Contents

4.4 海州庄				
1.1 複雜度		 	 	
1.1.1 常用函數				
1.1.2 常見複雜度				
1.1.3 時間/空間複雜度				
1.2 函式				
1.3 指標		 	 	
1.4 參考				
1.5 傳值				
1.5.1 call by value				
1.5.2 call by address/value of pointer .		 	 	
1.5.3 call by reference		 	 	
1.6 struct				
1.6.1 建構子 (constructor)、解構子 (destru	,			
1.6.2 重載運算子		 	 	
1.7 algorithm		 	 	
1.7.1 sort				
1.7.2 min/max				
1.7.3 lower_bound/upper_bound				
<pre>1.7.4 next_permutation/prev_permutation</pre>		 	 	
1.8 cmath				
1.8.1 atan/atan2				
1.8.2 log/log2/log10				
1.8.3 pow		 	 	
1.8.4 sqrt		 	 	
1.9 iomanip				
1.9.1 setw				
1.9.2 setprecision		 	 	
1.10extra syntax		 	 	
1.10.1break, continue, return		 	 	
1.10.2const				
1.10.3static				
1.10.4define		 	 	
1.10.5typedef		 	 	
1.10.6auto				
I IN Trange hasen for				
0 _				
1.111ambda				
0 _		 	 	
1.11lambda		 	 	
1.11lambda		 	 	
1.11lambda		 		
1.11lambda		 		
1.11lambda		 		
1.11lambda				
1.11 lambda				

1 基本

1.1 複雜度

複雜度是定性描述該演算法執行成本 (時間/空間) 函式,用來分析資料結構和演算法 (DSA)。

1.1.1 常用函數

```
Big O 用來表示一個複雜度的上界,定義為 f(n) \in O(g(n)) iff \exists c, N \in R^+, \forall n \geq N 有 |f(n)| \leq |cg(n)|,例如 f(n) = 5n^2 + 4n + 1,我們會 注重最高項 5n^2,且我們會 5 是常數,得出 f(n) \in O(n^2) Big \Omega 用來表示一個複雜度的下界,對於任意的 f(n) \in O(g(n)),都有 g(n) \in \Omega(f(n))。
```

Big Θ 要同時滿足 Big O 和 Big Ω

Big O 是我們比較常用的,其他兩個可能再一些地方會用到

1.1.2 常見複雜度

 $O(1) < O(\log n) < O(n) < O(n \log n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!)$ 另外還有一個在並查集常見,即 $O(\alpha(n))$,近似於 O(1),可直接當作 O(1)

1.1.3 時間/空間複雜度

時間複雜度,和運算有關,*/% 會比 +-還要久,而複雜度得項次會跟迴圈有關,初階競賽只會在意你的項次,只要不要太大基本都會過,進階些比賽,有可能出現常數過大,導致複雜度合理卻還是吃 TLE 的情況,這時候需要利用"壓常數"技巧,降低時間,讓程式 AC。 空間複雜度,則是跟你宣告的變數記憶體總和有關,比時間複雜度容易估計,在樹狀的資料結構,往往需要搭配動態記憶體,才不會因為開太多空間而吃了

題外話,如果你在你的 array 不是開在全域內,開了 10 的 5,6 次,在執行時跑出 RE,那你有以下兩種解決方式

- 1. 把 array 移至全域
- 2. 加上 static,表示靜態變數

```
1 static int a[100000];
```

ans=1;

f(i-1);

ans*=i;

return;

return;

1.2 函式

4

5

6 7

8

9

10|}

函式為程式裡的運算單元,可以接受資料,並回傳指定值。main 是 C/C++ 程式的入口函式,接受命令列的參數,正常情況會回傳 0 代表正常運作。 以下為其語法

```
1 return_type function_name(paremeter list){
2
     Do something...
3
     return data;// void need not return;
4 }
 範例
1 int sum(int x, int y){
2
     int sum=0;
3
     sum+=x;
4
     sum+=y;
5
     reutnr x+y;
6|}
 函式有個特性為自呼叫,也就是自己的區域可以呼叫自己,但要有終止條件,不然會陷入無限遞迴,同時也要避免遞迴過深,造成 stack overflow。
1 int ans;
2
 void f(int i){
3
     if(i==1){
```

函式有很多用處,一個為模組化,意即相同的部分 (最多只差一些參數),寫成一個函式,除了簡潔,在除錯也比較方便。一個是利用自呼叫特性實作遞 迴,遞迴可將問題拆解成同類的子問題而解決問題。 常見遞迴使用

- 1. 分治
- 2. dp 中的 top-down
- 3. 圖/樹的搜索

1.3 指標

指標是紀錄記憶體的位址的變數,不管是基礎型態或自定義型態皆可用指標,指標的可以讓你直接對記憶體操作。而指標對學習者是一到難度高的門檻,但 在程式競賽中,是不可或缺的。

指標在程競中會用到的地方是"動態記憶體配置",這在比較進階的資料型態會比較常出現。

```
1 int *p=new int;
2 (*p)=1;
3 delete p;

1 int a=5;
2 int *p=&a;
3 (*p)++;
4 cout<<a<<'\n';</pre>
```

