## sistemas de tipos

Paradigmas de la Programación FaMAF-UNC 2021 capítulo 6. Mitchell filminas de Vitaly Shmatikov http://en.wikipedia.org/wiki/Type\_system
http://en.wikibooks.org/wiki/Category:Introduct
ion to Programming Languages

#### tipos

- qué son y para qué sirve un sistema de tipos
- tipado
- sistemas de tipos y tipos
- sobrecarga y polimorfismo
- inferencia de tipos

# qué es un tipo?

un tipo es una **colección de valores** computables que comparten alguna propiedad estructural

la distinción entre conjuntos que son tipos y conjuntos que no lo son depende del lenguaje

# para qué sirven los tipos

- organización y documentación de programas
  - tipos distintos para usos distintos
    - representan los conceptos del dominio del problema
  - indican el uso de los identificadores de variable
    - se pueden chequear, a diferencia de los comentarios
- identificar y prevenir errores
  - en tiempo de compilación o de ejecución, se pueden prevenir cálculos sin sentido como 3 + true - "Bill"
- optimización del manejo de memoria (porque se puede calcular el tamaño de los datos)

#### sistema de tipos

- **jerarquía** de tipos: los tipos se pueden organizar con relación de subtipo
- tipos básicos (o primitivos): indivisibles (atómicos)
- tipos compuestos: tienen diferentes partes
- tipos definidos por usuarios (vs. built-in)
  - en tiempo de compilación o de ejecución
  - problemas para detectar errores por los métodos tradicionales
  - si se definen en tiempo de ejecución, no se puede hacer el árbol sintáctico, porque el análisis sintáctico pasa a ser Turing completo

## operaciones con valores tipados

- muchas operaciones se definen en función de los tipos
  - enteros: + / \* < > ... booleanos:  $\land \lor \neg ...$
- el conjunto de valores suele ser finito por su representación binaria en la computadora
  - enteros de 32-bits en C: –2147483648 a 2147483647
  - la suma y la resta pueden sobrepasar el rango finito, así que a veces a + (b + c) ≠ (a + b) + c
  - excepciones: fracciones ilimitadas en Smalltalk, tipo entero ilimitado en Haskell

## errores de tipo

- los datos en la memoria de la máquina no tienen información de tipos
- un error de tipo es el que surge porque se intenta realizar una operación en un valor de un tipo para el que la operación no ha sido definida
  - en Fortran y Algol, todos los tipos eran built in, no se podían construir tipos nuevos, así que si se necesitaba un tipo, por ejemplo, "color," se usaban enteros. Pero entonces se podían hacer cosas como multiplicar colores!!!

## semántica de tipos

- en algunos lenguajes los tipos son parte de la especificación del lenguaje, por lo tanto su semántica es la misma en cualquier contexto
- en algunos lenguajes la semántica depende del compilador, por ejemplo, en C el tamaño de los enteros depende de la arquitectura

#### tipos

- qué son y para qué sirve un sistema de tipos
- tipado
- sistemas de tipos y tipos
- sobrecarga y polimorfismo
- inferencia de tipos

# tipado estático vs. dinámico

- el sistema de tipos impone restricciones en el uso de valores
  - ej.: sólo valores numéricos en la suma
  - no se puede expresar sintácticamente en una EBNF
- tipado estático: los tipos de las variables se fijan en tiempo de compilación
- tipado dinámico: el tipo de una variable depende de su valor, y eso sólo se puede determinar en tiempo de ejecución

# tipado fuerte vs. débil

- tipado fuerte: se detectan todos los errores de tipo, ya sea en tiempo de compilación o de ejecución
- las conversiones de tipos tienen que ser explícitas
- Pascal se considera "demasiado fuerte" porque el tipo de un arreglo o string incluye su longitud
- es difícil detectar todos los errores posibles en los tipos "unión" (una variable es de tipo A o de tipo B)

# comprobación en tiempo de compilación o ejecución

 comprobación de tipos (type-checking) en tiempo de compilación

TypeError: f is not a function

– C, ML

- ... o ejecución
  - Perl, JavaScript
- Java usa ambos
- ventajas y desventajas
  - ambos previenen errores de tipos
  - en tiempo de ejecución hace la ejecución más lenta
  - en tiempo de compilación restringe la flexibilidad del programa

