

lista1_TS_fernando_papi

July 1, 2023

```
[172]: from matplotlib import pyplot as plt
import numpy as np
import scipy
import pandas as pd
import statsmodels
import statsmodels.api as sm

# importing the style package
from matplotlib import style
# using the style for the plot
plt.style.use('seaborn-v0_8-darkgrid')
floatfmt = '.2f'
```

1) Deseja desenvolver um modelo com a finalidade de estimar as vendas médias semanais (Y - em milhares de dólares) em uma rede de lojas de acordo com o número de clientes (X). Obtenha uma regressão linear e analise a qualidade do modelo obtido. Faça análise dos resíduos. Estime a venda média semanal considerando X = 600 clientes.

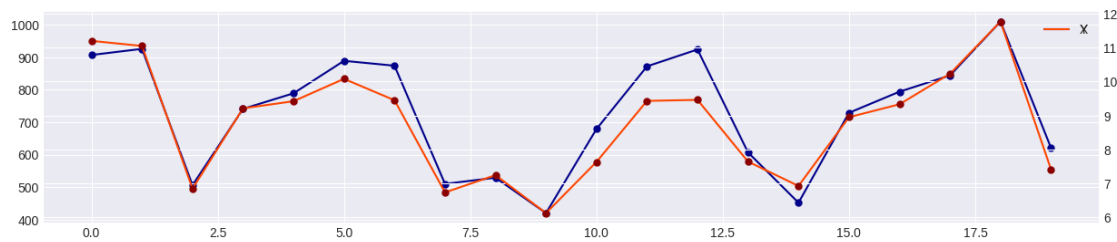
X	907	926	506	741	789	889	874	510	529	420
Y	11,20	11,05	6,84	9,21	9,42	10,08	9,45	6,73	7,24	6,12
X	679	872	924	607	452	729	794	844	1010	621
Y	7,63	9,43	9,46	7,64	6,92	8,95	9,33	10,23	11,77	7,41

```
[37]: X = np.array([907, 926, 506, 741, 789, 889, 874, 510, 529, 420, 679, 872, 924,
↪ 607, 452, 729, 794, 844, 1010, 621])
Y = np.array([11.20, 11.05, 6.84, 9.21, 9.42, 10.08, 9.45, 6.73, 7.24, 6.12, 7.
↪ 63, 9.43, 9.46, 7.64, 6.92, 8.95, 9.33, 10.23, 11.77, 7.41])

X = pd.DataFrame(X, columns=['X'])
X = sm.add_constant(X)
```

```
[149]: fig, ax = plt.subplots(figsize=(15,3))
ax2 = ax.twinx()
ax.plot(X.X, label='X', c='darkblue')
ax2.plot(Y, label='Y', c='orangered')
ax.scatter(range(len(X)), X.X, s=25, c='darkblue', zorder=3)
ax2.scatter(range(len(Y)), Y, s=25, c='darkred', zorder=3)
```

```
ax.legend()
ax2.legend()
plt.show()
```



```
[40]: model = sm.OLS(Y, X).fit()
model.summary()
```

[40]:

Dep. Variable:	y	R-squared:	0.912
Model:	OLS	Adj. R-squared:	0.907
Method:	Least Squares	F-statistic:	186.2
Date:	Sat, 01 Jul 2023	Prob (F-statistic):	6.21e-11
Time:	13:27:21	Log-Likelihood:	-13.522
No. Observations:	20	AIC:	31.04
Df Residuals:	18	BIC:	33.04
Df Model:	1		
Covariance Type:	nonrobust		

	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
const	2.4230	0.481	5.038	0.000	1.413	3.434
X	0.0087	0.001	13.646	0.000	0.007	0.010

Omnibus:	0.608	Durbin-Watson:	1.013
Prob(Omnibus):	0.738	Jarque-Bera (JB):	0.622
Skew:	-0.347	Prob(JB):	0.733
Kurtosis:	2.485	Cond. No.	3.22e+03

Notes:

