

Trabalho Prático PFL 1

Primeira Parte

Fib.hs

1.1)

Uma função recursiva, **fibRec**; O tipo desta função é: **fibRec :: (Integral a) => a -> a**

```
fibRec :: (Integral a) => a -> a
fibRec 0 = 0
fibRec 1 = 1
fibRec n = fibRec (n-2) + fibRec (n-1)
```

1.2)

Crie uma versão otimizada da função anterior, chamada **fibLista**, usando uma lista de resultados parciais tal que (**lista !! i**) contém o número de Fibonacci de ordem i (programação dinâmica).

```
fibLista :: Num p => Int -> p
fibLista 0 = 0
fibLista 1 = 1
fibLista n = fibs !! (n-1) + fibs !! (n-2) where
    fibs = map fibLista [0..]
```

1.3)

Implemente outra versão, chamada **fibListaInfinita**, para gerar uma lista infinita com todos os números de Fibonacci e retornar o elemento de ordem n.

```
fibListaInfinita :: Num a => Int -> a
fibListaInfinita n = listaInfinita !! n
    where listaInfinita = 0 : 1 : [a + b | (a,b) <- zip listaInfinita (tail
        listaInfinita)] -- lista infinita com todos os números de Fibonacci
```

Segunda Parte

BigNumber.hs

Deveríamos implementar um módulo para aritmética para **BigNumber**, que posteriormente seria utilizado para implementar novas versões das funções da alínea 1.

Um **BigNumber** é representado por uma lista dos seus dígitos, por isso decidimos implementar um **type BigNumber = [Int]**.

2.1)

Uma definição do tipo BigNumber.

```
module BigNumber where

type BigNumber = [Int]
```

2.2)

A função scanner, que converte uma string em **BigNumber**. O seu tipo é: **String -> BigNumber**

```
-- Converte string para BigNumber
scann :: String -> BigNumber
scann n = map(`mod` 10) $ reverse $ takeWhile (> 0) $ iterate (`div`10)
(read n::Int)
```

2.3)

A função output, que converte um **BigNumber** em string. O seu tipo é: **BigNumber -> String**

```
-- Converte BigNumber para numeros inteiros
dec2int :: [Int] -> Int
dec2int = foldl(\x y -> 10 * x + y) 0

-- Converte BigNumber para String
output :: BigNumber -> String
output xs = show (dec2int xs)
```

2.4)

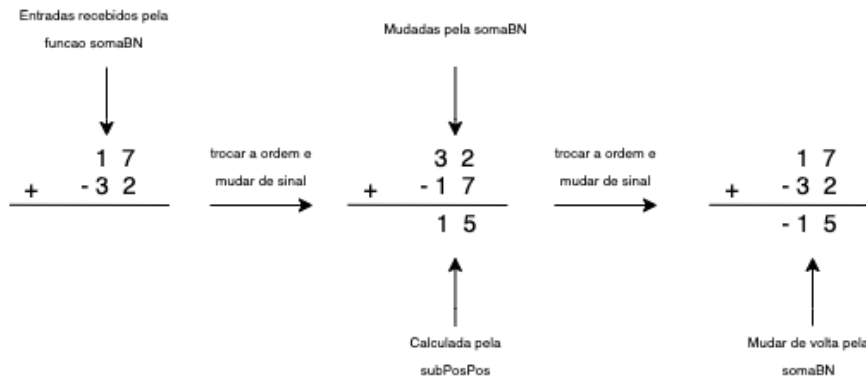
A função **somaBN**, para somar 2 numeros do tipo **BigNumber**. Esta função é dividida em 6 casos seguintes:

- Soma entre 2 positivos
- Soma entre 2 negativos
- Soma entre 1 positivo e 1 negativo, onde o $\text{abs}(|\text{positivo}|) > \text{abs}(|\text{negativo}|)$
- Soma entre 1 positivo e 1 negativo, onde o $\text{abs}(|\text{positivo}|) < \text{abs}(|\text{negativo}|)$
- Soma entre 1 negativo e 1 positivo, onde o $\text{abs}(|\text{negativo}|) > \text{abs}(|\text{positivo}|)$
- Soma entre 1 negativo e 1 positivo, onde o $\text{abs}(|\text{negativo}|) < \text{abs}(|\text{positivo}|)$

As 2 funções principais que foram usadas para calcular as somas dos casos referidos são:

- **subPosPos**, que faz a subtração entre 2 numeros positivos, onde o primeiro parâmetro de entrada tem valor absoluto maior que o segundo
- **somaPosPos**, que faz a soma entre 2 numeros positivos

Basta estas 2 funções para conseguir calcular os 6 casos mencionados, mudando o sinal e a ordem de entrada Exemplo:



```
-- Soma de dois BigNumber
somaBN :: BigNumber -> BigNumber -> BigNumber
somaBN bn1 bn2
  | not (checkIfNegative bn1) && not (checkIfNegative bn2) = reverse
(somaPosPos (reverse bn1) (reverse bn2) 0 []) -- 2 positivos
  | checkIfNegative bn1 && checkIfNegative bn2 = changeSign (reverse
(somaPosPos (reverse (changeSign bn1)) (reverse (changeSign bn2)) 0 [])) -
- 2 negativos
  | absBiggerThan bn1 bn2 && not (checkIfNegative bn1) =
removeLeadingZeros (reverse (subPosPos (reverse bn1) (reverse (changeSign
bn2)) 0 [])) -- positivo + negativo, abs(positivo) > abs(negativo)
  | absBiggerThan bn2 bn1 && not (checkIfNegative bn1) = changeSign
(removeLeadingZeros (reverse (subPosPos (reverse (changeSign bn2)) (reverse
bn1) 0 []))) -- positivo + negativo, abs(positivo) < abs(negativo)
  | absBiggerThan bn1 bn2 && checkIfNegative bn1 = changeSign (
removeLeadingZeros(reverse (subPosPos (reverse (changeSign bn1)) (reverse
bn2) 0 []))) -- negativo + positivo, abs(negativo) > abs(positivo)
  | otherwise = removeLeadingZeros (reverse (subPosPos (reverse bn2)
(reverse (changeSign bn1)) 0 [])) -- negativo + positivo, abs(negativo) <
abs(positivo)
```

2.5)

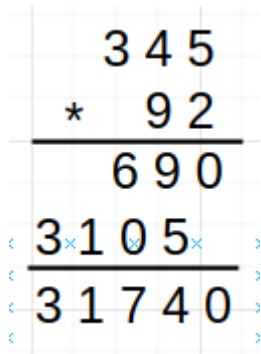
A função `subBN`, para subtrair dois big-numbers. Usar a função `somaBN`, só mudando o sinal do segundo parametro de subtração com a função `changeSign`.

```
-- Subtração entre dois BigNumber
subBN :: BigNumber -> BigNumber -> BigNumber
subBN bn1 bn2 = somaBN bn1 (changeSign bn2)
```

2.6)

A função `mulBN`, para multiplicar dois big-numbers.

Para atingir o resultado esperada primeiro utilizo a função `mulItems` que cria uma lista de listas cuja cada item de cada lista é o resultado da multiplicação inteira de um número pelo outro conforme uma multiplicação do primário.



```

  3 4 5
*   9 2
-----
 6 9 0
3 1 0 5
-----
3 1 7 4 0

