### LINGUAGGI

Un linguaggio di programmazione è una notazione per descrivere algoritmi e dati.

Un **programma** è una **frase** di un linguaggio di programmazione, una **specifica finita** di un algoritmo. Per ogni algoritmo ho quindi infiniti programmi.

Un PL mi permette di scrivere i passi computazionali necessari per rappresentare un algoritmo. Le proprietà che deve avere un PL sono:

- a. leggibilità: sintassi chiara, minimo overloading di operatori, parole chiave significative
- b. scrivibilità: pochi costrutti, interfacce, numero di operazioni
- c. affidabilità: testing per errori di tipo, gestione delle eccezioni, aliasing
- d. costo: di scrittura, di formazione, di compilazione, di manutenzione
- e. portabilità: indipendenza dalla macchina
- f. astrazione: polimorfismo, astrazione dei dati e del controllo
- g. well-definedness: semantica chiara

Macchina Astratta (MA): dato un linguaggio L di programmazione M<sub>L</sub> la macchina astratta di L, è un insieme di strutture dati ed algoritmi che permettono di memorizzare ed eseguire programmi di L.

La macchina può quindi essere vista così:  $M_L$ = memoria + interprete; è possibile realizzare la MA in HW (++veloce, --flessibile), in FIRMWARE (+veloce, -flessibile) o in SW (-veloce, ++flessibile).

**Linguaggio Macchina**: data una macchina astratta M, il **linguaggio L\_M** che ha come stringhe legali **tutte** quelle **interpretabili** da M è detto **linguaggio macchina**.

Implementare un linguaggio L significa quindi realizzare una macchina astratta M<sub>L</sub>.

Per realizzare  $M_L$  da eseguire sulla macchina astratta  $Mo_{Lo}$  (che conosce un altro linguaggio, appunto Lo) ho principalmente due opzioni:

- 1. **traduzione implicita**: esecuzione di codice Lo dato codice L (mediante una  $M_L$ )  $\rightarrow$  interpretato
- 2. **traduzione esplicita**: traduzione in Lo dato codice  $L \rightarrow$  compilato

#### **NOTAZIONI:**

Prog<sup>L</sup> = insieme dei programmi scritti in L

D = insieme dei dati in input e output

 $P^L \in Prog^L$ ,  $P^L : D \rightarrow D$  parziale ricorsiva tale che  $P^L(Input) = Output$ 

Un interprete per un linguaggio L, scritto nel linguaggio Lo, è un programma che realizza

 $I^{Lo,L}$ : (Prog<sup>L</sup> \* D)  $\rightarrow$  D tale che  $I^{Lo,L}$ (P<sup>L</sup>, Input) = P<sup>L</sup>(Input)

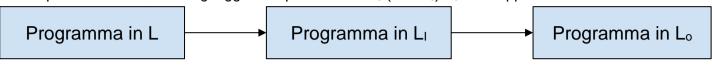
Un compilatore da un linguaggio L a Lo, è un programma che realizza

 $C^{L,Lo}$ :  $Prog^L o Prog^L$  tale che dato  $P^L \in Prog^L$ ,  $C^{L,Lo}(P^L) = P^{Lo}$  e  $P^L(Input) = P^{Lo}(Input)$ . La compilazione è composta dalle fasi:

- a. scanner: analisi lessicale, spezza un programma nei componenti sintattici primitivi, detti tokens
- b. parser: analisi sintattica, crea un albero della sintassi del programma

| INTERPRETE                           | COMPILATORE                            |
|--------------------------------------|----------------------------------------|
| Nessuna traduzione, esecuzione lenta | Lenta traduzione, veloce esecuzione    |
| Scarsa efficienza della macchina M∟  | Difficile da implementare              |
| Buona flessibilità e portabilità     | Buona efficienza                       |
| Buona interazione run - time         | Scarsa flessibilità, bassa portabilità |

Oltre all'implementazione di un interprete puro e di un compilatore, esiste una terza opzione, per poter trarre vantaggi da entrambi i metodi precedenti, una **soluzione ibrida**. Questa soluzione prevede che venga aggiunta una **macchina intermedia tra M<sub>o</sub> e M**<sub>L</sub>, denominata **M**<sub>I</sub>. Il processo di comprensione viene quindi modificato nel seguente modo: un interprete puro si occupa di trasformare L in L<sub>I</sub>. Fatto ciò entra in gioco un compilatore che si occupa di tradurre L<sub>I</sub> in un linguaggio comprensibile a M<sub>o</sub> (cioè L<sub>o</sub>). Questo approccio è **usato da Java**.



## **SINTASSI**

Parola: stringa di caratteri su un alfabeto Frase: sequenza ben formata di parole

Linguaggio: insieme di frasi

Lessema (terminale): unità sintattica di più basso livello di un linguaggio (es. for, sum, +, \*...)

Token (non terminale): categoria di lessemi (es. identificatori)

La sintassi è composta da un vocabolario e da delle regole di composizione (grammatica). Un tipo particolare di grammatica è la CFG, inventata da Chomsky (ed equivalente alla BNF).

## CFG (context free grammar)

Una grammatica libera dal contesto (CF) è una quadrupla G = <V, T, P, S> dove:

- V è un insieme finito di simboli non terminali (elementi della frase)
- T è un insieme finito di simboli terminali (vocabolario)
- **P** è un insieme finito di **produzioni**, nella forma  $A \rightarrow_1 \alpha$  dove
  - A ∈ V
  - α ∈ (V ∪ T)\*
- S è il simbolo iniziale (categoria delle frasi)

Una grammatica CF mi permette di descrivere la sintassi di qualsiasi linguaggio di programmazione.

Progettata nel 1959, prevede:

- parole come simboli terminali
- i non terminali racchiusi tra parentesi angolari
- la non terminalità di un simbolo iniziale

$$A> ::= \alpha < B> \gamma \mid \alpha$$
  
 $B> ::= \epsilon \mid \beta_1 \mid \beta_2$ 

Per semplificare la notazione, si usa la Extended BNF (EBNF) che aggiunge:

- [] indica 0 o 1 occorrenza di quanto contenuto
- {} indica 0 o più occorrenze di quanto contenuto
- la , per esprimere più opzioni in or

$$<$$
A $> ::= \alpha [ $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ]  $\gamma \mid \alpha$$ 

La EBNF sarà il modo in cui descriveremo il linguaggio che costruiremo durante questo corso.

