, undtagen position i, j der vil have x .

Følgende funktion indsætter værdier på baggrund af en funktion, der tager søjle- og kolonnenummeret som parametre.

$$\text{genmatrix}(\text{lambda}([i,j], i \cdot j), 3, 3) = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$$

Opretter en 3×3 matrix, hvor hvert element er produktet af række- og kolonnenummer.

15. Komplekse tal

Komplekse tal aktiveres under indstillinger på fanen **CAS**. Når det er slået til, reserveres bogstavet **i** til den imaginære enhed ($\sqrt{-1}$).

Eksempel: *komplekse tal er slået til*

Når komplekse tal er slået til, kan du løse ligninger med komplekse løsninger:

$$(1 + 2 \cdot i)^2 = 4 \cdot i - 3$$

$$x^2 = -9$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = -3 \cdot i \quad \vee \quad x = 3 \cdot i$$

Hvis komplekse tal er slået fra, vil samme ligning give:

$$x \in \emptyset$$

Ligningen havde ingen løsninger indenfor \mathbb{R} for variabel x

Maxima-funktioner til komplekse tal (med Maxima som CAS-motor):

- `realpart(z)` – Finder den reelle del af z
- `imagpart(z)` – Finder den imaginære del af z
- `rectform(z)` – Rektangulær form
- `polarform(z)` – Polær form
- `abs(z)` – Modulus (absolut værdi)
- `arg(z)` – Argument (vinkel)

Eksempel:

$$\arg(1 + i) = \frac{\pi}{4} \approx 0,7853982$$

Polær notation

Polær notation skrives som

$$\text{modulus} \angle \text{argument}$$

Eksempel: (radianer)

$$2 \angle \left(\frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{2} \cdot i + \sqrt{2}$$

Når komplekse tal er slået til, reserveres \angle symbolet til denne notation.

Det indtastes: `\angle` → \angle

Når komplekse tal er slået til, kan du vælge at få output i polær notation. Indstillingen kommer frem lige nedenunder fluebenet, hvor komplekse tal slås til.

Hvis polær-notation output slås til. Vil alle tal blive skrevet i polær notation som output.

$$1 + i = \sqrt{2} \angle \left(\frac{\pi}{4} \right)$$

Bemærk: Polær notation afhænger af, om du har valgt grader eller radianer i indstillingerne.

16. Formelsamling

WordMat har flere formelsamlinger. Den nyeste og mest omfattende formelsamling åbnes ved at klikke øverst på formelsamlingsknappen i venstre side af menuen eller med tastaturgenvejen **Alt + F**.

Første gang du åbner formelsamlingen, skal du angive din uddannelse og niveau for fagene, da WordMat målretter de tilgængelige formler.

Formelsamling

Søg:

STX **Matematik** Fysik Kemi A

Kapital Funktioner Geometri Integralregning Plangeometri Rumgeometri Sands

2.grads polynomier Binomialfordeling Cirkel Ekspontiel Geometriske figurer

Lineær funktion

- $f(x) = a \cdot x + b$ Forskriften for en lineær funktion
a = Hældningskoefficient
b = skæring med y-aksen
- $a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$ To-punktsformel
(x_1, y_1) og (x_2, y_2) er to punkter på grafen
- $b = y_1 - a \cdot x_1$ når a er bestemt, kan man finde b ud fra denne formel og ét punkt på grafen (x_1, y_1)
- $f(x) = a \cdot (x - x_1) + y_1$ Funktion, når man kender a og ét punkt på grafen (x_1, y_1)
- $a = \tan(v)$ Hældningsvinklen v er vinklen fra x-aksen til linjen (vinklen er negativ hvis linjen er aftagende)

Når formelsamlingen aktiveres, står cursoren automatisk i søgefeltet, klar til at skrive. Du kan også klikke på et af emneordene lige under søgefeltet.

Alle formlerne har en række forskellige søgeord tilknyttet.

Du kan skifte mellem fag med tabulatortasten og scrolle med piletasterne, hvis der er mange resultater.

Formelsamlingen lukkes automatisk, når der indsættes en formel, ellers kan du bruge genvejen **alt + f** til at lukke formelsamlingen igen. Hvis du holder **Ctrl** nede (Mac: **Option**) mens du klikker på en formel, lukker formelsamlingen ikke selvom det er valgt som indstilling.

Som udgangspunkt indsættes formlen to gange i dokumentet: én til dokumentation og én, hvor du kan indsætte tal.

$$a^2 + b^2 = c^2$$

$$3^2 + 4^2 = c^2$$

Nogle formler (fx binomialkoefficienten og binomialfordelingen) indsættes kun én gang som definition, hvis det giver bedst mening. Her kan du selv ændre værdierne og bruge definitionerne til beregninger.

$$\text{definer: } n = 10, p = \frac{1}{2}$$

$$K(n, r) \stackrel{\text{def}}{=} \frac{n!}{r! \cdot (n - r)!}$$

$$P(r) \stackrel{\text{def}}{=} K(n, r) \cdot p^r \cdot (1 - p)^{n-r}$$

Så kan man selv ændre n og p i definitionen og anvende definitionerne af funktionerne til beregninger:

$$P(4) \approx 0,2050781$$

I fysik- og kemiformlerne indsættes fysiske konstanter automatisk i den anden formel.

Her er et eksempel hvor lysets hastighed automatisk er indsat i Einsteins formel for masseækvivalens.

$$E = m \cdot c^2$$

$$E = m \cdot \left(3 \cdot 10^8 \frac{m}{s}\right)^2$$

Der er mulighed for at vælge, om du vil indsætte konstanter med enheder eller ej, øverst i formelsamlingen.

Et forslag til en tastaturgenvej man kan oprette, er at tilknytte dobbelttap af Alt+m til formler.

I genvejsoversigten skal man finde denne linje og vælge formler:

Alt+M2

Den nye formelsamling kræver WordMat+ for at kunne indsætte formlerne, men der er også ældre alternativer.

Gammel formelsamling

Hvis du klikker på den nederste del af formelknappen i venstre side af WordMat-menuen, åbnes en række emner, hvor du kan klikke dig frem til en formel, som så indsættes i dokumentet.

Formlerne er ikke opdateret til noget bestemt pensum, men er meget brede.

Aller nederst i formelmenuen kan du vælge M, F eller K. Disse knapper åbner Word-dokumenter med fulde formelsamlinger for matematik, fysik og kemi. Disse Worddokumenter er redigerbare. Du skal bare være opmærksom på, at de overskrives ved opdatering af WordMat. Disse formelsamlinger er af ældre dato og ikke målrettet en bestemt uddannelse.

17. Lister

En liste er en ordnet række af matematiske objekter - typisk tal. Lister er nyttige, når du skal lave mange af den samme type beregning.

Sådan indtaster du en liste

- Lister skrives med kantede parenteser omkring elementerne
- Hvert element adskilles af en **listeseparator** (afhængig af din indstilling under notation). Standard er semikolon, men du kan også benytte komma, hvis du laver et mellemrum ved siden af kommaet, så det ikke opfattes som decimalseparator.

Eksempler på 2 lister med 3 tal:

$[1 ; 2,5 ; 6]$
 $[1, 2,5 , 6]$

Brug af lister

- Du kan udføre regneoperationer direkte på lister.
- Lister kan **defineres** og bruges i funktioner.
- Lister kan let konverteres til og fra tabeller via menuen.

