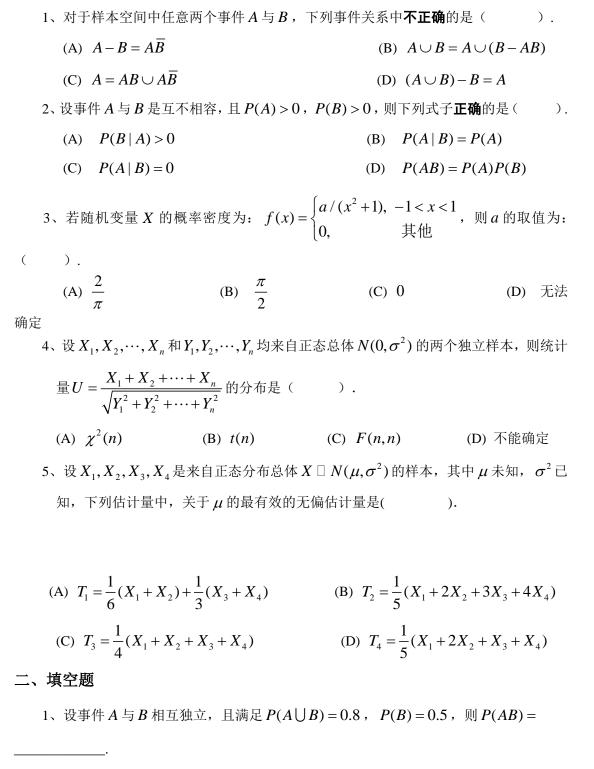
概率论与数理统计 2018-2019-1 学期期末练习题

一、单项选择题



^{2、}若一批产品中 90%是合格品,检查时一个合格品被误认为是次品的概率为 0.05,一个次品被误认为是合格品的概率为 0.05,则一个经检查后被认为是合格品的产品确是合格品

的概率为	

3、设随机变量
$$X$$
 的分布律为: $P\{X=k\} = \frac{k}{10}$, $k=1,2,3,4$, 则 $P\{\frac{1}{2} < X \le \frac{5}{2}\} = \frac{1}{2}$

4、设随机变量 X 服从二项分布 b(100,0.2) ,随机变量 Y 服从正态分布 N(5,1) ,且 X 与 Y 的相关系数 $\rho_{XY}=0.25$,则 E(X-2Y+1)=________, D(X-2Y+1)=

5、设样本 X_1, X_2, \cdots, X_6 来自总体N(0,1), 且

$$Y = (X_1 + X_2)^2 + (X_3 + X_4)^2 + (X_5 + X_6)^2$$
,要使变量 CY 服从 χ^2 分布,则常数 $C = \chi^2$

三、一加法器同时收到 30 个噪声电压 V_k $(k=1,2,\cdots,30)$,设它们是相互独立的随机变量,且都在区间(0,10)上服从均匀分布,记 $V=\sum_{k=1}^{30}V_k$,求 $P\{V>130\}$ 的近似值. (结果用标准正态分布函数 $\Phi(x)$ 表示, x>0)

四、设随机变量(X,Y)的概率分布律为:

X	0	1	2
-1	0.1	0.1	0.4
1	0.1	0.2	0.1

求(1) 关于 Z = X + Y 的分布律; (2) 概率 $P\{X + Y \le 1\}$; (3) E(Y) 和 D(Y); (4) Cov(X,Y).

五、设二维随机变量(X,Y)的概率函数为:

$$f(x, y) = \begin{cases} Cxy, & 0 < x < 1, 0 < y < x^2; \\ 0, & \text{ 其他.} \end{cases}$$

(1)求常数 C ; (2)求关于 X 和 Y 的边缘概率密度; (3) 问 X 和 Y 是否相互独立? 需说明理由; (4)求 E(XY). (5) 求 $Z=X^2-Y$ 的分布函数.

六、 设总体 X 具有指数分布,其概率密度为 $f(x;\theta) = \begin{cases} \frac{1}{\theta}e^{\frac{-x}{\theta}}, x > 0\\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$,其中 θ 是未知参数.

又 X_1, X_2, \dots, X_n 为来自该总体的一个样本, x_1, x_2, \dots, x_n 为样本值. 试**分别**求未知参数 θ 的 矩估计量和最大似然估计量 $\hat{\theta}$.

七、设测量零件的长度产生的误差 X 服从正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$,其中 μ 和 σ^2 均未知,今随 机地测量 25 个零件, 得样本均值 $\bar{x}=0.5$, 样本均方差 s=1.52, 求 u 的置信水平为 0.95 的置信区间.

(己知:
$$t_{0.025}(25) = 2.0595$$
, $t_{0.05}(25) = 1.7081$, $t_{0.025}(24) = 2.0639$, $t_{0.05}(24) = 1.7109$)

八、 设两位化验员 A、B 独立地对某种聚合物含氯量用相同的方法各作 10 次测定, 其测定 值的样本方差依次为 $S_A^2 = 0.552$ 和 $S_B^2 = 0.606$. 设 σ_A^2 和 σ_B^2 分别为 A、B 所测定的测定值 总体的方差,设两个总体均为正态的,且两样本独立,问根据这些数据能否推断这种聚合物 含氯量的波动性有无显著的变化. 即检验假设: $H_0:\sigma_A^2=\sigma_B^2$, $H_1:\sigma_A^2\neq\sigma_B^2$, 取显著性水 平 $\alpha = 0.05$. (己知: $F_{0.025}(9,9) = 4.03$, $F_{0.05}(9,9) = 3.18$)

九、设随机变量 X 的密度函数为 $f(x) = \begin{cases} \frac{x^n}{n!} e^{-x}, x > 0\\ 0, x \le 0 \end{cases}$,用切比雪夫不等式证明: $P\{0 < X < 2(n+1)\} \ge \frac{n}{n+1}.$

$$P\{0 < X < 2(n+1)\} \ge \frac{n}{n+1}.$$