```

ex: `mulItems [9,2] [3,4,5]` retorna algo como `[[6,8,10],[27,36,45]]`. Em seguida essa lista de listas é tratada para que cada lista interna seja composta por um `BigNumber`, para tal é utilizada a função auxiliar `sumWithCarrySingleton`. Tendo a lista tratada utilizamos mais duas funções auxiliares em conjunto. `multSumTwo` que faz soma entre dois números acrescentando zeros ao início do menor número esta função utiliza a `somaBN`. A segunda função é `auxMult` que aplica a `multSumTwo` a minha lista de listas tratadas. Também trabalhamos o sinal dos `BigNumber` a multiplicar com funções auxiliares `checkIfNegative` e `changeSign`.

```
-- Multiplicação de dois BigNumber
mulBN :: BigNumber -> BigNumber -> BigNumber
mulBN xs ys
  | checkIfNegative xs && checkIfNegative ys = auxMult (map sumMy
(multiplyElements ys xs)) [0]
  | not (checkIfNegative xs) && not (checkIfNegative ys) = auxMult (map
sumMy (multiplyElements ys xs)) [0]
  | checkIfNegative xs && not (checkIfNegative ys) = changeSign
(removeLeadingZeros (auxMult (map sumMy (multiplyElements ys (changeSign
xs))) [0])))
  | otherwise = changeSign (removeLeadingZeros (auxMult (map sumMy
(multiplyElements (changeSign ys) xs)) [0])))
```

Exemplos de utilização:

```
*BigNumber> mulBN [-2] [1,0]
mulBN [-2] [1,0]
*BigNumber> mulBN [4,5,6] [9,2]
[4,1,9,5,2]
*BigNumber> mulBN [9,9,9,1,0] [5,6,9,8,7]
[5,6,9,3,5,7,1,1,7,0]
```

2.7)

A função `divBN`, para efetuar a divisão inteira de dois big-numbers. Foi dividido em 4 casos diferentes:

- 2 numeros positivos
- 2 numeros negativos
- Dividendo negativo e divisor positivo
- Dividendo positivo e divisor negativo

Para cada caso foi criado uma função auxiliar que calcula o quociente e o resto. Aqui vamos explicar a função `divPosPos` (divisão de 2 numeros positivos). A logica é fazer a contagem que o divisor consegue subtrair ao dividendo enquanto o dividendo for positivo. O valor final da contagem será o valor do quociente e o resto será o valor que resta no dividendo.

exemplo:

```
10 / 3 = ?

10 - 3 = 7, contagem = 1
7 - 3 = 4, contagem = 2
4 - 3 = 1, contagem = 3

quociente = contagem = 3
resto = valor final de dividendo = 1

resposta: quociente = 3, resto =1
```

As funções dos outros 3 casos seguem a logica semelhante.

```
-- Divisão de dois BigNumber
divBN :: BigNumber -> BigNumber -> (BigNumber, BigNumber)
divBN bn1 [0]
    = ([-1], [-1])      -- Divisor cannot be 0
divBN bn1 bn2
    | not (checkIfNegative bn1) && not (checkIfNegative bn2) = divPosPos
bn1 bn2 [0]
```

```

    | checkIfNegative bn1 && checkIfNegative bn2 = divNegNeg bn1 bn2 [0]
    | not (checkIfNegative bn1) && checkIfNegative bn2 = divPosNeg bn1 bn2
[0]
    | otherwise = divNegPos bn1 bn2 [0]

-- dividend = (divisor * quotient) + remainder
divPosPos :: BigNumber -> BigNumber -> BigNumber -> (BigNumber, BigNumber)
divPosPos bn1 bn2 quotient
    | checkIfNegative (subBN bn1 bn2) = (quotient, bn1)
    | otherwise = divPosPos (subBN bn1 bn2) bn2 (somaBN quotient [1])

divNegNeg :: BigNumber -> BigNumber -> BigNumber -> (BigNumber, BigNumber)
divNegNeg bn1 bn2 quotient
    | checkIfPositive (subBN bn1 bn2) = (quotient, bn1)
    | otherwise = divNegNeg (subBN bn1 bn2) bn2 (somaBN quotient [1])

divNegPos :: BigNumber -> BigNumber -> BigNumber -> (BigNumber, BigNumber)
divNegPos bn1 bn2 quotient
    | checkIfPositive (somaBN bn1 bn2) = (quotient, bn1)
    | otherwise = divNegPos (somaBN bn1 bn2) bn2 (somaBN quotient [-1])

divPosNeg :: BigNumber -> BigNumber -> BigNumber -> (BigNumber, BigNumber)
divPosNeg bn1 bn2 quotient
    | checkIfNegative (somaBN bn1 bn2) = (quotient, bn1)
    | otherwise = divPosNeg (somaBN bn1 bn2) bn2 (somaBN quotient [-1])