1.4 參考

參考型態代表一個變數的別名,可直接取得變數的位址,並間接透過參考型態別名來操作物件,作用類似於指標,但卻不必使用指標語法,也就是不必使 '*'運算子來提取值。

```
1 const int N=100;
2 int a[N][N];
3 for(int i=0;i<n;i++){
4    for(int j=0;j<n;j++){
5        int &x=a[i][j];
6        x=i+j;
7    }
8 }</pre>
```

參考型態可用在取代太長的變數 (如:'a[x][y][z]'),容易維護。另一個是當函式要傳入可修改的值,可取代指標。

1.5 傳值

函式傳入的參數,可以是一般、指標或是參考型態,以下以 Swap 來介紹

1.5.1 call by value

傳入的變數為一般型態,會"複製"一份到函式,原本的變數不會有任何改變。

```
1 void swap(int x,int y){
       cout<<x<<' '<<y<<'\n';// 1 2
 2
 3
       int t=x;
4
       x=y;
5
       y=t;
 6
       cout<<x<<' '<<y<<'\n';// 2 1
7
  }
8
  int main(){
9
       int a=1,b=2;
10
       cout<<a<<' '<<b<<'\n';// 1 2
11
       swap(a,b);
       cout<<a<<' '<<b<<'\n';// 1 2
12
13 }
```

1.5.2 call by address/value of pointer

傳入的變數為指標型態,函式內的變數改變,是對記憶體操作,所以原本的數字也會跟著改變。

```
1 void swap(int *x,int *y){
 2
       cout<<*x<<' '<<*y<<'\n';// 1 2
 3
       int t=*x;
 4
       *x=*y;
 5
       *y=t;
       cout<<*x<<' '<<*y<<'\n';// 2 1
6
7
  }
8 int main(){
9
       int a=1,b=2;
       cout<<a<<' '<<b<<'\n';// 1 2
10
11
       swap(&a,&b);
       cout<<a<<' '<<b<<'\n';// 2 1
12
13 }
```

1.5.3 call by reference

傳入的變數為參考型態,函數內的變數是原本變數的分身,所以函數內變數改變時,原本變數也會跟者改變。

```
1 void swap(int &x,int &y){
2
       cout<<x<<' '<<y<<'\n';// 1 2
 3
       int t=x;
 4
       x=y;
 5
       y=t;
       cout<<x<<' '<<y<<'\n';// 2 1
 6
7
  }
8
  int main(){
9
       int a=1,b=2;
10
       cout<<a<<' '<<b<<'\n';// 1 2
11
       swap(a,b);
       cout<<a<<' '<<b<<'\n';// 2 1
12
13|}
```

1.6 struct

structc 是讓 coder 能將原本獨立的資料包在一起。例如:三維空間由 x 座標、y 座標、z 座標組成。語法:

- 1. 型態 (type) 可以是一般或是指標型態
- 2. 也可以寫函式或重載運算子

```
1 struct struct_name{
2
       type1 name1;
3
       type2 name2;
4
5|}; //<-notice
  以下的例子為平面上的點。
1 struct Plane{
2
       int x,y;
3
       Plane(){};
4
       Plane(int _x,int _y):x(_x),y(_y){}
5
       Plane add(const Plane &rhs)const{
6
           return Plane(x+rhs.x,y+rhs.y);
7
8
       bool operator<(const Plane &rhs)const{</pre>
9
           if(x!=rhs.x)return x<rhs.x;</pre>
10
           return y<rhs.y;</pre>
```

1.6.1 建構子 (constructor)、解構子 (destructor)

建構子和 strcut name 同名,是用來初始化 struct 裡的資料,如果不寫的話,會有預設建構子,裡面的資料都是亂數。根據請況可多載,然而,如果你寫了運算子,一定要寫一個不帶任何參數的運算子,否則的話,像第 14 行這樣只有宣告,沒加其他東西的的程式碼就不會通過。解構子的名字形式為 ~ strcutname,是在變數離開作用域時運作,不寫的話也是會有預設解構子,在程式比賽中這樣就已足夠。

1.6.2 重載運算子

c++ 原有的型態都根據需要,定義了各種運算子,但 struct T如果有需要的話,須自己定義。而在競賽中,常需要作排序而需要小於運算子 ('<')。

1.7 algorithm

1.7.1 sort

這個函式傳入兩個變數,代表容器 (array 或是 vector) 的頭尾 [a,b),這裡的 b 不會排序,用來指示為結尾,例如要排序 a 陣列的第 0 到第 5 個元素。

```
1 sort(a,a+6);
```

11

此函數的複雜度圍 $O(n \log n)$, n 為排序的個數

1.7.2 min/max

```
min 和 max 原本在 c 定義在 math.h 內,c++ 將它移入 algorithm 中
1 cout<<min(5,2)<<'\n';// 2
2 cout<<max(5,2)<<'\n';// 5
```

