PONTIFÍCIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DO RIO GRANDE DO SUL

Escola Politécnica -Formulário 3 - Matemática Discreta

RELAÇÕES- ELEMENTOS NOTÁVEIS-

• Relação em um conjunto A:

Nos itens abaixo $R \subseteq A \times A$: onde A é um conjunto qualquer

- R é reflexiva ⇔ (∀x ∈ A)((x, x) ∈ R)
- $R \in \underline{\text{simétrica}} \Leftrightarrow (\forall x, y \in A)((x, y) \in R \to (y, x) \in R)$
- $R \in \underline{\text{anti-sim\'etrica}} \Leftrightarrow (\forall x, y \in A)((x, y) \in R \land (y, x) \in R \rightarrow x = y)$
- $R \notin \underline{\text{transitiva}} \Leftrightarrow (\forall x, y, z \in A)((x, y) \in R \land (y, z) \in R \rightarrow (x, z) \in R)$
- R é uma Relação de Ordem, se e somente se, R é reflexiva, anti-simétrica e transitiva.
- Se R é uma Relação de Ordem em A, e $M \subseteq A$, então:
 - R é uma Relação de ordem total \Leftrightarrow $(\forall x, y \in A)((x, y) \in R \lor (y, x) \in R)$
 - R é uma Relação de ordem parcial \Leftrightarrow $(\exists x, y \in A)((x, y) \notin R \land (y, x) \notin R)$
- Elementos notáveis para Relações de Ordem:
 - $a \in A$ é Cota Inferior de $M \Leftrightarrow (a \in A) \land (\forall x \in M)(aRx)$
 - $a \in A$ é Cota Superior de $M \Leftrightarrow (a \in A) \land (\forall x \in M)(xRa)$
 - $a \in A$ é Mínimo de $M \Leftrightarrow (a \in M) \land (\forall x \in M)(aRx)$
 - $a \in A$ é Máximo de M \Leftrightarrow $(a \in M) \land (\forall x \in M)(xRa)$
 - $a \in A$ é Ínfimo de M \Leftrightarrow (a é a "maior" das cotas inferiores de M)
 - $a \in A$ é Supremo de M \Leftrightarrow (a é a "menor" das cotas superiores de M)