```

Terceira Parte

Versão das três funções da alínea 1 que trabalhe com **BigNumber**.

```

{-
Alínea 3 Fibonacci Recursive BigNumber
-}
fibRecBN :: BigNumber -> BigNumber
fibRecBN [0] = [0]
fibRecBN [1] = [1]
fibRecBN n = somaBN (fibRecBN (subBN n [2])) (fibRecBN (subBN n [1]))

{-
Alínea 3 Fibonacci Programacao Dinamica
-}
fibListaBN :: BigNumber -> BigNumber
fibListaBN [0] = [0]
fibListaBN [1] = [1]
fibListaBN n = somaBN (indexer fibs (subBN n [1])) (indexer fibs (subBN n
[2])) where
    fibs = map fibListaBN listBN

{-
Alínea 3 Fibonacci Lista Infinita
-}

```

```

fibListaInfinitaBN :: BigNumber -> BigNumber
fibListaInfinitaBN = indexer listaInfinita
    where listaInfinita = [0] : [1] : [somaBN a b | (a,b)<- zip
listaInfinita (tail listaInfinita)]

----- aux -----

fibBN :: [BigNumber]
fibBN = [0] : [1] : zipWith somaBN fibBN (tail fibBN)

listBN :: [BigNumber]
listBN = iterate (\x -> somaBN x [1]) [0]

indexer :: [BigNumber] -> BigNumber-> BigNumber
indexer (x:xs) [0] = x
indexer (x:xs) n = indexer xs (subBN n [1])

```

Quarta Parte

No caso do tipo `Int` só é possível de apresentar até a sequência número 92, logo na sequência número 93 não consegue representar com o tipo `int` Mas se trocar para o tipo `Integer` ou `BigNumber` já será possível de representar.

```

-- fibListaInfinita :: Int -> Int
fibListaInfinita 92
-- retorna 7540113804746346429
fibListaInfinita 93
-- retorna -6246583658587674878

-- fibListaInfinita :: Integer -> Integer
fibListaInfinita 92
-- retorna 7540113804746346429
fibListaInfinita 93
-- retorna 12200160415121876738

-- fibListaInfinitaBN :: BigNumber -> BigNumber
fibListaInfinitaBN [9,2]
-- retorna [7,5,4,0,1,1,3,8,0,4,7,4,6,3,4,6,4,2,9]
fibListaInfinitaBN [9,3]
-- retorna [1,2,2,0,0,1,6,0,4,1,5,1,2,1,8,7,6,7,3,8]

```

Quinta Parte

Função de divisão que retorna `Nothing` (Monads tipo `Maybe`) no caso do divisor ter o valor de 0.

```

safeDivBN :: BigNumber -> BigNumber -> Maybe (BigNumber, BigNumber)
safeDivBN bn1 [0]

```

```
    = Nothing      -- Divisor cannot be 0
safeDivBN bn1 bn2
  | not (checkIfNegative bn1) && not (checkIfNegative bn2) = Just
(divPosPos bn1 bn2 [0])
  | checkIfNegative bn1 && checkIfNegative bn2 = Just (divNegNeg bn1 bn2
[0])
  | not (checkIfNegative bn1) && checkIfNegative bn2 = Just (divPosNeg
bn1 bn2 [0])
  | otherwise    = Just (divNegPos bn1 bn2 [0])
```