# expresividad vs. seguridad

 en JavaScript podemos escribir una función como function f(x) { return x < 10 ? x : x(); }</li>

en algunos casos producirá un error de tipos, en otros no

el tipado estático es siempre conservador

```
if (big-hairy-boolean-expression)
    then f(5);
    else f(10);
```

no se puede decidir en tiempo de compilación si habrá un error en ejecución, así que no se puede definir la función de arriba

# seguridad de tipos (relativa)

- inseguros: familia BCPL, incluyendo C y C++
  - casteos, aritmética de punteros
- casi seguros: familia Algol, Pascal, Ada
  - punteros colgantes: se asigna un puntero p a un entero, se desasigna la memoria a la que se referecia mediante p, luego se usa el valor al que apuntaba p. Los lenguajes con desalojo de memoria no son seguros.
- seguros: Lisp, ML, Smalltalk, JavaScript, Java
  - Lisp, Smalltalk, JavaScript: tipado dinámico
  - ML, Java: tipado estático

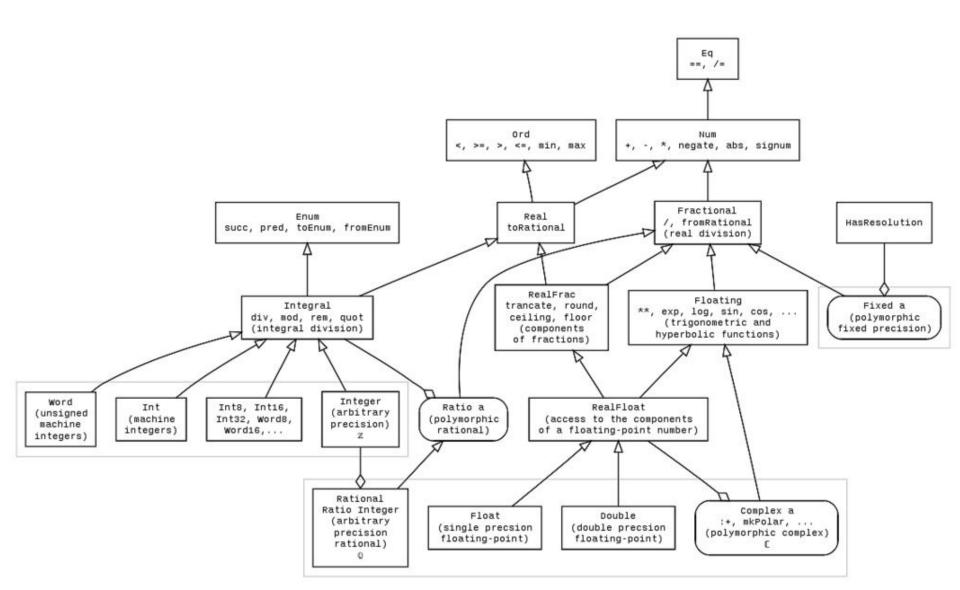
#### tipos

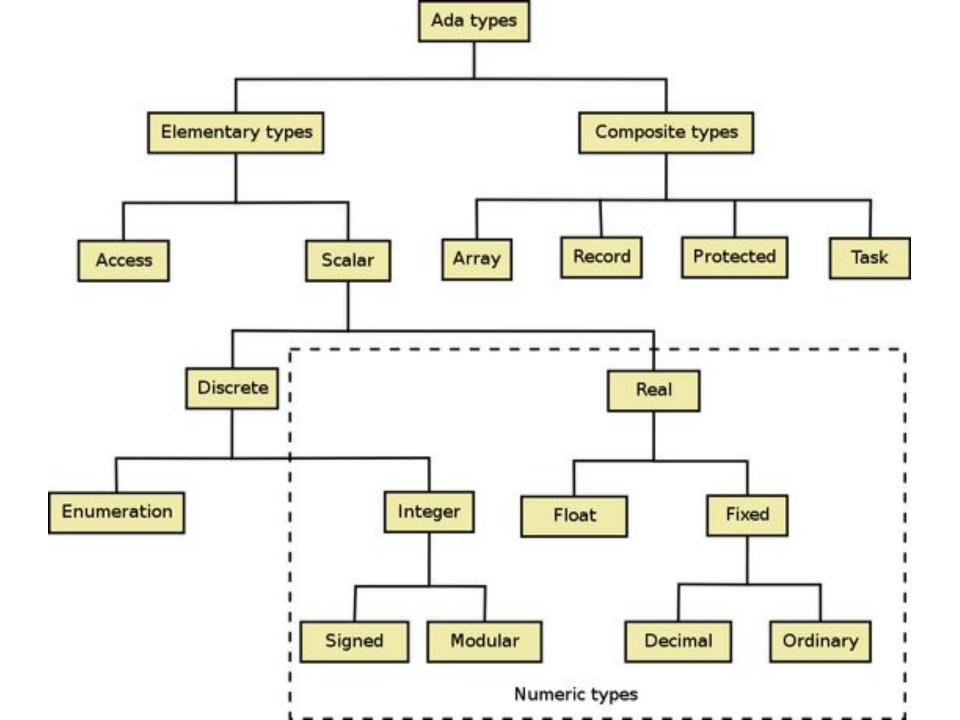
- qué son y para qué sirve un sistema de tipos
- tipado
- sistemas de tipos y tipos
- sobrecarga y polimorfismo
- inferencia de tipos

# comparación de sistemas de tipos en los diferentes lenguajes

 http://en.wikipedia.org/wiki/Comparison\_of\_ programming\_languages#Type\_systems

## jerarquía de tipos de Haskell





## tipos primitivos

- booleano
- entero
- real
- caracter
- string? o es un arreglo de caracteres?

## tipos construidos

- enumeraciones
- tuplas
- registros (records)
- listas
- arreglos
- arreglos asociativos
- clases
- funciones

#### enumeraciones

un conjunto de valores definidos por el usuario

## punteros

- C, C++, Ada, Pascal
- el valor es una dirección de memoria
- permite referencia directa
- punteros en C/C++
  - Si T es un tipo y la referencia T es un puntero:
    - $\&: T \rightarrow ref T$  \*:  $ref T \rightarrow T$  \*(&x) = x
- el acceso a memoria explícito mediante punteros puede resultar en código erróneo y vulnerabilidades de seguridad