## **SEMANTICA**

La semantica attribuisce un significato (entità autonoma) ad ogni frase sintatticamente corretta. La semantica ha il compito di controllare e di garantire: una corrispondenza tra il numero di parametri attuali e il numero di parametri formali, l'inizializzazione di un identificatore prima dell'uso, la compatibilità dei tipi di un assegnamento e di rimuovere le ambiguità grammaticali

A seconda di chi legge la semantica, è utile **descrivere significati diversi**; esistono quindi diversi tipi di semantica, focalizzate su diversi aspetti: **semantica denotazionale** (funzionalità di **I/O**), **semantica operazionale** (**trasformazioni di stato**) e **semantica assiomatica** (**proprietà**).

#### Semantica denotazionale

La semantica denotazionale è basata sulla teoria della ricorsione ed è il modello matematico dei programmi. Per costruirne una devo

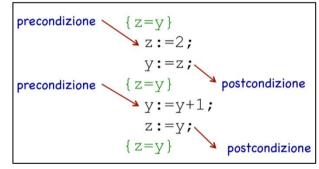
- definire un oggetto matematico per ogni entità
- definire una funzione che mappi le istanze delle entità negli oggetti matematici

```
 \begin{split} \mathcal{E} & \hspace{-0.1cm} \hspace{-0.1cm} \mathbb{P} \hspace{-0.1cm} \hspace{-0.1cm} \hspace{-0.1cm} \hspace{-0.1cm} \hspace{-0.1cm} \hspace{-0.1cm} \mathcal{E} \hspace{-0.1cm} \hspace{-0
```

Quindi un programma corrisponde ad una funzione, ottenuta tramite l'equivalenza di funzioni più piccole; questo permette di utilizzare l'oggetto creato tramite la semantica denotazionale per dimostrare la correttezza di un programma. Poco utilizzata per l'alta complessità.

#### Semantica assiomatica

Basata sulla **logica formale**, la semantica **assiomatica** è stata progettata per fornire una **verifica formale** dei programmi. Consiste in **assiomi** e **regole di inferenza** per ogni comando del linguaggio Le **espressioni logiche** sono chiamate **asserzioni** e definiscono i vincoli (sia **pre-condizioni**).



### Semantica Operazionale

La semantica operazionale descrive come il programma effettua un'operazione eseguendola su una macchina reale o simulata; il cambio di stato della macchina quindi definisce il significato del comando.

Introduciamo ora alcuni concetti: la composizionalità è la proprietà che implica che il significato di un programma debba essere funzione del significato dei costituenti immediati. L'equivalenza tra programmi è definita dalla seguente caratteristica: due programmi sono equivalenti se la loro semantica è equivalente. Questo si traduce in una equivalenza a livello di funzionalità, esecuzione step-by-step e proprietà. Con l'equivalenza tra programmi possiamo quindi valutare la correttezza di un programma e l'efficienza di un programma.

## **CATEGORIE SINTATTICHE**

Le categorie sintattiche sono gli elementi non terminali della grammatica classificati in funzione di cosa denotano/producono/ottengono rispetto ad uno stato di computazione; ne fanno parte le espressioni, i comandi e le dichiarazioni di un linguaggio. Lo stato di computazione è dettato da due fattori, l'ambiente (environment, l'insieme dei bindings tra identificatori e denotazioni) e la memoria (store, l'insieme di effetti sugli identificatori causati dagli assegnamenti).

#### Espressioni

Le **espressioni** vanno **valutate** per restituire il **valore che denotano**. Due espressioni **sono equivalenti** se **vengono valutate** nello stesso valore **in tutti gli stati di computazione**.

#### Comandi

I comandi rappresentano funzioni da memoria a memoria. Devono essere eseguiti per effettuare la trasformazione della memoria (che è irreversibile). Due comandi sono equivalenti se per ogni stato della memoria in input producono lo stesso stato della memoria in output.

#### Dichiarazioni

Le dichiarazioni descrivono i legami tra gli identificatori e le denotazioni e servono per creare/modificare gli ambienti. Devono essere elaborate per poter agire sui legami (reversibilmente). Due dichiarazioni sono equivalenti se producono lo stesso ambiente e la stessa memoria in tutti gli stati di computazione.

## SISTEMI DI TRANSIZIONE

Il sistema di transizione TS specifica cosa viene calcolato per induzione sulla struttura sintattica ed è definito: un sistema di transizione è una struttura ( $\Gamma$ ,  $\rightarrow$ ), dove  $\Gamma$  è un insieme di elementi  $\gamma$  chiamati configurazioni e la relazione binaria  $\rightarrow \subseteq \Gamma$  x  $\Gamma$  è chiamata relazione di transizione.

## **ESPRESSIONI**

La valutazione di un'espressione restituisce un valore esprimibile con un intero o con un booleano. I costituenti elementari sono i letterali, composti mediante operatori.

### Espressioni aritmetiche

Sono espressioni costituite da operatori, operandi, parentesi e chiamate di procedura. Sono caratterizzate da un numero di operatori (arietà), delle regole di precedenza e di associatività, un ordine di valutazione degli operandi, una presenza di side - effects e un overloading degli operatori. Queste espressioni possono essere denotate in modo diverso variando la posizione dell'operatore: otteniamo così la notazione pre - fissa (+ a b), la notazione post - fissa (a b +) e la notazione in - fissa (a + b). La notazione post - fissa è in assoluto la più semplice, non necessitando né di regole di precedenza, né di regole di associatività e di parentesi. Un'espressione scritta in questo modo può essere risolta semplicemente usando una pila: leggo un simbolo e lo metto nella pila. Se il simbolo letto nell'espressione è un operatore, lo applico ai due simboli precedenti in pila. La notazione pre - fissa è molto più semplice di quella in - fissa. Anche lei, come la post - fissa, non ha bisogno di regole di precedenza, di associatività o di parentesi e può essere valutata con una pila. Nella notazione in - fissa, invece, è necessario stabilire le regole di precedenza e quelle di associatività tra gli operatori. Le espressioni vengono internamente rappresentate tramite un albero. Da questo albero il compilatore produce il codice intermedio o l'interprete valuta l'espressione.

### Valutazione delle espressioni - possibili problemi

I linguaggi di programmazione adottano una **valutazione** degli operandi **lazy** (o *corto circuito*) o **eager**: la prima presuppone che vengano **valutati solo** gli operandi strettamente **necessari**, la seconda che vengano **valutati tutti**. Prendiamo ad esempio l'**espressione**  $a == 0 \mid | b/a > 2$ : se a == 0 con una **valutazione lazy** avremo un risultato **vero**; con una valutazione **eager**, invece, otterremo un **possibile errore** perchè valutando b/a > 2

**dividiamo per 0**. Altra situazione da considerare è quella riguardante i **side – effect**, che si ottiene quando una **funzione** riferita in una espressione **cambia un altro parametro della stessa espressione**.