1.7.3 lower_bound/upper_bound

std::vector<int>::iterator low,up;

```
這兩個函式會在"有序序列"中尋找值,前兩個值放的是容器 (array 或是 vector) 的頭尾 [a,b),第三的是比較的值 val。
1 lower bound(a, a+n, k); //最左邊 ≥ k 的位置
2 upper_bound(a, a+n, k); //最左邊 > k 的位置
3 upper_bound(a, a+n, k) - 1; //最右邊 ≤ k 的位置
4 lower_bound(a, a+n, k) - 1; //最右邊 < k 的位置
5|[lower bound, upper bound] //等於 k 的範圍
6 equal_range(a, a+n, k);
  如果要將位置傳換成數字,直接減起始位置就可,下面是一個範例 (from cplusplus):
1 #include <iostream>
                         // std::cout
2 #include <algorithm>
                         // std::lower_bound, std::upper_bound, std::sort
  #include <vector>
                         // std::vector
4
5
  int main () {
6
    int myints[] = {10,20,30,30,20,10,10,20};
7
    std::vector<int> v(myints,myints+8);
                                                  // 10 20 30 30 20 10 10 20
8
9
    std::sort (v.begin(), v.end());
                                                  // 10 10 10 20 20 20 30 30
10
```

```
Λ
12
     low=std::lower_bound (v.begin(), v.end(), 20); //
13
     up= std::upper bound (v.begin(), v.end(), 20); //
14
     std::cout << "lower_bound at position " << (low- v.begin()) << '\n';</pre>
15
     std::cout << "upper_bound at position " << (up - v.begin()) << '\n';</pre>
16
17
18
     return 0;
19|}
20 /*
21 Lower_bound at position 3
22 upper_bound at position 6
23 */
```

1.7.4 next_permutation/prev_permutation

這兩個函式會幫你的陣列轉為後/前一個字典序,如果沒有後/前一個字典序,這個函式會回傳 false,也不會有任何改變,以下為範例 (from cplus-plus):

```
1|// 字典序wiki https://zh.wikipedia.org/wiki/%E5%AD%97%E5%85%B8%E5%BA%8F
 2 #include <iostream>
                            // std::cout
  #include <algorithm>
                           // std::next_permutation, std::sort
4
 5 int main () {
6
    int myints[] = {1,2,3};
7
8
    std::sort (myints, myints+3);
9
    std::cout << "The 3! possible permutations with 3 elements:\n";</pre>
10
11
    do {
       std::cout << myints[0] << ' ' << myints[1] << ' ' << myints[2] << '\n';
12
13
     } while ( std::next_permutation(myints,myints+3) );
14
15
     std::cout << "After Loop: " << myints[0] << ' ' << myints[1] << ' ' << myints[2] << '\n'
        ;
16
17
     return 0;
18|}
19 /*
20 The 3! possible permutations with 3 elements:
22 1 3 2
23 2 1 3
24 2 3 1
25 3 1 2
26 3 2 1
27 After Loop: 1 2 3
28 */
```

1.8 cmath

1.8.1 atan/atan2

atan/atan2 函數是將斜率轉為弧度,如果要在轉為角度就以 180 度除以 PI 就好,而 atan 直接傳入斜率,atan2 則是座標,atan2 可以處理 x=0 的狀況,比 atan 好用。

```
1 int main () {
2    double PI=acos(-1.0);
3    cout<<PI<<'\n'; // 3.14159
4    cout<<atan(1)*180/PI<<'\n'; // 45
5    cout<<atan(-1)*180/PI<<'\n'; // -45
6    cout<<atan(1,1)*180/PI<<'\n'; // 45</pre>
```

```
cout<<atan2(-1,1)*180/PI<<'\n'; // -45
8
    return 0;
9|}
 1.8.2 log/log2/log10
 這些都是常用對數函數分別以 e,2,10 為底
1 int main(){
   cout << log(10) << '\n'; // 2.30259
   cout << log2(10) << '\n'; // 3.32193
4
   cout<<log10(10)<<'\n'; // 1
5
    cout << log(8) / log(2) << '\n'; // 3
6|}
 1.8.3 pow
 此函數會回傳以 base 為底的 exponent 次方,若 \geq 10^6,就會輸出科學記號。
1 int main(){
   cout<<pow(10,5)<<'\n'; // 100000
   cout<<pow(10,6)<<'\n'; // 1e+06
3
4 }
 1.8.4 sqrt
 此函數會回傳 x 的根號次方
1 int main(){
```

```
此函數會回傳 x 的根號次方

1 int main(){
    cout<<sqrt(1)<<'\n'; // 1
    cout<<sqrt(2)<<'\n'; // 1.41421
    cout<<sqrt(3.0)<<'\n'; // 1.73205
5 }
```

1.9 iomanip

1.9.1 setw

這個函式會將傳入的整數設定輸出寬度後輸出。

```
int main(){
cout<<setw(5)<<100<<'\n'; //" 100"
cout<<setw(5)<<1234<<'\n'; //" 1234"
cout<<setw(2)<<100<<'\n'; // "100"
return 0;
}</pre>
```

1.9.2 setprecision

這個函式設定輸出到小數點後幾位。

```
1 int main () {
2    double f = 3.14159;
3    cout << setprecision(5) << f << '\n';// 3.1416
4    cout << setprecision(9) << f << '\n';// 3.14159
5    cout << fixed;
6    cout << setprecision(5) << f << '\n';// 3.14159
7    cout << setprecision(9) << f << '\n';// 3.141590000
8    return 0;
9 }</pre>
```

1.10 extra syntax

1.10.1 break, continue, return

```
    break:跳出迴圈
    continue:這輪不做,到下一輪
    return:跳出函式,並回傳值
```