# strings

- actualmente es muy básico y los lenguajes proveen soporte nativo para este tipo
- en C: un string es un arreglo de caracteres unidimensional terminado en un caracter NULL
- en Java, Perl, Python: una variable string puede tener un número ilimitado de caracteres
- hay muchas librerías de operaciones y funciones sobre strings
  - las librerías de Standard C para strings son inseguras!

#### estructuras

- colección de elementos de distintos tipos
  - no existen en Fortran ni Algol 60 se usaron por primera vez en Cobol, PL/I
  - frecuentes en lenguajes como Pascal o C
  - redundantes con los objetos de Java

```
struct employeeType {
    char name[25];
    int age;
    float salary;
};
struct employeeType employee;
employee.age = 45;
```

#### uniones

- unión de varios tipos (=conjuntos de valores)
- algunos lenguajes fuerzan al programador a distinguir cada tipo base de una unión en su uso, para prevenir errores de tipo

#### uniones: C

```
union element {
  int i;
  float f;
int main() {
  union element e;
  e.f = 177689982.02993F;
  printf("Int = dn, e.i);
  printf("Float = f \in (n), e.f);
  e.f = 0.0F;
```

#### uniones: SML

```
datatype element =
  I of int | F of real;
fun getReal (F x) = x
  | getReal (I x) = real x;
```

- •las etiquetas permiten saber el tipo de dato que se guarda en la variable en tiempo de ejecución
- •C no usa etiquetas, por lo tanto no puede hacer chequeo de tipos en las uniones

# funciones como tipos

#### Pascal:

```
function newton(a, b: real; function f:
  real): real;
```

 Declara que f devuelve un valor real, pero los argumentos de f están infraespecificados

#### • Java:

```
public interface RootSolvable {double
  valueAt(double x);}
public double Newton(double a, double
  b, RootSolvable f);
```

# equivalencia de tipos

#### Pascal Report:

"The assignment statement serves to replace the current value of a variable with a new value specified as an expression ... The variable (or the function) and the expression must be of identical type"

pero qué tipos son equivalentes?