### Valutazione ed equivalenza

La funzione  $Eval: Exp \to Con$ , che descrive il comportamento dinamico delle espressioni restituendo il valore è definita da  $Eval(e) = k \leftrightarrow e \rightarrow_e^* k$  (**valutazione**)

L'equivalenza di espressioni  $\equiv \subseteq Exp \times Exp$  è definita da  $e_0 \equiv e_1 \leftrightarrow Eval(e_0) = Eval(e_1)$  (equivalenza)

## **DICHIARAZIONI**

#### Identificatori

Gli identificatori sono sequenze di caratteri usati per denotare o rappresentare un altro elemento (come variabili, costanti, espressioni o metodi). In un programma gli identificatori sono usati per riferirsi agli oggetti senza conoscerne il valore a priori. Non tutte le parole possono essere utilizzate come identificatori: esistono infatti alcune keyword, parole riservate (dipendenti dal linguaggio) che non possono essere usate dall'utente per definire i nomi. Il linguaggio, poi, impone altri vincoli sui nomi come la lunghezza massima, il case sensitive o la presenza o meno di caratteri speciali. L'aliasing è la possibilità di avere più nomi per identificare lo stesso elemento. Il polimorfismo, invece, è la possibilità per un nome di identificare elementi diversi in momenti diversi.

## Binding

Binding significa associare l'identificatore al suo significato; deriva dalla matematica dove possiamo trovare i concetti di binding occurrences (la creazione di binding e quindi l'associazione), applied occurrences (l'uso del nome per accedere al significato) e free occurrences (l'uso di un identificatore non definito). Col concetto di binding viene definito anche il concetto di scope, ovvero lo spazio in cui si può usare un determinato nome per rappresentare il significato.

$$\sum_{i=1}^{n} \left( \sum_{j=1}^{m} a_{ij} \dots b_{ij} \right)$$
scope di  $j$ 
scope di  $j$ 

A seconda di cosa vogliamo denotare, dobbiamo creare diversi binding. Un **binding** è **statico** se **viene effettuato prima dell'esecuzione** e **rimane invariato per tutta la vita del programma** (es. i *tipi delle variabili*). Un **binding** è **dinamico** se **occorre durante l'esecuzione e può cambiare** (es. *i valori delle variabili*). Il binding può essere effettuato a **tempo di compilazione** (early binding) o a **tempo di esecuzione** (late binding): l'**early binding** è molto **veloce** da essere eseguito e si basa sull'**uso dello stack**; **non è flessibile**. Il **late binding**, al contrario, è più **lento** da essere eseguito ma è **molto flessibile** e si basa sullo **heap**. La scelta di un determinato tipo di binding è prettamente una **questione semantica**.

Possiamo ora definire altri due concetti, collegati al binding degli identificatori: un **ambiente dinamico** è un elemento dello spazio di funzioni  $Env = \cup_{I \subseteq_f Id} Env_I$  dove  $Env_I : I \to DVal \cup \{\bot\}$  ha metavariabile  $\rho$ 

Più semplicemente, un **insieme delle associazioni fra nomi e oggetti denotabili** (valori riferibili ad un identifiactore) esistenti a **run – time** in uno specifico punto del programma ed in uno specifico momento dell'esecuzione. La **dichiarazione** è il meccanismo (implicito o esplicito) col quale si **crea un'associazione** nell'ambiente.

### Overload di operatori

Gli operatori sono identificatori globali; overload significa un diverso binding per lo stesso nome e nello stesso scope (es. l'operatore + per int e float). Questo genere di operazione può comportare diversi problemi quali la difficoltà del compilatore nel rilevare gli errori sintattici o la scarsa leggibilità.

#### Identificatori liberi

Un **identificatore** è in **posizione libera** (free occurrence) se il **suo uso** (applied occurrence) **non è nello scope** di **una definizione**. Un identificatore in posizione libera è detto *identificatore libero*. Un identificatore libero **non ha significato** all'interno di una espressione, **deve essere associato ad un ambiente esterno**. Formalmente, possiamo dire che la funzione  $FI: Exp \rightarrow Id$  che ad ogni espressione associa l'insieme degli identificatori liberi in essa contenuti è definita per induzione da:

 $FI(k) = \emptyset$   $FI(id) = \{id\}$   $FI(e_0 \text{ bop } e_1) = FI(e_0) \cup FI(e_1)$ FI(uop e) = FI(e)

In un linguaggio (con identificatori), un termine in cui non ci sono identificatori liberi è detto *chiuso*; un termine in cui non ci sono identificatori è detto *ground*. Un identificatore che può assumere solo i valori di un insieme predefinito è detto costante (non modificabile). Una costante con nome è una variabile legata ad un valore solo quando viene legata ad una cella. Questo aumenta di molto la leggibilità.

### Tipo

Il tipo determina l'insieme di valori che condividono una certa proprietà strutturale e indica l'insieme di valori che un identificatore può denotare. I tipi forniscono diversi vantaggi quali un aumento dell'organizzazione dell'informazione, un aiuto concreto nell'individuazione e nella prevenzione di errori e alcune ottimizzazioni.

## Type binding

Il type binding, ovvero l'associazione di un identificatore ad un particolare tipo, può avvenire in momenti diversi. Un type binding statico si dice esplicito se esiste un comando che permette di dichiarare il tipo delle variabili; se invece esiste un meccanismo di default che specifica il tipo si dice implicito. Un type binding implicito, al contrario di uno esplicito, è molto più scrivibile ma molto meno affidabile. Il type binding dinamico, invece, viene specificato attraverso un comando di assegnamento. È molto flessibile ma ha un costo molto alto. Il type binding, quindi, introduce l'ambiente statico: un ambiente statico (o di tipi) è un elemento dello spazio di funzioni definito da  $TEnv = \bigcup_{I \subseteq_{f} Id} TEnv_I$  dove  $TEnv_I : I \to DTyp$  ha metavariabile  $\Delta$  e DTyp è l'insieme dei tipi denotabili

Più semplicemente, l'ambiente statico associa ogni identificatore al suo tipo.

