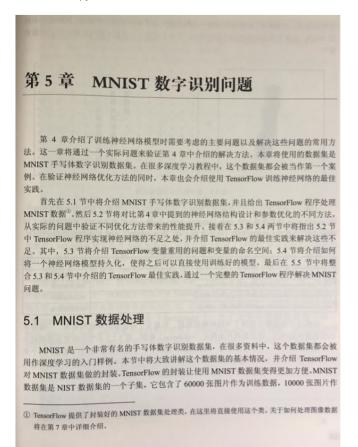
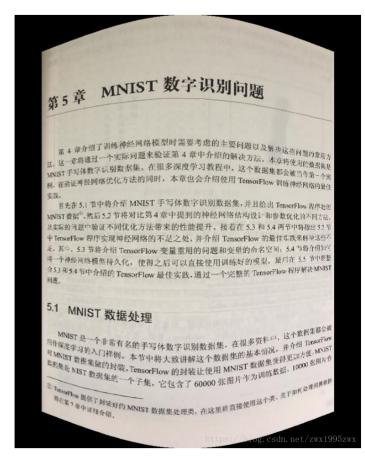
# 柱面投影介绍与python实现 (一)

## 简介

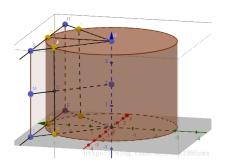
本文主要介绍柱面投影变换,将这种变换用于图像处理,可以产生图像扭曲的效果,如下图所示,产生了将平面图像投影到了柱面上的视觉效果。博客最后给出了柱面投影的python实现,供读者参考。





# 数学原理

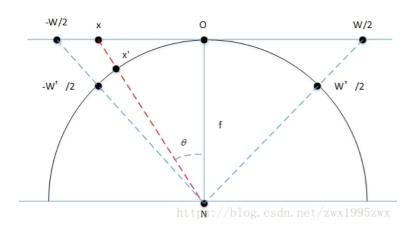
如下图所示,矩形GHEF为待处理的原图,投影到柱面上之后则变成了曲面JDILCK。我们假设相机模型为针孔模型,且所处位置为N点,下面分析原图GHEF与投影曲面JDILCK各像素之间的对应关系。



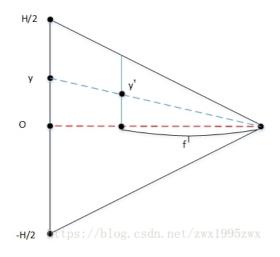
俯视图如下图所示,我们以原图像的中心(W/2, H/2)为原点,假设相机的焦距为f(f的值我们可以随意选择,不需要相机的真实焦距)。

下面我们进行几何分析,点 –W/2 映射到 –W'/2 ,点W/2 映射到W'/2 ,因此直线【-W/2 ,W/2】为原图X方向,曲线【-W'/2 ,O ,W'/2】为投影曲面的X方向。

假设原平面上有一点x, 映射到曲面上为x'(在投影曲面X方向上的坐标为x', 即弧长为x'), 设角xNO为 $\theta$ , $\theta$  = arctan (x/f) , 弧长x' = f× $\theta$ 。因此X方向上柱面投影的映射关系为 x' = f × arctan (x/f) 。



接下来看侧视图,以确定Y方向上原图与投影图像素的对应关系。侧视图中的红色虚线与俯视图中的红色虚线相对应。由俯视图可得线段xN =  $f/\cos(\theta)$ ,由侧视图中的相似三角形关系可得y' / f=y /  $(f/\cos(\theta))$  。



综上所述,可得原图与投影曲面各像素的对应关系如下

$$1, \quad \theta = \arctan\left(\frac{x}{f}\right) \phi$$

$$2 \cdot x' = f \times \theta$$

$$3, \frac{y}{f} = \frac{y'}{f} \phi$$

$$495zwx$$

根据上面三个式子,我们便可以对图片进行柱面投影变换了。python实现代码如下所示。

```
1 | from skimage.io import imread, imshow ,imsave
   from skimage.transform import resize
3
   import math
4
   import numpy as np
5
6
   img = imread('img.jpg')
    img = (resize(img , [1000,800])*255).astype(np.uint8)
7
8
9
    ###圆柱投影
10
    def cylindrical_projection(img , f) :
11
      rows = img.shape[0]
12
      cols = img.shape[1]
13
14
      #f = cols / (2 * math.tan(np.pi / 8))
15
16
       blank = np.zeros_like(img)
```

```
17
       center_x = int(cols / 2)
                              18
                                      center_y = int(rows / 2)
19
20
       for y in range(rows):
21
          for x in range(cols):
              theta = math.atan((x- center_x )/ f)
22
23
              point_x = int(f * math.tan( (x-center_x) / f) + center_x)
24
              point_y = int( (y-center_y) / math.cos(theta) + center_y)
25
              if point_x >= cols or point_x < 0 or point_y >= rows or point_y < 0:
26
27
                  pass
28
              else:
29
                  blank[y , x, :] = img[point_y , point_x ,:]
30
      return blank
31
   waved_img = cylindrical_projection(img,500)
32
33 imshow(waved_img)
```

# 补充:

1、从上面的程序我们可以看出,程序中对三个公式的应用是反的。这是因为程序中两个for循环中的x与y对应的是 柱面投影的曲面, point\_x 与point\_y对应的是原图中的坐标点。

2、此外,我们可以将相机的位置N点进行移动,产生不同的柱面变换。在程序实现时,我们直接更改center\_x与 center\_y的值即可。例如, center\_x = int(cols/3), center\_y = int(rows/2), 产生的效果图如下所示。





#### 文章很值,打赏犒劳作者一下

### 相关推荐

关于我们 招贤纳士 广告服务 开发助手 ☎ 400-660-0108 ☑ kefu@csdn.net ⑤ 在线客服 工作时间 8:30-22:00

公安备案号11010502030143 京ICP备19004658号 京网文〔2020〕1039-165号 经营性网站备案信息 北京互联网违法和不良信息举报中心 网络110报警服务 中国互联网举报中心 家长监护 Chrome商店下载 ©1999-2021北京创新乐知网络技术有限公司 版权与免责声明 版权申诉 出版物许可证 营业执照