# subtipos

- un subtipo es un tipo con algunas restricciones en sus valores u operaciones
- algunos lenguajes permiten especificarlos directamente

#### Ada:

```
subtype one to ten is Integer range 1 .. 10;
```

 concepto básico para programación orientada a objetos

## tipos definidos por el usuario

definiendo tipos en Haskell

x1) \* (abs \$ y2 - y1)

```
Rectangle Float Float Float
surface :: Shape -> Float
surface (Circle _ r) = pi * r ^ 2
surface (Rectangle x1 y1 x2 y2) = (abs $ x2 -
```

data Shape = Circle Float Float |

#### tipos

- qué son y para qué sirve un sistema de tipos
- tipado
- sistemas de tipos y tipos
- sobrecarga y polimorfismo
- inferencia de tipos

# sobrecarga

- sobrecargamos un operador o función cuando su significado varía dependiendo de los tipos de sus operandos o argumentos o resultado
- ejemplos:
  - suma: enteros y decimales, también concatenación de strings en Java
  - Class PrintStream en Java:

print y println definidos para boolean, char, int, long, float, double, char[], String, Object

## sobrecarga de funciones en C++

 funciones con el mismo nombre pero que pueden tomar argumentos de distinto tipo

```
inline void swap(int& a, int& b) { int temp = a; a = b; b = temp; }
inline void swap(char& a, char&b) { char temp = a; a = b; b = temp; }
inline void swap(float& a, float& b) { float temp = a; a =b; b = temp }
```

 el compilador sustituye el código de la función en el momento de invocarla

## sobrecarga de operadores en ML

 ML infiere qué función usar a partir del tipo de los operandos

# operadores infijos definidos por el usuario en ML

```
- infix xor;
infix xor
- fun p xor q = (p orelse q) andalso not (p andalso q);
val xor = fn : bool * bool -> bool
- true xor false xor true;
val it = false : bool
```

la precedencia se especifica con enteros 0-9

```
- infix 6 plus;
infix 6 plus
- fun a plus b = "(" ^ a ^ "+" ^ b ^ ")";
val plus = fn : string * string -> string
- infix 7 times;
infix 7 times
- fun a times b = "(" ^ a ^ "*" ^ b ^ ")";
val times = fn : string * string -> string
```

# polimorfismo y genéricos

- un operador o función es polimórfico si se puede aplicar a cualquier tipo relacionado
  - permite reuso de código
- ejemplo: <u>funciones genéricas</u> en C++
  - la función hace exactamente lo mismo independientemente del tipo de los argumentos

```
template<class type> void swap(type& a, type& b) { type temp = a; a = b; b = temp; }
```

 en cada uso, el compilador sustituye el tipo de los argumentos por los parámetros de tipo de la plantilla

```
void swap(int& a, int& b) { int temp = a; a = b; b = temp; }
```

ejemplo de polimorfismo parametrico

# polimorfismo vs. sobrecarga

- polimorfismo paramétrico
  - un solo algoritmo puede tener diferentes tipos
  - la variable de tipo se reemplaza por cualquier tipo
  - $f: t \rightarrow t \Rightarrow f: int \rightarrow int, f: bool \rightarrow bool, ...$
- sobrecarga
  - un solo símbolo se refiere a más de un algoritmo
  - cada algoritmo tiene diferentes tipos
  - se selecciona el algoritmo dependiendo del contexto de tipos
  - los tipos pueden ser arbitrariamente distintos

#### tipos

- qué son y para qué sirve un sistema de tipos
- tipado
- sistemas de tipos y tipos
- sobrecarga y polimorfismo
- inferencia de tipos

# comprobación vs. inferencia de tipos

• comprobación de tipos estándar

```
int f(int x) { return x+1; };
int g(int y) { return f(y+1)*2; };
mirar el cuerpo de la función y usar los tipos
declarados de los identificadores para
comprobar
```

inferencia de tipos

```
int f(x) { return x+1; };
int g(y) { return f(y+1)*2; };
```

mirar el código sin información de tipo y **figurarse** qué tipos se podrían haber declarado

# inferencia de tipos en ML

ejemplo

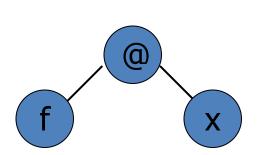
```
- fun f(x) = 2+x;
> val it = fn : int → int
```

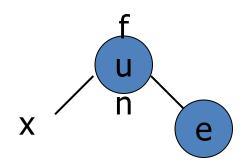
- cómo funciona?
  - + tiene dos tipos: int\*int → int, real\*real→real
  - 2 : int tiene un solo tipo
  - esto implica que + : int\*int → int
  - por el contexto, es necesario que x: int
  - por lo tanto, f (x:int) = 2+x tiene tipo int
    → int

#### algoritmo de inferencia de tipos

- 1. se genera un grafo de las expresiones a tipar
- 2. se asignan tipos a los nodos
- 3. se generan restricciones
- 4. se resuelve por sustitución

# 1. generar el grafo





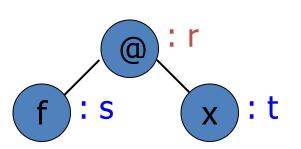
#### aplicación de función

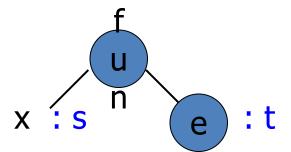
- •f tiene que tener el tipo función dominio→rango
- •el dominio de f tiene que ser el tipo del argumento x
- •el tipo del resultado es el rango de f

#### definición de función

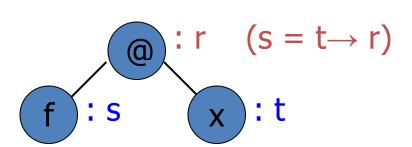
- •el tipo es el tipo de función dominio→rango
- •el dominio es el tipo de la variable x
- •el rango es el tipo del cuerpo de la función e

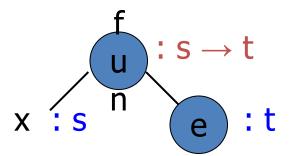
# 2. asignar tipo a los nodos





# 3. generar restricciones





int 
$$\rightarrow$$
 (int  $\rightarrow$  int) = int  $\rightarrow$  t,  
 $t = u \rightarrow s$ ,  
 $r = u \rightarrow s$ .

```
int \rightarrow (int \rightarrow int) = int \rightarrow t, t = u \rightarrow s, r = u \rightarrow s. int \rightarrow int = u \rightarrow s, r = u \rightarrow s.
```

```
int \rightarrow (int \rightarrow int) = int \rightarrow t,
t = u \rightarrow s,
r = u \rightarrow s.
int \rightarrow int = u \rightarrow s,
r = u \rightarrow s.
r = int \rightarrow int.
```

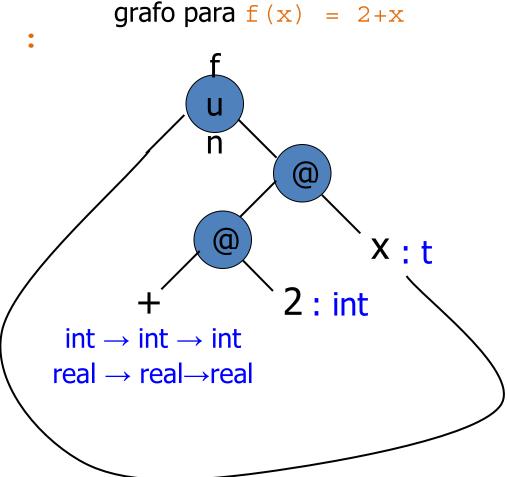
```
int \rightarrow (int \rightarrow int) = int \rightarrow t,
t = u \rightarrow s,
r = u \rightarrow s.
int \rightarrow int = u \rightarrow s,
r = u \rightarrow s.
r = int \rightarrow int.
u = int, s = int.
```

```
fun f(x) = 2+x;
> val it = fn :
int → int
```

```
fun f(x) = 2+x;
                      grafo para f(x) = 2+x
> val it = fn :
 int → int
```

```
fun f(x) = 2+x;
> val it = fn :
  int → int
```

1. asignar tipo a las hojas



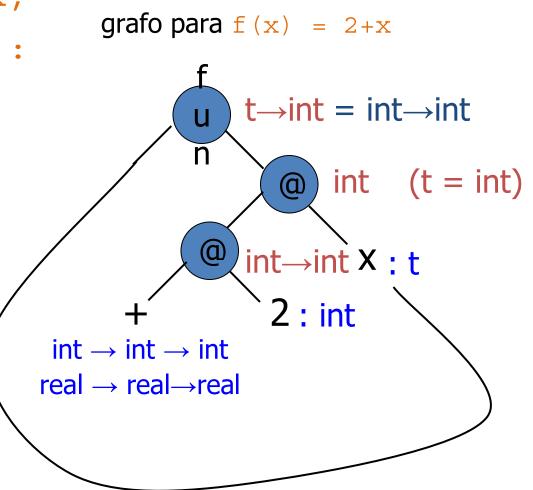
```
fun f(x) = 2+x;
> val it = fn :
  int → int
```

- asignar tipo a las hojas
- 2. propagar a nodos internos y asignar restricciones

```
grafo para f(x) = 2+x
                      t→int
                               int (t = int)
                     int→int X: t
                        2: int
 int \rightarrow int \rightarrow int
real \rightarrow real\rightarrowreal
```

```
fun f(x) = 2+x;
> val it = fn :
  int → int
```

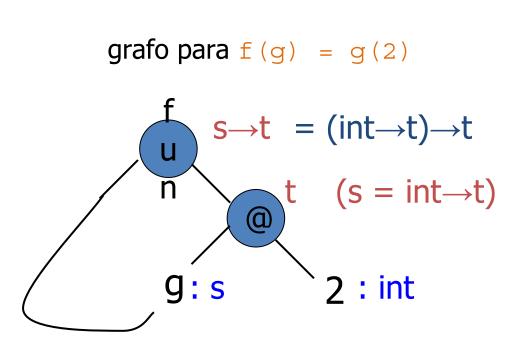
- asignar tipo a las hojas
- 2. propagar a nodos internos y asignar restricciones
- 3. resolver por sustitución



# tipos con variables de tipo

```
fun f(g) = g(2);
val it = fn :
(int \rightarrow t) \rightarrow t
```

- 1. asignar tipos a las hojas
- 2. propagar a nodos internos y generar restricciones
- 3. resolver por sustitución



# con una función polimórfica

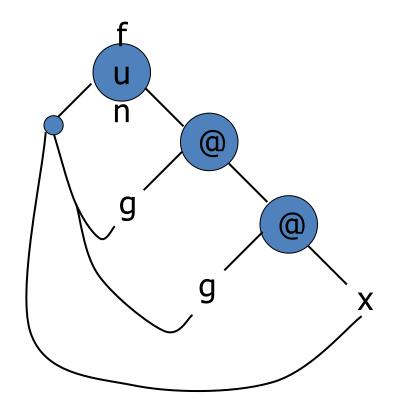
#### aplicaciones posibles

# reconocer errores de tipos con inferencia

```
fun f(g) = g(2);
   > val it = fn : (int \rightarrow t) \rightarrow t
uso incorrecto
   fun not(x) = if x then false else
   true;
   > val it = fn : bool → bool
   f(not);
  error de tipo: no se puede hacer bool →
   bool = int \rightarrow t
```

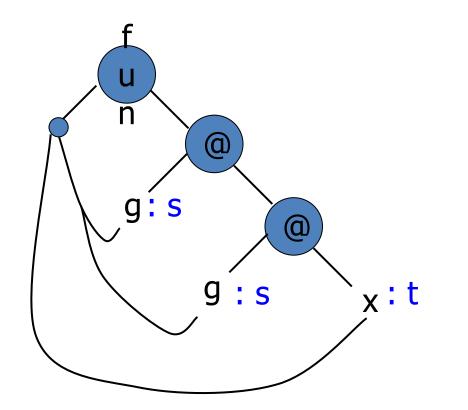
```
fun f(g,x) = g(g(x));
> val it = fn : (t \rightarrow t)*t \rightarrow t
```

```
fun f(g,x) = g(g(x));
> val it = fn : (t \rightarrow t)*t \rightarrow t
grafo para f(g,x) = g(g(x))
```