- [1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.
- [2] The condition number is large, 3.22e+03. This might indicate that there are strong multicollinearity or other numerical problems.

```
[99]: fig, ax = plt.subplots(figsize=(10,3))
ax.scatter(X.X, Y, s=25, c='darkblue', zorder=3)

y_p = 600
y_h = model.predict((1,y_p))

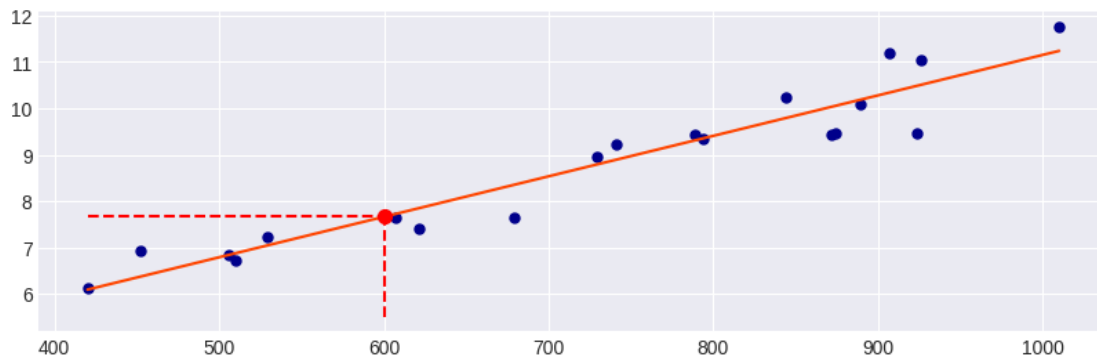
min_x = X[X.X==min(X.X)]
max_x = X[X.X==max(X.X)]
```

```

min_y_hat = model.predict(min_x).values
max_y_hat = model.predict(max_x).values

ax.plot([min_x.X, max_x.X], [min_y_hat, max_y_hat], c='orangered', zorder=3)
ax.scatter(y_p, y_h, s=50, c='red', zorder=3)
ax.plot([y_p, y_p], [0.9*min(Y), y_h], 'r--', zorder=3)
ax.plot([min_x.X.values, y_p], [y_h, y_h], 'r--', zorder=3)
plt.show()
print('\nX=600, Y_hat =', y_h)

```



X=600, Y_hat = [7.6606473]

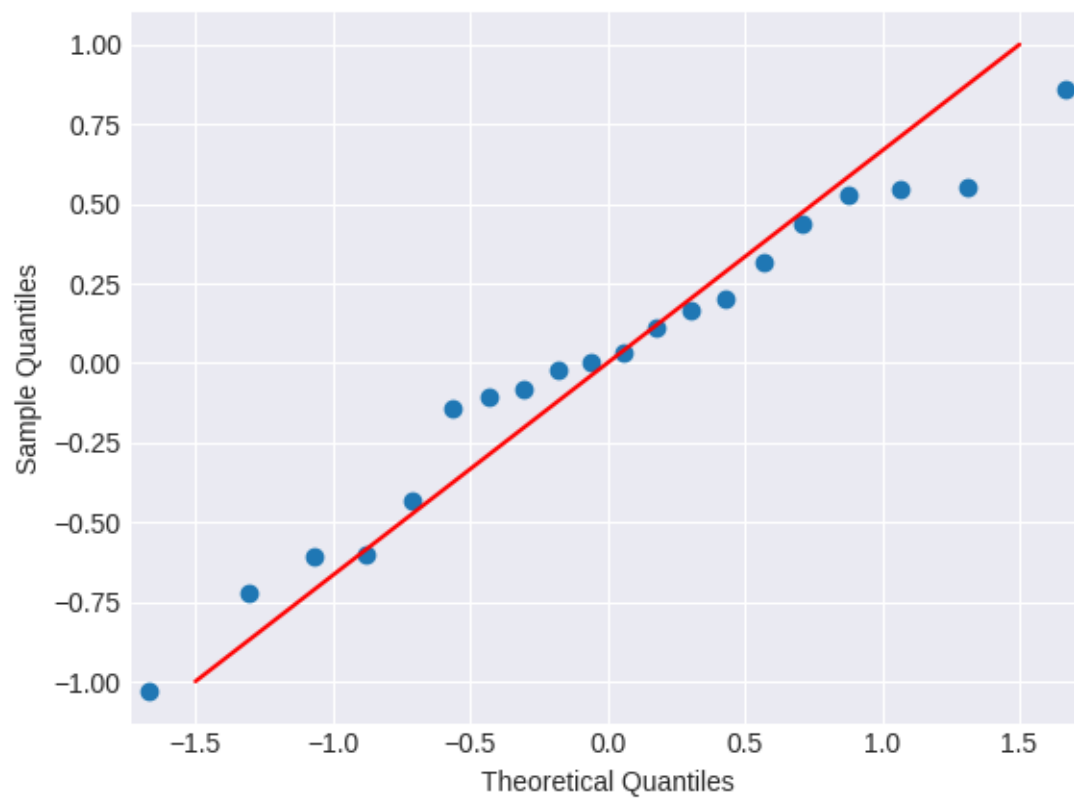
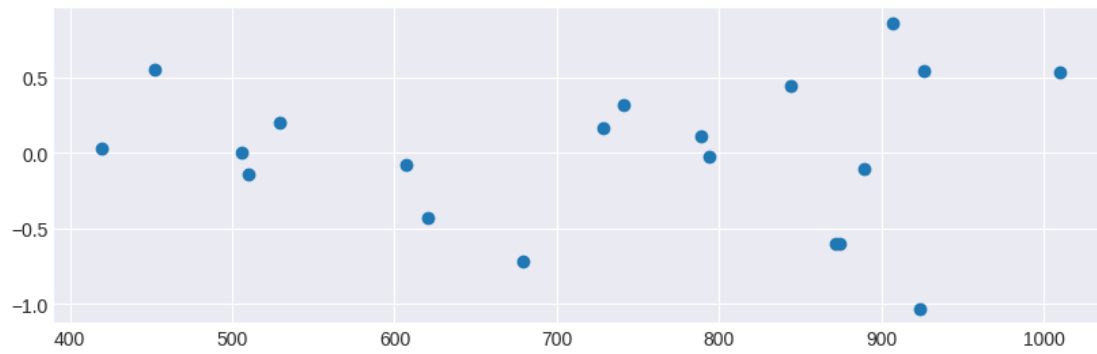
```

[120]: print('mean', np.mean(model.wresid))
print('std', np.std(model.wresid))
fig, axs = plt.subplots(1,1, figsize=(10,3))
axs.scatter(X.X, model.wresid)
sm.qqplot(model.wresid)
plt.plot([-1.5, 1.5], [-1,1], 'r')
pvalue = scipy.stats.shapiro(model.wresid).pvalue
print()
print(f'Shapiro-Wilk test dos residuais -> pvalue: {pvalue}.\nFalha-se em
    ↳rejeitar a hipótese nula, ou seja, os residuais são normalmente
    ↳distribuídos')
print()