在 break, continue, return 後的 else 是無用的,因為如果這三種指令執行了,後面的東西就根本不會執行到。

1.10.2 const

const 用途在於宣告這個變數式不能更動的,這適合用來宣告常數。

```
1 const int N=5;
2 int main(){
3    cout<<N<<'\n'; // 5
4    N++; // error
5 }</pre>
```

1.10.3 static

如果一個變數被宣告為 static,那麼他只會被宣告一次,直到整個程式結束才被刪除。

```
1 #include <iostream>
 2 using namespace std;
 4 void count();
 5
  int main() {
 7
8
       for(int i = 0; i < 10; i++)</pre>
9
            count();
10
11
       return 0;
12 }
13
14 void count() {
15
       static int c = 1;
16
       cout << c << endl;</pre>
17
       C++;
18 }
19 /*
20 1
21 2
22 3
23 4
24 5
25 6
26 7
27 8
28 9
29 10
```

1.10.4 define

30 */

```
1 #define one 1
2 #define ten(x) 10*x
3 #define sum(x,y) 2*x+y
4
5 int main(){
    cout<<1<<'\n';
    cout<<ten(5)<<'\n';
    cout<<sum(1,1)<<'\n';
    cout<<sum(1,1)*ten(2)<<'\n';
10 }</pre>
```

由上面範例可見,define 可以取代程式中出現的特定字元,還可以帶參數,為了要讓使用 define 後的結果是正確的,請將取代後的字元括號起來,否則會輸出非預期的結果如上面範例第 9 行

```
1 #define one 1
2 #define ten(x) 10*x
3 #define sum(x,y) 2*x+y
4
5 int main(){
6    cout<<1<<'\n';
7    cout<<ten(5)<<'\n';
8    cout<<sum(1,1)<<'\n';
9    cout<<sum(1,1)*ten(2)<<'\n';
10 }</pre>
```

1.10.5 typedef

typedef 可以為型態取別名,在之後用到要宣告該型態的時候,可以打該型態之別名,減省時間。C++11 開始可以用 using 來達到相同的事。

```
1 typedef long long LL;
2 using LL = long long; //C++11
```

1.10.6 auto

C++11 開始,新增了一個關鍵字叫 auto,auto 可以自動判別變數型態,但必須給他初始值,否則他無法判別型態,C++14 開始,可用在 function 回 傳值

```
1 auto x;//error
2 auto y=1;
3 auto f(){return 1;}//from c++14
```

1.10.7 range_based for

C++11 開始有另外一種 for 是 range_based,他只要給兩個參數,一個變數指定資料型態並提供遍歷,另一個為要遍歷的範圍,例子如下。

```
1 int sum = 0;
2 int arr[5] = {1,2,3,4,5};
3 for(int i=0;i<5;i++){
    int x = a[i];
    sum += x;
6 }
7 for(int x:arr){//can use auto x:arr
    sum += x;
9 }</pre>
```

1.11 lambda

方便地定義匿名函式

1.11.1 lambda-introducer

也叫 Capture clause,宣告外部變數 (在可視範圍 (scope) 內) 傳入此函式內的方法。

- 1. '[]': 只有兩個中括號,完全不抓取外部的變數。
- 2. '[=]':所有的變數都以傳值 (call by value) 的方式抓取
- 3. '[&]':所有的變數都以傳參考 (call by reference) 的方式抓取
- 4. '[x,&y]': x 變數使用傳值,y 變數使用傳參考
- 5. '[=,&y]':除了 y 變數使用傳參考以外。其餘的變數皆使用傳值的方式
- 6. '[&,x]':除了 x 變數使用傳值以外,其餘的變數皆使用傳參考的方式

1.11.2 lambda declarator

也叫參數清單,傳入此函式對應資料。

1.11.3 mutable specification

指定以傳值方式抓取進來的外部變數,如果用不到可省略。與一般函數的傳入參數之異

- 1. 不可指定參數的預設值。
- 2. 不可使用可變長度的參數列表。
- 3. 參數列表不可以包含沒有命名的參數。

1.11.4 例外狀況規格

指定該函示會丟出的例外,其使用的方法跟一般函數的例外指定方式一樣,如果用不到可省略。

1.11.5 傳回值型別

指定 lambda expression 傳回型別,如果 lambda expression 所定義的函數很單純,只有包含一個傳回陳述式(statement)或是根本沒有傳回值的 話,可省略 (optional)

1.11.6 compound-statement

亦稱為 Lambda 主體 (lambda body),跟一般的函數內容一樣。

2 基礎資料結構

2.1 什麼是 STL?

標準函式庫 (Standard Template Libiary), C++ 內建的資料結構。

2.2 型態模板

當你要使用容器時,你必須要告訴 C++ 說,你的資料型態是什麼,型態模板的用途就是在於此。 用法:C < T > name

而容器內部東西不會只有一個,像 map 就需要兩種型態。

map < T1, T2 > name

有時候參數不須寫滿,不寫滿的地方的值為預設值。

2.3 迭代器

如果你想在容器中遍歷,你可能想用下標運算子 '[]',但不是所有容器都像陣列,都有支援下標運算子,所以 C++ 為每個容器都提供一個資料型態叫" 迭代器",你可以把迭代器當成一種指標,假設有一個迭代器 it,加上星號 '*'可以存取 IT 所指向的內容,依據迭代器的強到弱可分為三種:

- 1. 隨機存取 (Random Access):可與整數做 +-法、遞增及遞減
- 2. 雙向(Bidirectional) 迭代器:遞增及遞減
- 3. 單向(Forward)迭代器:只能遞增

根據用法可分為兩種:

- 1. 輸入(Input)迭代器:讀取迭代器指向的內容 · · 所有的迭代器都可以當作輸入迭代器。
- 2. 輸出(Output)迭代器:更改迭代器指向的內容時,除了常數(const)迭代器(也就是規定不能更動迭代器指向的內容)以外,所有的迭代器都可以當作輸出迭代器。

C++ 在許多容器中提供正向和逆向迭代器,前者由前往後,後著由後往前,宣告時分別為 C :: iterator 及 C :: $reverse_iterator$,每種迭代器分別有一對迭代器代表頭尾,如下表,注意 end 系列指向該容器最後一項的後一項,不要對他做人和取值或修改。

	正向	逆向		
可改值	C.begin() C.end()	C.rbegin() C.rend()		
不可改值	<pre>C.cbegin() C.cend()</pre>	<pre>C.crbegin() C.crend()</pre>		

2.4 stack 堆疊

有兩個端口,其中一個封閉,另一個端口負責插入、刪除的資料結構

```
1
  struct stack{
 2
       int st[N],top;
 3
       Stack():top(0){}
 4
       int size(){
5
            return top;
 6
 7
       void push(int x){
 8
            st[top++]=x;
9
10
       int top(){
11
            assert(top>0)
12
            return st[top];
13
14
       void pop(){
15
            if(top)--top;
16
17 }
```

- 1. 標頭檔:<stack>
- 2. 建構式:stack <T> s
- 3. s.push(T a):插入頂端元素,複雜度 O(1)
- 4. s.pop():刪除頂端元素,複雜度 O(1)
- 5. s.top():回傳頂端元素,複雜度 O(1)
- 6. s.size():回傳元素個數,複雜度 O(1)
- 7. s.empty():回傳是否為空,複雜度 O(1)

```
1 #include <iostream>
 2 #include <stack>
3 using namespace std;
4
5 int main(){
 6
       stack<int>st;
7
       st.push(1);
8
       cout<<st.top()<<'\n';// 1
9
       st.push(2);
10
       cout<<st.top()<<'\n';// 2</pre>
11
       st.push(3);
12
       cout<<st.top()<<'\n';// 3</pre>
13
       st.pop();
14
       cout<<st.top()<<'\n';// 2
15 }
         queue 佇列
  2.5
  有兩個端口,一個負責插入,另一個端口負責刪除的資料結構
1 struct Queue{
2
       int q[N],head,tail;
 3
       Queue():head(0),tail(0){}
       int size(){
 4
 5
           return tail-head;
 6
7
       void push(int x){
8
           q[tail++]=x;
9
10
       int front(){
11
           return q[head];
12
13
       void pop(){
14
           head++;
15
       }
16|}
     1. 標頭檔:<queue>
     2. 建構式:queue <T> q
     3. q.push(T a):插入尾端元素,複雜度 O(1)
     4. q.pop():刪除頂端元素,複雜度 O(1)
     5. q.front():回傳頂端元素,複雜度 O(1)
     6. q.size():回傳元素個數,複雜度 O(1)
     7. q.empty():回傳是否為空,複雜度 O(1)
 1 #include <iostream>
2 #include <queue>
3 using namespace std;
4
 5
  int main(){
 6
       queue<int>st;
 7
       st.push(1);
8
       cout<<st.front()<<'\n';// 1</pre>
9
       st.push(2);
10
       cout<<st.front()<<'\n';// 1</pre>
```

11

st.push(3);

2.6 deque 雙向佇列

有兩個端口,皆負責刪除、插入的資料結構

```
1. 標頭檔:<deque>
```

- 2. 建構式:deque <T> dq
- 3. $dq.push_front(T a), dq.push_back(T a)$:插入頂端/尾端元素,複雜度 O(1)
- 4. $dq.pop_front(), dq.pop_back()$:刪除頂端/尾端元素,複雜度 O(1)
- 5. dq.front(), dq.back():回傳頂端/尾端元素,複雜度 O(1)
- 6. dq.size():回傳元素個數,複雜度 O(1)
- 7. dq.empty():回傳是否為空,複雜度 O(1)

2.7 list

陣列如果要從中間插入一個元素,需要將其後面所有元素搬移一格,需耗費 O(n),連結串列(linklist)能只花 O(1) 完成插入。

```
1 struct Node{
2    int v;
3    Node *next=nullptr;
4 }

1 struct Node{
2    int v;
3    Node *next=nullptr,*prev=nullptr;
4 }
```