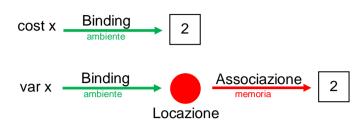
Sia  $\rho$ : I un ambiente dinamico e  $\Delta$ : I un ambiente statico con  $I\subseteq_f Id$ . Gli ambienti  $\rho$  e  $\Delta$  sono compatibili ( $\rho$ :  $\Delta$ ) se e soltanto se  $\forall id \in I, \Delta(id) = \tau \land \rho(id) = \tau$ , ovvero due ambienti sono compatibili se associano all'identificatore lo stesso tipo. La semantica statica associa un tipo ad ogni espressione corretta.

La funzione  $Elab: Dic \rightarrow Env$  che descrive il comportamento dinamico delle dichiarazioni a partire da una memoria  $\sigma$  restituendo l'ambiente che esse generano, è definita da  $Elab(d) = \rho \leftrightarrow \langle d, \sigma \rangle \rightarrow_d^* \langle \rho, \sigma' \rangle$  (elaborazione). L'equivalenza di dichiarazioni,  $\equiv \subseteq Dic \times Dic$ , è definita da  $d_0 \equiv d_1 \leftrightarrow \forall \sigma, Elab(d_0, \sigma) = Elab(d_1, \sigma)$  (equivalenza)

|                               | Binding statico                                                              | Binding dinamico                                                                                                                                                                  |
|-------------------------------|------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                               | Non può processare i dati senza<br>conoscerne il loro tipo                   | Fornisce più flessibilità alla programmazione:<br>permette di scrivere un programma senza<br>conoscere ancora il tipo delle variabili                                             |
|                               | <del>-</del>                                                                 | Riduce l'affidabilità: la capacità del compilatore<br>di rilevare errori di tipo è più bassa.                                                                                     |
| Costo<br>dell'implementazione | prima dell'esecuzione, quindi non vi è alcun costo per il controllo dei tipi | Il controllo del tipo deve essere eseguito in<br>fase di esecuzione, il che richiede chela<br>memoria utilizzata per una variabile sia<br>variabile (non so cosa ci andrà dentro) |
|                               | Solitamente compilato                                                        | Solitamente interpretato                                                                                                                                                          |
| Alcuni linguaggi              | C/C++, Java, Pascal, Fortran, BASIC                                          | JavaScript, PHP, Python                                                                                                                                                           |

## **COMANDI**

I comandi sono una categoria sintattica i cui elementi producono delle trasformazioni irreversibili di stato (ovvero le associazioni identificatore – valore). I costrutti tipici dei paradigmi funzionali e logici sono l'assegnamento, la composizione e il controllo di flusso. L'assegnamento è il comando base che si limita a modificare la memoria; è composto da due parti, il target (un identificatore) e il source (che può essere composto da identificatori). Per far funzionare correttamente l'assegnamento introduciamo il concetto di



locazione, ovvero una fase intermedia dello stato, un contenitore per i valori che può essere inutilizzato, indefinito o definito. La locazione modella l'indirizzo di memoria a cui la variabile è associata, e può essere creata da una dichiarazione (creazione statica) o da comandi (creazione dinamica). La memoria è una collezione di associazioni con identificatori che vengono aggiornati dinamicamente, che ci permette di

catturare i cambiamenti non reversibili dello stato (in pratica gli identificatori di variabili vengono associati alle rispettive locazioni che ne contengono il valore).

#### Variabile

Una variabile è un'astrazione di una cella di memoria. È caratterizzata da sei elementi: un nome (identificatore), un tipo, uno scope, un indirizzo (locazione), un valore ed un tempo di vita.

#### Strutture di controllo

Per rendere il linguaggio di programmazione **potente e flessibile**, dobbiamo introdurre due strutture di controllo, un **comando di selezione** e un **comando di iterazione**.

#### Comandi di selezione

if control\_expr then clause else clause Un comando di selezione fornisce lo strumento per scegliere tra più cammini di esecuzione. I comandi di selezione si dividono in selettori a due vie e selettori a più vie.

Nela **forma generale** del comando condizionale troviamo la **valutazione di controllo** (nella maggior parte dei casi *booleana altrimenti aritmetica*) e le **clause** (che

possono essere *comandi composti*). Possono essere presenti anche varie **parentesi** (*graffe* e *tonde*) per delimitare meglio sia l'espressione che i comandi. È possibile inserire **un selettore all'interno di un altro**, stando ben attenti ad evitare le ambiguità. Il **selettore a più vie**, permette la **selezione di un comando** (o di un insieme di comandi) **da un gruppo di comandi**. La sua

```
switch (control_expr){
   case const_expr<sub>1</sub>: stmt<sub>1</sub>;
   case const_expr<sub>2</sub>: stmt<sub>2</sub>;
   ...
   default: stmt<sub>x</sub>;
}
```

forma varia da linguaggio a linguaggio. Significativo il fatto che **possono essere eseguiti più segmenti** nella stessa esecuzione (no break).

#### Iterazione

L'esecuzione ripetuta di un comando (singolo o composto) si ottiene mediante iterazione e ricorsione; questi sono i due meccanismi che permettono di raggiungere la Turing completezza. Esistono due tipi di iterazione: indeterminata (cicli controllati logicamente, con il numero di iterazioni sconosciuto, come while e repeat) e

**for** ( $[expr_1]$ ;  $[expr_2]$ ;  $[expr_3]$ ) statement

determinata (cicli controllati numericamente, con il numero di iterazioni conosciuto a priori, come do e for). A differenza di una iterazione indeterminata, un costrutto determinato deve sempre

**for** *index* := *start* **to** *end* **by** *step* **do**ovvero di un **valore iniziale**, di uno **finale** e di un **passo d'incremento**; queste variabili **non sono modificabili all'interno del loop**. Quando si

raggiunge il costrutto *for*, si valutano le espressioni di *start* e di *end* e si congelano i valori ottenuti. Si inizializza *index* al valore di inizio e il ciclo termina se *index* > *end* (*step* positivo); altrimenti si esegue il *body* e si incrementa *index*.

Un altro formato molto diffuso di scrivere il for, è quello espresso in C; qui non esiste una variabile esplicita di ciclo e può essere modificato tutto all'interno del ciclo (anche i parametri). Inoltre, la prima espressione viene

valutata solo una volta, mentre il resto viene valutato ad ogni iterazione. L'iterazione indeterminata, invece, basa il controllo della ripetizione su un'espressione booleana (anche se alcuni linguaggi permettono una condizione aritmetica); dell'iterazione indeterminata esistono due forme: la pre – test e la post – test.

```
do body while (control_expr)
```

while (control\_expr) do body

In alcuni linguaggi (es. C) la forma indeterminata è un particolare caso della forma determinata.