```

mean -9.325873406851315e-16
std 0.4757601340848472

Shapiro-Wilk test dos residuais -> pvalue: 0.7665435671806335.
Falha-se em rejeitar a hipótese nula, ou seja, os residuais são normalmente distribuídos



[]:

[]:

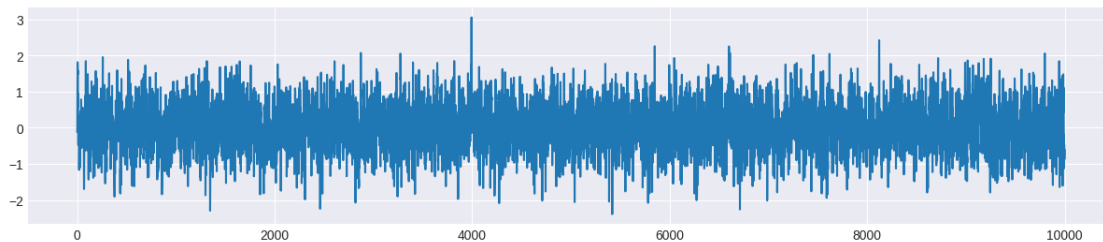
2) Considere o seguinte modelo MA(3):

$$r_t = 0,01 + \varepsilon_t + 0,7\varepsilon_{t-1} + 0,5\varepsilon_{t-2} + 0,2\varepsilon_{t-3}$$

onde ε_t é ruído branco com desvio padrão $\sigma = 0,5$.

