GRUNDLAGEN UND ALGEBRAISCHE STRUKTUREN (WISE 13/14)

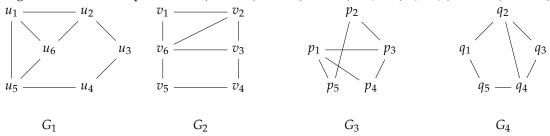
LaS: Logik und Semantik

20.01.2014 - 26.01.2014

Tutorium 11

Aufgabe 1: Graph Isomorphismen

Gegeben seien die Graphen $G_1 := (V_1, E_1)$ $G_2 := (V_2, E_2)$, $G_3 := (V_3, E_3)$, $G_4 := (V_4, E_4)$:



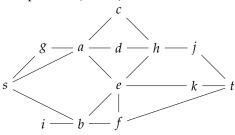
Welche Graphen sind zueinander isomorph und welche nicht? Beweise Deine Aussage.

Aufgabe 2: Ramsey Theorem

Gib an: Eine möglichst kleine Anzahl von Knoten, die ein vollständiger, rot-blau gefärbter Graph haben muss, damit er einen vollständigen monochromatischen Untergraphen mit 3 Knoten enthält? Beweise Deine Aussage.

Aufgabe 3: Grapheigenschaften

3.a) Gegeben sei der folgende Graph G := (V, E):



Gib an:

3.a(i) Alle zentralen Knoten, den Radius und Durchmesser von G.

3.a(ii) Wie viele Zusammenhangskomponenten hat G?

3.a(iii) Eine möglichst kleine Knotenmenge V_1 der Knoten, die man entfernen muss, so dass es keinen Pfad mehr zwischen s und t gibt (Ausgenommen s und t)?

3.a(iv) Wie viele Zusammenhangskomponenten hat $G - V_1$? Zeichne den neuen Graphen.

3.b) Gib an: Den Durchmesser eines vollständigen Graphen mit 26 Knoten.

3.c) Beweise: Für alle Graphen G gilt: $rad_G \leq diam_G \leq 2 rad_G$

Aufgabe 4: Bäume

- 4.a) Beweise: Jeder endliche Baum mit mindestens 2 Knoten enthält mindestens 2 Blätter.
- 4.b) *Beweise:* Für alle endlichen Bäume gilt: Auf dem längsten Pfad im Baum liegt immer ein zentraler Knoten.