### Scope

Come abbiamo visto precedentemente, le memorie dipendono dagli ambienti. È necessario quindi identificare

```
A:{int a =1; Globale}

B:{int b = 2; Locale a B int c = 2; Vede A}

Locale a C C:{int c =3; 	Sostituisce quella in B int d; d = a+b+c; write(d)}

Locale a D D:{int e; e = a+b+c; write(e)}

}

Locale a D D:{int e; e = a+b+c; write(e)}
```

l'ambiente in cui un comando viene eseguito: il blocco. Il blocco è quindi una parte di programma che contiene diversi comandi; garantisce una gestione locale dei nomi, una ottimizzazione dello spazio di memoria e la ricorsione. È permesso annidare i blocchi (ma solo completamente, ovvero "inserendoli" come comandi in un altro blocco). Ogni blocco viene delimitato da delle parentesi; queste, stabiliscono anche lo scope di una dichiarazione, limitandola al blocco e ai suoi sottoblocchi (salvo ridefinizioni). Per scope ci si riferisce all'area del codice nel quale tutte le occorrenze applicate di un identificatore si riferiscono alla stessa occorrenza di binding; questo particolare scope è detto scope statico (ovvero il range

di comandi nel quale una variabile è visibile). Dal punto di vista opposto, l'ambiente di riferimento di un comando è la collezione di tutti i nomi che sono visibili al comando. Otteniamo una distinzione in locali e non locali per variabili e ambienti. Le variabili locali sono dichiarate nel blocco in esame, le non locali sono dichiarate in un blocco che contiene quello in analisi; le variabili globali, ovvero visibili in tutto il programma, sono una sottocategoria delle non locali. Un ambiente locale è l'insieme delle associazioni create all'ingresso del blocco (quindi contenente le variabili locali), mentre un ambiente non locale è l'insieme delle associazioni

ereditate da altri blocchi. Esiste anche in questo caso l'ambiente globale, un ambiente non locale relativo alle associazioni comuni in tutti i blocchi. Un altro concetto introdotto dallo scope è quello di tempo di vita (lifetime): il tempo di esecuzione nel quale tutte le occorrenze applicate di un identificatore si riferiscono alla stessa locazione di memoria. Scope e lifetime sono concetti simili ma di natura diversa: mentre lo scope statico è un concetto spaziale e

viene definito a tempo di compilazione, il lifetime è un concetto temporale e viene definito a tempo di esecuzione.

# Sottoprogrammi

Per poter abbreviare la scrittura di programmi che contengono sequenze di codice ripetute ma operanti su dati diversi, possiamo legare negli ambienti una determinata sequenza di comandi (corpo) ad un identificatore (nome) a cui si potrà fare riferimento; una volta richiamato l'identificatore passando gli opportuni dati (parametri), il programma chiamante viene messo in pausa e il corpo associato al nome viene eseguito. Alla fine dell'esecuzione del corpo, il controllo torna al chiamante. Questa particolare astrazione dà quindi vita ai sottoprogrammi. Oltre che ad abbreviare la scrittura del codice, un sottoprogramma permette anche di nascondere i dettagli implementativi, mostrando solo nome e parametri (interfaccia dell'astrazione). I sottoprogrammi si dividono in due categorie: le procedure e le funzioni. Le procedure non restituiscono

nessun valore al contrario delle funzioni. I sottoprogrammi sono considerati blocchi all'interno del codice, per cui sottostanno alle regole di scoping descritte sopra. Un parametro formale è una variabile listata nella definizione e che verrà poi utilizzata nel sottoprogramma. Il parametro attuale, invece, rappresenta il valore o un indirizzo usato nel comando di chiamata. L'ambiente di riferimento di un sottoprogramma, con scoping statico è composto dalle variabili locali e dalle variabili dei blocchi esterni; nello scoping dinamico, dalle variabili locali più tutte quelle visibili nei sottoprogrammi attivi (i sottoprogrammi non terminati).

```
int foo(int n, int a){
    int tmp = a;
    PARAMETRI FORMALI

NOME

if(tmp == 0)

then return n;
else

return n+1;
}

PARAMETRI ATTUALI

int x = foo(3,0);

CHIAMATA
```

## Tipi di scope

Esistono due tipi di scope: scope statico e scope dinamico. Lo scope statico, come precedentemente detto,

```
{ //scoping statico
    int x = 0;
    void pippo(int n){
        x = n + 1;
    }
    pippo(3);
    write(x); → 4
        { int x = 0;
        pippo(3);
        write(x); → 0
        }
    write(x); → 4
```

permette che un identificatore non locale sia risolto nel blocco che testualmente lo racchiude. Questa tipologia di scoping è eseguita a compile – time e per questo è molto efficiente, anche se più complessa da implementare. Molto importante è ricordare che la posizione di una chiamata non ne determina l'ambiente di riferimento (che viene definito dal blocco); un metodo per evitare di sbagliare è utilizzare sempre l'ambiente valido al momento della definizione della funzione interessata. Lo scope dinamico, al contrario, consente che un nome non locale sia risolto nella chiamata più recente attiva. In pratica, le referenze delle variabili

sono risolte (collegate) alle dichiarazioni cercando all'indietro nella catena delle

chiamate i sottoprogrammi che hanno portato a quel punto l'esecuzione. Questo scope è molto semplice da implementare ma diminuisce sensibilmente la leggibilità del programma. Per utilizzarlo sempre nel modo corretto, bisogna valutare sempre l'ambiente valido al momento della chiamata della funzione interessata. La differenza tra scope statico e dinamico è visibile solo in presenza congiunta di ambienti locali e non locali e di procedure.

```
{ //scoping dinamico

int x = 0;

void pippo(int n){

            x = n + 1;

}

pippo(3);

write(x); \rightarrow 4

{ int x = 0;

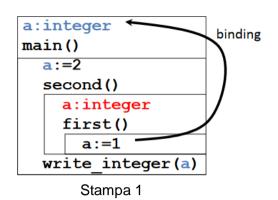
pippo(3);

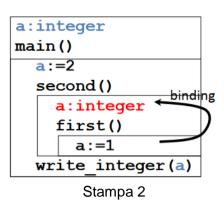
write(x); \rightarrow 4

}

write(x); \rightarrow 4
```

```
a:integer
procedure first() {
    a:=1}
procedure second() {
    a:integer
    first() }
procedure main() {
    a:=2
    second()
    write_integer(a) }
```