- Apresente uma simulação do processo considerando 10.000 amostras.
- Apresente o gráfico da função de autocorrelação estimada a partir dos dados da simulação do item a. Compare com os valores teóricos.
- Apresente o gráfico da função de autocorrelação parcial estimada a partir dos dados da simulação do item a.

```
[176]: gen = scipy.stats.norm(0, 0.5)
y = gen.rvs(10000)
y = [0.01 + y_t + 0.7*y[t-1] + 0.5*y[t-2] + 0.2*y[t-3] if t>=3 else y_t for t, y_t in enumerate(y)]
fig, ax = plt.subplots(figsize=(15,3))
p = ax.plot(y)
```



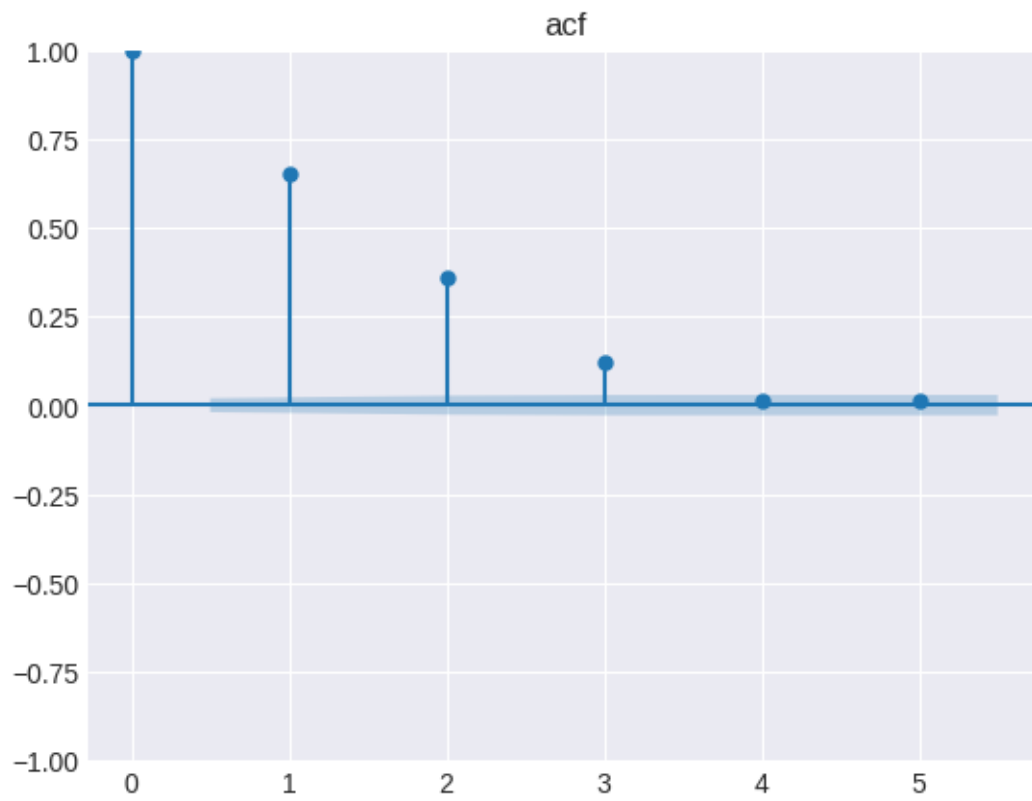
```
[177]: from statsmodels.tsa.stattools import acf
from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_acf
from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_pacf
```