Eksempler på lister og regneoperationer

- Regneoperationer udført på liste

$$[3; 4; 6] + 2 \cdot [1; -3; 6,4] = [5; -2; 18,8]$$

- Definition af liste og anvendelse af funktion på liste

$$\text{Definer: } list = [1; 2; 3] ; f(x) = x^2 \\ f(list) = [1; 4; 9]$$

Se også afsnittet om "Indeks / sænket skrift" s. 13 for hvordan man tilgår de enkelte elementer i en liste.

Konvertering mellem tabel og liste

Du kan konvertere en tabel til en liste og omvendt via menuen:

- **Diverse > Tabel > Tabel→Liste**: Konverterer en tabelkolonne til en liste.
- **Diverse > Tabel > Liste→Tabel**: Konverterer en liste til en tabelkolonne.

Det kan bruges til at manipulere på en tabel eller dele deraf.

Eksempel: Fra tabel til liste og tilbage

Vi har følgende tabel

x	y
1	34,5

2	45,3
3	51,1
4	60,3
5	67,7

Vi vil gerne trække 30 fra tallene i 2. kolonne og tage logaritmen af resultatet.

1. Først markeres tallene i højre kolonne og i menuen vælges **Diverse > Tabel > Tabel→Liste**.
2. Du får nu tallene i kolonnen på listeform, og kan definere listen ved at skrive $L :=$ foran

$$L := [[34,5], [45,3], [51,1], [60,3], [67,7]]$$

3. Beregningen udføres nu på den definerede liste

$$\log(L - 30) \approx [0,6532125; 1,184691; 1,324282; 1,481443; 1,576341]$$

4. Marker listen og vælg **Diverse > Tabel > Liste→Tabel** for at lave listen om til en tabel igen.

0,6532125
1,184691
1,324282
1,481443
1,576341

5. Kolonnen kan nu kopieres ind i tabellen vi startede med

x	y
1	0,6532125
2	1,184691
3	1,324282
4	1,481443
5	1,576341

Bemærk: Ofte kan sådanne opgaver løses nemmere i Excel, men WordMat giver ekstra muligheder, hvis du har brug for mere avancerede matematiske værktøjer.

slet definitioner:

18. Sumtegn og produkttegn

Sumtegn (Σ) og produkttegn (\prod) bruges til at summere eller multiplicere en række tal eller udtryk – ofte i forbindelse med lister eller formler.

Sumtegn indtastes enten med en skabelon fra menuen, men kan også skrives direkte i et matematikfelt

Sumtegnet skrives med genvejen `\sum`

Produkttegnet skrives med genvejen `\prod`

Den nedre og øvre grænse angives med `_` og `^`

Eksempel:

Summen af $n^2 - n$ fra $n = 1$ til $n = 5$:

$$\sum_{n=1}^5 (n^2 - n) = 40$$

Dette udtryk kan du indtaste direkte i et matematikfelt:

`\sum_{n=1}^5 (n^2-n)` efterfulgt af mellemrum

Her er et eksempel, hvor der er anvendt produkttegn:

$$\prod_{i=1}^5 i + 1 = 720$$

Dette svarer til $(1 + 1) \cdot (2 + 1) \cdot (3 + 1) \cdot (4 + 1) \cdot (5 + 1)$

Kombination med lister

Sumtegn og produkttegn kan også bruges sammen med lister for at lave beregninger på flere elementer på én gang.

Hvis du har en defineret liste

Definer: $L = [2; 4; 6]$

kan du skrive:

$$\sum_{k=1}^3 L[k] = 12$$

Hvilket summerer alle elementerne i listen.

Hvis du har sat indstillingen 'Sænket skrift er liste/matrix indeks' kan du benytte denne skrivemåde:

$$\sum_{k=1}^3 L_k = 12$$

Se også afsnittet om "Indeks / sænket skrift" s. 13 for hvordan man tilgår de enkelte elementer i en liste.

I formelsamlingen er der formler, hvor lister og sumtegn anvendes. Find formelen for middelværdi under stokastisk variabel, så indsættes dette:

$$x := [1; 2; 3]$$

$$p := [0,3; 0,3; 0,4]$$

$$n := \text{length}(x)$$

$$\mu = \sum_{i=1}^n x[i] \cdot p[i] = 2,1$$

Listen x indeholder observationerne, mens listen p indeholder frekvenserne. n vil have antal observationer. Nederst er så selve formelen for middelværdi, der summer over alle elementerne i de to lister og ganger observation med frekvens. Meningen er at du ændrer listen x og listen p til at matche din konkrete opgave. Hvis du har tallene i en tabel, kan du benytte funktioner **Diverse > Tabel** til at omdanne til en liste.

19. Trekantsløser

Trekantsløseren kan ud fra input af kendte sider og vinkler, beregne de resterende sider og vinkler i vilkårlige trekanter, samt tegne trekanten i de korrekte dimensioner og vise mellemregninger, der ligger til grund for resultatet.

Trekantsløseren aktiveres ved at klikke **ΔTrekant** i menuen. Hvilket åbner denne menu:

Hvis du ved at trekanten er retvinklet, så start med at markere det i øverste højre hjørne.

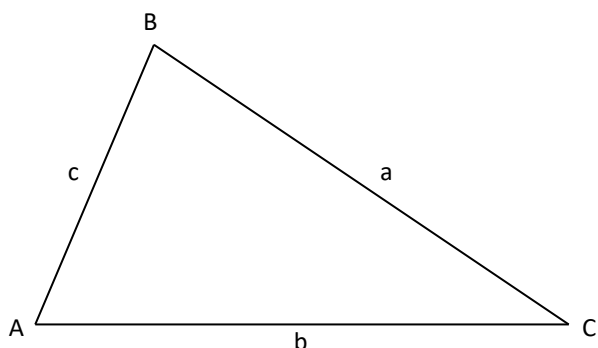
Indtast nu de kendte sider og vinkler direkte i figuren.

Når der er nok information til at beregne de resterende sider og vinkler vil det blive angivet med grønt i højre side.

Bemærk at du har mulighed for at vælge hvordan siderne skal navngives.

Her vises resultatet af ovenstående, hvor der samtidigt er markeret, at der skal vises mellemregninger.

WordMat's trekantsløser anvendes med input: $A = 67^\circ$, $C = 34^\circ$, $b = 5$



$$A = 67^\circ$$

$$B = 79^\circ$$

$$C = 34^\circ$$

$$a = 4,688668$$

$$b = 5$$

$$c = 2,848296$$

Vinkel B findes vha. vinkelsum = 180° i en trekant

$$B = 180^\circ - A - C = 180^\circ - 67^\circ - 34^\circ = 79^\circ$$

Siderne a og c findes vha. sinusrelationerne

$$a = b \cdot \frac{\sin(A)}{\sin(B)} = 5 \cdot \frac{\sin(67^\circ)}{\sin(79^\circ)} = 4,688668$$

$$c = b \cdot \frac{\sin(C)}{\sin(B)} = 5 \cdot \frac{\sin(34^\circ)}{\sin(79^\circ)} = 2,848296$$

Bemærk at de beregnede resultater markeres med fed skrift.

Trekantsløseren kan anvendes til en eksperimenterende tilgang til trekanter.

- Hvad skal man kende for at kunne beregne alle sider/vinkler?
(det skrives umiddelbart ved OK-knappen om der kan findes en løsning).

- Under hvilke omstændigheder kan der være to løsninger?
(Det angives også ved OK-knappen).
- Trekantsløseren kan anvendes til at sammenligne din egen løsningsmetode med WordMat's
- Trekantsløseren kan også bare bruges til at tegne en trekant i de rigtige dimensioner, som så kan bruges i Word.

20. Enheder

Du kan skrive enheder på ethvert tal i en beregning. Fx:

$$v = \frac{120 \text{ km}}{1,5 \text{ time}} = \frac{80 \cdot \text{km}}{\text{time}}$$

I simple tilfælde kan man godt forstå ovenstående, men enhederne bliver kun opfattet som variable. Det betyder, at enheden ikke automatisk samles i slutningen af udtrykket, og der sker ingen omregning til andre enheder.

Hvis du derimod **slår enheder til**, vil WordMat automatisk håndtere og omregne enheder. Ovenstående beregning vil med enheder give dette resultat:

$$v = \frac{120 \text{ km}}{1,5 \text{ time}} = 22,22222 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Resultatet er nu angivet med en enhed i slutningen af udtrykket. Der skrives ikke et gangetegn, og km/time er omregnet til SI-enheden m/s.

OBS: Enheder virker kun med Maxima som CAS-motor.

Sådan slår du enheder til og fra

Du kan aktivere eller deaktivere enhedshåndtering på tre måder:

1. **Via menuen:** Der er en genvej til at slå enheder til og fra i menuen:



Klik på U'et for at slå enheder til og fra.

2. **Via indstillinger:** Åben indstillinger (**Alt + J**) og sæt flueben ved Enheder (på CAS-fanen)
3. **Via tastaturgenvej:** Du kan også vælge at tilknytte en tastaturgenvej, der kan slå enheder til og fra.

Du kan fx benytte genvejen Alt + E.

Klik på Genveje i menuen og sæt **Alt+E**

Vigtige forholdsregler

Brug kun enheder, når du har brug for det. Husk at slå funktionen fra igen, når du er færdig.

Følgende er problematisk, når enheder er slået til:

- Hastigheden af beregningerne bliver langsommere
- WordMat kan have lidt sværere ved at løse ligninger og udføre andre operationer
- Mange bogstaver er reserveret til enheder og kan ikke bruges som variable.
m, g, V, K osv. kan så ikke bruges som almindelige variable. Specielt i fysikformler kan det give problemer da m ofte står for masse. Man kan da bruge stort M eller m_1 med sænket skrift. Ligeledes betyder g både tyngdeaccelerationen ved jordens overflade og gram. Brug fx g_{jord} i stedet for g. Man skal også passe på med variable af to-tre bogstavers længde da det kan være enhed med præfiks. Fx aM, mm, ...

Du kan altid se i menuen om enheder er slået til, ved at se efter U'et ved indstillinger. Når du løser en ligning og enheder er slået til, så vil der blive skrevet en rød advarsel om at enheder er slået til, som en påmindelse om at slå enheder fra hvis du ikke skal bruge det.

Hvilke enheder og præfiks understøttes?

Der understøttes alle SI-enheder med alle SI-præfiks som angivet i tabellerne nedenfor. Både de 7 SI-grundenheder og afledte SI-enheder understøttes. Derudover understøttes også nogle hverdagsenheder som fx år, dag, time, minut. Se tabellen nedenfor for en komplet liste. Nogle enheder kan også skrives både med deres forkortelse eller helt ud. Fx meter eller bare m.

Der skelnes mellem store og små bogstaver. Enhederne skal skrives helt korrekt. Fx skal Joule skrives med stort J og ikke lille j. Præfiks kilo skal skrives med lille k.

Bemærk at WordMat afleverer alle resultater som decimaltal, når enheder er slået til.

Præfiks	navn	værdi	Præfiks	navn	værdi
Y	Yotta	10^{24}	y	yocto	10^{-24}
Z	Zetta	10^{21}	z	Zepto	10^{-21}
E	Exa	10^{18}	a	atto	10^{-18}
P	Peta	10^{15}	f	femto	10^{-15}
T	Tera	10^{12}	p	pico	10^{-12}
G	Giga	10^9	n	nano	10^{-9}
M	Mega	10^6	μ	micro	10^{-6}
K	kilo	10^3	m	milli	10^{-3}
h	hecto	10^2	c	centi	10^{-2}
da	deka	10^1	d	deci	10^{-1}

SI-Grundenheder

Størrelse	enhed	navn
Længde	m	meter
Masse	kg	kilogram
Tid	s	sekund
Temperatur	K	Kelvin
El. strøm	A	Ampere
Antal	mol	mol
Lys intensitet	cd	candela

SI-Afledte enheder

N, J, W, Pa, C, V, F, Ω (eller Ohm), T, H

Andre enheder der kan anvendes

Længde:	AU, ly, pc
Volumen:	L, liter
Tid:	sekund, sekunder, min, minut, minutter, time, timer, dag, dage, år
Masse:	u, ton
Frekvens:	Hz, Bq

Energi: eV, kWh, cal, kcal
Tryk: bar, torr, mmHg, atm
Temperatur: °C (specielt tegn \degc) men virker som Kelvin

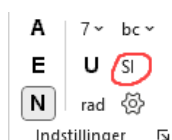
Mange enheder har også en længere version. Fx kan du skrive "10 meter" i stedet for "10 m". Hvis der skal anvendes præfiks i kombination med den lange version, skal præfiks også skrives i den lange version. Du kan fx skrive "10 kilometer".

Outputenheder

Som standard omregnes alle enheder til SI-enheder uden præfiks. Der kan både regnes om til SI-grundenhederne og de afledte SI-enheder.

Du kan dog vælge andre outputenheder, og det kan gøres 2 forskellige steder:

1. I menuen lige til højre for U'et, der kan slå enheder til og fra, står der SI.



SI betyder at der regnes om til SI-enheder. Hvis du trykker på knappen, får du mulighed for at angive andre enheder.

Du kan angive flere enheder adskilt ad komma.

Bemærk at knappen skifter tekst fra SI til den første enhed du har angivet på listen, så du altid kan se om der er valgt andre enheder.

2. Åben Indstillinger (**Alt + J**) og vælg fanen Enheder. Angiv de enheder som der skal regnes om til i tekstfeltet. Du kan angive flere enheder adskilt ad komma. Denne side har også en lille vejledning.

Det er ikke tilladt at indtaste to enheder for samme fysiske størrelse. Fx er både eV og aJ begge energienheder. Det er så den sidste på listen, der gælder.

Kombinerede enheder som "km/time" skal angives som "km, time". Du kan ikke skrive "cm^3" skriv bare "cm".

Eksempler:

Beregning af varmeenergi, der skal bruges til at opvarme 500g vand 15 grader

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta T$$

$$Q = 500g \cdot 4,2 \cdot \frac{kJ}{kg \cdot K} \cdot 15K = 31500 J$$

Beregning af tid til cykel har kørt 50km. Hastigheden er 10 m/s.

$$\text{definer: } l = 50km, v = 10 \frac{m}{s}$$

$$v = \frac{l}{t}$$



Ligningen løses for t vha. WordMat.

$$t = 5000 s$$

Beregning af spænding ud fra modstand og strømstyrke

$$U = I \cdot R = 150mA \cdot 5\Omega = 0,75 V$$

Beregning af afbøjningsvinkel i diffraktionsgitter

$$\text{definer: } n = 1; \lambda = 632,8nm; d = \frac{1mm}{300}$$

$$\sin(\theta) = \frac{n \cdot \lambda}{d}$$



Ligningen løses for θ vha. WordMat.

$$\theta = \sin^{-1}(0,18984) \approx 10,94345$$

I ovenstående eksempel var det nødvendigt at trykke beregn efter resultatet for at få et decimaltal. Det kan ske.

Slet definitioner:

21. Specielle funktioner

Via WordMat får man adgang til hele Maxima's bibliotek af funktioner og programmeringssprog. Det er dog kun for den mere ambitiøse bruger.

En oversigt og forklaring til alle funktioner i Maxima kan findes her:

<https://maxima.sourceforge.io/docs/manual> (Der er også link i Menuen under hjælp)

Funktionerne kan indgå i udtryk på linje med andre funktioner man selv definerer. Resultatet findes ved at beregne. I menuen, ved beregn, er der dog en knap, "Maxima kommando", til at sende et udtryk direkte til Maxima. Den kan anvendes hvis man ikke vil have at WordMat ændrer Maxima's output. Ved beregn laver WordMat nemlig også en simplificering og regner om fra radianer til grader mm.

"Maxima kommando" kan knyttes til en tastaturgenvej, men er ikke sat som standard.

Herunder angives nogle eksempler på nyttige funktioner

Eksempler:

$\text{mod}(5; 4) = 1$	5 mod 4
$\text{gcd}(24; 18) = 6$	Største fælles divisor
$\text{primep}(457) = \text{true}$	Afgør om et givent tal er primtal
$\text{random}(25) = 12$	returnerer tilfældigt heltal 0-24
$\text{random}(25,5) \approx 3,155938$	returnerer tilfældigt rationelt tal x , $0 < x < 25,5$
$\text{taylor}(f(x), x, 0, 3)$	Taylorpolynomium af $f(x)$ omkring udviklingspunkt 0 til 3. orden

Hvis man anvender GeoGebra som CAS-motor, vil disse funktioner ikke fungere. GeoGebra har dog også sine egne funktioner.

Slet definitioner:

Lambert W-funktionen

Lambert W funktionen er den inverse funktion til

$$f(x) = x \cdot e^x$$

Funktionen er ikke injektiv og kommer derfor i to 'grene': $W_0(x)$ og $W_{-1}(x)$

Disse to funktioner er derfor reserverede i WordMat.

De vil kun optræde hvis WordMat er sat til specifikt at regne eksakt, ellers afrundes de numerisk.

Lambert W funktionen anvendes af WordMat at løse ligninger som fx

Eksempel 1:

$$x \cdot e^x = 4$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = W_0(4) \approx 1,202168$$

Eksempel 2:

$$3^x = 5x + 1$$



Ligningen løses for x vha. WordMat.

$$x = 2,298454 \quad \vee \quad x = 0$$

22. Programmering / Kodefelter

Du kan anvende programmering til at definere dine egne funktioner, og på den måde lave meget avancerede funktioner eller udvide WordMat's muligheder.

Her er et eksempel, der viser mulighederne:

```
svarmig(navn, alder) := block([var1, var2] , var1: 30, var2: 70, if alder  
< var1 then return(sconcat(navn, " er ung" )), if alder  
> var2 then return(sconcat(navn, " er gammel" )), sconcat(navn, " er i hans bedste alder" ))
```

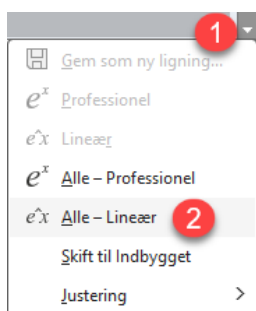
Her anvendes funktionen, der tager to parametre:

svarmig(peter, 17) ≈ petererung

Som det ses ovenfor, er mellemrum fjernet i outputtet. Det skyldes WordMat's formattering af output. Det kan undgås ved at benytte 'Maxima kommando' i stedet for beregn (Se forrige afsnit).

svarmig(peter, 17)

peter er ung



Programmering i matematikfelter er ikke optimalt, da de ikke er beregnet til lang tekst. Det kan dog gøres lidt nemmere ved at arbejde med lineære matematikfelter.

Hvis du vil programmere lidt længere funktioner, anbefales det at anvende kodefelter i stedet for matematikfelter. Du indsætter et kodefelt ved at klikke på "**Def. > Indsæt kodefelt**"

Indtast Maxima kode her

Når du indsætter et kodefelt, kan du blive mødt med en advarsel om at kodefelter ikke er slået til. De aktiveres i "**Indstillinger > Kode > Tillad kodefelter**". Hvis der ikke er sat flueben her, vil kodefelterne blive ignoreret. Kodefelter er som standard *ikke* aktiveret, da kodefelter vil gøre WordMat lidt langsommere. Du skal også være opmærksom på at koden der i kodefelter gælder i resten af dokumentet, fra det sted kodefeltet er indsat, men ikke før. 'Slet definition' har ingen effekt på kodefelter.

Her er ovenstående funktion skrevet i et kodefelt, så den er lidt mere læsevenlig.

```
Svarmig(navn,alder):=block([var1,var2] ,var1:30, var2:70,  
  if alder<var1 then return(sconcat(navn," er ung" )),  
  if alder>var2 then return(sconcat(navn," er gammel" )),  
  sconcat(navn," er i hans bedste alder" )  
)
```

Svarmig(hans, 32)

Med kodefelter kan man forberede funktioner, som så er tilgængelige, når man åbner worddokumentet.

Det er muligt at lave sine egne funktioner, som altid er tilgængelig i WordMat, uden at de skrives i et Worddokument. Det gøres under **"Indstillinger > Kode"**.

Kodefil: ☒ Anvend kodefil ☒ Tillad kodefelter

Sæt flueben ved **"Anvend kodefil"**. Skriv dernæst din kode/funktion i tekstfeltet, så vil funktionerne altid være tilgængelig. Anvendelse af kodefil vil dog påvirke hastigheden af WordMat lidt.

OBS: Hvis der er fejl i koden, der står ved kodefil, så fejler alle beregninger i WordMat.

Programmeringssproget

Programmeringssproget der anvendes, er Maxima's eget sprog, der minder om Lisp. Det kan kun anvendes hvis Maxima er sat som CAS-motor. GeoGebra understøtter ikke programmering.

Se <https://maxima.sourceforge.io/docs/manual/> for dokumentation.

Her er lidt hjælp til at komme i gang:

- Der skelnes mellem store og små bogstaver
Det kan give problemer når Word er sat til automatisk at starte med store bogstaver, da Maxima's funktioner da ikke vil blive genkendt
- Linjer skal afsluttes med ; eller \$
(kommandoer kan også adskilles af komma i block()-funktioner)
- Variable defineres med kolon. Fx:
a:3;
- Funktioner defineres med := fx
f(x):=x^2;

block()

Denne funktion kan anvendes til at samle et længere udtryk, og anvendes typisk således:

```
f(x):=block([lokvar1, lokvar2], ...);
```

Det første argument i funktionen kan være en liste over lokale variable, der anvendes i funktion. Disse variable vil så ikke blive påvirket uden for funktionen. Hvert efterfølgende argument er en kommando, der skal udføres. Funktionens output er det sidste argument til funktionen. Du kan anvende *return(x)* i funktionen for at afslutte og returnere x.

Eksemplet med funktionen "svarmig" ovenfor viser anvendelse af block.

If then else

Fungerer som de fleste programmeringssprog

```
if x=0 then 5  
elseif x=1 then 6
```

```
else 7
```

Eksempel på definition af stykkevisdefineret funktion:

```
f(x) := if x<0 then x^2  
elseif (x=0 and x<5) then x  
else (-x+10)
```

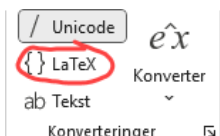
Se også funktionen svarmig ovenfor, hvor if anvendes sammen med block().

23. LaTeX

WordMat har flere forskellige måder at generere LaTeX på.

1. WordMat kan konvertere matematikfelter til LaTeX-syntaks
2. WordMat har en skabelon, der imiterer et dokument, som er lavet i LaTeX
3. WordMat kan fungere som en editor til MikTeX

Word har også en indbygget LaTeX-funktion.

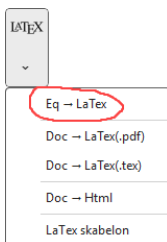


Sæt cursoren i et matematikfelt, og klik på ligningsmenuen. I venstre side vil du have mulighed for at ændre inputformat fra Unicode til LaTeX. Ændringen gælder generelt for alle matematikfelter.

Dette kan ikke konvertere et matematikfelt til LaTeX, men giver mulighed for at du kan skrive et matematisk udtryk ind i LaTeX og derefter vælge professionelt layout, så vil Word fortolke LaTeX-koden korrekt.

OBS: Det er en langsommere måde at skrive matematik på end med UniCode, og WordMat's andre funktioner vil blive forstyrret af denne indstilling. Det anbefales at man ikke ændrer den til LaTeX.

Konvertering af matematikfelter til LaTeX



Placer cursoren i et matematikfelt og klik på **LaTeX > Eq→LaTeX** i menuen. Matematikfeltet vil så blive erstattet af LaTeX-kode, som ikke er skrevet i et matematikfelt.

Som standard er tastaturgenvejen **Alt+T**.

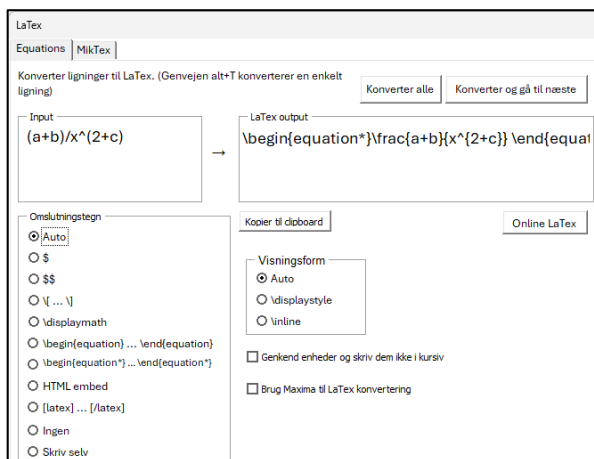
Eksempel:

$$\frac{a+b}{x^{2+c}}$$

`$\frac{a+b}{x^{2+c}}$`

Hvis du klikker Alt+T en gang til, laves LaTeX-koden om til et matematikfelt igen. Denne tilbagekonvertering er dog kun rudimentært implementeret, så oversættelsen vil kun fungere godt for simple udtryk.

Hvis du klikker på den øverste del af LaTeX-knappen i menuen, får du et vindue med flere muligheder.



Her kan du se et preview af hvordan ligningen vil blive konverteret. Du kan vælge mellem forskellige omslutningstegn, eller selv angive din egne. WordMat husker denne indstilling, og denne indstilling bliver også anvendt med tastaturgenvejen.

Bemærk omslutningstegnet **HTML embed**. Det indsætter html-kode der automatisk omdanner LaTeX til et billede, hvis det anvendes i en html-fil på internettet. Det kan fx anvendes hvis man har brug for at indsætte matematik på en hjemmeside eller i en blogpost. Se også afsnit '25 Word til HTML'

I LaTeX-dokumenter vises matematik enten i formatet *displaystyle* eller *inlinestyle*. Det svar i Word til henholdsvis *Vis* og *Indbygget*.

Displaystyle (Vis) er når en ligning står på en linje for sig selv, hvor den vises i storformat.

$$\int \frac{x^2}{2} dx$$

Inlinestyle (Indbygget) er når ligning vises på samme linje som tekst: $\int \frac{x^2}{2} dx$

Under *Visningsform* kan man vælge om WordMat skal oversætte matematikfelterne efter denne sammenhæng eller om man vil tvinge oversættelsen til en af de to typer.

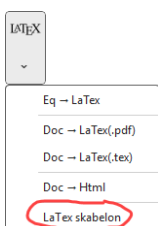
Bemærk, at der øverst er en knap til at konvertere alle matematikfelter i dokumentet til LaTeX.

Maxima har en indbygget funktion til at konvertere udtryk til LaTeX. Den kan man vælge at anvende i stedet for WordMat's. I de fleste tilfælde til WordMats funktion være bedst.

Knappen 'Genkend enheder og skriv dem ikke i kursiv' kan anvendes hvis man gerne vil have mere præcist output hvis man fx laver lærebogsmateriale. Standard er at man skriver variable i kursiv, men ikke enheder. Denne funktion forsøger at genkende enheder i udtrykket og indsætter LaTeX-kode der sikrer at enhederne ikke vises i kursiv. Funktionen er dog ikke 100% pålidelig, check selv efter.

Latex skabelon

WordMat har en dokumentskabelon, der kan få Word til at ligne et LaTeX-dokument.



Klik på **LaTeX > LaTeX skabelon** for at åbne et nyt LaTeX-lignende dokument.

Når dokumentet åbner, er det ikke tomt, men indeholder et eksempel på et LaTeX-dokument med eksempler og information, omkring hvordan det imiterer et LaTeX-dokument. Du kan bare slette alt indholdet for at starte på et nyt dokument.

Dokumentet er indrettet til at ligne et LaTeX-dokument på følgende måde:

1. Der anvendes samme skrifttype som i LaTeX, både i tekst og i matematikfelter.
Dette er muligt da, WordMat installerer disse skrifttyper. Skrifttypen hedder *LM Roman 12* for tekst og *Latin Modern Math* for matematikfelter.
2. Overskriftstypografer er indstillet til at matche LaTeX-stil, med nummerering af overskrifter.
3. Marginerne er sat til samme værdier som i et standard A4 LaTeX dokument.
4. Anvendelse af bindestreger ved linjeskift er slået til.
5. Forsiden i eksempel-dokumentet ligner en LaTeX-forside. Når du skal lave et nyt dokument med en forside, så genbrug denne.
6. BibWord er installeret.
I Word's menu under **Referencer > Citater og bibliografi > Typografi** kan du vælge "A BibWord Bitation and Bibliography Style" som ligner standard i LaTeX.

WordMat har også mulighed for at indsætte nummererede ligninger og referencer til ligninger, på samme måde som i et LaTeX-dokument. Se næste afsnit.

Word som MikTeX editor

Hvis du gerne vil have et LaTeX-dokument der er 100% LaTeX, så kan WordMat fungerer som editor til MikTeX, der så kan generere LaTeX-koden og en pdf. Det hele fungerer fra Word.

Denne funktion virker kun på Windows, og er i Beta. Det anbefales ikke at bruge det til større dokumenter endnu.

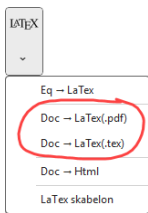
Fordelen ved denne metode frem for andre LaTeX-editorer er at du vil kunne anvende Words matematikfelter og lade WordMat konvertere til LaTeX. Word giver også mulighed for at flere kan skrive i det samme dokument via OneDrive.

WordMat vil konvertere følgende til LaTeX:

- Overskrifter
Titel → kapitel
Overskrift 1 → section
Overskrift 2 → subsection ...
- Fed skrift, kursiv, underline
- Sidetal
- matematikfelter
- Lister (nummererede og bullets)
- Tabeller
- Billeder, figurer
- Bibliografi

Du kan altså selv vælge om du vil skrive LaTeX koden direkte i Word eller anvende Words funktioner og lade WordMat konvertere.

For at WordMat kan lave et LaTeX-pdf-dokument skal du have installeret [MikTeX](#).



I LaTeX-menuen i WordMat, kan du via disse to knapper konvertere dokumentet direkte til en pdf eller til en tex-filen som åbner i TexWorks.

Det anbefales dog i første omgang at klikke på den øverste del af LaTeX-knappen og på fanen MikTeX, hvor du kan sætte indstillinger til konverteringen.

I højre side kan du sætte nogle generelle indstillinger, og når de ændres, kan du se preamblen i venstre side ændres tilsvarende. Nederst kan du tilføje dit eget input til preamblen, som gemmes.

Use Word as a LaTeX-editor.

You can type latex commands directly into your word document for complete control or use Words features and let WordMat convert to LaTeX.

MikTeX must be installed for this to Work. You will be guided to the installation when you press any of the buttons below.

A new folder ('docname-Latex') will be created in the same folder as the document containing the tex-file and images.

Supported formatting:

- Headings using typography converts to sections and subsections ...
- Title = Chapter (documentclass book or report for article its doc title)
- Heading 1=Section , Heading 2=subsection, Heading 3=subsubsection
- Simple formatting: Bold, italic, underline
- Pagenumbering on/off according to document settings
- Equations converted to LaTeX, inline, numbered and unnumbered
- Lists (bullet and numbered)
- Tables
- Images, autoshapes, diagrams
- Bibliography

Latex preamble

Autogenerated:

```
% !TEX encoding = ISO-8859-1
\documentclass[10pt]{article}
\usepackage[T1]{fontenc}
\usepackage[latin1]{inputenc}
\usepackage{geometry}
\geometry{a4paper}
\usepackage[danish]{babel}
\usepackage{amsmath}
```

... Custom ...

```
\title{WordMatManual}
\author{Mikael Samsøe Sørensen}
```

Custom: Reset to default

Latex options

Documentclass: Article

Font size: 10pt

☐ Force word doc margins

☒ Title page

☒ Contents page

☒ Section numbering

→ Tex → PDF

Igen understreges at funktionen er i Beta, og kun bør anvendes i simple dokumenter, hvor der ikke er anvendt kompliceret formattering ud over det nævnt ovenfor, eller specielle tegn som kan indgå i LaTeX kode som & og {}.

24. Nummererede ligninger

Word har en indbygget funktion til at nummerere ligninger, men WordMat tilføjer sin funktion med flere muligheder.

Words indbyggede funktion til nummererede ligninger

Du kan tilføje et nummer i højre side af et matematikfelt ved at skrive #(1) efter udtrykket i matematikfeltet. Når du trykker Enter, bliver det lavet om til et nummer i højre side. (Det virker ikke med space, som normalt. Det skal være Enter)

Eksempel:

$$a^2 + b^2 = c^2 \quad (1)$$

Du kan redigere i nummeret som du vil, og faktisk skrive hvad som helst i højre side. Nummeret bliver ikke automatisk opdateret og der kan ikke laves referencer til feltet som automatisk opdaterer.

WordMat kan ikke foretage beregninger på matematikfelter, der er nummereret på denne måde.

WordMats funktion til nummererede ligninger

Tryk på den nederste del af 'Indsæt ligning'-knappen i WordMat-menuen, så får du mulighed for at indsætte en nummereret ligning.

Skriv ligningen her. (1)

Via indstillinger kan man vælge mellem om nummeret skrives i højre eller venstre side.

Indstillinger

CAS	Notation	Graf	Enheder	Num. lign.	Backup
-----	----------	------	---------	------------	--------

Placering

☐ Venstre side

☒ Højre side

Nummerering

☒ (1)

☐ (1.1)

☐ Spørg om navn på reference ved indsættelse

Hver gang der indsættes en ny nummeret ligning, så øges nummeret automatisk.

(2) Skriv ligningen her.

I stedet for at indsætte nummererede ligninger via menuen, kan de indsættes vha. en tastaturgenvej. Du kan fx anvende tastaturgenvejen Alt+M2 (Trykke alt + M 2 gange hurtigt). Tastaturgenveje sættes i menuen i højreside.

Et almindeligt matematikfelt kan altid laves om til et nummereret eller tilbage igen, ved at trykke alt + M i et nummeret matematikfelt, eller tastaturgenvejen for et nummereret matematikfelt i et almindeligt matematikfelt.

Hvis man indsætter en nummeret ligning mellem to eksisterende nummererede ligninger, så opdateres alle numrene i dokumentet så de kommer i rækkefølge.



Hvis en nummeret ligning slettes, så sker der *ikke* en automatisk opdatering. For at opdatere numrene vælges da 'Opdater ligningsnumre' fra 'Ny Ligning'-knappen.

Hvis man har brug for at nulstille eller sætte ligningsnummeret til en bestemt værdi, så kan man markere ligningsnummeret og vælge 'Sæt ligningsnummer' fra 'Ny Ligning'-knappen. Bemærk at efterfølgende nummererede ligninger så vil blive nummereret fra den nye faste værdi.

Da ligningsnumrene er dynamiske kan det være vanskeligt at referere til dem. Til dette formål kan man indsætte 'Nummeret ligning til reference'. Når denne type nummeret ligning indsættes, bliver man bedt om angive et navn til ligningen når den indsættes. For at referere til ligningen anvendes funktionen 'Indsæt reference til ligning'. Så får man mulighed for at vælge imellem de navne man tidligere har angivet til ligningerne.

Under indstillinger er det muligt at få nummeret ligningerne med to numre

Skriv ligningen her. (0.1)

Næste gang der indsættes en ligning, øges det sidste nummer med en.

Skriv ligningen her. (0.2)

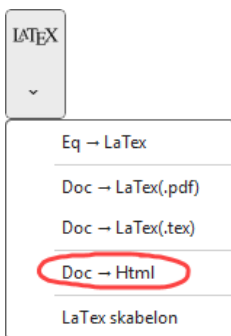
Det første nummer kan kun ændres vha. funktionen 'Sæt ligningsnummer', eller endnu smartere vha. funktionen 'Indsæt ligningssektion nummer'. Derved indsættes et nummer i dokumentet som øger det første nr. med 1 og nulstiller det andet nr. til 1. Typisk placeres nummeret i en overskrift som nummerering af kapitler eller afsnit. (Det er også muligt at indsætte nummeret skjult hvis det ikke skal anvendes).

Bemærk: Med nummererede ligninger indsættes en skjult tabel. Pas på med at skrive andet i tabellen end ligningen. dvs. sørg for at sætte cursoren efter tabellen når der fortsættes med at skrive.