#### Allocazione della memoria

L'uso delle procedure implica un'allocazione della memoria particolare: è infatti necessario salvare i dati relativi al sottoprogramma quali le informazioni di sistema (registri e info di debug), gli indirizzi di ritorno, i parametri, le variabili locali e i risultati intermedi. I metodi di allocazione della memoria sono allocazione statica (memoria allocata a compile – time) e allocazione dinamica (memoria allocata a run – time).

| ALLOCAZIONE STATICA |                                    |
|---------------------|------------------------------------|
|                     | Molto veloce                       |
| PRO                 | Indirizzo degli oggetti fisso      |
|                     | Lifetime più lungo                 |
| CONTRO              | Niente ricorsione                  |
|                     | Variabili globali                  |
|                     | Variabili locali di sottoprogrammi |
|                     | Costanti determinabili a compile – |
|                     | time                               |
| ALLOCA COSA         | Tabelle di supporto                |
| ALLOCA DOVE         | In zone di memoria protette        |
|                     | •                                  |

L'allocazione statica consiste nell'allocare a monte (compile - time) lo spazio per gli identificatori. Come consequenze, avremo un lifetime della durata dell'intero programma e nessuna possibilità di avere la ricorsione (non so a priori quanta memoria dovrò allocare) da un'esecuzione molto affiancati veloce. L'allocazione statica viene usata per allocare variabili globali, variabili locali di sottoprogrammi, costanti

determinabili a compile – time e tabelle di supporto a run – time (type checking, garbage collection...) in zone di memoria protette. L'allocazione dinamica, invece, viene implementata tramite l'utilizzo di una pila su cui vengono salvati, per ogni istanza di un sottoprogramma, i record di attivazione (RdA), ovvero le informazioni relative a tale istanza. Analogamente, ogni blocco ha un suo record di attivazione. Ogni RdA ha un indirizzo che non è noto compile – time e che viene puntato dal RdA successivo. I campi di un RdA possono essere acceduti aggiungendo un offset all'indirizzo del puntatore; l'offset specifico per accedere alle variabili locali è chiamato local\_offset e può essere determinato a compile – time. Il puntatore RdA (o SP) punta al RdA del blocco attivo (quindi in cima alla pila). Si forma così la catena dinamica (o catena delle chiamate), la lista di link dinamici nello stack in un determinato punto dell'esecuzione. Poter richiamare un sottoprogramma implica una serie di azioni da eseguire per gestire il cambio di blocco. Il chiamante deve:

- 1. Creare un'istanza del RdA
- 2. Salvare il proprio **status corrente** dell'esecuzione
- 3. Passare i parametri
- 4. Passare l'indirizzo di ritorno
- 5. Trasferire il controllo

Il sottoprogramma chiamato, terminata la propria esecuzione, deve:

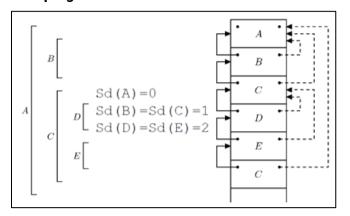
- I parametri per valore e per valore risultato devono restituire il loro valore
- 2. Deallocazione dello stack per le variabili non locali
- 3. Recupero dello stato di esecuzione del chiamante
- 4. Ritorno del controllo al chiamante

| Puntatore di Catena Dinamica |  |
|------------------------------|--|
| Variabili Locali             |  |
| Parametri                    |  |
| Indirizzo di ritorno         |  |

Struttura di un RDA

## Implementazione dello scoping statico

Nello scoping statico il metodo più comune di implementazione per supportare la nidificazione dei sottoprogrammi utilizza i RdA ed è la catena statica; la catena statica (CS) aggiunge un puntatore al RdA ed è



una catena che connette il record di attivazione all'istanza del record di attivazione del blocco padre. Mentre il link dinamico (e quindi la catena dinamica) dipende dalla sequenza di esecuzione del programma, la catena statica dipende dall'annidamento statico delle dichiarazioni dei sottoprogrammi. Grazie a questa catena, possiamo definire il concetto di profondità statica (Sd) il cui valore è la profondità di annidamento di quello scope. Il link del chiamato viene determinato dal chiamante: quando Ch chiama P, il valore sarà definito da k = Sd(Ch) - Sd(P) + 1. Se k = 0, Ch passa a P il proprio

puntatore; se k > 0, Ch risale la catena statica di k passi e consegna il puntatore trovato a P. La continua lettura della catena statica comporta un elevato costo che è possibile ridurre ad una costante utilizzando il display. Il display non è altro che un array rappresentante la CS, dove l'i-esimo valore equivale al puntatore dell'RdA del sottoprogramma di livello di annidamento i. Se il sottoprogramma corrente si trova al livello i, un oggetto in uno scope esterno di h livelli può essere trovato semplicemente facendo j = i - h.

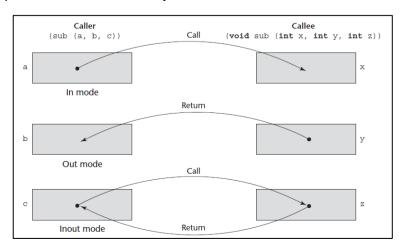
### Implementazione dello scoping dinamico

Lo scoping dinamico, come già visto, viene gestito seguendo una semplice regola: l'associazione corrente per un nome è quella determinata per ultima nell'esecuzione (e non ancora distrutta). Seguendo questo ragionamento, l'implementazione negli RdA prevede che all'interno di ogni blocco sia presente un campo dove vengono memorizzati i nomi degli identificatori appartenenti al blocco. In caso di chiamata di un particolare identificatore, viene ricercato per nome risalendo la pila. Sulla base di questo, possiamo definire due diverse implementazioni: deep access e shallow access. L'idea di deep access è di mantenre uno stack con le variabili attive, shallow access una memoria centralizzata con uno slot per variabile. Deep access prevede che le variabili non locali vengano trovate cercando negli RdA lungo la catena dinamica: se le variabili locali sono inserite nei record di attivazione, le variabili non locali possono essere trovate cercando tra i RdA degli altri sottoprogrammi attivi (partendo dal basso). Per poter velocizzare il meccanismo di ricerca, i binding possono essere memorizzati in una struttura apposita, gestita come una pila (LIFO), chiamata A - list (association - list). Lo shallow access, invece, utilizza la CRT. La CRT (central reference tables) è una tabella che mantiene una distinct di tutti i nomi; ad ogni elemento di questa distinct è associata una lista: il primo valore contenuto è il più recente. Usare una CRT invece che una A - list riduce il tempo di accesso medio da lineare a costante e permette di occupare meno memoria. Una CRT però è più complessa da gestire rispetto ad una A - list.