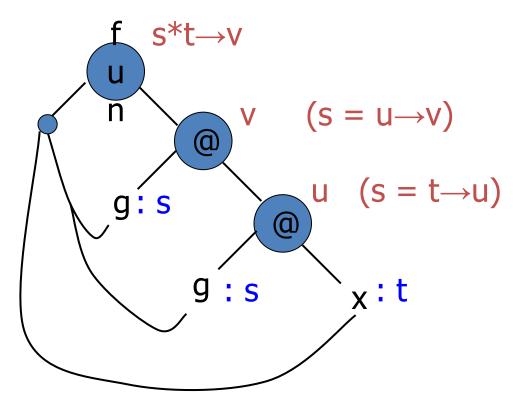
```
fun f(g,x) = g(g(x));
> val it = fn : (t \rightarrow t)*t \rightarrow t
grafo para f(g,x) = g(g(x))
```

1. Asignar tipos a las hojas



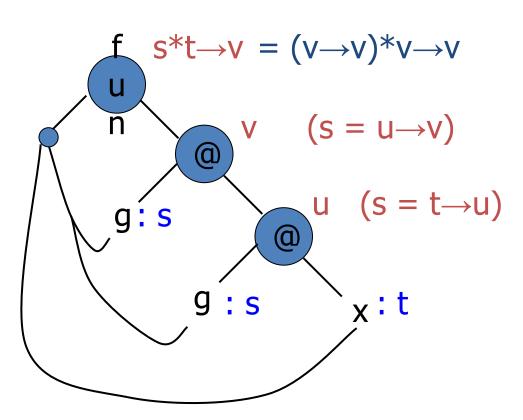
```
fun f(g,x) = g(g(x));
> val it = fn : (t \rightarrow t) *t \rightarrow t
grafo para f(g,x) = g(g(x))
```

- 1. Asignar tipos a las hojas
- 2. Propagar a los nodos internos y generar restricciones



```
fun f(g,x) = g(g(x));
> val it = fn : (t \rightarrow t)*t \rightarrow t
grafo para f(g,x) = g(g(x))
```

- 1. Asignar tipos a las hojas
- 2. Propagar a los nodos internos y generar restricciones
- 3. resolver por sustitución



# tipos de datos polimórficos

tipo de dato con variable de tipo (llamamos 'a a las variables de tipo)

```
datatype 'a list = nil | cons of 'a*('a list)
> nil : 'a list
> cons : 'a*('a list) → 'a list
```

•función polimórfica

```
fun length nil = 0
     |length (cons(x,rest)) = 1 + length(rest)
> length : 'a list → int
```

- inferencia de tipos
  - se infiere un tipo separado para cada cláusula
  - si es necesario combinar, se hacen los dos tipos iguales (equivalentes)