但有時候我們也可以利用 idnex 取代指標來實作 linklist,兩種做法各有自己的優缺點。 C++ 提供 list 函式庫實作雙向串列

- 1. 標頭檔: '<list>'
- 2. 建構式: 'list <T> L'
- 3. L.size():回傳元素個數,複雜度 O(1)
- 4. L.empty():回傳是否為空,複雜度 O(1)
- 5. L.push_front(T a),L.push_back(T a):插入頂端/尾端元素,複雜度 O(1)
- 6. L.pop_front(),L.pop_back():刪除頂端/尾端元素,複雜度 O(1)
- 7. L.insert(iterator it, size_type n,T a): 在 it 指的那項的前面插入 n 個 a 並回傳指向 a 的迭代器。複雜度 O(n)。
- 8. L.erase(iterator first,iterator last): 把 [first, last) 指到的東西全部刪掉,回傳 last。複雜度與砍掉的數量呈線性關係,如果沒有指定 last,那會自動視為只刪除 first 那項。
- 9. L.splice(iterator it,list& x,iterator first,iterator last):first 和 last 是 x 的迭代器。此函式會把 [first,last) 指到的東西 從 x 中剪下並加到 it 所指的那項的前面。x 會因為這項函式而改變。若未指定 last, 那只會將 first 所指的東西移到 it 前方。複雜度與轉移個數呈線性關係。

```
1 // adapt from cppreference
 2 #include <iostream>
3 #include <list>
4
5 int main(){
       std::list<char> letters {'o', 'm', 'g', 'w', 't', 'f'};
 6
7
8
       if (!letters.empty()) {
9
           cout << letters.front() << '\n';// o</pre>
10
           cout << letters.back() << '\n'; // f</pre>
11
       }
12 }
```

```
2.8
          array
   更安全方便的陣列
     1. 標頭檔:<array>
     2. 建構式:array <T,N> a
     3. a.size():回傳元素個數,複雜度 O(1)
     4. a.fill(T val):將每個元素皆設為 val,複雜度 O(size)
 1 #include <iostream>
 2 #include <array>
 3 using namespace std;
 4
 5
   int main(){
 6
       array<int,5>a;
 7
8
       cout<<a.size()<<'\n';</pre>
9
10
       for(int i=0;i<a.size();i++){</pre>
11
            a[i]=i*i;
12
13
       for(int i=0;i<a.size();i++){</pre>
14
15
            cout << a[i] << ' ';
16
       cout<<'\n';</pre>
17
18 }
19 /*
20 5
21 0 1 4 9 16
22 */
```

2.9 vector

動態陣列,可改變長度

```
    標頭檔:
    建構式:vector <T> v
    v[i]:回傳 v 的第 i 個元素,複雜度 O(1)
    v.push_back(T a):插入尾端元素,複雜度 O(1)
    v.size():回傳元素個數,複雜度 O(1)
    v.resize():重設長度,複雜度 O(1)
```

```
8. 兩特化
          (a) vector<char>: string
          (b) vector<bool>: bitset
 1 #include <iostream>
 2 #include <vector>
 3 using namespace std;
 4
5
  int main(){
 6
       vector<int>v;
 7
       v.push_back(1);
 8
       v.push_back(2);
9
       v.push_back(3);
10
       for(int i=0;i<v.size();i++){</pre>
            cout<<v[i]<<' ';
11
12
       cout<<'\n';</pre>
13
14
       v.clear();
15
16
       v.resize(2);
17
       cout<<v.size()<<'\n';</pre>
18
19
       for(int i=0;i<v.size();i++){</pre>
20
       v[i]=5-i;
21
22
       for(int i=0;i<v.size();i++){</pre>
23
        cout<<v[i]<<' ';
24
       }
25
       cout << ' \ n';
26 }
27 /*
28 1 2 3
29 2
30 5 4
31 */
```

7. v.clear():清除元素,複雜度 O(size)

2.10 string

可變動長度的字元陣列

```
1. 標頭檔:<string>
2. 建構式:string s
3. s=t:讓 s 的內容和 t 一樣,複雜度通常是 O(size(s) + size(t))
4. s+=t:將 t 加到 s 後面,複雜度通常是 O(size(s) + size(t))
5. s.cstr():回傳和 s 一樣的 C 式字串,複雜度 O(1)
6. cin»s:輸入字串至 s,直到讀到不可見字元
7. cout«s:輸出字串 s
8. getline(cin,s,char c):輸入 s 直到遇到字元 c,未指定 c 時,c 為預設字元。

1 // from cppreference
2 #include <iostream>
3 #include <string>
4 #include <sstream>// for getline
```

```
5
 6
  int main()
7
  {
8
       // greet the user
9
       std::string name;
10
       std::cout << "What is your name? ";</pre>
       std::getline(std::cin, name);
11
       std::cout << "Hello " << name << ", nice to meet you.\n";</pre>
12
13
14
       // read file line by line
15
       std::istringstream input;
       input.str("1\n2\n3\n4\n5\n6\n7\n");
16
17
       int sum = 0;
18
       for (std::string line; std::getline(input, line); ) {
19
           sum += std::stoi(line);
20
       std::cout << "\nThe sum is: " << sum << "\n";</pre>
21
22|}
23 /*
24 What is your name? John Q. Public
25 Hello John Q. Public, nice to meet you.
26
27 The sum is 28
28 */
```

2.11 bitset

```
節省的 bool 陣列,可當二進位位元運算
```

```
    標頭檔: <bitset </li>
    建構式: bitset 
    b[a]: 存取第 a 位,複雜度 O(1)。
    b.set(): 將所有位元設成 1。複雜度 O(N)。
    b.reset(): 將所有位元設成 0。複雜度 O(N)。
    b(位元運算): 不管是一元、二元運算皆可。二元位元運算長度需一致。複雜度 O(N)。
    b.count(): 回傳 b 有幾個位元是 1。複雜度 O(N)。
    b.flip(): 將所有位元的 0、1 互換。複雜度 O(N)。
    b.to_string(): 回傳一個字串和 b 的內容一樣。複雜度 O(N)。
    b.to_ulong(): 回傳一個 unsigned long 和 b 的內容一樣 (在沒有溢位的範圍內)。複雜度 O(N)。
    b.to_ullong(): 回傳一個 unsigned long 和 b 的內容一樣 (在沒有溢位的範圍內),複雜度 O(N)。
```

