

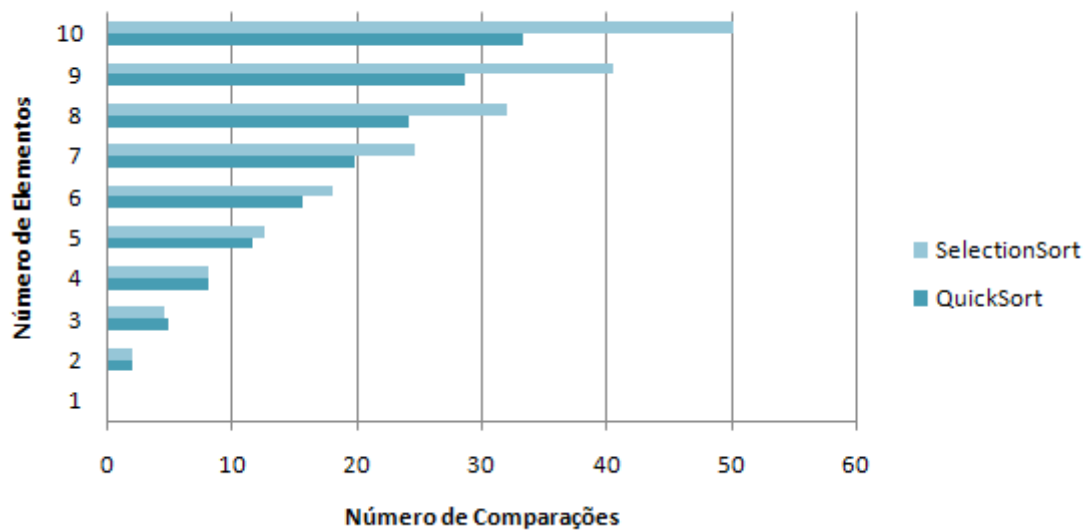
CI056

Primeiro Trabalho Prático

Alunos:

Flaviene Scheidt de Cristo
José Borges das Neves Junior
Matheus Franco Godoy

Gráfico



Análise do algoritmo

Através do gráfico podemos observar que o melhor valor de k para a transição entre os dois algoritmos é 4.

Recorrência

$$C(n) = 0, \text{ se } n \leq 1$$

$$C(n-1) + M(n), \text{ se } 1 < n < 4$$

$$C(n-1) + P(n), \text{ se } n \geq 4$$

Melhor caso (quando é feita a escolha correta dos pivôs)

$$C^-(n) = 0, \text{ se } n \leq 1$$

$$C^-(n-1) + M(n), \text{ se } 1 < n < 4$$

$$C^-(n-1) + P^-(n), \text{ se } n \geq 4$$

$$C^-(n) = (n-1) + C^-(n-1) = (n-1)(n-3) + C^-(n-3)$$

$$\dots$$

$$= (i=1 \log(n) - 23) \sum (n - (2^i - 1)) + 2^{(\log n / 2) - 1} (C^-(3))$$

$$\dots$$

$$= n \log n - 23 + 2^{\lceil \log n / 2 \rceil - 1} (C^-(3)) = n \log n - 23 + 2^{\lceil \log n / 2 \rceil - 1} (C^-(2) + C_m(3))$$

...

$$= n \log n - 23 + 2^{\lceil \log n / 2 \rceil - 1} * 5 \approx n \log n - 23 + 2^{\lceil \log n / 2 \rceil} + 4 \approx n \log n + 2^{\lceil \log n / 2 \rceil + 1}$$

$$C^-(n) \approx n \log n$$

Pior caso (quando os valores já estão ordenados)

$$C^+(n) = 0, \text{ se } n \leq 1$$

$$C(n-1) + M(n), \text{ se } 1 < n < 4$$

$$C^+(n-1) + C(0) + P^+(n), \text{ se } n > 4$$

$$C^+(n) = C^+(n-1) + P^+(n) = C^+(n-2) + P^+(n-1) + P^+(n)$$

...

$$C^+(n) = C^+(n-k) + \sum_{i=0}^{k-3} P^+(i) = C(3) + \sum_{i=1}^{n-5} P^+(i)$$

$$C^+(n) = C(3) + n(n-5)/2 = C(2) + M(3) + n(n-5)/2$$

...

$$C^+(n) \approx 5 + n(n-5)/2 \approx n^2/2$$