ESCOLA PUCRS POLITÉCNICA Disciplina: Projeto e Otimização de Algoritmos

Professor: Rafael Scopel

#### Trabalho T1

• Este trabalho consiste no desenho, análise e implementação de algoritmos greedy e de divisão e conquista.

- O trabalho pode ser realizado grupos de até 5 alunos.
- O trabalho deve ser implementado em Java.

## Objetivos do trabalho:

## Problema 1

Vocês estão abrindo uma empresa de modelos generativos e precisam de recursos para desenvolver n diferentes modelos. O membro do time que era (sim ele não faz mais parte do grupo) responsável por finanças, contratou n empréstimos no valor de \$ 1000 cada de vários bancos diferentes.

O valor dos empréstimos fica mais caro de acordo com o passar do tempo: em particular, o empréstimo j aumenta por uma taxa de juros  $r_j > 1$  em cada mês, onde  $r_j$  é um determinado parâmetro. Isso significa que se o empréstimo for pago daqui a t meses, vocês terão que devolver ao banco  $1000 \cdot r_i^t$ .

Assumiremos que todas as taxas de juros são distintas; isto é,  $r_i \neq r_j$  para taxas  $i \neq j$ .

A questão é: dado que a empresa só tem recursos para pagar um empréstimo por mês, em que ordem ela deve pagar os empréstimos para que o valor total gasto seja o menor possível?

Forneça um algoritmo que considere as n taxas de juros de preços  $r_1, r_2, ..., r_n$ , e calcule uma ordem de pagamento dos empréstimos para que o valor total gasto seja minimizado. O tempo de execução do seu algoritmo deve ser polinomial em n.

Estruture a resposta no formato de um relatório com as seguintes sessões:

- 1. O Problema;
- 2. O Algoritmo;
- 3. Análise do Algoritmo;
- 4. Implementação e Tempo de Execução;

### Problema 2

Até 1969 matemáticos acreditavam sem impossível resolver um problema de multiplicação de matrizes em tempo menor que  $\Theta(n^3)$ . Procure pelos trabalhos de V. Strassen e responda se isso ainda é verdade.

Estruture a resposta no formato de um relatório com as seguintes sessões:

- 1. O Problema;
- 2. O Algoritmo;
- 3. Análise do Algoritmo;
- 4. Implementação e Tempo de Execução;

# Entregáveis do Trabalho:

- 1. Relatório em Word com:
  - a. Capa com título e nome dos integrantes;
  - b. Resolução do problema 1;
  - c. Resolução do problema 2;
- 2. Código fonte comentado.

# Critérios de Avaliação:

- Código fonte compilável sem erros;
- Qualidade e profundidade das análises do relatório;
- Qualidade e documentação do código fonte;