2.12 priorty_queue 優先佇列

```
維護最大/小值,可插入、刪除、及詢問最大/小值,一種實作為 binary heap
```

```
1 int heap[N],top=0;
2 void push(int v){
3    heap[++top]=v;
4    for(int i=top;i>1;){
5        if(heap[i]<=heap[i/2])break;
6        swap(heap[i],heap[i/2]);
7        i<<=1;
8    }
9 }</pre>
```

```
10 void pop(){
11
       heap[1]=heap[top--];
12
       for(int i=1;(i<<1)<=top;){</pre>
            if(heap[i]<heap[i<<1]){</pre>
13
                 swap(heap[i],heap[i<<1]);</pre>
14
15
                 i<<=1;
            }else if((i<<1)<top&&heap[i]<heap[(i<<1)+1]){</pre>
16
17
                 swap(heap[i],heap[(i<<1)+1]);</pre>
18
                 i=(i<<1)+1;
19
            }else{
20
                 break;
21
            }
22
       }
23 }
      1. 標頭檔:<queue>
      2. 建構式:priorty_queue <T> pq
      3. 建構式:priorty_queue <T,Con,Cmp> pq
      4. 建構式:priorty_queue <T,Con,Cmp> pq(iterator first, iterator seecond) 插入 [first, second) 內的東西
      5. pq.push(T a):插入元素 a,複雜度 O(\log size)
      6. pq.pop():刪除頂端元素,複雜度 O(log size)
      7. pq.top():回傳頂端元素,複雜度 O(1)
      8. pq.size():回傳元素個數,複雜度 O(1)
      9. pq.empty():回傳是否為空,複雜度 O(1)
 1 #include <iostream>
 2 #include <queue>
 3 using namespace std;
 5
   int main(){
 6
       priority_queue<int>Q;
 7
       Q.push(2);
8
       cout<<Q.top()<<'\n';// 2
9
       Q.push(5);
10
       cout << Q.top() << ' \ n'; // 5
11
       Q.pop();
12
       cout << Q.top() << '\n';// 2
13
       Q.push(3);
14
       cout << Q.top() << '\n';// 3
15 }
```

2.13 pair

兩個資料型態組織合盟

```
    標頭檔: '<utility>'
    建構式: 'pair <T1,T2> p'
    p.first,p.second:p 的第一、二個值
    make_pair(T1 a1,T2 a2):回傳一個 (a1,a2) 的 pair
```

2.14 tuple

```
generalize 的 pair

1. 標頭檔: '<tuple>'

2. 建構式: tuple<T1,T2...> t

3. 'get<i>(t)': 回傳 t 的第 i 個值。

4. make_tuple(T1 a1,T2 a2,...): 回傳一個 (a1,a2,...) 的 tuple。
```

2.15 set/map 自查找平衡二元樹

- 1. set 和 map 支援插入、刪除及查詢一個值,不同的是,set 會
- 2. 也可以說 set 的鍵值和對應值一樣

2.16 set

20 1 : find 21 1 : not find 22 1 : not find

23 */

1. 標頭檔: '<set>'

```
2. 建構式: 'set <T1> s'
     3. s.size():回傳元素個數,複雜度 O(1)
     4. s.empty():回傳是否為空,複雜度 O(1)
     5. s.clear():清除元素,複雜度 O(size)
     6. s.insert(T1 a):加入元素 a, 複雜度 O(\log size)。
     7. s.erase(iterator first,iterator last):刪除 [first, last),若沒有指定 last 則只刪除 first,複雜度 O(\log size) 與加上元素個數有
        關係。
     8. s.erase(T1 a):刪除鍵值 a,複雜度 O(\log size)。
     9. s.find(T1 a):回傳指向鍵值 a 的迭代器,若不存在則回傳 s.end(),複雜度 O(\log size)。
     10. s.lower_bound(T1 a):回傳指向第一個鍵值大於等於 a 的迭代器。複雜度 O(\log size)。
     11. s.upper_bound(T1 a):回傳指向第一個鍵值大於 a 的迭代器。複雜度 O(\log size)。
1 #include <iostream>
 2 #include <set>
 3 using namespace std;
4
5 int main(){
 6
     set<int>sb;
 7
     sb.insert(1);
8
     sb.insert(2);
9
     sb.insert(3);
10
     cout<<"1 : "<<(sb.find(1)!=sb.end()?"find\n":"not find\n");</pre>
11
     cout << "1 : "<< (sb.count(1)?"find \n":"not find \n");
12
13
14
     sb.erase(1);
15
     cout<<"1 : "<<(sb.find(1)!=sb.end()?"find\n":"not find\n");</pre>
     cout<<"1 : "<<(sb.count(1)?"find\n":"not find\n");</pre>
16
17 }
18 /*
19 1 : find
```

