目录

1	DQN 算法	2
2	SoftQ 算法	3

1 DQN 算法

DQN 算法

```
初始化策略网络参数 \theta
复制参数到目标网络 \hat{Q} \leftarrow Q
初始化经验回放 D
for 回合数 = 1, M do
  重置环境,获得初始状态 s_t
  for 时步 = 1, t do
    根据 \varepsilon – greedy 策略采样动作 a_t
    环境根据 a_t 反馈奖励 s_t 和下一个状态 s_{t+1}
    存储 transition 即 (s_t, a_t, r_t, s_{t+1}) 到经验回放 D 中
    更新环境状态 s_{t+1} \leftarrow s_t
    更新策略:
    从 D 中采样一个 batch 的 transition
    计算实际的 Q 值,即 y_j = \begin{cases} r_j &  对于终止状态s_{j+1} \\ r_j + \gamma \max_{a'} Q\left(s_{j+1}, a'; \theta\right) \end{cases} 对于非终止状态s_{j+1}
    对损失 (y_j - Q(s_j, a_j; \theta))^2 关于参数 \theta 做随机梯度下降
  end for
  每 C 个回合复制参数 \hat{Q} \leftarrow Q(此处也可像原论文中放到小循环中改成
  每 C 步, 但没有每 C 个回合稳定)
```

SoftQ 算法 $\mathbf{2}$

SoftQ 算法

```
初始化参数 \theta 和 \phi
复制参数 \theta \leftarrow \theta, \phi \leftarrow \phi
初始化经验回放 D
for 回合数 = 1, M do
     for 时步 = 1, t do
           根据 \mathbf{a}_t \leftarrow f^{\phi}(\xi; \mathbf{s}_t) 采样动作,其中 \xi \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}, \mathbf{I})
           环境根据 a_t 反馈奖励 s_t 和下一个状态 s_{t+1}
           存储 transition 即 (s_t, a_t, r_t, s_{t+1}) 到经验回放 D 中
            更新环境状态 s_{t+1} \leftarrow s_t
           更新 soft Q 函数参数:
           对于每个 s_{t+1}^{(i)} 采样 \left\{\mathbf{a}^{(i,j)}\right\}_{i=0}^{M} \sim q_{\mathbf{a}'}
           计算 empirical soft values V_{\text{soft}}^{\theta}\left(\mathbf{s}_{t}\right) = \alpha \log \mathbb{E}_{q_{\mathbf{a}'}}\left[\frac{\exp\left(\frac{1}{\alpha}Q_{\text{soft}}^{\theta}\left(\mathbf{s}_{t},\mathbf{a}'\right)\right)}{q_{\mathbf{a}'}\left(\mathbf{a}'\right)}\right] 计 算 empirical gradient J_{Q}(\theta)
           \mathbb{E}_{\mathbf{s}_{t} \sim q_{\mathbf{s}_{t}}, \mathbf{a}_{t} \sim q_{\mathbf{a}_{t}}} \left[ \frac{1}{2} \left( \hat{Q}_{\text{soft}}^{\bar{\theta}} \left( \mathbf{s}_{t}, \mathbf{a}_{t} \right) - Q_{\text{soft}}^{\theta} \left( \mathbf{s}_{t}, \mathbf{a}_{t} \right) \right)^{2} \right]
           根据 J_Q(\theta) 使用 ADAM 更新参数 \theta
           更新策略:
           对于每个 s_t^{(i)} 采样 \left\{\xi^{(i,j)}\right\}_{j=0}^M \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}, \mathbf{I})
           计算 \mathbf{a}_t^{(i,j)} = f^{\phi} \left( \xi^{(i,j)}, \mathbf{s}_t^{(i)} \right)^{j}
          \Delta f^{\phi}\left(\cdot;\mathbf{s}_{t}\right) = \mathbb{E}_{\mathbf{a}_{t} \sim \pi^{\phi}}\left[\kappa\left(\mathbf{a}_{t}, f^{\phi}\left(\cdot;\mathbf{s}_{t}\right)\right) \nabla_{\mathbf{a}'} Q_{\mathrm{soft}}^{\theta}\left(\mathbf{s}_{t}, \mathbf{a}'\right)\right|_{\mathbf{a}' = \mathbf{a}_{t}}使用经验估计计算
                                                                                            + \alpha \nabla_{\mathbf{a}'} \kappa \left( \mathbf{a}', f^{\phi} \left( \cdot; \mathbf{s}_t \right) \right) \Big|_{\mathbf{a}' = \mathbf{a}_t}
           计算经验估计 \frac{\partial J_{\pi}(\phi; \mathbf{s}_t)}{\partial \phi} \propto \mathbb{E}_{\xi} \left[ \Delta f^{\phi}(\xi; \mathbf{s}_t) \frac{\partial f^{\phi}(\xi; \mathbf{s}_t)}{\partial \phi} \right], 即 \hat{\nabla}_{\phi} J_{\pi}
           根据 \hat{\nabla}_{\phi}J_{\pi} 使用 ADAM 更新参数 \phi
     end for
```

每 C 个回合复制参数 $\bar{\theta} \leftarrow \theta, \bar{\phi} \leftarrow \phi$

end for