25. Word til HTML

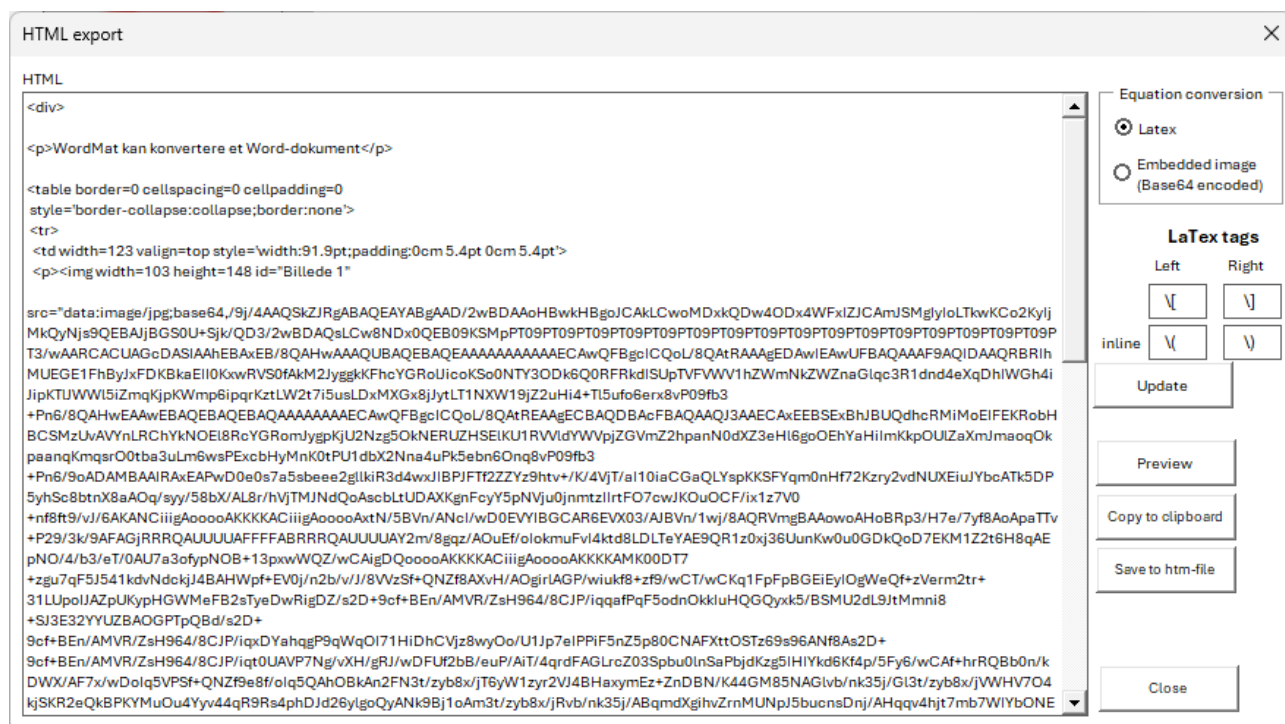
WordMat kan konvertere et Word-dokument eller dele af et Word-dokument til Html. Det er en funktion som Word til dels allerede har, men WordMat er bedre til at håndtere matematikfelter, billeder og laver mere simpel html. Der laves html-kode som ikke er afhængig af eksterne filer, så koden vil kunne sættes ind hvor som helst, hvor der er mulighed for at indsætte custom html. Det kunne fx være et WordPress post.

Funktionen er anvendt til at konvertere denne manual til en hjemmeside.



Klik **LaTeX > Doc → Html** for at lave Word-dokumentet om til html.

Du får nu et tekstfelt, hvor den genererede html kan ses, og hvor du kan vælge nogle indstillinger. Klik på **Update** for at regenerere med nye indstillinger.



Knappen **PreView** viser Html-koden i en browser, så du kan se hvordan det kommer til at se ud på en hjemmeside (afhængig af css).

Den øverste indstilling 'Equation conversion' bestemmer om matematikfelter bliver indsat som billeder eller som LaTeX-kode. Billeder fylder meget i koden, men vil virke alle steder, mens LaTeX-koden kræver at hjemmesiden kører med et LaTeX-filer, for at de bliver vist korrekt. Det kan være meget forskelligt hvilke omslutningstegn forskellige LaTeX-filtre anvender, så der er mulighed for manuelt at angive omslutningstegn for både inline og displaystyle.

Der understøttes:

- Overskrifter
- Formattering: fed, kursiv, underline
- Tabeller
- Billeder
- Ligninger

26. Hastighedstips

Her er et par nyttige tips til at øge hastigheden, når der arbejdes med ligninger i Word.

Langsom ligningsmenu

Ligningsmenuen i Word, der viser ligningsskabeloner kan være meget langsom. Word bruger standardprinteren til at generere disse skabeloner. Man kan derfor øge hastigheden ved at skifte til en hurtigere driver. "Microsoft print to pdf" er hurtigere end en driver til en fysisk printer. "Cute pdf" er meget hurtig.

Sådan sætter du en standardprinter

1. Tryk på **Windows-tasten** og skriv **printere**.
2. Vælg **Printere & scannere** i søgeresultatet.
3. Windows kan selv "skifte standardprinter" afhængig af hvor du sidst printede fra. Hvis du vil styre det manuelt:
I **Printere & scannere** → rul ned og fjern hakket i "*Lad Windows administrere min standardprinter*".
4. Find den printer, du vil bruge som standard (fx *Microsoft Print to PDF*).
5. Klik på den → vælg **Angiv som standard**.

Kladdevisning øger hastigheden

Hvis du har en ældre computer, eller arbejder i et stort dokument kan det være en fordel at skifte til kladdevisning i Word. Kladdevisning viser dokumentet i en lidt simplere form, hvor der ikke er nogen marginer, indrykning, kolonner, sidehoved og sideinddeling. Den normale visning kaldes Udskriftslayout og viser præcis hvordan dokumentet kommer til at se ud, når det printes eller konverteres til pdf, men det er ofte ikke nødvendigt når man arbejder med WordMat.

Kladdevisning viser stadig normal formattering, skrifttyper, skriftstørrelse og formler. Det er langt mindre krævende for Word at arbejde i kladdevisning, så Word vil føles meget hurtigere - specielt i store dokumenter.

Du kan skifte til kladdevisning på to forskellige måder:

- Åben menuen 'Vis' og klik 'kladde'.
For at skifte tilbage til normal visning klikkes 'Udskriftslayout'
- Tastaturgenveje:
Alt + Ctrl + N: Kladdevisning
Alt + Ctrl + P: Udskriftslayout

27. WordMat Mac og Windows

Generelt fungerer WordMat på Windows og Mac ens, men der er nogle forskelle. Det drejer sig primært om nogle ekstra funktioner som kun er tilgængelig i Windows versionen.

Følgende er kun tilgængeligt i Windows-versionen

- Plotning af grafer med GnuPlot
- Plotning af grafer med Graph
- Generering af LaTeX filer til pdf med MikTeX

Årsagen er til disse forskelle er at WordMat afhænger af nogle eksterne programmer som ikke findes til Mac, eller ikke er til at kommunikere med på Mac.

Hvis Man vil anvende GeoGebra som CAS motor på Mac, så det kræver det lidt manuelle indstillinger som ikke er nødvendige på Windows. Se afsnittet CAS motor s. 11.