2.17 map

```
1. 標頭檔: '<map>'
2. 建構式: 'map <T1, T2> m'
3. m.size(),m.empty(),m.clear(),m.erase(iterator first,iterator last),m.erase(T1 a),m.find(T1 a),m.lower_bound(T1 a),m.upper_bound
  a):同 set。
4. 'm[a]':存取鍵值 a 對應的值,若 a 沒有對應的值,會插入一個元素,使 a 對應到預設值並回傳之。複雜度 O(\log size)。
5. m.insert(pair<T1,T2> a):若沒有鍵值為 a.first 的值,插入一個鍵值為 a.first 的值對應到 a.second, 並回傳一個 pair,first 是指
   向剛插入的元素的迭代器、second 是 true; 若已經有了,回傳一個 pair,first 是指向鍵值為 k.first 的元素的迭代器,second 是 false。
  複雜度 O(\log size)。
1 #include <iostream>
2 #include <map>
3 using namespace std;
4
5
  int main(){
6
       map<string,int>tb;
7
       tb["123"]=1;
8
       tb["owowowo"]=2;
9
       tb["omomo"]=3;
10
       cout<<"tb[\"123\"]: "<<tb["123"]<<'\n';
       cout<<"tb[\"owowowo\"]: "<<tb["owowowo"]<<'\n';</pre>
11
       cout<<"tb[\"omomo\"]: "<<tb["omomo"]<<'\n';</pre>
12
13
       cout<<"123 : "<<(tb.find("123")!=tb.end()?"find\n":"not find\n");</pre>
14
       cout<<"123 : "<<(tb.count("123")?"find\n":"not find\n");</pre>
15
16
17
       tb.clear();
       cout<<"123 : "<<(tb.find("123")!=tb.end()?"find\n":"not find\n");</pre>
18
       cout<<"123 : "<<(tb.count("123")?"find\n":"not find\n");</pre>
19
20
21
       cout<<"owo : "<<(tb.find("owo")!=tb.end()?"find\n":"not find\n");</pre>
22
       tb.insert(make_pair("owo",659));
23
       cout<<"owo : "<<(tb.find("owo")!=tb.end()?"find\n":"not find\n");</pre>
24 }
25 /*
26 tb["123"]: 1
27 tb["owowowo"]: 2
28 tb["omomo"]: 3
29 123 : find
30 123 : find
31 | 123 : not find
32 123 : not find
33 owo : not find
34 owo : find
35 */
```

2.17.1 multi-系列

可插入重複元素代價為 map 無法用下標運算子

- 1. equal_range(T1 a):回傳 iterator 的 pair<lower_bound(a),upper_bound(a)>,為 a 所在範圍
- 2. erase(T1 a):刪除所有元素 a,如果只要刪除一個,用 s.erase(s.find(a))

2.17.2 unorder_ 系列

降低常數,期望複雜度少一個 log,代價為不會排序,沒有 lower bound/upper bound,也不會依鍵值大小遍歷。迭代器為單向。

2.18 題目

2.18.1 stack, queue, deque

先來看一題題目

(zjd555) 在平面上如果有兩個點 (x,y) 與 (a,b),我們說 (x,y) 支配 (Dominate) 了 (a,b) 這就是指 x \geq a 而且 y \geq b;用圖來看就是 (a,b) 座落在以 (x,y) 為右上角的一點無的區域中。

對於平面上的任意一個有限點集合而言,一定存在有若干個點,它們不會被集合中的內一點所支配,這些個數就構成一個所謂的極大集合。請寫一個程式, 讀入一個新的集合,找出這個集合中的極大值。

簡單的說若找不到一點在 (x,y) 的右上方,則 (x,y) 就要輸出

我們能肯定最右上角的點一定是極大點,再來的極大點一定都在他的右下方,那我們就以座標排序,先以 y 座標由大到小排序,再以 x 座標由大到小排序,每找到一個極大點,就找下一個 y 值比它小,x 比它到的點,那也是極大點,就這樣以此類推。

我們觀察到極大集合中,如果先以 Y 值排序由大到小排序,X 值會由小到大,如果我們發現,答案的候選人,有如果... 就大於/小於... 的關係,我們就稱答案有"單調性"。單調性這個東西筆者覺得很玄,我沒辦法明確定義什麼事單調性,需要多多寫題目才能自己感覺出來。

下列提供 stack, queue, deque 的題目, 前半部分是基礎應用, 後半部分是關於單調性的。

- 1. UVa514(Stack 應用)
- 2. UVa673(Stack 應用)
- 3. ZeroJudge d016(Stack 後續運算法)
- 4. UVa10935(Queue 應用)
- 5. UVa12100(Queue 應用)
- 6. Uva246(Deque 應用)
- 7. UVa11781(stack 單調)
- 8. TIOJ1618(Deque 單調)

2.18.2 list

- 1. ZeroJudge d718
- 2. TIOJ 1225
- 3. TIOJ 1930

2.18.3 string

- 1. ZeroJudge a011(getline 應用)
- 2. Zerojudge d098(StringStream 應用,請自行查詢)

2.18.4 PriortyQueue

- 1. Uva 10954
- 2. Uva 1203

2.18.5 set, map

- 1. ZeroJudge d512(Set 應用)
- 2. UVa 10815(Set 應用)
- 3. Zerojudge d518(Map 應用)
- 4. UVa 484(Map 應用)