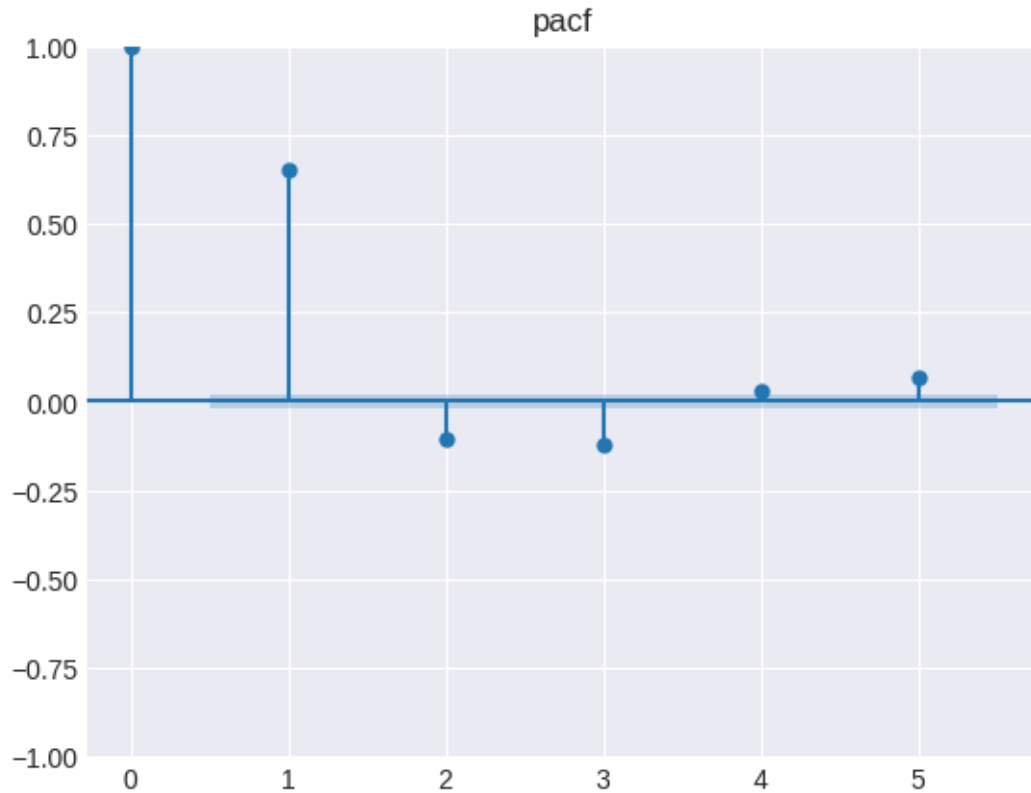
```
[178]: lags = 5

autocorrelations = acf(y, nlags=5)
print(autocorrelations)

plot_acf(y, alpha=0.05, lags=lags, title=f'acf')
plot_pacf(y, alpha=0.05, lags=lags, title=f'pacf')
plt.show()
```

```
[1.          0.6494878  0.36045371 0.11928814 0.01272379 0.01037453]
```





[]:

3) Seja a seguinte equação de diferenças, correspondente a um modelo AR(5):

$$r_t = 0,0090 + 0,1097r_{t-1} - 0,004943r_{t-2} - 0,1224r_{t-3} + 0,02954r_{t-4} + 0,06804r_{t-5} + a_t$$

onde a_t represente o choque no instante t .

- O modelo é estável? Justifique.
- Apresente uma simulação do processo considerando como entrada $a_t = [0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ \dots \ 0]$. Gere 30 amostras da série.
- Apresente uma simulação do processo considerando a_t como ruído branco Gaussiano com $\sigma_a = 0,007$. Gere 10.000 amostras da série.
- Apresente o gráfico da função de autocorrelação a partir dos dados do item c.
- Apresente o gráfico da função de autocorrelação parcial a partir dos dados do item c.

[]:

$c = 0.0090$
 $+ 0,1097r_{-1} - 0,004943r_{-2} - 0,1224r_{-3} + 0.02954r_{-4} + 0.06804r_{-5} +$

ϕ

[]:

[]:

[]:

4) Suponha que o retorno simples mensal de um título siga o modelo MA(1) a seguir:

$$R_t = a_t + 0,2a_{t-1}, \quad \sigma_a = 0,025$$

Assuma $a_{100} = 0,01$. Compute as previsões um e dois períodos à frente do retorno na origem da previsão $t = 100$. Quais são os desvios padrão dos erros de previsão associados? Calcule também as autocorrelações da série temporal de retorno com um e dois atrasos.

5) Suponha que o retorno logarítmico diário de uma aplicação siga o seguinte modelo:

$$r_t = 0,01 + 0,2r_{t-2} + a_t$$

onde $\{a_t\}$ é uma série de ruído branco gaussiano com média zero e variância 0,02. Qual é a média e a variância da série de retorno r_t ? Compute as autocorrelações de r_t com um e dois atrasos. Assuma $r_{100} = -0,01$ e que $r_{99} = 0,02$. Calcule as previsões de um e dois períodos à frente da série de retorno na origem da previsão $t = 100$. Quais são os desvios padrão associados com os erros de previsão?

6) A partir de 110 observações da série temporal Y_t estimou-se o seguinte modelo:

$$Y_t = \varepsilon_t + 0,5\varepsilon_{t-1} + 0,4\varepsilon_{t-2} + 18, \quad \sigma_\varepsilon^2 = 4$$

Sabendo-se que $\varepsilon_{109} = 1,9$ e $\varepsilon_{110} = 1,7$, determine as previsões para os instantes 111, 112 e 113, feitas a partir da origem $t = 110$. Obtenha também a variância do erro de previsão para os instantes 111, 112 e 113.

[]: