

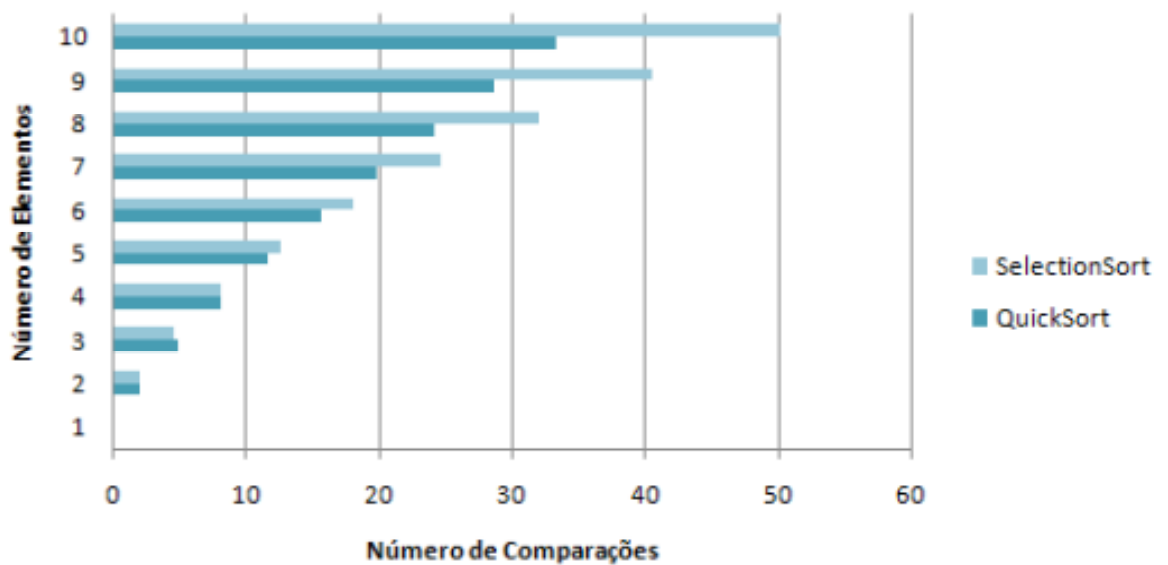
CI056

Primeiro Trabalho Prático

Alunos

Flaviene Scheidt de Cristo
Matheus Franco de Godoy

Gráfico



Análise do Algoritmo

Através do gráfico podemos observar que o melhor valor de **k** para a transição entre os dois algoritmos de ordenação é **4**.

Recorrência

$C(n) = 0$, se $n \leq 1$

$C(n-1) + M(n)$, se $1 < n < 4$

$C(n-1) + P(n)$, se $n \geq 4$

Melhor caso (quando é feita a escolha correta dos pivôs)

$C^-(n) = 0$, se $n \leq 1$

$C^-(n-1) + M(n)$, se $1 < n < 4$

$C^-(n-1) + P^-(n)$, se $n \geq 4$

$$\begin{aligned}
C^-(n) &= (n-1) + C^-(n-1) = (n-1) + (n-3) + C^-(n-3) \\
&\dots \\
&= (i=1 \log(n) - 23) \sum (n - (2^i - 1)) + 2^{(\log n / 2) - 1} (C^-(3)) \\
&\dots \\
&= n \log n - 23 + 2^{(\log n / 2) - 1} (C^-(3)) = n \log n - 23 + 2^{(\log n / 2) - 1} (C^-(2) + C_m(3)) \\
&\dots \\
&= n \log n - 23 + 2^{(\log n / 2) - 1} * 5 \approx n \log n - 23 + 2^{(\log n / 2)} + 4 \approx n \log n + 2^{(\log n / 2) + 1}
\end{aligned}$$

$$\underline{C^-(n) \approx n \log n}$$

Pior caso (quando os valores já estão ordenados)

$$\begin{aligned}
C^+(n) &= 0, \text{ se } n \leq 1 \\
&C(n-1) + M(n), \text{ se } 1 < n < 4 \\
&C^+(n-1) + C(0) + P^+(n), \text{ se } n > 4
\end{aligned}$$

$$C^+(n) = C^+(n-1) + P^+(n) = C^+(n-2) + P^+(n-1) + P^+(n)$$

...

$$C^+(n) = C^+(n-k) + (i=0 \text{ k-3}) \sum P^+(i) = C(3) + (i=1 \text{ n-5}) \sum P^+(i)$$

$$C^+(n) = C(3) + n(n-5)/2 = C(2) + M(3) + n(n-5)/2$$

...

$$C^+(n) \approx 5 + n(n-5)/2 \approx n^2/2$$