#### Parametri

Come precedentemente visto, i parametri servono per usare la stessa computazione in contesti differenti e si

dividono in formali e attuali; il binding tra queste due tipologie può essere posizionale o keyword. In una corrispondenza posizionale, il binding tra parametri attuali e formali è dato dalla posizione. In una corrispondenza keyword, invece, il parametro attuale specifica a quale formale si riferisce. Questo non necessita di un passaggio ordinato di parametri, ma costringe l'utente a conoscere il nome dei formali. Nella maggior parte dei linguaggi, i parametri sono passati in modo posizionale; l'implementazione di un



passaggio di parametro può essere effettuata in diversi modi e si basa (principalmente) sulla scelta di spostare fisicamente un valore o di spostare un accesso al valore.

Il passaggio per valore, implementando la pragmatica in - mode, prevede che il valore del parametro attuale sia usato per inizializzare il parametro formale, che viene gestito come una variabile locale. Questo significa che le modifiche al formale non passano all'attuale. Molto semplice da implementare, il suo più grande svantaggio è che si va copiare il valore trasmesso, aumentando l'utilizzo di memoria. Alternativamente, è possibile fornire al sottoprogramma chiamato un path per accedere al valore, ma bisogna implementare anche una protezione sulla scrittura della variabile.

```
void foo (int x) {
  x = x + 1; //poi distrutto
y = 1;
foo(y+1); //foo(1+1)
```

Il passaggio per risultato implementa la pragmatica out - mode; il parametro formale funziona come variabile locale ma, appena prima della fine del sottoprogramma, viene trasmesso al parametro attuale del chiamante. Questo metodo ha gli stessi vantaggi e svantaggi del passaggio per valore, a cui si aggiungono un utilizzo ancora maggiore della memoria (ho una copia extra) ed una possibile collisione di

```
x = 17;
  y = 35;
}
f.fixer(a,a); //17 o 35?
```

void fixer(int x, int y) {

```
void dolt(int x, int index) {
  x = 17;
  index = 42;
}
sub = 21;
f.dolt(list[sub],sub);
//17 in posizione 21 o in posizione 42?
```

un metodo chiamante passi due volte lo stesso parametro attuale e che questo venga salvato con due nomi diversi nel sottoprogramma. Se due formali parametri vengono modificati in modo diverso, a dell'ordine seconda di

parametri: supponiamo che

```
void foo (int x) {
  x = 8; //poi distrutto
}
y = 1;
foo(y); //qui y = 8
```

assegnamento, avremo un valore o un altro. Altro problema presente è la tempistica di valutazione degli indirizzi: quando viene valutato un parametro, all'inizio o poco prima della terminazione del metodo?

```
void foo (int x) {
   x = x + 1; //poi distrutto
}
y = 8;
foo(y); //y = 9
```

Un altro modo per passare i parametri è implementato seguendo la pragmatica inout mode ed è il passaggio valore - risultato. Questa tecnica, chiamata anche passaggio per copia, è una combinazione delle precedenti implementazioni e quindi prende pregi e difetti di entrambi; i parametri locali vengono usati per inizializzare il corrispondente parametro formale, che funziona come una variabile locale. Alla terminazione del sottoprogramma i parametri vengono restituiti al parametro attuale.

Sempre usando una pragmatica inout mode, possiamo implementare il metodo di passaggio per riferimento (chiamato passaggio per condivisione). Questo consiste nel fornire al sottoprogramma il puntatore alla cella contenente il valore. I vantaggi principali sono la velocità e il poco spazio richiesto per il passaggio di indirizzi. Gli svantaggi, invece, sono un accesso lento ai parametri formali, potenziali collisioni (modifiche al valore del parametro attuale) e rischio di creazione di alias.

```
void foo (int x) {
                                                                                         x = x + 1; //poi distrutto
                                                                                         //il legame tra x e y
                                                                                       }
                                                                                       y = 1;
                                                                                       foo(y); //y = 2
L'ultimo metodo di passaggio dei parametri è il passaggio per nome. In questo
```

metodo i parametri attuali sono sostituiti ai parametri formali in tutte le occorrenze del sottoprogramma. Fornisce un'ottima flessibilità nel late binding ma richiede che l'ambiente di riferimento del chiamante sia passato (per calcolare gli indirizzi).

### Funzioni come parametri

Alcuni linguaggi permettono di passare funzioni come argomenti di sottoprogrammi e di restituire funzioni come risultato di procedure (lambda expression). In entrambi i casi è necessario gestire l'ambiente della funzione: se la funzione viene passata come argomento, occorre avere un puntatore al RdA; nel caso la funzione sia ritornata da una chiamata di procedura, è necessario mantenere il RdA della funzione restituita. Il riferimento che si crea tra nome (parametro formale) e procedura (parametro attuale) può essere gestito con diverse politiche di binding.

#### Ricorsione

Un modo alternativo all'iterazione per ottenere il **potere espressivo delle MdT** è la **ricorsione**, ovvero una **funzione che è definita in termini di sé stessa**. La ricorsione è **applicabile in ogni linguaggio** che permetta delle **funzioni che si possono chiamare da sole** e una **gestione dinamica della pila**. Essendo un'alternativa

```
int fatt (int n, int res) {
  if (n <= 1)
    return 1;
  else
    return fatt (n-1, n * res);
} // elimino RdA, ho il val in res</pre>
```

all'iterazione, la ricorsione può sempre essere **tradotta in un ciclo** (e **viceversa**). Una tecnica ricorsiva comune è la **ricorsione in coda**; la ricorsione in coda (*tail recursion*) si verifica quando, in una procedura e/o funzione ricorsiva, la **chiamata ricorsiva viene operata come ultimo passo**. Una ricorsione in coda ha l'enorme vantaggio che **non necessita di un'allocazione dinamica della memoria**, ma basta un **singolo RdA**; questo la rende **estremamente efficiente**.