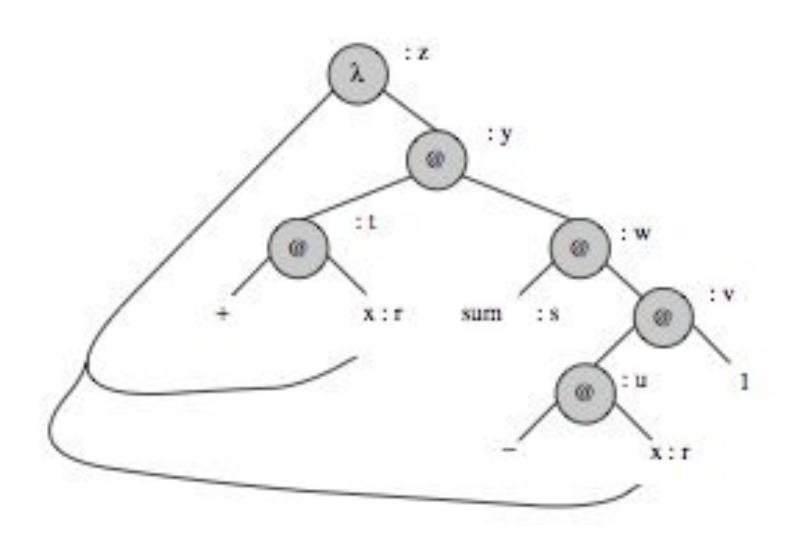
#### inferencia con recursión

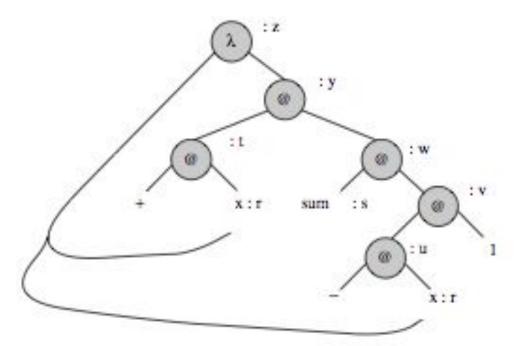
segunda cláusula

`a list→int = t length(cons(x,rest)) = 1 + length(rest) inferencia de tipos **@** se asignan tipos a las @ hojas, incluyendo el @ nombre de la función cons (a seguimos igual : 'a\*'a list→'a list length rest añadir la restricción de que el tipo del cuerpo de la función es igual al tipo del nombre de la función

```
fun sum(x) = x+sum(x-1);
val sum = fn : int -> int
```

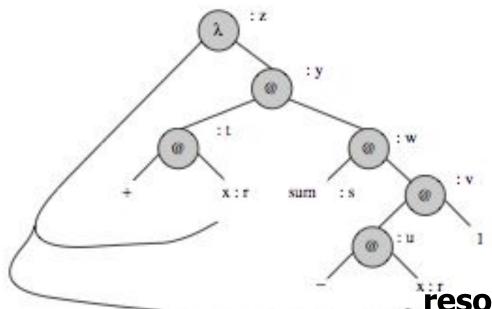
#### fun sum(x) = x + sum(x-1)





$$int \rightarrow (int \rightarrow int) = r \rightarrow t,$$
  
 $int \rightarrow (int \rightarrow int) = r \rightarrow u,$   
 $u = int \rightarrow v,$   
 $s = v \rightarrow w,$   
 $t = w \rightarrow y,$   
 $z = r \rightarrow y.$   
 $y \text{ además:}$ 

S=Z.



 $int \rightarrow (int \rightarrow int) = r \rightarrow t$ ,  $int \rightarrow (int \rightarrow int) = r \rightarrow u$ ,

 $u = int \rightarrow v$ 

 $s = V \rightarrow W$ 

 $t = w \rightarrow y$ 

 $z = r \rightarrow y$ .

y además:

s=z.

resolvemos paso a paso:

r = int,  $t = int \rightarrow int$ ,

 $u = int \rightarrow int$ ,

v = int,

 $s = int \rightarrow w$ ,

 $t = w \rightarrow y$ 

 $z = r \rightarrow y$ 

w=int, y=int,

 $z = int \rightarrow int$ ,  $s = int \rightarrow int$ .

#### resumen de inferencia de tipos

- se computa el tipo de las expresiones, no se declara
  - no requiere declaración de tipo para variables
  - se encuentra el tipo más general resolviendo restricciones
  - Ileva al polimorfismo
- chequeo de tipos estático sin especificaciones de tipo
- a veces es mejor que chequeo de tipos, porque puede detectar más errores

# coste de la inferencia de tipos

- más difícil identificar la línea del programa que causa el error
- diferentes tipos pueden requerir diferentes sintaxis
- Complicaciones con la asignación de valor

# información que puede proveer la inferencia de tipos

#### ejemplo:

•se infiere

```
reverse : 'a list → 'b list
```

•qué significa esto? como darle la vuelta a una lista no cambia su tipo, tiene que haber un error en la definición de reverse

#### Resumen

- los tipos son una parte importante del lenguaje
  - organizan y documentan el programa, previenen errores, proveen información para el compilador
- inferencia de tipos
  - determina automáticamente el mejor tipo para una expresión, según los tipos de los símbolos de la expresión
- polimorfismo
  - un único algoritmo puede tener distintos tipos
- sobrecarga
  - un símbolo con muchos sentidos (distintos algoritmos), se resuelve cuando se compila el programa