

5.1: Найти магнитный момент μ и возможные проекции μ_z атома в состоянии:

а) 1F

б) $^2D_{3/2}$

Основные формулы:

$$\mu_L = -\mu_B \sqrt{L(L+1)}; \quad \mu_{LZ} = m_L \mu_B; \quad m_L = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, \pm l$$

$$\mu_S = -2\mu_B \sqrt{S(S+1)}; \quad \mu_{SZ} = 2m_S \mu_B; \quad m_S = -S, -S+1, \dots, +S$$

$$\mu_J = -\mu_B g \sqrt{J(J+1)}; \quad \mu_{JZ} = m_J g \mu_B; \quad m_J = -J, -J+1, \dots, +J$$

$$g = 1 + \frac{J(J+1) + S(S+1) - L(L+1)}{2J(J+1)}$$

а) $^1F : L = 3, S = 0, J = 3$

$$g = 0$$

$$\mu_L = -2\mu_B \sqrt{3}$$

$$\mu_S = 0$$

$$\mu_J = 0$$

$$m_L = 0, \pm 1, \pm 2, \pm 3$$

$$m_S = 0$$

$$m_J = -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$$

б) $^2D_{3/2} : L = 2, S = \frac{1}{2}, J = \frac{3}{2}$

$$g = \frac{12}{5}$$

$$\mu_L = -\mu_B \sqrt{6}$$

$$\mu_S = -\mu_B \sqrt{3}$$

$$\mu_J = -\frac{6}{5} \mu_B \sqrt{15}$$

$$m_L = 0, \pm 1, \pm 2$$

$$m_S = -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}$$

$$m_J = -\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{3}{2}$$

5.2: Вычислить магнитный момент атома водорода в основном состоянии. Используем формулы из предыдущей задачи.

$$S = \frac{1}{2} \text{ из условия } m_S = \frac{1}{2} \text{ и } S = \sum m_S = \frac{1}{2}$$

$$L = 0; \quad J = L + S \Rightarrow J = \frac{1}{2}$$

$$g = 2; \quad \mu_L = 0; \quad \mu_S = -\mu_B\sqrt{3}; \quad \mu_J = -\mu_B\sqrt{3};$$

5.3: Найти механические моменты атома в состояниях 5F и 7H , если известно, что в этих состояниях магнитные моменты равны нулю.

Основные формулы:

$$M_L = \hbar\sqrt{L(L+1)}; \quad M_S = \hbar\sqrt{S(S+1)}; \quad M_J = \hbar\sqrt{J(J+1)}$$

а) 5F

$$L = 3, \quad S = 2, \quad J = 0$$

$$M_L = 2\hbar\sqrt{3}; \quad M_S = \hbar\sqrt{6}; \quad M_J = 0$$

б) 7H

$$L = 4, \quad S = 3, \quad J = 0$$

$$M_L = 2\hbar\sqrt{5}; \quad M_S = 2\hbar\sqrt{3}; \quad M_J = 0$$

5.4 Механический момент атома в состоянии 3F прецессирует в магнитном поле $B = 500$ Гс с угловой скоростью $\omega = 5.5 \cdot 10^9$ рад/с. Определить механический и магнитный моменты атома.

5.5 Объяснить с помощью векторной модели, почему механический момент атома, находящегося в состоянии ${}^6F_{1/2}$ прецессирует в магнитном поле B с угловой скоростью ω , вектор которого направлен противоположно вектору B .

5.6 Узкий пучок атомов пропускают по методу Штерна и Герлаха через резко неоднородное магнитное поле. Определить:

- максимальные значения проекций магнитных моментов атомов в состояниях 4F , 6S и 5D , если известно, что пучок расщепляется соответственно на 4, 6 и 9 компонент;
- на сколько компонент расщепится пучок атомов, находящихся в состояниях 3D_2 и 5F_1 ?

5.7 Атом находится в магнитном поле $B = 3,00$ кГс. Определить:

- а) полное расщепление, см^{-1} , терма 1D
- б) спектральный символ синглетного терма, полная ширина расщепления которого составляет $0,84 \text{ см}^{-1}$.

5.8 Спектральная линия $L = 0,612 \text{ мкм}$ обусловлена переходом между двумя синглетными термами атома. Определить интервал L между крайними компонентами этой линии в магнитном поле $B = 10,0 \text{ кГс}$.

5.9 Построить схему возможных переходов между термами $^2P_{3/2}$ и $^2S_{1/2}$ в слабом магнитном поле. Вычислить для соответствующей спектральной линии:

- а) смещения зеемановских компонент в единицах $\mu_B B/h$
- б) интервал, см^{-1} , между крайними компонентами, если $B = 5,00 \text{ кГс}$.

5.10 Изобразить схему возможных переходов в слабом магнитном поле и вычислить смещения (в единицах $\mu_B B/h$) зеемановских компонент спектральной линии:

- а) $^2D_{3/2} \rightarrow ^2P_{3/2}$
- б) $^2D_{5/2} \rightarrow ^2P_{3/2}$

5.11 Найти значения температуры, при которых средняя кинетическая энергия поступательного движения молекул H_2 и N_2 равна их вращательной энергии в состоянии с квантовым числом $J = 1$.

5.12 Определить момент импульса молекулы кислорода в состоянии с вращательной энергией $2,16 \text{ мэВ}$.

5.13 Найти для молекулы HCl вращательные квантовые числа двух соседних уровней, разность энергий которых равна $7,86 \text{ мэВ}$.

5.14 Найти механический момент молекулы кислорода, вращательная энергия которой $E = 2,16 \text{ мэВ}$.

5.15 Для двухатомной молекулы известны интервалы между тремя последовательными вращательными уровнями $\Delta E_1 = 0,20 \text{ мэВ}$ и $\Delta E_2 = 0,30 \text{ мэВ}$. Найти вращательное квантовое число среднего уровня и соответствующий момент инерции молекулы.

5.16 Оценить, сколько линий содержит чисто вращательный спектр молекул CO , момент инерции которых равен $I = 1,44 \cdot 10^{-39} \text{ г} \cdot \text{см}^2$.

5.17 Найти отношение энергий, которые необходимо затратить для возбуждения двухатомной молекулы на первый колебательный и первый вращательный уровни. Вычислить это отношение для следующих молекул:

- а) H_2
- б) HI
- в) I_2