#### Strutture dati

Un tipo di dato definisce una collezione di oggetti e un insieme di operazioni applicabili su di essi. Un oggetto rappresenta una istanza di un tipo di dato astratto definito dall'utente. I dati "base" sono i tipi scalari: booleani, caratteri, interi, reali e il tipo void. Quest'ultimo ha un solo valore e non è possibile effettuare nessuna operazione su di lui. Viene implementato solamente per definire le istruzioni che modificano lo stato senza restituire alcun valore: il tipo di queste funzioni, appunto, è void. Esiste anche una famiglia di dati composti (o non scalari); di questa ne fanno parte i record, i record varianti, gli array (di cui fanno parte le stringhe), gli insiemi e i puntatori. I record sono collezioni di campi di tipi diversi; vengono usati per manipolare in modo unitario dati di tipo eterogeneo. Non sono presenti in Java (esistono le classi) ma sono presenti in C (le struct). Una volta creato un record, è possibile accedere ad ogni suo singolo campo. È possibile avere una nidificazione di record. Un record può essere memorizzato in due modi: salvando tutti i campi in modo sequenziale (spreco di memoria ma facile accesso ai dati) o non sequenziale (packed records, risparmio di memoria ma accesso costoso). I record varianti sono particolari record dove solo alcuni campi sono attivi in un determinato istante (campi alternativi tra loro). In questo caso, i campi alternativi possono condividere la stessa locazione di memoria. Gli array sono una collezione dove ogni elemento è identificato da un indice intero. Esistono in tutti i linguaggi, anche in più versioni (mono o multidimensionale). La principale operazione permessa sugli array è la selezione di un elemento (la modifica non è un'operazione sull'array ma sulla locazione di un elemento); in alcuni linguaggi esiste anche l'operazione di slicing (letteralmente affettare) che permette di prendere parti contigue di un array. La memorizzazione degli array può essere effettuata in diversi modi: utilizzando locazioni contigue (con elementi salvati in ordine di riga o di colonna) o discontinue (tramite un algoritmo per il calcolo degli indirizzi). La forma (shape) degli array indica il numero delle dimensioni e l'intervallo dell'indice della lista; può essere fissata dinamicamente, staticamente o al momento dell'elaborazione della dichiarazione. I puntatori sono dei riferimenti ad oggetti di un altro tipo e permettono di riferirsi (e modificare) un valore senza dereferenziarlo. Un puntatore può essere creato, dereferenziato (accesso al dato, \*p) e può essere confrontato.

### Equivalenza

Due tipi T e S sono **equivalenti** se **ogni oggetto di tipo T è anche oggetto di tipo S**, e **viceversa**. In molti linguaggi, l'equivalenza tra tipi viene **implementata** tramite una **equivalenza per nome** (se hanno lo stesso nome, sono equivalenti). Un altro possibile metodo per gestire l'equivalenza tra tipi è l'**equivalenza strutturale**: l'equivalenza strutturale tra tipi è la relazione d'equivalenza che **soddisfa le proprietà**:

- un nome di tipo è equivalente a sé stesso
- se un tipo T è introdotto con una definizione type T = expr, allora T è equivalente a expr
- se due tipi sono costruiti applicando lo stesso costruttore di tipo allora sono equivalenti

In breve, due tipi sono strutturalmente equivalenti se la loro struttura è equivalente.

### Compatibilità e conversione

Tè compatibilie con S quando gli oggetti di T possono essere usati in un contesto dove ci si attende valori S. Questa definizione dipende molto dal linguaggio, infatti può essere che: T e S sono equivalenti, i valori di T sono un sottoinsieme dei valori di S, tutte le operazioni sui valori di S sono possibili anche su T (estensione), i valori di T corrispondono ad alcuni valori di S, i valori di T possono essere fatti corrispondere ad alcuni valori di S; proprio quest'ultima possibilità ci introduce nella conversione di tipi. Una conversione narrowing (ristretta) consiste nel convertire un oggetto ad un tipo che non include tutti i valori del tipo originale (float to int). Al contrario, una conversione widening (estesa), implica la conversione di un oggetto ad un tipo che include almeno tutti i valori del tipo originale (int to float). Quindi anche se T è compatibile con S, occorre una conversione; la conversione può essere implicita (coercizione) o esplicita (cast). Una conversione è implicita se la macchina astratta inserisce la conversione senza che ve ne sia traccia a livello linguistico; può essere usata se i due tipi hanno gli stessi valori e la stessa rappresentazione (tipi uguali, nomi diversi), se hanno valori diversi ma stessa rappresentazione nell'intersezione (intervalli e interi) o se hanno valori e rappresentazione diversi (interi e reali). Una conversione esplicita consiste nell'inserire esplicite conversioni di tipo; è presente in C e in Java. Non tutte le conversioni esplicite sono consentite.

#### Astrazione dei dati

Un'astrazione è una rappresentazione di un'entità che include solo gli attributi più significativi. L'astrazione sui dati ha il compito di nascondere le decisioni di rappresentazione delle strutture dati e sull'implementazione delle operazioni. Da queste motivazioni sono nati i tipi di dati astratti dati definiti dall'utente la cui rappresentazione è nascosta e le cui dichiarazioni del tipo e dei protocolli delle operazioni sono contenute in un'unica unità sintattica (capsula). Avere la rappresentazione non visibile aumenta la leggibilità e diminuisce complessità di scrittura e conflitti di nome di variabili. Avere le dichiarazioni di tipo e le operazioni in un'unica unità sintattica, invece, favorisce un'organizzazione del programma, aumentando la flessibilità. Con l'astrazione entra in gioco il concetto di modularità che viene attuato tramite componenti

COMPONENTE: coda a priorità INTERFACCIA: PrioQueue

empty: PrioQueue

insert: ElemType \* PrioQueue PrioQueue
deletemax: PrioQueue ElemType\*PrioQueue

**SPECIFICA**: insert aggiunge all'insieme di elementi memorizzati

deletemax restituisce l'elemento a max priorità e la

coda degli elementi rimanenti

(unità di programma come funzioni, strutture, moduli ... ), interfacce (tipi e operazioni definiti in un componente non visibili al di fuori), specifiche (funzionamento del componente espresso tramite proprietà osservabili dall'interfaccia) e implementazioni (strutture dati e funzioni definite dentro al componente e non visibili

fuori). Per poter definire un **ADT** (abstract data type), un linguaggio deve avere un'unità sintattica che possa incapsulare la definizione del tipo, un metodo per rendere il nome del tipo visibile agli utenti nascondendone la complessità e alcune operazioni primitive. Soprattutto l'incapsulamento serve per ottenere l'indipendenza dalla rappresentazione: l'obiettivo è che l'utente non riesca a distinguere due implementazioni del dato astratto.