

Abgabetermin: 47. Kalenderwoche (18.11.2013 - 22.11.2013)
Maximal **24** Punkte können erreicht werden.

1. Aufgabe (9 Punkte)

(a) Es sind zwei logische Funktionen gegeben:

$$f(\mathbf{x}) = \overline{x_0 \cdot \overline{x_1} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_0} \cdot \overline{x_1} \cdot x_2 \cdot (\overline{x_0} + \overline{x_1} + x_2)}$$
$$g(\mathbf{x}) = \overline{x_0} + x_1$$

Stellen Sie eine gemeinsame Wertetabelle für die Funktionen auf und prüfen Sie anhand dieser, ob $f(\mathbf{x}) = g(\mathbf{x})$ gilt. Eine vorhergehende algebraische Vereinfachung der Funktionen ist unzulässig.

(b) Zeigen Sie durch Umformung, dass die beiden Funktionen

$$f(\mathbf{x}) = x_2 \cdot \overline{x_0 + \overline{x_1}} + x_0 \cdot x_2 \text{ und}$$
$$g(\mathbf{x}) = x_0 \cdot x_2 + x_1 \cdot x_2$$

äquivalent sind. Benennen Sie für jeden Schritt das verwendete Gesetz (Satz 1, Seite 8 im Skript).

2. Aufgabe (3 Punkte)

Die logische Verknüpfung NOR ($\overline{A + B}$) ist ein vollständiges System, es lassen sich also alle vollständig definierten logischen Funktionen damit darstellen.

Es sei $f(a, b) = a \cdot b$.

Stellen Sie f unter ausschließlicher Verwendung der NOR-Verknüpfung dar.

3. Aufgabe (3 Punkte)

Benennen Sie zu den folgenden Umformungen jeweils das verwendete Gesetz (Satz 1, Seite 8 im Skript).

(a) $((k + \overline{c \cdot b}) \cdot l + \overline{f \cdot d \cdot g}) \cdot ((k + \overline{c \cdot b}) \cdot l + f \cdot d \cdot g) = (k + \overline{c \cdot b}) \cdot l$

(b) $((\overline{(x_1 + x_4 + x_0) \cdot x_2}) \cdot x_5 + \overline{((x_1 + x_4 + x_0) \cdot x_2) \cdot x_5}) = 1$

(c) $\overline{a + (z + \overline{(c + k) \cdot l} + c)} = \overline{\overline{a} \cdot z + \overline{(c + k) \cdot l} + c}$

4. Aufgabe (3 Punkte)

Vereinfachen Sie die Funktion

$$f(\mathbf{x}) = x_0 \cdot x_1 \cdot x_2 + \overline{x_1} \cdot (\overline{x_2} \cdot x_0) \cdot (\overline{x_1} \cdot \overline{x_2}) + x_0 \cdot x_2 + x_0 \cdot x_1 \cdot \overline{x_2}$$

algebraisch. Es sind mindestens drei Umformungen durchzuführen, bei denen jeweils die Anzahl der Variablen, Operationen oder Terme reduziert wird. Benennen Sie die jeweils verwendeten Gesetze (Satz 1, Seite 8 im Skript).

5. Aufgabe (6 Punkte)

Führen Sie folgende Rechnungen im Binärsystem schriftlich und ohne Zwischenschritte durch. Geben Sie darüber hinaus das Carry-Bit c und das Overflow-Bit v an. Führen Sie anschließend die Probe im Dezimalsystem durch und interpretieren Sie die Ergebnisse einmal als vorzeichenlose Dualzahlen und einmal als Zweierkomplementzahlen unter Berücksichtigung der Bedingungsbits.

(a) Addition im Binärsystem

$$\begin{array}{r} 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0_2 \\ + 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1_2 \\ + 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1_2 \\ \hline ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ? \\ \hline = ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?_2 \\ \hline \hline \end{array}$$

(b) Subtraktion im Binärsystem

$$\begin{array}{r} 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1_2 \\ - 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1_2 \\ - 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1_2 \\ \hline ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ? \\ \hline = ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?\ ?_2 \\ \hline \hline \end{array}$$