I forhold til Maxima så burde de to versioner fungerer ens, men det kan ikke 100% garanteres, at der i særlige tilfælde vil være en forskel.

28. Eksterne programmer

WordMat foretager nogle beregninger selv, men fungerer i høj grad på den måde, at det oversætter de matematiske udtryk der taster i Word, og sender dem til andre programmer, og nogle sender resultater tilbage til Word.

De andre programmer der benyttes er:

- Excel
- Maxima - <http://maxima.sourceforge.net>
- GeoGebra - www.geogebra.org
- GnuPlot - <http://www.gnuplot.info>
- Graph - <http://www.padowan.dk>

Maxima, GeoGebra, GnuPlot og Graph er åbne, gratis-programmer der kan hentes fra nettet. De installeres samtidigt med WordMat.

Maxima er et avanceret CAS-program der oprindeligt er udviklet på MIT fra 1968. Programmets senere liv er en længere historie, men programmet har en i lang periode været et kommercielt førende produkt på sit område (under navnet MacSyma). I 1998 blev programmet gjort gratis under GNU public license, og dets videre udvikling varetages nu af en uafhængig gruppe.

Graph er et gratis graf-program der kan indsættes direkte i Word via WordMat. Det er meget brugervenligt, og ligesom med GeoGebra overføres definitioner og syntaks, men fungerer dog kun på Windows.

29. Fejlfinding

Det er muligt for skoler at tilkøbe et partnerskab, der giver adgang til support, WordMat+ og en række ekstra tjenester, der gør arbejdet med at få WordMat til køre på mange computere meget nemmere. Samtidigt er det partnerskabsskolerne, der er med til at sikre, at WordMat løbende bliver opdateret.

[Læs mere om partnerskab her](#)

Du har følgende muligheder for selv at løse problemer:

1. På WordMat's hjemmeside er der en FAQ, hvor de mest gængse problemer er beskrevet.

[WordMat-FAQ](#)

2. På WordMat's YouTube site er der video'er der kan hjælpe. Der er bla. videoer, der beskriver mange af problemerne beskrevet i FAQ'en mere detaljeret.

<https://www.youtube.com/playlist?list=PLBE92A91925446259>

3. På WordMat's GitHub side under discussions kan du oprette et indlæg og spørge efter hjælp fra andre brugere. Det kan også være, at du kan finde et indlæg, som handler om dit problem.

<https://github.com/Eduap-com/WordMat/discussions>

4. På WordMat's GitHub side under issues kan du indberette fejl og se hvilke fejl, der allerede er indberettet. Det er vigtigt først at afsøge punk 1-3 før end fejl indberettes her.

<https://github.com/Eduap-com/WordMat/issues>

5. På WordMat's Facebook side omtales også jævnligt problemer og der kan i nogle tilfælde være hjælp at hente

<https://www.facebook.com/wordmat>

30. Tips til teknikeren

Installationsfiler

Der findes flere forskellige installationsfiler til WordMat. De installationsfiler der stilles gratis til rådighed er kun beregnet til installation på private computere med administrative rettigheder.

Med [WordMat partnerskab](#) får du yderligere adgang til følgende installationsfiler:

- MSI-filer til installation med MDM-systemer som fx InTune.
- Installationsfil der kan installere WordMat på Windows computere, hvor brugeren ikke har administrative rettigheder.

Det er en god løsning til skoler, hvor lærere ikke har administrative rettigheder.

- Installationsfiler til Mac-computere, der er valideret ved Apple, så WordMat kan installeres uden at skulle ind i systemindstillinger og undtage filen.

Adgang til installationsfilerne gives via IP-adresse, så downloadsiderne på hjemmesiden bliver ændret til følgende

Windows:

Din skole støtter udviklingen af WordMat 👍

Version 1.36.2 (24/09-2025)

DOWNLOAD WORDMAT

Nedenstående version er for brugere, der ikke har administrative rettigheder til deres computer.

DOWNLOAD WORDMAT
NON-ADMIN

OBS: Non-admin installationsfilen kan *ikke* anvendes, hvis man allerede har installeret WordMat for 'Alle brugere'. I så fald skal den gamle version først afinstalleres.

Problemer med WordMat?
 Kontakt din lokale IT-tekniker. Hvis teknikeren ikke kan løse problemet, kan teknikeren kontakte EDUAP og aftale en supportsession. Når du er klar til support så klik her: [Start support](#)

Mac:

Din skole støtter udviklingen af WordMat 👍

Version 1.36.2 (24/09-2025)

Det er vigtigt, at du vælger den version, der passer til din Mac!

[Klik her, hvis du er i tvivl om, hvilken type Mac du har](#)

Apple Silicon (M1/2/...)

Intel

DOWNLOAD

DOWNLOAD

Parametre til installationsfilerne

Installationsfilen WordMat.exe kan køres med følgende parametre:

/silent Installerer WordMat uden brugerinput. Nødvendig ved installation på mange computere. det kan muligvis være nødvendigt at bruge parametrene /verysilent og /SUPPRESSMSGBOXES samt /nocancel

/TASKS="installeralle" Hvis der skal installeres for alle. Her placeres WordMat.dotm i
C:\Program Files\Microsoft Office\root\Office16\STARTUP

/TASKS="installerbruger" Hvis der skal installeres for brugeren. Her placeres WordMat.dotm i
%appdata%\Microsoft\Word\STARTUP eller %appdata%\Microsoft\Word\START
Dette er default

/COMPONENTS="!Graph,!GeoGebra"

Graph og GeoGebra bliver ikke installeret. Kan bruges hvis Graph og GeoGebra bliver installeret ad anden vej. Bemærk dog at der kan komme versionsproblemer, hvis der anvendes andre versioner af GeoGebra.

Man kan selvfølgelig også ændre parameteren så enten Graph eller GeoGebra bliver installeret.

Antivirusproblemer

Nogle antivirusprogrammer kan fra tid til anden registrere WordMat som Malware eller virus. Der er tale om en falsk positiv registrering. Problemet skyldes at den måde WordMat er lavet på med kommunikation mellem programmer, samtidigt med at det er skrevet i VBA, som kan udnyttes til virusangreb. Gør at antivirusprogrammerne er

Der er skrevet en blog post omkring problemet, hvor det forklares lidt mere i dybden her:

<https://wordmat.blogspot.com/2025/02/wordmath-and-antivirus-problems.html>

Hvor installeres WordMat?

De fleste filer installeres i

"C:\program files(x86)\WordMat"

Eller hvis installeret uden administrative rettigheder:

"%appdata%\WordMat"

WordMat installeres i Word som en Global skabelon, ved at placere WordMat.dotm i en mappe hvorfra skabeloner automatisk loades

Hvis WordMat installeres for alle brugere så placeres WordMat.dotm i mappen

C:\Program Files\Microsoft Office\root\Office16\STARTUP

(afhængig af Word-version)

Hvis WordMat installeres 'kun for denne bruger' så placeres skabelonen i profilen i mappen:

%appdata%\Microsoft\Word\STARTUP

WordMat bruger registreringsdatabasen til at lagre indstillinger under

HKEY_CURRENT_USER\Software\WordMat

Der bliver registreret en dll-fil (MathMenu.dll) som programmet i skabelonen trækker på. Denne dll-fil kræver .Net framework 4.0.

